

expandmat 100 puncte

Fie o matrice A de dimensiuni $2^N \times 2^N$ date. Aceasta se construieste astfel:

Se pornește de la o matrice de dimensiune 2 x 2 având ca elemente litere mici ale alfabetului englez.

Matricea B de dimensiune 2^k x 2^k se formează din 4 submatrice de dimensiune $2^{(k-1)}$ x $2^{(k-1)}$ și se obține din matricea C de dimensiune $2^{(k-1)}$ x $2^{(k-1)}$, astfel:

- Submatricea din stânga sus va fi C
- Submatricea din dreapta sus va fi formată din C, crescând fiecare element cu 3 (a devine d, b devine e, z devine c)
- Submatricea din stânga jos va fi formată din C, scăzând fiecare element cu 4 (a devine v, b devine x, ..., z devine u)
- Submatricea din dreapta jos este C rotită cu 180 de grade

De exemplu dacă C de dimensiune 2 x 2 are valoarea:

a	b
С	d

Atunci matricea B de dimensiune $2^2 \times 2^2$ are valoarea:

a	b	e	f
c	d	g	h
v	X	d	c
y	Z	b	a

Cerintă

Se dau Q triplete (i, j, L), cu semnificația: pe poziția A[i][j] se află litera L. Care este numărul maxim de triplete care se pot selecta astfel încât toate să fie adevărate?

Exemplu

N = 2 Q = 7

(1, 2, b)

(2, 3, f)

(2, 1, d)

(1, 2, z)

(4, 1, y)

(4, 4, a)

(3, 3, d)

Concursul național "INFO PRO" 6-7 februarie 2021 Grupa B



Răspunsul este 5 (cele îngroșate). De exemplu, dacă matricea de pornire este:

ab

cd

Atunci matricea A va fi:

abde

cdfg

vxdc

yzba

Date de intrare

Fișierul de intrare **expandmat.in** conține pe prima linie numerele **N** și **Q**, despărțite printr-un spațiu, cu semnificația de mai sus, iar pe fiecare din următoarele **Q** linii va fi câte un triplet de numere **i**, **j**, **L** cu semnificațiile din enunț.

Date de ieșire

Fișierul de ieșire **expandmat.out** va conține pe prima linie numărul maxim de triplete care se pot selecta astfel încât toate să fie adevărate.

Restricții și precizări

- $\bullet \qquad 1 \le N \le 60$
- $\bullet \qquad 1 \le Q \le 100000$
- Matricea este indexată de la 1.
- Subtask 1, în valoare de 21 puncte: matricea inițială conține doar literele a,b,c,d și N ≤ 8, Q ≤ 100
- Subtask 2, în valoare de 19 de puncte: matricea inițială conține doar literele a,b,c,d și N ≤ 60, Q ≤ 300
- **Subtask 3,** în valoare de 13 puncte: literele matricei inițiale sunt egale
- Subtask 4, în valoare de 21 puncte: în matricea inițială literele de pe aceeași linie sunt egale
- Subtask 5, în valoare de 9 puncte: se garantează că răspunsul este cel puțin Q/2.
- **Subtask 6,** în valoare de 17 puncte: fără restricții suplimentare.

Concursul național "INFO PRO" 6-7 februarie 2021 Grupa B



Exemplu:

expandmat.in	expandmat.out	Explicație	
2 7	5	$N = 2 \text{$\dot{1}$ } \text{Q} = 7.$	
1 2 b			
2 3 f		Cele 5 triplete care se pot alege sunt:	
2 1 d		1 2 b	
1 2 z		2 3 f	
4 1 y		4 1 y	
4 4 a		4 4 a	
3 3 d		3 3 d	
		Dacă matricea inițială este:	
		ab	
		cd	
		Atunci matricea finală este:	
		abde	
		cdfg	
		vxdc	
		yzba	
		Această matrice satisface toate cele 5	
		triplete.	

Timp maxim de execuție: 0.2 secunde/test
Total memorie disponibilă: 256 MB