## **Support Vector Machines**

André Hopfgartner & Matthias Rupp 08.06.2021

Vorarlberg University of Applied Sciences



#### Agenda

- 1. Einführung
- 2. Hard-Margin Support Vector Machine
- 3. Soft-Margin Support Vector Machine
- 4. Vergleich Hard- & Soft-Margin Support Vector Machine
- 5. Nichtlineare Trennung

#### \_\_\_\_

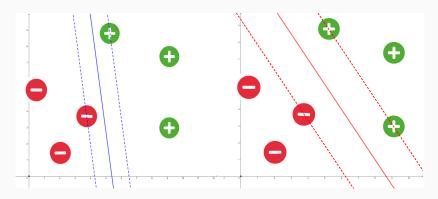
Einführung

Ziel: lineare Trennung zweier Klassen

Ziel: lineare Trennung zweier Klassen Wie?: Definition einer (Hyper-) Ebene

Ziel: lineare Trennung zweier Klassen
Wie?: Definition einer (Hyper-) Ebene
Nebenbedingung: Möglichst großer freier Bereich

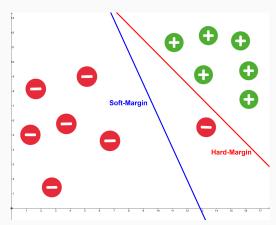
Ziel: lineare Trennung zweier Klassen
Wie?: Definition einer (Hyper-) Ebene
Nebenbedingung: Möglichst großer freier Bereich



#### Arten von SVM

#### Arten von SVM:

- Hard-Margin SVM: Daten werden 100% korrekt getrennt
- Soft-Margin SVM: Einzelne Datenpunkte können falsch klassifiziert werden um insgesamt bessere Trennung zu erhalten



Hard-Margin Support Vector

Machine

## Mathematische Formulierung

#### Trennungsebene

Für die Trennungsebene gilt:

$$w^T x_n + b = 0 (1)$$

#### Trennungsebene

Für die Trennungsebene gilt:

$$w^T x_n + b = 0 (1)$$

Klassifikation über Vorzeichen:

$$y = sign(w^Tx + b)$$
 ist gleichbedeutend mit  $w^Tx + b > 0$  für  $y = +1$   $w^Tx + b < 0$  für  $y = -1$ 

#### Soft-Margin SVM

Formuliert als Optimierungsproblem:

$$\max_{\alpha} \qquad \mathcal{L}(\alpha) = \sum_{n=1}^{N} \alpha_n - \frac{1}{2} \sum_{n=1}^{N} \sum_{m=1}^{M} y_n y_m \alpha_n \alpha_m x_n^T x_m$$

$$\min \qquad 0 \le \alpha_n \le C \text{ für } n = 1..N$$

$$\sum_{n=1}^{N} \alpha_n y_n = 0 \text{ für } n = 1..N$$

#### A test with images

- Some
- text
- on left side of slide here..
- Abb. 1 zeigt blabla.

#### A test with images

- Some
- text
- on left side of slide here..
- Abb. 1 zeigt blabla.

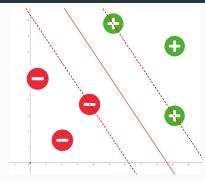


Abbildung 1: Abhängig von der Lage der Trennebene entstehen schmale (blau) oder breite (rot) Trennbänder. Ziel ist die Maximierung der Breite des Trennbands durch die Ermittlung der optimalen Lage der Trennebene.

$$y = sign(w^Tx + b)$$
 gleichbedeutend mit (4a)  
 $w^Tx + b > 0$  für  $y = +1$  (4b)  
 $w^Tx + b < 0$  für  $y = -1$  (4c)

In Gleichung (4) wird .. Footcite example<sup>1</sup> Burges (1998)

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup>Platt 1998.

Soft-Margin Support Vector

Machine

## Vergleich Hard- & Soft-Margin Support Vector Machine

# Nichtlineare Trennung

Fragen?

#### Literatur

- Burges, Christopher J.C. (1. Juni 1998). "A Tutorial on Support Vector Machines for Pattern Recognition". In: Data Mining and Knowledge Discovery 2.2, S. 121–167. ISSN: 1573-756X. DOI: 10.1023/A:1009715923555. URL: https://doi.org/10.1023/A:1009715923555 (besucht am 06.03.2021).
- Platt, John (Apr. 1998). Sequential Minimal Optimization: A
  Fast Algorithm for Training Support Vector Machines.

  MSR-TR-98-14, S. 21. URL:
  https://www.microsoft.com/enus/research/publication/sequential-minimaloptimization-a-fast-algorithm-for-trainingsupport-vector-machines/.