

# Sicurezza

## Argomenti trattati

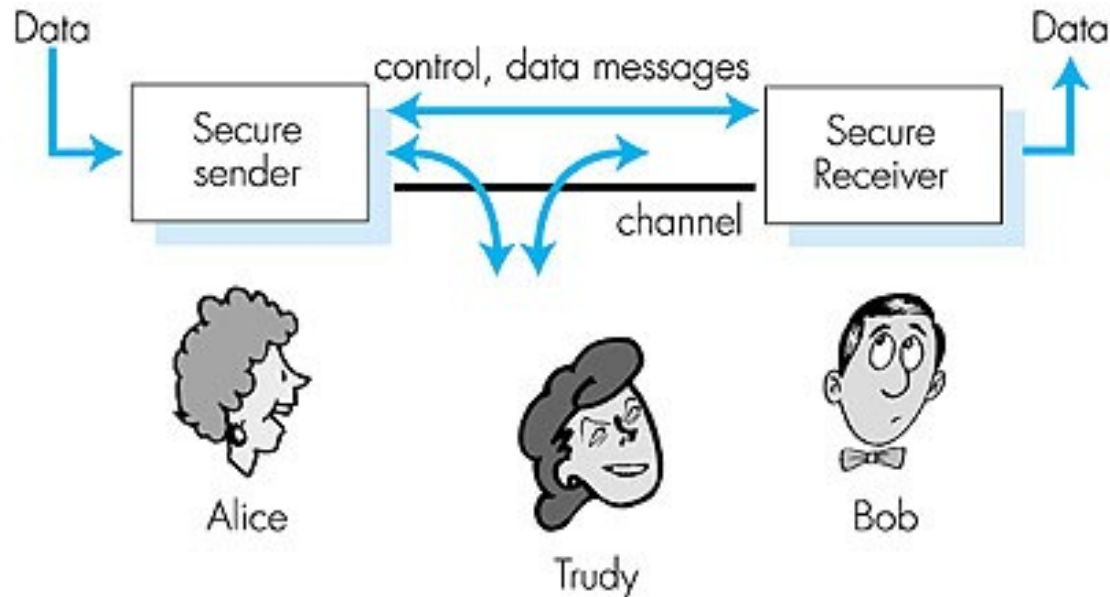
### Metodologie

- ☐ Cosa significa sicurezza?
- ☐ Crittografia
- ☐ Integrità dei messaggi e firma digitale
- ☐ Autenticazione
- ☐ Distribuzione delle chiavi e certificazione

### Sicurezza in pratica:

- ☐ Livello applicativo: e-mail sicura
- ☐ Livello di trasporto: commercio Internet, SSL....
- ☐ Strato di rete: sicurezza IP

# Amici e nemici: Alice, Bob, Trudy



- Bob e Alice (amanti?) vogliono comunicare in modo "sicuro"
- Trudy ("intruso/intrusa") può intercettare, rimuovere o aggiungere messaggi
- Trudy vuole modificare, conoscere o impedire la comunicazione

# Obiettivi

Il sistema deve soddisfare i seguenti requisiti di sicurezza

- ❑ Disponibilita'
- ❑ Riservatezza
- ❑ Integrità
- ❑ Autenticazione
- ❑ Non ripudiazione

# Requisiti di disponibilità

Rendere disponibili a ciascun utente abilitato le informazioni alle quali ha diritto di accedere, nei tempi e nei modi previsti.



*Nei sistemi informatici, i requisiti di disponibilità includono prestazioni e robustezza.*

# Requisiti di integrità

Impedire la **alterazione** diretta o indiretta delle informazioni, sia da parte di utenti e processi non autorizzati, che a seguito di eventi accidentali.



*Se i dati vengono alterati e' necessario fornire strumenti per poterlo verificare facilmente.*

# Requisiti di riservatezza

Nessun utente deve poter ottenere o dedurre dal sistema informazioni che non è autorizzato a conoscere.



*Se una informazione e' protetta, o se esiste una comunicazione in atto fra due utenti o processi in un certo contesto, non deve permettere di dedurre altre informazioni riservate.*

# Requisiti di autenticazione

Ciascun utente deve poter verificare l'autenticita' delle informazioni.



*Si richiede di poter verificare se una informazione - non necessariamente riservata - e' stata manipolata.*

# Requisiti di non ripudiazione

Nessun utente deve poter ripudiare o negare messaggi da lui spediti o firmati.



*Evitare che le informazioni e i messaggi siano negati dal firmatario in tempi successivi (es. firma di un contratto)*



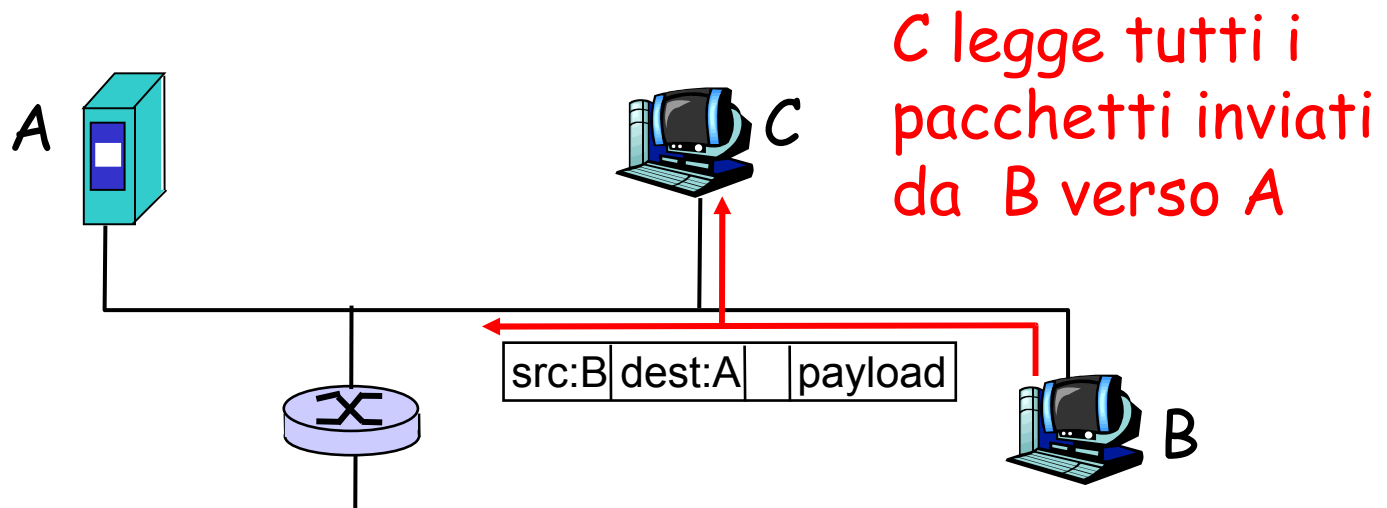
# Tipi di intruso

- **Intruso passivo:** legge il messaggio senza alterarlo (es. password)
  
- **Intruso attivo:**
  - Può alterare il messaggio
  - Può inviare messaggi falsi spacciandosi presso il ricevente per il mittente autentico

# Minacce alla sicurezza in Internet

## Packet sniffing (to sniff = "odorare"):

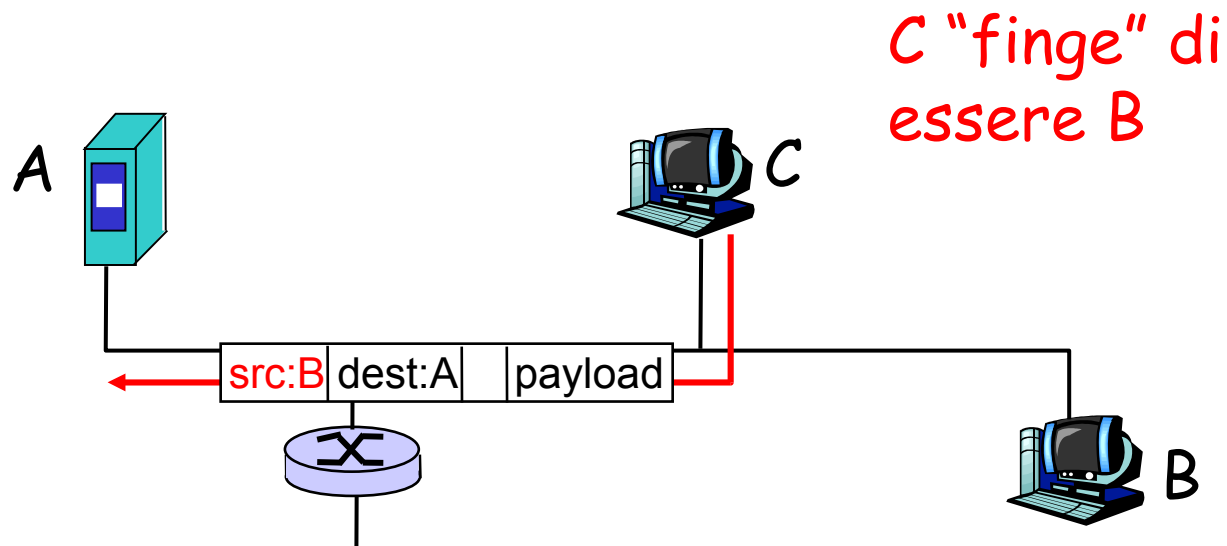
- Evidente in mezzi condivisi
- Un adattatore di rete programmato ad hoc (NIC) legge tutti i pacchetti in transito
- Tutti i dati non cifrati (es.: password) possono essere letti



# Minacce alla sicurezza (cont.)

## IP Spoofing:

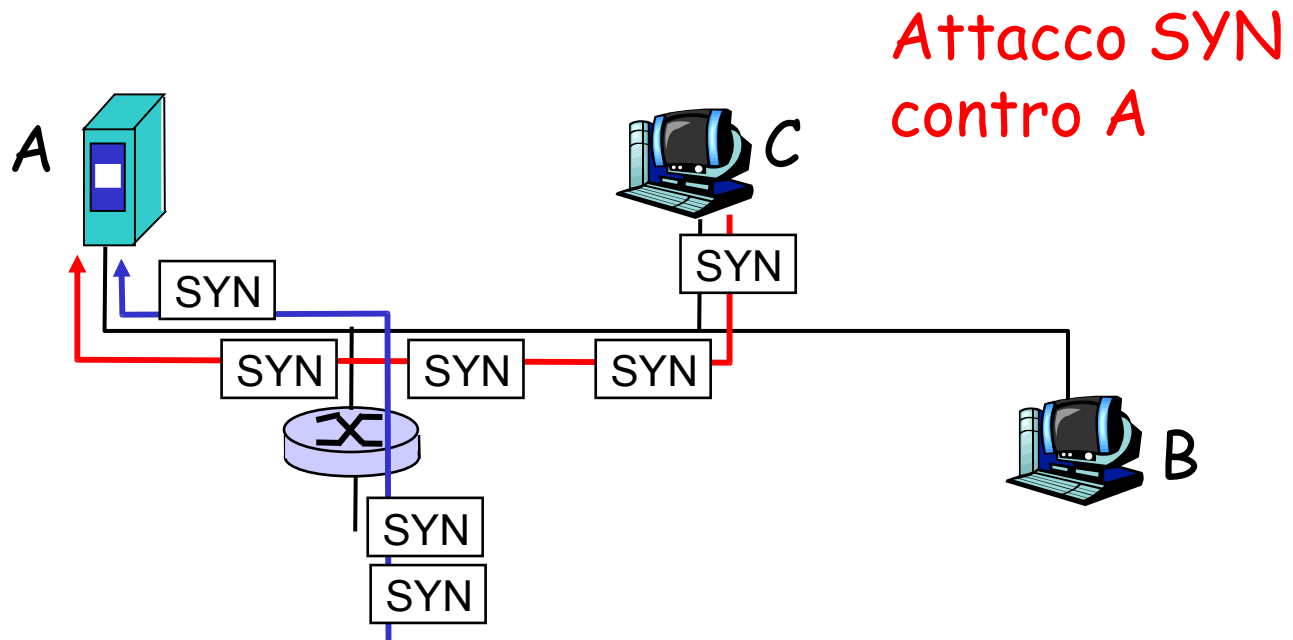
- Un host genera pacchetti IP con indirizzi di sorgente falsi
- Il ricevente non è in grado di stabilire se l'origine dei pacchetti sia quella autentica



# Minacce alla sicurezza (cont.)

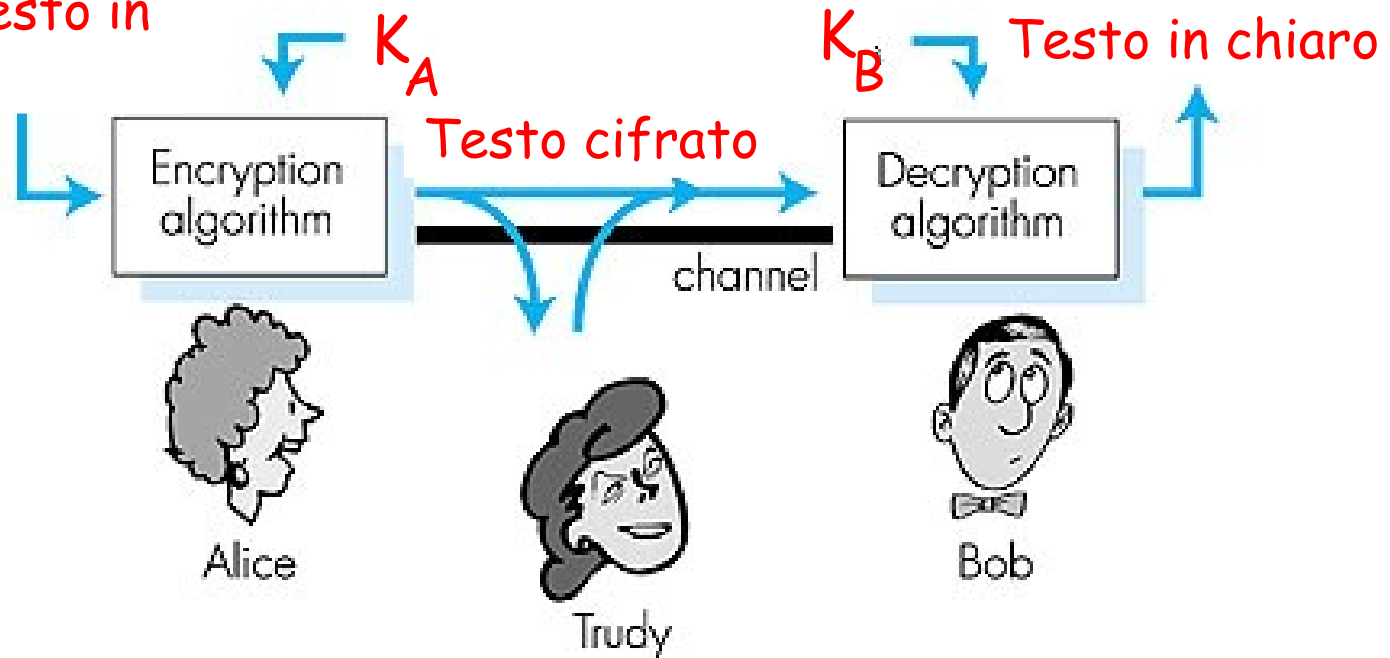
## Denial of service (DoS):

- Flusso di pacchetti "maligni" che sommerge il ricevente
- Distributed DoS (DDoS): attacco coordinato multiplo



# Crittografia: nomenclatura

Plaintext (testo in chiaro)



**Chiave segreta (o simmetrica):** chiavi del mittente e del ricevente **identiche**

**Chiave pubblica (o asimmetrica):** chiave di cifratura e , di decifratura **diverse**

# Crittografia simmetrica

Algoritmi in grado di cifrare (trasformare) il testo in modo da renderlo incomprensibile

- la codifica è funzione di una **chiave (segreta)**.
- l'operazione di **decifratura** e' relativamente semplice nel caso in cui si conosca la chiave.

**Se non si conosce la chiave**

- risulta molto laborioso ottenere informazioni - anche limitate - sul messaggio
- dedurre la chiave con cui è stato cifrato un documento anche conoscendo il testo in chiaro

# Sicurezza di un protocollo

La sicurezza in crittografia è valutata in base alle **risorse di tempo e di calcolo** necessarie per dedurre informazioni

- ❑ *ogni protocollo crittografico può essere "rotto" con sufficienti risorse di tempo e calcolo*
- ❑ *se un algoritmo può essere "rotto" usando per 30 anni un sistema di calcolo del valore di 10 miliardi di Euro allora può essere sicuro.*

La sicurezza di un algoritmo dipende dal campo di applicazione.

# Sicurezza di un protocollo

La sicurezza di un protocollo dipende **anche** dal numero di possibili chiavi:

se ci sono molte possibili chiavi allora ci vuole molto tempo (o molta fortuna) per trovare la chiave segreta:

- *20 bit (circa 1 milione di diverse chiavi) allora non e' affatto sicuro*
- *56 bit (circa 66 milioni di miliardi diverse chiavi) andava bene dieci anni fa ma oggi e' "poco" sicuro*
- *512 bit (piu' di 40000000...0000000000 - 4 seguito da 153 zeri - diverse chiavi) oggi e' sicuro; domani?*



# Sicurezza di un protocollo

## Grandi Numeri

- Colonne Enalotto  $622.614.630 = 1.15 \cdot 2^{29}$
- Secondi dalla creazione del sistema solare  $1.38 \cdot 2^{57}$
- Cicli in un secolo di una macchina a 2 GHz  $2.7 \cdot 2^{61}$
- Cicli in un secolo di 10000000 di macchine a 2 GHz  $2.7 \cdot 2^{81}$
- Numeri primi di 249 bit  $1.8 \cdot 2^{244}$
- Elettroni nell'universo  $1.8 \cdot 2^{258}$

# Sicurezza di un protocollo

La **Crittoanalisi** studia le modalità di attacco dei protocolli crittografici

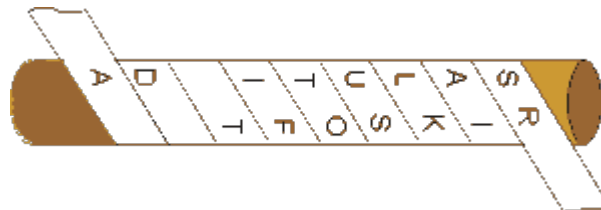
Diversi tipi di attacco basati su

- *Conoscenza di testo cifrato*
- *Conoscenza testo in chiaro e corrispondente testo cifrato*
- *Scelta di testo in chiaro e conoscenza del corrispondente testo cifrato*
- *Scelta di testo crittato e conoscenza del corrispondente testo in chiaro*

# Storia della crittografia

La crittografia è un scienza molto antica:

- **Mesopotamia:** Assiri e Babilonesi (scritture cuneiformi): usavano sostituire parti terminali delle parole
- **Bibbia:** Atbash (alfabeto rovesciato), cifratura di Babilonia nel libro di Geremia
- **India, Kama Sutra:** tra le 64 arti la 45-esima Mlecchita-vikalpa, che le donne devono conoscere
- **Plutarco, Vite parallele:** gli spartani usavano la Scytala (cilindro su cui si arrotolava la pergamena)

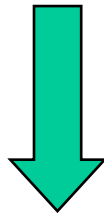


# Storia della crittografia

Nel passato algoritmi a **chiave segreta**:

**Codice di Cesare** (a sostituzione di lettere)

□ Esempio con chiave 5  
ABCDEFGHIJKLMNOPQRSTUVWXYZ



FGHILMNOPQRSTUVWXYZABCDE

# Storia della crittografia

# Sostituzione di cifra

# Cifratura monoalfabetica

testo in chiaro:   abcdefghijklmnopqrstuvwxyz

testo cifrato:    mnbvcxzasdfghjklpoiuytrewq

Esempio: testo in ch: bob. i love you. alice

testo cif.: nkn. s gktc wky. mgsbc

# Storia della crittografia

## Sostituzione di cifra

### Permutazione del testo:

- Scrivi il messaggio in blocchi di lunghezza fissa
- Riordina le lettere usando la chiave

Esempio: **Nel mezzo del cammin di nostra vita..**

Chiave: **domani**

264153	123456
nelmez	mnzlee
zodelc	ezcdlo
ammind	iadmnm

# Storia della crittografia

Proprietà sulla frequenza dei caratteri e le vicinanze rende facile rompere i codici precedenti  
(es: la sequenza "zq" non esiste, "tt" è molto probabile, conoscenza parziale testo in chiaro)

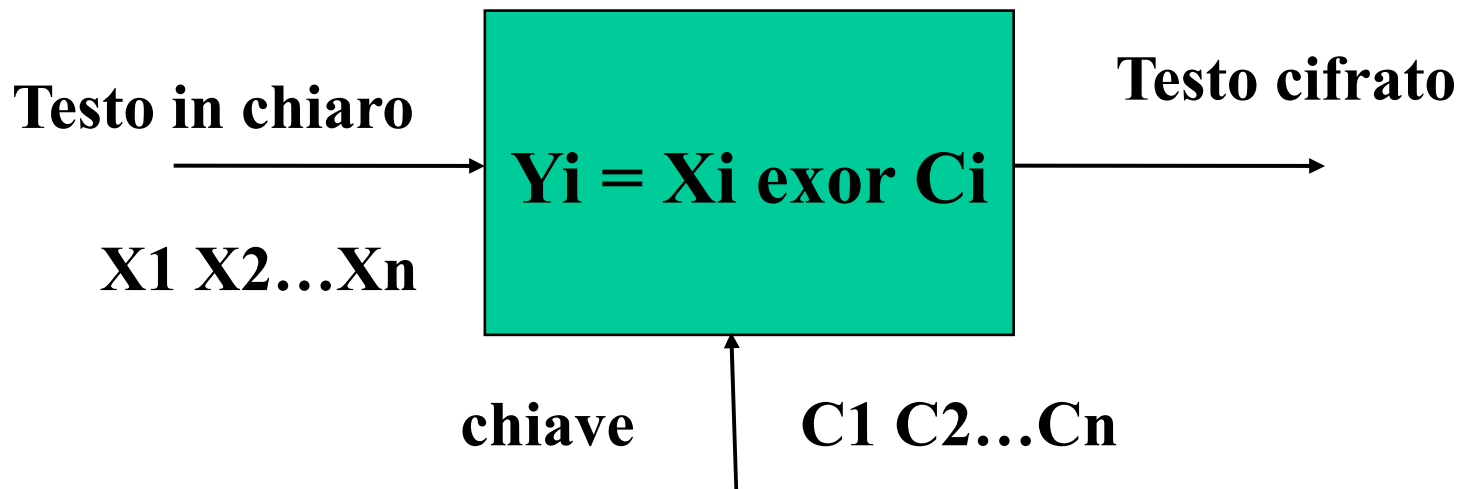


Molte altre proposte:

- Codici a sostituzione di gruppi di lettere (Porta 1563, Vigenere 1586, ...): resistono meglio ad attacchi basati sulla analisi della frequenza delle lettere nel testo, Vigenere usa sostituzioni variabili.
- Codici basati su rotori: la macchina ENIGMA (usata dalle forze dell'asse durante la seconda guerra mondiale)

# Storia della crittografia

- Un cifrario perfetto: One Time Pad
  - G.Vernam, impiegato ATT, 1917
  - La chiave è una sequenza casuale lunga come il testo



La decodifica è uguale alla codifica



# Storia della crittografia

Cifrario perfetto: poichè  $C$  e  $X$  sono indipendenti  
conoscere  $Y$  non fornisce informazioni su  $X$

$\text{Prob}(Y_i=0)=$

$$\text{Prob}(X_i=0 \mid C_i=0) + \text{Prob}(X_i=1 \mid C_i=1) =$$

$$\text{Prob}(X_i=0, C_i=0)/2 + \text{Prob}(X_i=1, C_i=1)/2 =$$

$$\text{Prob}(X_i=0)/4 + \text{Prob}(X_i=1)/4 = . . .$$

$\text{Prob}(Y_i=1)$

Problemi con one time pad:

la chiave deve essere lunga come il testo

la chiave può essere usata solo una volta

# Storia della crittografia

## Principio di Kerckhoffs':

"La sicurezza di un sistema crittografico deve dipendere solo dalla segretezza della chiave e non dalla segretezza del metodo" Jean Guillaume Hubert Victor Francois Alexandre Auguste Kerckhoffs von Nieuwenhof (1835-1903), *"La Cryptographie militaire"*, 1883.

## Quanto è complesso "rompere" un codice?:

- ❑ **forza bruta**: se il numero di chiavi e' piccolo: il codice si "rompe" facilmente con un computer
- ❑ **altri sistemi?** (attacchi basati sulla conoscenza dell'algoritmo di cifratura)

# Algoritmi di crittografia

- Gli algoritmi di crittografia possono essere classificati come
  - **simmetrici**, anche detti **a chiave segreta** (o **privata**): usano la stessa chiave per codificare e decodificare
  - **asimmetrici**, anche detti **a chiave pubblica**: usano due chiavi distinte: una per codificare e una per decodificare.
- Tutti codificano il testo a blocchi (es. 64, 128 byte)

# Data Encryption Standard: DES

DES codifica blocchi di 64 bit e usa chiavi di 56 bit; versioni successive (DES triplo) usano 2 o 3 chiavi da 56 bit (112,168 bit).

Codifica e decodifica con DES sono veloci; esistono implementazioni hardware

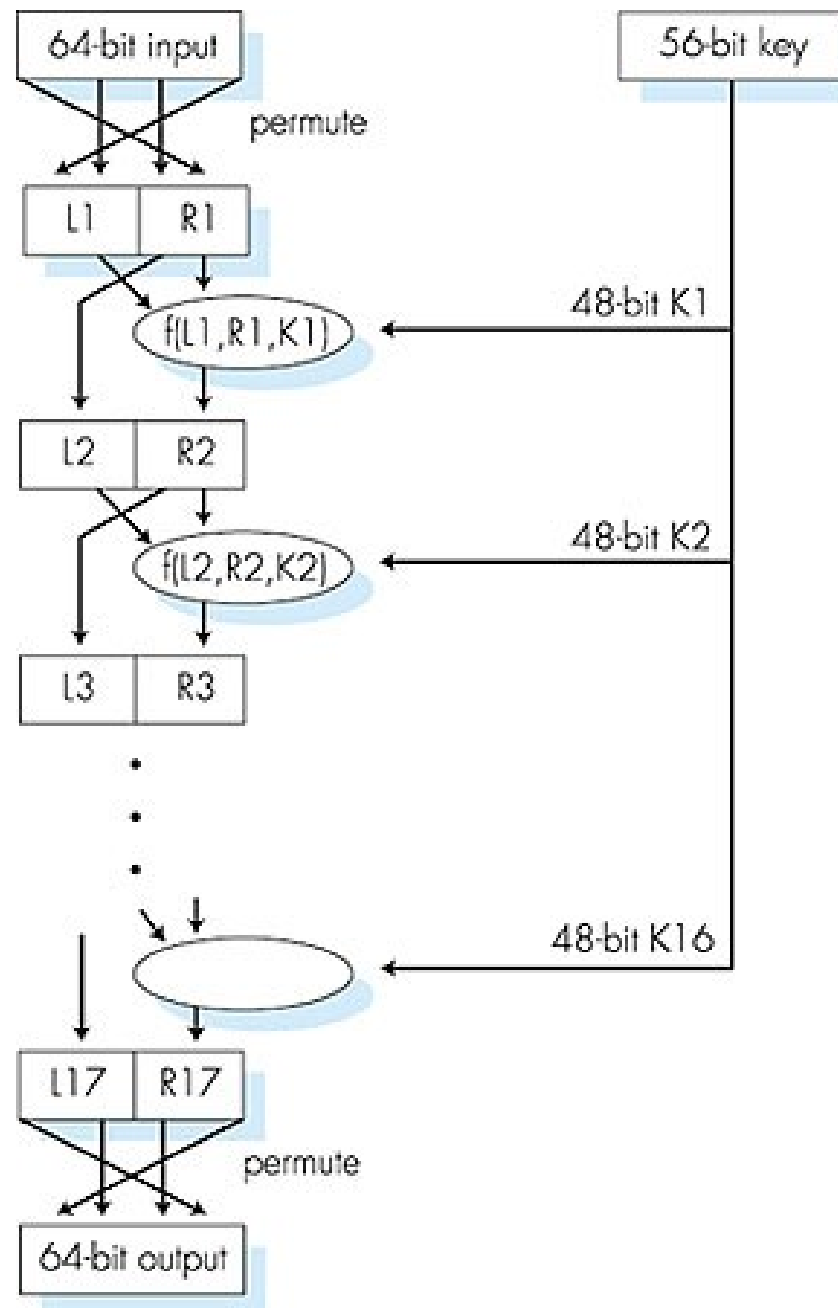
## Storia

- ❑ Maggio 1973: richiesta pubblica per standard
- ❑ 1976: Modifica di Lucifer (IBM)
- ❑ 1977: viene pubblicato lo standard
- ❑ 2001: Advanced Encryption Standard (AES)

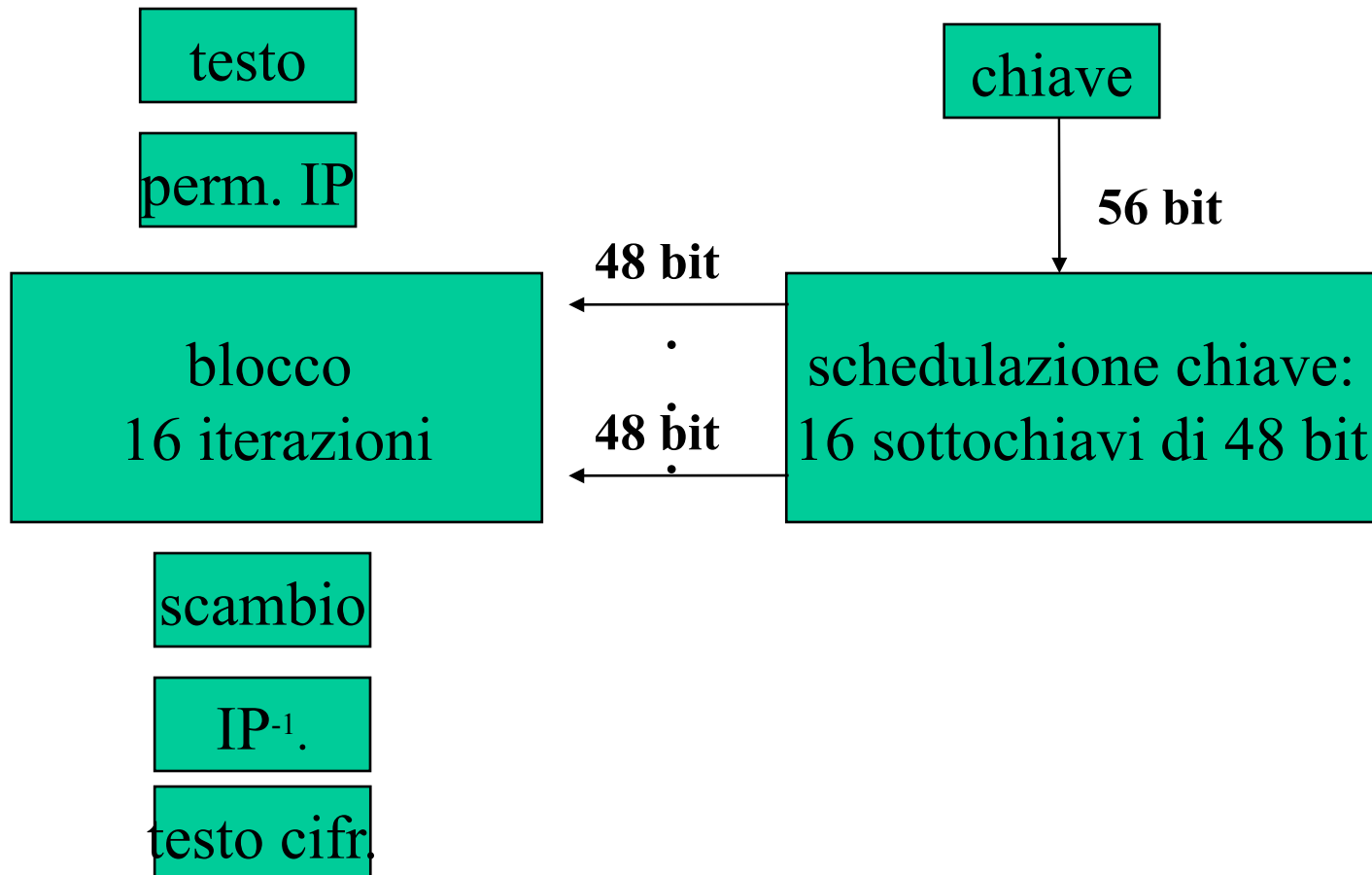
# DES

## Struttura DES

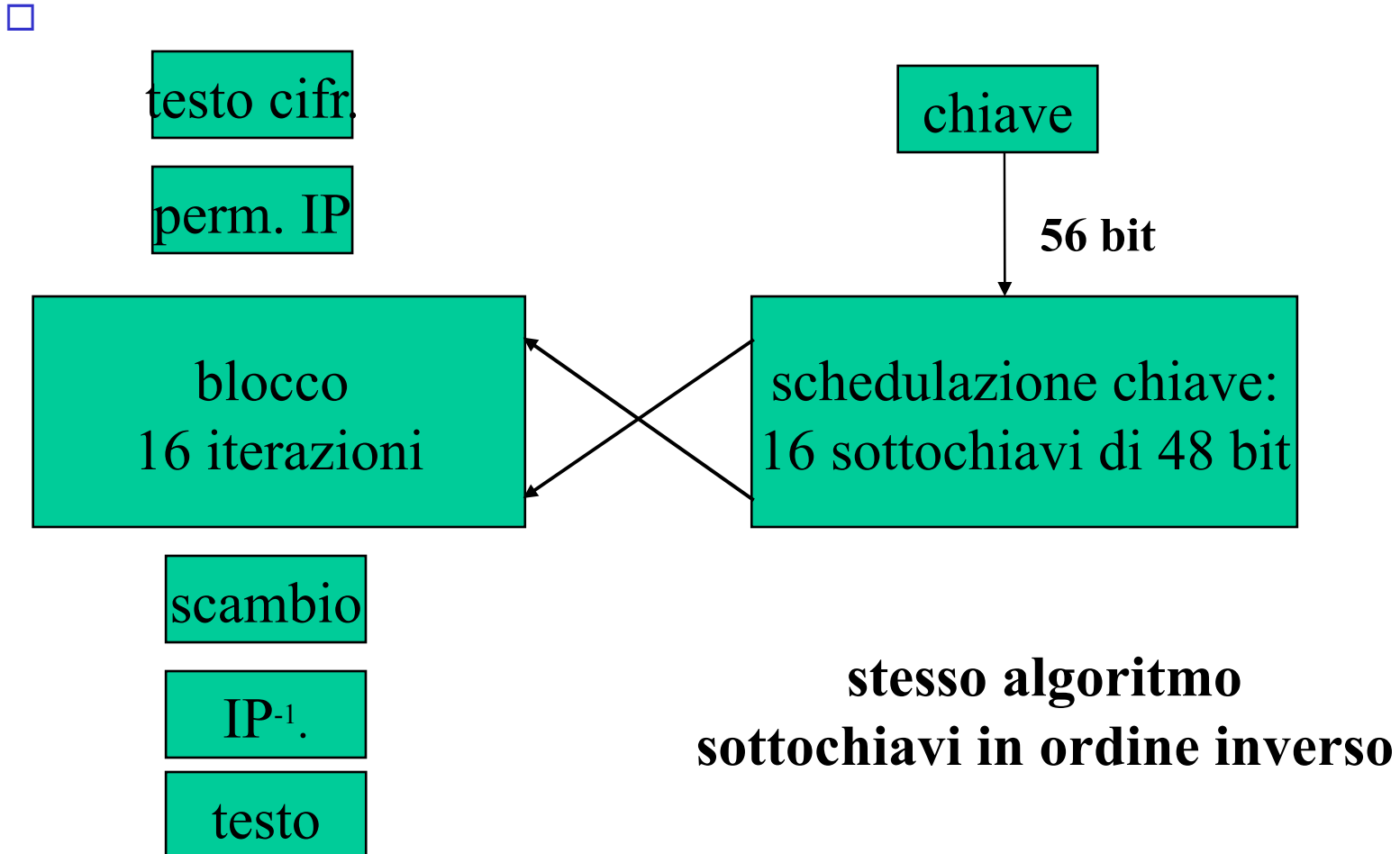
- Permutazione iniziale
- 16 "rounds" identici in ciascuno si applica una funzione basata su 48 bit della chiave (ogni volta diversi)
- Permutazione finale



# Struttura DES



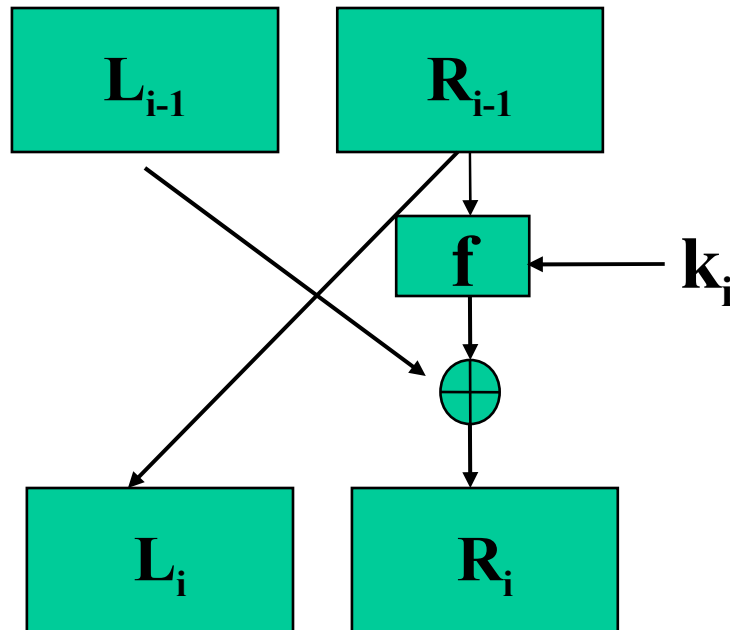
# Struttura DES/ decodifica



# Struttura DES



## Singola iterazione



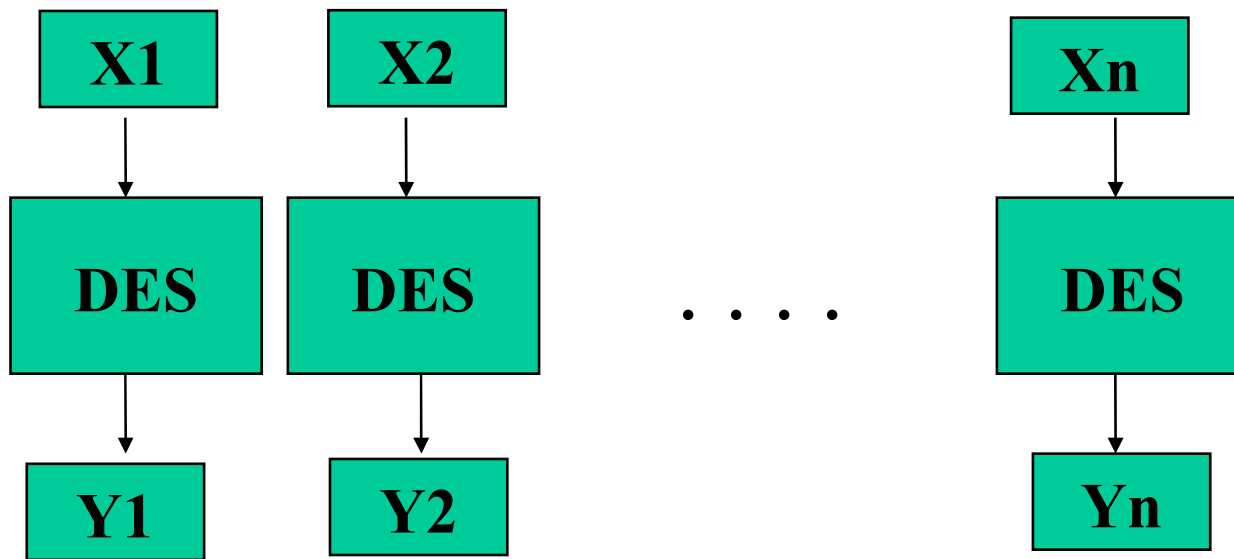
$k_i$  è sottochiave  $i$ .  
 $L_{i-1}$  e  $R_{i-1}$  (32 bit)  
sono parte sin. e  
destra di un blocco  
di 64 bit prima  
iterazione  $i$ .  
 $L_i$  e  $R_i$  dopo  
iterazione  $i$



# Codifica testi

## Electronic codebook chaining (ECB):

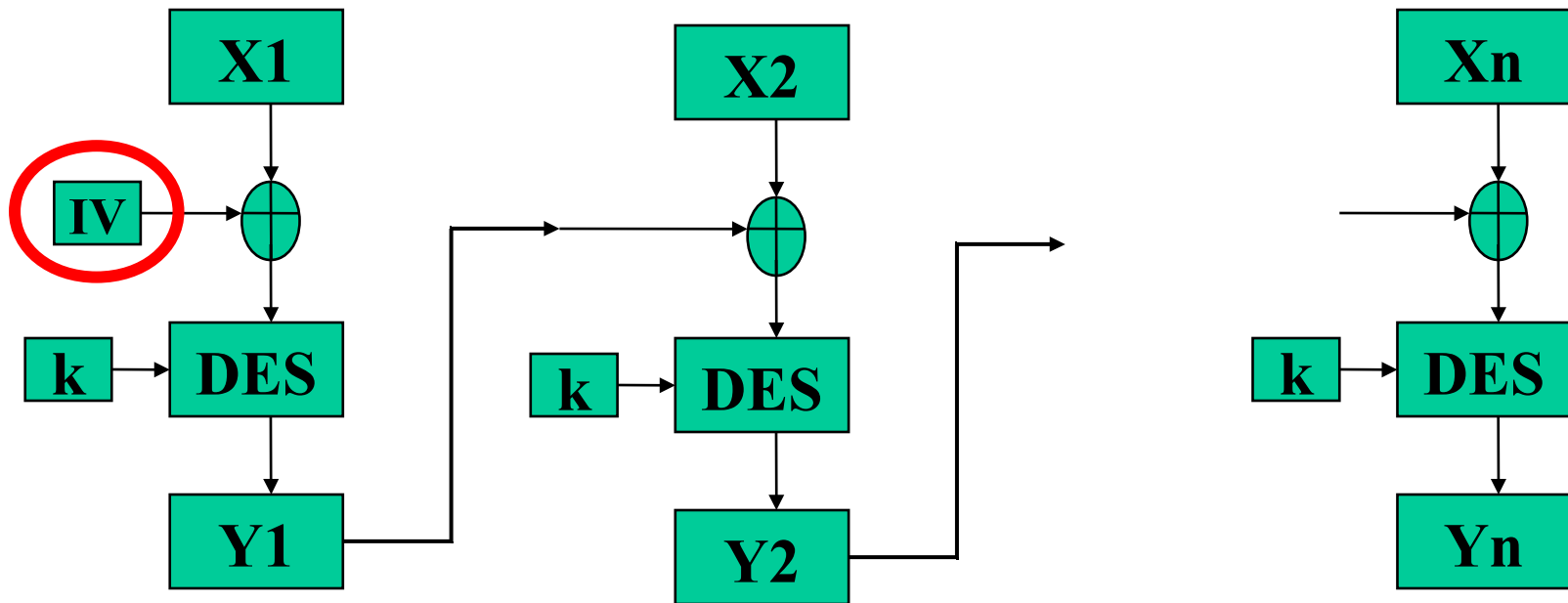
Dividi il messaggio in blocchi di 64 bit e codifica ciascun blocco con DES (padding se il testo non è multiplo di 64)



# Codifica testi

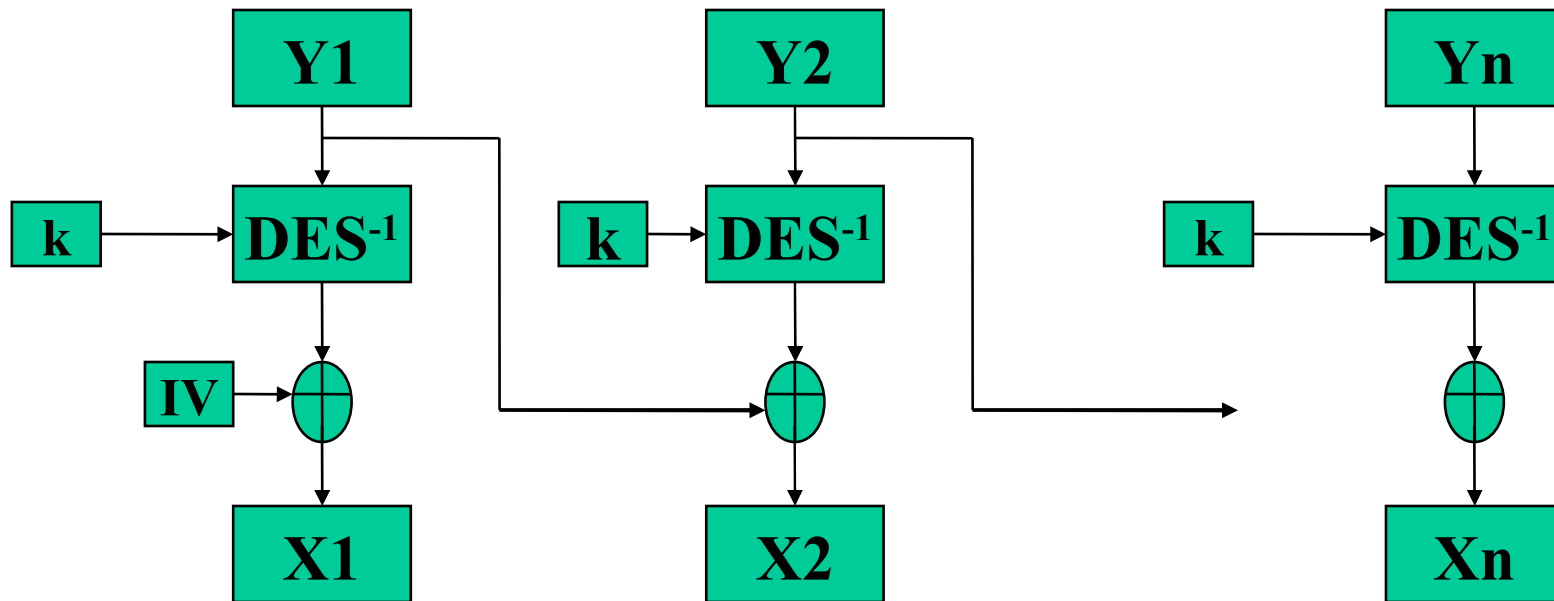
## Cipher block chaining (CBC):

Dividi testo in blocchi  $X_1, X_2, \dots, X_n$  di 64 bit  
IV è valore iniziale



# Decodifica testi

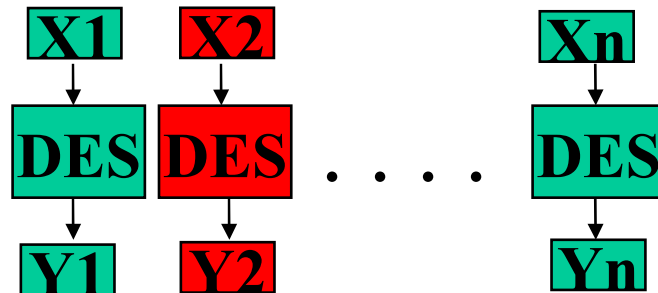
Cipher block chaining (CBC):



# Codifica blocchi

## Cipher Block Chaining vs. Electronic book Chaining

- CBC più **lento** di ECB
- in ECB non c'è **dipendenza fra i blocchi** e quindi sono possibili attacchi di sostituzione (stesso in, k  $\rightarrow$  stesso out)
- in CBC ho dipendenza fra blocchi e quindi non sono possibili attacchi per sostituzione ma ho anche **propagazione di errori**; in ECB no



# Altri algoritmi a chiave segreta

**Esistono molte altre proposte. Di solito:**

- La codifica si basa su permutazione e sostituzione di parti del testo
- Le operazioni di permutazione e sostituzione sono ripetute diverse volte con modalità diverse che dipendono dalla chiave o da parti di essa
- La lunghezza della chiave è variabile

# Advanced Encryption Standard (AES)

1997 : NIST (National Inst. of Standard and Tech., USA)

Concorso pubblico per AES : nuovo standard a blocchi per uso commerciale.

Perché nuovo standard?

- Chiave DES corta, problemi di sicurezza

# Advanced Encryption Standard

Requisiti: Cifrario a blocchi con chiavi fra 128 e 256 bit

- Resistente ai tipi di attacco noti
- Semplice, veloce e con codice compatto (implementabile su smart card)
- Senza royalties

Selezione attraverso pubblico esame ed è basata su sicurezza, efficienza implementazione (velocità e memoria richiesta)

# Advanced Encryption Standard

## SELEZIONE

- **Giugno 1998:** 15 candidati: descrizione algoritmo con analisi efficienza e robustezza rispetto ad attacchi piu' comuni
- **Agosto 1999:** dopo pubblico scrutinio scelta 5 finalisti: Mars(IBM), RC6 (RSA Lab.), Rijndael (Daemen e Rijnen), Serpent (Anderson et al.), Twofish (Schneider et al.)
- **Ottobre 2000:** RIJNDAEL è stato scelto: pubblico esame e eventuale revisione
- **2001 :** RIJNDAEL è proposto come standard AES



# Advanced Encryption Standard

**AES usa chiavi di 128, 192 o 256 bit**

128 bit: 10 (round) iterazioni

- La chiave è espansa in 10 chiavi da 128 bit ciascuna
- Ogni round cambia lo stato e poi si esegue EXOR con la chiave
- Stato: 128 bit organizzati in una matrice  $4 \times 4$  di byte

E' facile rompere AES con 1 o 2 round; ma non si sa come fare con 5 round; con 10 round è considerato impossibile!

# Algoritmi asimmetrici

## *Problemi con crittografia a chiave simmetrica*

- Richiede che mittente e ricevente abbiano la stessa chiave segreta
  - D.: come ci si accorda sulla chiave (specialmente tra computer)? Ci si incontra?
- Nella comunicazione fra  $n$  soggetti, si usano complessivamente  $O(n^2)$  chiavi
  - Bisogna fare attenzione a non usare la chiave sbagliata

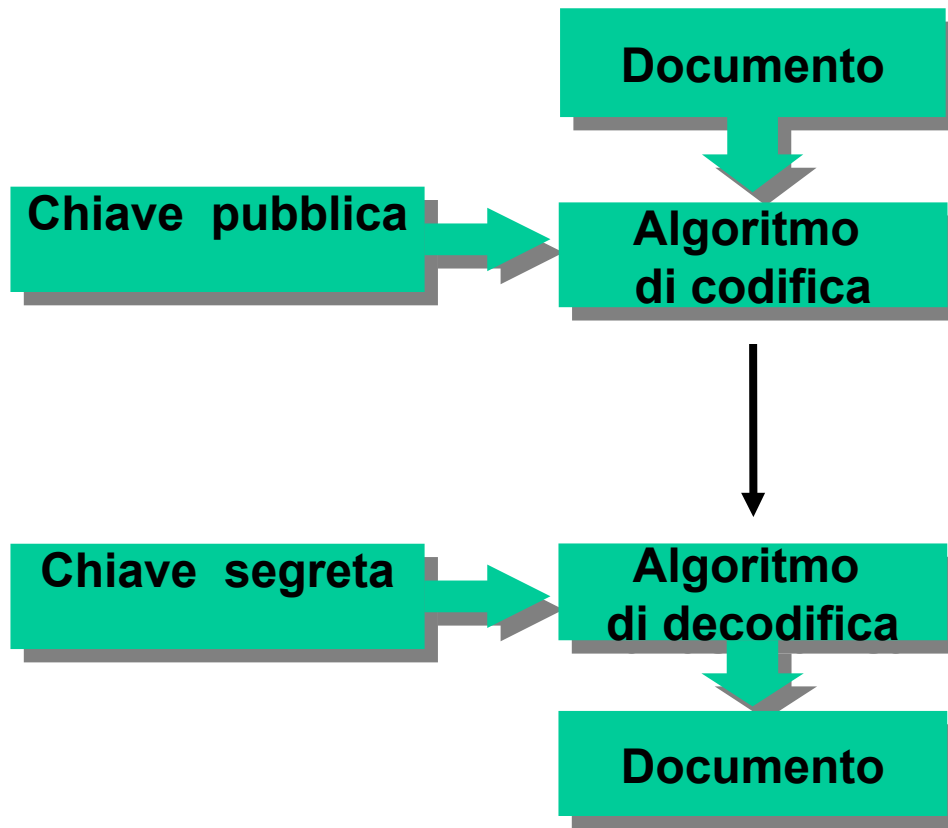
Esiste un sistema crittografico in cui non c'è bisogno di una chiave segreta?

# Algoritmi asimmetrici

Gli algoritmi **asimmetrici** utilizzano due chiavi distinte **generate insieme**:

- La **chiave pubblica** usata per codificare e puo' essere distribuita
- La **chiave privata** usata per decodificare (deve essere segreta)
  
- La stessa chiave pubblica è usata da tutti gli utenti
- Nella comunicazione fra  $n$  soggetti, un algoritmo asimmetrico usa  $2n$  chiavi.

# Algoritmi asimmetrici: codifica e decodifica



Conoscere la chiave pubblica non deve permettere di conoscere la chiave segreta

# Algoritmi asimmetrici: storia

Idea originaria crittografia chiave pubblica  
circa 1950 (non pubblicata)

Diffie- Hellman proposero un metodo (non  
sicuro)

1978: Rivest Shamir e Adleman proposero il  
metodo **RSA**, che è ancora oggi il più usato  
in pratica.

# RSA: scelta delle chiavi

1. Scegli due numeri **primi grandi**  $p$ ,  $q$ .  
(es., 1024 bit ciascuno)
2. Calcola  $n = pq$ ,  $z = (p-1)(q-1)$
3. Scegli  $e$  (con  $e < n$ ) tale che  $\text{MCD}(e, z) = 1$ ; cioè  $e$  privo di fattori comuni con  $z$ . (es.  $e=99$  e  $z=100$  non sono primi ma non hanno fattori comuni)  
 $e = \text{encryption}$
4. scegli  $d$  tale che  $ed-1$  sia esattamente divisibile per  $z$ .  
(cioè:  $ed \bmod z = 1$ )  
 $d = \text{decryption}$
5. La chiave *Pubblica* è  $(n, e)$ , quella *Privata* è  $(n, d)$ .

# RSA: cifratura, decifrazione

Dati  $(n,e)$  e  $(n,d)$  calcolati come al punto precedente, supponiamo di voler cifrare un messaggio  $m < n$

1. Per cifrare la stringa di bit corrispondente a  $m$ , calcola

$$c = m^e \bmod n \quad (\text{resto di } m^e \text{ diviso } n)$$

2. Per decifrare  $c$ , calcola

$$m = c^d \bmod n \quad (\text{resto di } c^d \text{ diviso } n)$$

Questa  
è vera!

$$m = (m^e \bmod n)^d \bmod n$$

# RSA: Esempio

Bob sceglie  $p=5$ ,  $q=7$ . Allora  $n=35$ ,  $z=24$ .

$$e=5$$

$d=29$  ( $ed-1$  esattamente divisibile per  $z$ )

Cifra:

<u>lettera</u>	<u>m</u>	<u>m<sup>e</sup></u>	<u>c = m<sup>e</sup> mod n</u>
I	12	1524832	17

Decifra:

<u>c</u>	<u>c<sup>d</sup></u>	<u>m = c<sup>d</sup> mod n</u>	<u>letter</u>
17	481968572106750915091411825223072000	12	I



# RSA: Perché funziona

Mostriamo che  $m = (m^e \bmod n)^d \bmod n$

Teorema: se  $p, q$  primi,  $n = pq$ , allora

$$x^y \bmod n = x^{y \bmod (p-1)(q-1)} \bmod n$$

$$(m^e \bmod n)^d \bmod n = m^{ed} \bmod n$$

$$m^e = x + cn$$

$$(x + cn)^d = \sum \binom{d}{k} x^{(d-k)} c^k n^k$$

$$= m^{ed \bmod (p-1)(q-1)} \bmod n$$

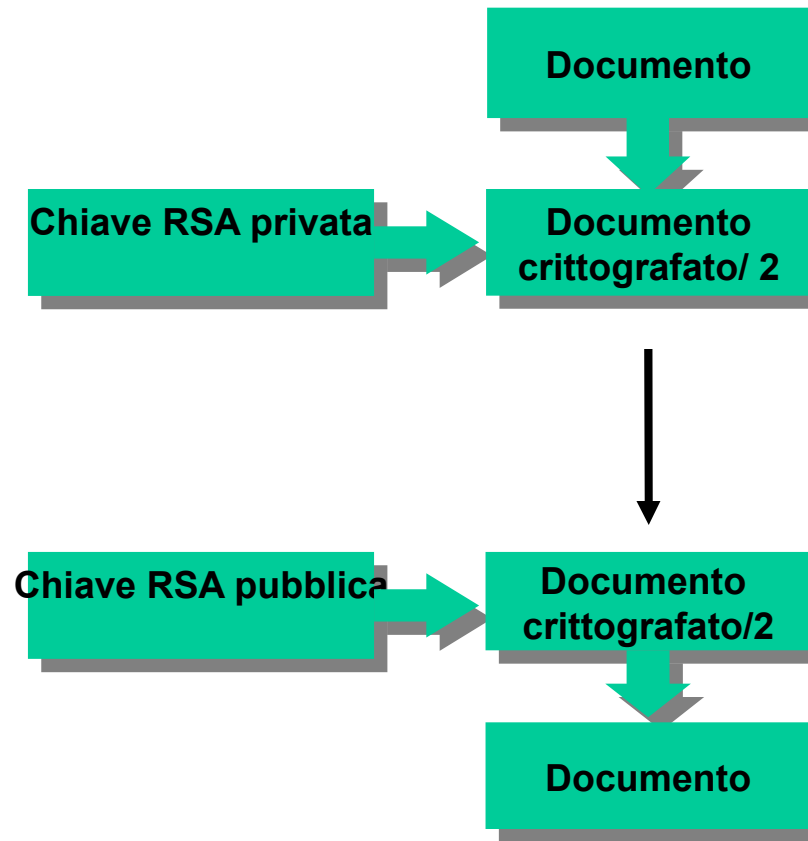
$$= m^1 \bmod n$$

$$= m$$

( $m < n$ )

(perché  $(ed)$  è  
divisibile per  
 $(p-1)(q-1)$   
con resto 1)

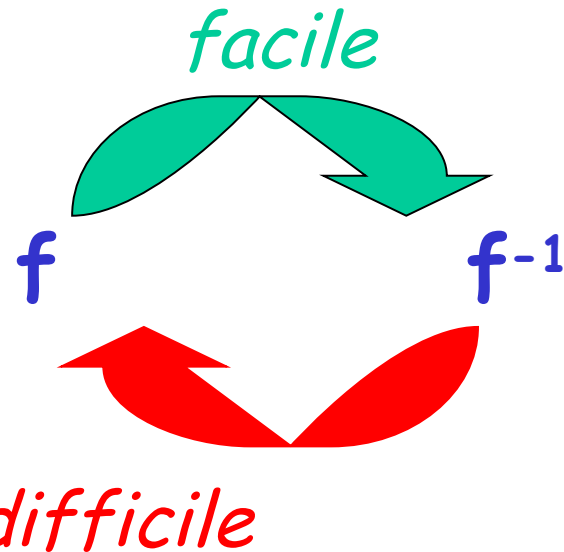
# RSA: scambio delle chiavi



# RSA: Sicurezza

Funzione one way:

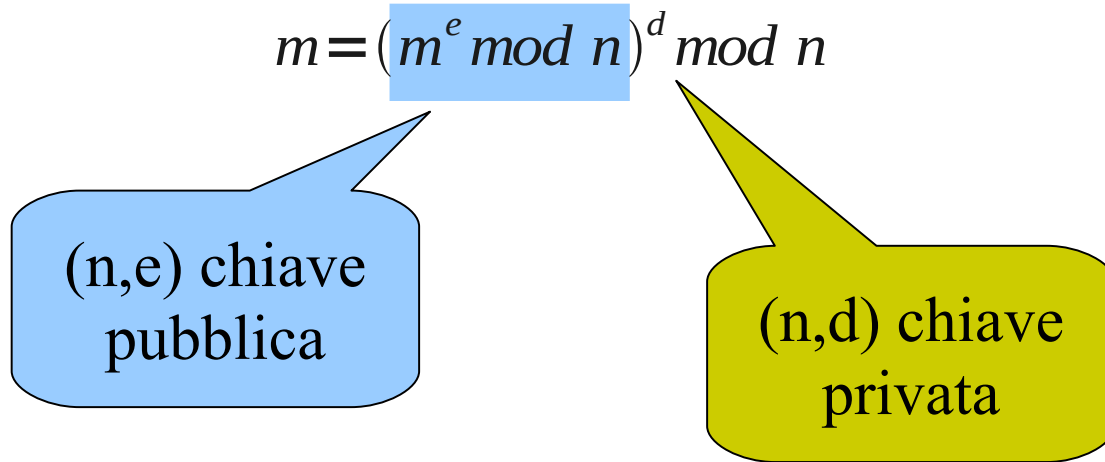
- facile da calcolare
- difficile da invertire



**Facile:** Esiste Algoritmo veloce (tempo polin.)

**Difficile:** Non esiste (o si crede che non esista) alg. polinomiale

# Recap



1. (n,e,) chiave pubblica  $\rightarrow$  (n,e) NOTI
2. se da n fosse FACILE calcolare p e q , cioè FATTORIZZARE  $\rightarrow$
3. sarebbe facile calcolare d e dunque la chiave privata ...

## RSA: Sicurezza (cont.)

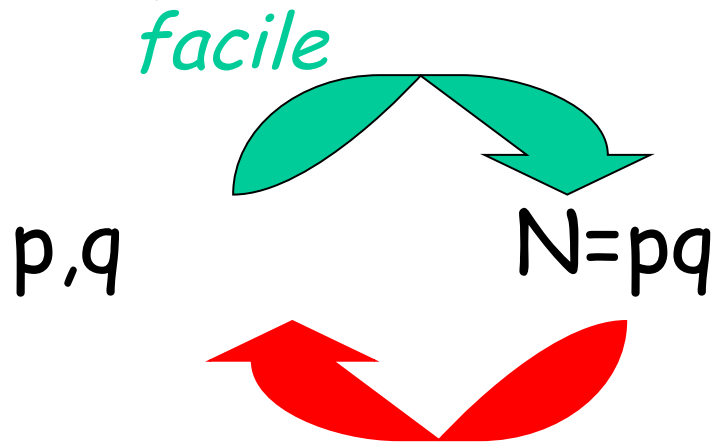
- Se l'avversario sa fattorizzare  $N = pq$  allora può conoscere la chiave segreta: Calcola  $(p-1)(q-1)$  e poi  $d = e^{-1} \bmod (p-1)(q-1)$
- Inoltre la definizione di RSA implica che se si conosce la chiave segreta allora è facile conoscere come si fattorizza  $N$

Fattorizzare  $N$  e decodificare sono problemi computazionalmente equivalenti

Non sono noti attacchi migliori che fattorizzare  $N$ :  
Es. Conoscere  $(p-1)(q-1)$  equivale a conoscere la fattorizzazione di  $N$

# RSA: Sicurezza (cont.)

Moltiplicare e fattorizzare:



Funzione one way:  
Facile da calcolare  
Difficile da invertire

Moltiplicazione facile → codifica veloce  
Fattorizzazione difficile → decodifica  
molto lunga (se non si conosce la chiave)

# RSA: Sicurezza (cont.)

Test primalità : facile  $(p,q)$

Fattorizzazione: difficile  $(N)$  (algoritmo semplice  $O(N^{1/2})$ ; algoritmi migliori sono noti ma non sono polinomiali)

Nota bene: algoritmo polinomiale nella lunghezza dell'input. La rappresentazione di  $N$  richiede  $(\log N)$  bit.

Es.:  $N$  da 1024 bit (155 cifre decim.)

$$O(N^{1/2}) = O(2^{512})$$



non è  $\log N$

Metodo forza bruta: si divide  $n$  per tutti i numeri che gli sono minori -  $O(n)$ . Metodo forza bruta migliorato: si considerano solo i numeri primi minori o uguali alla radice quadrata del numero

# Test Primalità

- $p$  è il più piccolo divisore primo di  $N$  quindi:  
 $N = pr$  con  $r > p$
- $N = pr \geq p^2 \rightarrow p \leq \sqrt{N}$

	2	3	4	5	6	7	8	9	10	Prime numbers
11	12	13	14	15	16	17	18	19	20	
21	22	23	24	25	26	27	28	29	30	
31	32	33	34	35	36	37	38	39	40	
41	42	43	44	45	46	47	48	49	50	
51	52	53	54	55	56	57	58	59	60	
61	62	63	64	65	66	67	68	69	70	
71	72	73	74	75	76	77	78	79	80	
81	82	83	84	85	86	87	88	89	90	
91	92	93	94	95	96	97	98	99	100	
101	102	103	104	105	106	107	108	109	110	
111	112	113	114	115	116	117	118	119	120	



# RSA: Sicurezza (cont.)

Esempio: Ago. 1999 RSA-155 è stato fattorizzato usando 300 elaboratori (tipo Pentium 2,ws Sun-400 MHz) in 7,4 mesi

- I numeri più difficili da fattorizzare sono quelli  $n = pq$ , dove  $p$  e  $q$  hanno la stessa lunghezza
- Per essere tranquilli
  - 768 bit (230 digit) uso personale
  - 1024 bit per aziende
  - 2048 per chiavi importanti

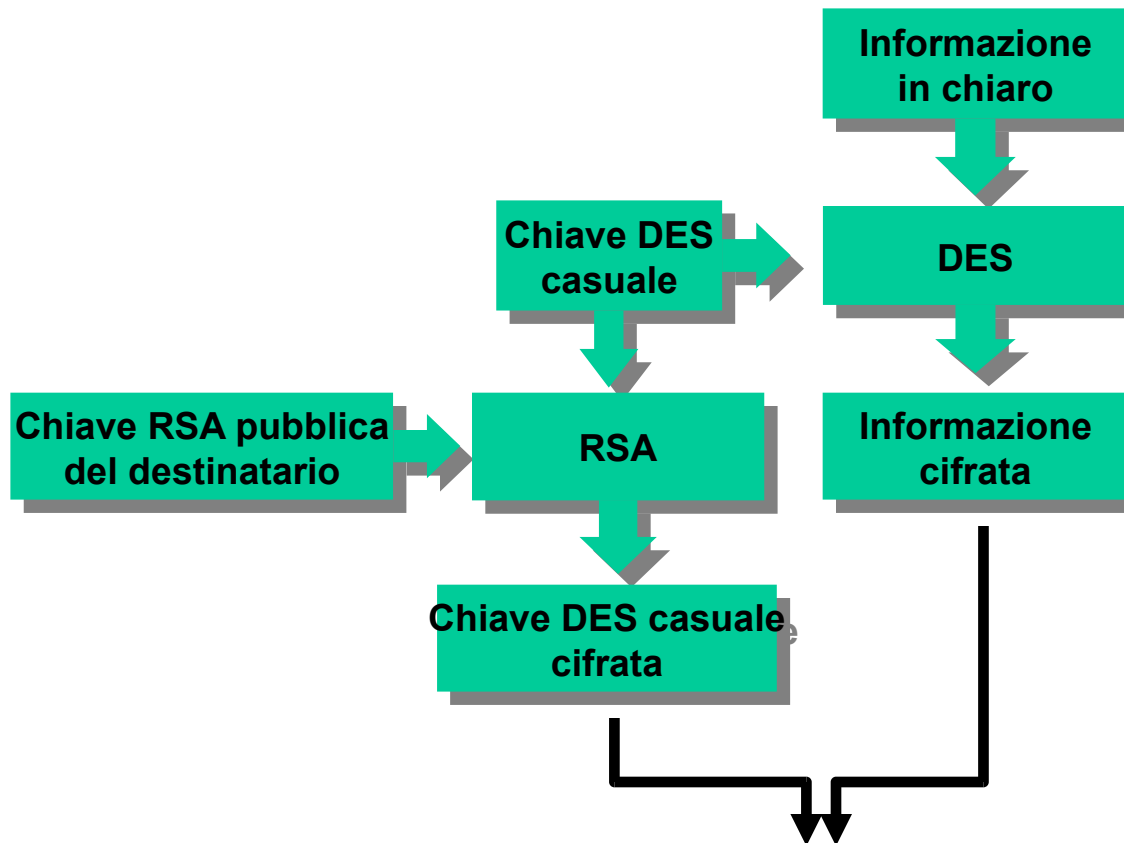
# RSA: utilizzo in pratica

Per molte applicazioni RSA e' lento:  
si può usare RSA con DES (o con altro metodo a chiave segreta)

Esempio: A invia un messaggio M a B

- A genera una chiave C, cifra C con RSA e M con DES (con chiave C)
- A invia il documento cifrato con DES e la chiave cifrata con RSA a B
- B usa la sua chiave privata RSA per conoscere la chiave C e poi usa DES per ottenere il messaggio.

# RSA: utilizzo in pratica (cont.)



# RSA: utilizzo in pratica (cont.)

