

دانشگاه صنعتی امیرکبیر (پلی تکنیک تهران) دانشکده مهندسی کامپیوتر

پایاننامه کارشناسی گرایش نرمافزار و هوش مصنوعی

طراحی و پیادهسازی سیستم برش اشیا در محیط گرافیکی سهبعدی

نگارنده

اميرحسين بينش

استاد راهنما

دكتر حميدرضا زرندى

تاریخ: مهر ۱۴۰۰

تعهد نامه اصالت اثر



اینجانب امیرحسین بینش متعهد می شوم که مطالب مندرج در این پایان نامه حاصل کار پژوهشی اینجانب تحت نظارت و راهنمایی اساتید دانشگاه صنعتی امیرکبیر بوده و به دستاوردهای دیگران که در این پژوهش از آنها استفاده شده است مطابق مقررات و روال متعارف ارجاع و در فهرست منابع و مآخذ ذکر گردیده است. این پایان نامه قبلاً برای احراز هیچ مدرک هم سطح یا بالاتر ارائه نگردیده است.

در صورت اثبات تخلف در هر زمان، مدرک تحصیلی صادر شده توسط دانشگاه از درجه اعتبار ساقط بوده و دانشگاه حق پیگیری قانونی خواهد داشت.

کلیه نتایج و حقوق حاصل از این پایان نامه متعلق به دانشگاه صنعتی امیرکبیر می باشد. هرگونه استفاده از نتایج علمی و عملی، واگذاری اطلاعات به دیگران یا چاپ و تکثیر، نسخه برداری، ترجمه و اقتباس از این پایان نامه بدون موافقت کتبی دانشگاه صنعتی امیرکبیر ممنوع است. نقل مطالب با ذکر مآخذ بلامانع است

اميرحسين بينش

امضا

تقدیر و تشکر

سپاس خدایی را که آمرزنده و مهربان است و با فضل بیکرانش، از نیکوکاران در راه خود سپاس گزاری می کند، حال آن که سزاوار است جنبندگان زمین و آسمان ها بامدادان و شامگاهان او را تسبیح گویند و باز هم ناتوان در ستایش نعمت های بیکرانش، سرگشته و حیران اند.

این پایاننامه را علی رغم اندک دارایی علمی، به تمام کسانی تقدیم میکنم که آرزوهای بزرگ در سر می-پرورانند و در جهت پیشرفت انسانیت قدم برمی دارند.

از پدر و مادر عزیزم که از هیچ دلسوزی دریغ نکردهاند و در مشکلات زندگی پشتم ایستادهاند و در تصمیم گیریها به من اعتماد کردند؛

از استاد فرزانه و گرامی، دکتر حمیدرضا زرندی که که در این پژوهش با حسن خلق راهنمای بنده بوده-اند؛

از استاد گرامی، دکتر حامد فربه که با بزرگواری، بار داوری این پروژه را تقبل فرمودهاند؛

کمال تشکر و قدردانی را دارم.

امیرحسین بینش مهر ۱۴۰۰

چکیده

بازیهای ویدئویی بدون شک بخش جداییناپذیر زندگی امروزی شده است. این محصولات نرمافزاری که به عنوان بهترین رسانه تصویری یاد میشود، ملغمهای از فناوری و هنر انسانی است و اوج توانایی انسان را به رخ میکشد.

با گسترش این صنعت نیاز به ابزارهایی که در جهت افزایش سرعت و کیفیت تولید این محصولات حس می-شود و توسعه دهندگان بازی های ویدئویی مجبورند زمان قابل توجهی از توسعه بازی های خود را به پیاده-سازی مکانیزم های تکراری صرف می کنند. از این رو لازم است ابزارهایی کلی و قابل استفاده مجدد طراحی شود که قابل استفاده در چندین بازی باشد.

در این پروژه سعی کردم با نیمنگاه ساخت یک ابزار همهجانبه و قابل گسترش، یک افزونه برش اشیا با کارایی قابل توجه در محیط سهبعدی بر روی موتور بازیسازی یونیتی توسعه دهم. برش اشیا یکی از مکانیزمهای پرطرفدار بازیهای ویدئویی است و مسئلهای پیچیده است که سالها پژوهشگران در حال بهبود آن هستند.

این پایان نامه فرایند برش یک شی سه بعدی محدب را در فضای گرافیکی سه بعدی توصیف می کند. این شی می تواند بصورت توخالی یا توپر باشد که پس از برش قادر به مشاهده آن هستیم. برش توری سه بعدی عملیاتی است که یک شی سه بعدی را به کمک یک صفحه برش، به دو قسمت مساوی یا نامساوی تقسیم می کند. برای پر کردن فضای برش خورده از روشهای مثلثی سازی 7 کمک گرفته شده است. تکنیکهای به بود در این پایان نامه به همراه یک روش برای مرتب سازی رئوس شی سه بعدی پیشنهاد شده است. برای نمایش قدرت ابزار توسعه داده شده نیز، آزمایشات لازم انجام شده است. در نهایت یک بازی برای اثبات کار ارائه گردیده است.

واژههای کلیدی:

برش شی سهبعدی، مثلثیسازی، قشر محدب † ، هندسه محاسباتی 0 ، دستکاری توری 2

¹ Convex

² Mesh

³ Triangulation

⁴ Convex Hull

⁵ Computational Geometry

⁶ Mesh Manipulation

فهرست مطالب

٩	فصل ۱ مقدمه
١٣	فصل ۱ مقدمه
14	٢-١-چالشها
18	۱–۳–ساختار پایاننامه
١٧	فصل ۲ معرفی و توجیه ابزارهای استفاده شده
	۲–۱–موتور بازیسازی یونیتی
	١-١-٢ مزایای موتور بازیسازی یونیتی
	۲-۱-۲ معایب موتور بازیسازی یونیتی
	٢-٢-زبان سىشارپ
	٢-٢-١-مزاياي سيشارپ
۲۲	۲-۲-۲-معایب سیشارپ
۲۲	٣–٢–زبان اچ ال اس ال
YF	فصل ۳ مروری بر کارهای گذشته
۲۵	۳-۱-افزونه ایزی اسلایس
79	٣-٢-گره برش توری رویه ای آنریل
79	٣-٣-افزونه مش اسلايسر
۲۸	فصل ۴ معرفی اصول رایانش سهبعدی در بازیهای ویدئویی
۲۹	۴-۱-تعریف شی و توری
٣٢	۴-۲-اجزای سازنده توری سهبعدی
٣٢	۴-۲-۴-بردار مکان
٣٢	۴-۲-۲-بردار يو وي
٣٣	۴-۲-۴-بردار عمود
٣۵	۴-۲-۴ -بردارهای دیگر

۳۵	۴-۲-۵-مکان، چرخش و اندازه
٣۶	۴-۳-بازنمایی یک شی با کمک اجزای سازنده
٣۶	۴–۳–۱-هموار سازی
٣٧	۴-۳-۲-ساده سازی
٣٧	۴-۳-۳-مثال نمایش یک مکعب در محیط سه بعدی
	۴–۴–توپولوژی های نمایش توری
	۴-۴-۱-توپولوژی چهارگوش
	۴-۴-۲-توپولوژی ضلعی
	۴–۴–۳–توپولوژی ابر نقاط
۴۳	۴-۵-تفاوت های محیط بلادرنگ
	۴-۵-۱-جمعآوری سطوح پشتی
44	۴-۵-۲-جمعآوری اشیای مسدود شده
	۴–۵–۳ صفحهی دور دوربین
	۴-۶-انواع توریهای سهبعدی
۴۵	۴-۶-۱-چندضلعیهای محدب
	۴-۶-۲-چندضلعیهای مقعر
	۴–۶–۳-چندضلعی ساده
	۴-۶-۴-چندضلعی غیرساده
	۴-۶-۵-چندضلعی سوراخ دار
۴۸	فصل ۵ الگوریتمهای برش توری سهبعدی
۴٩	۵-۱-بازنمایی صفحه در محیط سهبعدی
۴۹	۵-۲-بازنمایی توری در محیط سه بعدی
	۵–۳–کاهش بعد
۵٠	۵–۴–برش یک مثلث در یک توری
	۵-۵-برش یک توری

	۵-۶-توپر کردن سطح برش
νΥ	۵-۶-۱ الگوريتم پيمايش جارويس
P.	۵–۶–۲الگوريتم زنجيره مونوتون
·	۵–۶–۳ الگوريتم اسكن گراهام
·1	۵-۶-۴-اثبات کران پایین پیچیدگی الگوریتم های قشر محدب
	۵-۶-۵-مثلثی سازی قشر محدب
·٣	۵-۶-۶-الگوريتم گوشبُرى
Δ	۵-۶-۷-الگوریتم های دیگر
9	۵-۶-۵-پیشنهاد الگوریتم بدست آوردن ترتیب رئوس
·9	۵-۷-تو خالی کردن توری مورد برش
·9	۵-۸-برش یک شی
/Υ	فصل ۶ جزئیات پیادهسازی
	9-١-سايەزن محاسباتى
	۶-۲-بازنمایی رئوس
	9–۳-بازنمایی مثلث
	۶-۴-بازنمایی صفحه
	8-۵-محاسبه برخورد با صفحه
	9-9-محاسبه جسم بین دو کلیک
·9	8-٧-برش
٠٣	۶-۸-نگاشت و قشر محدب
۶	9-9-مثلثي سازي
.Υ	۶-۱۰-هاخت توری از لیست مثلثات
.Α	9-١١–موتور تويين
.Α	9-١٢-شيدر محاسبات برخورد
١٠	فصل ۷ اندا: <i>مگدی</i> و آ: مایش

94	فصل ۸ جمعبندی و پیشنهادات بهبود
٩۵	۱-۸ جمع بندی و نتیجه گیری
٩۵	٨-٢-پيشنهادات
۹۵	۸-۲-۱-پشتیبانی از توری های پیچیده تر
98	۸-۲-۲-استفاده از جنس جدید در محل برش
98	۸-۲-۳پشتیبانی از اشیای استخوان بندی شده
98	۸-۲-۴-انجام پاکسازی توری
98	۸-۲-۵-برش های پیچیده
٩٧	۸-۲-۶-برش همگام
٩٧	٨-٢-٧-موازي سازي
٩٨	منابع و مراجع
1.4	پیوست آ راهنمای کار با دمو

فهرست اشکال و نمودارها

١.	شكل ١-١ نمودار رشد خريد بازىهاى ويدئويى بعد از شروع قرنطينه خانگى
	شکل ۱–۲. در دسترس بودن بازیهای ویدئویی در طول روز
۱۲	شکل ۱–۳. صحنهای از بازی Fruit Ninja
۱۸	شکل ۲–۱ لوگوی موتور بازیسازی یونیتی
۱۹	شکل ۲–۲. تصویر تبلیغاتی بازی کلهفنجونی
۲.	شکل ۲–۳ سهم بازار کاربران برای موتورهای بازیسازی
۲9	شکل ۱–۴ مقایسه محیط سهبعدی با و بدون نور و جنس
٣.	شکل ۴–۲ توپولوژیهای مختلف ساخت یک کره در سهبعد
۳۱	شکل ۴–۳ جنسهای مختلف روی اجسام سهبعدی گرافیکی
۳۱	شکل ۴–۴ سایهزن پلاستیکی (چپ) در مقابل سایهزن کارتونی
	شکل ۴—۵ نگاشت مدل سهبعدی روی تصویر یو وی دوبعدی
٣۴	شکل ۴–۶ بردار های عمود در یک نمودار سهبعدی
٣۴	شکل ۴–۷ لبههای تیز استوانه با رئوس دارای چند بردار عمود
٣۵	شکل ۴–۸ تاثیر استفاده از تصویر عمود روی نورپردازی
٣٧	شکل ۴–۹ تاثیر هموار سازی بردار عمود در نورپردازی
٣٨	شکل ۴-۱۰ رئوس و اضلاع یک هرم سهبعدی
٣٨	شكل ۴–۱۱ نقاط سازنده هرم در سه بعد
	شکل ۴–۱۲ مکان نقاط سازنده هرم
٣٩	شکل ۴–۱۳ مثلث های سازنده هرم
۴.	شکل ۴–۱۴ بردار های عمود اضلاع هرم
۴۱	شکل ۴–۱۵ نمایش نهایی هرم در محیط سهبعدی گرافیکی
	شکل ۴–۱۶ مقایسه مدل سیمی و نورپردازی شده توپولوژی چهارگوش و مثلثی
44	شکل ۴–۱۷ توپولوژی ابر نقاط برای ساخت یک مدل قوری
44	شكل ۴–۱۸ جمع آورى سطوح پشتى يک صفحه
49	شکل ۴–۱۹ تفاوت چند ضلعیهای محدب و مقعر
49	شکل ۴-۲۰ تفاوت چندضلعی ساده و پیچیده (غیرساده)
۶۲	شكل ۵–۱ مثلثىسازى پنكهاى مركزى
۶۳	شكل ۵−۲ مثلثىسازى پنكەاى حاشيەاى
۶۵	۔ شکل ۵−۳ اجرای الگوریتم گوشبری روی یک چندضلعی مقعر
	شکل ۵–۴ جند ضلعی مقعہ یا نقاط بکسان و قش مقعہ متفاوت

٧٣	شكل ۶–۱ خط لوله اجراى الگوريتم برش
	شكل ۶–۲ كد كلاس راس
٧۵	شكل ۶–۳ كد كلاس مثلث
	شکل ۶–۴ کد کلاس صفحه
ΥΥ	شكل ٤–٥ تشخيص هميوشاني مربعي
٧٨	شکل ۶–۶ پردازش ورودی موس
Υλ	شکل ۶–۷ تبدیل ورودی موس به موقعیت سهبعدی
٧٩	شكل ۴–۸ نحوه عملكرد تابنده اشعه
٧٩	شکل ۴—۹ تشخیص اشیای بین دو کلیک
٨٠	شکل ۶–۱۰ نسبت مثلث و نقطه به صفحه
٨٠	شکل ۱۱–۶ محاسبه نسبت نقطه به صفحه
۸١	شکل ۶–۱۲ محاسبه نسبت مثلث به صفحه
۸۳	شکل ۶–۱۳ ساخت مثلث های جدید از برخورد مثلث با صفحه
۸۳	شکل ۶–۱۴ محاسبه نقطه تقاطع صفحه و خط
۸۴	شکل ۶–۱۵ محاسبه علامت مساعت مثلث و مرتب سازی رئوس
۸۵	شكل ۶—۱۶ پيادەسازى الگوريتم اسكن گراهام
٨۶	شکل ۶–۱۷ مثلثی سازی
ΑΥ	شکل ۶–۱۷ مثلثی سازی
	شکل ۶–۱۹ نمونهای از روتین پویانمایی با استفاده از کد
	شکل ۶–۲۰ نمونه ای از سایهزن تشخیص برخورد با اشیا
91	شكل ٧–١ رابط كاربري نمايهساز يونيتي

فهرست جداول

٩١	Y	جدول ٧−١ تعداد رئوس اشكال مورد آزمايش
۹١	صفحه به همراه توپر سازی جسم مورد برش	مدول ۷−۲ نتایج آزمایش با دو روش کلیک و ۰
٩١	صفحه بدون تویر سازی جسم مورد برش	جدول ۷–۳ نتایج آزمایش با دو روش کلیک و ^و

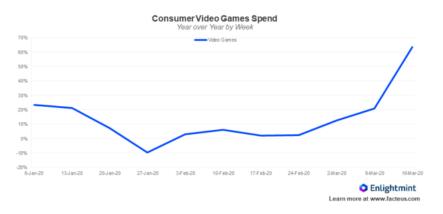
فهرست معادلات و فرمولها

14	معادله ۱–۱
TT	معادله ۴–۱
F9	معادله ۱–۵
F9	معادله ۵–۲
۵٠	معادله ۵–۳
۵٠	معادله ۵–۴
۵٠	معادله ۵–۵
۵١	معادله ۵–۶
۵١	معادله ۵–۷
۵۲	معادله ۵–۸
۵۲	معادله ۵–۹
۵۲	معادله ۵–۱۰
ΔΥ	معادله ۱۱–۵ ا
۵۶	معادله ۵–۱۲
۵۶	معادله ۵–۱۳
۶۱	معادله ۵–۱۴
Y ·	معادله ۵–۱۵
Y ·	معادله ۵–۱۶
Y ·	معادله ۵–۱۷
٧٠	معادله ۵–۱۸
Y1	معادله ۵–۱۹
Y1	معادله ۵–۲۰
Y1	معادله ۵–۲۱

فصل ۱ مقدمه

مقدمه

امروزه با توجه به اوضاع همه گیری ویروس کووید-۱۹ و همینطور زندگی مدرن و شهری، استرس زندگی بیشتر و بیشتر میشود. [۱]در این میان مردم سعی می کنند با دست و پا کردن یک سرگرمی برای خود از این استرس، هرچند برای زمان کمی دوری کنند. [۳ , ۲] یکی از پرطرفدار ترین سرگرمی های انتخابی بازی های ویدئویی است که به دلیل دسترسی پذیری زیاد، هر روز توسط صدها میلیون کاربر، تجربه می شود. [۴]



شکل ۱–۱ نمودار رشد خرید بازیهای ویدئویی بعد از شروع قرنطینه خانگی

علاوه بر این همواره از بازی های ویدئویی به عنوان یک رسانه موثر یاد می شود. [۵] با گسترش صنعت بازی های ویدئویی، سرمایه گذاری ها در این زمنیه بیشتر شده [۶] و بازی ها علاوه بر سرگرمی، به دنبال هدف های بالاتری مانند آموزش از طریق روش های مختلف اجوتینمنت و افزایش سطح آگاهی اجتماعی نیز هستند.

.

¹ Covid-19

² Edutainment

بازارهای نرمافزار تلفنهای هوشمند، این امکان را فراهم آورده که توسعهدهندگان با سادگی بتوانند بازیهای ساخته شده خود را در اختیار عموم قرار دهند و در این امر مشارکت داشته باشند. علاوه بر این توسعهدهندگان بازی برای اینکه به کارایی حداکثری دست پیدا کنند، همواره از ابزارهای آماده استفاده می کنند و استفاده از موتورهای بازی سازی آماده، همواره جزو پیشفرضهای توسعهدهندگان بازیهای رایانهای بوده است.



شکل ۱–۲. در دسترس بودن بازیهای ویدئویی در طول روز

موتورهای بازیسازی عمومی برخلاف موتورهای درونسازمانی در اختیار عموم قرار داده می شوند و توسعه دهندگان را از پیاده سازی مجدد اجزای پرتکرار رها می کنند، اما به همین دلیل، نمی توانند روی مکانیزمهای جزئی بازی های تمرکز کنند، از این رو نیاز به توسعه دهندگان ابزار که با مشارکت خود، موتورهای بازی سازی را غنی می سازد حس می شود.

علاوه بر این با توجه به بالا رفتن تعداد کاربران بازیهای ویدئویی[۴] ، از صنعت انتظار میرود بازی-های جدید با مکانیزمهای جدید را با سرعت نسبتا سریعی وارد بازار کنند. به همین دلیل همواره در صنعت بازیسازی بخش مهمی از بودجه به توسعه چارچوبهای تقابل استفاده مجدد اختصاص می یابد که مکانیزمهای اساسی بازیها، از ابتدا آماده استفاده باشد.

¹ In-house

² Framework

در این میان شرکتهای سازنده موتورهای بازیسازی عمومی پراستفاده، برای کاربران خود، بسترههایی بصورت بازارچه ارائه میدهد تا توسعهدهندگان ابزار و هنرمندان بازی، محصولات خود را برای استفاده مجدد به فروش بگذارند یا بصورت رایگان در اختیار عموم قرار دهند. [۷] از این محصولات میتوان به بستههای هنری از صدا و موسیقی اشاره کرد که به شدت قابل استفاده مجدد است. نوع دیگری از این محصولات کاراکترهای استخوانبندی شده آسه بعدی که کمبود هنرمندان در صنعت بازیسازی را جبران میکند. در نهایت محصولاتی که بصورت ابزار توسعه و چارچوب روی موتورهای بازیسازی ارائه میشود، با هدف کاهش زمان توسعه محصول در اختیار توسعهدهندگان قرار میگیرد.

برش اشیای سهبعدی یکی از مکانیزمهای پرطرفدار در بازیهای ویدئویی است که علاوه بر بازیهای موبایلی غیرجدی⁷، در بازیهای جدی تریپل ای[†] نیز مورد استفاده قرار میگیرد. علاوه بر این محاسباتی که در برش انجام میشود قابل استفاده در نمایش مکان برش است که -با فرض اینکه در بازی میخواهیم یک کاراکتر را برش بدهیم- در بازیهایی که برای سنین پایین تر ارائه میشود، مورد استفاده است.

در دسته بازیهای غیرجدی که از این مکانیزم پرطرفدار استفاده می کنند، می توان به بازی موبایلی در دسته بازیهای غیرجدی که از این مکانیزم پرطرفدار استفاده می کنند، می توان به بازی ها Sword Play و [۸] Fruit Ninja میلیون دانلود دارد. [۱۰] در دسته بازیهای جدی می توان به بازی طلوع چرخدنده آهنین: انتقام میلیون دانلود دارد. [۲۰] در دسته بازیهای جدی می توان به بازی طلوع چرخدنده آهنین: انتقام اشاره کرد که در سال ۲۰۱۲ عرضه شد و مکانیزم برش جزو مکانیزمهای هسته این بازی بود. تخمین شده این بازی در فروشگاه بازیهای کامپیوتری استیم و شبکه پلی استیشن ۳ بیش از ۱.۲ میلیون کپی به فروش رسانده است. [۱۰,۱۲]

¹ Platforms

² Rigged

³ Casual

⁴ AAA

⁵ Metal Gear Rising: Revengeance



شکل ۱-۳. صحنهای از بازی Fruit Ninja

۱-۱-تعریف پروژه

در ایس پروژه قصد دارم یک چارچوب آماده قابل استفاده مجدد برای بریدن اشیای سه بعدی در موتور بازیسازی یونیتی استفاده دهم. متاسفانه بدلیل مسائل سیاسی [۱۳]، ایس ابزار قابل انتشار در فروشگاه یونیتی قابل عرضه نیست؛ در عوض ایس چارچوب بصورت متن باز در اختیار عموم قرار داده می شود و بصورت رایگان قابل دانلود و استفاده خواهد بود. نمونهای از استفاده ایس چارچوب در یک دمو بصورت خروجی قابل اجرای ویندوز به عنوان اثبات کار ارائه می شود.

برش شی سه بعدی در یک محیط گرافیکی، یکی از مسایل گرافیک کامپیوتری است که ورودی آن، توری سه بعدی است که نتیجه ی توری سه بعدی است که نتیجه ی برش توری سه بعدی است که نتیجه و سطح برش توری m توسط صفحه ی p است، بصورتی که توپولوژی شی از ریخت نیفتاده باشد و سطح برش و سایر سطوح مانند انتظار تولید شده باشند.

در این چارچوب، توسعه دهنده می تواند با ساخت یک شی در ادیت ور موتور بازی سازی، ویژگی قابل برش بودن را به آن اضافه کند و با فراخوانی متد برش با ورودی صفحه ی برش شی مورد نظر را برش دهد.

¹ Unity

² Topology

اشیای قابل برش، می توانند توپر یا توخالی باشند و همینطور پس از برش، اعمال فیزیک روی جسم بریده شده قابل تنظیم است. همچنین تنظیم صفحهی برش می تواند با استفاده از توابع کاربردپذیر ابا روشهای مختلفی انجام شود.

۱–۲–چالشها

اولین چالش این پروژه، بودجه زمانی آن است. برخلاف تصاویر تولیدشده توسط کامپیوتر، بازیها بصورت بلادرنگ^۲ اجرا میشوند و حداقل در زمان حال- نمی توان به سیستمهای ابری برای این کار تکیه کرد. به همین دلیل باید در نظر گرفت که سختافزاری که این الگوریتم را اجرا می کند تا چه حد قادر به انجام این محاسبات است. بازیهای ویدئویی باید بتوانند روی طیف گستردهای از دستگاه ها قابل اجرا باشند تا رسالت خود را به پایان برسانند.

سرعت اجرای بازی روی دستگاههای مختلف با واحد فریم بر ثانیه اندازه گیری می شود و واحد زمانی محاسبه یی ک فریم زمان زمانی محاسبه یی در بازی ها همین فریم ها هستند. اگر یک دستگاه برای محاسبه ی یک فریم زمانی بیشتری روی صفحه نمایش نشان داده می شود و نرخ فریم کاهش می یابد و در اصطلاح بازی از کاربر عقب می افتد أ.

هر چه سختافزار قوی تری داشته باشیم، می توانیم به نرخ فریم بالاتری دست پیدا کنیم؛ زیرا سخت-افزارهای قوی زمان کمتری برای انجام محاسبات صرف می کنند. معادله ۱-۱ محاسبه نرخ فریم را نشان می دهد.

$$framerate(frame\ per\ second) = \frac{1}{time\ to\ calculate\ one\ frame(s)}$$

¹ Utility functions

² Real-time

³ Frame per second (FPS)

⁴ Lag

نرخ فریم ٔ قابل قبول برای بازیهای موبایلی ۳۰، برای کنسولهای خانگی و کامپیوترهای شخصی ۴۰، و برای بازیهای واقعیت افزوده ٔ (که سختافزارشان با کمک کنسولهای خانگی و کامپیوترهای شخصی قدرت گرفته است. این یعنی به ترتیب برای دستگاههای گفته شده، ۳۳، ۱۶ و ۱۱ میلی ثانیه زمان در اختیار داریم تا از نظر نرخ فریم تجربه کاربری خوبی به کاربر منتقل کنیم. [۱۴]

علاوه بر این باید این نکته را در نظر گرفت که هر فریم محاسبات دیگری از جمله که موتور بازی سازی و محاسبات فیزیک (که ممکن است بخاطر کارایی بهتر، هر چند فریم انجام شود) نیز در هر فریم انجام می شود تا پس از آن گذر محاسبات انجام شده از واحد پردازنده مرکزی به کارت گرافیک برای رندر و نمایش روی صفحه نمایش انجام گیرد.

چالش دیگر حفظ توپولـوژی شی مـورد بـرش است؛ یعنی جسـم مـورد بـرش نبایـد از شـکل افتـاده باشـد. برای اینکه این موضـوع اثبـات شـود، بـا فـرض اینکـه پـس از بـرش، دو تـوری خروجـی در جـای خـود بـاقی بمانند، هیچ تفاوتی در تصویر رندر شـده بعـد و قبـل از بـرش نبایـد وجـود داشـته باشـد. ایـن چـالش شـامل حفظ دادهی رئوس و یو وی و نرمال آنهاست که در فصل چهارم به این مفاهیم پرداخته می شود.

چالش بعدی توپر کردن شی ایجاد شده است که در گرافیک کامپیوتری به مسئله مثلثیسازی توری^۳ معروف است. در این مسئله از نظر پیچیدگی زمانی مثلثیسازی گلوگاه برش اشیا است و باید علاوه بر سرعت زیاد با دقت زیادی نیز انجام شود؛ چرا که دستکاری توری ظرافتهایی دارد و اشتباهات هرچند کوچک به راحتی در خروجی قابل نمایش خواهند بود. برای مثلثیسازی باید رئوس^۴ جدید پردازش شوند تا بهترین شکل و با یک توپولوژی معقول رئوس جدید به شکل نهایی اضافه شود.

¹ Framerate

² Virtual Reality (VR)

³ Mesh triangulation

⁴ Vertex

مورد دیگر تشخیص برخورد صفحه برش با اشیا است. این کار می تواند به راحتی توسط توسعهدهندگان انجام شود، ولی برای ساخت یک چارچوب کامل و قابل استفاده مجدد، تمام ابزارهای مفید
احتمالی باید در اختیار توسعه دهندگان قرار گیرد. تشخیص برخورد در محیطهای سهبعدی با
اجزایی به نام برخوردکننده ها انجام می گیرد که معمولا توسط موتورها در اختیار توسعه دهندگان قرار
می گیرد اما برای کارایی بهتر نیاز به پیش پردازشهایی داریم تا بدون محاسبه برخورد با کمک موتور فیزیکی، اشیای مورد برخورد را تشخیص دهیم.

۱-۳-ساختار پایاننامه

در این بخش، به ساختار پایاننامه پرداخته میشود و فصلهای بعدی به اختصار معرفی میشوند.

در ابتدا ابزارهای مورد استفاده به تفصیل معرفی می شوند تا آشنایی کامل با آنها صورت گیرد و دلیل استفاده از این ابزارها آورده می شود تا انتخاب های صورت گرفته را توجیه کند.

سپس کارهای صورت گرفته برای حل این مسئله معرفی و بررسی می شود و کمبودهای آنها مطرح می شود. در فصل چهارم برای زمینه ی بهتر مفاهیم گرافیک کامپیوتری که در این پروژه مورد نیاز است معرفی می شود تا خواننده ذهنیت کاملی از مسئله داشته باشد.

پس از آن الگوریتمهای مورد استفاده برای برش اشیا و مثلثی سازی آنها و همینط ور سایر الگوریتم-های و تکنولوژیهای مورد استفاده برای این ابزار معرفی میشود.

در فصل ششم جزئیات پیاده سازی مطرح می شود و نحوه حل چالشهای مطرح شده بصورت کامل توضیح داده خواهد شد و در فصل هفتم زمان اجرای الگوریتم روی اشیای مختلف بررسی می شود.

در نهایت به جمعبندی و نیجه گیری پرداخته می شود و پیشنهادات بهبود این ابزار مطرح می شود.

فصل ۲ معرفی و توجیه ابزارهای استفاده شده

معرفی و توجیه ابزارهای استفاده شده

در این فصل ابزارها، چارچوبها و زبانهای برنامهنویسی استفاده شده معرفی می شود و قابلیتهای آنها مطرح میشود و در ادامه استفاده از آنها توجیه می شود.

در این پروژه از موتور بازی سازی یونیتی، زبان سی شار ϕ' و اچال اسال ϕ' استفاده شده که در ادامه به تفصیل به آنها پرداخته می شود.

۲-۱-موتور بازیسازی یونیتی



شکل ۱–۲ لوگوی موتور بازیسازی یونیتی

یـونیتی یـک موتـوربـازی سـازی چنـد بسـتری اسـت کـه قابلیـت سـاخت بـازی روی سیسـتم عامـلهـای ویندوز مایکروسافت، مـک او اس و لینـوکس را دارد. ایـن موتـور بـازیسـازی قـادر بـه خروجـی گـرفتن روی بسـترهـای مختلفـی از جمـه اندرویـد و آی او اس، وینـدوز و مـک او اس و لینـوکس، ایکـس بـاکس و پلـی استیشن و تیوی او اس میباشد. [۱۵]

این موتور از واقعیت مجازی و واقعیت افزوده نیز پشتیبانی میکند که بدلیل کمبود پشتیبانی در این زمینه در موتورهای عمومی دیگر، یونیتی تبدیل به یکی از نامزدهای اصلی انتخاب برای توسعه-دهندگان واقعیت مجازی شده است. همه اینها باعث شده تعداد زیادی از توسعهدهندگان با هدف انتشار همزمان بازی خود روی بسترهای مختلف به این موتور روی بیاورند. [۱۶]

² High Level Shader Language (HLSL)

¹ C#

این موتور بازی سازی می تواند بازی های دو و سه بعدی را بصورت محلی و بدون استفاده از ابزارهای دیگر بسازد. بازی های معروف زیادی روی این موتور بازی ساخته شده است که می توان در این میان به ندای وظیفه: موبایل ۱، کله فنجونی ۲ و فرقه قاتلین: اتحاد ۳ اشاره کرد. [۱۵]



شكل ۲-۲. تصوير تبليغاتي بازي كلهفنجوني

همه اینها باعث می شود که یونیتی در بین سایر موتورهای بازی سازی انتخاب اول برای استودیوهای کوچک باشد. ۵۰ درصد کل بازی های ساخته شده در موبایل، کامپیوترهای شخصی و کنسولهای بازی با یونیتی ساخته می شود و ۷۱ درصد از بهترین ۱۰۰۰ بازی موبایلی، با این موتور ساخته شده است. [۱۷]همچنین ۴۷ درصد از توسعه دهندگان نرمافزار از یونیتی استفاده می کنند؛ پس برای ساخت یک ابزار توسعه که توسط توسعه دهندگان زیادی مورد استفاده قرار گیرد، این موتور بهترین انتخاب است. [۱۸]

۲-۱-۱-مزایای موتور بازیسازی یونیتی

همانطور که اشاره شد، موتور بازی سازی یونیتی از بسترهای زیادی پشتیبانی می کند، این باعث می شود که بتوان از یک کد بیس را در بسترهای مختلف بدون نگرانی اضافی در مورد چگونگی مهاجرت به بسترهای دیگر، خروجی گرفت.

¹ Call of Duty: Mobile

² Cuphead

³ Assassin's Creed: Unity

یونیتی جامعه توسعه دهندگان بزرگی دارد. برای همین آموزشهای بسیار زیادی برای تازه کاران در زمینه بازی سازی موجود است که می توانند چراغ راه آنها در شروع مسیر بازی سازی باشد. علاوه بر این وبسایتهای زیادی در زمینه پاسخ به نیاز توسعه دهندگان توسط شرکت یونیتی گیمز ساخته شده که استفاده حداکثری از این جامعه بزرگ صورت گیرد.

درصد زیادی از توسعه دهندگان بازی جوان، برای شروع به این موتور روی می آورند و تا وقتی یونیتی پاسخ نیازهای آنها را بدهند به آن می چسبند و همین باعث می شود برای کاهش هزینه مهاجرت به یک موتور دیگر ابزارهای متفاوت زیادی روی این موتور توسعه داده شود و این موتور روز به روز قدر تمندتر می شود.



شکل ۲-۲ سهم بازار کاربران برای موتورهای بازیسازی

یونیتی با ارائه ی ابزار آنالیز، اجازه می دهد که تحلیلگران داده بتوان از کاربران درون بینی داشته باشند و با تحلیل داده های بدست آمده برای بهبود بازی پیشنهادهایی ارائه دهند که با توجه به آن، توسعه-دهندگان، فرمول های سند طراحی بازی را تغییر دهند و یا تایید کنند. [۱۹]

یونیتی برای موتور فیزیکی از موتور هَوک استفاده می کند که موتور بسیار قدرتمندی است و با کارایی مناسب ابزارهای زیادی در اختیار کاربران قرار می دهد. این این ابزارهای می توان به پرتو افکن و برخورد کننده ها اشاره کرد.

¹ answers.unity.com, forum.unity.com

² Havok

³ Raycaster

⁴ Collider

یونیتی همچنین از معماری ECS که باعث کارایی بهتر در زمان اجرا می شود استفاده می کند که قدرت زیادی به آن در بازی های موبایلی می دهد.

یونیتی با استفاده از سیستم شغل^۲، قادر به استفاده از ریسمانهای دیگر واحد پردازنده میباشد که در استفاده حداکثری از منابع و افزایش کارایی کمک شایانی میکند.

۲-۱-۲ معایب موتور بازیسازی یونیتی

کمبود قالب آماده شروع پروژه برای یونیتی باعث شده، توسعه دهندگان -مگر اینکه قالب درون سازمانی داشته باشند- همواره باید پروژه جدید را از صفر شروع کنند.

همه منظوره بودن این موتور باعث شده، بسیاری از ابزارها که در خیلی از بازی ها باید استفاده شود، نیمه پخته باشد و عملا در مقیاس بزرگ قابل استفاده نباشد.

۲-۲-زبان سیشارپ

بدلیل اینکه بازیهای ویدئویی منابع زیادی نیاز دارند، مورد استفاده ترین زبانها برای این کار زبانه های نسبتا سطح پایین تر مثل سی پلاس پلاس است. یونیتی با فرض اینکه توسعه دهندگان تازه کار را هدف گرفته، تصمیم گرفته بجای سی پلاس پلاس که یک زبان مدیریت نشده است و جمع آوری زباله خود کار ندارد، از سی شارپ بصورت رسمی پشتیبانی کند. البته با استفاده از سی پلاس پلاس و کتابخانههای مرتبط پویا هم می توان در یونیتی برنامه نویسی کرد ولی با این کار استفاده از اجزای درونی پونیتی سخت می شود.

یـونیتی بـرای اینکـه بتوانـد روی بسـترهـای مختلـف خروجـی یکسـان داشـته باشـد، از مونـو دات نـت^۷ استفاده می کند که یک پیادهسـازی مـتن بـاز از چـارچوب دات نـت اسـت کـه قابلیـت خروجـی روی بسـترهـای مختلـف را دارد. بـه همـین دلیـل توسـعهدهنـدگان یـونیتی بایـد از سـیشـارپ اسـتفاده کننـد و انتخابهای دیگر در این زمان از کارایی لازم برخوردار نیست.

¹ Entity Component System

² Job System

³ C++

⁴ Unmanaged

⁵ Garbage collection

⁶ Dynamic link library

⁷ Mono .Net

استفاده از مونو، گرچه قدیمی است، باعث میشود توسعه دهندگان به فکر کد بیسهای متفاوت برای بسترهای متفاوت نباشند.

۲-۲-۱مزایای سیشارپ

زبان سی شارپ یک زبان شی گرا است که به دلیل مستندات قوی، می تواند انتخاب خوبی برای تازه-کاران باشد و به دلیل شباهت نحوی به زبانهای پرطرفداری مثل جاوا، کسانی که تجربه برنامه-نویسی دارند در زمان کمی با این زبان به آشنایی نسبی دست پیدا می کنند که برای توسعه بازی کافی است.

از دات نت چهار زبان سیشارپ می تواند با اجرای همگام ٔ از گیر کردن نرمافزار جلوگیری کند. [۲۰]

۲-۲-۲-معایب سیشارپ

سی شارپ به دلیل اینکه دسترسی زیادی به سطح سختافزاری ندارد، روی کارایی سیستم کنترل کمی دارد.

نسبت به زبانی مثل سی پلاس پلاس، سی شارپ فقط برای کارایی خوب روی سیستم عامل ویندوز طراحی شده و در کل در مواردی مثل بازی که یک میلی ثانیه ارزشمند است سربار محاسباتی زیادی دارد.

سی شارپ کتابخانه هایی برای کار راحت با آرایه ها ارائه می دهد و یکی از معروف ترین آن ها LinQ است که از نظر کارایی، بسیار کند است. [۲۱]

٣-٢-زبان اچ ال اس ال

زبان اچ ال اس ال یک زبان سایهزنی سطح بالا است که توسط ماکروسافت برای دایرکت اکس آ توسعه داده شده است که مشابه زبان جی ال اس ال 7 برای اوپن جی ال 4 است. [۲۲]

زبان سایهزنی یک زبان برنامهنویسی گرافیکی است که برای نوشتن اثرهای بصری در محیطهای گرافیکی استفاده میشود. [۲۲]

¹ Async

² DirectX

³ OpenGL Shading Language (GLSL)

⁴ OpenGL

یونیتی با استفاده از شیدر لَب'، اجازه ی استفاده از زبانهای مختلف سایهزنی را میدهد که برای سختافزارهای گرافیکی مختلف مورد استفاده قرار میگیرد. از این زبانها می توان به جی ال اس ال و سی جی^۲ اشاره کرد. لازم به ذکر است استفاده از این زبان صرفا برای نمایش مکان برخورد شی با صفحه بوده است و به پیاده سازی برش مربوط نیست. در این مورد در فصل شش توضیحات بیشتری ارائه خواهد شد.

دلیل اصلی استفاده از این زبان، ترجیح شخصی بوده، ولی به طور کلی زبانهای سایهزنی مدرن به راحتی به هم تبدیل میشوند و بعضا یکسان هستند ولی فقط برای بسترهای هدف متفاوتی توسعه داده شده اند. این پروژه برای دمو خروجی ویندوز دارد و یکی دیگر از دلایل استفاده از این زبان، همین سازگاری است.

¹ Shader Lab

² CG

فصل ۳ مروری بر کارهای گذشته

مروری بر کارهای گذشته

در این فصل به مرور کارهای گذشته برای حل این مسئله پرداخته می شود. با توجه به اینکه هدف از این پروژه توسعه یه ابزار تولید برش با هدف استفاده از موتورهای بازی سازی می باشد، تحقیقات تئوری و ابزارهای توسعه داده شده که خارج از موتورهای بازی سازی و یا در موتورهای بازی سازی درون سازمانی که در اختیار عموم نیست، استفاده می شوند، معرفی نمی شود.

۳-۱-افزونه ایزی اسلایس^۱

ایزی اسلایس یک ابزار متن باز توسعه داده شده با یبونیتی است که به صورت رایگان در اختیار عموم قرار داده شده است. [۲۳] این ابزار با هدف کارایی بالا توسعه داده شده است و با ورودی صفحه و شی مبورد برش عملیات برش را روی اشیای محدب ساده انجام میدهد، در فصل چهار درباره انواع اشیای سه بعدی و توریهای محدب و مقعر^۲ توضیح خواهد داده شد.

یکی از مشکلات این ابزار این است که حتما شی مورد برش را توپر می کند و به توسعه دهنده انتخابی نمی دهد. با این وجود بخاطر کد تمیز و قابل خوانا، می توان این ویژگی را به این چارچوب اضافه کرد، ولی همانطور که در فصل پنج خواهید خواند، تولید شی توخالی در موتور یونیتی، پیچیدگی های خاص خودش دارد ولی عملا توسعه یک سیستم تولید شی توخالی زمان کمتری از ساختن روی این چارچوب را می برد.

علاوه بر این ابزارهای تشخیص برخورد در خورد چارچوب قرار داده نشده است که باعث می شود توسعه دهنده زمان اضافی را برای توسعه سیستم تشخیص شی مورد برش صرف کند. این ابزار به این گونه عمل می کند که شی مورد برش و صفحه بُرنده باید در اختیار مولفهی برنده قرار گیرد ولی هیچ تابع کاربردپذیری برای محاسبهی شی و صفحه در این چارچوب قرار داده نشده است.

¹ EzySlice

² Concave

نکتهی مورد تامل دیگر این است که این ابزار در سال ۲۰۱۵ توسعه داده شده است و به طور رسمی فقط تا یونیتی ۲۰۱۸ پشتیبانی می شود. با وجود اینکه نسخه های جدید یونیتی تفاوت زیادی ندارند ولی با توجه به آپدیتهای مرتب و تغییر API های موتور بازی سازی امکان اینکه این ابزار کارایی روز قبل خود را نداشته باشد، کم نیست و با پشتیبانی ضعیف، ریسک استفاده از ابزارهای میراث زیاد می شود.

7 – گره برش توری رویه ای آنریل 7

این ابزار بصورت بومی در موتور بازی سازی آنریل موجود است و توانایی برش اشیای محدب ساده را دارد. همچنین این ابزار قابلیت اضافه کردن "درپوش" روی اشیای تولید شده را دارد که باعث می شود جسم برش زده شده، توپر باشد. [۲۴]

این ابزار فقط برای موتور بازی سازی آنریل توسعه داده شده و در موتورهای دیگر قابل استفاده نیست. همانطور که در فصل دوم گفته شد، موتور یونیتی جامعه ی بسیار بزرگتری دارد و این ابزار مفید فقط با داده توری بومی موتور بازی سازی آنریل کار میکند و برای استفاده در دیگر چارچوبها نیازمند تغییرات فراوان است.

$^{\text{\textit{T}}}$ افزونه مش اسلایسر $^{\text{\text{T}}}$

این ابزار که بهترین ابزار در این لیست است در فروشگاه یونیتی با قیمت ۷۰ دلار که برای یک ابزار تک منظوره قیمت بسیار زیادی است در دسترس است. این ابزار توانایی برش اشیای مقعر ساده بصورت همگام را دارد ولی از نظر زمانی پیچیدگی بیشتری دارد. [۲۵]

ابزار مش اسلایسر بصورت مرتب آپدیت می شود و مشکلات فراوانی را بعد از ۵ سال برطرف می کند که نشان از پایه ریزی بد این پروژه دارد. همچنین استفاده از این ابزار به سرعت دیگر ابزارها نیست و به دلیل پیچیدگی زیاد، استفاده از این ابزار و آموزش آن زمان زیادی می برد. [۲۵]

علاوه بر این، این ابزار با این فرض طراحی شده است که دستگاه مورد استفاده از این ابزار از قدرت سختافزاری نسبتا خوبی برخوردار است.

¹ Legacy

² Unreal Procedural Mesh Slice

³ Mesh Slicer

این ابزار به تازگی از اشیای استخوان بندی شده نیز پشتیبانی می کند که باعث وابستگی زیادی به دیگر ابزارها شده است و به همین دلیل برای انتشار در بازار قابل اطمینان نیست.

نکتهی دیگر این است که مستندات این ابزار بسیار ضعیف است و که بسیار ناخوانایی دارد و بخاطر آزمون و خطای فراوان، بسیاری از کدهای نوشته شده استفاده نمی شود.

فصل ۴

معرفی اصول رایانش سهبعدی در بازیهای ویدئویی

معرفی اصول رایانش سه بعدی در بازیهای ویدئویی

در این فصل به معرفی پایهای رایانش سهبعدی در گرافیک کامپیوتری و بازیهای ویدئویی می-پردازیم. در ابتدا اجزای سازنده ی یک شی را در یک محیط سهبعدی معرفی کرده و با کمک این با کمک داده توری یک شی، آن را در محیط سهبعدی بازنمایی میکنیم.

پـس از آن دربـاره انـواع توپولـوژیهـای نمـایش تـوری در گرافیـک کـامپیوتری توضـیح خلاصـهای ارائـه خواهد شد. سپس به تفاوتهـای یـک شـی سـهبعـدی در محـیط سـهبعـدی بـازی بـا محـیطهـای گرافیکـی دیگر پرداخته میشود و معرفی انواع مختلف اشیا و سطوح سهبعدی صورت خواهد گرفت.

۱-۴-تعریف شی و توری

در یک محیط سهبعدی هر شی، شامل حداقل یک توری و یک جنس است. هر شی میتواند به ازای هر توری (که در بازیسازی به آن زیرتوری می گویند) یک جنس داشته باشد.

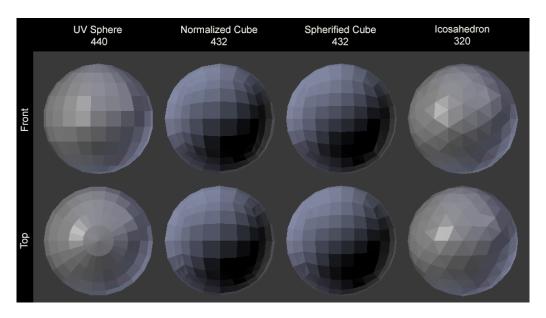


شکل ۱-۴ مقایسه محیط سهبعدی با و بدون نور و جنس

¹ Material

² Submesh

داده اصلی ذخیره شده در توری، تعیین کننده شکل یک شی است؛ برای مثال توری اولیه مکعب یا توری اولیه کره. لازم به ذکر است هر شکل میتواند توریهای متفاوتی داشته باشد، برای مثال یک کره میتواند بصورت کره یو وی 1 ، کره نرمال شده، ایکوساهدرون 2 و موارد دیگری نمایش داده شود. (شکل 4 –۲)



شکل ۲-۴ توپولوژیهای مختلف ساخت یک کره در سهبعد

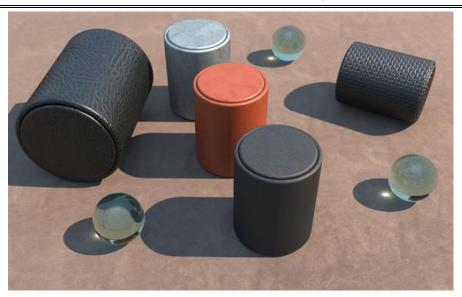
یک جنس تعیین کننده ویژگیهای رندر شدن یک شی است. برای مثال یک کره می تواند قرمز یا آبی باشد و علاوه بر این نرم یا سخت باشد. ویژگیهای یک جنس با توجه به سایه زن آن تعریف می شود، یک جنس می تواند ویژگی داشته باشد و یا اینکه بدون ویژگی باشد.

سایهزنهای زیادی در محیطهای سهبعدی استفاده میشود که میتوان به سایهزن استاندارد که دارای ویژگی رنگ، آهنی بودن، زبر بودن، بافت می بافت نرمال است اشاره کرد.

¹ UV Sphere

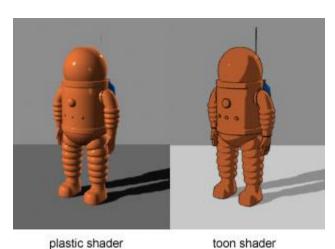
² Icosahedron

³ Texture



شکل ۳-۴ جنسهای مختلف روی اجسام سهبعدی گرافیکی

سایهزن معروف دیگری که در بسیاری از بازی ها مورد استفاده قرار می گیرد، سایهزن سلولی است که سایهی پلهای دارد. در این سایهزن ها، ویژگی های از قبیل رنگ، رنگ سایه، تعداد پله های سایه دیده می شود. (شکل ۴-۴)



شکل ۴–۴ سایهزن پلاستیکی (چپ) در مقابل سایهزن کارتونی

۲-۲-اجزای سازنده توری سهبعدی

هر توری سهبعدی شامل رئوس است که هر راس توسط بردارهای مکان، یو وی، عمود و بیشتر بازنمایی میشود که در ادامه به معرفی آنها میپردازیم. به طور کلی یک توری شامل لیستی از بردارهای دو و سهبعدی است و هر آرایه از این لیستها به هم مربوط میشوند. برای مثال عضو سوم آرایه بردار مکان، ویژگی مکانی راس سوم را نمایش میدهد و عضو سوم آرایه بردار یو وی، موقعیت آن راس در تصویر بافت را نمایش میدهد.

4-۲-۲ - بردار مکان

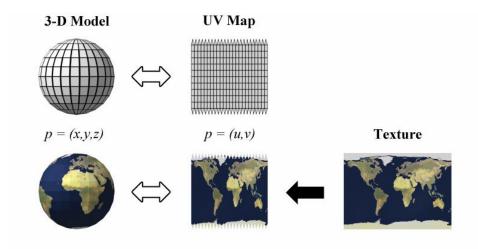
در سهبعد یک جسم توسط رئوس ساخته می شود که مکان رئوس با بردارهای سهبعدی نمایش داده می شود که تعیین کننده مکان آن راس هستند.

برای مثال یک چهارضلعی، چهار راس دارد که مکان این چهار راس شکل این چهارضلعی را تعیین می کند؛ این چهارضلعی می تواند با توجه به این مکانها شکلهای مختلفی به خود بگیرد.

۴-۲-۲-بردار يو وي

همانطور که گفته شد، هر شی می تواند یک یا چند جنس داشته باشد و هر جنس می تواند چندین بافت داشته باشد که برای موارد مختلف به کار می رود. برای اینکه بافتها به درستی کار کنند، هر راس باید مکانی در تصویر بافت را نمایش بدهد که نیازمند واپیچی رئوس روی یک تصویر را دارد. بردار یو وی، که برگرفته از حروف انگلیسی u و v است، تصویر بافت را در مختصات نرمال در دو بعد بردار یو وی، که برگرفته وی وی هر راس، نشان دهنده مکان آن راس در تصویر بافت است. (شکل v و v

¹ Unwrap



شکل ۴–۵ نگاشت مدل سهبعدی روی تصویر یو وی دوبعدی

۲-۲-۳-بردار عمود^۱

بردار عمود برای محاسبه ی نـور پـردازی و سـایهزنـی اسـتفاده مـیشـود. در یـک سـایهزن اسـتاندارد میـزان روشنایی یک راس با توجه بـه زاویـه ی بـین اشـعه ی منبع نـور و بـردار عمـود تعیـین مـیشـود. هرچـه ایـن زاویه کمتر باشد، نور بیشتری به این راس تابیده میشود.

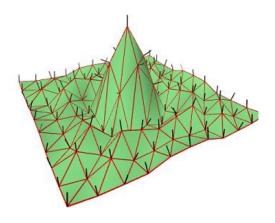
در معادله ۴-۱ محاسبه شدت روشنایی راس ۷ نشان داده شده است.

 $light\ of\ vertex\ v = (source\ light\ direction\ .\ v_{normal})* source\ light\ intensity$

در شکل ۴-۶ بردارهای عمود بصورت خط سیاه رنگ نمایش داده شدهاند.

_

¹ Normal



شکل ۴-۶ بردار های عمود در یک نمودار سهبعدی

در نهایت روشنایی راس ۷ در مقدار رنگ آن راس که توسط ویژگیهای جنس آن شی تعیین میشود (از جمله رنگ و بافت) ضرب میشود تا برای رندر به کارت گرافیک گذر کند.

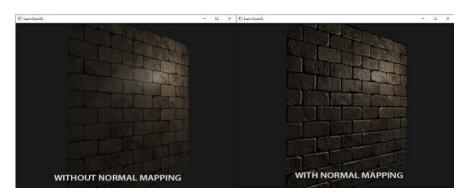
یک اتفاق ناگزیر این است که همواره یک راس ممکن است چند بردار عمود داشته باشد. این مشکل به این شکل حل میشود که هر بار در یک مثلث به این شکل حل میشود که هر بار در یک مثلث متفاوت قرار می گیرد ولی داده بردار عمود آن متفاوت است. با این تکنیک می توان لبه های تیز را در اشیا بدون معرفی نور پردازی غیرواقعی داشته باشیم. (شکل ۴-۷)



شکل ۲–۲ لبههای تیز استوانه با رئوس دارای چند بردار عمود

۴-۲-۴-بردارهای دیگر

برای دستیابی به بافتی واقعی تر از شی، در گرافیک کامپیوتری از بافت عمودی استفاده می کنند تا روی نورپردازی تاثیر داشته باشند (شکل $+-\Lambda$). برای این کار هر راس به این تصویر نگاشت می شود و به یک بردار دو بعدی دیگر مانند یو وی نیاز داریم (که برای فشرده سازی معمولا از همان یو وی استفاده می شود) و علاوه بر آن برای هر راس به بردار مماس و عمود مماس استفاده می شود که از این بحث خارج است. برای مطالعه بیشتر سایت آموزشی اوپن جی ال منبع مناسبی برای شروع است.



شکل ۴–۸ تاثیر استفاده از تصویر عمود روی نورپردازی

در نهایت یک آرایه رئوس مختلف را به هم ربط می دهد. برای مثال در توپولوژی مثلثی، هر عوض این آرایه سه اندیس را نگهداری می کند که بیان کننده این است که کدام سه راس تشکیل یک مثلث می دهند. در نهایت با کمک این داده ها یک شی به کمک جنس خود قابل رویت در محیط سه بعدی می باشد.

۴-۲-۵-مکان، چرخش و اندازه

هر شی در سه بعد دارای سه ویژگی مکانی دیگر است که مستقل از داده ی تـوری آن جسم عمـل میکنـد. در یـک محـیط سه بعدی دو جسم ممکـن است داده تـوری یکسانی داشـته باشـند ولـی بـا موقعیت، چـرخش و انـدازه متفـاوت مـی تواننـد بـه اشـیای یکتـایی تبـدیل شـوند کـه در محـیط سـه بعـدی قابل نمایش باشد.

¹ Normal Texture

² Tangent

³ Bitangent

لازم به ذکر است با تغییر هر یک این سه ویژگی، هیچکدام از مولفههای توری تغییر نمیکند و مولفههای توری بر اساس موقعیتشان نسبت به نقطه مبدا (صفر مختصات) تعیین میشوند.

مکان، چرخش و اندازه هر کدام یک بردار سهبعدی هستند که در محیط سهبعدی ویژگیهای مطلق آن شی را تعیین میکنند. در موتور بازیسازی یونیتی برای چرخش از مختصات چهارگانه استفاده می شود که با یک بردار چهاربعدی نمایش داده می شود که به راحتی تبدیل به بردار سهبعدی می شود.

۴-۳-بازنمایی یک شی با کمک اجزای سازنده

برای نمایش یک شی تشکیل شده از رئوس بر روی صفحه معمولا نیاز به پردازشهایی روی داده توری داریم. این پردازشها بسته به نیاز انجام میشوند و قبل از زمان اجرا انجام میشوند که سربار آن را روی خروجی نرمافزارهای بلادرنگ به صفر میرساند. در این بخش به معرفی دو مورد پرکاربرد می پردازیم.

۴-۳-۱-هموار سازي^۲

در این روش با الحاق خطی^۳ بردارهای عمود به طوری تغییر میکنند با همان تعداد رئوس، شی بصورت نرم سایه بخورد و سایه پلهای نداشته باشد. این عملیات میتواند با افزایش رئوس نیز انجام شود که هزینهی زیادی برای سیستمهای بلادرنگ دارد ولی با این شگرد معروف، بدون نیاز به معرفی سطوح جدید میتوان واقعی بودن سایهزنی را به مخاطب القا کرد. (شکل ۴-۹)

¹ Quarterion

² Smooth shading

³ Linear interpolation



شکل ۴-۹ تاثیر هموار سازی بردار عمود در نورپردازی

۴-۳-۲-ساده سازی

در نرمافزارهای بلادرنگ یک شگرد دیگر برای کاهش استفاده از منابع، سادهسازی داده ی تـوری است. در بازیهای ویـدئویی ایـن عملیات بـه ایـن شکل است کـه قبـل از خروجی گرفتن، از هـر تـوری، چنـد سطح جزئیات مختلف پخته میشود کـه در خروجی نهایی بـا توجـه بـه فاصـله دوربـین از شـی کـه از ایـن توری استفاده می کند، توریهای متفاوت جـایگزین مـی شـوند. هـر چـه دوربـین از شـی دورتـر باشـد، تـوری با جزئیات کمتـر جـایگزین مـی شـود و هـر چـه دوربـین بـه آن نزدیـک شـود، سـطح جزئیـات آن بـه سـطح جزئیات توری اصلی میل می کند.

این ساده سازی با توجه به کاربرد می تواند در زمان اجرا باشد که به آن موزاییک کاری کوته می شود [۲۶] که یویا تر از روش قبل است ولی منابع بیشتری می طلبد.

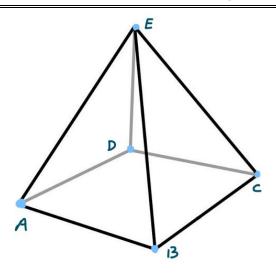
۴-۳-۳-مثال نمایش یک مکعب در محیط سه بعدی

قبل از پیشروی، در این بخش با توجه به مواردی که در بخش ۴-۲ گفته شد، مثالی از نمایش یک هرم در سه-بعد را مرور می کنیم تا مطمئن شویم اصول نمایش سهبعدی در فضای گرافیکی به خوبی فهمیده شده باشد.

مطابق با شکل ۴-۱۰ یک هرم با یک نگاه ساده ۵ راس دارد.

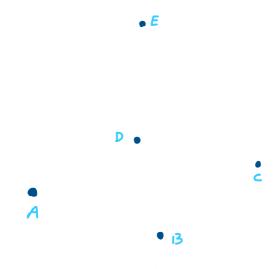
¹ Level of details (LOD)

² Tessellation



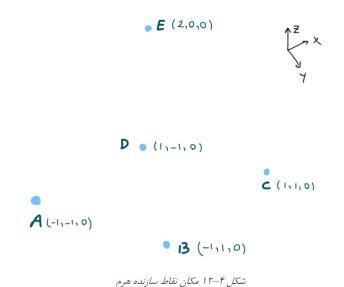
شکل ۱۰-۴ رئوس و اضلاع یک هرم سهبعدی

حال که با شکل کلی هرم آشنا شدیم، از صفر شروع می کنیم و ۵ نقطه E ،D ،C ،B ،A میسازیم. ولی همانطور که در شکل + دیدیم، در شبیه سازی سه بعدی راسهای یک چند ضلعی برای نورپردازی و جنس واقعی تر، باید چند بار تکرار شوند.

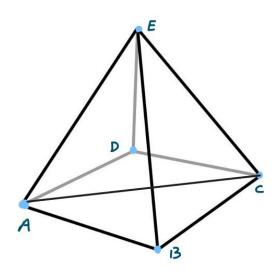


شکل ۱۱–۱۴ نقاط سازنده هرم در سه بعد

این پنج نقطه باید داده مکانی داشته باشند، برای همین باید موقعیت آنها را داشته باشیم. برای راهنمایی در مورد جهات میتوانید در شکل ۴-۱۲ از گوشهی سمت راست بالا کمک بگیرید.



برای اینکه تعداد دقیق رئوس را بدست آوریم میتوانیم هرم شکل ۴-۱۳ را به مثلثهایی تجزیه کنیم.



شکل ۴–۱۳ مثلث های سازنده هرم

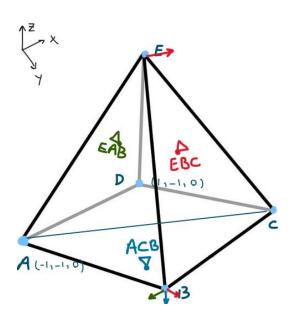
در شکل * -۱۳ دیده می شود که می توان یک هرم را با * مثلث ساخت، به این شکل که چهار مثلث وجههای هرم را نشان می دهد و قاعده هرم از دو مثلث ساخته می شود. بنابراین در واقع نیاز به ۱۸ راس داریم. برای مثال در شکل * -۱۳ راس * چهار بار، در مثلثهای EDA ،ECD ،EBC و EAB تکرار می شود. البته موقعیت مکانی راس * در هر چهار تکرار یکسان است.

در این مثال قرارداد می کنیم سمت جلو مثلث، سمتی است که رئوس آن بصورت پادساعتگرد مرتب شدهاند. برای مثال اگر در آرایه اندیسها مثلث شامل اضلاع B ، A و D را بصورت ABC مرتب کنیم، زیر مثلث خالی می شود؛ زیرا از زیر بصورت ساعتگرد دیده می شود و پشت مثلث تشخیص داده می شود. نکته ی دیگر این است که ترتیب اضلاع اهمیتی ندارند و فقط جهت آنها برای موتور رندر حائز اهمیت است.

شش مثلث هرم ساخته شده برای نمایش درست باید به شکل زیر باشند.

- ACB •
- ADC •
- EBC •
- ECD •
- EDA •
- EAB •

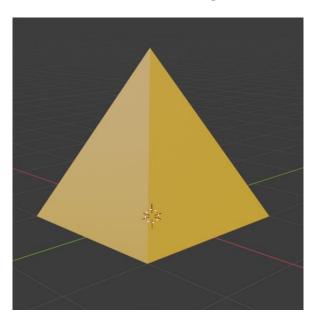
حال برای نورپردازی میبایست بردارهای عمود را اضافه کنیم. برای مثلا در شکل * -۱۴ راس B در سه مثلث مشترک است، پس نیاز به سه بردار عمود دارد. برای مثلث EBC (قرمز در شکل) چون صورت این مثلث در جهت y است، عمودش باید برای واقعی بودن در این جهت باشد؛ یعنی بردار (0,1,0) که در شکل با محور قرمز نشان داده است. به همین شکل این راس در مثلث EAB عمود (1,0,0) دارد. برای مثلث ACB هم چون زیر هرم است باید عمودش رو به پایین باشد؛ یعنی (0,0,0,1).



شکل ۴–۱۴ بردار های عمود اضلاع هرم

برای مثلث EBC در شکل * -۱۴ بردار عمود راس E به بالا تمایل دارد، برای مثال فرض کنید کنید بردار عمودش برابر (0,1,1) باشد. با این شرط در نورپردازی مثلث EBC مقدار نور نقطهی وسط $^{\rm E}$ و $^{\rm E}$ برابر الحاق خطی این دو عمود در وسط می شود؛ یعنی (0,1,0.5)

در نهایت با تنظیم بردارهای عمود یک آرایه از ۱۸ راس داریم که موقعیت و عمودشان مشخص است. با وارد این کردن این ۱۸ راس به ترتیب درست هرم نهایی قابل رندر شدن در محیط سهبعدی است.



شکل ۴–۱۵ نمایش نهایی هرم در محیط سهبعدی گرافیکی

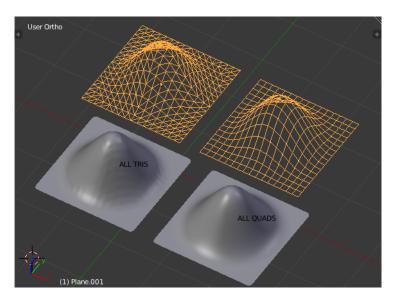
۴-۴-توپولوژی های نمایش توری

نمایش توری می تواند توپولوژیهای مختلفی داشته باشد. [۲۷] در بخشهای قبلی مثالی از توپولوژی مثلثی دیده شد که یک سطح که کوچکترین واحد قابل دیده شدن در یک شی است توسط سه مثلث تشکیل می شود. این توپولوژی می تواند بصورت های دیگری نیز باشد که به اختصار به آنها می پردازیم.

در اکثر توپولوژیهای استفاده شده در گرافیک کامپیوتری، توریهای چندضلعی توسط سطوح بیرونی آنها نمایش داده می شود و این به این معناست که داخل آنها خالی است. برخلاف واقعیت که اجسام جامد ضخامت دارند، در این توپولوژیها ساختار حجمی درونی اشیا بازنمایی نمی شود و برای نمایش هر شی به رندر کردن بخش بیرونی آن بسنده می شود.

۴-۴-۱-توپولوژی چهارگوش

این توپولوژی مانند توپولوژی مثلث است و بجای سه راس، هر سطح از چهار راس تشکیل شده است. این توپولوژی بیشتر در محیطهای ویرایش مدلهای سهبعدی مورد استفاده قرار میگیرد؛ چرا که به راحتی قابل ویرایش است و اضافه و کم کردن رئوس دسته جمعی بصورت خودکار در این توپولوژی بسیار آسان است. علاوه بر این تبدیل چهارگوشها به سهگوش بسیار راحت انجام میگیرد، این در حالی است که عملیات برعکس نیازمند صرف زمان زیاد است و به نتیجه قطعی نمی رسد.



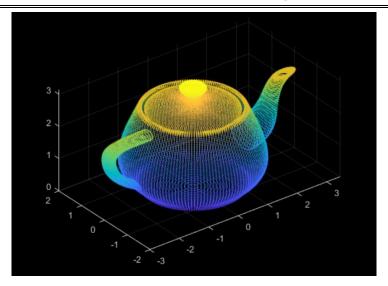
شکل ۴–۱۶ مقایسه مدل سیمی و نورپردازی شده توپولوژی چهارگوش و مثلثی

۴-۴-۲-توپولوژی ضلعی

در این توپولـوژی اضـلاع کـه شـامل دو راس هسـتند ذخیـره مـیشـوند و در یـک لیسـت دیگـر مجموعـهای از سه یا چهار ضلع تشکیل سطح میدهند.

۴-۴-۳-توپولوژی ابر نقاط

این توپولوژی که برای نمایش به پردازش زیادی نیاز دارد از نقاطی روی سطح یک جسم سه بعدی تشکیل می شود (شکل ۴-۱۷). این توپولوژی به سختی توسط دست قابل تولید است و با پردازشهایی تبدیل به توپولوژیهای راحت تر می شود.



شکل ۱۲–۱۲ توپولوژی ابر نقاط برای ساخت یک مدل قوری

یکی از کاربردهای این توپولوژی تبدیل اشیای دنیای واقعی به داده توری هستند که با تکنولوژی تشخیص نوری و تکاوری^۱ توسط دوربینهای مخصوص قابل انجام است.

۴-۵-تفاوت های محیط بلادرنگ

همانطور که در بخش قبل گفته شد، محدودیت زمانی برای محیطهای گرافیکی بلادرنگ مسئلهی بسیار مهمی است. برای همین در این محیطهای تغییراتی صورت میگیرد که به کاهش زمان نمایش اشیا روی صفحه نمایش کمک کند. در این بخش به سه تکنیک مخصوص محیطهای بلادرنگ میپردازیم.

7 –۵–۱ –جمع آوری سطوح پشتی

در این تکنیک که در اکثر موتورهای بازی سازی بصورت پیشفرض انجام می شود، تمامی سطوح یک طرفه هستند؛ به این معنی پشت آنها روی صفحه نمایش رندر نمی شود.

اشیایی که از صفحات در موتورها ساخته شدهاند مثال خوبی برای نمایش این مورد هستند. همچنین با ورود دوربین به داخل اشیا، دیده می شود که سطح داخلی این اشیا نمایش داده نمی شود. این باعث می شود برای پر کردن داخل یک جسم، نیاز به محاسبات اضافی داشته باشیم.

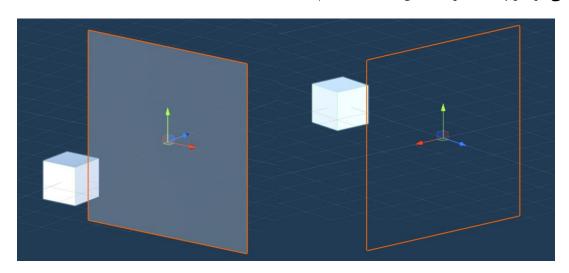
¹ Light detection and ranging (Lidar)

² Back-culling

در اینجا لازم است توضیحاتی درباره چگونگی انجام این کار ارائه شود؛ چرا که از این مفهوم در فصلهای بعدی استفاده خواهد شد. در محیط موتورهای بازی سازی، توریها از مثلثها تشکیل شده اند اما تعیین اینکه کدام سمت یک مثلث در صفحه نمایش داده شود به ترتیب قرارگیری اندیسهای آن در لیست مربوط به اندیسها مربوط می شود.

بصورت قراردادی، فقط مثلثهایی که رئوس آن بصورت ساعتگرد مرتب شده است رو به دوربین نمایش داده می شود. به همین شیوه پشت یک مثلث بصورت برعکس خواهد بود و نمایش داده نخواهد شد. این نکتهای مهم در دستکاری توری می باشد چرا که با تغییر جهت اندیسهای یک مثلث، شکل نهایی با شکل مورد انتظار متفاوت خواهد بود.

در شکل ۴-۱۸ یک صفحه از روبرو (سمت چپ) و پشت (سمت راست) دیده می شود. همانطور که دیده می شود از پشت قادر به دیدن صفحه نیستیم.



شكل ۱۸-۴ جمع آوري سطوح پشتى يک صفحه

۴-۵-۲-جمعآوری اشیای مسدود شده ۱

این تکنیک اشیایی که از مخروط دوربین بیرون هستند و یا توسط شی دیگری مسدود شدهاند توسط کارت گرافیکی رندر نمی شود [۲۸] که زمان کوتاهتری برای رندر سپری شود. این روش می تواند به تکنیک پرتاب اشعه انجام شود.

.

¹ Occlusion-culling

۴-۵-۳-صفحهی دور دوربین

این صفحه در دوربین تعیین میکند تا که عمقی دوربین سعی در نمایش دادن اشیای موجود در محیط بکند. برای مثال اگر صفحه ی دور دوربین ۱۰ متر باشد، اشیایی که در مخروط دوربین هستند ولی در فاصله بیش از ۱۰ متری از آن در جهت بردار عمق محلی دوربین هستند، در رندر نهایی نمایش داده نمی شود.

۴-۶-انواع توریهای سهبعدی

چندضلعیهای سه بعدی می توانند محدب یا مقعر باشند. (شکل ۴-۱۹) در یک دسته بندی دیگر این چندضلعیها می توانند ساده یا غیرساده باشند (شکل ۴-۲۰) [۲۹] که در این بخش به معرفی آنها می پردازیم.

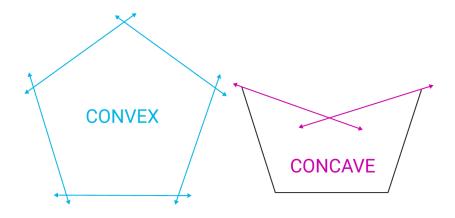
لازم به ذکر است که توریهای محدب پس از برش، همواره چندضلعی محدب تشکیل میدهند و توریهای مقعر یس از برش ممکن است چندضلعیهای مقعر تشکیل دهند.

۴-۶-۱-چندضلعیهای محدب

در چندضلعیهای محدب، نمی توان هیچ دو راسی یافت که ضلع تشکیل دهنده ی آن دو بیرون آن چند ضلعی قرار گیرد. زاویه درونی رئوس در این چند ضلعیها حداکثر ۹۰ درجه است.

۴-۶-۲-چندضلعیهای مقعر

به چند ضلعیای که حداقل یک جفت راس بتوان در آن یافت که ضلع تشکیل دهنده آن دو از محیط تشکیل دهنده آن دو از محیط تشکیل دهنده آن چند ضلعی بیرون بیفتد، چند ضلعی مقعر می گوییم. زاویه درونی حداقل یک راس در این چندضلعیها از ۹۰ بیشتر است.



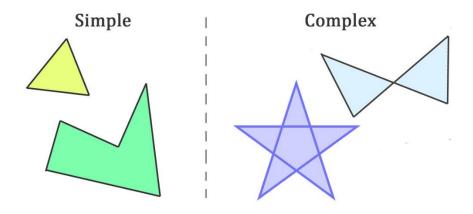
شکل ۴–19 تفاوت چند ضلعیهای محدب و مقعر

۴-۶-۳-چندضلعی ساده

در یک چندضلعی ساده رئوس پشت سر هم با یک ضلع به هم وصل می شوند و راس آخر به یک ضلع به هم وصل می شوند و راس آخر به یک ضلع به راس اول وصل می شود. در این چند ضلعی ها تنها نقطه برخورد اضلاع، روی گوشههای این چندضلعی است.

۴-۶-۴-چندضلعی غیرساده

به هر چند ضلعی که ساده نباشد، غیرساده می گوییم. برای مثال یک ضلع می تواند با ضلع دیگری برخورد داشته باشد و یا بیش از دو ضلع از یک راس گذر کرده باشند.



شکل ۲۰-۴ تفاوت چندضلعی ساده و پیچیده (غیرساده)

۴-۶-۵-چندضلعی سوراخ دار

به چندضلعی که درون خود یک چند ضلعی دیگر دارد که سطوح درونش پر نشده است، چند ضلعی سوراخ دار میگوییم. در این پایانامه از آنجایی که محاسبه مثلثی سازی چندضلعیهای سوراخ دار پیچیدگی زیادی دارد، به این چندضلعیها پرداخته نمیشود.

فصل ۵ الگوریتمهای برش توری سهبعدی

الگوریتمهای برش توری سهبعدی

در این فصل به الگوریتمهای اصلی استفاده شده جهت برش یک شی سهبعدی میپردازیم و جزئیات ریاضیاتی آن را واکاوی می کنیم.

۵-۱-بازنمایی صفحه در محیط سهبعدی

هر صفحه سه بعدی را می توان به چندین شکل مختلف بازنمایی کرد. برای سهولت محاسبات الگوریتم، در اینجا هر صفحه را با یک بردار عمود n و یک عدد d نشان می دهیم.

در این انتزاع صفحه، بردار عمود n نشان دهنده جهت صفحه است و بر تمامی نقاط درون صفحه عمود است. d بیانگر فاصله ی نقاط از بردار عمود است؛ به عبارت دیگر طولی که باید در جهت بردار n طی کنیم تا به صفحه موردنظر برسیم.

به طور ساده تر می توان یک صفحه را به سه نقطه بازنمایی کرد. در معادلات ۵-۱ و ۲-۵ تبدیل این انتزاع به انتزاع بردار عمود و فاصله را نشان می دهیم.

$$ec{n}=(\overrightarrow{p_2}-\overrightarrow{p_1}) imes(\overrightarrow{p_3}-\overrightarrow{p_1})$$
 1-D abbles $d=\overrightarrow{p_1}\cdot \overrightarrow{n}$

همچنین روش یک نقطه و بردار عمود برای بازنمایی قابل فهمتر است. در این روش هم فاصله d مانند فرمول بالا از ضرب داخلی نقطه روی صفحه و بردار عمود بدست می آید.

در اینجا لازم است یادآوری کنم که این انتزاع از صفحه سهبعدی، یک صفحهی نامحدود در جهت طول و عرض محلی را بازنمایی میکند؛ عملیات محدودسازی صفحه در پیشپردازشها انجام می-شود که به تفصیل در فصل ششم توضیح داده خواهد شد.

۵-۲-بازنمایی توری در محیط سه بعدی

در اینجا فرض می کنیم هر توری از مثلثهایی تشکیل شده است که هر مثلث سه راس دارد. برای سادگی فرض می کنیم هر راس فقط شامل داده مکانی، یو وی و عمود خود است. از روشهای دیگری از جمله ابر نقطه برای برش محاسبات ساده تری دارند که به دلیل اینکه بخاطر کارایی کم در زمینه بازی های ویدئویی استفاده نمی شود و نیازمند پس پردازش سنگین هستند، صرفنظر می شود.

۵-۳-کاهش بعد

یک روش که چندین بار از آن استفاده می کنیم تصویر یک نقطه ی سه بعدی به دوبعدی است که در اینجا لازم است توضیح داده شود. برای این کار فرض کنید می خواهیم نقطه p را روی صفحه ای تصویر کنیم. بردار عمود این صفحه چیزی است که حائز اهمیت است؛ چون در تصویر کردن اینکه صفحه در چه مکانی باشد اهمیتی ندارد و تا وقتی که بردار عمود یکسان باشد، خروجی یکسان می گیریم.

برای این کار کافی است با توجه به بردار عمود، دو بردار پیدا کنیم که محورهای دو بعد را تشکیل میدهند. این دو محور باید دو ویژگی زیر را داشته باشند:

- بر هم عمود باشند
- بر بردار عمود، عمود باشند

برای این کار می توان یک بردار دلخواه a را در نظر گرفت که برابر بردار عمود صفحه نباشد. بردارهای مورد نظر مطابق با معادلات a-a و a-a محاسبه می شوند.

$$ec{u} = \| \overline{normal} \times ec{a} \|$$
 $ec{v} = \| ec{u} \times \overline{normal} \|$

حال با داشتن این دو محور می توان هر نقطه ی p را با معادله $a-\Delta$ در دو بعد بدست آورد.

$$p_{nrojected} = (\vec{p}.\vec{u}, \vec{p}.\vec{v})$$

۵-۴-برش یک مثلث در یک توری

برای فهم راحت تر الگوریتم برش، از واحد سطح شروع می کنیم، در نهایت هر توری از چندین مثلث تشکیل شده است و تکرار این کار موجب برش توری می شود که در بخش بعدی توضیح داده خواهد شد.

-

¹ Face

در نهایت خروجی یک برش دو تـوری جدیـد اسـت کـه در اینجـا از آنهـا بـا نـام تـوری بـالایی و پـایینی یـاد می کنیم. توری بالایی در بالای صفحه برش قرار دارد و توری پایینی در پایین آن قرار می گیرد.

یادآوری این نکته لازم است که در بسیاری از موتورهای بازیسازی از جمله یونیتی، مثلثهای رو به دوربین نمایش داده میشود که رئوسش بصورت ساعتگرد مرتب شده باشند؛ از این رو در این بخش باید دقت داشت که ترتیب ایجاد مثلثهای جدید بهم نریزد.

در اینجا نیاز است از انتزاعی که از صفحه ساختیم استفاده نماییم. برای تشخیص موقعیت یک راس v نسبت به یک صفحه p میتوان از معادله ۵-۶ استفاده کرد.

$$relation(v,p) = egin{cases} top, & (v_{position}.p_{normal}) > p_{distance} \ surface, & (v_{position}.p_{normal}) = p_{distance} \ button, & (v_{position}.p_{normal}) < p_{distance} \end{cases}$$

همانطور که دیده می شود نسبت یک راس می تواند با یک صفحه سه نوع باشد. یک راس می تواند در بالای صفحه قرار گیرد، روی صفحه باشد و یا در زیر آن قرار گرفته باشد.

همچنین برای محاسبه نقطه تقاطع یه ضلع مثلث با یه صفحه، می توان معادله ضلع ab را بصورت معادله الحاق خطی نوشت (معادله ۵-۷).

$$edge(a,b) = (\vec{b} \times t) + \vec{a} \times (1-t)$$

در فرمول بالا t می تواند بین صفر و یک باشد. برای محاسبه نقطه تقاطع ab با صفحه p کافی است t را طوری تنظیم کنیم که روی صفحهی p بیفتد. برای این کار می توان به شکل زیر عمل نمود.

ابتدا با ضرب داخلی a در بردار عمود صفحه p، نسبت فاصله a به صفحه p را بدست می آوریم. (معادله a-A-A)

 $a_{distance} = \overrightarrow{p_{normal}}.\overrightarrow{a_{position}}$

معادله ۵–۸

سپس با تفریق بردار a از b، بردار خالص ab را بدست می آوریم. (معادله ۵-۹)

$$\overrightarrow{ab} = \overrightarrow{b} - \overrightarrow{a}$$

طبق معادلـه ۵-۱۰، بـا تکـرار ضـرب داخلـی ab کـه در معادلـه ۵-۹ محاسـبه شـد، روی بـردار عمـود صفحه، می توان طول بردار ab را که روی عمود صفحه p نگاشت شده است، بدست آورد.

$$\overrightarrow{ab_{mapped\ length}} = \overrightarrow{p_{normal}}.\overrightarrow{ab}$$

در نهایت با نسبت گرفتن فاصله a نسبت به صفحه p، به طول بردار نگاشت شده a روی عمود صفحه t ، بدست می آید. (معادله a-۱۱)

$$t_{intersection} = rac{p_{distance} - a_{distance}}{ab_{mapped\ length}}$$

با جاگذاری ab و صفحه p را بدست آورد. ab می توان نقطه ab و صفحه ab را بدست آورد.

بصورت کلی برخورد یک صفحه با یک مثلث به روشهای زیادی انجام می شود که در ادامه به آنها پرداخته می شوند و جهت abc ساعتگرد و داخته می شود. برای ثبات رئوس مثلث با a و b نشان داده می شوند و جهت abc ساعتگرد فرض می شود.

حالت اول: سه راس مثلث در وضعیت یکسانی از صفحه قرار گرفته باشند؛ در این حالت هیچ تقاطعی صورت نمیگیرد و عملیات دو نیمسازی انجام نمی گیرد و مثلث به همان حالت قبل باقی میماند.

- سه راس مثلث در بالای صفحه قرار گیرند؛ در این حالت این مثلث abc متعلق به توری بالایی است.
- سه راس مثلث پایین صفحه قرار گیرند؛ در این حالت مثلث abc به توری پایینی اضافه می-شود.
- سه راس مثلث روی صفحه قرار گیرند؛ در این حالت مثلث abc به هر دو توری اضافه می-شود.

حالت دوم: فقط دو راس مثلث روی صفحه قرار گیرند

- راس سوم بالای صفحه قرار گیرد؛ در این حالت مثلث abc به توری بالایی تعلق می گیرد.
- راس سوم پایین صفحه قرار گیرد؛ در این حالت مثلث abc به توری پایینی تعلق می گیرد.

حالت سوم: فقط یک راس مثلث روی صفحه قرار گیرد

- فقط راس a روی صفحه گیرد
- دو راس دیگر در بالای صفحه باشند؛ در این حالت مثلث abc به توری بالایی تعلق
 میگیرد.
- دو راس دیگر در پایین صفحه باشند؛ در این حالت مثلث abc به توری پایینی تعلق
 میگیرد.
- o راس b بالا و راس c پایین صفحه باشند؛ در این حالت بین ضلع bc و صفحه تقاطع i ایجاد می شوند. مثلث abi به توری بالایی و ایجاد می شود. مثلث aic به توری پایینی اضافه می شود.
- صه. یک. چهار: راس c بالا و راس b پایین صفحه باشند؛ در این حالت بین ضلع b و مهار: راس c میشوند. مثلث abi به صفحه تقاطع i ایجاد میشوند. مثلث abi به توری پایینی و مثلث aic به توری پالایی اضافه می شود.
 - فقط راس b روی صفحه گیرد
- دو راس دیگر در بالای صفحه باشند؛ در این حالت مثلث abc به توری بالایی تعلق
 می گیرد.

- دو راس دیگر در پایین صفحه باشند؛ در این حالت مثلث abc به توری پایینی تعلق
 میگیرد.
- o راس a بالا و راس c پایین صفحه باشند؛ در این حالت بین ضلع ac و صفحه تقاطع i ایجاد می شوند. مثلث bia به توری بالایی و ایجاد می شوند. مثلث bia به توری پایینی اضافه می شود.
- o راس c بالا و راس a پایین صفحه باشند؛ در این حالت بین ضلع ac و صفحه تقاطع o راس c بالا و راس bia پایینی و ایجاد می شود. مثلث bia به توری پایینی و مثلث bci بالایی اضافه می شود.

• فقط راس C روی صفحه گیرد

- دو راس دیگر در بالای صفحه باشند؛ در این حالت مثلث abc به توری بالایی تعلق
 می گیرد.
- دو راس دیگر در پایین صفحه باشند؛ در این حالت مثلث abc به توری پایینی تعلق
 می گیرد.
- o راس b بالا و راس a پایین صفحه باشند؛ در این حالت بین ضلع ab و صفحه تقاطع o راس b بالا و راس cib و مثلث cib ایجاد می شود و دو مثلث cib ایجاد می شود. مثلث cib به توری پایینی اضافه می شود.
- i مراس a بالا و راس b پایین صفحه باشند؛ در این حالت بین ضلع ab و صفحه تقاطع و راس cai بالا و راس cai ایجاد می شود. مثلث cai به توری پایینی و مثلث cib به توری بالایی اضافه می شود.

حالت چهارم: هیچ راسی روی صفحه نباشد و در وضعیت یکسانی قرار نگرفته باشند

• راس a تنها باشد

- o راس a در زیـر صفحه باشـد؛ در ایـن حالـت ab و ab تقـاطع i و i را ایجـاد مـی کننـد و سه مثلث iii و iibc ایجـاد مـی شـود. در ایـن سـه مثلث مثلـث اول بـه تـوری پـایینی اضافه می شود و دو مثلث دیگر به توری بالایی اضافه می شوند.
- راس a در بالای صفحه باشد؛ در این حالت ab و ab تقاطع i و i را ایجاد می کنند و سه مثلث 'ii و ibi' ،aii ایجاد می شود. در این سه مثلث 'aii و ibi' ،aii ایجاد می شود.
 اضافه می شود و دو مثلث دیگر به توری پایینی اضافه می شوند.

• راس b تنها باشد

- راس b در زیـر صـفحه باشـد؛ در ایـن حالـت bb و ab تقـاطع i و i را ایجـاد مـی کننـد و سه مثلث i'ci ،bi'i و ica ایجـاد مـیشـود. در ایـن سـه مثلـث مثلـث اول بـه تـوری پـایینی اضافه میشود.
 اضافه میشود و دو مثلث دیگر به توری بالایی اضافه میشوند.
- راس b در بالای صفحه باشد؛ در این حالت bb و ab تقاطع i و i را ایجاد میکنند و سه مثلث ici ،bi'i و ica ایجاد میشود. در این سه مثلث مثلث اول به توری بالایی اضافه میشود.
 اضافه میشود و دو مثلث دیگر به توری پایینی اضافه میشوند.

• راس c تنها باشد

- راس c راس c در زیـر صفحه باشـد؛ در ایـن حالـت ac و ac تقـاطع i و i را ایجـاد مـی کننـد و سه مثلث aii ،cii و aii ،cii ایجـاد مـیشـود. در ایـن سـه مثلـث مثلـث اول بـه تـوری پـایینی اضافه می شود و دو مثلث دیگر به توری بالایی اضافه می شوند.
- راس C در بالای صفحه باشد؛ در این حالت ac و ac تقاطع i و i را ایجاد میکنند و سه مثلث aii ،cii و aii ،cii و aii ،cii ایجاد می شود. در این سه مثلث مثلث اول به توری بالایی اضافه می شود.
 اضافه می شود و دو مثلث دیگر به توری پایینی اضافه می شوند.

۵–۵-برش یک توری

برای برش یک توری در نهایت می توان روی تمامی مثلثها یک به یک الگوریتم برش یک مثلث را اجرا کرد تا خروجی مورد نظر تولید شود.

با وجود اینکه موتور بازی سازی یونیتی هنوز از پردازش چندهستهای بصورت بومی پشتیبانی نمی کند، این حلقه به راحتی قابل موازی سازی است ولی با توجه به تعداد کم مثلثات در یک توری در بازی های ویدئویی و پیاده سازی کارا در فصل شش و آزمایشات انجام شده در فصل هفت نیاز به این کار نمی باشد.

همانطور که قبلا گفته شد، هر مثلث شامل دادههای دیگری از جمله یو وی و عمود هم هست. راس-هایی که هیچ تغییری نداشتند علاوه بر موقعیت، یو وی و عمود آنها نیز تغییری نمی کند ولی راس-های جدید ایجاد شده، که در بخش قبل با i نشان داده شد، باید یو وی و عمود آنها نیز تولید شود که برای این کار روشهای زیادی وجود دارد.

فرض کنید راس جدید i بین رئوس a و b قرار دارد و با صفحه بُرنده تقاطع داشته است. همانطور که در بخش قبل گفته شد، طبق معادله ۱۱-۵ می توان tintersection را بدست آورد. از همین t می توان بردار عمود و یو وی را بدست آورد.

برای بدست آوردن بردار عمود راس i، کافی است میانگین وزن دار بردار عمود a و d را بدست آوریم. وزن مذکور توسط t تعیین می شود. مقدار t برابر یک، یعنی همه ی وزن میانگین به b داده می شود؛ این منطقی است، چرا که اگر t یک باشد، یعنی نطقه تقاطع دقیقا روی b قرار دارد. به همین شکل با داشتن t صفر تمام وزن به a تعلق می گیرد.

نکته قابل توجه اینجاست که برای اطمینان از خراب نشدن نورپردازی در بردار عمود، پس از محاسبه میانگین وزن دار، بردار بدست آمده را نرمال کنیم؛ با این کار مطمئن میشویم طول این بردار ۱ است و در معادله ۵-۱۲ شدت نور از یک عبور نمی کند.

$$i_{normal} = \|a_{normal} \times (1-t) + b_{normal} \times t\|$$

برای محاسبه یو وی نیز به همین شکل عمل می شود. با توجه به اینکه بردار یو وی، یک بردار نگاشت دوبعدی است و تمام رئوس یو وی بین (۰،۰) و (۱،۱) دارند، میانگین وزن دار دو نقطه به هیچ وجه از این بازه تخطی نمی کند و همواره معتبر خواهد بود. (معادله ۵-۱۳)

$$i_{nn} = a_{nn} \times (1-t) + b_{nn} \times t$$

۵-۶-توپر کردن سطح برش

توپر کردن سطح برش با مثلثی سازی روی رئوس جدید ایجاد شده انجام می شود. این مسئله یکی از مسائل مهم گرافیک کامپیوتری است و با توجه به نوع سطح ایجاد شده می تواند پیچیدگی های مختلفی داشته باشد. در این پروژه فرض می کنیم قرار است توری های محدب ساده را برش دهیم.

شایان ذکر است که میتوان یک توری مقعر را به چند توری محدب، تبدیل کرد و از الگوریتم قشر محدب برای مثلثیسازی کمک گرفت. در ادامه به معرفی الگوریتمهای قشر محدب می پردازیم، به علاوه یک روش دیگر برای حل مثلثیسازی چندضلعیهای محدب نیز معرفی می شود.

برای توپر سازی یک چندضلعی ابتدا باید ترتیب تشکیل مثلثها را بدست آوریم که این کار با الگوریتم قشر محدب انجام میشود و در مرحله بعد باید مثلثیسازی را با توجه به خروجی این قسمت انجام دهیم.

قبل از اینکه الگوریتمهای اصلی موجود را بررسی کنیم باید مسئله ی را تعریف کنیم؛ این مسئله بصورت زیر تعریف می شود:

با داشتن مجموعهای از نقاط S روی یک صفحه، مجموعهای از نقاط را بیابید که از شکل گیری یک چندضلعی از آن، تمام نقاط S داخل آن باشند و هیچ نقطهای بیرون آن قرار نگیرد.

برای مثلثی سازی توریهای ساده، عملا نقاط دیگری موجود نیستند و از تمام رئوس برای ساخت قشر بیرونی استفاده می شود. برای همین باید به این نکته توجه کرد که بعضی از الگوریتمها برای این کار اصلا مناسب نیستند؛ چرا که با این فرض طراحی شده اند که نقاط زیادی درون چند ضلعی قرار می گیرد.

$^{8-9}$ الگوریتم پیمایش جارویس 1

این الگوریتم که با نام کادوپیچی هم شناخته می شود، در سال ۱۹۷۳ توسط ری جارویس منتشر شد. پیچیدگی زمانی این الگوریتم O(nh) است که n نشان دهنده کل نقاط و n نشانگر تعداد نقاط روی قشر بیرونی است. این الگوریتم برای مواقعی که n و n با هم برابر باشند (مثلا در مسئله مثلثی سازی) به پیچیدگی $O(n^2)$ تبدیل می شود که برای کاربردهای بلادرنگ مناسب نیست.

¹ Jarvis March

² R. A. Jarvis

این الگوریتم با چپ ترین نقطه شروع می کند که مسلما روی قشر بیرونی قرار دارد. در ادامه در جهت خلاف عقربههای ساعت (یا برعکس) پیشروی می کند و با پیمایش نقاط چندضلعی، راسی را پیدا می کند که زاویه تشکیل دهنده آخرین نقطه پیدا شده در قشر با آن نسبت به امتداد دو نقطه آخر موجود در قشر از سایرین کمتر باشد، این کار تا زمانی ادامه می یابد که نقطه ی پیدا شده، برابر با نقطه ی اول، یعنی چپترین نقطه باشد، و با رسیدن به این حالت، پیچیدن کادو تمام می شود و الگوریتم به پایان می رسد.

خروجی این الگوریتم به ترتیب ساعتگرد یا پادساعتگرد میباشد که برای استفاده جهت مثلثی سازی مناسب است.

Algorithm 1: JARVIS MARCH ALGORITHM

```
Input: a list S of points in a plane
     Output: a list P of points which forms S convex hull
     pointOnHull = leftmost point in S
1
    i := 0
2
     repeat
3
4
        P[i] := pointOnHull
        endpoint := S[0]
5
      for j from 0 to |S| do
6
7
            if (endpoint == pointOnHull) or (S[j] is on left of line from P[i] to
     endpoint) then
8
                endpoint := S[j]
9
       i := i + 1
10
        pointOnHull = endpoint
11
     until endpoint = P[0]
12
     return P
```

این الگوریتم قادر به محاسبه ی قشر بیرونی در ابعاد بالاتر نیز است، که در این مسئله مورد نیاز ما نیست؛ چرا که می توان نقاط سه بعدی ایجاد شده توسط تقاطعها را روی صفحه ی برنده نگاشت کرد و به تصویر دوبعدی از آن دست یافت.

۵-۶-۲ الگوريتم زنجيره مونوتون ۱ [۳۱]

این الگوریتم با مرتبه زمانی (O(nlogn) می تواند عملیات حل قشر بیرونی را برای چندضلعیهای محدب انجام دهد. این الگوریتم در ابتدا مجموعه نقاط ورودی را مرتب می کند (که گلوگاه این الگوریتم است) و سپس در (O(n) دو زنجیره بالایی و پایینی تشکیل می دهد که با پردازش روی آرایههای تشکیل شده می توان به ترتیب پادساعتگرد از لیست اجزای قشر بیرونی رسید.

```
Algorithm 2: ANDREW'S MONOTONE CHAIN CONVEX HULL ALGORITHM
```

```
Input: a list S of points in the plane.
     Output: a list P of points which forms S convex hull
1
     Sort the points of S by x-coordinate (in case of a tie, sort by y-coordinate).
2
     Initialize U and L as empty lists.
3
     for i = 1, 2, ..., n:
4
        while L contains at least two points and the sequence of last two points
              of L and the point S[i] does not make a counter-clockwise turn:
5
           remove the last point from L
6
        append S[i] to L
7
     for i = n, n-1, ..., 1:
8
        while U contains at least two points and the sequence of last two points
              of U and the point S[i] does not make a counter-clockwise turn:
9
           remove the last point from U
10
        append S[i] to U
11
     Remove the last point of each list
12
     P := Concatenate L and U to obtain the convex hull of S.
13
     return P
```

این الگوریتم به این شکل عمل می کند که دو قشر بالایی و پایینی را می سازد و در نهایت پس از حذف نقاط آخر آنها، آنها را به هم متصل می کند. حذف نقطه ی آخر به این دلیل اتفاق می افتد که نقطه ی آخر هر قشر، نقطه ی اول قشر دیگر است.

¹ Monotone Chain

۵-۶-۳-الگوریتم اسکن گراهام۱ [۳۲]

این الگوریتم که توسط روناله گراهام کور سال ۱۹۷۲ معرفی شد، می توانه با پیچیه گی زمانی O(nlogn) قشر بیرونی یک چندضلعی محدب را پیدا کند. این الگوریتم با به کار گیری ساختار داده پشته قشر بیرونی یک چندضلعی را نگه داری می کند.

در مرحله اول این الگوریتم پایین ترین نقطه چند ضلعی پیدا می شود که به (O(n) زمان نیاز دارد. در مرحله بعد که گلوگاه این الگوریتم است باید عملیات مرتبسازی انجام شود که بر اساس زاویه پایین ترین نقطه با رئوس نسبت به محور x انجام می شود. این مرحله (O(nlogn) زمان می برد.

در نهایت با توجه به مرتبسازی انجام شده نقاط به ترتیب وارد پشته می شوند و تا وقتی که همواره در جهت پادساعتگرد حرکت شود (مانند الگوریتم زنجیره مونوتون) این ترتیب ادامه دارد و با رسیدن به یک عضو که باعث ایجاد چرخش ساعتگرد می شود، آخرین عنصر از پشته خارج می شود.

این الگوریتم در بدترین شرایط میتواند در nlogn به خروجی برسد.

Algorithm 3: GRAHAM SCAN ALGORITHM

Input: a list S will be the list of points

Output: a list P of points which forms S convex hull

- 1 stack := empty stack()
- Find the lowest y-coordinate and leftmost point, called P0
- 3 Sort points by polar angle with P0, if several points have the same polar angle then only keep the farthest

```
4
    for point in points:
5
        while count stack > 1 and ccw(next to top(stack), top(stack), point) <=
    0:
6
          pop stack
7
        push point to stack
8
    end
9
10
    P := convert stack to array
11
    return P
```

¹ Graham Scan

² Ronald Graham

در سه الگوریتم معرفی شده همواره نیاز به محاسبه جهت چرخش راسها داشتیم. معادله ۵-۱۴ نحوه بدست آوردن آن را نشان میدهد. این فرمول با سه نقطه تعیین میکند که آیا نقطه سوم در سمت چپ امتداد نقطه اول و دوم قرار دارند (چرخش پادساعتگرد) یا راست (چرخش ساعتگرد) یا در امتداد هم هستند.

$$ccw(a,b,c) = \begin{cases} clockwise & (b_x - a_x) \times (c_y - a_y) - (b_y - a_y) \times (c_x - a_x) < 0 \\ counterclockwise & (b_x - a_x) \times (c_y - a_y) - (b_y - a_y) \times (c_x - a_x) > 0 \\ colinear & (b_x - a_x) \times (c_y - a_y) - (b_y - a_y) \times (c_x - a_x) = 0 \end{cases}$$

۵-۶-۴ اثبات كران يايين ييچيدگي الگوريتم هاي قشر محدب

همانطور که دیده شد، الگوریتمهای قشر محدب قادر به رسیدن به پیچیدگی زمانی خطی نیست. [۳۳] برای اثبات از روش برهان خلف، فرض کنیم الگوریتمی وجود دارد که در بدترین حالت پیچیدگی زمانی کمتری از nlogn دارد.

با این فرض، اگر یک مجموعه نقطه داشته باشیم (X1, X2,..., Xn) و آنها را روی یک سهمی قرار دهیم، به این شکل که نقاط نهایی به شکل (Xi, Xi²) خواهند بود. اگر این مجموعه نقاط دو بعدی مجموعه نقاط ورودی باشند، این الگوریتم قشر محدب این مجموعه را پیدا می کند.

این یعنی که این الگوریتم می تواند عملیات مرتب سازی این مجموعه نقاط را در زودتر از nlogn این یعنی که با کران پایین پیچیدگی مرتبسازی در تناقض است.

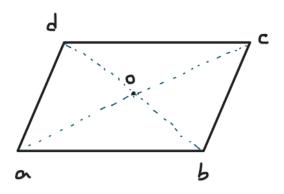
بنابراین نمی توان الگوریتمی یافت که قشر محدب یک مجموعه نقاط مرتب نشده روی صفحه را در کمتر از nlogn بدست آورد.

۵-8-۵-مثلثی سازی قشر محدب

مثلثی سازی یک چند ضلعی تجزیه ی سطح یک چند ضلعی به مجموعه ای از مثلث هاست. [۳۴] پس از بدست آوردن قشر محدب می توان به مثلثی سازی آن پرداخت. در این بخش دو توپولوژی ساخت سطح با استفاده از قشر محدب مطرح می شود.

مثلث پنکهای مرکزی

در این روش میانگین نقاط قشر محدب به عنوان مرکز پنکه تعیین می شود و مثلثهایی با کمک این مرکز ساخته می شود. راس اول هر مثلث مرکز چندضلعی است و سایر راسها به ترتیب قشر تعیین می شوند.

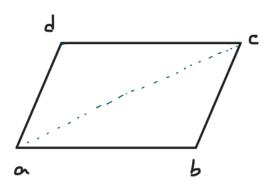


شکل ۵-۱ مثلثیسازی پنکهای مرکزی

مثلث پنکهای حاشیهای

در این روش که توپولوژی کثیفتری دارد نیاز به ساخت هندسه جدید نیست. یکی از رئوس به اختیار انتخاب می شود. اختیار انتخاب می شود و مثلثها مانند روش پنکهای منتها با مرکزیت این راس ساخته می شوند.

بـرای مثـال اگـر چهـار راس c ،b ،a و d داشـته باشـیم، مثلـث هـا بـه شـکل abc و abc خواهنـد بـود. (شکل ۵-۲)



شکل ۵–۲ مثلثیسازی پنکهای حاشیهای

۵-۶-۶-الگوريتم گوشبُري۱ [۳۵]

الگوریتم گوشبری با استفاده از قضیه دو گوش [۳۶]، یکی از روشهای مثلثی سازی را به طور مستقیم در (O(n²) انجام میدهد. در روشهای معرفی شده قبلی نیاز داشتیم تا پس از بدست آوردن نقاط روی قشر محدب، مثلثی سازی را انجام دهیم ولی این روش مخصوص مثلثیسازی طراحی شده است و این مشکل را ندارد.

مشکلی که این الگوریتم را برای انتخاب نامطمئن می کند این است که این الگوریتم پیچیدگی زمانی O(n²) دارد که موجب عدم صلاحیت آن برای یک الگوریتم همهمنظوره می کند.

طبق قضیه دو گوش، هر چندضلعی ساده که دارای بیش از سه راس است، از دو گوش تشکیل شده است. با تکرار است. با حذف این گوشها می توان دوباره به چندضلعی جدیدی رسید که هنوز ساده است. با تکرار این کار می توان به یک مثلث نهایی رسید و مثلثهای حذف شده به همراه مثلث نهایی مجموعه مثلثهای نهایی را می سازند. (شکل ۵-۳)

این الگوریتم فرض می کنید که رئوس از قبل مرتب شده هستند و مانند الگوریتمهای قشر محدب و مقعر پردازشی روی رئوس انجام نمی دهد. در مرحله اول زاویه درونی هر راس محاسبه می شود. اگر یک راس زاویه زیر ۱۸۰ درجه داشت، آن یک زاویه محدب است و در غیر این صورت یک زاویه بازتابی است. این مرحله (O(n) زمان می برد.

.

¹ Earclipping

در مرحله بعد تمام گوشها پیدا می شود. یک گوشه علاوه بر اینکه زاویه محدب دارد، با ساخت مثلث با کمک راس قبل و بعد خود، موجب نمی شود که هیچ راس دیگری داخل مثلث ساخته شده بیفتد؛ در غیر این صورت آن راس به عنوان گوشه شناخته نمی شود.

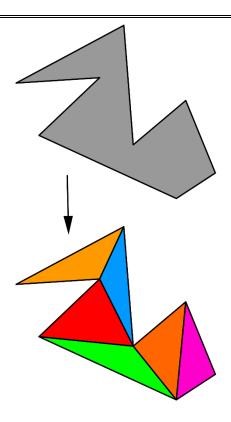
در نهایت به ازای تمام گوشهها از کوچکترین زاویه داخلی شروع می شود و مثلث گوشه حذف می $O(n^2)$ شود. این عملیات تا وقتی ادامه پیدا می کنید که n-2 مثلث ساخته شده باشید. این مرحله زمان می برد.

Algorithm 4: EAR CLIPPING ALGORITHM

Input: A simple polygon P with n vertices $V(v_0, v_1, ..., v_{n-1})$

Output: A triangulation T with n-2 triangles

- 1 Compute interior angles of each vertex in P.
- 2 Indentify each vertex whether it is an ear tip or not.
- 3 while number of triangles in T < n-2 do
- Find the ear tip vi which has the smallest interior angle.
- 5 Construct a triangle $\Delta(v_{i-1}, v_i, v_{i+1})$ and add it onto T.
- 6 Let vi be no longer an ear tip.
- 7 Update connection relationship of v_{i-1} and v_i , v_i and v_{i+1} , v_{i-1} and v_{i+1} .
- 8 Compute the interior angles of v_{i-1} and v_{i+1} .
- 9 Refresh the ear tip status of v_{i-1} and v_{i+1} .
- 10 end while



شکل ۵–۳ اجرای الگوریتم گوشبری روی یک چندضلعی مقعر

۵-۶-۷-الگوریتم های دیگر

الگوریتمهای زیادی پس از الگوریتم گوش بُری معرفی شدند. در ابتدا این الگوریتم با پیچیدگی O(nlogn) حل شد [۳۴] و پس از بهبود هایی، نهایتا توسط رابرت تارجان و کریستوفر ون ویک به پیچیدگی (O(nlog(logn) رسید. [۳۷] روشهای دیگری برای بهبود این روش مطرح شد و به پیچیدگی (O(nlog*n) دست یافته شد که بسیار نزدیک به پیچیدگی خطی است. [۳۸, ۳۹, ۴۰] در نهایت در سال ۱۹۹۱ برنارد چزل با یک الگوریتم بسیار پیچیده، مسئله مثلثی سازی را در زمان خطی حل نمود. [۴۱]

¹ Robert Tarjan

² Christopher Van Wyk

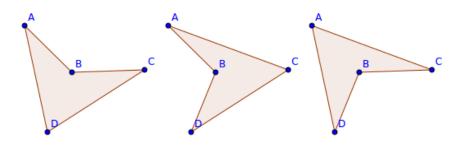
³ Bernard Chazelle

در مقاله ی یک الگوریتم (O(nlog(logn) برای مثلثی سازی چند ضلعی های ساده، رابرت تارجان و همکاران ادعا کردهاند که مسئله ی مثلثی سازی بسیار ساده تر از مرتب سازی است و در زمان کمتری از مرتب سازی انجام می شود. این با فرض این است که مرتب سازی قابل انجام باشد که همانطور که ذکر خواهد شد، این کار برای چند ضلعی های مقعر قابل انجام نیست و باید با توجه به زمینه ترتیب رئوس بدست آورده شود.

۵-۶-۸-پیشنهاد الگوریتم بدست آوردن ترتیب رئوس

همانطور که گفته شد پیچیدگی زمانی الگوریتمهای مثلثی سازی در بهترین حالت خطی است اما این به شرطی است که ترتیب رئوس را داشته باشیم. با داشتن ترتیب رئوس برای چندضلعیهای محدب نیاز به اجرای الگوریتم قشر محدب نیست و برای چندضلعیهای مقعر با این الگوریتم می توان به ورودی رسید، اما سوال اینجاست بدست آوردن ترتیب رئوس چگونه انجام می شود.

در ابتدای بخش قبل توضیح داده شد که در این مسئله هیچ راسی بیرون ریخته نمی شود و تمام راسها محیط قشر ما را تشکیل می دهند. با توجه به اینکه توری ورودی به هر شکلی می تواند باشد، فرض اینکه ترتیب نقاط تقاطع مثلث ها با صفحه بصورت مرتب شده است (ساعتگرد یا برعکس) غلط است.



شکل ۵-۴ چند ضلعی مقعر با نقاط یکسان و قشر مقعر متفاوت

به علاوه با داشتن مجموعه ای از نقاط، بدست آوردن قشر مقعر آنها ممکن نیست؛ چرا که این مسئله می تواند جوابهای زیاد و البته متفاوتی داشته باشد (شکل ۵-۴). الگوریتمهایی نیز که مسائلی مثل فروشنده دوره گرد را حل می کنند قابل استفاده نیستند، چون امکان دارد اضلاع چندضلعی ما، کوتاهترین اضلاع ممکن نباشند.

برای حل این مشکل باید بار محاسباتی را در قسمت محاسبات تقاطعها اضافه کرد که می تواند سنگین باشد. در ادامه پیشنهاداتی برای حل این مسئله مطرح می شود. در ابتدا باید مطمئن شویم هنگامی که یک مثلث با صفحه برنده تقاطع دارد، اضافه شدن نقاط تقاطع به این شکل است که همواره جهت به لیست تقاطعهای اضافه شده با جهت مثلث اصلی متناسب است.

فرض کنید راس a در بالای صفحه برنده قرار گرفته و b و c در زیر آن قرار دارند. جهت رئوس هم به شکل abc است. اگر ab تقاطع i و ac تقاطع i را بسازد در اینجا ابتدا جهت جدید ii است. لازم میبینم یادآوری کنم که این جهت اختیاری است، ولی باید در طول اجرای الگوریتم متداوم باشد.

در حالت دیگر اگر a تنها باشد ولی در پایین صفحه برنده واقع باشد و ab تقاطع i و ac تقاطع i را بسازد، این بار جهت جدید i'i خواهد بود.

نکتهی دیگر حالتهایی است که فقط یک تقاطع داریم. در این حالت کافی است نقطهای که روی صفحه قرار دارد را نیز یک نقطهی تقاطع جدید در نظر بگیریم و از قرارداد تعیین شده تخطی نکنیم. با این روش میتوانیم این حالات را نیز در این روش مدنظر قرار دهیم.

پس از اینکه به قرارداد منسجمی برای ترتیب اضافه شدن تقاطعها رسیدیم باید راهی پیدا کنیم تا آنها را به هم متصل کنیم و یک زنجیره کامل بسازیم. حال که مجموعهای از جفت رئوس جدید داریم می توانیم از آنها برای اتصال هم استفاده کنیم. فرض کنید هر جفت یک دوقطبی است که هر قطب آن فقط به قطب مشابه می چسبد. در اینجا منظور از قطب همان رئوس می باشند.

با توجه به توپولوژی مثلثی میدانیم هر ضلع به ضلع دیگری متصل است، پس می توان ادعا کرد هر تقاطع که حاصل برخورد یک ضلع به صفحه برنده است دو بار تکرار می شود، با فرق اینکه یکبار در ابتهای آن.

فرض کنید دو راس v_0 و v_1 اعضای یک جفت راس باشند. در اینجا ما باید به دنبال جفتی بین جفتهای اضافه شده باشیم که v_1 را به عنوان عضو اول خود داشته باشد (برای مثال v_1 و v_2). با پیدا کردن چنین جفتی می توان ادعا کرد v_2 و v_1 و v_2 باید پشت سر هم قرار گیرند.

با ادامه دادن این عملیات به حلقه ی نهایی می رسیم و وقتی حلقه به پایان می رسد که تمام مثلث های پیمایش شده باشند. در نهایت به یک زنجیره می رسیم که برای چند ضلعی های محدب ورودی مثلثی سازی پنکهای است و برای چند ضلعی های محدب ورودی الگوریتم گوش بُری است.

نکته ی دیگری که باید مدیریت شود، ابتدای زنجیره است. فرض کنید با داشتن زنجیره ی v_0 و v_0 و v_0 یک جفت جدید v_0 و v_0 اضافه شود. در این حالت باید v_0 به ابتدای لیست اضافه شود.

این روش پیشنهادی مانند بسیاری از الگوریتمهای دیگر قابلیت مدیریت توریهای غیرساده را ندارد. یکی دیگر از نقاط ضعف این است که موازی پذیری زیادی ندارد؛ این به علت آن است که پردازش صحیح زنجیرههای ساخته شده نیازمند آن است که زنجیره دست نخورد. شدت این مشکل با بکارگیری قفلها برای شبیهسازی عملیات اتمی در دستکاری زنجیره، تقلیل مییابد.

به علاوه، میبایست خاطرنشان کرد که این روش برای ساخت ورودی برای الگوریتمهای مثلثیسازی طراحی شده است. همواره در این مسائل، ترتیب درست رئوس به عنوان ورودی داده میشود و این الگوریتم سعی در بدست آوردن این ترتیب دارد.

با این مقدمه در ادامه الگوریتم پیشنهادی برای این کار مطرح میشود.

Algorithm 5: VERTEX ORIENTATION ALGORITHM

Input: A list P of vertex pairs in right winding direction

Output: A list C containing the vertices in right orientation

- 1 Chains := a list of vertex groups with their heads and tails
- 2 Add P[0] to first vertex group of Chains with it's first element set as head and the second set as the tail of it.

```
3
     for i = 1, ..., length of P do
4
        for j = 0, ..., length of Chains do
5
           if first element of P[i] is equal to tail of Chains[j] then
6
              Add second element of P[i] to vertex group of Chains[j]
7
              Update tail of Chains[j] to second element of P[i]
8
              if there is an element k in Chains with it's head equal to second
     element of P[i]
9
                 Remove first element of vertex group of k
10
                 Append the vertex group of k to vertex group of Chains[i]
11
                 Update tail of Chains[j] to tail of k
12
                 Remove k from Chains
13
           else if second element of P[i] is equal to head of Chains[j] then
14
              Add first element of P[i] to first element of vertex group of Chains[j]
15
              Update head of Chains[j] to first element of P[i]
16
           else
17
              Add P[i] to Chains with it's first element set as head and the second
     set as the tail of it.
```

برای بهبود پیچیدگی این الگوریتم می توان از دو نگاشت هش استفاده کرد که یکی از آنها با کلید head و دیگری با کلید tail کار می کند و هر دو از رفرنس مشترک برای نگهداری زنجیره ها نگهداری می کنند. با این کار می توان به پیچیدگی خطی رسید.

۵-۷-تو خالی کردن توری مورد برش

برای توخالی کردن همانطور که در فصل چهار توضیح داده شد، نیاز به تشکیل مثلثات جدید داریم. برای این کار کافی است برای هر کدامیک از توریها، عملیات افزودن مثلثها را دوباره انجام دهیم. اینبار تفاوت در ترتیب افزودن مثلثها است.

برای اینکه پشت یک جسم سهبعدی دیده شود، باید هندسهی پشت آن بصورت پادساعتگرد به داده توری اضافه شود. یکی از نقاط ضعف این روش تعداد راسهای دوبرابر است که با توجه به اینکه این رئوس بردار عمود متفاوتی برای نورپردازی طبیعی خواهند داشت، استفاده مجدد از رئوس تکراری امکان پذیر نیست.

برای محاسبه ی بردار عمود رئوس درونی، کافی است بردار عمود راس متناظر را برگردانیم. این کار به سادگی و با قرینه کردن بردار عمود صورت می گیرد.

در اینجا لازم است روش دیگری که برای توخالی سازی مورد آزمایش قرار گرفت و هزینه ی محاسباتی کمتری داشت را معرفی کنم. این روش به اینگونه است که با تغییر سایهزن شی، کاری کنیم که درون آن نیز قابل دیدن باشد و در واقع عملیات جمع آوری سطوح پشتی اتفاق نیفتد. این روش آزمایش شد ولی در عمل جسم توخالی سایه پردازی غیرطبیعی داشت و به همین دلیل از این روش دست کشیده شد.

۵–۸-برش یک شی

همانطور که در فصل چهار گفته شد، اشیای سهبعدی دارای ویژگی مکان، چرخش و اندازه هستند که این اطلاعات در داده توری ذخیره نمیشود. با توجه به اینکه الگوریتم برش طراحی شده فقط با داده توری کار میکند، لازم است قبل از شروع برش محاسباتی انجام شود؛ با این کار اطلاعات صفحه برنده و شی مورد برش از مبدا محاسبه میشود که دقیقا همخوان به اطلاعات توری باشد که شی را در نقطه مبدا، با چرخش صفر و اندازه یک فرض کرده است.

برای این کار نیاز به محاسباتی است که نیازمند ماتریس چهار در چهار اطلاعات شی مورد برش است. این ماتریس بیانگر اندازه، چرخش و مکان یک شی در سه بعد است. با ضرب این ماتریس در بردار چهار بعدی (x,y,z,1) می توان برایند تمام عملیاتهای تغییر اندازه، چرخش و تغییر مکان هر نقطه را بدست آورد.

برای تغییر اندازه یک شی میتوان از ماتریس زیر استفاده کرد:[۴۲]

$$\begin{bmatrix} S_1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & S_2 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & S_3 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \times \begin{pmatrix} x \\ y \\ z \\ 1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} S_1 \cdot x \\ S_2 \cdot y \\ S_3 \cdot z \\ 1 \end{pmatrix}$$

به همین شکل برای چرخش روی محور X میتوان از ماتریس معادلهی ۵-۱۶ کمک گرفت. [۴۲]

$$\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & \cos\theta & -\sin\theta & 0 \\ 0 & \sin\theta & \cos\theta & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \times \begin{pmatrix} x \\ y \\ z \\ 1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} x \\ \cos\theta \cdot y - \sin\theta \cdot z \\ \sin\theta \cdot y + \cos\theta \cdot z \\ 1 \end{pmatrix}$$

همینطور چرخش روی محور y و z در ماتریس معادله a-1۱ و a-1۱ آورده شده است. [۴۲]

$$\begin{bmatrix} \cos\theta & 0 & \sin\theta & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ -sing\theta & 0 & \cos\theta & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} \cos\theta & -\sin\theta & 0 & 0 \\ \sin\theta & \cos\theta & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

برای انتقال نیز از ماتریس معادلهی ۵-۱۹ کمک گرفته می شود: [۴۲]

$$\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & T_x \\ 0 & 1 & 0 & T_y \\ 0 & 0 & 1 & T_z \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \times \begin{pmatrix} x \\ y \\ z \\ 1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} x + T_x \\ y + T_y \\ z + T_z \\ 1 \end{pmatrix}$$

در نهایت با ضرب پیاپی این ماتریسها می توان به هر نتیجه دلخواهی رسید. نکته در خور توجه این است که ترتیب ضرب ماتریسها مهم هست و تعیین کننده این است که کدام عملیاتها زودتر انجام گیرند. با داشتن این ماتریس می توان محاسباتی را انجام داد که معادله ی صفحه را از یک معادله در مختصات جهان سه بعدی به مختصات محلی شی تبدیل می کند که در برش از آن استفاده می کنیم.

با فرض اینکه ترکیب ماتریسهای معرفی شده را که نمایانگر موقعیت شی است T بنامیم، بردار عمود محلی از طریق معادله Δ -۲۰ بدست می آید.

$$P'_{normal} = \|(T^T)^{-1} \times P_{normal}\|$$

برای محاسبهی بردار مکان محلی نیز میتوان از معادله ۲۱-۵ کمک گرفت.

$$P'_{position} = T^{-1} \times P_{position}$$

بعد از محاسبات هم از مکان و چرخش و اندازه جسم اصلی استفاده می شود تا اجسام تشکیل شده از برش با همان اطلاعات در محیط ظاهر شوند.

فصل ۶ جزئیات پیادهسازی

جزئیات پیاده سازی

در این فصل به جزئیات پیاده سازی این چارچوب پرداخته می شود و نگاه عمیق تری به روش حل مسئله برش اشیا در سه بعد خواهیم داشت. در اینجا لازم می بینم یادآوری کنم کدهای نشان داده شده در این فصل مستعد تغییر در نسخه ی نهایی هستند و تغییر ساختار کد بخاطر خوانایی بهتر در پایان نامه غیر قابل امتناع می باشد.

شکل ۶-۱ خط لوله اجرای این الگوریتم را نشان می دهد. (از راست به چپ)



شكل ٤-١ خط لوله اجراي الگوريتم برش

در ابتدای این فصل یک تکنولوژی پردازش موازی را معرفی کرده و بررسی میکنیم که آیا این تکنولوژی برای کاربرد برش قابل استفاده است یا خیر. در ادامه وارد مبحث برش میشویم و نحوه انتزاع کلاسها را معرفی میکنیم و پیادهسازیهای برش، از جمله محاسبات قبل از انجام برش، برش، قشر محدب، مثلثی سازی و در نهایت ساخت توری را بررسی میکنیم. در نهایت وارد جزئیات عملیات پس از برش میشویم و به معرفی ابزارهای توسعه داده شده دیگر میپردازیم.

8-١-سايهزن محاسباتي [۴٣]

همانطور که در فصل چهار توضیح داده شد، سایهزنها، برنامههای کامپیوتری هستند که توسط کارت گرافیکی اجرا میشوند و تصویر نهایی یک شی را تعیین میکنند. با توجه به قدرت زیاد کارت های گرافیکی امروزی استفاده از آنها صرفا برای مسایل گرافیکی، کملطفی در حق آنهاست و باید از این ظرفیت حداکثر استفاده را نمود.

سایه زنهای محاسباتی که در علوم کامپیوتر به هستههای محاسباتی شناخته می شود، برنامههای هستند که با هدف توان عملیاتی بالا طراحی شده اند. این برنامهها از برنامه اصلی جدا هستند ولی توسط آنها فراخوانی و استفاده می شوند. نکته ی دیگر این است که برخلاف سایه زنهای معمولی، سایه زنهای محاسباتی برای سایه زنهای محاسباتی به سختافزار محدودیت ندارند و نیاز به نوشتن چند سایه زن محاسباتی برای کارت گرافیکهای مختلف نیست. البته این محدودیت نداشتن به دلیل تبدیل راحت این برنامهها به معماری های واحد پردازنده گرافیکی است.

انجام محاسبات سایهزنهای محاسباتی در خارج از خط لوله رندر صورت می گیرد. این به این دلیل است که کارت گرافیک در هنگام محاسبات واحد پردازنده مرکزی بیکار است و منتظر دریافت دستور برای رسم روی صفحه است که به آن فراخوانی رسم می گویند. در این بازههای زمانی می توان از قدرت کارت گرافیکی به عنوان محاسبه گر در کنار واحد پردازنده مرکزی استفاده کرد.

این برنامهها را می توان در بسته های یک تا سه بعدی فراخوانی کرد و با توجه به واحدهای جریان چندهسته-چندهستهای، هسته های محاسباتی در بلوک هایی فراخوانی می شوند و از قدرت پردازش چندهسته-ای بهرهبرداری می شود.

دادههایی که در اختیار این برنامهها قرار داده می شود باید از طریق بافرهای محسباتی از واحد پردازنده مرکزی وارد واحد پردازنده گرافیکی شوند که این گذر بین دو سختافزار برای دستگاههایی که از پردازنده یکپارچه استفاده نمی کنند زمانبر است و باید بررسی شود آیا سود استفاده از کارت گرافیکی به احتمالا دو بار سربار گذر بین دو سختافزار می چربد یا خیر.

در کاربردهایی از قبیل شبیه سازی کلان داده ها یا ساختن تصاویر کامپیوتری با بسیار ابعاد بالا، استفاده از سایه زنهای گرافیکی تاثیر به سزایی در کارایی نرمافزار دارد. با توجه با اینکه توری ها در بازی های ویدئویی برای کارایی بهتر پخته می شوند تا رئوس کمتری داشته باشند، با پردازش آن ها توسط کارت گرافیکی، استفاده حداکثری از این دستگاه های پرقدرت صورت نمی گیرد.

در کاربرد برش توری، کاری که واحد پردازنده گرافیکی می تواند انجام دهد، محاسبه نقاط برخورد تمامی مثلثها با صفحه است. علاوه بر این برگرداندن آن در قالب دو توری جدید نیز می تواند توسط واحد پردازنده گرافیکی بصورت موازی انجام شود ولی بخاطر پیچیدگی الگوریتم غیر نمایی و تعداد نه چندان زیاد مثلثها برای کامپیوترهای امروزی استفاده از این روش پیشنهاد نمی شود؛ زیرا پاس دادن بافر محاسباتی این داده ها به کارت گرافیکی و بازگرداندن آن زمان بیشتری می برد.

یک پیشنهاد این است که عملیات برش کاملا در کارت گرافیکی و در خط لوله رندر انجام شود که این کار فقط در زمانی امکان پذیر است که زمان کافی برای کشیدن روی صفحه داشته باشیم تا نرخ فریم کم نشود و این در وقتی است که تصویر پیچیدهای برای رسم روی صفحه نداشته باشیم. در این روش نیازی به پاس دادن دوباره اطلاعات رئوس نداریم چون به هر حال این دادهها قبل از فراخوانی رسم به کارت گرافیک گذر میکنند.

۶-۲-بازنمایی رئوس

بصورت کلی هر راس در سه بعد حتما داده مکانی را دارد. برای بازیهایی که نورپردازی دارند (که تقریبا همه ی بازیها از این ویژگی استفاده می کنند) داده ی بردار عمود نیز لازم است و اجسامی که بافت پذیر هستند، نیاز به داده یو وی دارند. این سه ویژگی رئوس تقریبا در همه توریهایی که در بازیها به کار می رود، استفاده می شود.

یک راس برای وجود، کافی است مکان داشته باشد و ممکن است اطلاعات یو وی و عمود آن بعد از پردازشهایی اضافه شوند.

```
public class Vertex {
    Vector3 _position;
    Vector2 _uv;
    Vector3 _normal;
}
```

شکل ۶–۲ کد کلاس راس

۶–۳–بازنمایی مثلث

همانطور که دیده می شود، یک مثلث از سه راس تشکیل شده است.

```
public class Tri {
    private Vertex _vertA, _vertB, _vertC;

public Intersection Split(Plane plane) {
    return Intersector.Intersect(plane, this);
  }
}
```

شکل ۶–۳ کد کلاس مثلث

۶-۴-بازنمایی صفحه

```
public class Plane {
   private Vector3 _position;
   private Vector3 _normal;

public Plane(Vector3 position, Vector3 normal) {
```

```
_position = position;
    _normal = normal;
}

public Plane(Vector3 a, Vector3 b, Vector3 c) {
    Normal = Vector3.Cross(b - a, c - a);
    _position = a;
}

public Vector3 Normal {
    get => _normal;
    private set => _normal = Vector3.Normalize(value);
}

public float Distance { get => Vector3.Dot(_position, _normal); }

public Vector3 Position { get => _position; }

public PointToPlaneRelation GetPointToPlaneRelation(Vector3 p) {}

public TrianglePlaneRelation GetTriangleToPlaneRelation(Tri tri) {}
}
```

شكل ۶–۴ كد كلاس صفحه

همانطور که دیده می شود، هر صفحه دو متغیر مکان و بردار عمود دارد، برای راحتی، ویژگی فاصله که در فصل ۵ به آن پرداختیم علاوه بر بردار عمود از بیرون در دسترس است. تابع GetPointToPlaneRelation که با ورودی یک نقطه (بردار سهبعدی) یا یک مثلث، رابطهی نقاط با صفحه را حساب می کنید و تابع GetTriangleToPlaneRelation رابطهی مثلث با صفحه را محاسبه می کند که درباره آن در بخشهای بعدی بحث می شود.

8-۵-محاسبه برخورد با صفحه

فرض کنید یک صفحه سه بعدی داریم که نمایانگر صفحه برنده است. صفحهای که در شبیه سازی گرافیکی قرار گرفته است باید بتواند اشیایی که با آن برخورد داشته اند را تشخیص دهد. به علاوه به دلیل آنکه این صفحه در دنیای سه بعدی محدود است، نباید آن را سرسری تبدیل به صفحه نامحدود کنیم، چون اگر چیزی که کاربر می بیند با چیزی که باید اتفاق بیفتد، تجربه کاربری بدی به کاربر انتقال می باید.

برای اینکه تشخیص بدهیم که آیا یک صفحه به اجسام دیگر برخورد داشته است یا نه، می توانیم از موتور فیزیکی برای محاسبات برخورد کمک بگیریم. با توجه به اینکه اشیای بازی در یونیتی از اجزایی تشکیل شدهاند که رفتار آن شی را مشخص می کند باید علاوه بر شی مورد برش، به صفحهی برنده نیز ویژگی برخورد پذیری را اضافه کنیم.

خوشبختانه یونیتی این قابلیت را به توسعه دهندگان می دهد که تاثیر برخورد فیزیکی را تنظیم کنند. در این مسئله میدانیم صفحه برنده یک صفحه مجازی است و نباید روی اشیای دیگر تاثیر فیزیکی داشته باشد؛ به طور دقیق تر یک صفحه باید بتواند از میان یک شی رد شود، بدون اینکه تاثیری روی آن داشته باشد.

در یونیتی با داشتن ویژگی برخوردپذیری و قطع کردن تاثیر فیزیکی برخورد با استفاده از می توانیم از موتور فیزیکی بهره ببریم تا تشخیص دهیم چه اشیایی با صفحه برخورد داشته اند. برای این کار کافی است تابع OverlapBox را فراخوانی کنیم تا لیست تمامی اشیایی که در جعبه و ورودی هستند و برخوردکننده فیزیکی دارند را بازگرداند.

تابع OverlapBox که در کتابخانه Physics در یونیتی در دسترس است [۴۴]با گرفتن مرکز، اندازه و چرخش جعبه می تواند لیستی از تمامی اشیایی که دارای برخوردکننده فیزیکی هستند و با جعبهی داده شده همپوشانی دارند را برگرداند.

علاوه بر این می توان به این تابع ورودی های دیگری از جمله ماسک لایه داد تا فقط اشیایی را برگرداند که در آن لایه خاص هستند. از آنجایی که ما فقط برخورد با اشیای برش پذیر را نیاز داریم می توانیم صرفا از این لایه استفاده کنیم.

برای بدست آوردن دیگر ورودی های این تابع کافی است از مکان و چرخش صفحه در دنیای سهبعدی استفاده کنیم. با توجه به اینکه صفحه ضخامت ندارد، برای ابعاد طول و عرض آن، طول و
عرض خودش را میگیریم و ضخامت آن را برابر مقدار کوچکی قرار میدهیم که جعبه ی مورد نظر
ساخته شود. البته می توان برای سادگی از اندازه برخوردکننده این صفحه استفاده کرد که نیاز به کار
اضافه نداشته باشیم.

شكل ٤-٥ تشخيص همپوشاني مربعي

۶-۶-محاسبه جسم بین دو کلیک

از آنجایی که کلیک روی صفحه، ورودی دوبعدی است (با متغیر طول و عرض) نیاز به پردازشهایی داریم تا آن را تبدیل به داده سهبعدی بکنیم. برای این کار می توان از توابع دوربین موجود در یونیتی کمک گرفت. تابع ScreenToWorldPoint یک ورودی صفحه را تبدیل به نقطهای در دنیای سهبعدی می کند که در ادامه به آن خواهیم پرداخت.

نقاط موس، کلیک و لمس در موتور یونیتی با استفاده از ویژگی mousePosition در کلاس بدست می آید که جزئیات آن وابسته به سیستمعامل است. mousePosition یک بردار سهبعدی است که مقدار Z آن صفر است. این عدد در واقع نشان دهنده این است که نقطه به دوربین چسبیده است و در عمق با آن فاصلهای ندارد. تغییر این عمق در تصویر نهایی تاثیری ندارد چرا که رابط کاربری به هر حال دوبعدی است. برای اطمینان از اینکه در تبدیل این نقطه به سهبعد، خطای ممیز شناور نداریم و عمق به در خروجی تبدیل لحاظ شود، می توانیم عمق این نقطه را در فاصله کمی از دوربین قرار دهیم (مثلا "۳۰").

lastMousePosition = Input.mousePosition;

شکل ۶–۶ پردازش ورودی موس

در کـد بـالا بجـای مقـدار کـم از صفحهی شـروع رنـدر دوربـین اسـتفاده کـردیم کـه جـایگزین مناسب و پویایی بـرای مقـدار گفتـه شـده اسـت. nearClipPlane کـه صفحهی نزدیـک دوربـین اسـت تعیـین مـی-کند اشیا از چـه فاصـلهای از دوربـین نمـایش داده شـوند و از نمـایش اشـیای بسـیار نزدیـک بـه دوربـین کـه باعث پوشش دید می شود، جلوگیری می کنند.

در ادامه با کد زیر می توانیم موقعیت سه بعدی نقطه را در فضای سراسری داشته باشیم.

worldPosition = Camera.main.ScreenToWorldPoint(lastMousePosition);

شکل ۶–۷ تبدیل ورودی موس به موقعیت سهبعدی

با داشتن دو نقطه کلیک در فضای سهبعدی، برای یافتن اشیای میان آنها می توانیم از تاباندن اشعه از سمت دوربین استفاده کنیم. این تکنولوژی فیزیکی اجازه می دهد برخورد اشعه با اشیا را تشخیص دهیم.

برای این کار که با تابع RayCast انجام می شود، نیاز به نقطه ی شروع تابش، جهت تابش و برد تابش داریم که تعیین کننده این است که هر اشعه باید تا چه طولی تابیده شود (شکل 8-). با داشتن دو نقطه ی کلیک سه بعدی به نامهای startWorldPosition و endWorldPosition و تفریق مکان دوربین از آنها می توان به دو اشعه رسید که سر و ته برد جستجوی ما را تعیین می کنند.



شكل ع-۸ نحوه عملكرد تابنده اشعه

با داشتن این دو بردار جهت، می توانیم با انجام دادن درون یابی برداری بین این دو می توانیم به بردار های جهت میان این دو برسیم و در نهایت مجموعهای از اشعه برای تاباندن خواهیم داشت.

```
RaycastHit hit;
for (float t = 0; t < 1; t += 0.1f) {
    Vector3 direction = Vector3.Lerp(startWorldPosition - transform.position, finishWorldPosition
- transform.position, t);
    if (Physics.Raycast(transform.position, direction, out hit, 100, _layerMask))
        hits.Add(hit.collider.gameObject);
}</pre>
```

شکل ۶–۹ تشخیص اشیای بین دو کلیک

در نهایت اشیای برخورد کرده در یک مجموعه اضافه میشوند که مطمئن شویم هر جسم حداکثر یکبار تکرار شود.

در این روش صفحهی برنده با کمک سه نقطهی دوربین و مکان دو کلیک در سهبعد ساخته میشود.

۶–۷–برش

بعد از بدست آوردن شی مورد برش و صفحهی برنده می توانیم عملیات برش را انجام دهیم. برای این کار از تابع برش کمک می گیریم منتها قبل از آن لازم است انواع نسبتهای مثلث با صفحه و نقطه با صفحه مشخص شود.

```
public enum PointToPlaneRelation {
   TOP = 1, BOTTOM = -1, SURFACE = 0
}
```

```
public enum TrianglePlaneRelation {
   NO_INTERSECTION, TWO_TRI, THREE_TRI
}
```

شكل ۶–۱۰ نسبت مثلث و نقطه به صفحه

برای رابطه ی یک مثلث با یک صفحه، طبقه بندی بر این اساس انجام شده است که برخورد یک صفحه با مثلث موردنظر چند مثلث جدید می سازد که در فصل پنج به آن پرداخته شد.

با این تعاریف می توانیم متوجه شویم که یک نقطه با یک صفحه چه رابطهای دارد. این کار بصورت زیر انجام می گیرد.

```
public PointToPlaneRelation GetPointToPlaneRelation(Vector3 p) {
    float pointDistance = Vector3.Dot(p, _normal);

    float difference = pointDistance - Distance;

    if (difference > Constants.EPSILON) return PointToPlaneRelation.TOP;
    else if (difference < -Constants.EPSILON) return PointToPlaneRelation.BOTTOM;
    else return PointToPlaneRelation.SURFACE;
}</pre>
```

شكل ۶–۱۱ محاسبه نسبت نقطه به صفحه

در کد بالا Distance از ضرب داخلی نقطه و عمود صفحه بدست می آید که جزو ویژگیهای صفحه محسوب می آید که جزو ویژگیهای صفحه محسوب می شود. برای اطمینان از اینکه خطای ممیز شناور نداریم از float.epsilon استفاده می کنیم که برابر float.epsilon است.

برای اینکه نسبت یک مثلث با صفحه را حساب کنیم، می توانیم از روش زیر استفاده کنیم:

```
public TrianglePlaneRelation GetTriangleToPlaneRelation(Tri tri) {
    PointToPlaneRelation[] relations = new PointToPlaneRelation[3];

    var (a, b, c) = tri.GetPositions();
    var (ra, rb, rc) = (GetPointToPlaneRelation(a), GetPointToPlaneRelation(b),
GetPointToPlaneRelation(c));

switch (Mathf.Abs((int)ra + (int)rb + (int)rc)) {
    case 3: return TrianglePlaneRelation.NO_INTERSECTION;
    case 2: return TrianglePlaneRelation.NO_INTERSECTION;
    case 0: return TrianglePlaneRelation.TWO_TRI;
    case 1:
```

شكل ۶–۱۲ محاسبه نسبت مثلث به صفحه

هدف از عددگذاری enum های رابطه نقطه و صفحه استفاده در اینجا بود. اگر نقطهای بالای صفحه باشد مقدار آن ۱ است؛ در غیر این صورت مقدار صفر می اشد مقدار آن ۱ است؛ در غیر این صورت مقدار صفر می گیرد. اندازه ی جمع این مقادیر برای رئوس یک مثلث می تواند حالت کلی رابطه مثلث با صفحه را به ما بدهد.

اگر اندازه جمع ۳ باشد، یعنی یا هر سه راس ۱- بودند یا ۱، پس هیچ تقاطعی صورت نگرفته و هیچ مثلث جدیدی ایجاد نمی شود.

اگر اندازه جمع ۲ باشد یعنی دو راس در یک سمت و یک راس روی سطح قرار دارد و مانند حالت قبلی است.

به همین شکل برای ۰ و ۱ میتوان نتیجه گیری کرد. فقط باید دقت کرد که جمع ۱، میتواند ناشی از دو حالت باشد که باید در کد مدیریت شود.

در ادامه به دلیل طولانی بودن حالتها، یک نمونه محاسبه برخورد از هر حالت رابطه مثلث با صفحه نمایش داده می شود.

```
public static Intersection Intersect(Plane plane, Tri tri) {
    Intersection result = new Intersection();
    var (a, b, c) = tri.GetVertecies();
    var (ra, rb, rc) = plane.GetPointToPlaneRelations(tri);

    TrianglePlaneRelation triangleStatus = plane.GetTriangleToPlaneRelation(tri);

if (triangleStatus == TrianglePlaneRelation.NO_INTERSECTION) return null;
    if (triangleStatus == TrianglePlaneRelation.TWO_TRI) {
        if (ra == PointToPlaneRelation.SURFACE) {
            Vertex i = Intersect(plane, b, c);
            result.AddNewVertex(new Vertex(i.Position, MathHelper.Project(i.Position, plane.Normal, Vector2.one * .5f) ,plane.Normal));
```

```
Tri tb = rb == PointToPlaneRelation.TOP ? new Tri(a, b, i) : new Tri(a, i, b);
        Tri tc = rc == PointToPlaneRelation.TOP ? new Tri(a, c, i) : new Tri(a, i, c);
        if (rb == PointToPlaneRelation.TOP) {
            result.AddTopTri(tb);
            result.AddBottomTri(tc);
        } else {
           result.AddTopTri(tc);
            result.AddBottomTri(tb);
        return result;
    else if (rb == PointToPlaneRelation.SURFACE) {}
    else {}
if (triangleStatus == TrianglePlaneRelation.THREE_TRI) {
    if (ra != rb) {
        Vertex i1 = Intersect(plane, a, b);
        result.AddNewVertex(new Vertex(i1.Position, MathHelper.Project(i1.Position,
        if (rc == ra) {
            Vertex i2 = Intersect(plane, b, c);
            result.AddNewVertex(new Vertex(i2.Position, MathHelper.Project(i2.Position,
            Tri ta = new Tri(a, i1, i2);
            Tri tc = new Tri(c, a, i2);
            Tri tb = new Tri(b, i2, i1);
            if (ra == PointToPlaneRelation.TOP) {
                result.AddTopTri(ta);
                result.AddTopTri(tc);
                result.AddBottomTri(tb);
            } else {}
            return result;
        else {}
    else {}
return null;
```

در اینجا از تابع Project استفاده شده که لازم است توضیح داده شود. همانطور که در فصل چهار گفته شد، موقعیتهای توری در فضای محلی هستند و به همینخاطر خودشان نرمال شده اند. یک راس جدید که قرار است در پوشاندن سطح خالی توری جدید استفاده شود، نیاز به یو وی و بردار عمود متفاوتی دارد. برای بردار عمود کافی است از بردار عمود صفحه استفاده کنیم، زیرا در همان جهت است، منتها برای یو وی نیازمند آن هستیم که نقطه ی جدید در صفحهی دوبعدی تصویر شود. برای این کار از تکنیک کاهش بعد با کمک بردار عمود استفاده می کنیم که در فصل پنج توضیح داده شد.

پیاده سازی تابع Intersect که یک صفحه و دو راس می گیرد به شکل زیر است که فرمول های آن در فصل ینج تشریح شدند.

```
public static Vertex Intersect(Plane plane, Vertex a, Vertex b) {
    Vector3 pNormal = plane.Normal;
    float pDistance = plane.Distance;
    Vector3 line = b.Position - a.Position;

float t = (pDistance - Vector3.Dot(pNormal, a.Position)) / Vector3.Dot(pNormal, line);
    Vector3 normal = Vector3.Normalize(a.Normal * (1 - t) + b.Normal * t);
    Vector2 uv = a.UV * (1 - t) + b.UV * t;

if (t >= -Constants.EPSILON && t <= 1 + Constants.EPSILON) return new

Vertex(Vector3.Lerp(a.Position, b.Position, t), uv, normal);
    else throw new System.InvalidOperationException("The given line and plane does not have an intersection");
}</pre>
```

شكل ۶-۱۴ محاسبه نقطه تقاطع صفحه و خط

۶–۸-نگاشت و قشر محدب

برای بدست آوردن قشر محدب، نیاز به این داریم که بتوانیم تشخیص دهیم مساحت یک مثلث مقدار مثبت دارد یا منفی، به عبارت دیگر آیا راس سوم نسبت به ضلع متشکل از دو ضلع اول، به سمت ساعتگرد چرخیده یا پادساعتگرد که در معادله ۵-۱۴ محاسبه شد.

برای الگوریتم قشر محدل همانطور که در فصل قبل گفته شد، نیاز به مرتب سازی داریم. در اینجا از الگوریتم اسکن گراهام استفاده می کنیم که مرتبسازی در آن بر اساس زاویه ساخته شده بین پایین ترین نقطه با هر راس است. اگر دو راس زاویه ی یکسانی داشتند، هر کدام که فاصله ی نزدیک تری داشت در مرتبسازی اولویت دارد. تکه کد زیر تابع مقایسه و محاسبه علامت مساحت مثلث را نشان می دهد.

```
public static int AreaSign(Vector2 a, Vector2 b, Vector2 c) {
    float area = (b.x - a.x) * (c.y - a.y) - (b.y - a.y) * (c.x - a.x);

    if (area < 0) return -1; // Clockwise
    if (area > 0) return 1; // Counter-clockwise
    return 0; // 3 vectors are colinear
}

public static int Compare(Vector2 p1, Vector2 p2) {
    int areaSign = AreaSign(referencePoint, p1, p2);

    if (areaSign == 0) {
        if (Vector2.Distance(referencePoint, p2) > Vector2.Distance(referencePoint, p1)) return -1;
        else return 1;
    } else {
        if (areaSign == 1) return -1;
        else return 1;
    }
}
```

شکل ۶–۱۵ محاسبه علامت مساعت مثلث و مرتب سازی رئوس

در کد زیر هم تابع محاسبه ی قشر محدب دیده می شود. برای این مسئله صرفا مرتب سازی کافی است و نیاز به پردازش بیشتری نداریم ولی این کار باعث توپولوژی تمیزتری می شود و تعداد کمتری از رئوس را انتخاب می کند. به طور دقیق تر اگر چند راس در امتداد هم باشند، فقط یکی از آنها انتخاب می شود. علاوه بر این گلوگاه این الگوریتم قسمت مرتب سازی است و حلقه ی while در O(n) اجرا می شود.

```
public static int[] CalculateConvexHull(Vertex[] vertices, Vector3 normal) {
    maps = MathHelper.Project(vertices, normal);
    Stack<Map2D> hulls = new Stack<Map2D>();

int lowestYIndex = 0;
    float lowestYValue = maps[0].position.y;
```

```
for(int i = 0; i < maps.Length; i++) {</pre>
    if (maps[i].position.y <= lowestYValue) {</pre>
        lowestYIndex = i;
        lowestYValue = maps[i].position.y;
referencePoint = maps[lowestYIndex].position;
Array.Sort(maps, (x, y) => Compare(x.position, y.position));
hulls.Push(maps[0]);
hulls.Push(maps[1]);
    var p = hulls.Pop();
    while (hulls.Count != 0 &&
          AreaSign(hulls.Peek().position, p.position, maps[i].position) <= 0) {</pre>
        p = hulls.Pop();
    hulls.Push(p);
    hulls.Push(maps[i]);
int[] convexHullIndices = new int[hulls.Count];
int index = 0;
while(hulls.Count != 0) convexHullIndices[index++] = hulls.Pop().index;
return convexHullIndices;
```

شكل ۶–۱۶ پيادەسازى الگوريتم اسكن گراهام

در کد بالا Map2D نقطه ی تصویر شده در دو بعد و اندیس نقطه ی اصلی در لیست ورودی را نگه داری می کند. در نهایت این است که داری می کند. در نهایت این است که الگوریتم مورد استفاده ابعاد بالاتر را پشتیبانی نمی کند و در هر حال نقاط چندضلعی از قبل همگی در یک صفحه قرار دارند.

۹-۹-مثلثی سازی

برای پر کردن قسمت خالی ایجاد شده پس از برش، نیاز داریم مثلثی سازی انجام دهیم. ورودی این الگوریتم یک الگوریتم راسهایی هستند که محیط چندضلعی جدید را میسازند و خروجی این الگوریتم یک لیست از مثلثهای جدید تشکیل شده است. علاوه بر این برای اینکه بردار عمود مثلثهای جدید را داریم.

تابع زیر مثلثی سازی را انجام می دهد. در ابتدا نیاز به محاسبه ی نقطه مرکزی داریم که مثلثی سازی با توپولوژی پنکهای مرکزی انجام شود. سپس با کمک الگوریتم قشر محدب، اندیس رئوس را به ترتیب می گیریم و در نهایت مثلثها را میسازیم.

```
static List<Tri> Triangulate(Vertex[] newVertices, Vector3 normal) {
   List<Tri> fillTriangles = new List<Tri>();
   Vertex fanMiddleVertex = MathHelper.Average(newVertices);
   fanMiddleVertex.Normal = normal;
    fanMiddleVertex.UV = MathHelper.Project(fanMiddleVertex.Position, normal, Vector2.one * .5f);
   int[] hullIndices = ConvexHull.CalculateConvexHull(newVertices, normal);
   for (int i = 0; i < hullIndices.Length - 1; i++) {</pre>
        fillTriangles.Add(new Tri(
           fanMiddleVertex,
           newVertices[hullIndices[i]],
           newVertices[hullIndices[i + 1]]
    fillTriangles.Add(new Tri(
           fanMiddleVertex,
           newVertices[hullIndices[hullIndices.Length - 1]],
           newVertices[hullIndices[0]]
   return fillTriangles;
```

شکل ۶–۱۷ مثلثی سازی

۶-۱۰-ساخت توری از لیست مثلثات

برای این کار کافی است آرایههای مورد نیاز از مکان، عمود و یو وی رئوس بسازیم و در آرایه ی اندیسها آنها را اضافه کنیم. سپس با ساختن یک توری خالی و اضافه کردن این دادهها در آن، توری از مثلثها ساخته می شود و آماده استفاده در بازی می شود.

```
public static Mesh CreateMeshFromTriangles(List<Tri> triangles) {
   Mesh result = new Mesh();
   int vertexCount = triangles.Count * 3;
   Vector3[] vertecies = new Vector3[vertexCount];
   Vector3[] normals = new Vector3[vertexCount];
   Vector2[] uvs = new Vector2[vertexCount];
   int[] indices = new int[vertexCount];
   for(int i = 0; i < triangles.Count * 3; i += 3) {</pre>
        (vertecies[i], vertecies[i + 1], vertecies[i + 2]) = triangles[i / 3].GetPositions();
        (normals[i], normals[i + 1], normals[i + 2]) = triangles[i / 3].GetNormals();
        (uvs[i], uvs[i + 1], uvs[i + 2]) = triangles[i / 3].GetUVs();
       indices[i] = i;
       indices[i + 2] = i + 2;
   result.vertices = vertecies;
   result.normals = normals;
   result.uv = uvs;
   result.SetTriangles(indices, 0, false);
   return result;
```

شکل ۶-۱۸ ساخت توری از مثلثات

یونیتی اجازه می دهد توری ساخته شده در زمان اجرا بهینه سازی شود. با بهینه سازی توری، ترتیب رئوس طوری مرتب می شود که کارایی رسم آن روی صفحه نمایش افزایش یابد. البته این عملیات برای توریهای پیچیده زمانبر است و پیشنهاد نمی شود.

۶–۱۱–موتور تویین

یکی دیگر از ابزارهایی که در طول توسعه ی این پروژه طراحی شد، موتورِ بِینی است که در صنعت با نام تویین یاد می شود. این موتور می تواند انیمیشنهای پویا با ورودی متغیر طراحی کند که برای نمایش جدا شدن دو تکه ی برش خورده شده از هم استفاده می شود.

نحوه ی کلی کار این موتور به این گونه است که در هر فریم، به میزان فاصله ی زمانی طی شده از فریم قبلی حرکت می کند بصورت خطی فریم قبلی حرکت می کند بصورت خطی باشد و یا با کمک توابعی بصورت نرمتر باشد. یک نمونه از این توابع که بدون نرمسازی است در زیر آورده شده است.

```
IEnumerator MoveCoroutine(Vector3 position, Vector3 direction, float duration, float amount) {
    direction = direction.normalized;
    Vector3 originalPosition = transform.position;
    float t = 0;
    while (t <= duration) {
        transform.position = originalPosition + direction * Mathf.Lerp(0, amount, t / duration);
        t += Time.deltaTime;
        yield return null;
    }
}</pre>
```

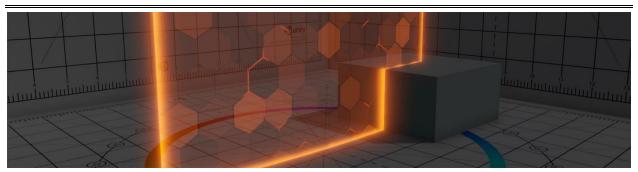
شکل ۶–۱۹ نمونهای از روتین یویانمایی با استفاده از کد

کد بالا در روتین هایی اجرا می شود که برخلاف توابع عادی در یونیتی، می تواند بیشتر از یک فریم عمر کند و با قدرت آن ها می توان به انیمیشن های متغیر دست یافت.

۶–۱۲–شیدر محاسبات برخورد [۴۵]

همچنین برای نمایش دادن مکان برخورد صفحه با اشیا یک سایهزن در این پروژه پیادهسازی شده که می تواند با کمک متغیر عمق دوربین به چنین اثری دست یابد (شکل ۶-۲۰). همانطور که در فصل دو گفته شد برای این کار از زبان اچ ال اس ال استفاده است ولی با توجه به پیچیدگی زبانهای سایهزنی و این حقیقت که این سایهزن مربوط به عملیات برش نیست از طرح جزئیات بیشتر صرفنظر می شود.

جزئيات پيادەسازى

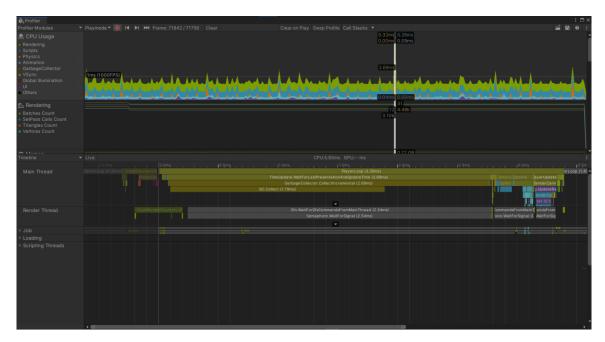


شکل ۶–۲۰ نمونه ای از سایهزن تشخیص برخورد با اشیا

فصل ۷ اندازه گیری و آزمایش

اندازه گیری و آزمایش

در این فصل به آزمایش مختصر از اجرای الگوریتم می پردازیم. همانطور که در فصل اول گفته شد، یکی از چالشهای این مسئله بودجه زمانی آن است و زمان اجرای الگوریتم برش نباید بیش از حد زیاد باشد. برای اندازه گیری های این فصل از ابزار نمایه ساز ایونیتی استفاده می کنیم. (شکل ۷-۱)



شکل ۱–۷ رابط کاربری نمایهساز یونیتی

برای اندازه گیری ابتدا از برش اشیایی که در تعریف پروژه ذکر شد استفاده می کنیم. این اشیا عبارتاند از صفحه، مکعب، کره و استوانه. سپس یک دایره پیچیده تر با تعداد رئوس بسیار بالاتر را مورد بررسی قرار می دهیم. باید توجه نمود که ابزار نمایه ساز یونیتی برای خروجی های روی محیط واقعی دقت درست تری دارد و این آزمایشات روی خروجی واقعی انجام شده است.

جدول ۱ نام و تعداد رئوس اشیا را با دقت ۱۰۰ راس نشان میدهد. این اعداد با استفاده از ابزار آمار یونیتی استخراج شدهاند.

آزمایشات زیر روی دستگاهی با مقدار رم ۱۶ گیگابایت و واحد پردازنده مرکزی Intel Core i7 7700HQ انجام شده است.

.

¹ Profiler

جدول ۱-۷ تعداد رئوس اشكال مورد آزمايش

نام	تعداد رئوس
صفحه	1.2k
مكعب	800
کرہ	2.3k
استوانه	1.2k
کره پیچیده	25k

در ادامه آزمایش خود را برای دو روش کلیک و صفحه بُرنده روی اشیای ذکر شده به همراه توپر سازی، انجام میدهیم. نتایج این آزمایش در جدول ۲ قابل رویت است.

جدول ۲-۲ نتایج آزمایش با دو روش کلیک و صفحه به همراه توپر سازی جسم مورد برش

	روش کلیک		روش صفحه	
نام	زمان (میلیثانیه)	نرخ فريم	زمان (میلی ثانیه)	نرخ فريم
صفحه	2.86	+90	1.48	+90
مكعب	2.41	+90	2.66	+90
کرہ	5.31	+90	3.53	+90
استوانه	3.12	+90	1.91	+90
کره پیچیده	16.84	≈60	15.04	+60

همچنین برای برش اشیا بدون توپر سازی، نتایج در جدول ۳ درج شده است.

جدول ۲-۲ نتایج آزمایش با دو روش کلیک و صفحه بدون توپر سازی جسم مورد برش

	روش کلیک		روش صفحه	
نام	زمان (میلی ثانیه)	نرخ فريم	زمان (میلی ثانیه)	نرخ فريم
صفحه	3.17	+90	2.56	+90
مكعب	1.01	+90	0.29	+90
کرہ	3.96	+90	3.90	+90
استوانه	1.30	+90	1.12	+90
کره پیچیده	16.13	+60	15.31	+60

دلیل اینکه صفحه در حالت توخالی زمان بیشتری میبرد این است که در حالت توپر سازی چیزی پر نمیشود؛ زیرا صفحه بعد از برش فضای خالی برای پرسازی بوجود نمی آورد. این در حالی است که در حالت توخالی، پشت صفحه نیز ساخته میشود.

همانطور که مشاهده می شود حتی برای کره پیچیده که بیش از ۲۵ هزار راس دارد می توانیم به نرخ فریم قابل توجهی برسیم.

فصل ۸ جمعبندی و پیشنهادات بهبود

جمع بندی و پیشنهادات بهبود

در این فصل جمع بندی خلاصهای از کارهای انجام شده خواهیم داشت و در ادامه پیشنهاداتی برای بهبود چارچوب ساخته شده ارائه می شود.

۱-۸ جمع بندی و نتیجه گیری

هدف از انجام این پروژه، ساخت یک چارچوب قابل استفاده مجدد برای توسعه دهندگان بازی بود که با آن بتوانند پایهای کارامد از لحاظ کارایی و سودمندی برای پیاده سازی مکانیزم برش اشیا داشته باشند. علاوه بر این نحوه ی نگارش کد آن را برای تغییر آماده کرده است تا توسعه دهندگان عملکردههای شخصی سازی شده خود را به آن اضافه کنند.

توسعه دهندگان زیادی برای ساخت بازی های ویدئویی از موتور بازی سازی یونیتی استفاده می کنند؛ لذا تصمیم گرفته شد این چارچوب با استفاده از این موتور ساخته شود و بصورت متن باز در اختیار توسعه دهندگان قرار گیرد.

با توجه به همهمنظوره بودن این ابزار، گسترش بیشتر، باعث می شود که این چارچوب با خاص شدن، برای همه ی توسعه دهندگان قابل استفاده نباشد، گرچه الگوریتمها و روشهای جایگزین معرفی و بررسی شدند و روش جدیدی برای چالشهای این مسئله پیشنهاد شد.

۸-۲-پیشنهادات

در ادامه پیشنهاداتی راجع به این پروژه مطرح می شود که باعث بهبود آن در زمینه های مختلف می - شود. این پیشنهادات می توانند در صورت کلی بودن به خود چارچوب اضافه شوند، یا بصورت افزونه اختیاری برای کاربردهای خاص در کنار آن قرار گیرند.

۸-۲-۱-پشتیبانی از توری های پیچیده تر

پیاده سازی برش توری های مقعر در صورتی که نیاز به برش اشیای پیچیده تر داشته باشیم اولین نیاز این چارچوب است. بسیاری از بازی ها فقط از برش اشیای محدب استفاده می کنند ولی اینکه طراحان بازی محدود به ابزار مورد استفاده خود باشند، خلاقیت بازی سازها را کاهش می دهد و پذیرفته نیست. به علاوه ابزار تولید شده فقط زیر توری اصلی توری ها را قطع می کند. البته در اکثر بازی ها توری ها فقط یک زیر توری دارند، منتها با این کار مطمئن می شویم قادر به برش تمام توری های ساده هستیم.

۸-۲-۲-استفاده از جنس جدید در محل برش

اشیای برش خورده می توانند در محل برش جنس جدیدی داشته باشند. برای مثال یک پرتقال میتواند بعد از برش خوردن درون متفاوتی از هندسه بیرونی خود داشته باشد. باید توجه داشت با این
کار زیرتوری جدید معرفی می شود و برای اینکه برشهای بوجود آمده نیز قابلیت برش خوردن را
داشته باشند، باید ابزار از برش زیرتوریهای بیشتر پشتیبانی کند.

۸-۲-۳-پشتیبانی از اشیای استخوان بندی شده

اجسام استخوان بندی شده در بازی های ویدئویی استفاده زیادی دارند. برای مثال انسان ها و حیوانات که دارای انیمیشن هستند استخوان بندی شده اند. برای برش این اشیا علاوه بر برش توری نیاز به برش استخوان بندی هم داریم. ابزار توسعه داده می توان با پختن توری استخوان بندی شده، آن را در لحظه برش تبدیل به توری عادی کند که قابل برش دادن باشد، در این صورت بعد از برش انیمیشن های طراحی شده اجرا نمی شوند. در صورتی که پس از برش بخواهیم دو تکه برش خورده بصورت پویا (انیمیشن یا عروسک پارچهای) در محیط حرکت کنند، می توانیم با نگهداشتن استخوان برای دو تکه، فقط مثلث های نامربوط را از دو تکه برش حذف و مثلث های جدید را اضافه کنیم، در این صورت می توان به چنین ویژگی ای دست یافت.

۸-۲-۴ انجام پاکسازی توری

پاکسازی توری یک مسئله پیچیده است ولی با استفاده از یک روش پاکسازی به عنوان پیشپردازش می توری یک مسئله پیچیده است ولی با استفاده از یک روش پاکسازی رسید. باید توجه داشت که پیچیدگی این روش پاکسازی نباید بیشتر از پیچیدگی الگوریتم برش باشد تا این پاکسازی ارزش پیادهسازی داشته باشد.

۸-۲-۵-برش های پیچیده

استفاده از صفحات پیچیده تر یا حتی اشیای سه بعدی برای برش گرچه در بازی های ویدئویی کاربرد چندانی ندارد، ولی به قطع مسئله ی چالش برانگیزی است. برای مثال اگر بخواهیم یک جسم را بصورت قوس دار برش بزنیم، می توان قوس را به چند صفحه ی محدود تقسیم کرد و عملیات برش را انجام داد.

۸-۲-۶-برش همگام

با استفاده از برش همگام می توانیم مطمئن شویم که اگر عملیات برش به طول بیانجامد، بازی متوفق نمی شود و فقط نتیجه ی برش با تاخیر دیده می شود. این تاخیر را به سادگی می توان با جلوه های بصری یا طراحی بازی پوشاند. برای مثال با آهسته کردن بازی می توان زمان بیشتری برای برش خرید، بدون اینکه توقف یا افت فریم در نتیجه ی نهایی دیده شود.

۸-۲-۷-موازی سازی

برای کاربردهای در مقیاس خیلی بزرگ، مثل بازیهای با بودجه بالا، می توان از موازی سازی بهره برد. این کار می تواند استفاده از ریسمانهای واحد پردازنده مرکزی و یا هسته های واحد پردازنده گرافیکی باشد. البته باید توجه داشت که سربار گذر داده های از یک سخت افزار به سخت افزار دیگر نسبت به منفعت بدست آمده کمتر باشد.

منابع و مراجع

- [1] J. H. a. S. Nichols, "Measuring Stress Causes, Experiences and Outcomes Worldwide," 15 April 2021. [Online]. Available: https://news.gallup.com/opinion/gallup/347309/measuring-stress-causes-experiences-outcomes-worldwide.aspx.
- [2] K. Kaye, "Impact of COVID-19 on consumer spending: Booze buying and video games are up; travel, lodging sink," 26 March 2020. [Online]. Available: https://www.geekwire.com/2020/impact-covid-19-consumer-spending-booze-buying-video-games-travel-lodging-sink/.
- [3] L. Reinecke, "Games and Recovery: the Use of Video and Computer Games to Recuperate From Stress and Strain," *Journal of Media Psychology: Theories, Methods, and Applications,* vol. 21, pp. 126-142, 2009.
- [4] New Zoo, "Key Numbers," 2021. [Online]. Available: https://newzoo.com/key-numbers/. [Accessed October 2021].
- [5] E. S. a. A. M. García, "Intercultural Perspective on Impact of Video Games on Players: Insights from a Systematic Review of Recent Literature," *Educational Sciences: Theory & Practice*, 2020.
- [6] P. Palandrani, "Video Games & Esports: Building on 2020's Rapid Growth," Global Xetfs, 9 March 2021. [Online]. Available: https://www.globalxetfs.com/video-games-esports-building-on-2020s-rapid-growth/. [Accessed October 2021].
- [7] "Unity Asset Store," Unity Games, [Online]. Available: https://assetstore.unity.com/.
- [8] Halfbrick Studios, "Fruit Ninja®," Halfbrick Studios.
- [9] "Sword Play! Ninja Slice Runner," CASUAL AZUR GAMES.

- [10] "Fruit Ninja® Google Play," [Online]. Available: https://play.google.com/store/apps/details?hl=en-ca&id=com.halfbrick.fruitninjafree.
- [11] Steam Spy, "METAL GEAR RISING: REVENGEANCE," [Online]. Available: https://web.archive.org/web/20180411214550/steamspy.com/app/235460.
- [12] J. Dunning, "PlayStation Awards See Grand Theft Auto V Take Home the Platinum Prize," Playstation Lifestyle, 3 December 2013. [Online]. Available: https://www.playstationlifestyle.net/2013/12/03/playstation-awards-seegrand-theft-auto-v-take-home-the-platinum-prize/. [Accessed October 2021].
- [13] A. Garst, "Video game development in Iran: Limited tools, front companies and a specter of war," The Washington Post, 5 Febraury 2020. [Online]. Available: https://www.washingtonpost.com/video-games/2020/02/05/video-game-development-iran-limited-tools-front-companies-specter-war/. [Accessed October 2021].
- [14] S. Stewart, "What Is The Best FPS For Gaming?," Gaming Scan, 5 Febraury 2021. [Online]. Available: https://www.gamingscan.com/best-fps-gaming/. [Accessed October 2021].
- [15] "Unity (game engine)," Wikipedia, [Online]. Available: https://en.wikipedia.org/wiki/Unity_(game_engine).
- [16] D. Gajsek, "Unity vs Unreal Engine for XR Development: Which One Is Better?," Circuit Stream, 16 March 2021. [Online]. Available: https://circuitstream.com/blog/unity-vs-unreal/. [Accessed October 2021].
- [17] Unity Games, "Unity Our Company," Unity Games, 2020. [Online]. Available: https://unity.com/our-company. [Accessed October 2021].
- [18] TNW Deals, "This engine is dominating the gaming industry right now," TNW News, 24 March 2016. [Online]. Available:

- https://thenextweb.com/news/engine-dominating-gaming-industry-right-now. [Accessed October 2021].
- [19] Unity Games, "Unity Analytics," Unity Games, [Online]. Available: https://unity.com/features/analytics.
- [20] J. Miller, "Using .NET 4.x in Unity," Microsoft, 29 August 2018. [Online]. Available: https://docs.microsoft.com/en-us/visualstudio/gamedev/unity/unity-scripting-upgrade. [Accessed October 2021].
- [21] J. Dunstan, "Basic LINQ Performance," 16 March 2015. [Online]. Available: https://www.jacksondunstan.com/articles/2994. [Accessed October 2021].
- [22] "High-Level Shading Language," Wiki[edia, [Online]. Available: https://en.wikipedia.org/wiki/High-Level_Shading_Language.
- [23] D. Arayan, "Ezy Slice," Github, [Online]. Available: https://github.com/DavidArayan/ezy-slice. [Accessed October 2021].
- [24] Epic Games, "Slice Procedural Mesh," Epic Games, [Online]. Available: https://docs.unrealengine.com/4.27/en-US/BlueprintAPI/Components/ProceduralMesh/SliceProceduralMesh/.
- [25] Stas Bz, "Mesh Slicer," [Online]. Available: https://assetstore.unity.com/packages/tools/modeling/mesh-slicer-59618.
- [26] M. S. a. K. Akeley, "The OpenGL Graphics System: A Specification (Version 4.0 Core Profile)," The Khronos Group Inc, 2010.
- [27] Unity Games, "MeshTopology," Unity Games, 2020. [Online]. Available: https://docs.unity3d.com/ScriptReference/MeshTopology.html.
- [28] Unity Games, "Occlusion culling," Unity Games, 2020. [Online]. Available: https://docs.unity3d.com/Manual/OcclusionCulling.html.

- [29] M. M., "Types of Polygons," Tutors.com, [Online]. Available: https://tutors.com/math-tutors/geometry-help/types-of-polygons.
- [30] R. A. Jarvis, "On the identification of the convex hull of a finite set of points in the plane," *Information Processing Letters*, vol. 2, pp. 18-21, 1973.
- [31] A. M. Andrew, "Another Efficient Algorithm for Convex Hulls in Two Dimensions," *Information Processing Letters*, vol. 9, pp. 216-219, 1979.
- [32] R. Graham, "An Efficient Algorithm for Determining the Convex Hull of a Finite Planar Set," *Information Processing Letters*, vol. 1, no. 4, pp. 132-133, 1972.
- [33] A. C.-C. Yao, "A Lower Bound to Finding Convex Hulls," *Journal of the ACM*, vol. 28, no. 4, p. 780–787, 1981.
- [34] M. d. Berg, M. v. Kreveld, M. Overmars and O. Schwarzkopf, "3: Polygon Triangulation," in *Computational Geometry*, Springer-Verlag, 2000, pp. 45-61.
- [35] H. ElGindy, H. Everett and G. T. Toussaint, "Slicing an ear using prune-and-search," *Pattern Recognition Letters*, vol. 14, no. 9, pp. 719-722, 1993.
- [36] G. H. Meisters, "Polygons have ears," *American Mathematical Monthly,* vol. 82, no. 6, pp. 648-651, 1975.
- [37] R. E. Tarjan and C. J. Van Wyk, "An O(n log log n)-time algorithm for triangulating a simple polygon," *SIAM Journal on Computing,* vol. 17, no. 1, p. 143–178, 1988.
- [38] K. L. Clarkson, R. Tarjan and C. J. van Wyk, "A fast Las Vegas algorithm for triangulating a simple polygon," *Discrete & Computational Geometry*, vol. 4, no. 5, p. 423–432, 1989.
- [39] R. Seidel, "A Simple and Fast Incremental Randomized Algorithm for Computing Trapezoidal Decompositions and for Triangulating Polygons," *Computational Geometry*, vol. 1, p. 51–64, 1991.

- [40] K. L. Clarkson, R. Cole and R. E. Tarjan, "Randomized parallel algorithms for trapezoidal diagrams," *International Journal of Computational Geometry & Applications*, vol. 2, no. 2, p. 117–133, 1992.
- [41] B. Chazelle, "Triangulating a Simple Polygon in Linear Time," *Discrete & Computational Geometry*, vol. 6, no. 3, p. 485–524, 1991.
- [42] J. d. Vries, "Transformations," Learn OpenGL, [Online]. Available: https://learnopengl.com/Getting-started/Transformations. [Accessed October 2021].
- [43] Unity Games, "Compute shaders," Unity Games, 2020. [Online]. Available: https://docs.unity3d.com/Manual/class-ComputeShader.html. [Accessed October 2021].
- [44] Unity Games, "OverlapBox," Unity Games, 2020. [Online]. Available: https://docs.unity3d.com/ScriptReference/Physics.OverlapBox.html. [Accessed October 2021].
- [45] Lexdev, "Overwatch Shield," 2019. [Online]. Available: .net/tutorials/case_studies/overwatch_shield.html. [Accessed October 2021].

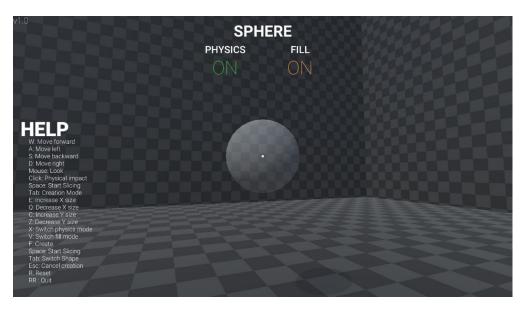
پیوست آ راهنمای کار با دمو

راهنمای کار با دمو

در این قسمت، راهنمای جامعی درباره نحوه کار با خروجی که در اختیارتان قرار گرفته است ارائه می شود. خروجی به حجم ۶۳ مگابایت حاوی یک فایل قابل اجرا exe. در ویندوز با نام Wakizashi.exe

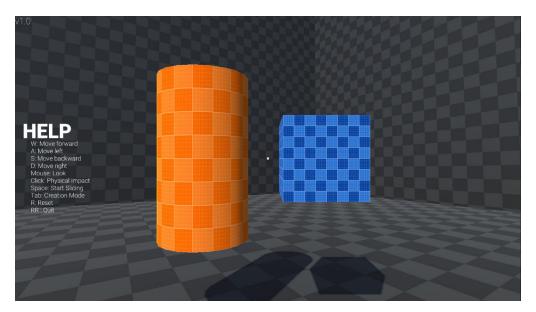
در ابتدا این فایل را باز کرده و منتظر بمانید تا صحنه ی بازی بارگیری شود. در سمت چپ صفحه راهنما کلیدها دیده می شود که می توانید از آن کمک بگیرید. برای خاموش و روشن کردن راهنما می توانید از دکمه ۴۱ استفاده کنید. این راهنما بصورت حساس به زمینه کار می کند و دکمههای پیشنهاد شده وابسته به حالت ویرایش دمو است.

در حالت پیشفرض می توانید در محیط قدم بزنید که این کار با کمک دکمههای W,A,S,D انجام می گیرد. برای ورود به حالت اضافه کردن اجسام، کلید Tab را فشار دهید. با فشردن دوباره این دکمه، جسم ساخته شده تغییر می کند که پیشنمایش آن بصورت کمرنگ در صفحه دیده می شود. می توانید با دکمههای E,Q,C,Z اندازه جسمی که قصد ساخت آن را دارید عوض کنید و با حرکت و نگاه کردن به اطراف، که با موس انجام می شود، موقعیت آن را تنظیم کنید. همچنین برای تنظیم اینکه جسم توپر (نارنجی) یا توخالی (آبی) باشد کلید ۷ و برای فعال سازی فیزیک پس از برش یا خاموش کردن آن کلید X را فشار دهید.



شكل آ-۱ حالت ساخت مدل

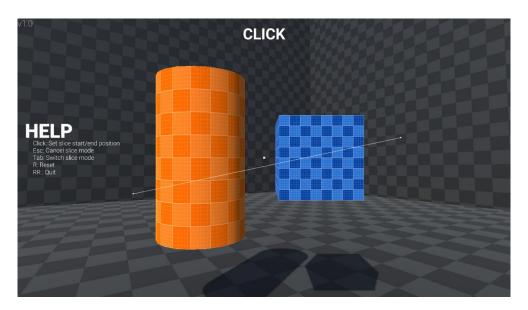
پس از تنظیم مکان و اندازه جسم مورد نظر کلید F را فشار دهید تا آن جسم به محیط اضافه شود. برای خروج از حالت ساخت اشیا، کلید Esc را فشار دهید. برای حذف تمامی اشیای اضافه شده کلید R را فشار دهید.



شكل آ- ۲ حالت حركت آزاد

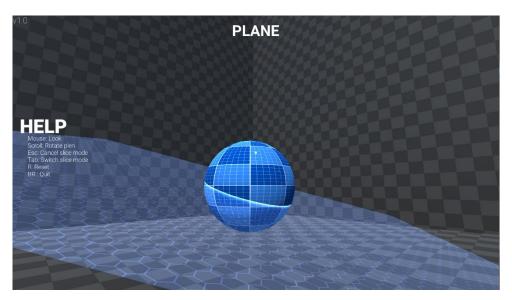
برای اینکه با حالت برش وارد شوید ابتدا مکان و زاویه دید خود را تنظیم کنید و سپس دکمه Space را بزنید. در این حالت صفحه کیبورد قفل میشود که در گوشه یپایین سمت راست صفحه قابل دیدن است.

در حالت Click موس شما باید روی صفحه ظاهر شود و با کلیک نقطه شروع و پایان برش را انتخاب کنید.



شکل آ-۳ برش با کلیک

با زدن دکمه Tab به حالت Plane وارد می شود و صفحه برنده در صفحه نمایش شما نشان داده می شود. با کلیک موس می توانید برش را اعمال کنید. همینطور برای چرخاندن صفحه می توانید از چرخ موس استفاده کنید. برای خروج از حالت برش کلید Esc را فشار دهید.



شكل آ-۴ برش با صفحه

برای اینکه از برنامه خارج شوید دوبار پشت سر هم کلید R را فشار دهید. برای اینکه بتوانید بهتر اشیای برش خورده را مورد بررسی قرار دهید با کلیک روی مرکز صفحه میتوانید به آنها نیروی فیزیکی وارد کنید.