乍一看很难做,而且长得一脸要转化的样子,不妨考虑简单情形,来贪心找性质。

如果 k=2, 可以先把左边一个元素单独成段,逐渐调整。

一个自然的想法是两边尽量均分,考虑一个位置,若 $s_1+k>s_2$,则显然 $k>s_2-s_1$,所以逐渐移动到这个位置即可。

k 段也可以如上调整, 使得每一刀都符合要求, 所以解一定存在(后面有证明)。

然后就是魔幻转化,均分实际上意味着,对于一个实数满足 k>1,都应该有 $\sum (s_i)^k$ 最小,其中 s_i 表示第 i 段和,考虑取 k=2 。

于是问题变成了, 将序列划分为 k 个连续段, 最小化每一段平方和的和。

简单证明:

若如上划分非法,则存在 $s_1 \geq s_2, s_1 - s_2 > \max(m_1, m_2)$ 。

考虑把 s_1 划分一个给 s_2 ,此时平方和变为 $(s_1-k)^2+(s_2+k)^2$,暴力展开发现平方和变小,与假设矛盾,故若划分非法,则一定可以调整为平方和更小的方案,所以平方和最小时一定合法。

容易想到设 f(i,j) 表示前 i 个数划分为 j 段的最小平方和,转移点容易记录,不难斜率优化,可以做到 $\mathcal{O}(nk)$,并过不去。

然而注意到,随着段数的增加,平方和是一个下凸函数,于是可以 wqs 二分来做,答案容易求,难点在于构造方案,三点共线非常的影响我们构造方案。

考虑三点共线我们是如何求权值的?在最大化权值的情况下,最大化或者最小化选的物品个数,若最后没有切到 k,说明此时的斜率和 k 共线,用此时的斜率来计算 k 即可。

总之我们应该先跑出斜率 k, 然后跑出 L[i], R[i] 表示极化权值的情况下,最少/最多能划分多少段。

从后往前倒推即可,上一个位置理应是可以转移到我的,而且划分段应当包含 x-1 的,递归去做即可。