18/01/2008

Geometria 2– Corso di laurea in Matematica

Nome:	Cognome:	Matricola:	
N.B.1 La risposta ad ogni singolo esercizio deve essere riportata nello spazio sottostante l'esercizio stesso (gli esercizi svolti in altri fogli non verranno presi in considerazione). N.B.2 Gli esercizi senza nome e cognome hanno valore nullo. N.B.3 Per poter accedere alla prova orale è necessario aver risolto agli Esercizi A,B,C e ad almeno 3 esercizi sui 6 proposti.			
Esercizio A Definire il co Risposta:	oncetto di prodotto scalare e scriv	rere un esempio.	
Esercizio B Sia $A, B \in G$ Risposta:	$GL_n(\mathbb{R})$. Scrivere l'inversa di AB	in funzione delle inverse di A e B .	
Esercizio C Definire il con Risposta:	ncetto di endomorfismo autoaggiu:	nto e enunciare il teorema spettrale.	

Esercizio 1

Dire se la matrice $A=\begin{pmatrix}0&4\\3&0\end{pmatrix}$ è invertibile. In caso affermativo calcolarne l'inversa . Scrivere inoltre A come prodotto di matrici elementari.

Risposta:

Esercizio 2

Sia $T:\mathbb{R}^2 \to \mathbb{R}^2$ l'applicazione lineare rappresentata rispetto alle basi canoniche dalla matrice

$$A = \left(\begin{array}{cc} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{array}\right).$$

 $\mathcal{C}_1 = \left\{ \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \end{pmatrix} \right\}.$ e Trovare la matrice $\boldsymbol{A}^{'}$ che rappresenta Trispetto alle basi

$$C_2 = \left\{ \left(\begin{array}{c} 1 \\ 0 \end{array} \right), \left(\begin{array}{c} 3 \\ 1 \end{array} \right) \right\}.$$

Esercizio 3

Dopo aver verificato che $C = \left\{ \begin{pmatrix} -1 \\ 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 1 \\ 3 \end{pmatrix} \right\}$ è una base di \mathbb{R}^2 , si scriva il prodotto scalare associato a tale base, ossia il prodotto scalare rispetto al quale la base C è ortonormale. **Risposta:**

Esercizio 4

Trovare le bisettrici delle rette $r:2x+y-1=0,\,s:x-2y+1=0$

Risposta:

Esercizio 5
Scrivere delle equazioni cartesiane per la circonferenza Σ passante per i punti $(0,0,0),(1,2,1)(0,0,1)$.
Risposta:

Esercizio 6

Trovare un'equazione cartesiana del piano tangente alla sfera $S: x^2 + y^2 + z^2 + 2x - 2 = 0$ nel punto $P_0(\sqrt{3} - 1, 0, 0)$.

Risposta: