Санкт-Петербургский национальный исследовательский университет ИТМО Факультет систем управления и робототехники

Алгоритмы и структуры данных

Отчёт по лабораторной работе №14 (1628. Белые полосы)

Преподаватель: Тропченко А. А.

Выполнил: Марухленко Д. С.

Группа: R3235

1. Цель работы

Решить задачу №1628 на платформе Timus Online Judge https://acm.timus.ru/problem.aspx?space=1&num=1628

2. Задача

Условие

У каждого неудачника в жизни бывают не только чёрные, но и белые полосы. Марсианин Вась-Вась отмечает в календаре, представляющем собой таблицу $m \times n$, те дни, когда ему ужасно не повезло. Если Вась-Васю не повезло в j-й день i-й недели, то он закрашивает ячейку таблицы (i,j) в чёрный цвет. Все не закрашенные ячейки в таблице имеют белый цвет

Будем называть отрезками жизни прямоугольники размером 1×1 либо 1×1 . Белыми полосами Вась-Вась считает все максимальные по включению белые отрезки таблицы. А сможете ли Вы определить, сколько всего белых полос было в жизни Вась-Вася?

Ограничение времени: 1.0 секунды

Ограничение памяти: 64 МБ

Исходные данные

Первая строка содержит целые числа m, n, k — размеры календаря и количество неудачных дней в жизни Вась-Вася ($1 \le m$, $n \le 30000$; $0 \le k \le 60000$). В следующих k строках перечислены неудачные дни в виде пар (xi, yi), где xi — номер недели, к которой относится неудачный день, а yi — номер дня в этой неделе ($1 \le xi \le m$; $1 \le yi \le n$). Описание каждого неудачного дня встречается только один раз.

Результат

Выведите число белых полос в жизни Вась-Вася.

Пример

Исходные данные	Результат			
3 5 4	8			
1 1				
1 5				
2 2				
3 3				
5 1 2	2			
2 1				
3 1				

3. Материалы работы

3.1. Объяснение алгоритма

Для решения задачи создаётся вектор, в котором хранятся все «чёрные» дни. Так же для разделения строк и столбцов по границам календаря создаются дополнительные «чёрные» дни, после чего вектор сортируется по координатам, тем самым вытягивая таблицу по строкам. Далее происходит проверка расстояния между «чёрными» днями и подсчёт полос. Если длина полосы равна 1, то эта клетка добавляется в список клеток для повторной проверки(не является ли клетка частью другой полосы). После — проводится сортировка по столбцам и проводятся аналогичные операции с повторной проверкой линий дины 1. В конце выводится количество найденных полос

3.2. Код программы.

```
1. #include <algorithm>
2. #include <iostream>
3. #include <vector>
4. #include <set>
5. using namespace std;
7. bool compare_y(pair<int, int> a, pair<int, int> b) {
8.
      if (a.second != b.second) return a.second <b.second;
       return a.first < b.first;
9.
10.}
11.
12. bool compare x(pair<int, int> a, pair<int, int> b) {
13.
      if (a.first != b.first) return a.first<b.first;</pre>
       return a.second < b.second;
14.
15. }
16.
17. int counter;
18. int main() {
19.
     int N, M, K;
20.
       cin >> N >> M >> K;
21.
22.
      vector<pair<int, int>> cell;
23.
      set<pair<int, int> > S;
24.
      int x, y;
      for (int i = 0; i < K; ++i) {
25.
26.
           cin >> x >> y;
27.
           cell.push back(make pair(x, y));
28.
29.
30.
      for (int i = 1; i <= M; i++) {
31.
           cell.push back(make pair(0, i));
32.
           cell.push_back(make_pair(N + 1, i));
33.
34.
35.
       for (int i = 1; i <= N; i++) {
36.
           cell.push back(make pair(i, 0));
37.
           cell.push back(make pair(i, M + 1));
38.
39.
40.
       K += (M + N) * 2;
41.
42.
       sort(cell.begin(), cell.begin() + K, compare y);
       for (int i = 0; i < K; i++) {
4.3.
44.
           int space = cell[i + 1].first - cell[i].first;
45.
           if (space == 2) {
               if (S.find(make_pair(cell[i].first + 1, cell[i].second)) != S.end())
46.
47.
                       counter ++;
48.
49.
           else if (cell[i].second == cell[i + 1].second && space > 2)
50.
               counter ++;
```

```
51.
52.
53.
     sort(cell.begin(), cell.begin() + K, compare_x);
     for (int i = 0; i < K; i++) {
54.
55.
       int space = cell[i + 1].second - cell[i].second;
          if (space == 2)
56.
              S.insert(make_pair(cell[i].first, cell[i].second + 1));
57.
58.
          else if (cell[i].first == cell[i + 1].first && space > 2)
59.
60.
61.
62.
      cout << counter << endl;</pre>
63.
      return 0;
64.}
```

65. Результат выполнения и ссылка на репозиторий GitHub

ID	Дата	Автор	Задача	Язык	Результат проверки	№ теста	Время работы	Выделено памяти
9328818	14:19:09 19 апр 2021	Daniil Marukhlenko	<u>1628</u>	G++ 9.2 x64	Accepted		0.187	4 216 КБ

https://github.com/japersik/algorithms and data structures/



4. Вывод

Работа выполнена, задача решена с использованием сортировок и структур данных.