Mecánica Clásica Alternativa

Alejandro A. Torassa

Licencia Creative Commons Atribución 3.0 (2013) Buenos Aires, Argentina atorassa@gmail.com

Resumen

Este trabajo presenta una mecánica clásica alternativa, que puede ser aplicada en cualquier sistema de referencia (rotante o no rotante) (inercial o no inercial) sin necesidad de introducir fuerzas ficticias.

Sistema de Referencia Universal

El sistema de referencia universal es un sistema de referencia fijo al centro de masa del universo.

La posición universal $\mathring{\mathbf{r}}_a$, la velocidad universal $\mathring{\mathbf{v}}_a$ y la aceleración universal $\mathring{\mathbf{a}}_a$ de una partícula A respecto al sistema de referencia universal $\mathring{\mathbf{S}}$, están dadas por:

$$\mathbf{\mathring{r}}_a = (\mathbf{r}_a)$$
 $\mathbf{\mathring{v}}_a = d(\mathbf{r}_a)/dt$

$$\mathring{\mathbf{a}}_a = d^2(\mathbf{r}_a)/dt^2$$

donde \mathbf{r}_a es la posición de la partícula A respecto al sistema de referencia universal $\mathring{\mathbf{S}}$.

La posición dinámica $\check{\mathbf{r}}_a$, la velocidad dinámica $\check{\mathbf{v}}_a$ y la aceleración dinámica $\check{\mathbf{a}}_a$ de una partícula A de masa m_a , están dadas por:

$$\mathbf{\check{r}}_a = \int \int (\mathbf{F}_a/m_a) dt dt$$

$$\mathbf{\breve{v}}_a = \int (\mathbf{F}_a/m_a) dt$$

$$\mathbf{\breve{a}}_a = (\mathbf{F}_a/m_a)$$

donde \mathbf{F}_a es la fuerza resultante que actúa sobre la partícula A.

Principio General

La posición total $\tilde{\mathbf{r}}_a$ de una partícula A, está dada por:

$$\tilde{\mathbf{r}}_a = \mathring{\mathbf{r}}_a - \breve{\mathbf{r}}_a$$

El principio general establece que la posición total $\tilde{\mathbf{r}}_a$ de una partícula A está siempre en equilibrio.

$$\tilde{\mathbf{r}}_a = 0$$

Observaciones

Aplicando el principio general a una partícula A, se deduce:

$$m_a \mathring{\mathbf{r}}_a - m_a \check{\mathbf{r}}_a = 0 \qquad \rightarrow \qquad \frac{1}{2} m_a \mathring{\mathbf{r}}_a^2 - \frac{1}{2} m_a \check{\mathbf{r}}_a^2 = 0$$

$$\downarrow \qquad \qquad \downarrow$$

$$m_a \mathring{\mathbf{v}}_a - m_a \check{\mathbf{v}}_a = 0 \qquad \rightarrow \qquad \frac{1}{2} m_a \mathring{\mathbf{v}}_a^2 - \frac{1}{2} m_a \check{\mathbf{v}}_a^2 = 0$$

$$\downarrow \qquad \qquad \downarrow$$

$$m_a \mathring{\mathbf{a}}_a - m_a \check{\mathbf{a}}_a = 0 \qquad \rightarrow \qquad \frac{1}{2} m_a \mathring{\mathbf{a}}_a^2 - \frac{1}{2} m_a \check{\mathbf{a}}_a^2 = 0$$

Sustituyendo $\check{\mathbf{r}}_a$, $\check{\mathbf{v}}_a$ y $\check{\mathbf{a}}_a$ de la página [1] en las ecuaciones anteriores, se obtiene:

$$m_{a}\mathring{\mathbf{r}}_{a} - \int \int \mathbf{F}_{a} dt dt = 0 \qquad \rightarrow \qquad \frac{1/2 m_{a}\mathring{\mathbf{r}}_{a}^{2} - 1/2 m_{a} (\int \int (\mathbf{F}_{a}/m_{a}) dt dt)^{2} = 0}{\downarrow}$$

$$m_{a}\mathring{\mathbf{v}}_{a} - \int \mathbf{F}_{a} dt = 0 \qquad \rightarrow \qquad \frac{1/2 m_{a}\mathring{\mathbf{v}}_{a}^{2} - \int \mathbf{F}_{a} d\mathring{\mathbf{r}}_{a} = 0}{\downarrow}$$

$$\downarrow \qquad \qquad \downarrow$$

$$m_{a}\mathring{\mathbf{a}}_{a} - \mathbf{F}_{a} = 0 \qquad \rightarrow \qquad \frac{1/2 m_{a}\mathring{\mathbf{a}}_{a}^{2} - 1/2 m_{a} (\mathbf{F}_{a}/m_{a})^{2} = 0}{\downarrow}$$

Donde
$$1/2\,\breve{\mathbf{v}}_a^2=\int\breve{\mathbf{a}}_a\,d\breve{\mathbf{r}}_a\,\rightarrow\,1/2\,m_a\breve{\mathbf{v}}_a^2=\int m_a\breve{\mathbf{a}}_a\,d\breve{\mathbf{r}}_a\,\rightarrow\,1/2\,m_a\breve{\mathbf{v}}_a^2=\int\mathbf{F}_a\,d\breve{\mathbf{r}}_a\,\,(\breve{\mathbf{r}}_a=\mathring{\mathbf{r}}_a)$$

Transformaciones

La posición universal $\mathring{\mathbf{r}}_a$, la velocidad universal $\mathring{\mathbf{v}}_a$ y la aceleración universal $\mathring{\mathbf{a}}_a$ de una partícula A respecto a un sistema de referencia S, están dadas por:

$$\dot{\mathbf{r}}_{a} = \mathbf{r}_{a} + \mathbf{\check{r}}_{S}$$

$$\dot{\mathbf{v}}_{a} = \mathbf{v}_{a} + \mathbf{\check{\omega}}_{S} \times \mathbf{r}_{a} + \mathbf{\check{v}}_{S}$$

$$\dot{\mathbf{a}}_{a} = \mathbf{a}_{a} + 2\mathbf{\check{\omega}}_{S} \times \mathbf{v}_{a} + \mathbf{\check{\omega}}_{S} \times (\mathbf{\check{\omega}}_{S} \times \mathbf{r}_{a}) + \mathbf{\check{\alpha}}_{S} \times \mathbf{r}_{a} + \mathbf{\check{a}}_{S}$$

donde \mathbf{r}_a , \mathbf{v}_a y \mathbf{a}_a son la posición, la velocidad y la aceleración de la partícula A respecto al sistema de referencia S; $\mathbf{\check{r}}_S$, $\mathbf{\check{v}}_S$, $\mathbf{\check{a}}_S$, $\mathbf{\check{o}}_S$ y $\mathbf{\check{c}}_S$ son la posición dinámica, la velocidad dinámica, la aceleración dinámica, la velocidad angular dinámica y la aceleración angular dinámica del sistema de referencia S.

La posición dinámica $\check{\mathbf{r}}_S$, la velocidad dinámica $\check{\mathbf{v}}_S$, la aceleración dinámica $\check{\mathbf{a}}_S$, la velocidad angular dinámica $\check{\mathbf{a}}_S$ y la aceleración angular dinámica $\check{\mathbf{a}}_S$ de un sistema de referencia S fijo a una partícula S, están dadas por:

$$\mathbf{\check{r}}_S = \int \int (\mathbf{F}_0/m_s) dt dt$$

$$\mathbf{\check{v}}_S = \int (\mathbf{F}_0/m_s) dt$$

$$\mathbf{\check{a}}_S = (\mathbf{F}_0/m_s)$$

$$\mathbf{\check{\omega}}_S = \pm \left| (\mathbf{F}_1/m_s - \mathbf{F}_0/m_s) \cdot (\mathbf{r}_1 - \mathbf{r}_0) / (\mathbf{r}_1 - \mathbf{r}_0)^2 \right|^{1/2}$$

$$\mathbf{\check{\alpha}}_S = d(\mathbf{\check{\omega}}_S) / dt$$

donde \mathbf{F}_0 y \mathbf{F}_1 son las fuerzas resultantes que actúan sobre el sistema de referencia S en los puntos 0 y 1, \mathbf{r}_0 y \mathbf{r}_1 son las posiciones de los puntos 0 y 1 respecto al sistema de referencia S y m_s es la masa de la partícula S (el punto 0 es el origen del sistema de referencia S y el centro de masa de la partícula S) (el punto 0 pertenece al eje de rotación dinámica y el segmento 01 es perpendicular al eje de rotación dinámica) (el vector $\check{\omega}_S$ es colineal con el eje de rotación dinámica)

Las magnitudes $\check{\mathbf{r}}$, $\check{\mathbf{v}}$, $\check{\mathbf{a}}$, $\check{\omega}$ y $\check{\alpha}$ son invariantes bajo transformaciones entre sistemas de referencia.

Sistema de Referencia Inercial

Un sistema de referencia S es inercial si $\check{\omega}_S = 0$ y $\check{\mathbf{a}}_S = 0$, pero éste es no inercial si $\check{\omega}_S \neq 0$ o $\check{\mathbf{a}}_S \neq 0$. Este trabajo considera que el sistema de referencia universal \mathring{S} es siempre inercial.

Ecuación de Movimiento

Desde el principio general y las transformaciones se deduce que la aceleración \mathbf{a}_a de una partícula A de masa m_a respecto a un sistema de referencia S fijo a una partícula S de masa m_s , está dada por:

$$\mathbf{a}_a = \mathbf{F}_a/m_a - 2\,\breve{\omega}_S \times \mathbf{v}_a - \breve{\omega}_S \times (\breve{\omega}_S \times \mathbf{r}_a) - \breve{\alpha}_S \times \mathbf{r}_a - \mathbf{F}_s/m_s$$

donde \mathbf{F}_a es la fuerza resultante que actúa sobre la partícula A y \mathbf{F}_s es la fuerza resultante que actúa sobre la partícula S.

En contradicción con la primera y segunda ley de Newton, desde la última ecuación se deduce que la partícula A puede estar acelerada aun si sobre la partícula A no actúa fuerza alguna y también que la partícula A puede no estar acelerada (estado de reposo o de movimiento rectilíneo uniforme) aun si sobre la partícula A actúa una fuerza no equilibrada.

Para poder aplicar la primera y segunda ley de Newton en un sistema de referencia no inercial es necesario introducir fuerzas ficticias.

Sin embargo, este trabajo considera que la primera y segunda ley de Newton son falsas. Por lo tanto, en este trabajo no hay ninguna necesidad de introducir fuerzas ficticias.

Fuerza Cinética

La fuerza cinética $\mathbf{K}_{a|b}$ ejercida sobre una partícula A de masa m_a por otra partícula B de masa m_b , causada por la interacción entre la partícula A y la partícula B, está dada por:

$$\mathbf{K}_{a|b} = \frac{m_a m_b}{m_{am}} (\mathbf{\mathring{a}}_a - \mathbf{\mathring{a}}_b)$$

donde m_{cm} es la masa del centro de masa del universo, $\mathring{\mathbf{a}}_a$ y $\mathring{\mathbf{a}}_b$ son las aceleraciones universales de las partículas A y B.

Desde la ecuación anterior se deduce que la fuerza cinética resultante \mathbf{K}_a que actúa sobre una partícula A de masa m_a , está dada por:

$$\mathbf{K}_a = m_a \mathring{\mathbf{a}}_a$$

donde $\mathring{\mathbf{a}}_a$ es la aceleración universal de la partícula A.

Ahora desde la página [2], se tiene:

$$m_a \mathring{\mathbf{a}}_a - \mathbf{F}_a = 0$$

O sea:

$$\mathbf{K}_a - \mathbf{F}_a = 0$$

Por lo tanto, la fuerza total $(\mathbf{K}_a - \mathbf{F}_a)$ que actúa sobre una partícula A está siempre en equilibrio.