



Basi di dati

Maurizio Lenzerini

***Dipartimento di Ingegneria Informatica
Automatica e Gestionale “Antonio Ruberti”
Università di Roma “La Sapienza”***

Anno Accademico 2017/2018

<http://www.dis.uniroma1.it/~lenzerini/?q=node/44>



2. Il modello relazionale

2.1 Basi di dati relazionali

1. **basi di dati relazionali**
2. algebra relazionale



Il modello relazionale

- Proposto da E. F. Codd nel 1970 per favorire l'indipendenza fisica dei dati (ovvero per rendere il modo in cui si usano i dati a livello logico indipendente dalla loro memorizzazione fisica)
- Disponibile come modello logico in DBMS reali nel 1981 (10 anni di incubazione)
- Si basa sul concetto matematico di **relazione** (ma con importanti varianti)
- Le relazioni hanno una rappresentazione naturale per mezzo di tabelle



Relazione: tre accezioni

- **relazione matematica**: come nella teoria degli insiemi
- relazione (dall'inglese **relationship**) fra l'insieme delle istanze di due o più **entità**, nel modello **Entity-Relationship** (talvolta tradotto con **legame, associazione o correlazione**)
- **relazione** secondo il modello relazionale dei dati: **tabella**



Relazione matematica

- Siano D_1, D_2, \dots, D_n n insiemi, non necessariamente distinti
- il **prodotto cartesiano** $D_1 \times D_2 \times \dots \times D_n$, è l'insieme di tutte le n -uple ordinate (d_1, d_2, \dots, d_n) tali che $d_1 \in D_1, d_2 \in D_2, \dots, d_n \in D_n$
- una relazione matematica sugli insiemi D_1, D_2, \dots, D_n è un **sottoinsieme del prodotto cartesiano $D_1 \times D_2 \times \dots \times D_n$**
- Se R è una relazione matematica sugli insiemi D_1, D_2, \dots, D_n , tali insiemi sono detti i **domini** della relazione R . Una relazione su n domini ha **grado** (o **arità**) n
- il numero di n -uple è la **cardinalità** della relazione



Relazione matematica: esempio

- $D_1 = \{\text{Conti, Totti, Mancini}\}$

- $D_2 = \{\text{Genoa, Roma}\}$

- prodotto cartesiano $D_1 \times D_2 \longrightarrow$

Conti	Genoa
Conti	Roma
Totti	Genoa
Totti	Roma
Mancini	Genoa
Mancini	Roma

- una relazione: $\text{HaGiocato} \subseteq D_1 \times D_2 \longrightarrow$

Conti	Roma
Conti	Genoa
Totti	Roma



Relazione matematica: proprietà

Una **relazione matematica** è quindi un insieme di n-uple ordinate (dette anche **ennuple**, o **tuple**) su D_1, D_2, \dots, D_n , ovvero n-ple della forma (d_1, \dots, d_n) tali che $d_1 \in D_1, \dots, d_n \in D_n$. Si noti che la n-pla (d_1, \dots, d_n) viene anche scritta come $\langle d_1, \dots, d_n \rangle$

Si noti che una relazione è un **insieme** di tuple e quindi:

- non è definito alcun ordinamento fra le sue n-uple
- le sue n-uple sono tutte distinte una dall'altra

Ciascuna n-upla di una relazione è **ordinata** e quindi

- il valore del primo elemento della n-pla proviene dal primo dominio
- il valore del secondo elemento della n-pla proviene dal secondo dominio
- ...
- il valore dell'n-esimo elemento della n-pla proviene dall'n-esimo dominio



Relazione matematica: esempio

Partita \subseteq *string* \times *string* \times *integer* \times *integer*

Partita = { (Juve, Lazio, 3, 1),
(Lazio, Milan, 2, 0),
(Juve, Roma, 1, 2),
(Roma, Milan, 0, 1) }

- Il primo ed il terzo dominio si riferiscono rispettivamente a nome e numero di reti della squadra ospitante; il secondo e il quarto a nome e numero reti della squadra ospitata
- La struttura è **posizionale**, nel senso che il primo ed il secondo dominio si riferiscono allo stesso insieme (string), ma sono distinguibili dalla posizione (analogamente per il terzo e quarto dominio, entrambi integer)



Relazione nel modello relazionale dei dati

- Una relazione nel modello relazionale è simile ad una relazione matematica, ma con le seguenti differenze:
 - le varie componenti sono dette **attributi**,
 - ogni attributo è caratterizzato da un nome ed un insieme di valori. Quest'ultimo è detto **dominio** dell'attributo
- Da ora in poi, quando parliamo di relazione intendiamo “relazione nel modello relazionale”, e quando vogliamo parlare di relazione matematica useremo il termine “relazione matematica”



Relazione nel modello relazionale dei dati

- Una relazione si può quindi rappresentare come una **tabella** in cui gli attributi corrispondono alle colonne ed i nomi degli attributi sono usati come intestazioni delle colonne
- Poiché adesso ogni componente della relazione è identificata da un attributo, l'ordinamento fra gli attributi è irrilevante: la struttura, al contrario della relazione matematica, è **non posizionale**



Relazione nel modello relazionale dei dati

- Esempio:



Casa	Fuori	RetiCasa	RetiFuori
Juve	Lazio	3	1
Lazio	Milan	2	0
Juve	Roma	1	2
Roma	Milan	0	1

- In questa relazione gli attributi sono 4, e nella rappresentazione tabellare essi corrispondono alle colonne della tabella. Le ennuple, invece, corrispondono alle righe.
- I domini degli attributi sono *string* per Casa e Fuori, ed *integer* per RetiCasa e RetiFuori. Per non appesantire la notazione, essi non vengono mostrati nella rappresentazione tabellare



Notazioni

- Sia X l'insieme degli attributi di una relazione R . Se t è una ennupla di R , cioè una ennupla su X , e $A \in X$, allora

$t[A]$ (oppure $t.A$)

indica **il valore che la ennupla t ha in corrispondenza dell'attributo A**

- Se t è la ennupla che compare per prima nella tabella dell'esempio precedente, allora si ha che $t[\text{Fuori}] = \text{Lazio}$
- La stessa notazione è estesa anche ad insiemi di attributi:
 $t[\text{Fuori}, \text{RetiFuori}]$ indica una ennupla sui due attributi Fuori e RetiFuori
- Riferendoci alla ennupla t vista prima, si ha che
 $t[\text{Fuori}, \text{RetiFuori}] = \langle \text{Lazio}, 1 \rangle$



Altra notazione

- La specifica del nome R di una relazione, degli attributi A_1, A_2, \dots, A_n e dei domini di tali attributi D_1, D_2, \dots, D_n forma il cosiddetto **schema di relazione**, che si denota come

$$R(A_1 : D_1, A_2 : D_2, \dots, A_n : D_n)$$

oppure semplicemente come (nel caso non interessi esplicitare i domini degli attributi)

$$R(A_1, A_2, \dots, A_n)$$

- Di conseguenza, una tupla di R con $t[A_1] = a, t[A_2] = b, \dots, t[A_n] = c$ si può denotare anche come $\langle A_1:a, A_2:b, \dots, A_n:c \rangle$
- In altre parole, la tupla si può vedere come “**tupla etichettata**”, in cui le etichette sono gli attributi della relazione, ed i valori associati alle etichette sono i valori che compongono la tupla



Tabelle e relazioni

- Sottolineiamo che in una relazione del modello relazionale:
 - i valori di ciascuna colonna sono fra loro omogenei, cioè appartengono allo stesso dominio
 - le righe (cioè le tuple) sono tutte diverse fra loro (perché la relazione è un insieme di tuple, non un multiinsieme)
 - le intestazioni delle colonne (attributi) sono tutte diverse tra loro
- Inoltre, nella rappresentazione tabellare della relazione
 - l'ordinamento tra le righe è irrilevante
 - l'ordinamento tra le colonne è irrilevante
- Sottolineiamo anche che **il modello relazionale è basato sui valori**: eventuali riferimenti fra due relazioni diverse sono espressi per mezzo di valori che compaiono nelle ennuple di entrambe le relazioni



Studente

Matricola	Cognome	Nome	Data di nascita
6554	Rossi	Mario	05/12/1978
8765	Neri	Paolo	03/11/1976
9283	Verdi	Luisa	12/11/1979
3456	Rossi	Maria	01/02/1978

Esame

Studente	Voto	Corso
3456	30	04
3456	24	02
9283	28	01
6554	26	01

Corso

Codice	Titolo	Docente
01	Analisi	Mario
02	Chimica	Bruni
04	Chimica	Verdi



Definizioni riassuntive

Schema di relazione: un **nome di relazione** R con un insieme non vuoto di **attributi** A_1, \dots, A_n ed eventualmente anche i corrispondenti domini

$$R(A_1, \dots, A_n) \quad \text{oppure} \quad R(A_1 : D_1, A_2 : D_2, \dots, A_n : D_n)$$

Schema di base di dati: insieme non vuoto di schemi di relazione con nomi diversi:

$$\mathbf{R} = \{R_1(X_1), \dots, R_n(X_n)\}$$

(Istanza di) relazione su uno schema $R(X)$: insieme r di ennuple su X

(Istanza di) base di dati su uno schema $\mathbf{R} = \{R_1(X_1), \dots, R_n(X_n)\}$: insieme di relazioni $\mathbf{r} = \{r_1, \dots, r_n\}$, con una relazione r_i sullo schema $R_i(X_i)$, per ogni $i = 1, \dots, n$



Esempio

schema di relazione

Schema di base di dati R:

{ **Studiante**(Matricola, Cognome, Nome, DataDiNascita) ,
StudianteLavoratore(Matricola) }

Istanza di base di dati sullo schema R:

Studiante

Matricola	Cognome	Nome	DataDiNascita
6554	Rossi	Mario	05/12/1978
8765	Neri	Paolo	03/11/1976
9283	Verdi	Luisa	12/11/1979
3456	Rossi	Maria	01/02/1978

Istanza di relazione o
semplicemente
relazione

StudianteLavoratore

Matricola
6554
3456



Informazione incompleta

- Il modello relazionale impone ai dati una struttura rigida:
 - l'informazione è rappresentata per mezzo di ennuple
 - le ennuple ammesse sono dettate dagli schemi di relazione
- Nella pratica, però, i dati disponibili possono non corrispondere esattamente al formato previsto, per varie ragioni

Esempio:

- di Firenze non conosciamo l'indirizzo della prefettura
- Tivoli non è provincia: non ha prefettura
- Prato è “nuova” provincia: ha la prefettura?

Prefettura

città	indirizzo
Roma	Via IV Novembre
Firenze	
Tivoli	
Prato	



Informazione incompleta: soluzioni?

Spesso si utilizzano valori ordinari del dominio (0, stringa nulla, “99”, etc) per rappresentare informazione mancante. Questo però è un errore, per vari motivi:

- potrebbero non esistere valori “non utilizzati”
- valori “non utilizzati” fino ad un certo momento potrebbero diventare significativi in seguito
- in fase di utilizzo (ad esempio, nei programmi) è necessario ogni volta tener conto del “significato” di questi valori speciali e questo richiede di mettere d’accordo diversi programmatori, cosa non semplice nella pratica



Informazione incompleta nel modello relazionale

- Nel modello relazionale, si adotta una tecnica rudimentale, ma per certi versi efficace:
 - viene introdotto il cosiddetto **valore nullo**: esso denota l'assenza di un valore del dominio (e non è un valore del dominio, anche se può comparire come valore degli attributi definiti su quel dominio)
- Formalmente, è sufficiente estendere il concetto di ennupla: $t[A]$, per ogni attributo A , è un valore del dominio $\text{dom}(A)$ oppure il valore nullo **NULL**
- Al momento di definire uno schema di basi di dati, si possono poi imporre restrizioni sulla presenza di valori nulli nei vari attributi delle relazioni



Interpretazioni del valore nullo

- (almeno) tre casi differenti
 - valore **sconosciuto**: esiste un valore del dominio, ma non è noto (nell'esempio precedente: Firenze)
 - valore **inesistente**: non esiste un valore del dominio (nell'esempio precedente: Tivoli)
 - valore **senza informazione**: non è noto se esista o meno un valore del dominio (nell'esempio precedente: Prato)
- I DBMS non distinguono i tipi di valore nullo (e quindi implicitamente adottano l'interpretazione “**senza informazione**“)



Vincoli di integrità: introduzione

Esistono istanze di basi di dati che, pur sintatticamente corrette, non rappresentano informazioni possibili per l'applicazione di interesse.

Studente

Matricola	Cognome	Nome	Nascita
276545	Rossi	Maria	23/04/1968
276545	Neri	Anna	23/04/1972
788854	Verdi	Fabio	12/02/1972

Esame

Studente	Voto	Lode	Corso
276545	28	e lode	01
276545	32		02
788854	23		03
200768	30	e lode	03

Corso

Codice	Titolo	Docente
01	Analisi	Giani
03	NULL	NULL
02	Chimica	Belli



Vincolo di integrità

Definizione di vincolo di integrità

- Un vincolo di integrità (o semplicemente vincolo) è una condizione che si esprime a livello di schema e che si intende debba essere soddisfatta da tutte le istanze della base di dati, perché individua una condizione necessaria per tutte quelle istanze della base di dati che rappresentano situazioni corrette per l'applicazione
- Ogni vincolo può essere visto come una funzione booleana (o un predicato) che associa ad ogni istanza della base di dati il valore **vero** (nel caso in cui il vincolo sia soddisfatto) o **falso** (altrimenti)
- Ad uno schema si associa un insieme di vincoli e si considerano **corrette** (diciamo anche lecite, legali, valide, ammissibili) solo le istanze che soddisfano tutti i vincoli



Vincoli di integrità: motivazioni

- risultano utili al fine di descrivere la realtà di interesse in modo più accurato di quanto le sole strutture permettano;
- forniscono un contributo verso la “qualità dei dati”
- costituiscono uno strumento di ausilio alla progettazione
- sono utilizzati dal sistema nella scelta della strategia di esecuzione delle interrogazioni

Nota:

- non tutte le proprietà di interesse sono rappresentabili per mezzo di vincoli esprimibili direttamente



Vincoli di integrità: classificazione

- **Intrarelazionali**
 - di tupla
 - di dominio
 - di chiave
 - altri (che per il momento ignoriamo)
- **Interrelazionali**
 - di integrità referenziale (anche dette di foreign key)
 - di inclusione
 - altri (che per il momento ignoriamo)



Vincoli intrarelazionali: vincoli di tupla

- Esprimono **condizioni sui valori di ciascuna tupla** di una relazione, indipendentemente dalle altre tuple
- Un vincolo di tupla su una relazione R si esprime come un'espressione booleana (con AND, OR e NOT) costruita su atomi che confrontano valori di attributi (della relazione R) o espressioni aritmetiche su di essi
- Un vincolo di tupla che coinvolge un solo attributo si dice **vincolo di dominio**

Esempio di vincolo di tupla: in una tabella relativa agli stipendi, in cui appaiano gli attributi Lordo, Ritenute e Netto, si esprimerà la seguente condizione che li lega

$$\text{Lordo} = (\text{Ritenute} + \text{Netto})$$



Esercizio 1

Sulla base di dati di studenti, corsi ed esami, esprimere

- 1.il vincolo che stabilisce che ogni valore intero che si trova nell'attributo Voto è compreso tra 18 e 30, ed
- 2.il vincolo che stabilisce che in ogni tupla di esame, nell'attributo Lode compare la stringa “e lode” solo se il corrispondente valore dell'attributo Voto è 30.



Esercizio 1: soluzione

Sulla base di dati di studenti, corsi ed esami, esprimere

1.il vincolo che stabilisce che ogni valore intero che si trova nell'attributo Voto è compreso tra 18 e 30, ed

2.il vincolo che stabilisce che in ogni tupla di esame, nell'attributo Lode compare la stringa “e lode” solo se il corrispondente valore dell'attributo Voto è 30.

Soluzioni:

1.Vincolo di dominio:

$(\text{Voto} \geq 18) \text{ AND } (\text{Voto} \leq 30)$

2.Vincolo di tupla:

$(\text{NOT } (\text{Lode} = \text{“e lode”})) \text{ OR } (\text{Voto} = 30)$



Vincoli intrarelazionali: vincoli di chiave

Matricola	Cognome	Nome	Corso	Nascita
27655	Rossi	Mario	Ing Inf	5/12/78
78763	Rossi	Mario	Ing Inf	3/11/76
65432	Neri	Piero	Ing Mecc	10/7/79
87654	Neri	Mario	Ing Inf	3/11/76
67653	Rossi	Piero	Ing Mecc	5/12/78

- il numero di matricola identifica gli studenti:
 - non ci possono essere due ennuple con lo stesso valore sull'attributo Matricola



Vincoli intrarelazionali: il concetto di chiave

Una chiave di una relazione è un insieme non vuoto di attributi che identificano univocamente le ennuple di una relazione

Più precisamente:

- Sia R uno schema di relazione sull'insieme X di attributi, sia K un sottoinsieme non vuoto di X , e sia r una istanza di R
- K è **superchiave** per r se r non contiene due ennuple distinte t_1 e t_2 tali che $t_1[K] = t_2[K]$
- K è **chiave** per r se è una superchiave minimale per r , ossia se K è una superchiave di r e se nessun sottoinsieme proprio di K è una superchiave per r



Il concetto di chiave: esempi

Matricola	Cognome	Nome	Corso	Nascita
27655	Rossi	Mario	Ing Inf	5/12/78
78763	Rossi	Mario	Ing Inf	3/11/76
65432	Neri	Piero	Ing Mecc	10/7/79
87654	Neri	Mario	Ing Inf	3/11/76
67653	Rossi	Piero	Ing Mecc	5/12/78

- **Matricola** è una chiave, infatti:
 - Matricola è superchiave
 - contiene un solo attributo e quindi è minimale
- **Cognome, Nome, Nascita** è un'altra chiave, infatti:
 - l'insieme Cognome, Nome, Nascita è superchiave
 - nessuno dei suoi sottoinsiemi è superchiave
- Cognome, Nome, Nascita, Corso è superchiave (non chiave)



Individuazione delle chiavi

Individuiamo le chiavi

- considerando le proprietà che i dati devono soddisfare nell'applicazione (il “frammento di mondo reale di interesse”)
- notando quali insiemi di attributi permettono di identificare univocamente le ennuple, in qualunque istanza della base di dati
- e individuando i sottoinsiemi minimali di tali insiemi che conservano la capacità di identificare le ennuple

Esempio:

Studenti(Matricola, Cognome, Nome, Corso, Nascita) ha una chiave:

Matricola



Vincolo di chiave

- Un **vincolo di chiave** su una relazione R è un'asserzione che specifica che un insieme non vuoto di attributi è una chiave per la relazione R .
- Ad esempio, se in una relazione $R(A,B,C,D)$ dichiaro un vincolo di chiave su $\{A,B\}$, sto asserendo che in tutte le istanze della basi di dati, non esistono due tuple della relazione R che coincidono negli attributi A e B e sto anche asserendo che nessun sottoinsieme proprio di $\{A,B\}$ è una chiave.
- Non ci sono limitazioni per il numero di vincoli di chiave che si definiscono per una relazione (a parte il limite derivante dal numero di attributi)



Esistenza delle chiavi

- poiché le relazioni sono insiemi, una relazione non può contenere ennuple uguali fra loro:
 - ne segue che ogni relazione ha come superchiave l'insieme (non vuoto) degli attributi su cui è definita
- poiché l'insieme di tutti gli attributi è una superchiave per ogni relazione, ogni schema di relazione ha almeno una superchiave
- ne segue che **ogni schema di relazione ha (almeno) una chiave**



Chiavi e valori nulli

- In presenza di valori nulli, i valori degli attributi che formano la chiave:
 - non permettono di identificare le ennuple come desiderato
 - né permettono di realizzare facilmente i riferimenti da altre relazioni

Matricola	Cognome	Nome	Corso	Nascita
NULL	NULL	Mario	Ing Inf	5/12/78
78763	Rossi	Mario	Ing Civile	3/11/76
65432	Neri	Piero	Ing Mecc	10/7/79
87654	Neri	Mario	Ing Inf	NULL
NULL	Neri	Mario	NULL	5/12/78



Chiave primaria

- La presenza di valori nulli nelle chiavi deve essere limitata
- Soluzione pratica: per ogni relazione scegliamo una chiave (la **chiave primaria**) su cui non ammettiamo valori nulli.
- Notazione per la chiave primaria: gli attributi che la compongono sono sottolineati

<u>Matricola</u>	Cognome	Nome	Corso	Nascita
27655	Rossi	Mario	Ing Inf	5/12/78
78763	Rossi	Mario	Ing Civile	3/11/76
65432	Neri	Piero	Ing Mecc	10/7/79
87654	Neri	Mario	Ing Inf	NULL
67653	Rossi	Piero	NULL	5/12/78



Vincolo di chiave primaria

- Un **vincolo di chiave primaria** è un'asserzione che specifica che un insieme di attributi formano la chiave primaria della relazione, cioè che
 - tale insieme di attributi forma una chiave per una relazione e
 - non si ammettono per tali attributi i valori nulli nella base di dati
- Un solo vincolo di chiave primaria è ammessa per una relazione.



Esercizio 2

Partita

Codice	SqCasa	SqTrasferta	GoalCasa	GoalTrasf	Schedina

Non ci sono due partite con lo stesso codice. Gli attributi **SqCasa** e **SqTrasferta** dicono chi sono le squadre che hanno giocato la partita. **GoalCasa** dice quanti goal sono stati segnati dalla squadra di casa, mentre **GoalTrasf** quanti goal sono stati segnati dalla squadra in trasferta. **Schedina** codifica il risultato della partita in termini di 1, 2 o X. I domini degli attributi sono specificati come segue:

- **Codice**, **SqCasa**, **SqTrasferta** sono stringhe
- **GoalCasa** e **GoalTrasf** sono interi
- **Schedina** è un carattere.

Quali vincoli di integrità intrarelazionali definireste su questo schema?



Esercizio 2: soluzione

Partita

Codice	SqCasa	SqTrasferta	GoalCasa	GoalTrasf	Schedina

Questi sono i vincoli di integrità intrarelazionali da definire sullo schema:

- Codice è chiave primaria della relazione Partita – **vincolo di chiave**
- SqCasa \neq SqTrasferta – **vincolo di tupla**
- GoalCasa ≥ 0 – **vincolo di dominio**
- GoalTrasf ≥ 0 – **vincolo di dominio**
- Schedina = '1' OR Schedina = '2' OR Schedina = 'X' – **vincolo di dominio**
- NOT Schedina = '1' OR (GoalCasa $>$ GoalTrasf) – **vincolo di tupla**
- NOT Schedina = '2' OR (GoalCasa $<$ GoalTrasf) – **vincolo di tupla**
- NOT Schedina = 'X' OR (GoalCasa = GoalTrasf) – **vincolo di tupla**



Vincoli interrelazionali: integrità referenziale

- Informazioni in relazioni diverse sono correlate attraverso valori comuni, in particolare, attraverso valori delle chiavi (primarie, di solito – ma non necessariamente)
- Un **vincolo di integrità referenziale** (detto anche vincolo di “**foreign key**”) fra un sequenza non vuota X di n attributi di una relazione R_1 ed una sequenza Y di n attributi che formano una chiave di una relazione R_2 impone che ogni combinazione di valori su X presenti in R_1 compaia come combinazione di valori su Y in R_2



Vincoli di integrità referenziale: esempio

Infrazioni

<u>Codice</u>	Data	Vigile	Prov	Numero
34321	1/2/95	3987	MI	39548K
53524	4/3/95	3295	TO	E39548
64521	5/4/96	3295	PR	839548
73321	5/2/98	9345	PR	839548

Vigili

<u>Matricola</u>	Cognome	Nome
3987	Rossi	Luca
3295	Neri	Piero
9345	Neri	Mario
7543	Mori	Gino



Esempio (cont.)

Infrazioni

<u>Codice</u>	Data	Vigile	Prov	Numero
34321	1/2/95	3987	MI	39548K
53524	4/3/95	3295	TO	E39548
64521	5/4/96	3295	PR	839548
73321	5/2/98	9345	PR	839548

Auto

<u>Prov</u>	<u>Numero</u>	Cognome	Nome
MI	39548K	Rossi	Mario
TO	E39548	Rossi	Mario
PR	839548	Neri	Luca



Vincoli di integrità referenziale: esempio

- Nell'esempio, i vincoli di integrità referenziale sussistono fra:
 - l'attributo **Vigile** della relazione **Infrazioni** e la relazione **Vigili** (con riferimento alla sua chiave primaria **Matricola**)
 - gli attributi **Prov** e **Numero** di **Infrazioni** e la relazione gli omonimi attributi della relazione **Auto** (con riferimento alla sua chiave primaria **Prov,Numero**)



Violazione di vincolo di integrità referenziale

Infrazioni

<u>Codice</u>	Data	Vigile	Prov	Numero
34321	1/2/95	3987	MI	39548K
53524	4/3/95	3295	TO	E39548
64521	5/4/96	2468	PR	839548
73321	5/2/98	9345	PR	839548

Vigili

<u>Matricola</u>	Cognome	Nome
3987	Rossi	Luca
3295	Neri	Piero
9345	Neri	Mario
7543	Mori	Gino



Violazione di vincolo di integrità ref. (cont.)

Infrazioni

<u>Codice</u>	Data	Vigile	Prov	Numero
34321	1/2/95	3987	MI	39548K
53524	4/3/95	3295	TO	39548K
64521	5/4/96	3295	PR	839548
73321	5/2/98	9345	PR	839548

Auto

<u>Prov</u>	<u>Numero</u>	Cognome	Nome
MI	39548K	Rossi	Mario
TO	E39548	Rossi	Mario
PR	839548	Neri	Luca



Integrità referenziale e valori nulli

Eventuali valori nulli contenuti in un attributo coinvolto in un vincolo di integrità referenziale non costituiscono una violazione del vincolo stesso

Impiegati

<u>Matricola</u>	Cognome	Progetto
34321	Rossi	IDEA
53524	Neri	XYZ
64521	Verdi	NULL
73032	Bianchi	IDEA

Progetti

<u>Codice</u>	Inizio	Durata	Costo
IDEA	01/2000	36	200
XYZ	07/2001	24	120
BOH	09/2001	24	150



Esercizio 3

Partita

<u>Codice</u>	SqCasa	SqTrasferta	GoalCasa	GoalTrasf	Schedina

Squadra

<u>Nome</u>	AnnoFondazione	Città

Quali vincoli di integrità inter-relazionali definireste su questo schema (si noti che **Nome** è la chiave primaria della relazione **Squadra**)?



Esercizio 3: soluzione

Partita

<u>Codice</u>	SqCasa	SqTrasferta	GoalCasa	GoalTrasf	Schedina

Squadra

<u>Nome</u>	AnnoFondazione	Città

Occorre definire

- 1.un vincolo di integrità referenziale tra l'attributo SqCasa e la relazione Squadra
- 2.un vincolo di integrità referenziale tra l'attributo SqTrasferta e la relazione Squadra



Vincoli interrelazionali: vincoli di inclusione

- Un **vincolo di inclusione** fra una sequenza non vuota X di n attributi di una relazione R_1 ed una sequenza Y di n attributi di una relazione R_2 impone che ogni combinazione di valori su X presenti in R_1 compaia come combinazione di valori su Y in R_2
- È immediato verificare che la nozione di vincolo inclusione è una generalizzazione della nozione di vincolo di foreign key. Infatti un vincolo di foreign key non è nient'altro che un vincolo di inclusione in cui l'insieme di attributi in Y formano una chiave per R_2



2. Il modello relazionale

2.2 Algebra relazionale

1. basi di dati relazionali
- 2. algebra relazionale**



Linguaggi per basi di dati

- Operazioni sullo schema:
DDL: data definition language
- Operazioni sui dati:
DML: data manipulation language
 - interrogazioni ("query language")
 - aggiornamenti



Linguaggi di interrogazione per basi di dati relazionali

Tipologia:

- **Dichiarativi**: specificano le proprietà del risultato ("*che cosa*")
- **Procedurali**: specificano le modalità di generazione del risultato ("*come*")

Rappresentanti più significativi:

- **Algebra relazionale**: procedurale
 - **Calcolo relazionale**: dichiarativo
 - **SQL** (Structured Query Language): parzialmente dichiarativo (linguaggio ormai standard)
 - **QBE** (Query by Example): dichiarativo
- Noi studieremo **Algebra relazionale** ed **SQL**



Algebra relazionale

Costituita da un insieme di operatori

- definiti su relazioni
- che producono relazioni
- e possono essere composti

Operatori dell'algebra relazionale:

- unione, intersezione, differenza
- ridenominazione
- selezione
- proiezione
- Join in diverse versioni: join naturale, prodotto cartesiano, theta-join



Operatori insiemistici

- a livello estensionale, le relazioni sono insiemi di tuple, e quindi è sensato definire per essi gli operatori insiemistici
- i risultati di tali operatori debbono essere a loro volta relazioni (proprietà di chiusura delle algebre)
- è possibile applicare **unione**, **intersezione**, **differenza** solo a relazioni che hanno uguali definizioni intensionali (ovvero stessi attributi)



Unione

Laureato

Matricola	Nome	Età
7274	Rossi	42
7432	Neri	54
9824	Verdi	45

Quadro

Matricola	Nome	Età
9297	Neri	33
7432	Neri	54
9824	Verdi	45

Laureato \cup Quadro

Matricola	Nome	Età
7274	Rossi	42
7432	Neri	54
9824	Verdi	45
9297	Neri	33



Intersezione

Laureato

Matricola	Nome	Età
7274	Rossi	42
7432	Neri	54
9824	Verdi	45

Quadro

Matricola	Nome	Età
9297	Neri	33
7432	Neri	54
9824	Verdi	45

Laureato \cap Quadro

Matricola	Nome	Età
7432	Neri	54
9824	Verdi	45



Differenza

Laureato

Matricola	Nome	Età
7274	Rossi	42
7432	Neri	54
9824	Verdi	45

Quadro

Matricola	Nome	Età
9297	Neri	33
7432	Neri	54
9824	Verdi	45

Laureato – Quadro

Matricola	Nome	Età
7274	Rossi	42



Un'unione sensata ma impossibile

Paternità

Padre	Figlio
Adamo	Abele
Adamo	Caino
Abramo	Isacco

Maternità

Madre	Figlio
Eva	Abele
Eva	Set
Sara	Isacco

Paternità \cup Maternità

??



Ridenominazione

- operatore monadico (con un argomento)
- "modifica lo schema" lasciando inalterata l'istanza dell'operando

Paternità

Padre	Figlio
Adamo	Abele
Adamo	Caino
Abramo	Isacco

$REN_{Genitore \leftarrow Padre}$ (Paternità)

Genitore	Figlio
Adamo	Abele
Adamo	Caino
Abramo	Isacco



Ridenominazione: sintassi e semantica

Sintassi

$\text{REN}_{A1 \leftarrow B1, A2 \leftarrow B2, \dots, An \leftarrow Bn} (\text{Operando})$

o anche

$\text{REN}_{A1, A2, \dots, An \leftarrow B1, B2, \dots, Bn} (\text{Operando})$

Semantica

La schema della relazione rappresentata da “Operando” viene modificato sostituendo al nome di attributo B1 il nome A1, al nome di attributo B2 il nome A2, ... , e al nome di attributo Bn il nome An.

Nota: non ci devono essere duplicati negli attributi risultanti dalla ridenominazione



Paternità

Padre	Figlio
Adamo	Abele
Adamo	Caino
Abramo	Isacco

REN_{Genitore ← Padre} (Paternità)

Genitore	Figlio
Adamo	Abele
Adamo	Caino
Abramo	Isacco

Maternità

Madre	Figlio
Eva	Abele
Eva	Set
Sara	Isacco

REN_{Genitore ← Madre} (Maternità)

Genitore	Figlio
Eva	Abele
Eva	Set
Sara	Isacco



$REN_{\text{Genitore} \leftarrow \text{Padre}}$ (Paternità)

Genitore	Figlio
Adamo	Abele
Adamo	Caino
Abramo	Isacco

$REN_{\text{Genitore} \leftarrow \text{Padre}}$ (Paternità)

U

$REN_{\text{Genitore} \leftarrow \text{Madre}}$ (Maternità)

$REN_{\text{Genitore} \leftarrow \text{Madre}}$ (Maternità)

Genitore	Figlio
Eva	Abele
Eva	Set
Sara	Isacco

Genitore	Figlio
Adamo	Abele
Adamo	Caino
Abramo	Isacco
Eva	Abele
Eva	Set
Sara	Isacco



Impiegati

Cognome	Ufficio	Stipendio
Rossi	Roma	55
Neri	Milano	64

Operai

Cognome	Fabbrica	Salario
Bruni	Monza	45
Verdi	Latina	55

REN Sede, Retribuzione ← Ufficio, Stipendio (**Impiegati**)

U

REN Sede, Retribuzione ← Fabbrica, Salario (**Operai**)

Cognome	Sede	Retribuzione
Rossi	Roma	55
Neri	Milano	64
Bruni	Monza	45
Verdi	Latina	55



Selezione

- operatore monadico
- produce un risultato che
 - ha lo stesso schema dell'operando
 - contiene un sottoinsieme delle ennuple dell'operando, quelle che soddisfano una condizione



Impiegato

Matricola	Cognome	Filiale	Stipendio
7309	Rossi	Roma	55
5998	Neri	Milano	64
9553	Milano	Milano	44
5698	Neri	Napoli	64

- impiegati che
 - guadagnano più di 50
 - guadagnano più di 50 e lavorano a Milano
 - hanno lo stesso nome della filiale presso cui lavorano



Selezione: sintassi e semantica

Sintassi:

$SEL_{Condizione} (Operando)$

Condizione: espressione booleana (come quelle dei vincoli di ennupla)

Semantica

la relazione risultato ha gli stessi attributi dell'operando e contiene le ennuple dell'operando che soddisfano la condizione specificata



- impiegati che guadagnano più di 50

Impiegato

Matricola	Cognome	Filiale	Stipendio
7309	Rossi	Roma	55
5998	Neri	Milano	64
5698	Neri	Napoli	64

SEL_{Stipendio > 50} (Impiegato)



- impiegati che guadagnano più di 50 e lavorano a Milano

Impiegato

Matricola	Cognome	Filiale	Stipendio
5998	Neri	Milano	64

SEL_{Stipendio > 50 AND Filiale = 'Milano'} (Impiegato)



- impiegati che hanno lo stesso nome della filiale presso cui lavorano

Impiegato

Matricola	Cognome	Filiale	Stipendio
9553	Milano	Milano	44

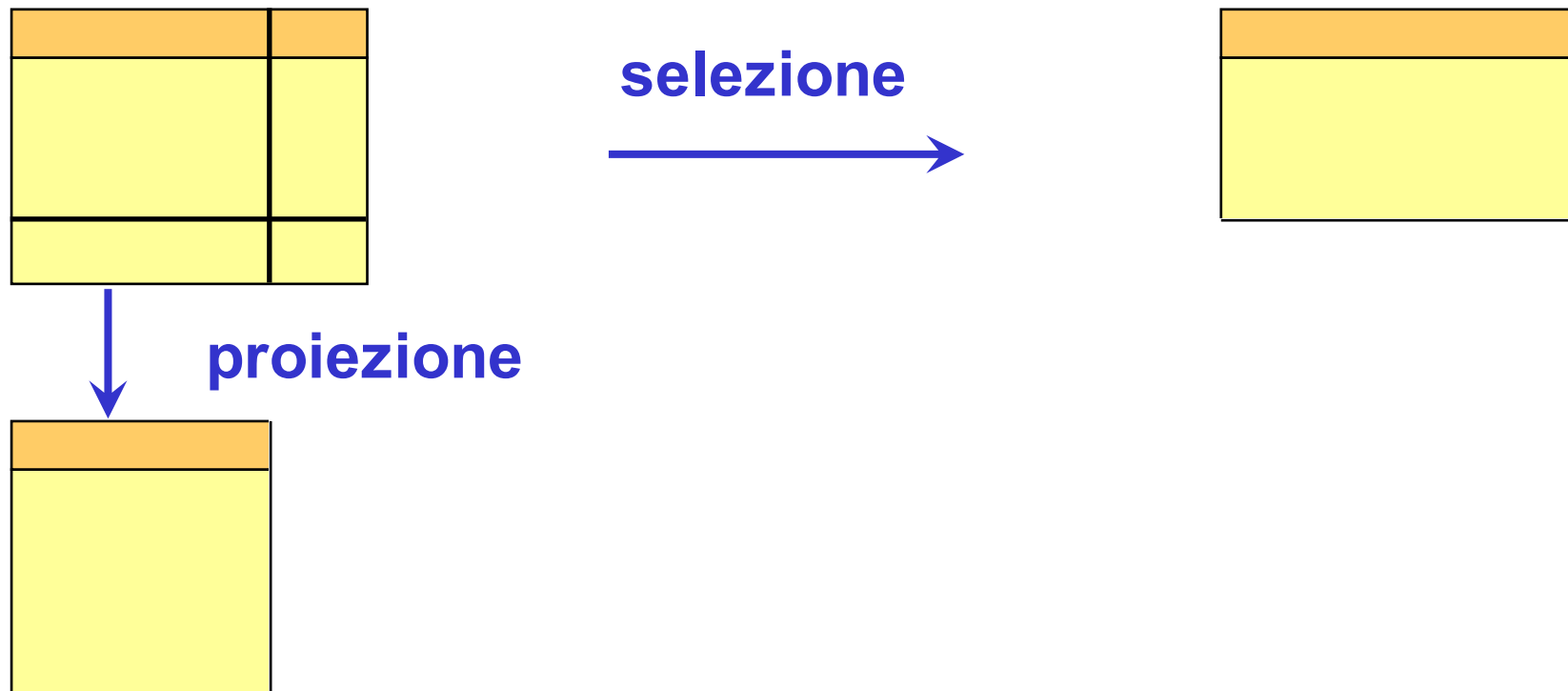
SEL $\text{Cognome} = \text{Filiale}(\text{Impiegato})$



Selezione e proiezione

Sono due operatori "ortogonali"

- **selezione:**
 - decomposizione orizzontale
- **proiezione:**
 - decomposizione verticale





Proiezione

- operatore monadico
- produce un risultato che
 - ha parte degli attributi dell'operando
 - contiene ennuple cui contribuiscono tutte le ennuple dell'operando



Impiegato

Matricola	Cognome	Filiale	Stipendio
7309	Neri	Napoli	55
5998	Neri	Milano	64
9553	Rossi	Roma	44
5698	Rossi	Roma	64

- per tutti gli impiegati:
 - matricola e cognome
 - cognome e filiale



Proiezione: sintassi e semantica

Sintassi

$\text{PROJ}_{\text{ListaAttributi}} (\text{Operando})$

Semantica

- la relazione risultato ha i soli attributi contenuti in ListaAttributi, e contiene le ennuple ottenute da tutte le ennuple dell'operando ristrette agli attributi nella lista



- matricola e cognome di tutti gli impiegati

Impiegato

Matricola	Cognome
7309	Neri
5998	Neri
9553	Rossi
5698	Rossi

PROJ Matricola, Cognome (**Impiegato**)



- cognome e filiale di tutti gli impiegati

Impiegato

Cognome	Filiale
Neri	Napoli
Neri	Milano
Rossi	Roma

PROJ Cognome, Filiale (**Impiegato**)



Cardinalità delle proiezioni

- una proiezione
 - contiene al più tante ennuple quante l'operando
 - può contenerne di meno, a causa di eliminazione di duplicati
- Nota:
se X è una superchiave di R , allora $\text{PROJ}_X(R)$ contiene esattamente tante ennuple quante R



Selezione e proiezione

- Combinando selezione e proiezione, possiamo estrarre interessanti informazioni da una relazione

Restituire matricola e cognome degli impiegati che guadagnano più di 50

Impiegato

Matricola	Cognome
7309	Rossi
5998	Neri
5698	Neri

PROJ_{Matricola,Cognome} (SEL_{Stipendio > 50} (Impiegato))



Join

- combinando selezione e proiezione, possiamo estrarre informazioni da **una** relazione
- non possiamo però correlare informazioni presenti in relazioni diverse
- il **join** è l'operatore più interessante dell'algebra relazionale
- permette di correlare dati in relazioni diverse



Corsi e linguaggi di programmazione

- Ogni docente insegna uno o più corsi
- Nei corsi si insegnano i linguaggi di programmazione

1	Basi di dati
3	Reti
1	Prog. sw
2	Prog. sw

Basi di dati	SQL
Basi di dati	Java
Prog. sw	UML
Prog. sw	Java

- Quali docenti insegnano quali linguaggi?

1	SQL
1	UML
1	Java
2	UML
2	Java



Join naturale

- operatore binario (generalizzabile secondo quanto specificato più avanti)
- produce un risultato
 - sull'unione degli attributi degli operandi
 - con ennuple costruite ciascuna a partire da una ennupla di ognuno degli operandi



Join naturale: sintassi e semantica

- Ricordiamo che se X_1 e X_2 sono due insiemi, l'espressione X_1X_2 denota la loro unione
- Siano $R_1(X_1)$, $R_2(X_2)$ due schemi di relazioni
- $R_1 \text{ JOIN } R_2$ è una relazione su X_1X_2 il cui insieme di ennuple è:

$$\{ t \text{ su } X_1X_2 \mid \begin{array}{l} \text{esistono } t_1 \in R_1 \text{ e } t_2 \in R_2 \\ \text{tali che } t[X_1] = t_1 \text{ e } t[X_2] = t_2 \end{array} \}$$



Join naturale: sintassi e semantica

- $R_1 \text{ JOIN } R_2$ è una relazione su $X_1 X_2$ il cui insieme di ennuple è:

$$\{ t \text{ su } X_1 X_2 \mid \begin{array}{l} \text{esistono } t_1 \in R_1 \text{ e } t_2 \in R_2 \\ \text{tali che } t[X_1] = t_1 \text{ e } t[X_2] = t_2 \end{array} \}$$

- Diciamo che $t_1 \in R_1$ e $t_2 \in R_2$ sono **combinabili** dal join naturale se $t_1[X_1 \cap X_2] = t_2[X_1 \cap X_2]$. Dalla definizione segue che ogni ennupla nel join tra R_1 ed R_2 proviene da due ennuple combinabili dal join. Ed in effetti $t_1 \in R_1$ e $t_2 \in R_2$ tali che $t_1[X_1 \cap X_2] = t_2[X_1 \cap X_2]$ si combinano per ottenere la ennupla t tale che $t[X_1] = t_1$ e $t[X_2] = t_2$



Join naturale: esempio

Docente	Corso
1	BD
2	PS
3	Reti
1	PS

Corso	Ling
BD	SQL
BD	Java
PS	Java
PS	UML

Docente	Corso	Ling
1	BD	SQL
1	BD	Java
1	PS	Java
1	PS	UML
2	PS	Java
2	PS	UML



Join completo

Un **join completo** è un join in cui ogni ennupla contribuisce al risultato. Questo è un esempio di join naturale completo:

Impiegato	Reparto
Rossi	A
Neri	B
Bianchi	B

Reparto	Capo
A	Mori
B	Bruni

Impiegato	Reparto	Capo
Rossi	A	Mori
Neri	B	Bruni
Bianchi	B	Bruni



Un join naturale non completo

Impiegato	Reparto
Rossi	A
Neri	B
Bianchi	B

Reparto	Capo
B	Mori
C	Bruni

Impiegato	Reparto	Capo
Neri	B	Mori
Bianchi	B	Mori



Un join vuoto

Impiegato	Reparto
Rossi	A
Neri	B
Bianchi	B

Reparto	Capo
D	Mori
C	Bruni

Impiegato	Reparto	Capo



Un join completo, con (n x m) ennuple

Impiegato	Reparto
Rossi	B
Neri	B

Reparto	Capo
B	Mori
B	Bruni

Impiegato	Reparto	Capo
Rossi	B	Mori
Rossi	B	Bruni
Neri	B	Mori
Neri	B	Bruni



Cardinalità del join naturale

- $R_1(A,B), R_2(B,C)$
- In generale, il join di R_1 e R_2 contiene un numero di ennuple compreso fra zero ed il prodotto di $|R_1|$ e $|R_2|$:
$$0 \leq |R_1 \text{ JOIN } R_2| \leq |R_1| \times |R_2|$$
- se il join coinvolge una chiave di R_2 (ovvero, B è chiave in R_2), allora il numero di ennuple è compreso fra zero e $|R_1|$:
$$0 \leq |R_1 \text{ JOIN } R_2| \leq |R_1|$$
- se il join coinvolge una chiave di R_2 (ovvero, B è chiave in R_2) ed esiste un vincolo di integrità referenziale fra B (in R_1) e R_2 , allora il numero di ennuple è pari a $|R_1|$:
$$|R_1 \text{ JOIN } R_2| = |R_1|$$



Join e proiezioni

Impiegato	Reparto
Rossi	A
Neri	B
Bianchi	B

Reparto	Capo
B	Mori
C	Bruni

Impiegato	Reparto	Capo
Neri	B	Mori
Bianchi	B	Mori

Impiegato	Reparto
Neri	B
Bianchi	B

Reparto	Capo
B	Mori



Proiezioni e join

Impiegato	Reparto	Capo
Neri	B	Mori
Bianchi	B	Bruni
Verdi	A	Bini

Impiegato	Reparto
Neri	B
Bianchi	B
Verdi	A

Reparto	Capo
B	Mori
B	Bruni
A	Bini

Impiegato	Reparto	Capo
Neri	B	Mori
Bianchi	B	Bruni
Neri	B	Bruni
Bianchi	B	Mori
Verdi	A	Bini



Join e proiezioni

- $R_1(X_1), R_2(X_2)$

$$\text{PROJ}_{X_1}(R_1 \text{ JOIN } R_2) \subseteq R_1$$

- $R(X), X = X_1 \cup X_2$

$$(\text{PROJ}_{X_1}(R)) \text{ JOIN } (\text{PROJ}_{X_2}(R)) \supseteq R$$



Prodotto cartesiano

- Ricordiamo la definizione di join naturale:

$R_1 \text{ JOIN } R_2$ è una relazione su $X_1 X_2$ il cui insieme di ennuple è:

$$\{ t \text{ su } X_1 X_2 \mid \text{esistono } t_1 \in R_1 \text{ e } t_2 \in R_2 \\ \text{ tali che } t[X_1] = t_1 \text{ e } t[X_2] = t_2 \}$$

Da essa si evince che il join naturale su relazioni senza attributi in comune si riduce al prodotto cartesiano

- In questo caso il risultato contiene sempre un numero di ennuple pari al prodotto delle cardinalità degli operandi (le ennuple sono tutte combinabili)



Impiegato

Impiegato	Reparto
Rossi	A
Neri	B
Bianchi	B

Reparto

Codice	Capo
A	Mori
B	Bruni

Impiegato JOIN Reparto

Impiegato	Reparto	Codice	Capo
Rossi	A	A	Mori
Rossi	A	B	Bruni
Neri	B	A	Mori
Neri	B	B	Bruni
Bianchi	B	A	Mori
Bianchi	B	B	Bruni



Theta-join

- Siano R_1 ed R_2 due relazioni senza attributi in comune. Il prodotto cartesiano ha senso (quasi) solo se combinato con una selezione:

$$SEL_{condizione} (R_1 \text{ JOIN } R_2)$$

- La combinazione delle due operazioni viene chiamata **theta-join**, richiede che R_1 ed R_2 non abbiano attributi in comune e viene indicata con

$$R_1 \text{ JOIN}_{condizione} R_2$$

- La condizione di selezione è spesso una congiunzione (**AND**) di atomi di confronto $A_1 \vartheta A_2$ dove ϑ (da cui deriva il nome) è uno degli operatori di confronto ($=$, $>$, $<$, ...).
- Se il solo operatore di confronto usato nella condizione ϑ è l'uguaglianza ($=$), allora si parla di **equi-join**.



Impiegato

Impiegato	Reparto
Rossi	A
Neri	B
Bianchi	B

Reparto

Codice	Capo
A	Mori
B	Bruni

Impiegato JOIN_{Reparto=Codice} Reparto

Impiegato	Reparto	Codice	Capo
Rossi	A	A	Mori
Neri	B	B	Bruni
Bianchi	B	B	Bruni



Impiegato

Impiegato	Reparto
Rossi	A
Neri	B
Bianchi	B

Reparto

Reparto	Capo
A	Mori
B	Bruni

Impiegato JOIN Reparto



Join naturale ed equi-join

Possiamo riesprimere un join naturale usando un equi-join.

Impiegato

Impiegato	Reparto
------------------	----------------

Reparto

Reparto	Capo
----------------	-------------

Join naturale: **Impiegato JOIN Reparto**

Equi-join:

Equi-join

PROJ_{Impiegato,Reparto,Capo} (**SEL**_{Reparto=Codice}
(**Impiegato JOIN REN**_{Codice ← Reparto} (**Reparti**)))

prodotto
cartesiano



Esercizio 4 (con soluzioni)

Impiegato

Matricola	Nome	Età	Stipendio
7309	Rossi	34	45
5998	Bianchi	37	38
9553	Neri	42	35
5698	Bruni	43	42
4076	Mori	45	50
8123	Lupi	46	60

Supervisione

Impiegato	Capo
7309	5698
5998	5698
9553	4076
5698	4076
4076	8123



Trovare matricola, nome, età e stipendio degli impiegati che guadagnano più di 40 milioni.

Soluzione:

SEL_{Stipendio>40}(Impiegato)

Matricola	Nome	Età	Stipendio
7309	Rossi	34	45
5698	Bruni	43	42
4076	Mori	45	50
8123	Lupi	46	60



Trovare matricola, nome ed età degli impiegati che guadagnano più di 40 milioni.



Trovare matricola, nome ed età degli impiegati che guadagnano più di 40 milioni.

Soluzione:

PROJ_{Matricola, Nome, Età} (**SEL**_{Stipendio>40}(Impiegato))

Matricola	Nome	Età
7309	Rossi	34
5698	Bruni	43
4076	Mori	45
8123	Lupi	46



Trovare le matricole dei capi di quegli impiegati che guadagnano più di 40 milioni.

Impiegato	Matricola	Nome	Età	Stipendio
------------------	------------------	-------------	------------	------------------

Supervisione	Impiegato	Capo
---------------------	------------------	-------------



Trovare le matricole dei capi degli impiegati che guadagnano più di 40 milioni.

Impiegato	Matricola	Nome	Età	Stipendio
------------------	------------------	-------------	------------	------------------

Supervisione	Impiegato	Capo
---------------------	------------------	-------------

Soluzione:

PROJ_{Capo} (
Supervisione JOIN_{Impiegato=Matricola} (SEL_{Stipendio>40}(Impiegato))
)



Trovare nome e stipendio dei capi di quegli impiegati che guadagnano più di 40 milioni.

Impiegato	Matricola	Nome	Età	Stipendio
------------------	------------------	-------------	------------	------------------

Supervisione	Impiegato	Capo
---------------------	------------------	-------------



Trovare nome e stipendio dei capi degli impiegati che guadagnano più di 40 milioni.

Impiegato	Matricola	Nome	Età	Stipendio
------------------	------------------	-------------	------------	------------------

Supervisione	Impiegato	Capo
---------------------	------------------	-------------

Soluzione:

```
PROJNome,Stipendio (  
  Impiegato JOINMatricola=Capo  
    PROJCapo(Supervisione  
      JOINImpiegato=Matricola (SELStipendio>40(Impiegato))))
```



Trovare gli impiegati che guadagnano più del proprio capo, mostrando matricola, nome e stipendio dell'impiegato e del capo.

Impiegato	Matricola	Nome	Età	Stipendio
------------------	------------------	-------------	------------	------------------

Supervisione	Impiegato	Capo
---------------------	------------------	-------------



Trovare gli impiegati che guadagnano più del proprio capo, mostrando matricola, nome e stipendio dell'impiegato e del capo.

Impiegato	Matricola	Nome	Età	Stipendio
------------------	------------------	-------------	------------	------------------

Supervisione	Impiegato	Capo
---------------------	------------------	-------------

Soluzione:

```
PROJMatr, Nome, Stip, MatrC, NomeC, StipC
  (SELStipendio > StipC
    RENMatrC, NomeC, StipC, EtàC ← Matr, Nome, Stip, Età (Impiegato)
      JOINMatrC = Capo
    (Supervisione JOINImpiegato = Matricola Impiegato)))
```



Trovare la matricola degli impiegati che **non** hanno un capo

Impiegato	Matricola	Nome	Età	Stipendio
------------------	------------------	-------------	------------	------------------

Supervisione	Impiegato	Capo
---------------------	------------------	-------------



Trovare la matricola degli impiegati che **non** hanno un capo

Impiegato

Matricola	Nome	Età	Stipendio
-----------	------	-----	-----------

Supervisione

Impiegato	Capo
-----------	------

Soluzione:

PROJ_{Matricola} (Impiegato)

—

REN_{Matricola} ← Impiegato (PROJ_{Impiegato} (Supervisione))



Trovare matricola ed età degli impiegati che **non** hanno un capo

Impiegato

Matricola	Nome	Età	Stipendio
-----------	------	-----	-----------

Supervisione

Impiegato	Capo
-----------	------



Trovare matricola ed età degli impiegati che **non** hanno un capo

Impiegato

Matricola	Nome	Età	Stipendio
-----------	------	-----	-----------

Supervisione

Impiegato	Capo
-----------	------

Soluzione:

**PROJ_{Matricola, Età}(Impiegato
JOIN**

(PROJ_{Matricola}(Impiegato)

—

REN_{Matricola} ← Impiegato(PROJ_{Impiegato}(Supervisione))))



Trovare le matricole dei capi i cui impiegati guadagnano **tutti** più di 40 milioni.

Impiegato	Matricola	Nome	Età	Stipendio
------------------	------------------	-------------	------------	------------------

Supervisione	Impiegato	Capo
---------------------	------------------	-------------



Trovare le matricole dei capi i cui impiegati guadagnano **tutti** più di 40 milioni.

Impiegato

Matricola	Nome	Età	Stipendio
-----------	------	-----	-----------

Supervisione

Impiegato	Capo
-----------	------

Soluzione:

**PROJ_{Capo}(Supervisione) -
PROJ_{Capo}(Supervisione
JOIN Impiegato=Matricola
(SEL_{Stipendio ≤ 40}(Impiegato)))**



Il valore nullo nell'algebra relazionale

Una condizione in un'espressione nell'algebra è vera **solo per valori non nulli**

Esempio sulla selezione:

Impiegato

Matricola	Cognome	Filiale	Età
7309	Rossi	Roma	32
5998	Neri	Milano	45
9553	Bruni	Milano	NULL



SEL $Età > 40$ (Impiegato)



Un risultato non desiderabile

SEL $Età > 30$ (Persone) \cup **SEL** $Età \leq 30$ (Persone) \neq Persone

Perché? Perché le selezioni vengono valutate separatamente!

Ma anche

SEL $Età > 30 \vee Età \leq 30$ (Persone) \neq Persone

Perché? Perché anche le condizioni atomiche vengono valutate separatamente!



Soluzione

- per riferirsi ai valori nulli esistono forme apposite di condizioni:

IS NULL

IS NOT NULL

- Esempio sulla selezione:

SEL $\text{Età} > 40$ (Impiegati)

la condizione atomica è vera solo per valori non nulli

- Si potrebbe usare (ma non serve) una "logica a tre valori" (vero, falso, sconosciuto)



Quindi:

$$\begin{aligned} & \text{SEL}_{\text{Età} > 30} (\text{Persone}) \cup \text{SEL}_{\text{Età} \leq 30} (\text{Persone}) \cup \\ & \quad \text{SEL}_{\text{Età IS NULL}} (\text{Persone}) \\ & \quad = \\ & \text{SEL}_{\text{Età} > 30 \vee \text{Età} \leq 30 \vee \text{Età IS NULL}} (\text{Persone}) \\ & \quad = \\ & \text{Persone} \end{aligned}$$



Impiegato

Matricola	Cognome	Filiale	Età
5998	Neri	Milano	45
9553	Bruni	Milano	NULL

SEL (Età > 40) OR (Età IS NULL) (**Impiegato**)



Join: un'osservazione

Impiegato	Reparto
Rossi	A
Neri	B
Bianchi	B

Reparto	Capo
B	Mori
C	Bruni

Impiegato	Reparto	Capo
Neri	B	Mori
Bianchi	B	Mori

Come visto prima, alcune ennuple possono non contribuire al risultato nel join: vengono "tagliate fuori"



Join esterno

- Il **join esterno** estende, con valori nulli, le ennuple che verrebbero tagliate fuori da un join (interno)
- esiste in tre versioni:
 - **sinistro**: mantiene tutte le ennuple del primo operando, estendendole con valori nulli, se necessario
 - **destro**: ... del secondo operando ...
 - **completo**: ... di entrambi gli operandi ...



Join esterno sinistro

Impiegato

Impiegato	Reparto
Rossi	A
Neri	B
Bianchi	B

Reparto

Reparto	Capo
B	Mori
C	Bruni

Impiegato JOIN_{LEFT} Reparto

Impiegato	Reparto	Capo
Neri	B	Mori
Bianchi	B	Mori
Rossi	A	NULL



Join esterno destro

Impiegato

Impiegato	Reparto
Rossi	A
Neri	B
Bianchi	B

Reparto

Reparto	Capo
B	Mori
C	Bruni

Impiegato JOIN_{RIGHT} Reparto

Impiegato	Reparto	Capo
Neri	B	Mori
Bianchi	B	Mori
NULL	C	Bruni



Join esterno completo

Impiegato

Impiegato	Reparto
Rossi	A
Neri	B
Bianchi	B

Reparto

Reparto	Capo
B	Mori
C	Bruni

Impiegato JOIN_{FULL} Reparto

Impiegato	Reparto	Capo
Neri	B	Mori
Bianchi	B	Mori
Rossi	A	NULL
NULL	C	Bruni



Equivalenza di espressioni

- Due espressioni sono **equivalenti** se producono lo stesso risultato qualunque sia l'istanza della base di dati sulla quale vengono valutate
- L'equivalenza è importante in pratica perché i DBMS cercano di eseguire espressioni equivalenti a quelle date, ma meno "costose" della espressione originaria



Un'equivalenza importante

- Effettuare le selezioni il prima possibile (**push selections**)

Esempio: se A è attributo di R_2

$$SEL_{A=10} (R_1 \text{ JOIN } R_2) = R_1 \text{ JOIN } SEL_{A=10} (R_2)$$

- Le selezioni tipicamente riducono in modo significativo la dimensione del risultato intermedio (e quindi il costo dell'operazione)