



Universidad Nacional de Río Negro

Int. Partículas, Astrofísica & Cosmología - 2016

- **Unidad** 01 – Relatividad
- **Clase** U01 CO3
- **Fecha** 28 Ago 2019
- **Cont** Dinámica relativista
- **Cátedra** Asorey
- **Web** <https://gitlab.com/asoreyh/unrn-ipac/>





Einstein postula

- **El principio de la relatividad:**

Las leyes que gobiernan los cambios en los estados de los sistemas físicos son iguales para todos los observadores inerciales

- **El principio de la invarianza de la velocidad de la luz**

La luz se propaga en el vacío siempre con la misma velocidad, sin importar la velocidad de la fuente emisora de luz

... y paso a la historia

Cambio de paradigma 2

- La luz también se mueve en el espacio, entonces:

$$\vec{c} = \frac{\Delta \vec{r}}{\Delta t} \text{ y } \vec{c}' = \frac{\Delta \vec{r}'}{\Delta t}$$

- Pero por el segundo postulado

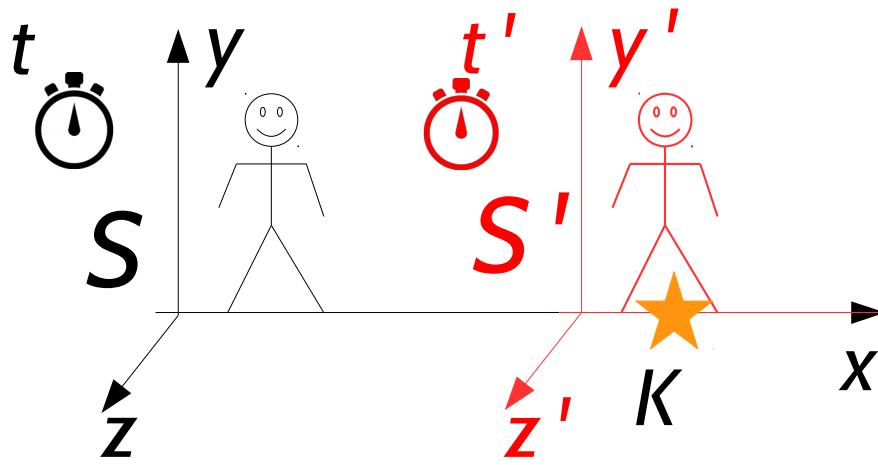
$$\vec{c} = \vec{c}' \rightarrow \frac{\Delta \vec{r}}{\Delta t} = \frac{\Delta \vec{r}'}{\Delta t}$$

- Pero los desplazamientos “no deberían” ser iguales, ya que un sistema se mueve respecto al otro...
- ... o los intervalos temporales... (!!)

Transformaciones de Lorentz

- Las ecuaciones que transforman dos marcos de referencia, y que verifican ambos postulados, son

Recordar que estas transformaciones son válidas para un sistema S' que se mueve con velocidad v en la dirección x , entonces $K=(t,x,y,z)$ y $K'=(t',x',y,z)$, ya que $z'=z$ e $y'=y$



$$t' = \gamma \left(t - \frac{v}{c^2} x \right)$$

$$x' = \gamma \left(x - vt \right)$$

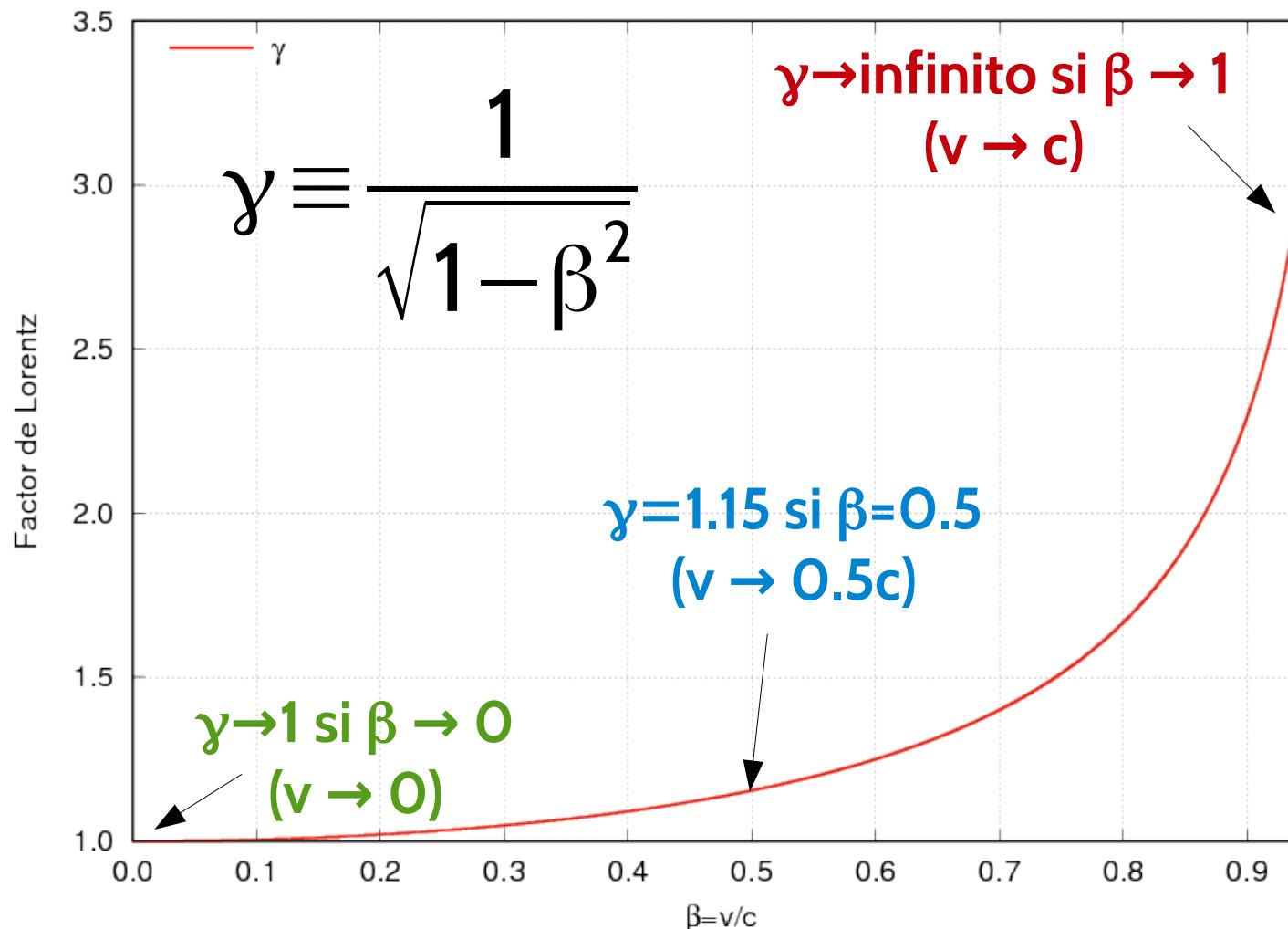
$$y' = y$$

$$z' = z$$

$$\gamma \equiv \frac{1}{\sqrt{1-\beta^2}} \quad \beta \equiv \frac{v}{c}$$

Factor de Lorentz

- Estudiemos la función gamma, ecuación (10)



La velocidad de la luz es constante

- Casos límites.
- Sea $v \rightarrow 0$ (objeto lento) \Rightarrow

$$u' = \frac{u - v}{1 - \frac{uv}{c^2}}$$

$\Rightarrow u' = u - v$
Galileo si $v \rightarrow 0$
($u \ll c$)

- Sea $u = c$ (luz) \Rightarrow

Si $u \ll c \rightarrow u' = u - v$
¡Recupero Galileo! :-)

$$u' = \frac{c - v}{1 - \frac{cv}{c^2}} = c \frac{(1 - v/c)}{(1 - v/c)}$$

$$\Rightarrow u' = c$$

segundo principio!

Si $u = c \rightarrow u' = c$
¡Segundo postulado! :-)

Dilatación temporal y Contracción espacial

- El **lapso de tiempo entre dos eventos no es invariante de un observador a otro en distintos marcos de referencia**

$$\Delta t' = \gamma \Delta t \text{ para eventos } \Delta x = 0$$

- La **distancia espacial entre dos eventos no es invariante de un observador a otro en distintos marcos de referencia**

$$\Delta x' = \frac{\Delta x}{\gamma} \text{ para eventos } \Delta t' = 0$$



Intervalo invariante

- La velocidad de la luz es invariante, entonces:

$$c = \frac{dr}{dt} = \frac{dr'}{dt'} \text{ con } r = \sqrt{x^2 + y^2 + z^2} \text{ y } r' = \sqrt{x'^2 + y'^2 + z'^2}$$

- Luego, para un fotón: $c \Delta t = \Delta r \rightarrow c^2 (\Delta t)^2 = (\Delta r)^2$

Convención
(+,-,-,-)

$$s^2 = c^2 (\Delta t)^2 - (\Delta x)^2 - (\Delta y)^2 - (\Delta z)^2$$
$$s'^2 = c^2 (\Delta t')^2 - (\Delta x')^2 - (\Delta y')^2 - (\Delta z')^2$$

- La invariancia de la velocidad de la luz implica (**probarlo**):

$$c = c' \Leftrightarrow s^2 = s'^2$$



Tiempo propio

- Dado que cada marco de referencia tiene su propio tiempo, **podemos definir un marco de referencia adherido a un objeto en movimiento.**
- **El tiempo de ese marco es el tiempo que “percibe” un observador que se mueve junto con el objeto.**
Llamaremos a este marco “**comóvil**”.
- El tiempo del marco comóvil es el tiempo propio: es independiente de las coordenadas.

$$ds^2 = c^2 dt^2 - dr^2 = ds'^2 = c d\tau^2 \quad \text{Tiempo propio}$$

$$\Rightarrow c^2 dt^2 - dr^2 = c^2 d\tau^2 \quad dt = \gamma d\tau$$



Hasta aquí...

- Los postulados de Einstein implican cambios profundos en la concepción de la Naturaleza.
 - Estos afectan nuestra percepción de distancia y lapso temporal, de espacio y tiempo.
- Las transformaciones de Lorentz indican como transforman las leyes de la física entre dos marcos de referencia inerciales.
 - Son las transformaciones válidas entre marcos de referencia.
- La mecánica Newtoniana es una aproximación válida para velocidades bajas respecto a la velocidad de la luz.
 - ¿Cómo puede ser generalizada?

Diálogo entre dos mundos: movimiento y fuerzas

- Newton: - Un cuerpo sujeto a una fuerza constante F durante un tiempo t tendrá una velocidad $v=(F/m)t$ que aumenta con t
 - Einstein: - Pero Isaac, ¡ $v < c$ siempre!
 - N: ¿Qué? Vos estás equivocado Alberto ¿sino que pasa con mi 2^{da} ley?

$$\vec{F} = \frac{d\vec{p}}{dt} = \frac{d(m\vec{v})}{dt}$$

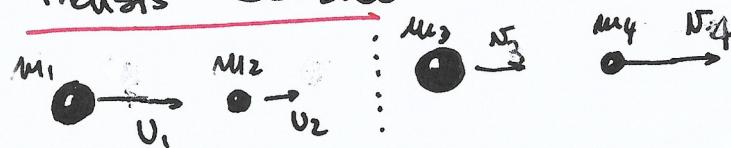
- E: ¡Ahh! ¿Pero cuál t estarás usando en tu derivada? ¿En que marco de referencia?
 - N: ¿Cómo? ¿el tiempo no es absoluto? ¿Acaso t no es el mismo para todos los observadores inerciales?
 - E: Jejeje.... (sonrisa con mirada pícara)

Pasen y vean

Colisiones

(v es igual, σ es igual, para la bocanada de los).

Análisis Clásico



En el marco S, conservación de \vec{p} implica

$$m_1 v_1 + m_2 v_2 = m_3 v_3 + m_4 v_4 \quad (1)$$

en S'

$$m_1 v'_1 + m_2 v'_2 = m_3 v'_3 + m_4 v'_4 \quad (2)$$

$$\text{y } v'_3 = v_3 - V \quad (3) \quad (\text{vel. relativo del sys'})$$

en S'

$$(m_1 v_1 + m_2 v_2) - (m_1 + m_2) V = (m_3 v_3 + m_4 v_4) - ((m_3 + m_4) V) \quad (4)$$

$$\Rightarrow (m_1 + m_2) V = (m_3 + m_4) V \quad \text{y por tanto } V:$$

$$1) \boxed{m_1 + m_2 = m_3 + m_4} \quad \text{Conservación de la masa.}$$

La conservación de la cantidad de movimiento implica la conservación de la masa

Análisis Relativista

Imaginemos que en el caso relativista $\vec{p} = m \vec{v}$ y $\vec{p}' = m' \vec{v}'$ (Suponemos que null & Post. I y $m = m'$) \Rightarrow (1) y (2) se mantienen. Considerando (3) por lo relativista:

$$v'_3 = \frac{v_3 - V}{1 - v_3 V/c^2} \quad (5)$$

\Rightarrow reemplazando en (2):

$$m_1 \frac{v_1 - V}{1 - v_1 V/c^2} + m_2 \frac{v_2 - V}{1 - v_2 V/c^2} = m_3 \frac{v_3 - V}{1 - v_3 V/c^2} + m_4 \frac{v_4 - V}{1 - v_4 V/c^2}$$

¿Y ahora? V no se cancela, entonces esto equivale (conservación de la cantidad de movimiento) ¡no vale en general! ó tiene que considerar los masas para ajustar.

La definición estándar no se verifica.

Principios de conservación

- En una colisión, el análisis relativista usando la ley de suma de velocidades,

$$u' = \frac{u - v}{1 - uv/c^2}$$

$$u = \frac{u' + v}{1 + u'v/c^2} ,$$

resulta qué:

- o bien no se conserva la cantidad de movimiento;
- o bien la cantidad de movimiento está mal definida en el caso relativista

Clásico: $\vec{p} = m\vec{v}$, Relativística $\vec{p} = ?$

La conservación de p es un principio básico

- Al igual que nos pasó con u , debemos recordar lo que dijo Alberto: al derivar, el tiempo depende del marco de referencia. Antes eso no nos preocupaba:

Clásico: $\vec{p} = \frac{d}{dt}(m\vec{r})$ y $\vec{p}' = \frac{d}{dt}(m\vec{r}')$

Correcto: $\vec{p} = \frac{d}{dt}(m\vec{r})$ y $\vec{p}' = \frac{d}{dt'}(m\vec{r}')$

- Y como todos los marcos son equivalentes, ¡podemos usar el marco comovil!

Cant. de movimiento relativista

$$\vec{p} = m \frac{d\vec{r}}{d\tau}$$

Magia algebráica (como ejercicio)

Definición de \vec{p} : $\boxed{\vec{p} = m \frac{d\vec{r}}{d\tau}}$

Pero ¿qué es $(d\vec{r}/d\tau)$? Recordando:

$$dt = \gamma d\tau \Rightarrow dt/d\tau = \gamma \Rightarrow$$

$$\boxed{\vec{p} = m \frac{d\vec{r}}{d\tau} \cdot \frac{dt}{dt} = m \frac{d\vec{r}}{dt} \frac{dt}{d\tau} = m \vec{v} \gamma}$$

$$\text{Dnde } \gamma = \frac{1}{\sqrt{1-\beta^2}} \quad \text{y } \beta = |\vec{v}|/c$$

$$\Rightarrow \boxed{\vec{p} = m \vec{v} \gamma}$$

Definir $\gamma_i = (1 - \beta_i^2)^{-1/2}$ y $\beta_i = v_i/c \Rightarrow$

$$\text{En S: } m_1 v_1 \gamma_1 + m_2 v_2 \gamma_2 = m_3 v_3 \gamma_3 + m_4 v_4 \gamma_4$$

En S':

$$m_1 v'_1 \gamma'_1 + m_2 v'_2 \gamma'_2 = m_3 v'_3 \gamma'_3 + m_4 v'_4 \gamma'_4$$

Magia Algebrática (Problema auto guie):

$$\boxed{m_1 \gamma_1 + m_2 \gamma_2 = m_3 \gamma_3 + m_4 \gamma_4}$$

Es una cantidad análoga dentro de la Caja de la Relatividad.

- Con la nueva definición de p ,

$$\vec{p} = m \gamma \vec{v}$$

- aparece una nueva magnitud conservada

$$m \gamma = \frac{m}{\sqrt{1-\beta^2}} = \frac{m}{\sqrt{1-\left(\frac{v}{c}\right)^2}}$$

- m es la masa del objeto
- Notar que si $v > 0$, entonces $m\gamma > m$



Interpretandemos el nuevo invariante...

Richard Feynman dijo:

- “*For those who want to learn just enough about it so they can solve problems, that is all there is to the [special] theory of relativity - it just changes Newton’s laws by introducing a correction factor to the mass*”
- Luego:

$$\vec{F} = \frac{d(m\vec{v})}{dt}$$

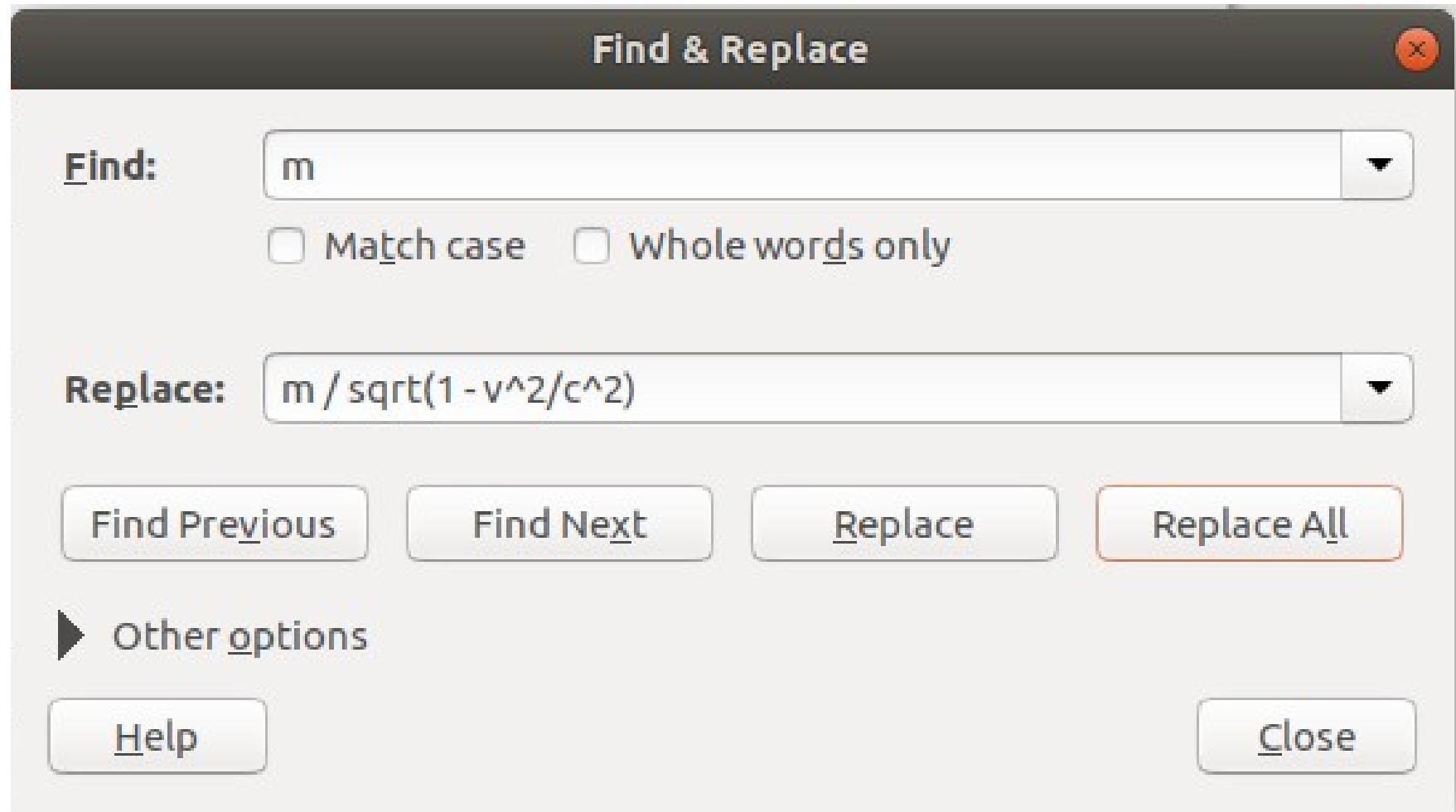
- donde

$$m \rightarrow m\gamma = \frac{m}{\sqrt{1-\beta^2}}$$



Aprendiendo relatividad en Word

- Search & replace (CTRL+F)



- Série de Taylor

$$(1+\epsilon)^n = 1 + n\epsilon + \frac{1}{2}n(n-1)\epsilon^2 + \dots \text{ promesa}$$

Cumpliendo una vieja ... promesa de Física 1A

- yester.

$$Y = \frac{1}{(1 - \beta^2)^{1/2}} \Rightarrow \epsilon = -\beta^2 \ll 0.1$$

$$D \frac{1}{\sqrt{1-p^2}} \approx 1 + \frac{1}{2} p^2 - \frac{3}{8} p^4 + \dots$$

- Evidencias para nuestros inminentes temas:

$$\Rightarrow T_m = \frac{m}{\sqrt{1-\beta^2}} \approx m + \frac{1}{2} m \beta^2 - \frac{3}{8} m \cdot \beta^4 + \dots$$

$$\Rightarrow f_{\text{ext}} \approx m + \frac{1}{2} m \frac{v^2}{c^2} - \frac{3}{8} m v^4/c^4$$

- The Efficient Subcodes for c^2 .

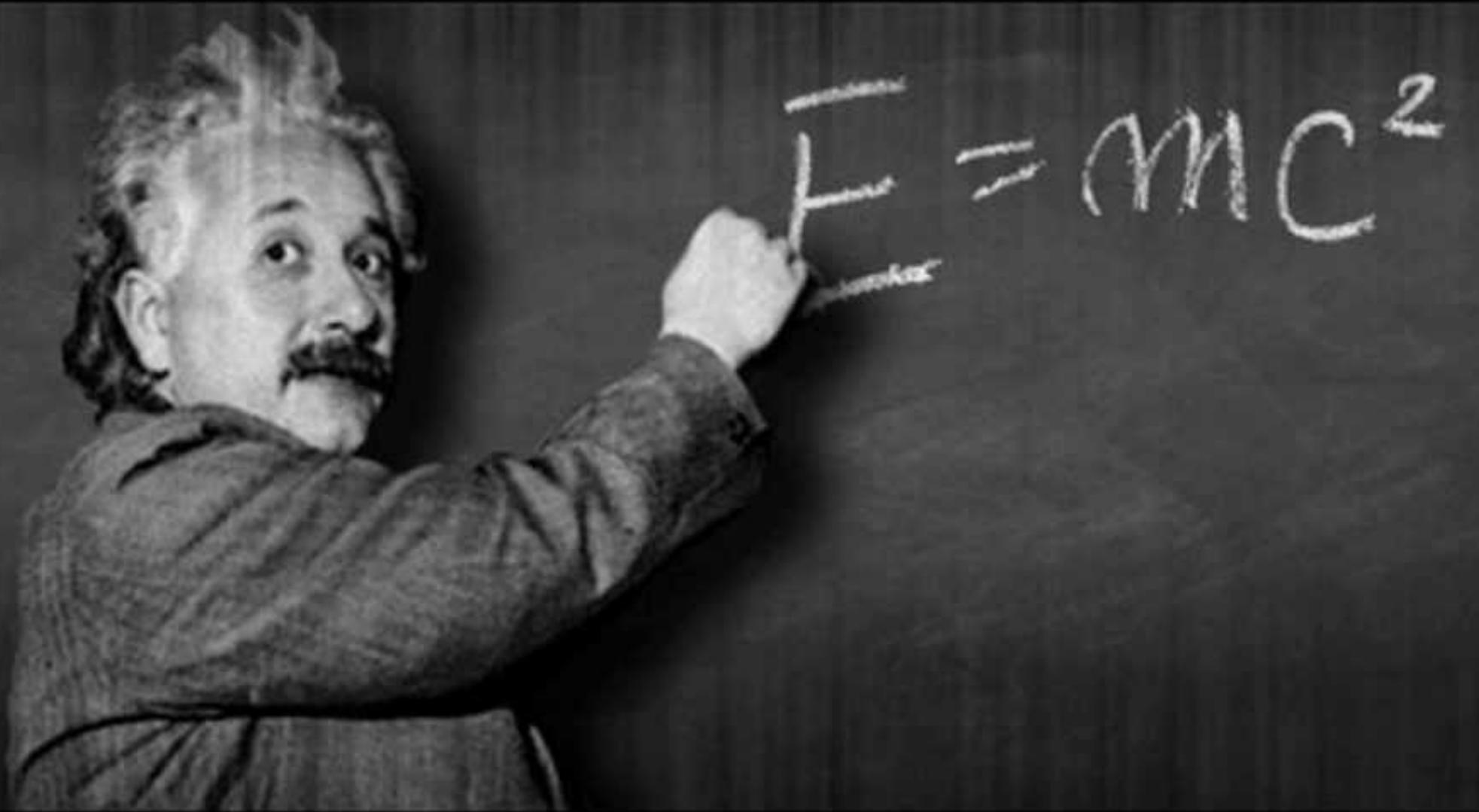
$$\delta mc^2 \approx mc^2 + \frac{1}{2} m \frac{\sigma^2}{c^2} t^2 - \frac{3}{8} m \sigma^4/c^4 \cdot t^4$$

- y descontando el Km^2 $5^4/c^2 = 0.001 \Rightarrow$

$$\delta mc^2 \equiv \underbrace{mc^2}_{\text{Energy}} + \underbrace{\frac{1}{2} mn^2}_{\text{Energy and kinetic energy}} \quad \frac{\delta mc^2 = E}{}$$



Gracias Isaac, seguí participando...



Una nueva magnitud conservada

- Hemos visto que al aplicar los principios relativistas y pedir conservación de la cantidad de movimiento, una nueva magnitud conservada aparece naturalmente:

La energía se conserva

$$E = \gamma mc^2 \approx mc^2 + \frac{1}{2}mv^2$$

Energía cinética clásica

- Recordar que la energía de un cuerpo es $E = \gamma mc^2$
- $E = \frac{1}{2}mv^2$ es una aproximación válida si $v \ll c$.

$$E_K \equiv E - mc^2 = (\gamma - 1)mc^2$$

Energía cinética
(en ausencia de otras interacciones)

Un nuevo invariante

Cant de mominto relativista: $\hat{p} = \gamma m \vec{v}$

Energia total relativista: $E = \gamma m c^2$

Elevaron al cuadrado: $E^2 = \gamma^2 m^2 c^4 \quad (1)$

$$p^2 = \gamma^2 m^2 v^2 \Rightarrow p^2 c^2 = \gamma^2 m^2 v^2 c^2 \quad (2)$$

Restando (1) - (2):

$$E^2 - p^2 c^2 = \gamma^2 m^2 c^4 - \gamma^2 m^2 c^2 v^2$$

$$\text{Socomb factor común: } E^2 - p^2 c^2 = \gamma^2 m^2 c^4 \left(1 - v^2/c^2\right) = \gamma^2 m^2 c^4 \underbrace{\left(1 - \beta^2\right)}_{1/\gamma^2}$$

$$\Rightarrow E^2 - p^2 c^2 = \gamma^2 m^2 c^4 \cdot \cancel{\frac{1}{\gamma^2}}$$

$$\Rightarrow \boxed{E^2 - p^2 c^2 = m^2 c^4}$$

invariante relativista.
(no depende del Sist. Ref.).



Resumen hasta aquí

- Cantidad de movimiento relativista (correcto siempre):

$$\vec{p} = \gamma m \vec{v}$$

- Energía relativista (correcta siempre):

$$E = \gamma m c^2$$

- Un nuevo invariante relativista:

$$E^2 - (pc)^2 = (mc^2)^2$$

Invariante
relativista



¿y si no la partícula no tiene masa?

- ¡No importa, tiene energía y tiene cantidad de movimiento!

$$m=0 \rightarrow E^2 - (pc)^2 = (mc^2)^2 \Rightarrow E^2 - (pc)^2 = 0$$

**Cantidad de
movimiento de
partículas sin masa**

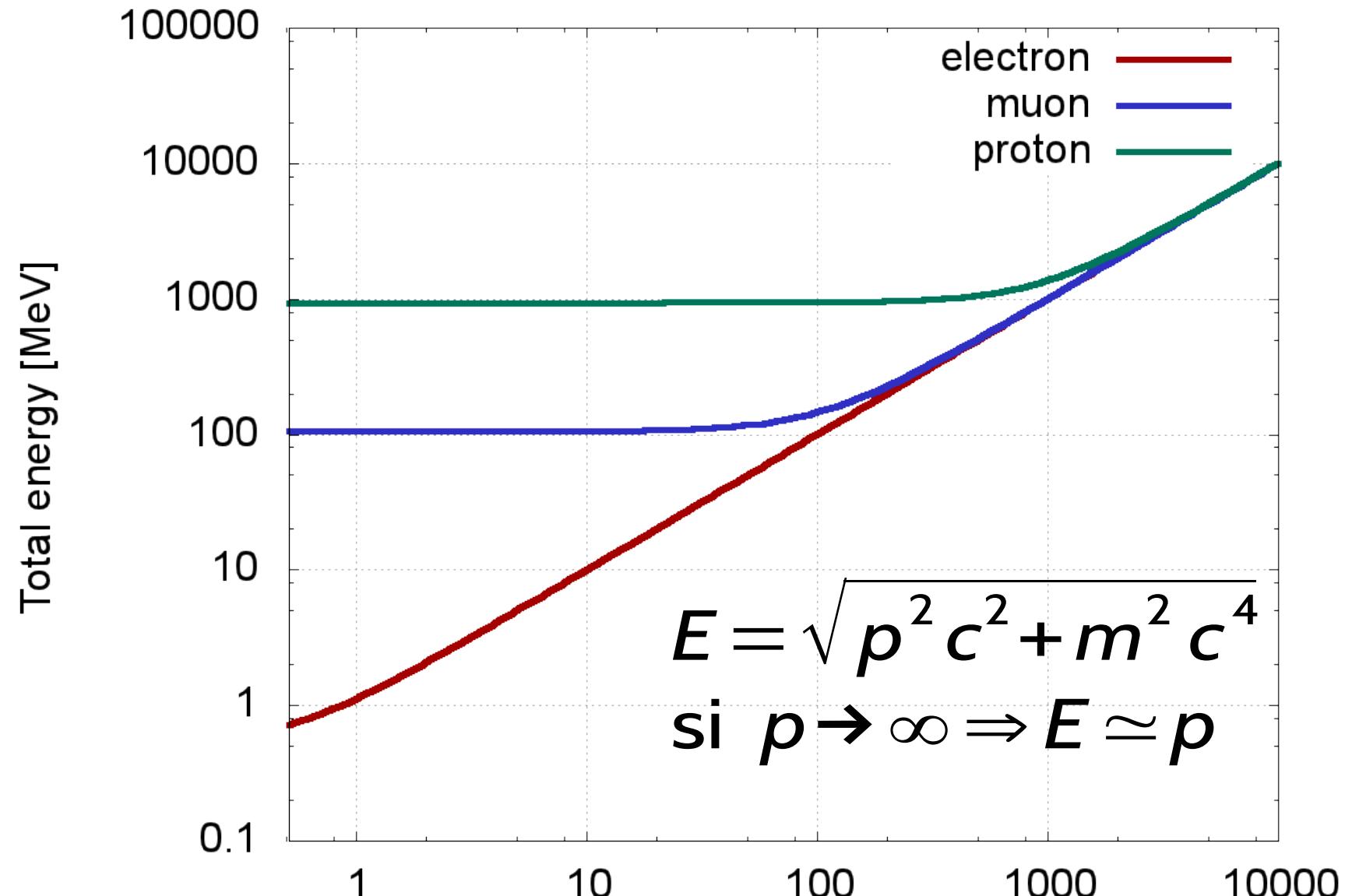
$$E = pc$$

- Por ejemplo, un fotón violeta:

$$\lambda = 420 \text{ nm} \rightarrow E = hc/\lambda = 0.473 \text{ aJ} \text{ (attojoules, atto}=10^{-18})$$

$$\rightarrow p = 1.58 \times 10^{-27} \text{ kg m/s}$$

Mil palabras



Choque inelástico: $\nexists m_3 > m_1 + m_2$!! energía a masa

Colisión inelástica

$$\bullet \xrightarrow{v_1 = 0.6c} \xleftarrow{v_2 = 0.8c} \bullet$$

$$m_1 = 10 \text{ kg}$$

$$m_2 = 5.625 \text{ kg}$$

$$\begin{array}{c} \bullet \\ \vdots \\ N_3 = ? \end{array}$$

$$m_3 = ?$$

Claramente dimos: $m_3 = 15.625 \text{ kg}$ y $N_3 = 0.0170$

Relativamente:

$$\gamma_1 = (1 - \beta_1^2)^{-1/2} = 1.25 \quad y \quad \gamma_2 = (1 - \beta_2^2)^{-1/2} = 5/3$$

$$\Rightarrow p_T^i = \sum p_i^i = \sum m_i \gamma_i v_i = 10 \text{ kg} \cdot 1.25 \cdot 0.6c + 5.625 \text{ kg} \cdot \frac{5}{3} (-0.8c)$$

$$\Rightarrow p_T^f = 7.5 \text{ kgc} - 7.5 \text{ kgc} \Rightarrow p_T^f = 0 \quad \Rightarrow N_3 = 0 \cdot 1$$

$$\Rightarrow \boxed{p_f = 0} \quad y \quad N_3 = 1$$

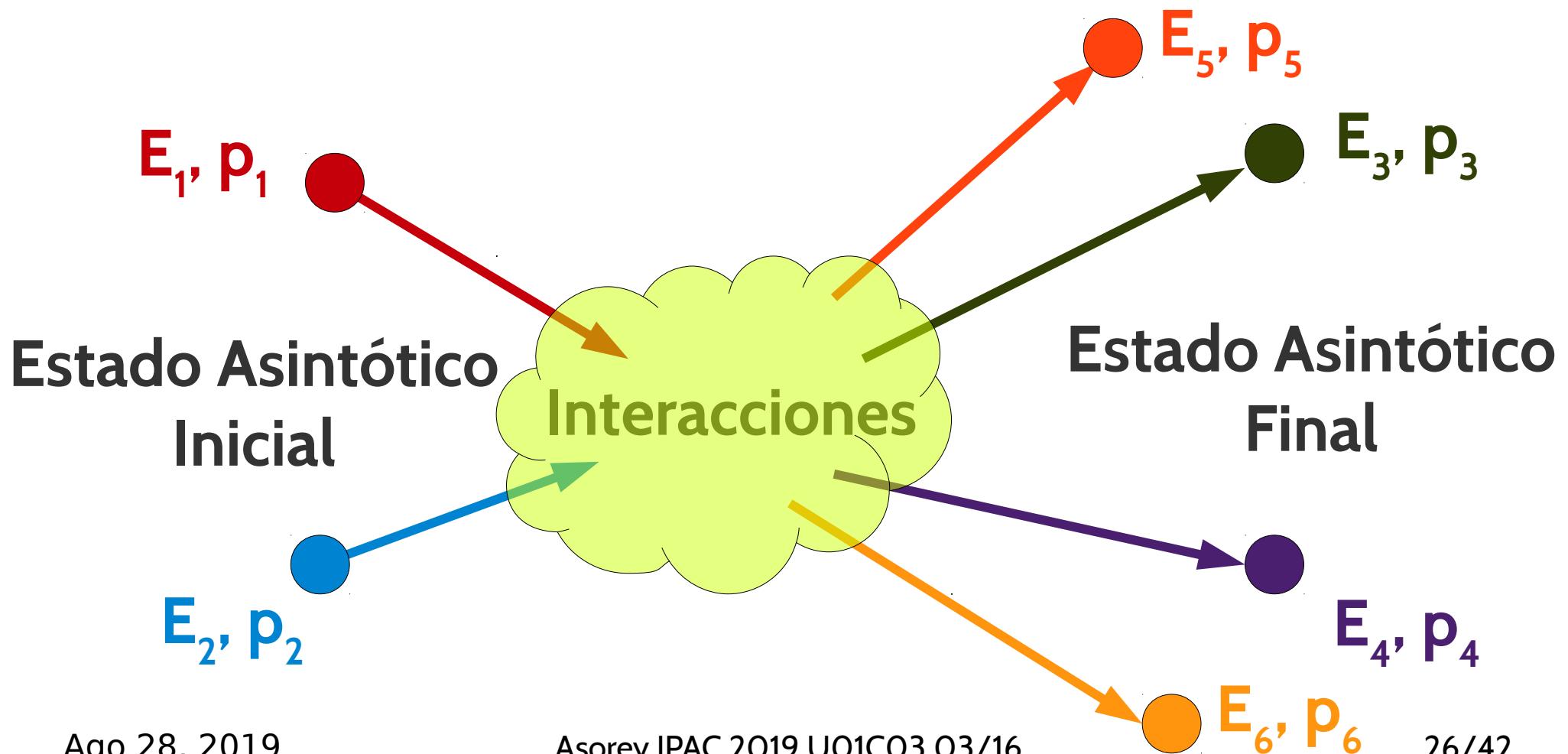
Ansiedad Engaño

$$E_i = \sum m_i \gamma_i c^2 \Rightarrow E_i = E_f \Rightarrow 10 \text{ kg} \cdot 1.25 + 5.625 \cdot \frac{5}{3} = m_3 \gamma_3$$

$$\Rightarrow m_3 = 21.875 \text{ kg} \quad \Rightarrow m_3 > m_1 + m_2 !!!$$

¿Cómo funciona la conservación?

- Y todo por pedir que c tiene que tener el mismo valor para todos los observadores inerciales.





Así funciona la Naturaleza

- La Energía total se conserva

$$\left. \begin{aligned} E^{\text{inicial}} &= \sum_j^{n^{\text{inicial}}} E_j^{\text{inicial}} = \sum_j m_j \gamma_j c^2 \\ E^{\text{final}} &= \sum_k^{n^{\text{final}}} E_k^{\text{final}} = \sum_k m_k \gamma_k c^2 \end{aligned} \right\} E^{\text{inicial}} = E^{\text{final}}$$

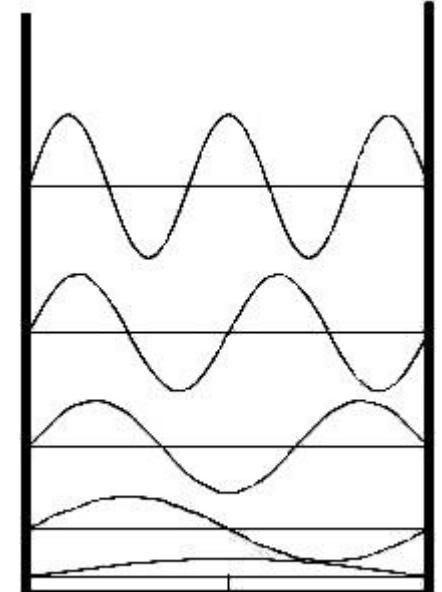
- La cantidad de movimiento total se conserva

$$\left. \begin{aligned} \vec{p}^{\text{inicial}} &= \sum_j^{n^{\text{inicial}}} \vec{p}_j^{\text{inicial}} = \sum_j m_j \gamma_j \vec{v}_j \\ \vec{p}^{\text{final}} &= \sum_k^{n^{\text{final}}} \vec{p}_k^{\text{final}} = \sum_k m_k \gamma_k \vec{v}_k \end{aligned} \right\} \vec{p}^{\text{inicial}} = \vec{p}^{\text{final}}$$

¿Cuántica + Relatividad?

- Del invariante $E^2 - (pc)^2 = (mc^2)^2 \rightarrow E^2 = (pc)^2 + (mc^2)^2 \rightarrow E = \pm \sqrt{(pc)^2 + (mc^2)^2}$
- La relatividad anticipa estados con energía total negativa... → PROBLEMAS
- Y encima son infinitos → MÁS PROBLEMAS
- Por ejemplo, para la partícula en una caja los estados están acotados a $E > 0$:

$$E_n = \left(\frac{\hbar^2}{8mL^2} \right) n^2$$



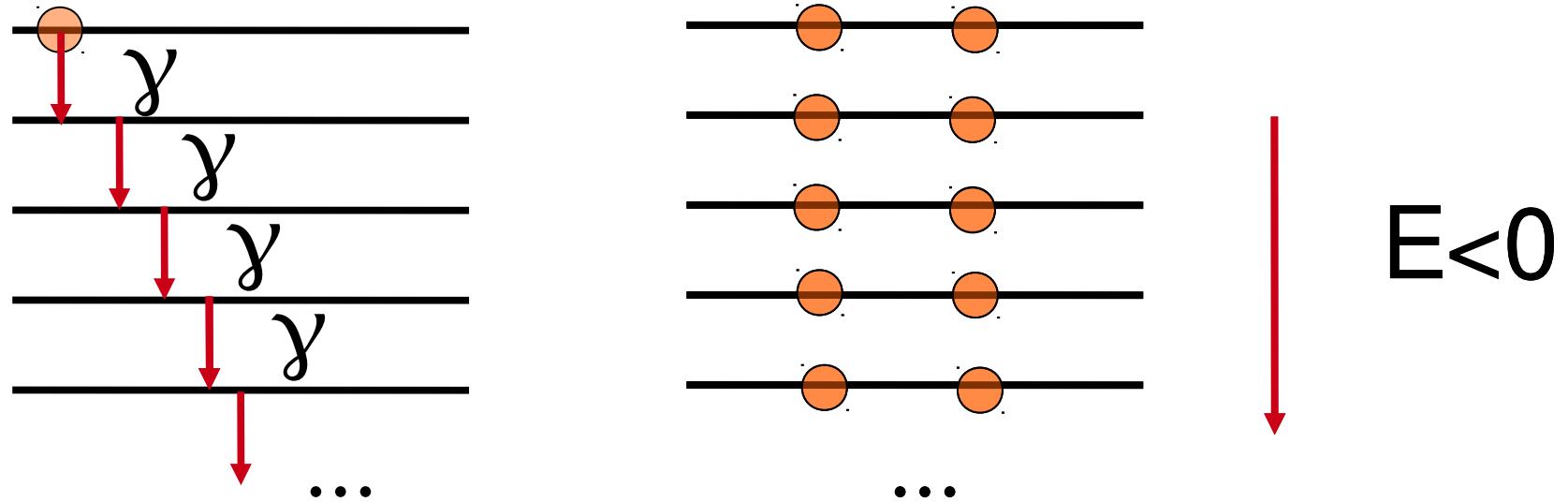
Solución



- Dirac (1928) obtiene la versión relativista de la ec. de Schrödinger y observa ese problema
- Propone que todos los estados de energía negativa están ocupados
- Los electrones obedecen el principio de exclusión de Pauli
- **Solución**
el “**vacío**” es el estado en el cual todos los estados de energía negativos están “**llenos**”

Felicidad

- No hay colapso porque no hay estados vacíos



$$E = 2mc^2 = 1.022 \text{ MeV}$$

$$E = \pm mc^2$$

Ago 28, 2019

Asorey IPAC 2019 U01C03 03/16

$$E > 0$$

$$E < 0$$

...

30/42



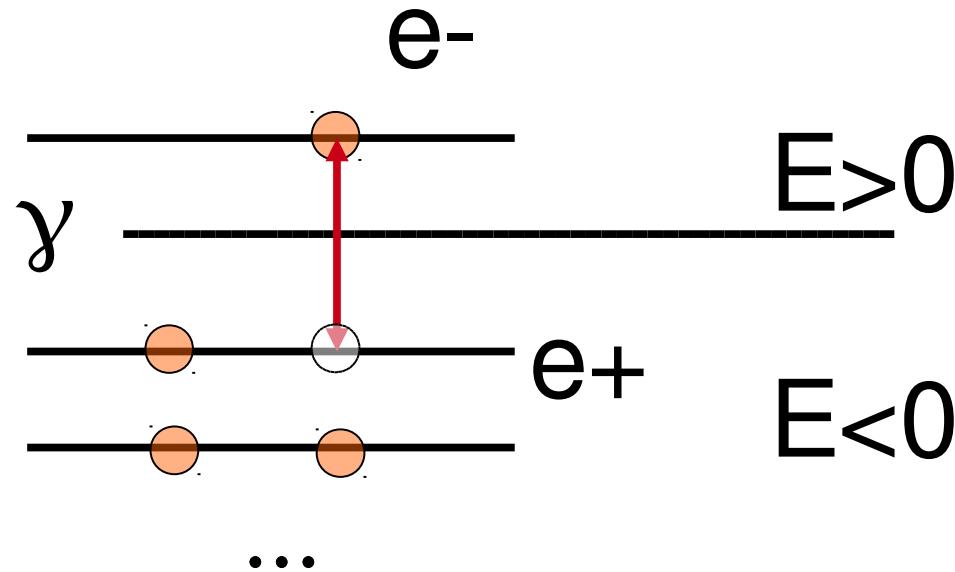
Algunas cosas

- El espacio está lleno con infinitas partículas
- Energía infinita
- Energía de punto 0 (como el oscilador armónico)

No olvidar que son Modelos

Materia-Antimateria

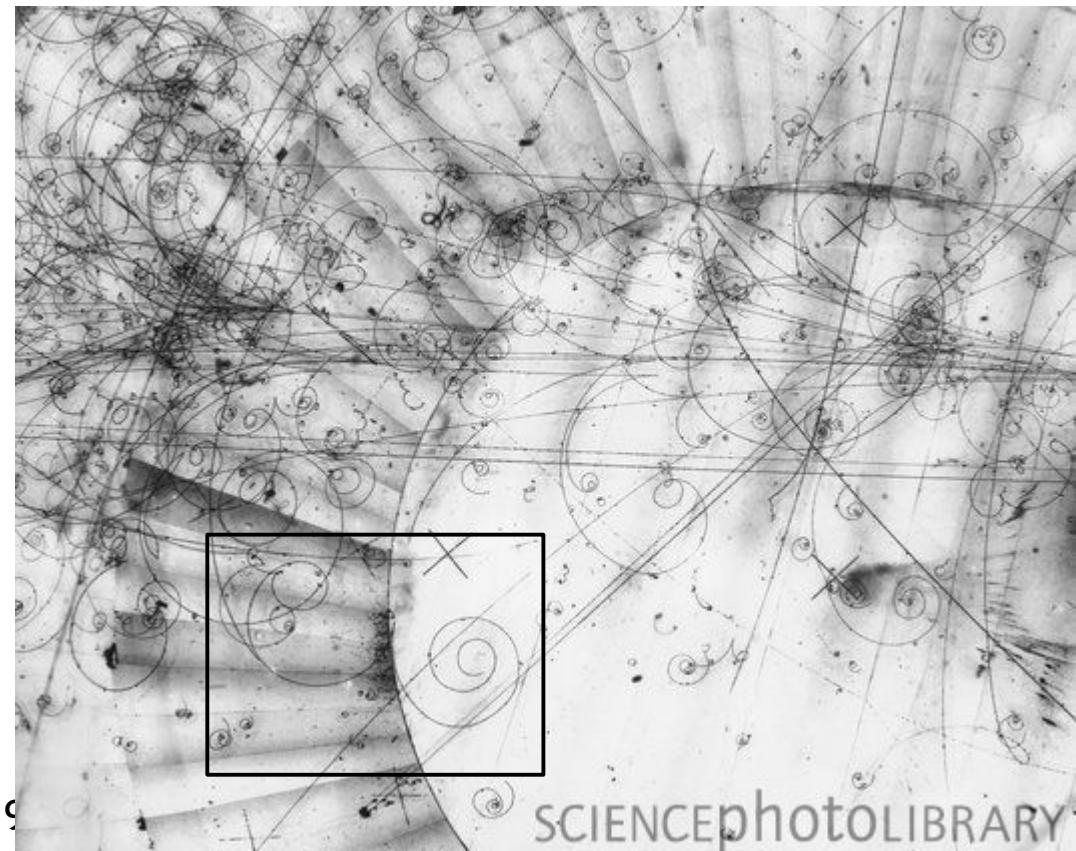
- En una interacción EM (scattering) es posible sacar un electrón del mar
- El “hueco” se ve como un electrón positivo



$$E_\gamma \geq 1.022 \text{ MeV}$$

Ago 28, 2019

Asorey IPAC 2019



SCIENCEphotLIBRARY



En esa época

- Se conocían cuatro partículas:
 - Protón (+)
 - Electrón (-)
 - Fotón (0) ← interacciones cargadas
 - Neutrón (0)
- Si existía el antielectrón, ¿por qué no un antiproton?
- La idea del antineutrón es más compleja (sin carga)

El modelo atómico

- Un simple modelo atómico
- Radio atómico: $a_0 \sim 53 \text{ pm} = 53000 \text{ fm}$
- Radio núcleo: $f_0 \sim 1.2 \text{ fm}$
- Relación: ~ 44200
- Núcleo 4 mm → electrones 177 m
- La naturaleza es escencialmente vacío





El núcleo es estable

- Tiene que haber una fuerza más fuerte que la fuerza eléctrica

$$F_E = \left(\frac{1}{4\pi\epsilon_0} \right) \frac{e^2}{r^2}$$

$$F_E = 160 N$$

$$F_E = 1.2 \times 10^{36} F_G$$

Ayuda: En general el núcleo tiene más neutrones que protones

$$A = Z + N$$

$$N \geq Z$$

Tabla de nucléidos

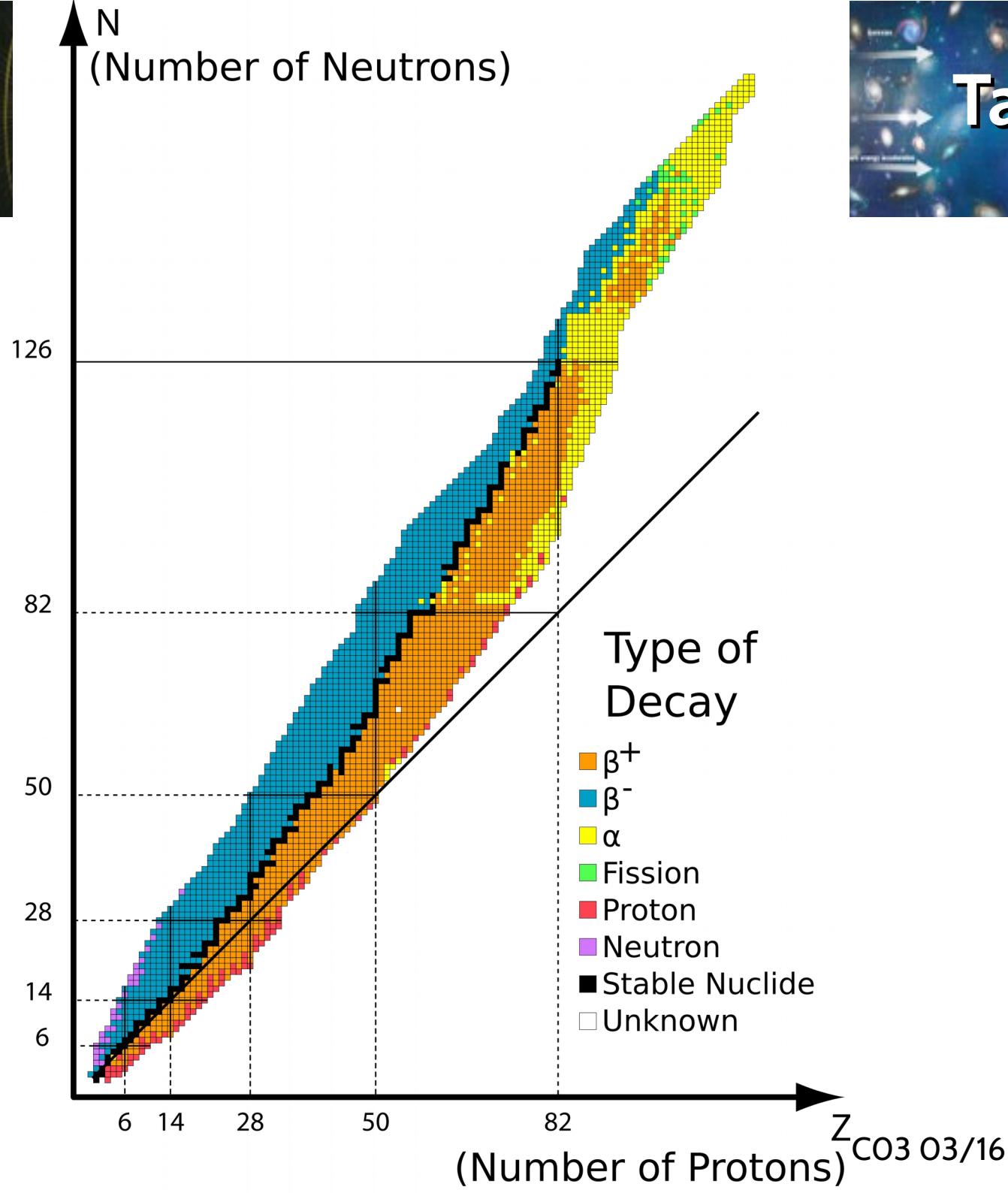
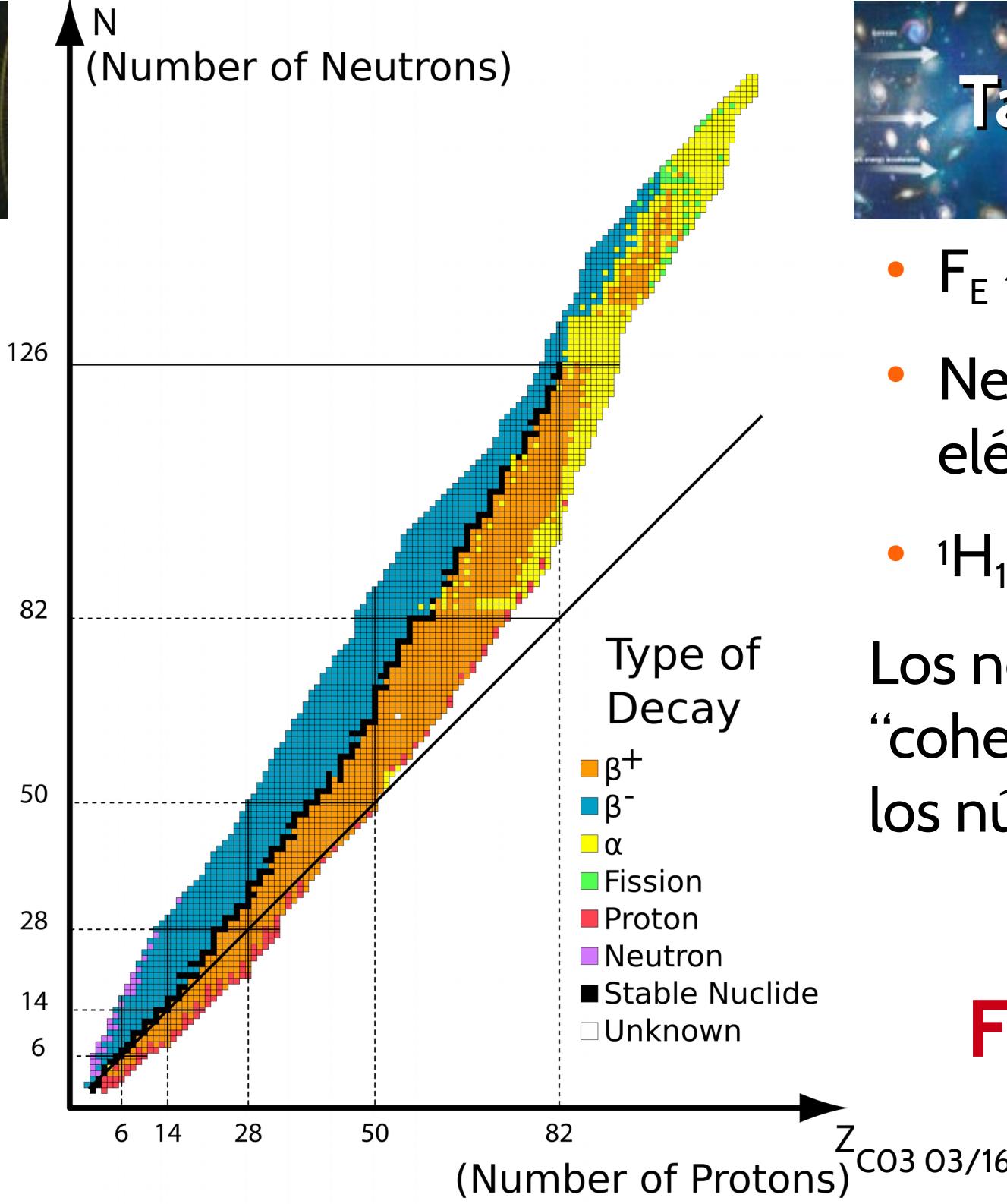




Tabla de nucléidos



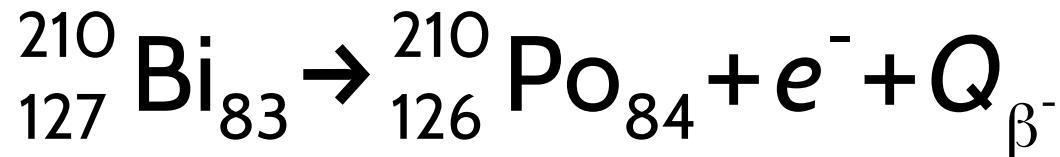
- $F_E \sim Z^2$
- Neutrones sin carga eléctrica
- 1H_1 4He_2 ${}^{208}Pb_{82}$

Los neutrones ayudan a la “cohesión” (estabilidad) de los núcleos

Fuerza Fuerte

Un proceso que se observó hace casi 100 años

- Propuesta para el decaimiento beta del Bismuto-210



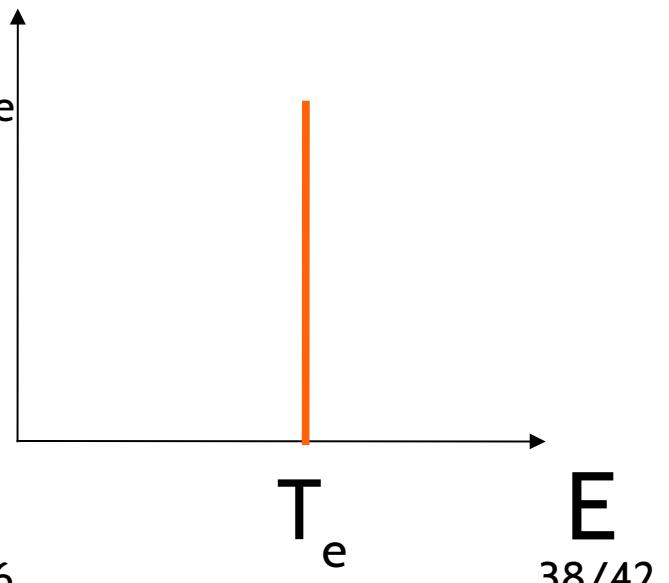
$$\left(n \rightarrow p^+ + e^- + Q_{\beta^-} \right)$$

- Luego, la energía liberada debería ser

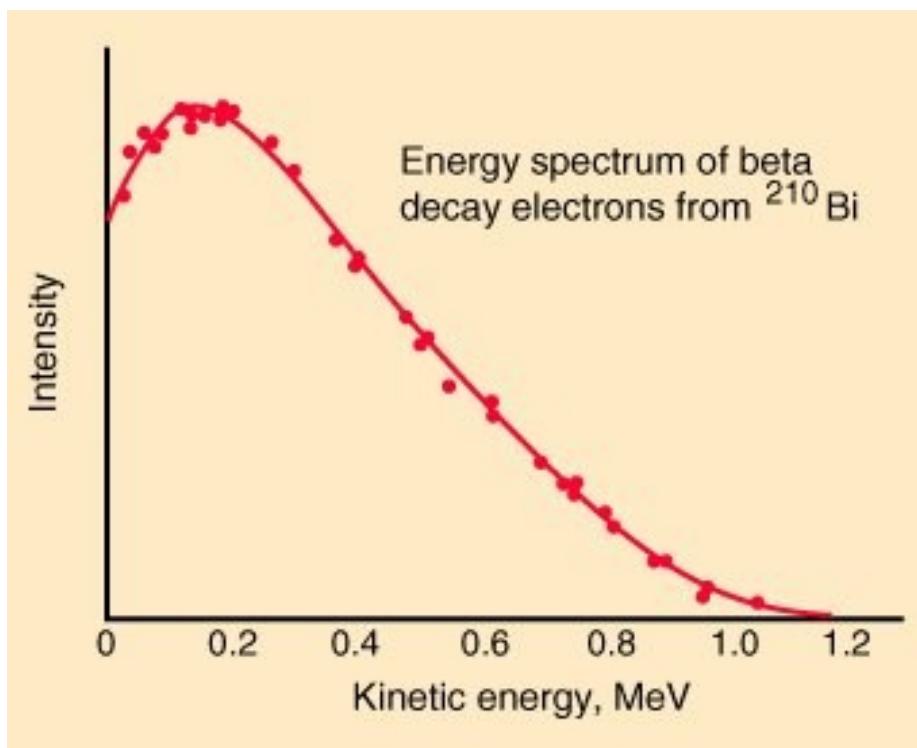
$$m_{\text{Bi}} c^2 = (m_{\text{Po}} + m_e) c^2 + Q$$

$$Q = (m_{\text{Bi}} - m_{\text{Po}} - m_e) c^2 \approx T_e$$

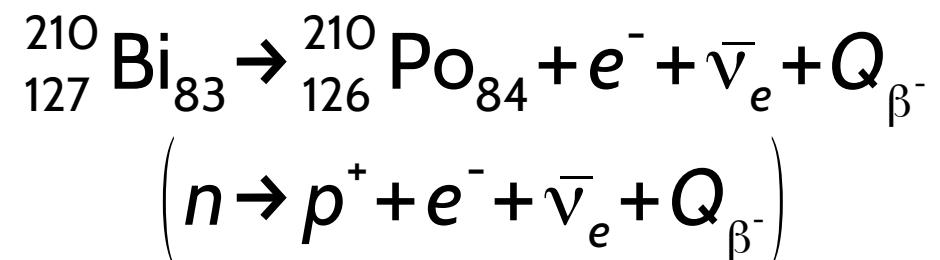
$$T_e \approx 1.16 \text{ MeV}$$



La medición



- Bohr: “La energía no se conserva”
- Pauli: La energía se conserva si existe otra partícula: **“neutrino”**
- Decaimiento beta correcto:



$$Q = \left(m_{\text{Bi}} - m_{\text{Po}} - m_e - m_{\bar{\nu}_e} \right) c^2$$

$$Q \approx T_e + T_{\bar{\nu}}$$

El electrón emitido, ¿es relativista?

+ Velocidad del electrón emitido en el descombar β del $\pi^0 \rightarrow e^+ e^-$

$m_e = 0,511 \text{ MeV}/c^2$ y la energía disponible $Q = 1,16 \text{ MeV}$

Supongamos que $T_e = Q \Rightarrow T_e = 1,16 \text{ MeV}$. Luego.

$$E = m c^2 + T_e \Rightarrow E = 0,511 \frac{\text{MeV}}{c^2} \cdot c^2 + 1,16 \text{ MeV}$$

$$\Rightarrow E = 1,671 \text{ MeV}.$$

Pero $E = m \gamma c^2 \Rightarrow \gamma = E/mc^2 \Rightarrow \gamma = \frac{1,671 \text{ MeV}}{0,511 \frac{\text{MeV}}{c^2} c^2} \Rightarrow \gamma = 3,27$

$$\boxed{\gamma = 3,27}$$

$$\gamma \gamma = \frac{1}{\sqrt{1-\beta^2}} \Rightarrow \gamma^2 = \frac{1}{1-\beta^2} \Rightarrow \beta^2 = 1 - 1/\gamma^2 \Rightarrow \beta = \sqrt{1-1/\gamma^2}$$

$$\Rightarrow \beta = 0,952 \Rightarrow v_e = \beta c \Rightarrow \boxed{v_e = 0,952 c}$$



Comentario sobre unidades

- Es conveniente trabajar en otro sistema de unidades
 - 1 eV es la energía ganada por un electrón en una diferencia de potencial de 1 V

$$E = qV \rightarrow E = (1.602 \times 10^{-19} \text{ C})(1 \text{ V}) \rightarrow E = 1.602 \times 10^{-19} \text{ J}$$

electronvolt

$$\Rightarrow 1\text{eV} = 1.602 \times 10^{-19} \text{ J}$$

meV eV keV MeV GeV TeV PeV EeV
Microndas RX Partículas R.C. Gal
Visible Gamma C. Galáctico R.C.E.G.



Nuevas unidades

Magnitud	Ecuación	Unidad
Energía	E	eV
Cant. de movimiento	$p = E/c$	eV/c
Masa	$m = E / c^2$	eV/c ²

- A veces, se usan las unidades naturales:

$$h=c=1$$

- Entonces, todo se mide en eV