- **13.** Egy középiskolába 700 tanuló jár. Közülük 10% sportol rendszeresen a két iskolai szakosztály közül legalább az egyikben. Az atlétika szakosztályban 36 tanuló sportol rendszeresen, és pontosan 22 olyan diák van, aki az atlétika és a kosárlabda szakosztály munkájában is részt vesz.
 - a) Készítsen halmazábrát az iskola tanulóiról a feladat adatainak feltüntetésével!
 - b) Hányan sportolnak a kosárlabda szakosztályban?
 - c) Egy másik iskola sportegyesületében 50 kosaras sportol, közülük 17 atletizál is. Ebben az iskolában véletlenszerűen kiválasztunk egy kosarast. Mennyi a valószínűsége, hogy a kiválasztott tanuló atletizál is?
- **14.** Egy kultúrpalota színháztermének a nézőtere szimmetrikus trapéz alaprajzú, a széksorok a színpadtól távolodva rövidülnek. A leghátsó sorban 20 szék van, és minden megelőző sorban 2-vel több, mint a mögötte lévőben. 500 diák és 10 kísérő tanár pont megtöltik a nézőteret. Hány széksor van a nézőtéren?
- **15.** A fizika órai tanulókísérlet egy tömegmérési feladat volt. A mérést 19 tanuló végezte el. A mért tömegre gramm pontossággal a következő adatokat kapták:

- a) Készítse el a mért adatok gyakorisági táblázatát!
- b) Mennyi a mérési adatok átlaga gramm pontossággal?
- c) Mekkora a kapott eredmények mediánja, módusza?
- d) Készítsen oszlopdiagramot a mérési eredményekről!

A 16 – 18. feladatok közül tetszés szerint választott kettőt kell megoldania, a kihagyott feladat sorszámát egyértelműen jelölje meg!

16. Oldja meg az alábbi egyenleteket!

a)
$$\log_3(\sqrt{x+1}+1)=2$$

x valós szám és $x \ge -1$

b) $2\cos^2 x = 4 - 5\sin x$

x tetszőleges forgásszöget jelöl

- **17.** Egy vállalkozás reklám-ajándéka szabályos hatszög alapú egyenes gúla, amit fából készítenek el. A gúla alapélei 4,2 cm hosszúak, magassága 25 mm.
 - a) Hány cm³ faanyag van egy elkészült gúlában?
 - **b)** A gúla oldallapjait színesre festik. Hány cm² felületet festenek be egy gúla oldallapjainak a színezésekor?
 - c) A gúla oldallapjait hat különböző színnel festik be úgy, hogy 1-1 laphoz egy színt használnak. Hányféle lehet ez a színezés? (Két színezést akkor tekintünk különbözőnek, ha forgatással nem vihetők át egymásba.)
 - **d)** A cég bejáratánál az előbbi tárgy tízszeresére nagyított változatát helyezték el. Hányszor annyi fát tartalmaz ez, mint egy ajándéktárgy?
- **18.** 2001-ben a havi villanyszámla egy háztartás esetében három részből állt.
 - az alapdíj 240 Ft, ez független a fogyasztástól,
 - a nappali áram díja 1 kWh fogyasztás esetén 19,8 Ft,
 - az éjszakai áram díja 1 kWh fogyasztás esetén 10,2 Ft.

A számla teljes értékének 12%-át kell még általános forgalmi adóként (ÁFA) kifizetnie a fogyasztónak.

- **a)** Mennyit fizetett forintra kerekítve egy család abban a hónapban, amikor a nappali fogyasztása 39 kWh, az éjszakai fogyasztása 24 kWh volt?
- **b)** Adjon képletet a befizetendő számla *F* összegére, ha a nappali fogyasztás *x* kWh, és az éjszakai fogyasztás pedig *y* kWh!

- c) Mennyi volt a család fogyasztása a nappali illetve és az éjszakai áramból abban a hónapban, amikor 5456 Ft-ot fizettek, és tudjuk, hogy a nappali fogyasztásuk kétszer akkora volt, mint az éjszakai?
- **d)** Mekkora volt a nappali és az éjszakai fogyasztás aránya abban a hónapban, amikor a kétféle fogyasztásért (alapdíj és ÁFA nélkül) ugyanannyit kellett fizetni?

Pontszámok:

Ī	13a	13b	13c	14	15a	15b	15c	15d	16a	16b	17a	17b	17c	17d	18a	18b	18c	18d
	4	4	4	12	3	3	2	4	6	11	4	8	3	2	3	3	8	3