

Avaliação de superpixels para segmentação e detecção de contorno de imagens

Felipe Augusto Lima Reis¹

¹PUC Minas - Pontifícia Universidade Católica de Minas Gerais

`falreis@sga.pucminas.br`

Abstract. *Superpixels are structures that group similar pixels into sets that reflect aspects of the image. This paper evaluates the use of SLIC and EGB superpixels for segmentation. It's also evaluates the combination of both methods. Finally, this paper shows an hierarchical method implementation, using SLINK (single-linkage) clusterization, applied for the superpixels methods. For evaluation, this paper uses the Berkeley Segmentation Data Set (BSDS500). The results were compared to the dataset groundtruth, using precision and recall.*

Resumo. *Superpixels são estruturas que agrupam pixels semelhantes em conjuntos que refletem aspectos da imagem. Este artigo avalia a utilização de superpixels SLIC e EGB para segmentação. Avalia também os benefícios da combinação dos métodos para produção de segmentação. Por fim, o artigo mostra uma implementação de método hierárquico, utilizando clusterização SLINK (single-linkage), para os métodos estudados nesse trabalho. Para avaliação dos resultados, foram utilizadas as imagens do conjunto de validação do Berkeley Segmentation Data Set (BSDS500). Os resultados foram comparados em relação ao groundtruth, utilizando o método de precisão e revocação.*

1. Introdução

A segmentação de imagens consiste em dividir uma imagem em um conjunto de regiões logicamente agrupadas, de modo a reunir áreas que contém informação relevante dentro dos grupos [Domínguez and Morales 2016]. Nessa tarefa, tomamos os *pixels* como unidades básicas de processamento [Wang et al. 2017a]. O agrupamento de pixels em unidades maiores permite um tipo de segmentação chamado de *oversegmentation* [Wang et al. 2017a], ilustrado na Figura 1. O uso de superpixels possibilita o aumento da velocidade de processamento posterior, uma vez que a quantidade de pixels diminui consideravelmente em relação a imagem original.

A utilização de superpixels possibilita a redução de itens a serem processados, entretanto pode causar perda de informação importante. No entanto, para alguns casos, a perda de qualidade pode se justificar em relação ao ganho de velocidade obtido utilizando esse tipo de operação. Essa relação consiste então em um *trade-off* entre ambas as características, sendo viáveis em alguns cenários de processamento em tempo real ou para dispositivos com baixo desempenho.

Alguns métodos de geração de superpixels são utilizados para segmentação de imagens e detecção de bordas, como os métodos EGB [Felzenszwalb and Huttenlocher 2004] e SLIC [Achanta et al. 2012]. Esse trabalho

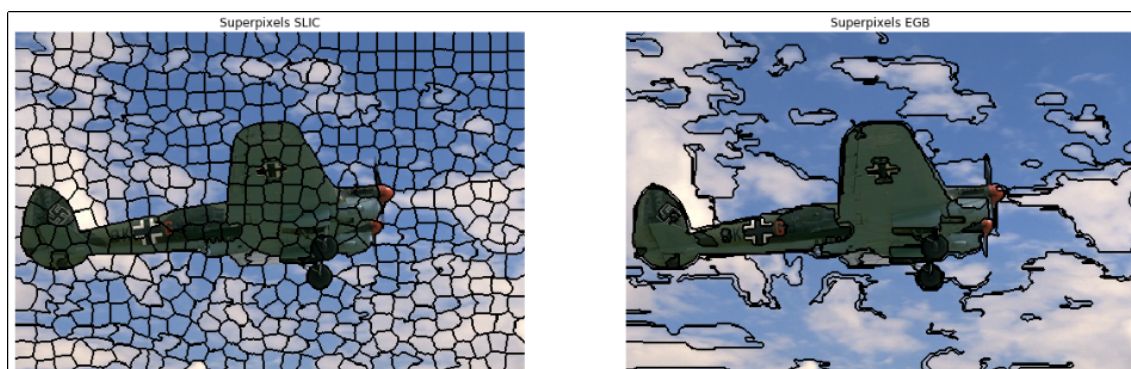


Figura 1. Imagens segmentadas utilizando superpixels SLIC e EGB

investiga se a utilização de métodos segmentação e detecção de contornos baseados em superpixels.

O presente trabalho apresenta a seguinte estrutura: a Seção 2 mostra o referencial teórico para construção do trabalho, a Seção 3, exibe os materiais e métodos utilizados nos testes; a Seção 4 mostra os resultados obtidos nos testes realizados e a discussões dos mesmos; a Seção 5 contém a conclusão do artigo, com as considerações finais.

2. Referencial Teórico

2.1. Superpixels

Superpixels são estruturas que agrupam pixels semelhantes em conjuntos. O agrupamento possibilita a redução de complexidade das tarefas de processamento [Achanta et al. 2012], ao reduzir a quantidade de itens a serem processados. Os superpixels são utilizados na área de visão computacional para solução de vasto número de problemas, como detecção de contorno [Wang et al. 2017b], segmentação [Liu et al. 2016] e localização de objetos [Fulkerson et al. 2009].

Superpixels, segundo [Felzenszwalb and Huttenlocher 2004], devem capturar importante grupos ou regiões, refletindo aspectos da imagem. Devem também ser executados em tempo próximo ao linear em relação a quantidade de pixels. Existem diversas abordagens para a geração de superpixels [Achanta et al. 2012]. Dentre elas, podemos classificá-las, segundo o método de agrupamento em:

- *Algoritmos baseados em grafos*: utilizam abordagem baseadas em grafos para correlação entre pixels e criação dos conjuntos. Dentre os algoritmos baseados em grafos podemos citar o *Efficient Graph-Based Image Segmentation* (EGB) [Felzenszwalb and Huttenlocher 2004];
- *Algoritmos baseados em gradiente ascendente*: utilizam métodos de gradiente ascendente iterativamente até que os critérios de convergência correspondam a forma de um superpixel. Nesse conjunto, podemos citar as abordagens *watersheds* [Vincent and Soille 1991] [Achanta et al. 2012]
- *Algoritmos de clusterização iterativo*: utilizam métodos de clusterização, como o *k-means*, para produção de superpixels. Um exemplo desse algoritmo é o SLIC (*Simple Linear Iterative Clustering*) [Achanta et al. 2012]

2.1.1. Superpixels SLIC

O algoritmo SLIC utiliza um único parâmetro k , correspondente a quantidade aproximada de superpixels, gerados em formato regular [Achanta et al. 2012]. A Figura 2 ilustra o algoritmo SLIC para diferentes números de superpixels. A fim de produzir tamanhos semelhantes, o intervalo analisado é $S = \sqrt{N/k}$, onde N é o número de pixels da imagem [Achanta et al. 2012].

A definição do centro dos superpixels é feita utilizando sementes, que são movidas para locais de geração. Esses locais correspondem a posição mais baixa do gradiente em uma vizinhança de 3×3 [Achanta et al. 2012]. Esse passo evita que superpixels sejam centrados nas bordas ou em uma posição de ruído [Achanta et al. 2012]. Cada pixel, então, é associado com o centro do cluster mais próximo, de modo que as regiões de busca se sobreponham [Achanta et al. 2012]. A fim de aumentar o desempenho do algoritmo, a região de busca é limitada em 2 vezes o tamanho aproximado do superpixel S , gerando busca em uma área $2S \times 2S$ [Achanta et al. 2012]. Em seguida, um passo de atualização dos centros dos clusters e computa o erro residual E [Achanta et al. 2012]. O algoritmo disponível no Algoritmo 1, resume as informações descritas nesse parágrafo.

Algorithm 1 Segmentação por superpixels SLIC (*Adaptado de* [Achanta et al. 2012])

```
1: /* Inicialização */
2: Inicialize os centros dos clusters  $C_k = [l_k, a_k, b_k, x_k, y_k]^T$  por amostragem de pixels
   em etapas de grade regulares  $S$ 
3: Mova os centros dos clusters para a posição de menor gradiente em uma vizinhança
    $3 \times 3$ 
4: Faça label  $l(i) = -1$  para cada pixel  $i$ 
5: Faça distância  $d(i) = \infty$  para cada pixel  $i$ 
6: repeat
7:   for cada cluster centrado em  $C_k$  do
8:     for cada pixel  $i$  em uma região  $2S \times 2S$  ao redor de  $C_k$  do
9:       Compute a distância  $D$  entre  $C_k$  e  $i$ 
10:      if  $D < d(i)$  then
11:        faça  $d(i) = D$ 
12:        faça  $l(i) = k$ 
13:      end if
14:    end for
15:  end for
16:  /* Atualização */
17:  Compute novos centros dos clusters
18:  Compute o erro residual  $E$ 
19: until  $E \leq threshold$ 
```

Para o algoritmo descrito na Figura 1, é necessário compreender o método para cálculo da medida de distância D entre os conjuntos. Devido ao algoritmo trabalhar no *colorspace* CIELAB, com o espaço-plano $labxy$, a posição do pixel pode assumir um intervalo de valores. Com isso, o cálculo da distância não pode ser feito utilizando uma distância euclidiana, sendo necessária uma prévia normalização da proximidade espacial

e de cor. Para isso é utilizado a fórmula $D = \sqrt{d_c^2 + (d_s/S)^2 \cdot m^2}$, onde D corresponde a distância em 5 dimensões do espaço labxy, d_c e d_s correspondem à proximidade de cores e proximidade espacial; e m^2 corresponde a distância máxima entre cores no cluster [Achanta et al. 2012]. Para o cálculo da distância em imagens em escala cinza, é utilizada a distância Euclidiana [Achanta et al. 2012].

Uma etapa extra no processo de pós processamento é a união de *pixels orfãos*. Esses pixels são adicionados ao cluster mais próximo usando o algoritmo de componentes conexos [Achanta et al. 2012].

Devido a limitação do espaço de pesquisa do algoritmo SLIC, a complexidade do algoritmo é $O(n)$, enquanto outros algoritmos que utilizam k-means para segmentação tem custo $O(k^N)$ [Achanta et al. 2012].

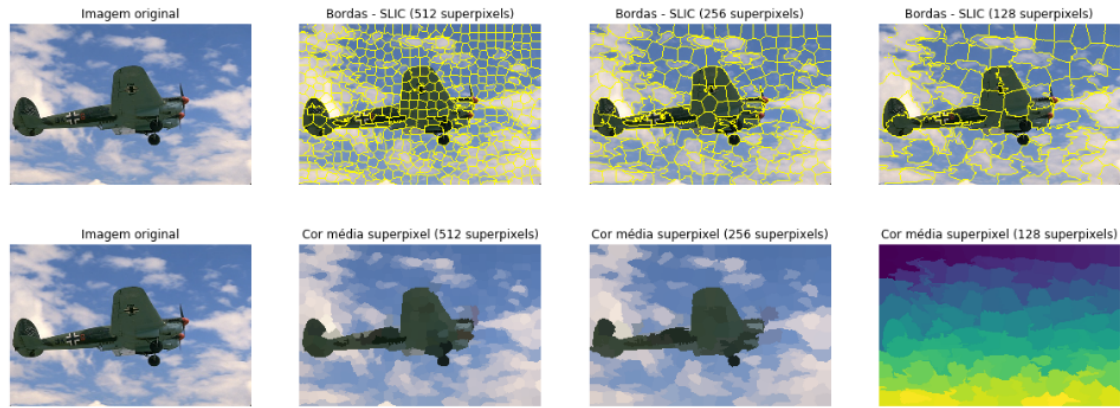


Figura 2. Fronteiras e coloração pelo valor médio dos superpixels SLIC/SLICO, para diferentes quantidades de superpixels

2.1.2. Superpixels EGB

Os superpixels EGB (*Efficient Graph-Based Image Segmentation*) utilizam uma abordagem baseada em grafos não direcionados. Nessa abordagem, cada *pixel* corresponde a um nó do grafo e a ligação entre eles ocorre por meio de arestas, com pesos não negativos, correspondente a medida de dissimilaridade [Felzenszwalb and Huttenlocher 2004].

Na abordagem baseada em grafos, a segmentação S é uma partição dos vértices V em componentes, no qual cada região $C \in S$ corresponde a um componente conectado em um grafo $G' = (V, E')$, onde $E' \subseteq E$, ou seja, a segmentação é induzida por um conjunto de vértices em arestas E [Felzenszwalb and Huttenlocher 2004].

No algoritmo foi definido um predicado D para avaliação da evidência de bordas entre dois componentes de uma segmentação. O algoritmo avalia a dissimilaridade entre elementos de dois componentes e os compara com elementos vizinhos em um mesmo componente, de modo que o algoritmo possa se adaptar em relação as características dos dados [Felzenszwalb and Huttenlocher 2004].

Para a comparação entre as regiões é utilizada uma função de corte (*threshold*) τ , a fim de medir o grau de diferença entre os componentes. Esse

grau deve ser superior a diferença interna mínima, evidenciando uma borda [Felzenszwalb and Huttenlocher 2004]. A função de corte, no algoritmo, é utilizada baseado no tamanho do componente $\tau = k/|C|$, onde $|C|$ corresponde ao tamanho do componente C e k corresponde a um parâmetro do algoritmo [Felzenszwalb and Huttenlocher 2004].

O algoritmo EGB, utilizando pesos inteiros e ordenação por contagem, pode ser executado com custo linear, com complexidade $O(n \log n)$, para qualquer método de ordenação [Felzenszwalb and Huttenlocher 2004].

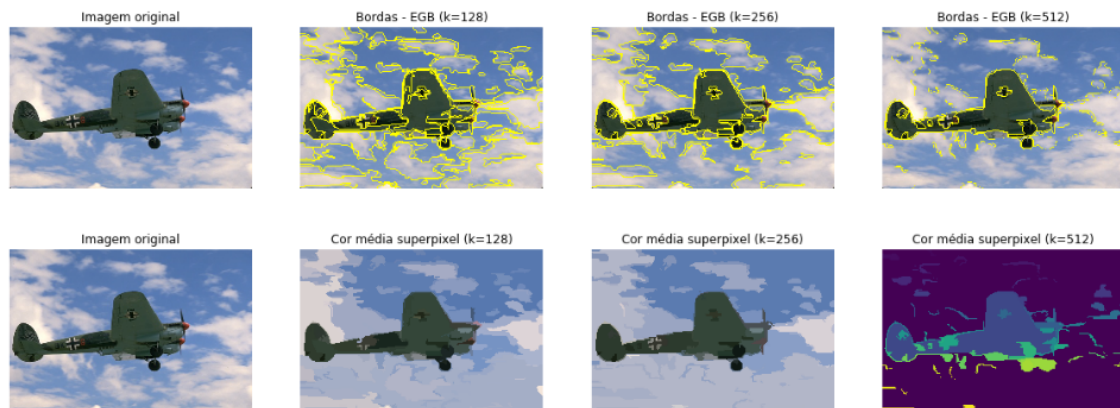


Figura 3. Fronteiras e coloração pelo valor médio dos superpixels EGB, para diferentes quantidades de superpixels

2.2. Clusters

- Aglomerativo - abordagem "*bottom up*", em que a observação inicia-se no próprio *cluster* e os pares de *clusters* são unidos na medida em que se sobe na hierarquia.
- Divisivo - abordagem "*top down*" onde as observações iniciam-se em um *cluster* e são realizadas recursivamente a medida em que se desce na hierarquia.

Os algoritmos originais de cluster possuem complexidade $O(n^3)$. Alguns algoritmos, entretanto, como o SLINK, ou *single-linkage*, possuem complexidade $O(n^2)$ [Sibson 1973]. O SLINK utiliza a distância mínima como critério de ligação (*linkage*) entre os *clusters*. A fórmula $\min\{d(a, b) : a \in A, b \in B\}$, corresponde a distância mínima para dois pares de clusters A e B observados, onde d é a métrica de distância escolhida [Wikipedia 2018b].

A partir da aglomeração de clusters é possível construir uma árvore hierárquica, onde os clusters são agrupados por sua similaridade. Um método de visualização dessas características é o dendrograma.

2.3. Detecção de Contornos e Segmentação de Imagens

Segmentação de imagens consiste em separar uma imagem em regiões, idealmente correspondente a objetos reais [Zhang et al. 2008]. Esse passo é utilizado no processamento de imagens, vídeos e aplicações de visão computacional. Também consiste em um importante passo na tentativa de explicar uma imagem por meio de algoritmos [Zhang et al. 2008].

Extensiva pesquisa é realizada e muitas abordagens e algoritmos são utilizados, com bons resultados para um conjunto ou classes de imagens [Zhang et al. 2008]. A fim de facilitar a pesquisa, alguns trabalhos foram desenvolvidos para criação de um conjunto de imagens com suas respectivas segmentações manuais. A base BSDS500 (*Berkeley Segmentation Data Set and Benchmarks 500*) provê uma base de imagens para pesquisa de segmentação e detecção de bordas. [Arbelaez et al. 2011]. Essa base de dados é uma extensão da base BSDS300, com 200 novas imagens para avaliação [Arbelaez et al. 2011].

A fim de avaliar a efetividade das segmentações, tradicionalmente são utilizados métodos subjetivos, como a visualização humana, responsável por comparar a qualidade da segmentação ou métodos supervisionados, onde uma segmentação é comparada em relação a uma imagem manualmente segmentada [Zhang et al. 2008]. Projetos de detecção automática, como o SEISM (*Supervised Evaluation of Image Segmentation Methods*) permitem a avaliação da segmentação, usando a recuperação de precisão para bordas e a recuperação de precisão para objetos e peças [Pont-Tuset and Marques 2016].

3. Materiais e Métodos

Para confecção do trabalho foram escolhidos os algoritmos de SLIC e EGB. Os algoritmos possuem características diferentes: o SLIC é capaz de produzir *superpixels* em formas regulares, porém não é tão preciso ao separar os conjuntos por similaridade; por outro lado, o EGB, produz *superpixels* irregulares, porém é mais aderente às diferenças de cores entre *pixels*.

Nos testes realizados foi realizada hierarquização dos resultados obtidos após a geração de superpixels SLIC, EGB e também sobre a composição SLIC+EGB. A composição SLIC+EGB corresponde a aplicação do algoritmo SLIC, seguido pela recoloração utilizando o valor médio de cores do *superpixel* e, por fim, a aplicação do método EGB. A partir dessa seção, o método SLIC+EGB passará a ser chamado SEGB, para facilitar a nomenclatura.

Os resultados das hierarquizações foram comparados aos melhores resultados de segmentação obtidos pela segmentação SLIC, EGB e SEGB sem hierarquização. O método de hierarquização está descrito na seção 3.1, enquanto o método de avaliação de resultados está descrito na seção 3.3. Os resultados dos testes estão disponíveis na seção 4.

3.1. Hierarquia de Segmentações

A hierarquização das segmentações tem como objetivo possibilitar a utilização dos algoritmos para produzir segmentação em diferentes níveis de detalhamento: desde um nível mais aprofundado até um nível macro. Os diferentes níveis hierárquicos podem ser combinados em termos do contorno das hierárquias, permitindo a representação das hierarquias indexadas como bordas suaves, chamadas Mapas de Contorno Ultramétrico (UCM - *Ultrametric Contour Map*) [Arbelaez 2006].

Para construção das hierarquias foram gerados *clusters* com as correlações entre os grupos de *superpixels* adjacentes, após a segmentação inicial. Foi utilizado o algoritmo SLINK (*single-linkage*) para agrupamento dos *superpixels* próximos, gerando uma árvore com as correlações entre os *superpixels*.

Para verificação da estrutura da árvore foi utilizado um dendrograma, como representado na Figura 4. O dendrograma é um tipo de árvore utilizado para ilustração de uma clusterização hierárquica [Wikipedia 2018a]. Frequentemente é utilizado nas áreas de biologia para indicar a mudanças evolucionárias entre ancestrais e descendentes, baseados em suas características [Science-Dictionary 2018].

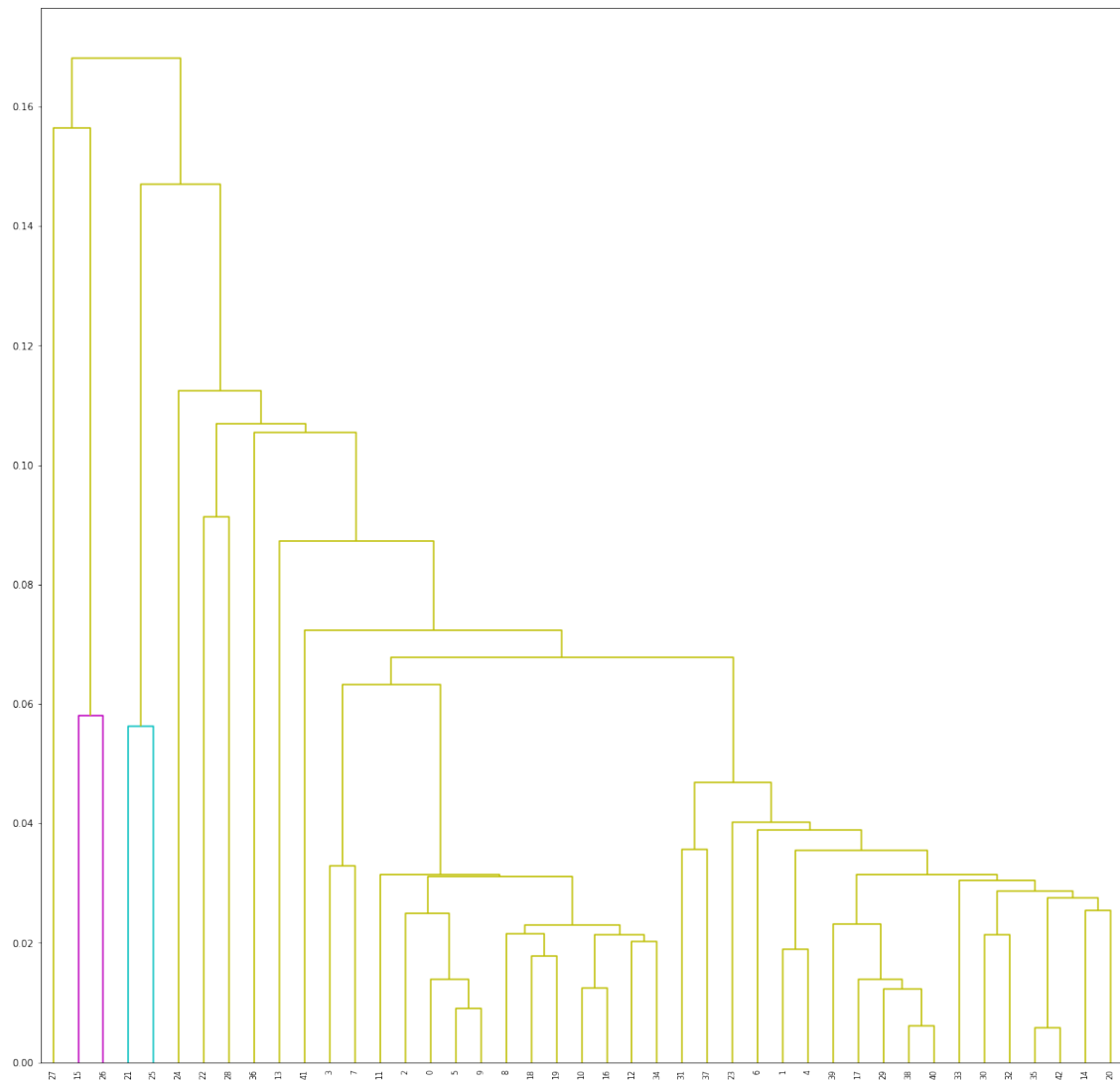


Figura 4. Dendrograma dos superpixels de uma imagem

Em um árvore de estrutura semelhante à representada por um dendrograma é possível realizar cortes horizontais ou verticais na hierarquia, a fim de obter tipos de agrupamentos diferentes. No trabalho realizado somente foram realizados cortes horizontais, em diversos níveis.

Devido às características da segmentação, quando comparados ao *groundtruth*, não foram validados todos os níveis hierárquicos. A fim de reduzir o número de comparações, somente foram avaliados níveis hierárquicos intermediários que apresentaram melhores resultados em testes empíricos. Com isso, foi estabelecido um limite máximo e mínimo para os cortes na hierarquia, de modo que os cortes foram feitos den-

tro de um intervalo, evitando avaliação de níveis com baixa probabilidade adequação ao *groundtruth*.

3.2. Análise Multiescala

Para que os níveis hierarquicos possam garantir a manutenção da informação, agrupando apenas características semelhantes, as hierarquias devem seguir os princípios de análise multiescala [Guimarães and Patrocínio 2013]. Esses princípios asseguram manutenção de duas características principais [Guimarães and Patrocínio 2013]:

- Causalidade - um contorno presente em uma escala $k1$ deve estar presente em qualquer escala $k2 < k1$ [Guimarães and Patrocínio 2013];
- Localidade - a medida em que o número de regiões diminui, os contornos devem ser estáveis (não devem se mover). A união corresponde a manutenção das bordas dos grupos que se fundiram [Guimarães and Patrocínio 2013].

O método de hierarquização descrito nesse trabalho manteve as características da análise multiescala. A Figura 5 mostra os possíveis cortes na hierarquia de uma segmentação SEGB, sem recoloração da imagem. Nesse modelo, a segmentação é capaz de unir pixels por similaridade.

É importante salientar que os métodos originais (SLIC e EGB), quando apenas variados os parâmetros de criação de superpixels não mantêm as características de análise multiescala, conforme podemos ver nas Figuras 2 e 3; essas características somente são obtidas pelos processos hierárquicos aplicados aos métodos após a criação dos superpixels.

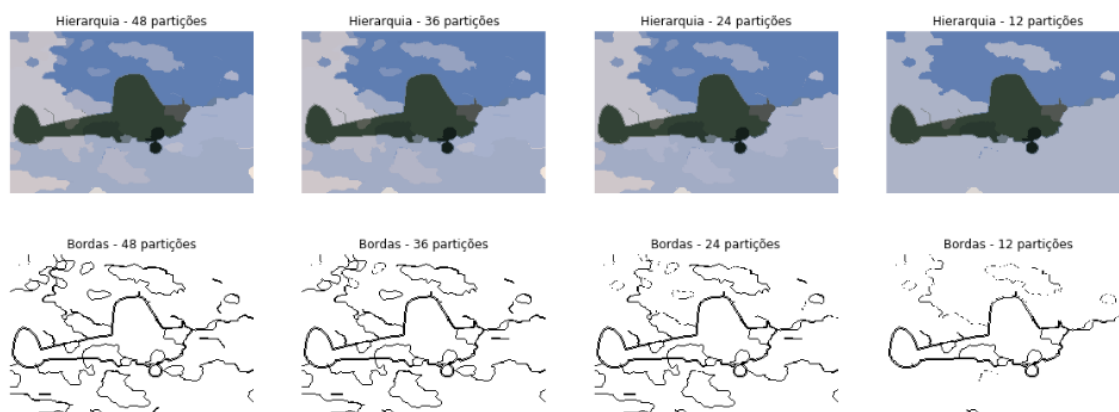


Figura 5. Hierarquia de partições utilizando superpixel SLIC+EGB.

3.3. Avaliação de Resultados

Para avaliação das imagens, foi primeiramente utilizada a classificação visual, comparando a qualidade dos resultados. Em seguida utilizou-se um método de comparação de precisão e revocação, para detecção de contornos e bordas.

O método de precisão é um método de classificação binária, onde a precisão (*prediction*) corresponde à “fração de instâncias recuperadas que são relevantes”, enquanto revocação (*recall*), corresponde “a fração de instâncias relevantes que são recuperadas” [Wikipedia 2018c]. Ambos os métodos são avaliados juntos para que possam identificar 4 tipos de dados possíveis:

- Verdadeiros Positivos - correspondem aos valores que foram corretamente classificados como positivos;
- Falsos Negativos - correspondem aos valores que foram classificados incorretamente como negativos;
- Falsos Positivos - correspondem aos valores que foram classificados incorretamente como positivos;
- Verdadeiros Negativos - correspondem aos valores que foram classificados corretamente como negativos [Wikipedia 2018c];

A classificação descrita acima está ilustrada na Figura 6.

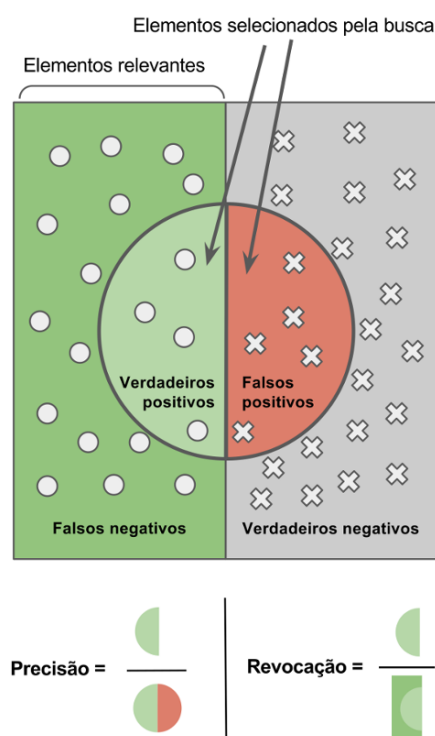


Figura 6. Precisão e revocação. Adaptado de [Wikipedia 2018c]

A classificação de precisão e revocação pode ser dada por uma média harmônica, chamada de *F-measure* ou *F-score* balanceada. Essa medida é dada pela fórmula [Wikipedia 2018c]:

$$F = 2 \cdot \frac{precis \cdot revoc}{precis + revoc} \quad (1)$$

A medida é aproximadamente a média quando seus valores estão próximos, porém o valor é baixo quando as médias estão distantes, favorecendo métodos com baixo número de falsos positivos e verdadeiros negativos [Wikipedia 2018c]

3.4. Código Fonte e Bibliotecas Utilizados

Os códigos fontes gerados, realizando as segmentações, hierarquias, geração de mapas ultramétricos, avaliação dos resultados e os gráficos presentes nesse trabalhos estão disponíveis publicamente na página pessoal do autor no Github ¹.

¹<https://github.com/falreis/image-segm>

	Algoritmos		
	SLIC	EGB	SEGB
k	300	-	1408
$scale$	-	300	1408
$sigma$	-	0.8	0.8
min_size	-	30	30

Tabela 1. Parametrização dos algoritmos.

Os algoritmos SLIC e EGB utilizados para realização desse trabalho foram obtidos pela biblioteca Scikit-Image². Os algoritmos de geração de cluster SLINK e representação de dendrogramas foram obtido na biblioteca Scipy.org³. O algoritmo de avaliação do resultado foi obtido no projeto Image-Segmentation, no Github⁴.

4. Testes, Resultados e Discussões

Para avaliação do desempenho dos algoritmos foi executada a segmentação das imagens do conjunto de validação da base de dados BSD500 (*Berkeley Segmentation Data Set*). O conjunto possui 100 imagens naturais com seus respectivos *groundtruths* feito por anotações humanas [Arbelaez et al. 2011].

Os algoritmos foram aplicados a base de testes e comparados com os *groundtruths* disponíveis na base de dados. A adequação do algoritmo em relação ao *ground-truth* foi feita por meio do mecanismo de precisão e revocação, utilizando a medida *F-measure*, conforme descrito na seção 3.3.

A fim de obter a melhor parametrização possível, foram executados diversos testes para cada algoritmo. Somente o algoritmo EGB não foi extensamente executado a fim de obter a melhor parametrização, uma vez que os valores obtidos pelos autores estão disponíveis no artigo *Efficient Graph-Based Image Segmentation* [Felzenszwalb and Huttenlocher 2004]. A parametrização dos algoritmos está detalhada na Tabela 1.

Os algoritmos hierárquicos foram executados e a melhor partição obtida para todo o conjunto de imagens (ODS - *Optimal Data Set Scale*) [Arbelaez et al. 2009] foi utilizada. Em seguida os valores foram comparados aos demais algoritmos utilizando com métrica a medida *F-measure*. A eficiência média dos algoritmos está ilustrada na Figura 7.

Conforme observamos na Figura 7, o valor médio do algoritmo SEGB teve valores próximos aos obtidos pelo algoritmo EGB. O algoritmo EGB teve valor superior ao algoritmo SLIC, em todos os casos.

Os algoritmos hierárquicos, conforme Figura 7, resultaram em valores superiores aos algoritmos sem hierarquização. O resultado observado é superior àqueles sem hierarquização. Esse resultado é previsível devido a possibilidade de melhor adequação a base de dados.

²<http://scikit-image.org/docs/dev/api/skimimage.segmentation.html>

³<https://docs.scipy.org/doc/scipy-0.18.1/reference/generated/scipy.cluster.hierarchy.linkage.html>

⁴https://github.com/Htiango/Image-Segmentation/blob/master/main/eval_boundary.py

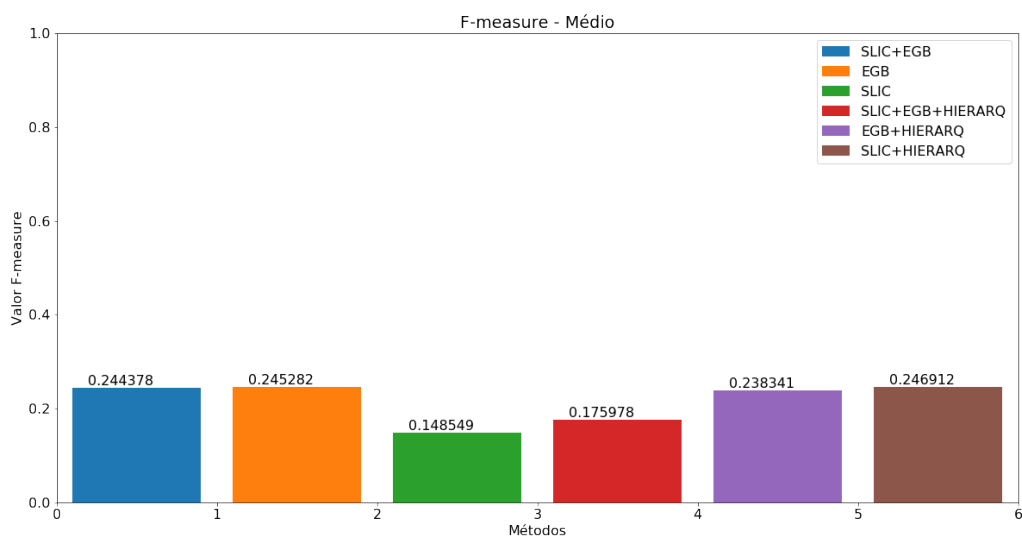


Figura 7. Valor médio de F -measure para os algoritmos avaliados.

Outra análise possível para os algoritmos são os valores máximos de F -measure. Esses valores estão ilustrados na Figura 8. A Figura mostra mais uma vez que as melhores hierarquias obtiveram resultados superiores às versões sem hierarquização. Por fim, vemos que o resultado máximo do algoritmo EGB é superior ao algoritmo SEGB, diferindo do valor médio das amostras.

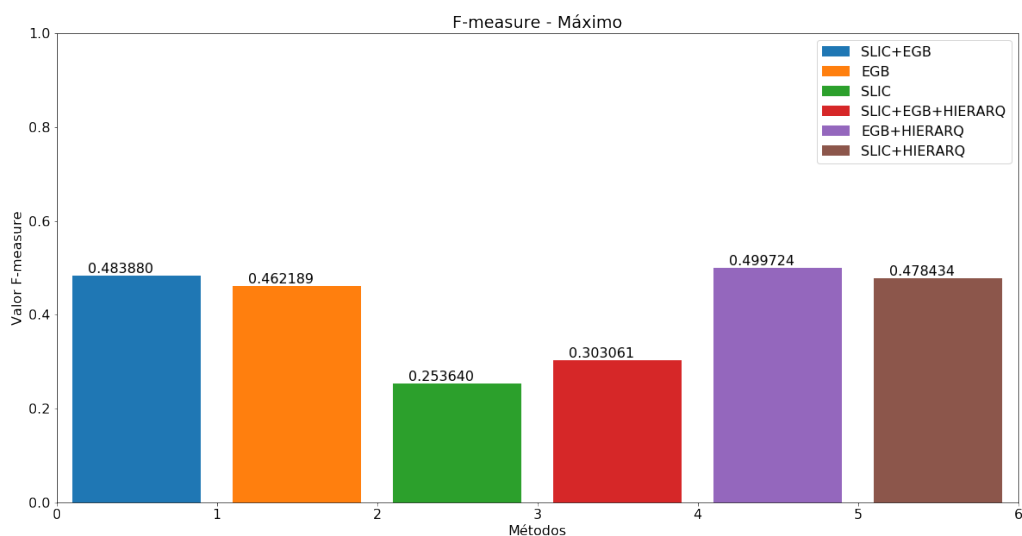


Figura 8. Valor máximo de F -measure para os algoritmos avaliados.

5. Conclusão

Os algoritmos de geração de superpixels avaliados nesse trabalho tiveram resultados baixos para tarefas de segmentação e detecção de contornos, mesmo quando combinados. As versões hierárquicas dos algoritmos apresentaram resultados superiores àqueles obtidos sem hierarquias.

O algoritmo SLIC, apesar das vantagens de produzir superpixels de tamanhos regulares, apresentou a menor eficiência para segmentação de imagens, em relação aos

demais algoritmos estudados. A combinação dos algoritmos SEGB para detecção de contornos não apresentou resultado superior ao algoritmo EGB. Além disso, o custo computacional para execução dos dois algoritmos em sequência, bem como os custos para recoloração da imagens mostraram-se injustificáveis frente aos ganhos obtidos.

A utilização de hierarquias após a aplicação dos métodos de geração de *superpixels* aumentou consideravelmente os resultados de alguns métodos. Apesar da utilização não resultar em alto grau de desempenho na detecção de bordas e segmentação, justifica-se a utilização das versões hierárquicas em relação às versões originais dos algoritmos quando houver necessidade ampliação e redução de contornos, para efeito de agrupamento de informações. Os parâmetros descritos nesse trabalho podem ser utilizados como passo inicial para refinamento dos parâmetros em trabalhos futuros.

Os métodos hierarquicos apresentados no trabalho também permitem a utilização em diferentes cenários, principalmente para redução e agrupamento de informação relevante em imagens, atendendo aos preceitos de análise multiescala.

Como trabalho futuro sugere-se a utilização dos algoritmos mostrados nesse trabalho como passo de pré processamento de outras técnicas de segmentação, como redes neurais convolucionais. Esses passos de segmentação iniciais podem permitir treinamento mais rápido e menor quantidade de informação a ser processadas, além de identificação mais rápida de bordas e contornos.

Referências

- Achanta, R., Shaji, A., Smith, K., Lucchi, A., Fua, P., and Süsstrunk, S. (2012). Slic superpixels compared to state-of-the-art superpixel methods. *IEEE Transactions on Pattern Analysis and Machine Intelligence*, 34(11):2274–2282.
- Arbelaez, P. (2006). Boundary extraction in natural images using ultrametric contour maps. In *2006 Conference on Computer Vision and Pattern Recognition Workshop (CVPRW'06)*, pages 182–182.
- Arbelaez, P., Maire, M., Fowlkes, C., and Malik, J. (2009). From contours to regions: An empirical evaluation. In *2009 IEEE Conference on Computer Vision and Pattern Recognition*, pages 2294–2301.
- Arbelaez, P., Maire, M., Fowlkes, C., and Malik, J. (2011). Contour detection and hierarchical image segmentation. *IEEE Trans. Pattern Anal. Mach. Intell.*, 33(5):898–916.
- Domínguez, D. and Morales, R. R. (2016). *Image Segmentation: Advances*, volume 1.
- Felzenszwalb, P. F. and Huttenlocher, D. P. (2004). Efficient graph-based image segmentation. *International Journal of Computer Vision*, 59(2):167–181.
- Fulkerson, B., Vedaldi, A., and Soatto, S. (2009). Class segmentation and object localization with superpixel neighborhoods. In *2009 IEEE 12th International Conference on Computer Vision*, pages 670–677.
- Guimarães, S. J. F. and Patrocínio, Z. K. G. (2013). A graph-based hierarchical image segmentation method based on a statistical merging predicate. In Petrosino, A., editor, *Image Analysis and Processing – ICIAP 2013*, pages 11–20, Berlin, Heidelberg. Springer Berlin Heidelberg.

- K.Jeyalakshmi and S.Shanmugapriya (2016). An efficient hierarchical clustering algorithms approach based on various-widths algometric clustering. In *International Journal of Innovative Research in Computer and Communication Engineering*, volume 4, pages 13151–13155.
- Liu, T., Seyedhosseini, M., and Tasdizen, T. (2016). Image segmentation using hierarchical merge tree. *IEEE Transactions on Image Processing*, 25(10):4596–4607.
- Pont-Tuset, J. and Marques, F. (2016). Supervised evaluation of image segmentation and object proposal techniques. *IEEE Transactions on Pattern Analysis and Machine Intelligence (TPAMI)*, 38(7):1465–1478.
- Rokach, L. and Maimon, O. (2005). *Clustering Methods*, pages 321–352. Springer US, Boston, MA.
- Science-Dictionary (2018). What is dendrogram?
- Sibson, R. (1973). Slink: An optimally efficient algorithm for the single-link cluster method. *Comput. J.*, 16:30–34.
- Vincent, L. and Soille, P. (1991). Watersheds in digital spaces: an efficient algorithm based on immersion simulations. *IEEE Transactions on Pattern Analysis and Machine Intelligence*, 13(6):583–598.
- Wang, M., Liu, X., Gao, Y., Ma, X., and Soomro, N. Q. (2017a). Superpixel segmentation: A benchmark. *Signal Processing: Image Communication*, 56:28 – 39.
- Wang, X.-Y., Wu, C.-W., Xiang, K., and Chen, W. (2017b). Efficient local and global contour detection based on superpixels. *Journal of Visual Communication and Image Representation*, 48:77 – 87.
- Wikipedia (2018a). Dendrogram.
- Wikipedia (2018b). Hierarchical clustering.
- Wikipedia (2018c). Precision and recall.
- Zhang, H., Fritts, J. E., and Goldman, S. A. (2008). Image segmentation evaluation: A survey of unsupervised methods. *Computer Vision and Image Understanding*, 110(2):260 – 280.