# **Binary Search**

#### 35. Search Insert Position

解法一: 二分查找

时间复杂度: O(log(n)); 空间复杂度: O(1)

直接二分查找,建立左闭右开的区间,这样区间内所有的数字都是有可能的,最后当左边和右边的边界到达同一个位置的时候区间的大小为0,这个时候返回low(或者high)即可,如果查找到了则是这个数字,否则就是需要插入的位置。

# 136. Single Number

# 540. Single Element in a Sorted Array

解法一: 顺序查找

时间复杂度: O(n); 空间复杂度: O(1)

找第一个和后一位不一样的数字, 或是在最后一位落单的数字

## 解法二: 二分查找

时间复杂度: O(log(n)); 空间复杂度: O(1)

- 1. 当mid为偶数且下一位和mid位数字相同或 mid为奇数且下一位和mid不同 此时target在左侧
- 2. 其他情况 此时target在右侧/当前位置

### 解法三: XOR

时间复杂度: O(n); 空间复杂度: O(1)

#### 参考

将所有的数字一起异或,相同的数字经过异或会变成零,最后留下的就是落单的数字

```
class Solution {
   public int singleNumber(int[] nums) {
     int ans = 0;
     for (int i = 0; i < nums.length; i++)
        ans = ans ^ nums[i];
     return ans;
   }
}</pre>
```

#### 275. H-Index-II

## 解法一: 二分查找

时间复杂度: O(log(n)); 空间复杂度: O(1)

二分查找,比较当前点所代表的paper数量(len - mid,因为需要计算这张加上后面一共有多少paper)是否大于等于这个paper的citation数量。制作一个左开右闭区间。

- 1. 如果当前点的citation数量和paper数量一样,说明这个就是我们要找的值。例如一个人有四张paper 的citation数量都大于等于4,再加paper也不可能有多的citation数量为5的paper。
- 2. 如果当前点的citation数量大于paper数量,说明还需要往前面找,就把high挪到当前mid
- 3. 否则因为1和2已经排除,说明这个点也不是正确答案,把low挪到mid+1

### 278. First Bad Version

### 解法一: 二分查找

时间复杂度: O(log(n)); 空间复杂度: O(1)

二分查找,如果当前找到的点是Bad Version,则往前找,否则往后找(包括当前这个)。最后当左侧 pointer大于等于右侧pointer时,返回左侧pointer所指的值。

建立一个左闭右开区间,最后当区间大小为0 (即left == right) 的时候,判定找到了,返回left或right皆可。

# 528. Random Pick with Weight

#### 解法一: 累积概率 + 二分查找

#### 参考

因为需要每个物品被选择的概率和重量相同,但是想要让物品的权重有规律且不需要被存储,那么可以 用累积概率的方式,计算整个数组的累积概率分布,这样的话整个数组是升序排列的且每两个数字之间 的间隔的大小就是后一个数字被选中的权重。

得到随机数之后,需要找最前面的一个累积和大于等于这个数值的数组Index,这个Index对应的数就是被选中的数字。使用二分查找,建立左闭右开区间,如果找到的数比随机数要小,那low = mid + 1(因为这个数是错的,不需要再考虑),否则将high挪到mid处。有可能是等于(这个时候其实需要选择low,但是挪动high到此处也可以,因为最后high和low会相遇)。

## 解法二: 累积概率 + 顺序查找

用顺序查找来找到指定的数字。

# 1482. Minimum Number of Days to Make m Bouquets

## 解法一: 对天数进行二分查找

#### 参考

给定一个确定的天数,我们就可以计算出连续的花开情况,从而算出最多能得到的花束的数量。因此如果我们发现花束少了我们就可以到右侧的搜索区间,否则去左侧的搜索区间。直到最后左闭右开区间的两个指针汇合为止。