Magnitudes Lineales, Radiales & Escalares

Agustín A. Tobla

Licencia Creative Commons Atribución 3.0 (2015) Buenos Aires
Argentina

En mecánica clásica, este trabajo presenta las definiciones y las relaciones de las magnitudes lineales, radiales y escalares de un par de partículas ij.

Introducción

i) Las definiciones de las magnitudes lineales, radiales y escalares de un par de partículas ij, donde $\vec{r_i}$ y $\vec{r_j}$ son las posiciones de las partículas i y j, son como sigue:

 \S La posición lineal \vec{r}_{ij} , la velocidad lineal \vec{v}_{ij} y la aceleración lineal \vec{a}_{ij} , están dadas por:

$$\vec{r}_{ij} \doteq (\vec{r}_i - \vec{r}_j)$$

$$\vec{v}_{ij} \doteq d(\vec{r}_{ij})/dt = (\vec{v}_i - \vec{v}_j)$$

$$\vec{a}_{ij} \doteq d^2(\vec{r}_{ij})/dt^2 = (\vec{a}_i - \vec{a}_j)$$

 \S La posición radial $r_{ij},$ la velocidad radial \dot{r}_{ij} y la aceleración radial $\ddot{r}_{ij},$ están dadas por:

$$r_{ij} \doteq |\vec{r}_i - \vec{r}_j|$$

$$\dot{r}_{ij} \doteq d(r_{ij})/dt = \left[\left. \left(\vec{v}_i - \vec{v}_j \right) \cdot \left(\vec{r}_i - \vec{r}_j \right) \right] / \left| \right. \vec{r}_i - \vec{r}_j \left. \right| \right.$$

$$\ddot{r}_{ij} \doteq d^2(r_{ij})/dt^2 = \left[\,(\vec{a}_i - \vec{a}_j) \cdot (\vec{r}_i - \vec{r}_j) + (\vec{v}_i - \vec{v}_j) \cdot (\vec{v}_i - \vec{v}_j) - \left[(\vec{v}_i - \vec{v}_j) \cdot (\vec{r}_i - \vec{r}_j)\right]^2/(\vec{r}_i - \vec{r}_j)^2\,\right] / \,|\,\vec{r}_i - \vec{r}_j\,|\,\vec{r}_i - \vec{r}_j\,|\,\vec{r}$$

 \S La posición escalar τ_{ij} , la velocidad escalar $\dot{\tau}_{ij}$ y la aceleración escalar $\ddot{\tau}_{ij}$, están dadas por:

$$\tau_{ij} \doteq 1/2 (\vec{r}_i - \vec{r}_j) \cdot (\vec{r}_i - \vec{r}_j)$$

$$\dot{\tau}_{ij} \doteq d(\tau_{ij})/dt = (\vec{v}_i - \vec{v}_j) \cdot (\vec{r}_i - \vec{r}_j)$$

$$\ddot{\tau}_{ij} \doteq d^2(\tau_{ij})/dt^2 = (\vec{a}_i - \vec{a}_j) \cdot (\vec{r}_i - \vec{r}_j) + (\vec{v}_i - \vec{v}_j) \cdot (\vec{v}_i - \vec{v}_j)$$

ii) Las relaciones entre las magnitudes lineales, radiales y escalares de un par de partículas ij, las cuales pueden ser obtenidas a partir de las definiciones anteriores, son como sigue:

$$au_{ij} = 1/2 \; r_{ij} \; r_{ij} = 1/2 \; \vec{r}_{ij} \cdot \vec{r}_{ij}$$

$$\dot{\tau}_{ij} = \dot{r}_{ij} \, r_{ij} = \vec{v}_{ij} \cdot \vec{r}_{ij}$$

$$\ddot{\tau}_{ij} = \ddot{r}_{ij} \, r_{ij} + \dot{r}_{ij} \, \dot{r}_{ij} = \vec{a}_{ij} \cdot \vec{r}_{ij} + \vec{v}_{ij} \cdot \vec{v}_{ij}$$

iii) Las magnitudes $[\vec{r}_{ij}, r_{ij}, \dot{r}_{ij}, \dot{r}_{ij}, \dot{\tau}_{ij}, \dot{\tau}_{ij}]$ son invariantes bajo transformaciones entre sistemas de referencia inerciales y no inerciales.