Chapitre XI: Collisions



par Loka

Date de publication : 25/10/2007

Dernière mise à jour : 25/10/2007

XI - Collisions

XI-1 - Détection de collision

XI-2 - Collisions avec des boîtes de collision

XI-3 - Collisions circulaires

Sources et pdf

Remerciements

XI - Collisions

Dans ce tutoriel, nous allons essayer de voir comment gérer la collision entre deux ou plusieurs éléments.

Certains éléments peuvent être statiques (fixés à des coordonnées précises), d'autres dynamiques (qui bougent soit par l'action de la personne derrière l'écran, soit en suivant un "chemin" déterministe).

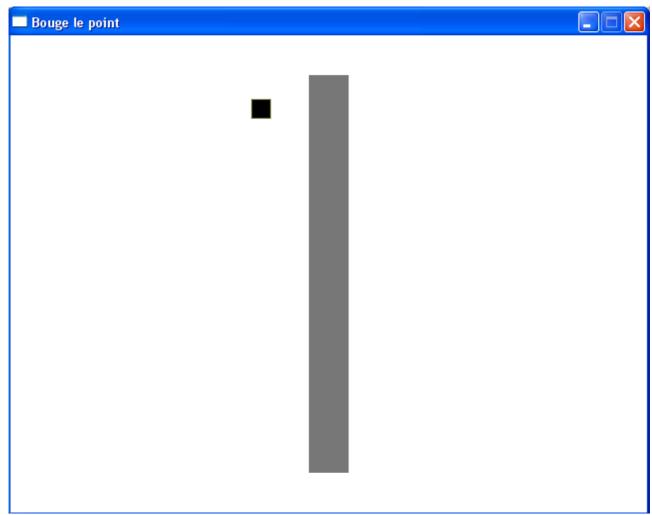
Ces éléments peuvent aussi prendre différentes formes qui peuvent être plus ou moins complexes.

Nous allons dans un premier temps nous occuper du cas le plus simple : la collision entre un carré dirigé par le clavier et un "mur" (de type rectangulaire) statique que l'on va placer.

XI-1 - Détection de collision

Pour cette première partie, nous avons donc un carré et un mur. Il va falloir qu'on fasse en sorte que le carré ne traverse pas le mur.

Voici à quoi ressemblera notre premier programme :



Pour ce faire, il nous faut vérifier si le carré et le mur sont en collision.

Construisons d'abord notre mur et notre carré :

```
mur
    //Le mur
SDL_Rect wall;
```

```
carré
   //La classe Square (carre)
   class Square
       private:
        //la boite de collision du carre
       SDL_Rect box;
       //La vitesse du point
int xVel, yVel;
       //Initialisation des variables Square();
        //Recupere la touche pressee et ajuste la vitesse du carre
```

```
carré
    void handle_input();

    //Montre le carré sur l'ecran
    void show();
};
```

La classe Square représente le carré qu'on va déplacer dans la fenêtre SDL.

Comme vous pouvez le remarquer, cette classe est quasi-identique à notre classe Point vue dans les chapitres précédents.

La seule différence notable est que les coordonnées X et Y de notre carré sont dans une structure SDL_Rect qui contient aussi les dimensions de notre carré.

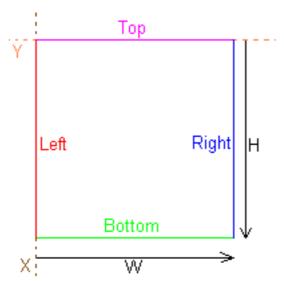
Nous avons donc deux SDL_Rect et il nous faut déterminer quand il y a collision.

La fonction suivante va prendre en paramètre nos deux SDL_Rect, calculer les côtés de nos rectangles (le carré et le mur) afin d'ensuite faire les tests de collision.

```
fonction check_collision : determination des cotes
   bool check_collision( SDL_Rect &A, SDL_Rect &B )
       //Les cotes des rectangles
       int leftA, leftB;
       int rightA, rightB;
       int topA, topB;
       int bottomA, bottomB;
       //Calcul les cotes du rectangle A
       leftA = A.x;
       rightA = A.x + A.w;
       topA = A.y;
       bottomA = A.y + A.h;
        /Calcul les cotes du rectangle B
       leftB = B.x;
       rightB = B.x + B.w;
       topB = B.y;
       bottomB = B.y + B.h;
```

Comme vous le voyez, il est facile à partir d'un SDL_Rect de calculer les côtés des rectangles car nous possédons ses coordonnées X et Y ainsi que sa hauteur H et sa largeur W.

Si vous avez du mal à voir comment les côtés sont déterminés, voici un petit schéma :

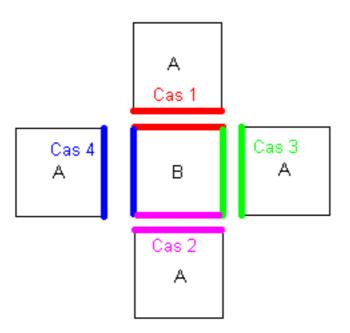


Maintenant que nous avons ce qu'il nous faut, nous pouvons tester si les deux rectangles sont en collision.

Il existe des cas, faciles à déterminer, où la collision entre les deux rectangles est impossible :

- cas 1 La partie basse (bottom) du rectangle A se retrouve au-dessus de la partie haute (Top) du rectangle B.
- cas 2 La partie haute (Top) du rectangle A se retrouve en dessous de la partie basse (bottom) du rectangle B.
- cas 3 La partie gauche (Left) du rectangle A se retrouve plus à droite que la partie droite (Right) du rectangle B.
- cas 4 La partie droite (Right) du rectangle A se retrouve plus à gauche que la partie gauche (Left) du rectangle B.

Un schéma valant mieux qu'une explication :



Dans les autres cas, il y a collision.

Il est donc facile de vérifier s'il y a collision entre nos deux rectangles, il suffit de vérifier qu'ils ne sont pas dans l'un des quatre cas présentés ci-dessus.

```
//Tests de collision
if( bottomA <= topB )
    return false;
if( topA >= bottomB )
    return false;
if( rightA <= leftB )</pre>
    return false;
if( leftA >= rightB )
    return false;
//Si conditions collision detectee
return true;
```

Notez que j'ai utilisé les opérateurs égal dans les tests, j'ai juste décidé qu'il n'y avait pas collision lorsque les deux rectangles étaient collés.

Vous pouvez très bien enlever les opérateurs égal, dans ce cas quand les deux rectangles seront côte à côte, il y aura collision (ce qui peut poser problème, nous le verrons par la suite).

Continuons ce programme par l'affichage du carré.

C'est dans cette fonction d'affichage et de rendu que l'on va utiliser notre fonction de collision et faire le traitement le cas échéant.

```
methode d'affichage du carré

void Square::show() {
    //Bouge le carre a droite ou a gauche
    box.x += xVel;

    //Si collision avec les cotes de l'ecran (droite ou gauche) ou collision avec le mur
    if( ( box.x < 0 ) || ( box.x + SQUARE_WIDTH > SCREEN_WIDTH ) || ( check_collision( box, wall ) )
} {
    //Annulation du dernier deplacement
    box.x -= xVel;
}

    //Bouge le carre vers le haut ou vers le bas
    box.y += yVel;
    //Si collision avec les cotes de l'ecran (haut ou bas) ou collision avec le mur
    if( ( box.y < 0 ) || ( box.y + SQUARE_HEIGHT > SCREEN_HEIGHT ) || ( check_collision( box, wall )
} ) }

    //Annulation du dernier deplacement
    box.y -= yVel;
} //Affiche le carre
    apply_surface( box.x, box.y, square, screen );
}
```

Dans cette fonction, nous bougeons notre carré.

Nous vérifions que celui-ci ne sort pas de l'écran ou qu'il ne traverse pas le mur.

Si notre carré est en collision, que ce soit avec les bords de l'écran ou avec notre mur, on annule le déplacement.

L'algorithme utilisé est donc celui-ci :

```
algorithme de collision

On bouge le carre
Si il y a une collision dans cette nouvelle position
On annule le mouvement
Fin Si
```

Un petit problème peut apparaître selon la taille de notre fenêtre SDL et la vitesse de déplacement de notre carré.

En effet, si ces trois valeurs (hauteur de l'écran, largeur de l'écran et vitesse de déplacement du carré), ne sont pas multiples, il peut y avoir un problème de ce type :



Comme vous pouvez le voir, le carré reste bloqué sans pouvoir se coller au mur, ce qui n'est pas très réaliste comme collision.

Pour combler ce défaut, nous allons utiliser un autre algorithme :

```
algorithme de collision version 2

On bouge le carré
Si il y a une collision dans cette nouvelle position
On colle le carré contre l'élément en collision
Fin Si
```

Cet algorithme est préférable au premier lors de collisions avec des éléments statiques mais à éviter dans le cas de collisions avec des éléments dynamiques.

Voici donc une autre version de la fonction d'affichage du carré :

```
void Square::show()
     //Bouge le carre a droite ou a gauche
    box.x += xVel;
    int leftW, leftB;
    int rightW, rightB;
    int topW, topB;
    int bottomW, bottomB;
    leftB = box.x;
    rightB = box.x + box.w;
    topB = box.y;
    bottomB = box.y + box.h;
    leftW = wall.x;
    rightW = wall.x + wall.w;
    topW = wall.y;
    bottomW = wall.y + wall.h;
     //Si collision avec les cotes de l'ecran (droite ou gauche)
    if( ( box.x < 0 ) ) {
    //on colle le carre contre l'ecran
         box.x = 0;
    if ( box.x + SQUARE_WIDTH > SCREEN_WIDTH ) {
         //On colle le carre contre l'ecran
box.x = SCREEN_WIDTH - SQUARE_WIDTH;
     //Si collision avec le mur
    if( ( check_collision( box, wall )) ) {
         // collision droite
if(box.x + box.w > wall.x + wall.w) {
   box.x = wall.x + wall.w;
          / collision gauche
         if(box.x < wall.x) {</pre>
              box.x = wall.x - box.w;
     //Bouge le carre vers le haut ou vers le bas
    box.y += yVel;
    //Si collision avec les cotes de l'ecran (haut ou bas) if( ( box.y < 0 ) ) {    //On colle le carre contre l'ecran
         box.y = 0;
    if ( box.y + SQUARE_HEIGHT > SCREEN_HEIGHT ) {
          /On colle le carre contre l'ecran
         box.y = SCREEN_HEIGHT - SQUARE_HEIGHT;
     //Si collision avec le mur
```

```
methode d'affichage du carré v2

if( ( check_collision( box, wall )) ) {
    // collision haut
    if(box.y < wall.y) {
        box.y = wall.y - box.h;
    }

    // collision bas
    if(box.y + box.h > wall.y + wall.h) {
        box.y = wall.y + wall.h;
    }
}

//Affiche le carre
    apply_surface( box.x, box.y, square, screen );
}
```

Cette version est plus lourde que la précédente car il nous faut récupérer les côtés de nos deux rectangles afin de pouvoir les coller lors d'une collision.

Dans le cas où nous aurions mis un opérateur égal dans les tests de collision dans notre fonction check_collision plus haut, il y aurait eu une boucle infinie entre la détection de la collision et le placement du carré.

Enfin pour terminer cette fonction, on affiche bien sûr le carré à l'écran.

Les sources de ce programme sont téléchargeables ici :

Télécharger les sources du chapitre XI-1 version 1 (100 ko)

Télécharger les sources du chapitre XI-1 version 2 (101 ko)

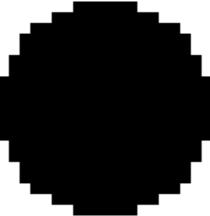
XI-2 - Collisions avec des boîtes de collision

Une des méthodes les plus utilisées dans le monde du jeu vidéo est la gestion des collisions avec des boîtes de collision.

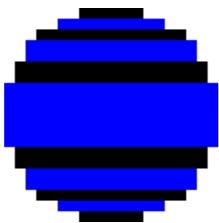
Cette partie du tutoriel va vous apprendre à créer et utiliser ces boîtes afin de détecter les collisions.

Avec les boîtes de collision, vous pouvez vérifier les collisions pour n'importe quel type de figure géométrique car tout peut se rapporter à un ensemble de boîtes de collision.

Prenons l'exemple d'un point :



Celui-ci peut se représenter avec un ensemble de boîtes de collision comme celles-ci :



Chaque image sur un ordinateur est composée de pixels, et les pixels sont des carrés qui composent des rectangles qui seront nos boîtes de collision.

Ainsi, lorsque l'on souhaite vérifier une collision, il suffit de vérifier si les deux groupes de rectangles entrent en collision.

Pour gérer ces groupes de rectangle qui nous servirons de boîtes de collision, nous allons utiliser des vecteurs.

```
#include "SDL/SDL.h"
#include "SDL/SDL_image.h"
#include <string>
#include <vector>
```

Les vecteurs sont des sortes de tableaux, mais sont plus facile à gérer. Si vous ne connaissez pas, je vous conseille d'aller ici :

FAQ vector

Nous allons devoir revoir un peu la classe Point que nous avions définie dans les chapitres précédents car il va nous falloir ajouter les boîtes de collision.

```
Classe Point
   //La classe Point
  class Point
       /Les coordonnees du point
      int x, y;
       //Les boites de collision du point
      std::vector<SDL_Rect> box;
       //La velocite du point
      int xVel, yVel;
       //fonction pour les boites de collision
      void shift_boxes();
      public:
        /Initialisation des variables
      Point( int X, int Y );
      //Prend les touches pressees et ajuste la vélocite du point
      void handle_input();
       //Bouge le point
      void move( std::vector<SDL_Rect> &rects );
       //Montre le point à l'écran
      void show();
       /Recuperation des boites de collision
      std::vector<SDL_Rect> &get_rects();
  };
```

Nous avons les coordonnées et la vélocité du point comme avant, mais maintenant on a en plus un vecteur de SDL Rect pour contenir les boîtes de collision.

Au niveau des fonctions, on voit apparaître la fonction **shift_boxes()** qui bouge les boîtes de collision en relation avec les coordonnées.

Il y a aussi un constructeur qui initialise le Point aux coordonnées passées en paramètre ainsi que la fonction de récupération des événements déjà présente avant.

Cette fois-ci on va séparer la partie mouvement du Point de la partie affichage de celui-ci.

Nous avons aussi une fonction get_rects() qui va nous permettre de récupérer les boîtes de collision.

Passons à la fonction de vérification des collisions.

Cette fois-ci on ne va pas se contenter de vérifier la collision entre deux rectangles, mais entre deux groupes de rectangles qui sont nos boîtes de collisions de nos deux éléments.

```
check collision
bool check_collision( std::vector<SDL_Rect> &A, std::vector<SDL_Rect> &B )
{
    //Les cotes du rectangle
    int leftA, leftB;
    int rightA, rightB;
    int topA, topB;
    int bottomA, bottomB;
```

```
//On va dans la boite A
    for( int Abox = 0; Abox < A.size(); Abox++ )</pre>
         //Calcul des cotes du rectangle A
        leftA = A[ Abox ].x;
        rightA = A[ Abox ].x + A[ Abox ].w;
         topA = A[ Abox ].y;
        bottomA = A[ Abox ].y + A[ Abox ].h;
         //On va dans la boite B
         for( int Bbox = 0; Bbox < B.size(); Bbox++ )</pre>
             //Calcul des cotes du rectangle B
             leftB = B[ Bbox ].x;
             rightB = B[ Bbox ].x + B[ Bbox ].w;
             topB = B[ Bbox ].y;
bottomB = B[ Bbox ].y + B[ Bbox ].h;
             //Si les cotes de A sont en dehors de B
             if( ( ( bottomA <= topB ) | \ | \  ( topA >= bottomB ) | \ | \  ( rightA <= leftB ) | \ | \  ( leftA >=
rightB ) ) == false )
             {
                  //Une collision est detectee
                 return true;
             }
        }
    }
    //Si aucune des boites de collision ne se touchent
    return false;
}
```

Cette fonction prend un rectangle du vecteur A, puis vérifie s'il y a collision avec tous les rectangles du vecteur B, ensuite on prend le rectangle A suivant et on recommence l'opération.

Ce travail est effectué jusqu'à ce qu'on trouve une collision ou qu'on ait testé tous les rectangles ensemble.

Nous allons maintenant nous occuper de la création de notre point et de ses boîtes de collision.

```
constructeur Point
   Point::Point( int X, int Y )
       //Initialisation des coordonnées
       x = Xi
       y = Y;
       //Initialisation de la velocite
       xVel = 0;
       yVel = 0;
        //Creation des SDL_Rects necessaires
       box.resize( 11 );
        //Initialisation des hauteurs et largeurs des boites de collision
       box[ 0 ].w = 6;
box[ 0 ].h = 1;
       box[1].w = 10;
       box[1].h = 1;
       box[2].w = 14;
       box[2].h = 1;
       box[ 3 ].w = 16;
box[ 3 ].h = 2;
       box[4].h = 2;
       box[5].w = 20;
```

```
constructeur Point
  box[ 5 ].h = 6;
  box[ 6 ].w = 18;
  box[ 6 ].h = 2;

  box[ 7 ].w = 16;
  box[ 7 ].h = 2;

  box[ 8 ].w = 14;
  box[ 8 ].h = 1;

  box[ 9 ].w = 10;
  box[ 9 ].h = 1;

  box[ 10 ].w = 6;
  box[ 10 ].h = 1;

  //On bouge les boites de collision
  shift_boxes();
}
```

On met le point aux coordonnées données en argument et on initialise sa vélocité.

Ensuite nous créons onze boîtes de collision dans le vecteur dont nous initialisons la largeur et la hauteur.

Il nous faut ensuite les disposer comme sur l'image du point plus haut (rectangles noirs et bleus).

Cette dernière chose est faite grâce à la fonction **shift_boxes()**:

```
shift_boxes()

void Point::shift_boxes()
{
    //Initialisation
    int r = 0;

    //On va dans les boites de collision du point
    for( int set = 0; set < box.size(); set++ )
    {
        //On centre la boite de collision
        box[ set ].x = x + ( POINT_WIDTH - box[ set ].w ) / 2;

        //On met la boite de collision à sa place
        box[ set ].y = y + r;

        //On bouge la position en dessous de la hauteur de la boite de collision
        r += box[ set ].h;
    }
}</pre>
```

Cette fonction va placer nos boîtes de collision sur le point et faire en sorte que si on bouge notre point, les boîtes de collision le suivront disposées de la même façon.

Pour mieux comprendre cette fonction, je vous conseille de la faire tourner sur un papier par exemple.

Nous allons nous occuper du mouvement de notre point et faire le nécessaire lors de collisions, tout ceci dans la fonction **move()**.

```
mouvement du point : fonction move()
  void Point :: move( std::vector<SDL_Rect> &rects )
  {
    //Bouge le point a droite ou a gauche
```

```
mouvement du point : fonction move()
      x += xVel;
       //Bouge la boite de collision
      shift_boxes();
       /Si le point a ete trop loin a droite ou a gauche ou est en collision avec un autre objet
       if((x < 0)) \mid (x + POINT_WIDTH > SCREEN_WIDTH) \mid (check_collision(box, rects)))
           //On revient en arriere (annulation du mouvement)
          x -= xVel;
          shift_boxes();
       //Bouge le point vers le haut ou le bas
      y += yVel;
       //Bouge la boite de collision
      shift_boxes();
       /Si le point a ete trop loin a droite ou a gauche ou est en collision avec un autre objet
       if((y < 0) | | (y + POINT_HEIGHT > SCREEN_HEIGHT) | | (check_collision(box, rects)))
           //On revient en arriere (annulation du mouvement)
            -= yVel;
          shift_boxes();
       }
```

C'est à peu près la même chose qu'avant.

Nous bougeons le point, et si le point va en dehors de l'écran ou qu'une collision est détectée entre deux groupes de rectangles, on annule le mouvement.

La seule différence réside dans le déplacement des boîtes de collision avec le point avec la fonction shift boxes().

Il nous manque aussi l'affichage du point que voici :

```
affichage du point: fonction show()

void Point::show()
{
    //Affiche le point
    apply_surface( x, y, point, screen );
}
```

J'ai volontairement porté l'utilisation des boîtes de collision à outrance pour montrer qu'on peut faire des collisions "pixel-perfect" (au pixel près) en les utilisant.

Cependant, il n'est pas nécessaire d'en faire autant pour créer des collisions réalistes et la plupart des jeux vidéos utilisent des boîtes de collision grossières loin du pixel avec beaucoup moins de précision.

La précision au pixel est rarement nécessaire pour faire quelque chose de réaliste, c'est à vous de décider de la précision que vous souhaitez.

Les sources de cette partie du tutoriel sont disponibles ici : Télécharger les sources du chapitre XI-2 (106 ko)

XI-3 - Collisions circulaires

Dans la partie précédente, nous avons utilisé onze boîtes de collision pour un cercle (notre point).

Dans cette partie, on va apprendre une méthode plus efficace pour gérer la détection des collisions avec des cercles.

Nous allons avoir besoin d'un peu de math cette fois-ci, donc nous allons inclure une librairie supplémentaire, la librairie cmath.

```
include

//Les fichiers d'entete
#include <SDL/SDL.h>
#include <SDL/SDL_image.h>
#include <string>
#include <vector>
#include <cmath>
```

Nous allons aussi devoir créer notre propre structure de cercle pour ce programme :

```
cercle

//Une structure cercle
struct Circle
{
   int x, y;
   int r;
};
```

Les variables x et y sont les coordonnées du cercle et r est le rayon.

Nous allons une fois de plus revoir notre classe Point :

```
classe Point
   ///La classe Point
   class Point
       private:
        //La zone du point
       Circle c;
       //La velocite du point
       int xVel, yVel;
        //Initialisation des variables
       Point();
       //Prend les touches pressees et ajuste la velocite du point
       void handle_input();
       //Bouge le point
       void move( std::vector<SDL_Rect> &rects, Circle &circle );
       //Montre le point à l'ecran
       void show();
```

Nous avons deux différences par rapport à avant : cette fois nous utilisons notre structure cercle au lieu d'un vecteur de SDL_Rect et dans la fonction move() nous vérifions la collision entre un cercle et un vecteur de SDL_Rect.

Pour vérifier les collisions, nous allons avoir besoin de quelque chose en plus : connaître la distance entre deux points :

```
distance
  double distance( int x1, int y1, int x2, int y2 )
  {
     //Retourne la distance entre deux points
     return sqrt( pow( x2 - x1, 2 ) + pow( y2 - y1, 2 ) );
}
```

Je ne pense pas avoir à expliquer cette formule, il s'agit simplement de mathématiques.

Nous allons utiliser deux fonctions pour vérifier les collisions, une entre deux cercles et l'autre entre un cercle et un vecteur de rectangles.

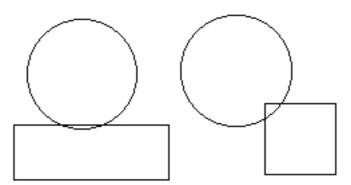
Vérifier les collisions entre deux cercles est assez simple, tout ce qu'on a à faire c'est de vérifier si oui ou non la distance entre les centres des deux cercles est inférieure à la somme de leurs rayons :

```
check_collision: entre deux cercles
bool check_collision( Circle &A, Circle &B )
{
    //Si la distance entre le centre des cercles est inferieure à la somme de leurs radian
    if( distance( A.x, A.y, B.x, B.y ) < ( A.r + B.r ) )
    {
        //Le cercle est en collision
        return true;
    }

    //S'il ne l'est pas
    return false;
}</pre>
```

La fonction de vérification des collisions entre un cercle et un groupe de rectangles est un peu plus complexe.

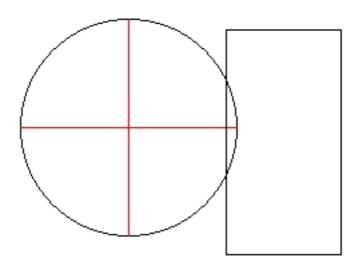
Il y a deux types de collision possibles comme montrés sur cette image:



Le cercle peut toucher un côté ou un coin du rectangle.

Donc nous avons à prendre en compte les côtés du rectangle, les "côtés" du cercle et les coins du rectangle.

Pour calculer les "côtés" du cercle, nous allons utiliser son rayon et déterminer deux segments qui nous serviront de base pour les collisions comme sur l'image suivante :



Voici le code permettant de déterminer ses "côtés" :

```
//Calcul des cotes de A
leftAv = A.x;
```

```
cotes du cercle
  rightAv = A.x;
  topAv = A.y - A.r;
  bottomAv = A.y + A.r;

leftAh = A.x - A.r;
  rightAh = A.x + A.r;
  topAh = A.y;
  bottomAh = A.y;
```

Les quatre premières lignes définissent le "côté" vertical, les quatre suivantes le "côté" horizontal du cercle.

Ainsi quand nous vérifions les collisions avec les côtés du cercle, nous vérifions s'il y a collision entre les rectangles et les lignes formant les deux côtés du cercle.

Une ligne est juste un rectangle avec une épaisseur de un, donc la vérification de collision est la même qu'avant.

```
//On va dans la boite B
    for( int Bbox = 0; Bbox < B.size(); Bbox++ )
         //Calcul des cotes de B
         leftB = B[ Bbox ].x;
         rightB = B[ Bbox ].x + B[ Bbox ].w;
         topB = B[ Bbox ].y;
         bottomB = B[ Bbox ].y + B[ Bbox ].h;
         //Calcul des angles de B
         Bx1 = B[ Bbox ].x, By1 = B[ Bbox ].y;
Bx2 = B[ Bbox ].x + B[ Bbox ].w, By2 = B[ Bbox ].y;
Bx3 = B[ Bbox ].x, By3 = B[ Bbox ].y + B[ Bbox ].h;
         Bx4 = B[Bbox].x + B[Bbox].w, By4 = B[Bbox].y + B[Bbox].h;
         //Si aucun cote de la verticale A est en dehors de B
         if( ( ( bottomAv <= topB ) || ( topAv >= bottomB ) || ( rightAv <= leftB ) || ( leftAv >=
rightB ) ) == false )
              //Une collision est detectee
             return true;
         }
         //Si aucun cote de l'horizontale A est en dehors de B
         if( ( ( bottomAh <= topB ) | | ( topAh >= bottomB ) | | ( rightAh <= leftB ) | | ( leftAh >=
rightB ) ) == false ) {
              //Une collision est detectee
             return true;
```

Nous calculons les côtés et les angles des rectangles de la boîte B.

Ensuite on vérifie la collision rectangle-rectangle comme vue dans les parties précédentes.

La partie qu'il nous reste est la vérification des collisions avec les coins des rectangles.

```
colision avec les coins

//Si un des coins de B est dans A
    if( ( distance( A.x, A.y, Bx1, By1 ) < A.r ) || ( distance( A.x, A.y, Bx2, By2 ) < A.r ) ||
( distance( A.x, A.y, Bx3, By3 ) < A.r ) || ( distance( A.x, A.y, Bx4, By4 ) < A.r ) )

{
    //Une collision est detectee
    return true;
}
</pre>
```

//Pas de collision return false;

Pour cela on regarde si les coins se trouvent à l'intérieur du cercle tout simplement.

A la fin, s'il n'y a pas eu de collisions, la fonction retourne faux.

Les sources de cette partie du tutoriel peuvent être récupérées ici :

Télécharger les sources du chapitre XI-3 (107 ko)

Sources et pdf

Télécharger les sources du chapitre XI-1 version 1 (100 ko)

Télécharger les sources du chapitre XI-1 version 2 (101 ko)

Télécharger les sources du chapitre XI-2 (106 ko)

Télécharger les sources du chapitre XI-3 (107 ko)

Version pdf (141 ko - 21 pages)

Remerciements

Je remercie julp pour sa correction orthographique.