

Petri-Netze...

Arwed Mett, Dominic Gehrig, Tobias Dorra

14. Juni 2015

Inhaltsverzeichnis

1	Einleitung	1
1.1	Entwicklung	2
2	Theorie	2
2.1	Aufbau von Petrinetzen	2
2.2	Ablaufregeln	3
2.3	Variationen	4
2.4	Algorithmen	4
2.4.1	Verifikation	4
2.4.2	Analyse	4
3	Fallstudie	4
3.1	Modellierung	4
3.2	Verifikation	4
3.3	Analyse	4
4	Fazit	4

1 Einleitung

Der Formalismus der Petri-Netze ging aus der Theorethischen Informatik hervor und diente ursprünglich lediglich der Beschreibung von vernetzten technischen Systemen.

Meist werden technische Systeme mit Hilfe eines Automaten beschrieben. Mit der ansteigenden Komplexität großer System wächst die Anzahl der Zustände potentiell exponentiell an. Dies wird besonders bei der Modellierung von vernetzten Systemen schnell unübersichtlich. Um trotzdem solche Systeme modellieren zu können, werden sie mit Hilfe von Petri-Netzen beschrieben. Der Formalismus der Petri-Netze beschränkt sich heutzutage nicht mehr nur auf die Themenbereiche der Informatik, sondern hat sich auch als bewährtes Mittel bei der Modellierung von Geschäftsprozessen etabliert. Die große Stärke der Petri-Netze besteht darin nebenläufige Ereignisse darzustellen, wodurch so genannte „deadlocks“¹ in Geschäftsprozessen frühzeitig erkannt werden können und die Laufzeit eines Systems durch Analyse verkürzt werden kann. Außerdem lassen sich komplexe Systeme durch eine Modellierung besser verstehen, wodurch z.B. ein Auftraggeber ohne allzu große Details über die Implementierung eines Prozesses diesen nachvollziehen kann. Im Verlaufe dieses Dokumentes soll hauptsächlich auf die Modellierung von Geschäftsprozess eingegangen werden.

Das Dokument erklärt was Petri-Netze im allgemeinen sind und welche Variationen sich im Verlaufe der Geschichte entwickelt haben. Außerdem werden Algorithmen beschrieben, die sich auf Petri-Netze anwenden lassen. Die Theorie und insbesondere die damit verbundenen Algorithmen

¹[https://technet.microsoft.com/en-us/library/ms177433\(v=sql.105\).aspx](https://technet.microsoft.com/en-us/library/ms177433(v=sql.105).aspx) [Stand: Juni 2015]

werden anhand der Planung einer Produktionsanlage für einen Baukastens mit Hilfe von Petri-Netzen modellhaft angewandt.

1.1 Entwicklung

2 Theorie

2.1 Aufbau von Petrinetzen

Im Prinzip können Petri-Netze als Graphen aufgefasst werden. Diese Graphen besitzen allerdings besondere Knoten, die als Komponenten bezeichnet werden. Im folgenden werden die Komponenten eines Petri-Netzes beschrieben.

Plätze sind die passiven Komponenten eines Petri-Netzes. Sie dienen repräsentieren Zustände oder lagern Objekte. Ein Platz wird durch einen Kreis dargestellt:



Abbildung 1: Beispiel für einen leeren Platz und einen Platz mit einer (abstrakten) Marke.

Die Objekte, die von Plätzen gelagert werden, werden allgemein als **Marken** bezeichnet. Grundsätzlich kann ein Platz beliebig viele Marken enthalten. Eine Marke kann ein konkretes Objekt aus der realen Welt repräsentieren (Maschinen, Werkstücke, Menschen, ...). Es können jedoch auch abstrakte Marken verwendet werden, die dann meist als schwarzer Punkt dargestellt werden, wie in Abbildung 1 zu sehen. Abstrakte Marken sind sehr nützlich, um Zustände, in dem sich das modellierte System befinden kann, zu modellieren.

Transitionen sind die aktiven Komponenten eines Petri-Netzes. Sie beschreiben eine elementaren Aktion, die Dinge erzeugen, transportieren, verändern oder vernichten ². Eine Transition wird durch ein Quadrat dargestellt:



Abbildung 2: Beispiel für eine Transition

Transitionen können zusätzlich noch mit formeln beschriftet werden. Zur Bedeutung dieser Formeln kommen wir später.

Kanten sind selbst keine Komponenten, sondern stellen Beziehungen zwischen Komponenten her. Kanten werden durch einen Pfeil gekennzeichnet und verbinden immer eine Transition mit einem Platz oder einen Platz mit einer Transition. Niemals jedoch verbinden sie zwei Plätze oder zwei Transitionen.

Kanten, die von einer Transition auf eine Stelle zeigen, drücken aus, dass diese Transition Objekte erzeugt und sie in der Stelle ablegt. Kanten, die von einer Stelle auf eine Transition zeigen, drücken aus, dass diese Transition Objekte aus der Stelle entnimmt.

²https://www2.informatik.hu-berlin.de/top/lehre/WS05-06/se_systementwurf/Petrinetze-1.pdf[Stand: Juni 2015]

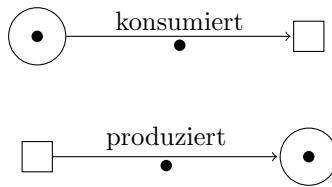


Abbildung 3: Beispiele für Kanten

2.2 Ablaufregeln

Der allgemeine Aufbau von Petrinetzen ist nun bekannt. Nach welchen Regeln sich ein Petrinetz genau verhält, wurde jedoch noch nicht festgelegt. In den folgenden Abschnitten sollen diese Regeln erläutert werden.

Als Markierung eines Petrinetzes bezeichnet man die Verteilung von Marken auf die Plätze. In Abbildung 4 sind zwei verschiedene Markierungen eines Petrinetzes dargestellt.

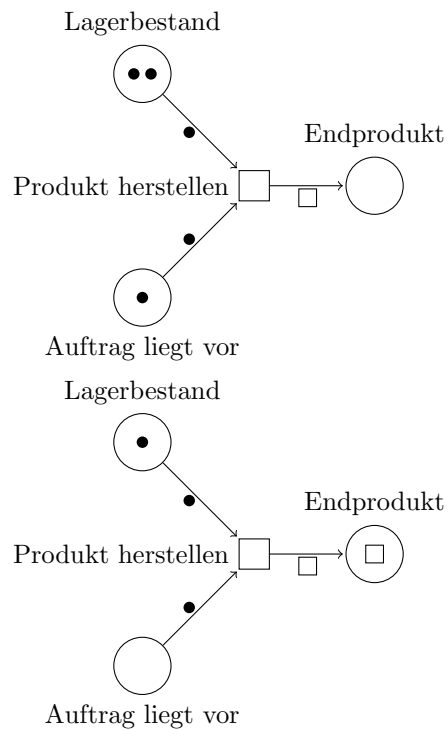


Abbildung 4: Beispiel für zwei verschiedene Markierungen eines Petrinetzes

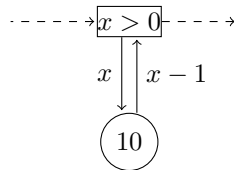
Schnittstellen ermöglichen auf Aktivitäten aus der Umgebung einzugehen. Mit Hilfe der bisher vorgestellten Bestandteile lassen sich bereits geschlossene Systeme modellieren. Sollen allerdings Interaktionen eines Geschäftsprozesses mit z.B. einem Kunden modelliert werden, benötigt man Schnittstellen. Diese werden durch eine Transition dargestellt.

Kalte Transitionen dienen der Modellierung von Transitionen, bei denen nicht klar ist ob sie eintreffen. Wird z.B. ein Prozess von einem Kunden durch dessen Bezahlung ausgelöst, ist im Vorhinein nicht klar ob dieses Ereignis jemals eintreffen wird. Ist das Gegenteil der Fall wird die

Transition als „warm“ bezeichnet. Kalte Transitionen werden durch eine Transition dargestellt, die ein ϵ beinhalten dargestellt.

$$\boxed{\epsilon}$$

Zähler erleichtern insbesondere die Modellierung von Lagern. Können z.B. in einem Lager maximal 10 Stücke eines Materials gespeichert werden. Um dies anschaulich zu modellieren wird der Transaktion ein Parameter x übergeben. Dabei wird die Transition als Funktion aufgefasst und mit Rückgabewert $x - 1$.



Somit lässt sich verhindern, dass die Transition mehr als 10 mal ausgeführt wird.

2.3 Variationen

2.4 Algorithmen

2.4.1 Verifikation

2.4.2 Analyse

3 Fallstudie

Im Folgenden soll eine Produktionsanlage eines Baukastens für einen Anemometer ³ modelliert werden, welches im Rahmen eines Projektes ⁴ der Gruppe Woodchucks an der DHBW Mannheim entwickelt wurde.

3.1 Modellierung

3.2 Verifikation

3.3 Analyse

4 Fazit

Literatur

³Ein Gerät zum messen der Windstärke

⁴<http://mett.ddns.net> [Stand: Juni]

