

# Bit Manipulation

## 136. Single Number

Sort; HashMap; Bit Manipulation; Single Number

**解法一：排序查找**

**解法二：HashSet保存单独数字，与全部总和比较**

**解法三：Bit Manipulation**

参考

任何一个数字XOR自己都是0，一个数字XOR 0 得到的还是这个数字，所以如果把所有的数字都XOR的话最后得到的结果就是那个想要的Single Number。感觉Bit Manipulation真的很巧妙诶。

## 137. Single Number II

Bit Manipulation; Single Number

**解法一：Bit Manipulation**

参考

评论区有大神介绍了这种有一个数出现 $k$ 次，其他数字出现 $p$ 次 ( $p \% k \neq 0$ ) 的题的通用解法。本质就是利用bit manipulation和结合律和交换律。136. Single Number中的情况，我们只需要一个counter，是因为 $k$ 等于2，而2的表现形式就是00, 01, 10，而且2正好是2的次方数，所以最后XOR会把出现次数为2的数字都去除成0。

计数器可以看做是32位数每一位的记录，拼起来就是一整个数。

实际上我们需要 $m$ 个， $m > \log_2 k$ （对应二进制的表达数量），接下来 $x_1$ 每次直接XOR这个数字，但是改动 $x_2$ 只在 $x_1$ 有记录的时候改，改动 $x_3$ 只在 $x_2$ 和 $x_1$ 均有记录的情况下改动，以此类推（类似二进制进位）。

同时我们需要一个mask，如果 $m$ 不是正好是 $\log_2 k$ 的话，我们需要手动把计数器设置回0。当且仅当计数器的数量刚好是 $k$ 个的时候mask需要把所有的数都调整回0。因此mask是 $\sim(?x_1 \& ?x_2 \& ?x_3 \dots)$ ，每个bit前面的符号跟随 $k$ 的二进制表示。这样任何有一个技术器的表达不符合 $k$ 的二进制表示的时候，mask就会是1，全部符合的时候mask就是0。

这个题目里m是3，因此需要mask，且需要x1和x2。

这里有一个简单的例子（经过了排序，因为我们知道operations都是可以交换顺序的，就像排序了一样）。

i	x <sub>1</sub>	x <sub>2</sub>	mask.
4	4	0	all 1's
4	0	4	all 1's
4	4	4	all 0's
2	2	0	all 1's
2	0	2	all 1's
2	2	2	all 0's
3	3	0	all 1's

## 190. Reverse Bits

### Bit Manipulation

#### 解法一：移动Bits

##### 参考

其实就是——把n右边的bits推进另一个数字里。具体的方法是建立一个数字ans，然后ans每次都左移，先假设新的这个bit是1。然后用 $n \& 1$ 得到n最右边的bit，用|来确定ans最右边的bit应该是什么，也不会改动前面的bit。然后n继续右移即可，因为是判断最右边的bit。

#### 解法二：Integer.reverse(n)

参考

## 231. Power of Two

Bit Manipulation

**解法一：不断除以2**

**解法二：Bit Manipulation**

参考

任何2的次方都有一个特点就是2进制是1开头后面全是0，而且这个数减去1得到的数的2进制肯定全是1，且比原来的数少一位。所以如果对两个数取&的话肯定能得到0。

## 461. Hamming Distance

Bit Manipulation

**解法一：XOR转二进制字符串数1的数量**

**解法二：XOR用  $t \& (t - 1)$  数1的数量**