limsup

 $\chi \rightarrow \infty$