23/02/2010

Geometria 3 – Corso di laurea in Matematica

Nome:	Cognome:	Matricola:
l'esercizio stesso (gli eser	i singolo esercizio deve essere riporcizi svolti in altri fogli non verrant nome e cognome hanno valore null	no presi in considerazione).
Esercizio 1 Dimostrare o connessa.	che, per ogni $n \geq 1$, la sfera S^n è una	a varietà topologica compatta e
Risposta:		

Esercizio	2	Sia	\mathcal{B}	la	${\rm famiglia}$	di	tutti	i	rettangoli	semi	aperti	superiormente	di	\mathbb{R}^2 ,	cioè	della
forma																

$$\{(x,y)|\ a \le x < b,\ c \le y < d,\ a,b,c,d \in \mathbb{R}\}.$$

Si dimostri che:

- 1. \mathcal{B} è una base per una topologia \mathcal{T} su \mathbb{R}^2 ;
- 2. la topologia indotta da \mathcal{T} sulle retta $S = \{x + y = 0\}$ è la topologia discreta su S;
- 3. la topologia indotta da \mathcal{T} sulla retta $S^{'}=\{x-y=0\}$ non è la topologia discreta su \mathbb{R} .

Lisposta:	