

Introduction à Matlab

L'objectif de ces quelques pages est d'apporter une aide pour débuter avec Matlab, en particulier pour mettre en œuvre ensuite des méthodes numériques. Pour aller plus loin, profitez de l'efficacité de l'aide de Matlab.

MATLAB (MATrix LABoratory) est un logiciel de calcul numérique propriétaire et payant. Les matrices (à coefficients réels ou complexes) en sont l'outil de base.

Comme les langages de programmation tels que Pascal, Fortran ou C, il possède les structures algorithmiques habituelles comme for, while, if Il comporte également

- des opérations et des fonctions de calcul numérique;
- un environnement graphique permettant la visualisation bi- ou tri-dimensionnelle de données numériques.

1. Pour commencer

1.1. L'environnement.

Parmi les fenêtres de l'environnement MATLAB, notons celles intitulées :

- 1. Command Window : il s'agit de la fenêtre dans laquelle on tape des commandes Matlab;
- 2. Workspace : il s'agit de la fenêtre où figure la liste des variables actuellement en mémoire;
- 3. Current Directory : il s'agit de la fenêtre contenant la liste des fichiers et répertoires présents dans le répertoire dont le chemin est précisé en haut de la fenêtre. Il est souhaitable de toujours commencer par se placer dans son répertoire de travail, puis éventuellement dans des sous-dossiers pour chacun des TPs.

On verra par la suite d'autres fenêtres telles que l'éditeur de fichiers ou les figures.

1.2. L'aide.

Matlab dispose d'une aide (en anglais) sous plusieurs formes :

- En tapant help nom_de_commande dans la fenêtre de commande, on obtient une information succincte concernant le fonctionnement de la commande nom_de_commande. On peut également ouvrir la fenêtre d'aide avec helpwin nom_de_commande ou en appuyant sur F1 (le curseur étant sur la fonction recherchée).
- En activant l'aide (menu déroulant ou helpwin), on pourra aller dans :

- Function Browser si on connaît le nom de la commande (directement avec Maj+F1);
- Contents > MATLAB, où un parcours balisé devrait vous fournir les informations cherchées. On pourra s'intéresser particulièrement à :
 - Getting Started pour de nombreuses informations de base,
 - Functions où figurent les fonctions classées par catégories,
 - Demos pour voir sur quelques exemples certains aspects de Matlab;
 - User Guide où il y a plusieurs rubriques intéressantes comme : Mathematics pour les manipulations mathématiques possibles; Programming Fundamentals > Basic Program Components pour quelques notions de bases utilisées dans un programme Matlab (en particulier l'algorithmique); Programming Fundamentals > Functions and Scripts pour l'utilisation des M-Files; Graphics > Plots and Plotting Tools et Graphics > Basic Plotting Commands pour le graphisme.

1.3. Informations utiles.

- On retrouve les commandes antérieures à l'aide des flèches ↑ et ↓.
- L'interruption d'un programme se fait par ctrl+c.
- Des constantes existent en Matlab : eps valant $2^{-52} \approx 2.10^{-16}$, pi une valeur (approchée) de π .

1.4. A savoir pour programmer.

- Matlab distingue les majuscules et les minuscules.
- Dans le cas d'une division par 0 par exemple, Matlab donne un résultat : le résultat de 1/0 est Inf, celui de -1/0 est -Inf, celui de 0/0 est NaN (Not a Number). Matlab pourra même poursuivre des calculs avec de tels résultats.
- Il n'y a pas de déclaration de variables; les variables utilisées dans une suite de commandes Matlab peuvent même changer de type en cours de "programme".

 Chaque fois qu'une variable est créée par une affectation (cf ci-dessous), dans la fenêtre
 - de commande ou dans un script $(cf\ 2.1.)$, elle est "stockée" dans le Workspace. Pour faire afficher la liste des variables stockées, taper whos. Pour réinitialiser (déstocker)

une liste de ces variables, faire : clear variable1, variable2, variable3

Pour nettoyer la mémoire (déstocker tous les variables) taper clear ou clear all.

- L'affectation se fait par l'intermédiaire du symbole = :

 nomvariable = <expression>, où le résultat de l'expression peut être un scalaire, une matrice, une fonction...
- En Matlab, les séparateurs de commandes sont : le saut de ligne (touche entrée), la virgule ou le point virgule. L'absence du symbole ; à la suite d'une instruction d'affectation provoque l'affichage à l'écran du nom de la variable et de son contenu.

Une commande peut être poursuivie sur la ligne suivante en plaçant 3 points consécutifs à la fin de la ligne.

Pour produire un affichage qui n'est pas celui par défaut on peut utiliser les commandes display, éventuellement en combinaison avec sprintf, ou fprintf sans oublier '\n' pour la passage à la ligne.

Exemples:

```
display('Question 1)') peut être utilisé pour marquer le début d'une question.
display(sprintf('%u < %.2f',1,pi))
fprintf('%u < %.2f\n',1,pi)

title(sprintf('Le graphe pour k=%.1f',k)) permet de mettre le titre d'une figure en fonction d'un paramètre k.</pre>
```

2. Stockage d'une suite de commandes Matlab

Il est possible de regrouper une suite de commandes dans des fichiers appelés M-files; leur nom comporte l'extension .m.

Pour activer l'éditeur de texte, on pourra aller dans File/New/M-file pour créer un nouveau fichier ou cliquer sur le nom du fichier à ouvrir dans la fenêtre Current Directory. Ne pas oublier de faire une sauvegarde pour prendre en compte les dernières modifications avant chaque exécution de la suite de commandes en cours d'édition (ou faire Debug/Save and Run pour les scripts seulement (voir plus bas)).

Dans les M-files, ce qui suit sur une ligne le caractère (%), est un commentaire. Les commentaires placés en début de fichier sont accessibles par la commande help suivie

Il existe deux types de M-files : les scripts et les fonctions.

2.1. Les scripts.

du nom du fichier.

Il s'agit de programmes contenant une suite de commandes travaillant sur les variables du Workspace et qu'on (sauvegarde et) exécute avec la touche F5 (ou avec le menu Debug/Save and Run, ou encore en tapant le nom du fichier (sans l'extension .m) dans la fenêtre de commande).

Il est possible d'exécuter que des parties du script, appelées cellules, qui sont délimitées par des lignes débutant avec *** (deux symboles de commentaire). Pour exécuter la cellule dans laquelle se trouve le curseur on utilise la combinaison de touches **Ctrl+Entrée**. Si il n'y a pas de lignes de séparation de cellules, le script entier est considérer comme une cellule, et donc **Ctrl+Entrée** l'exécute, mais à la différence de **F5** le script n'est pas sauvegardé au préalable.

Afin d'éviter des risques d'interférence, lors de l'exécution d'un script, entre les variables du script et celles présentes dans le Workspace avant l'appel, on placera souvent l'instruction clear en début de script (ainsi que clc, pour effacer la fenêtre des commandes, et close pour fermer les figures ouvertes).

2.2. Les fonctions.

Il s'agit de sous-programmes classiques.

Les fonctions comportent un en-tête de la forme :

```
function[s1, s2, ...] = nomfonction(e1, e2, ...);
```

où $s1, s2, \ldots$ (respectivement $e1, e2, \ldots$) représentent les valeurs de sortie (resp. les paramètres d'entrée) de la fonction. Ces paramètres (sortie et entrée) sont séparés par des virgules.

Le nom du fichier définissant la fonction MaFonction est nécessairement MaFonction.m.

Les paramètres de l'en-tête sont formels et les autres variables intervenant dans la partie instructions de la fonction sont locales (sauf mention contraire); ils n'ont pas de signification en dehors de la fonction, ni aucun rapport avec une éventuelle variable de même nom dans le Workspace.

On appelle une fonction, dans un script ou dans la fenêtre de commande, par l'instruction :

```
[S1, S2] = nomfonction(E1, E2, ...);
```

pour obtenir les deux premières valeurs de sortie, où on a remplacé les paramètres formels de l'en-tête par les paramètres effectifs.

Exemple:

La fonction du fichier somProd.m :

Un script appelant la fonction:

```
function [s,p] = somProd(a,b);
s = a+b;
p = a*b;
```

```
clear
u = sqrt(2); v = sqrt(3);
[somme, prod] = somProd(u,v)
```

Lors d'un appel, la valeur des paramètres effectifs d'entrée (s'ils ne sont pas également paramètres effectifs de sortie) n'est pas modifiée (même si dans l'entête de la fonction, un paramètre formel de sortie porte le même nom qu'un paramètre formel d'entrée); ils peuvent figurer sous forme d'une constante, d'une variable du Workspace ou d'une expression.

Les paramètres effectifs de sortie (dans l'exemple S1 et S2) sont des variables; s'il y a moins de paramètres effectifs de sortie que de paramètres formels de sortie, les paramètres effectifs renvoyés correspondent aux premiers paramètres formels de l'entête. Ainsi pour obtenir seulement la première valeur de sortie de la fonction somProd de l'exemple on peut faire: somme = somProd(u, v);

Il est possible de placer plusieurs fonctions dans un même fichier; toutefois, seule la première est "visible" de l'extérieur (les autres ne pouvant qu'être appelées entre elles). Il est donc préférable de se limiter à une fonction par fichier.

3. A LA BASE : LES MATRICES

Rappelons que c'est l'outil (numérique) de base de Matlab.

Certaines manipulations sur des tableaux de valeurs peuvent être traitées de façon simple et efficace (en temps) en utilisant les possibilités de Matlab comme celles présentées dans cette partie. En particulier, ces outils Matlab permettent, dans certains cas, d'éviter l'utilisation des boucles "classiques".

3.1. Introduction.

Une matrice est un tableau à 2 indices, le premier désignant une ligne et le second une colonne. Rappelons que toutes les lignes ont le même nombre de coefficients, et qu'il en est de même pour toutes les colonnes.

En Matlab, les indices de ligne (resp. de colonne) d'une matrice varient nécessairement entre 1 et le nombre de lignes (resp. de colonnes).

Par la suite, on parlera de vecteur ligne si la matrice n'a qu'une ligne et de vecteur colonne si elle n'a qu'une colonne. Une matrice 1×1 sera considérée comme un scalaire.

Si A est une variable de type matrice (éventuellement un vecteur ou un scalaire), l'ensemble de ses valeurs est accessible par A.

La valeur du coefficient sur la ligne i et la colonne j de A est : [A(i,j)].

Si x est un vecteur, la composante i de x (x(1,i) pour un vecteur ligne, x(i,1) pour un vecteur colonne) peut également être obtenue par x(i); ceci s'explique par le fait que Matlab numérote également les coefficients d'une matrice colonne par colonne.

3.2. Créer une matrice.

Matlab offre plusieurs façons de créer une matrice :

- ➡ Création d'une matrice vide : a= [];
- Création d'un scalaire : s=3.1;
- \longrightarrow Création d'une matrice 2×2 composante par composante :

```
Exemple: a(1,1)=1.2; a(1,2)=4.5; a(2,1)=-2; a(2,2)=1.2e1;
```

Création globale :

```
Exemples: a=[1.2, 4.5; -2, 1.2e1]; ou sans les virgules: a=[1.2, 4.5; -2, 1.2e1]; Ici, le symbole; ou le passage à la ligne suivante signifie le passage à la ligne suivante de la matrice a (ou aux lignes suivantes pour des matrices blocs).
```

Création globale de quelques matrices particulières :

```
zeros créer une matrice à coefficients 0. Exemples :
```

- zeros(2,4) est la matrice nulle 2×4 ;
- zeros(3) est la matrice nulle d'ordre 3.

- zeros(size(A)) est la matrice nulle de mêmes dimensions que A.
- eye créer une matrice identité.
- eye (4) est la matrice identité d'ordre 4;
- eye(3,2) est la matrice 3×2 contenant la matrice identité d'ordre 2 suivi d'une ligne nulle.
- eye(size(A)) est la matrice identité de mêmes dimensions que A.
- ones . créer la matrice coefficients égaux à 1.
- ones (3,2) est la matrice 3×2 de coefficients égaux à 1.
- ones (2) est la matrice 2×2 de coefficients égaux à 1.
- rand créer une matrice aléatoire.
- rand(3,2) est une matrice 3×2 à coefficients réels choisis "aléatoirement" dans]0,1[(selon la loi uniforme).
- rand(2)*3 est une matrice 2×2 à coefficients réels choisis "aléatoirement" dans]0,3[.
- <u>hilb(n)</u> créer la matrice de Hilbert de taille $n \times n$ qui est connu pour être très mal conditionnée et dont les entrés sont $\frac{1}{i+i-1}$.
- → voir l'aide pour d'autres matrices particulières. Par exemple gallery permet de créer différentes matrices.
- Création de vecteurs lignes particuliers :
 - x=m:n définit un vecteur ligne x égal à (m, m+1, ..., m+k) avec k maximal tel que $k \le n$.
 - -x=1:10 définit un vecteur ligne x égal à (1, 2, ..., 10).
 - x=0.1:10 définit un vecteur ligne x égal à (0.1, 1.1, ..., 9.1) : valeurs partant de 0.1 et ≤10 par pas de 1.
 - x=2:1 affecte à x la matrice vide [].
 - x=m:p:n définit un vecteur ligne x égal à (m, m+p, ..., m+kp) avec k maximal tel que $m+kp \leq n$.
 - x=10:-2:0 définit un vecteur ligne x égal à (10, 8, ..., 0).
 - x=0:0.1:1.1 définit un vecteur ligne x égal à (0, 0.1, ..., 1.1) : valeurs partant de 0 et ≤1.1 par pas de 0.1.
 - x=linspace(m,n,k) affecte à x le vecteur ligne à k éléments équidistribués entre m et n:(m,m+d,...,n) où $d=\frac{n-m}{\max\{k-1,1\}}$.
 - x=linspace(-0.2,1.2,15) affecte à x le vecteur ligne $(-0.2,-0.1,\ldots,1.2)$ c'està-dire celui des points de la subdivision régulière de [-0.2,1.2] à 15 points, bornes comprises.
 - → voir également la fonction logspace pour un espacement logarithmique.

3.3. Construire une matrice à partir d'autres matrices.

3.3.1. Matrices particulières.

 $\underbrace{\mathbf{A}'}$ est la matrice adjointe de \mathbf{A} (c'est-à-dire $(A')_{i,j} = \overline{A_{j,i}}$), qui coïncide avec la matrice transposée pour une matrice à valeurs réelles.

diag(A), pour A une matrice $n \times m$ avec $n \geq 2$, $m \geq 2$, est le vecteur colonne de coefficients $a(1,1), a(2,2), \ldots, a(p,p)$, où $p = \min(n,m)$.

Plus généralement, voir diag(A,k), où k est un entier, pour la "diagonale k".

diag(x), pour x un vecteur, est la matrice diagonale (carrée) dont la diagonale correspond au vecteur x. Plus généralement, voir diag(x,k).

Ainsi pour obtenir la matrice diagonale qui a la même diagonale que A il suffit de faire diag(diag(A)).

triu(A) (resp. [tril(A)]) est la "partie triangulaire supérieure" (resp. "inférieure") de
 A, de mêmes dimensions que A. Plus généralement, voir triu(A,k) et tril(A,k).

3.3.2. Matrices blocs (notion "généralisée").

[A, B], pour A une matrice $m \times n$, et B une matrice $m \times p$, est la matrice bloc $m \times (n+p)$ dont les n premières colonnes sont celles de A et les p suivantes celles de B. Autrement dit [A, B] est la matrice obtenu en mettant B à côté de A. On peut aussi utiliser [A B], sans la virgule.

[A; B], pour A une matrice $m \times p$, et B une matrice $n \times p$, est la matrice bloc $(m+n) \times p$ dont les m premières lignes sont celles de A et les n suivantes celles de B. Autrement dit [A; B] est la matrice obtenu en mettant B sous A.

[n] permet de construire une matrice par blocs $(m \times n)$ blocs de la taille de A) en répliquant plusieurs fois la même matrice sur les lignes et les colonnes.

3.3.3. Sous-matrices (notion "généralisée").

De façon générale, on note A une matrice $n \times m$, x et y deux vecteurs (ligne ou colonne) à respectivement p composantes entières entre 1 et n et q composantes entières entre 1 et m. Alors, A(x,y) désigne la matrice à p lignes et q colonnes, de coefficients :

$$(\mathbf{A(x,y)})_{i,j} = \mathbf{A}_{x_i,y_j}, \quad i \in \{1, \ldots, p\}, \ j \in \{1, \ldots, q\}$$

De plus, A(:,y) (resp. A(x,:)) est la matrice formée des colonnes (resp. lignes) de A repérées par les valeurs des composantes de y (resp. x).

Le mot clé end en indice de A désigne le nombre de lignes ou de colonnes de A selon qu'il intervient au niveau du premier ou du second indice.

Ajoutons que les extractions de sous-matrices peuvent être affectées c'est-à-dire situées à gauche du symbole = (lorsque chacun des vecteurs x et y est à composantes distinctes).

Exemples:

A(1,3) est le coefficient ligne 1 colonne 3 de A.

A(1:3,5) est le vecteur colonne formé des coefficients des lignes 1, 2 et 3 (1:3 est le vecteur [1,2,3]) de la colonne 5 de A.

A(:,4) est le vecteur colonne égal à la colonne 4 de A.

A([1 3 4],:) est la matrice formée des lignes 1, 3 et 4 de A.

A([1 3 4],1:3) est la matrice d'ordre 3 extraite de A formée des coefficients situés sur les lignes 1, 3 et 4 et les colonnes 1, 2 et 3.

A(2: end-1,1) est le vecteur colonne formé des coefficients de la première colonne de A à partir du deuxième et jusqu'à l'avant dernier.

A(ones(1,3),2:3) est la matrice formée de 3 lignes identiques égales à A(1,2:3).

B(:,[1 4 5])=A(:,1:3) remplace les colonnes 1, 4 et 5 de B par les colonnes 1, 2 et 3 de A pour deux matrices A et B ayant le même nombre de lignes (si B n'existait pas avant l'instruction, elle est créée, ses colonnes 2 et 3 étant nulles).

 $A([2\ 3],:)=A([3\ 2],:)$ permute les lignes 2 et 3 de la matrice A.

Notons également que si x est un vecteur (ligne), x(:) est le vecteur <u>colonne</u> des composantes de x.

3.4. Opérateurs.

- + Entre deux matrices de mêmes dimensions, il s'agit de l'addition et la soustraction des matrices. De plus, si l'une des matrices est un scalaire, l'opération aura lieu entre chaque coefficient de la matrice et le scalaire.
- * Il s'agit de la multiplication matricielle entre deux matrices lorsque le nombre de colonnes de la première est égal au nombre de lignes de la seconde. De plus, si l'une des matrices est un scalaire, l'opération aura lieu entre chaque coefficient de la matrice et le scalaire.
- Il s'agit de la puissance matricielle (pour les matrices carrées). Par exemple A^2 est la même chose que A*A.
- A\B, où A désigne une matrice inversible d'ordre n et B une matrice à n lignes, vaut (une approximation, calculée en général par la méthode de Gauss, de) $A^{-1}B$.

Attention : si A n'est pas carrée, X=A\B est défini; il s'agit d'une solution approchée de A*X=B au sens des moindres carrés.

- B/A=(A'\B')' (i.e. BA⁻¹ si A est inversible).

 De plus, pour une matrice A et un scalaire s, A/s, tout comme A./s, correspond à la matrice des coefficients de A divisés par s.
- Utilisé entre deux matrices de mêmes dimensions, il s'agit de l'élévation à la puissance terme à terme. Utilisé entre une matrice et un scalaire, il s'agit de l'élévation à la puissance de chaque coefficient de la matrice par le scalaire.

.*)(./)

Utilisés entre deux matrices de mêmes dimensions, il s'agit de l'opération termes à termes (i.e. entre les coefficients des matrices de même ligne et même colonne). Ainsi par exemple A*eye(size(A)) renvoie, tout comme diag(diag(A)), la matrice diagonale qui a la diagonale de A.

3.5. Dimensions.

Si A est une matrice $n \times m$ $(n \ge 1, m \ge 1)$, ses dimensions sont obtenues par :

```
I=size(A) I vaut le vecteur ligne [n,m], vaut [p,q]=size(A) p vaut n et q vaut m
```

De plus, $\boxed{\operatorname{length}(A)}$ vaut $\max(n, m)$ et $\boxed{\operatorname{numel}(A)}$ vaut nm, le nombre d'éléments de A. Donc si x est un vecteur, aussi bien $\boxed{\operatorname{length}(x)}$ que $\boxed{\operatorname{numel}(x)}$, renvoient le nombre de composantes de x.

3.6. Quelques fonctions.

Il existe d'autres fonctions que celles présentées ici; n'hésitez pas à voir l'aide selon vos besoins.

3.6.1. Quelques fonctions "scalaires".

Il s'agit de fonctions usuelles en mathématiques lorsqu'elles sont appliquées à un scalaire. Avec Matlab, leur application à une matrice correspond à l'application de la fonction à chaque coefficient de la matrice.

```
asin
sin
                   cos
                             acos
                                       tan
                                                 atan
         asinh
sinh
                   cosh
                             acosh
                                       tanh
                                                 atanh
exp
         log
                   log10
                             log2
                                       sqrt
                                                 abs
```

Pour arronir un nombre, ou les coefficient d'une matrice, on peut utiliser :

round(x) qui renvoie l'entier le plus proche à x;

fix(x) qui renvoie l'entier vers 0 le plus proche à x. Ainsi par exemple fix(rand(3)*(10-eps)) renvoie une matrice aléatoire à coefficients entiers dans $\{0, \ldots, 9\}$.

3.6.2. Quelques fonctions "vectorielles".

Lorsqu'elles sont appliquées à un vecteur, ces fonctions renvoient un résultat scalaire; appliquées à une matrice $n \times m$ avec $n \geq 2$ et $m \geq 2$, elles renvoient un vecteur ligne résultat du calcul colonne par colonne.

max est plus grand élément.

Par exemple $\max([1\ 2])$ est 2, et $\max([1\ 2;\ 3\ 4])$ est $[2\ 4]$.

[m, I]=max(x) renvoie en plus I, le premier indice correspondant au max m.

Par exemple après $[m \ I]=\max([1 \ 7 \ 0])$ on a m=7 et I=2.

min est le plus petit élément; elle s'utilise comme max.

Pour obtenir le plus petit élément d'une matrice A qui n'est pas un vecteur il faut faire max(max(A)).

sum est la somme des composantes.

Par exemple sum([1 2; 3 4]) est [4 6], et sum(sum([1 2; 3 4])) est 10.

prod est le produit des composantes. Par exemple prod([1 2; 3 4]) est [3 8].

3.6.3. Quelques fonctions "matricielles".

Ces fonctions, généralement basées sur des méthodes numériques, calculent diverses quantités sur des matrices :

det(A) est le déterminant de A.

inv(A) est la matrice inverse de A.

eig(A) renvoie le valeurs propres (et vecteurs propres) de A.

null (A) renvoie une matrices dont les colonnes forment une base du noyau de A.

poly(A) donne le polynôme caractéristique de A.

[norm(x)] est la normes (euclidienne) du vecteur x, ou plus généralement norm(x,k) est la norme $||x||_k$.

norm(A) est la normes matricielle (euclidienne) de A, ou plus généralement norm(A,k),
avec k=1, k=2 ou k=inf.

cond(A) est le conditionnement (euclidien) de A, ou plus généralement on peut aussi calculer cond(A,k).

chol(A) donne la factorisation de Choleski de la matrice symétrique définie positive A.

4. LES (FONCTIONS) POLYNÔMES

Avec Matlab, un polynôme est représenté sous forme d'un vecteur dont les composantes correspondent aux coefficients du polynôme classés par ordre des puissances décroissantes (la dernière composante correspond nécessairement au terme constant, éventuellement nul).

Exemple : P=[1, 0, 2, 3] correspond au polynôme $P(X) = X^3 + 2X + 3$.

Quelques fonctions:

roots (P) est le vecteur colonne des valeurs (approchées) des zéros du polynôme P.

poly(x) pour un vecteur x, est le polynôme unitaire (sous la forme d'un vecteur ligne) dont les zéros sont les composantes de x.

polyval (P, A) pour un polynôme P et une matrice A, est la matrice des évaluations de P en chaque coefficient de A.

polyvalm(P,A) pour un polynôme P et une matrice A, est la matrice P(A).

conv(P,Q) est le produit des deux polynômes P et Q

5. Quelques notions pour la programmation

5.1. Comparaison et connecteurs logiques.

5.1.1. Les symboles de comparaison.

$$<$$
 $<=$ $>=$ pour $<$, \leq , $>$ et \geq .

 $==$ égal

 $\sim=$ différent (n'est pas égal)

Appliqués entre deux scalaires, le résultat d'une comparaison vaut 1 ou 0 selon que la comparaison est vraie ou fausse. Ce résultat est dit de type logique.

Lorsque la comparaison a lieu entre deux matrices de mêmes dimensions (non scalaires) ou entre une matrice et un scalaire, le résultat est une matrice de type logique; elle est composée de 0 et de 1, résultats des comparaisons coefficient par coefficient ou entre les coefficients et le scalaire.

Le résultat d'un test dans un **if** ou un **while** sera vrai si la matrice logique associée au test ne contient **que** des 1, sinon, il sera faux.

On peut utiliser le fait que le résultat d'une comparaison entre deux matrices ou une matrice et un scalaire est une matrice logique pour extraire certains coefficients : si A est une matrice et B une matrice logique de mêmes dimensions, A(B) est le vecteur colonne des coefficients $A_{i,j}$ tels que $B_{i,j} = 1$, ordonnés selon les colonnes de A.

Exemple: $\sin x = [2,0,3]$ est un vecteur, x(x>0) est le vecteur colonne dont les composantes sont celles de x qui sont positives, c'est-à-dire [2; 3].

any(x) renvoie 1 (vrai) si au moins un élément du vecteur x est non nul, 0 (faux) sinon.
any(A) est un vecteur ligne qui est le résultat de any appliqué aux vecteurs colonnes de A.
all(x) renvoie 1 (vrai) si tous les éléments de x sont non nuls, 0 (faux) sinon.

all(A) est un vecteur ligne qui est le résultat de all appliqué aux vecteurs colonnes de A. Exemple: all(any(A>5)) est vrai si dans tous les colonnes de la matrice A il a au moins un coefficient > 5.

Signalons également la fonction find retournant les indices linéaire correspondant à des coefficients non nuls. Par exemple find([0 1; 0 1]) va nous donner [2;4]. Ainsi pour obtenir les indices des coefficients positifs d'un vecteur on peut faire find(x(x>0)).

5.1.2. Les connecteurs logiques.

- & et logique élément par élément
- ou logique élément par élément
- & et logique scalaire version court-circuit
- ou logique scalaire version court-circuit
- négation

Les connecteurs logiques && et | | opèrent sur des valeurs logiques scalaires avec court-circuit dans l'évaluation de l'expression, c'est-à-dire avec arrêt de l'évaluation des expressions logiques qui suivent dès que le résultat est connu. Par exemple : supposons que x vaut 2.5 et que y vaut 1.3 et considérons l'expression x>5 && y<2. Puisque $x \le 5$, son résultat sera nécessairement faux et le test y < 2 ne sera même pas évalué.

Les connecteurs logiques version élément par élément opèrent sur des valeurs logiques pouvant être des matrices de mêmes dimensions (sauf par exemple pour leur utilisation dans un if ou un while) avec comme résultat une matrice logique. L'aspect "cout-circuit" dépend de leur utilisation.

5.2. Structures algorithmiques.

Les choix if ... else ... end:

```
if test
  instructions
else
  instructions
end
```

```
if test
  instructions
end
```

```
if test else
  instructions
end
```

→ voir l'aide pour la structure switch permettant un choix entre plus de 2 possibilités. Les boucles while ... end et for ... end :

```
while test
instructions
end
```

```
for var = expr
  instructions
end
```

Pour la boucle for de Matlab, la valeur de l'expression expr est calculée en début de for. En général, le résultat d'exp sera un vecteur et la variable var prendra successivement comme valeurs les composantes du vecteur. Les instructions entre for et end seront exécutées avec ces valeurs de var.

Si le résultat d'exp est la matrice vide [], alors on n'entre pas dans la boucle. Si le résultat de exp est une matrice au sens strict, la variable var prendra successivement comme valeurs les vecteurs colonnes de exp.

Exemples de boucle :

```
for i=1:10
  x(i)=i^2;
  y(i)=x(i)+1;
end
```

```
x=round(10*rand(1,20));
a=6;ind=[];
for i=length(x):-1:1
  if x(i)==a
    ind=[ind;i];
  end
end
```

```
som=0; k=0;
while som<100
    k=k+1;
    som=som+k;
end</pre>
```

Lorsque des outils Matlab (les opérations matricielles, les fonctions linspace, max, sum ...) permettent un calcul similaire sans avoir recours aux boucles, le programme sans les boucles sera nettement plus efficace (en temps).

Exemple : Il est préférable d'écrire le premier exemple précédent sans la boucle **for** sous la forme : x=(1:10).^2; y=x+1;

La commande break arrête une boucle en passant à l'instruction suivant le end de la boucle où elle apparaît. La commande return permet de sortir d'une fonction (ou d'un script).

5.3. Fonctions inline et Q.

Lorsque l'on définit une fonction, il est préférable d'utiliser systématiquement les opérateurs terme à terme .*, ./ et .^ au lieu de *, / et ^, si l'on veut que cette fonction puisse s'appliquer à des vecteurs et des matrices.

inline : Cette fonction permet de définir une fonction simple à partir d'une chaîne de caractères.

```
Exemples : f=inline('t.*sin(t)+2') définit la fonction : f(t) = t \sin(t) + 2.

g=inline('exp(x.*y)', 'x', 'y') définit la fonction : g(x,y) = \exp(xy).

Le .* est ici essentiel : on peut alors évaluer ces fonctions sur des vecteurs ou des matrices :
```

```
t=linspace(0,pi,100); y=f(t);}
[x,y]=meshgrid(-1:0.1:1,-1:0.1:1); z=g(x,y)}
```

© : Cette fonction est similaire à **inline** mais elle présente l'avantage de pouvoir passer des variables comme paramètres.

```
Exemples: a=2; b=3; f=0(x) [a*x+b*sin(x)] \text{ définie la fonction } f(x) = 2x+3\sin(x); \\ g=0(x) [a*x, \cos(b*x)] \text{ définie } g(x) = (2x,\cos(3x)) \text{ à valeurs dans } \mathbb{R}^2. Si une fonction n'est pas prévue pour fonctionner avec des vecteurs (comme par exemple inline('x*x')) on peut l'appliqué à un vecteur quand même en utilisant arrayfun.
```

6. Un peu de graphisme bidimensionnel

Matlab permet la visualisation de valeurs numériques dans des fenêtres figure.

Sans précision, c'est dans la figure 1 que se font les tracés. On accède à (ou on ouvre) une autre fenêtre, figure 2 par exemple, par la commande figure (2). La fermeture de la même fenêtre (resp. de toutes les fenêtres figure) peut se faire par la commande close (2) (resp. close ou close all (ainsi que clear et clc)).

La commande de base pour du graphisme bidimensionnel est plot(x,y), où x et y sont deux vecteurs à composantes réelles de même dimension n. Elle ouvre une fenêtre figure (figure 1 par défaut) dans laquelle vont figurer les points de coordonnées $(x_1, y_1), \ldots, (x_n, y_n)$ reliés par des segments de droite dans un repère cartésien. Si y est une matrice, plusieurs courbes seront tracées (une pour chaque ligne de y).

Les commandes loglog, semilogx et semilogy fonctionnent de la même manière que plot mais avec des échelles logarithmiques en x et y, en x seulement ou en y seulement.

Il est possible d'ajouter des options (spécifications) pour le tracé :

```
plot(x,y,':or'): le symbole : pour relier les points par des traits en pointillés, le o pour repérer les points (x_i, y_i) par un petit rond et le r pour un tracé en rouge.
```

plot(x,y,'+'): ici, l'absence du style de trait dans la spécification provoquera l'absence de trait entre les points (seul le marquage des points par le symbole + sera effectué).

→ Voir l'aide dans LineSpec pour les spécifications possibles.

Avec plot, on peut également tracer plusieurs courbes sur la même figure :

plot(x1,y1,'-vb',x2,y2,':xg') pour tracer sur un même graphe, y1 suivant x1 en bleu par un trait plein avec des symboles ∇ , et y2 suivant x2 en vert par un trait pointillé avec des symboles \times .

Citons quelques commandes que l'on peut utiliser en les plaçant après la commande plot :

```
legend('courbe1', 'courbe2',...) pour placer une légende pour les différentes courbes; 

xlabel('texte') (ou ylabel) pour mettre la signification de l'axe des abscisses (ou des ordonnées);
```

```
title('texte') pour donner un titre à la figure;
```

axis([xmin xmax ymin ymax]) pour définir les bornes des deux axes.

Si au moins une fenêtre figure est ouverte, la commande plot effectue le tracé dans la dernière fenêtre figure ouverte, en remplaçant l'éventuel graphe déjà présent dans cette fenêtre. On conseille donc de toujours débuter les programmes par la commande close (ainsi que clear et clc).

Une fenêtre figure peut également être partagée en plusieurs zones sous forme d'un tableau pour y faire figurer plusieurs graphes grâce à la commande :

subplot(n,m,pos) partage la fenêtre des figures en n lignes et m colonnes et fixe la position du prochain plot en position pos.

7. Solutions libres

Il existe plusieurs alternatives libres à Matlab, comme Octave, SciLab, Python + NumPy + matplotlib, R ...

Ici on va brièvement mentionner seulement les deux premiers, avec un point de vue très personnel sur les avantages et les inconvénients pour les étudiants suivant un module de Matlab.

7.1. Octave.

Gnu Octave est un logiciel libre sous licence GNU GPL. C'est un langage interprété fortement compatible avec Matlab. Par exemple, tout ce qui est décrit dans ce manuel (à l'exception des descriptifs de l'interface), est valable pour Octave.

7.1.1. Avantages.

- C'est un logiciel libre.
- Il est très fortement compatible avec Matlab
- Il est multiplateforme (Linux, Mac, Windows, ...)

7.1.2. Inconvénients.

- Il est beaucoup moins convivial que Matlab (surtout pour les débutants).
- À un niveau plus avancé, il n'est pas à 100% compatible avec la multitude de bibliothèques existantes pour Matlab.
- Il est un peu plus lent que Matlab.

7.1.3. Comment l'utiliser.

GNU Octave ne vient pas avec un environnement de programmation intégré, comme Matlab. Donc pour l'utiliser vous pouvez :

- soit utiliser votre éditeur de texte favori pour éditer les fichiers .m, puis les exécuter avec octave;
- soit installer et utiliser un des environnements existants (voir Wikipedia).

Quand vous lancez l'exécutable octave, vous arrivez dans un environnement équivalent à la fenêtre de commandes de Matlab : toute ligne est immédiatement exécutée en appuyant sur la touche Entrée. Ainsi pour exécuter un fichier .m se trouvant dans le répertoire courant, il suffit de taper son nom.

Il existe des version binaires pour Windows et Mac. On peut en trouver par exemple sur le site de Octave-Forge.

7.2. SciLab.

SciLab est un logiciel libre sous licence CeCILL v2. Son langage de programmation est très proche de Matlab (mais pas autant qu'Octave) et il est fourni avec un environnement de programmation qui imite celui de Matlab.

7.2.1. Avantages.

- C'est un logiciel libre.
- Il est plus convivial qu'Octave (surtout pour les débutants).
- Il est multiplateforme (Linux, Mac, Windows, ...).
- La documentation existe en français.

7.2.2. Inconvénients.

- Il n'est pas aussi convivial que Matlab (par exemple, les messages d'erreur sont souvent moins compréhensibles qu'en Matlab).
- Les scripts Matlab et les bibliothèques Matlab ne sont pas directement compatibles avec SciLab.

7.2.3. Comment l'utiliser.

Pour utiliser SciLab à la place de Matlab, il faut adapter des choses (très peu) décrites dans ce document. Le travail n'est pas énorme, mais vous ne pouvez pas prendre en général directement vos fichiers .m et les exécuter. Pour vous donner une idée : la constante pi sous SciLab s'écrit %pi et va être considérée comme un commentaire sous Matlab (les commentaires sous SciLab commence par //).