

IN310 - Modèles de systèmes embarqués

Charles Lesire-Cabaniols (ONERA / DCSD)
charles.lesire@onera.fr

3A-SEM - 2010-2011

IN310 - Modèles de systèmes embarqués

Charles Lesire-Cabaniols (ONERA / DCSD)
charles.lesire@onera.fr

3A-SEM - 2010-2011

Introduction

Systèmes embarqués
Types de systèmes
Plan du cours

Qu'est-ce qu'un système embarqué ?

- ▶ Un système électronique, comprenant capteurs, actionneurs, processeurs et moyens de communication, piloté par un logiciel, intégré au système qu'il contrôle et
 - ▶ soumis à diverses **contraintes** : d'espace, de consommation, de temps de réponse (système temps réel), de sécurité, de sûreté de fonctionnement ;
 - ▶ conception conjointe "embarqueur et embarqué", mêlant différentes **spécialités** : électronique, traitement du signal, informatique, réseaux, automatique - qui doivent se comprendre et coopérer.

Qu'est-ce qu'un système embarqué ?

- ▶ Domaines d'application divers :
 - ▶ SE orientés *commande* : transport (Aéronautique, Espace, Automobile, Ferroviaire, Maritime)
 - ▶ SE orientés *traitement du signal/calcul* : télécom, multimédia
- ▶ Conception ↔ modèle :
 - ▶ Comment représenter un système embarqué ?
 - ▶ Quel point de vue ?
 - commande : Système Hybride (variables continues et discrètes)

SEM IN310 - MSE

Introduction
●○○○○○○○

Systèmes embarqués

SEM IN310 - MSE

Introduction
○○●○○○○○

Types de systèmes

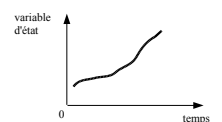
Types de variables

Le modèle mathématique d'un système est caractérisé par :

- ▶ la nature de la variable indépendante qui représente le **temps**
- ▶ la nature de ses **variables d'état** :
 - ▶ variables **continues** : prennent leurs valeurs sur le domaine des réels \mathbb{R}
 - ▶ variables **discrètes** : prennent leurs valeurs sur un domaine représenté par un ensemble dont le nombre d'éléments est dénombrable (ex : les entiers naturels \mathbb{N} , variables booléennes)

Types de systèmes

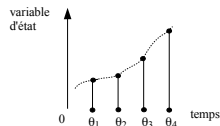
- ▶ **Les systèmes continus** :
 - ▶ temps : variable **continue** (temps dense)
 - ▶ variables d'état **continues**, évolution dictée par le temps
 - ▶ équations algèbro-différentielles
 $\dot{x}(t) = Ax(t) + Bu(t)$, transformée de Laplace
 - ▶ Ex : vitesse de rotation d'un moteur



Types de systèmes

► Les systèmes échantillonnés :

- temps : variable **discrète** $\theta_0, \theta_1 \dots \theta_{n-1} \theta_n, \theta_{n+1} \dots$
- variables d'état **continues** (*observées à θ_i*)
- équations différence $X_{k+1} = A_k X_k + B_k U_k$, transformée en Z
- Ex : vitesse moteur contrôlée par un microcontrôleur.



Types de systèmes

► Les systèmes à événements discrets :

- représentés par une suite d'*événements discrets* (ex : un plan)
- temps : relation de précédence
- variables d'état discrètes : valeur $x(k+1)$ calculée directement à partir de $x(k)$, sans considérer le temps (fonction des événements)
- automates, réseaux de Petri
- ex : nombre de pièces dans un système de manufacture

Types de systèmes

Exemple

► Les systèmes hybrides :

- évolution à la fois en fonction du temps continu et des événements discrets
- variables d'état continues et variables d'état discrètes
- automates hybrides, réseaux de Petri hybrides
- ex : contrôle de température : événement (on/off), variable continue (temperature)

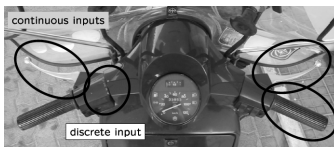
Un réservoir qui peut être rempli ou vidé. Un même système physique, mais deux points de vue :

- Modélisation du niveau de liquide : $\dot{S}h(t) = q_i(t) - u(t) \cdot \alpha h(t)$
avec :
 $h(t)$ la hauteur de liquide, $q_i(t)$ la vitesse de remplissage, $u(t)$ l'entrée ($u(t) = 0$: valve fermée, $u(t) = 1$: valve ouverte), S et α deux paramètres
- Modélisation de l'état du réservoir (vide ou plein) :
Espace d'état $X = \{\text{vide}, \text{plein}\}$, contrôle $U = \{\text{ouvrir}, \text{fermer}\}$

Exemple

Un réservoir qui peut être rempli ou vidé. Un même système physique, mais deux points de vue :

- Système Hybride : considérer les deux points de vue



- Entrée discrète (rapport de vitesse)
- Entrées continues (frein, gaz)
- Etat dynamique continu (vitesse, vitesse du vent, carburant)

Plan du cours

- Modèles discrets
 - Réseaux de Petri (C. Lesire)
4 C, 1 BE Tina, 2 BE Lego
 - Automates (J. Brunel)
4 C, 2 BE Uppaal
- Modèles hybrides (C. Lesire)
 - 1 C (C. Lesire)
 - 2 BE StateFlow (F. Dafaï)

[illegible]

Réseau de Petri et le temps

- SEM IN310 - Réseaux de Petri

SEM IN310 - Réseaux de Petri

SEM IN310 - Réseaux de Petri

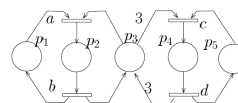
SEM IN310 - Réseaux de Petri

Invariants de place

- ### Remarque

- ## Composantes répétitives stationnaires

- $$s^1 = {}^t(1 \ 1 \ 0 \ 0), s^2 = {}^t(0 \ 0 \ 1 \ 1)$$



Invariants de transition

- ### Remarque

- ## Analyse des propriétés

Analyse par énumération des marquages le graphe des marquages accessibles est calculé, vérifiant si le réseau est borné, vivant et réinitialisable.

Analyse structurelle calcul des composantes conservatives et répétitives stationnaires et des invariants correspondants ; ne permet pas toujours d'avoir une réponse, mais dans certains cas, permet d'obtenir une réponse simple et rapide des propriétés du réseau.

Analyse par réduction si le réseau est trop grand ou non borné, on peut réduire la taille du réseau, en utilisant certaines règles de réduction.

Analyse par énumération des marquages

Arbre de couverture

- ▶ On part du marquage initial M_0 ,
- ▶ On crée une branche pour chaque transition sensibilisée par M_0 ,
- ▶ La construction d'une branche est interrompue quand on rencontre un marquage
 - ▶ déjà calculé,
 - ▶ strictement supérieur à un marquage *de la branche qui est en train d'être explorée*.

Si le réseau est non borné, on introduit le symbole ω pour rendre l'arbre fini.

Analyse par énumération des marquages

Recherche des propriétés sur $\mathcal{A}(\mathcal{R}, M)$

- ▶ Réseau k -borné $\Leftrightarrow \mathcal{A}(\mathcal{R}, M)$ borné
- ▶ Réseau réinitialisable $\Leftrightarrow \mathcal{A}(\mathcal{R}, M)$ fortement connexe

$$\forall M_i, M_j \in \mathcal{A}(\mathcal{R}, M), \exists s / M_i \xrightarrow{s} M_j$$

- $\mathcal{A}(\mathcal{R}, M)$ fortement connexe \Rightarrow
Réseau vivant \Leftrightarrow Chaque transition étiquette au moins un arc

$$\forall t \in T, \exists M_j, M_i \in \mathcal{A}(\mathcal{R}, M), / M_j \xrightarrow{t} M_i$$

SEM IN310 - Réseaux de Petri

Introduction	Modèle formel	Analyse de propriétés	Composition	Réseau de Petri et le temps	Introduction	Modèle formel	Analyse de propriétés	Composition	Réseau de Petri et le temps
○○○○○	ooooooooooooooooooooo●ooo●ooooooooooooo	ooooooooooooooooooooo●ooo●ooooooooooooo	ooooooooo	oooooooooooooooooo	○○○○○	ooooooooooooooooooooo●ooo●ooooooooooooo	ooooooooooooooooooooo●ooo●ooooooooooooo	ooooooooo	oooooooooooooooooo
Analyse					Analyse				

Analyse structurelle

Composantes conservatives

- ▶ Toute place qui appartient à une composante conservative est bornée
- ▶ Une place p qui n'appartient à aucune composante conservative ($f(p) = 0$) peut être bornée
- ▶ Une place non bornée n'appartient à aucune composante conservative

Un réseau de Petri pour lequel il existe une couverture de composantes conservatives ($f > 0$) est **k-borné**, peu importe son marquage initial.

[illegible]

Analyse structurelle

Composantes répétitives

Réseau de Petri répétitif : il existe une couverture de composantes répétitives ($s > 0$)

- ▶ un réseau de Petri **borné et vivant** est **répétitif**
- ▶ un réseau **non répétitif** ($\exists t, s(t) = 0$) est **non vivant ou non borné**

[illegible]

Analyse par réduction

Place substituable

- ▶ Si p n'a qu'une transition en entrée t_e et qu'une en sortie t_s :

$$Post(p, t_e) = Pre(p, t_s)$$

$$\forall p' \in P, p' \neq p \Rightarrow Pre(p', t_s) = 0$$

- Sa réduction fournit un réseau sans p et où t_e et t_s sont remplacées par t_{es} :

$$\forall p' \in P, \text{Pre}(p', t_{es}) = \text{Pre}(p', t_e)$$

$$Post(p', t_{es}) = Post(p', t_e) + Post(p', t_s)$$

SEM IN310 - Réseaux de Petri

Analyse structurelle

Invariants de place

${}^t f M = {}^t f M_0$ permet de calculer une limite pour chaque place p

$$f(p)M(p) \leq {}^t f M_0, \quad M(p) \leq \frac{{}^t f M_0}{f(p)}$$

Analyse par réduction

- ▶ On cherche à réduire la taille du réseau à analyser, en conservant ses propriétés ;
- ▶ Plusieurs types de réduction :
 - ▶ Place substituable
 - ▶ Place implicite
 - ▶ Transition neutre
 - ▶ Transitions identiques

[illegible]

Analyse par réduction

Place implicite

- ▶ Son marquage est une combinaison linéaire du marquage d'autres places : elle est donc inutile !
- ▶ Deux cas triviaux :
 - ▶ Deux places sont identiques (même transitions, Pre et Post) ;
 - ▶ Une place n'est connectée que par des boucles élémentaires (implicite / \emptyset).

Analyse par réduction

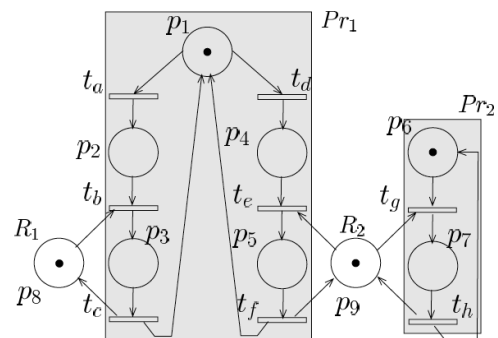
Transitions identiques

- ▶ Si deux transitions t_1 et t_2 sont identiques on peut supprimer l'une des deux

$$Pre(., t_1) = Pre(., t_1) \text{ et } Post(., t_1) = Post(., t_1)$$

- Navigation icons: back, forward, search, etc.

Exemple : Système par lot



- Réseau de Petri et le temps

SEM IN310 - Réseaux de Petri

Communication par place

Deux processus *A* et *B* exécutant chacun une opération doivent se communiquer :

- ▶ *A* ne peut commencer qu'après la fin de *B* ;
- ▶ *B* doit attendre que *A* commence pour pouvoir commencer.

processus indépendants

Communication par place

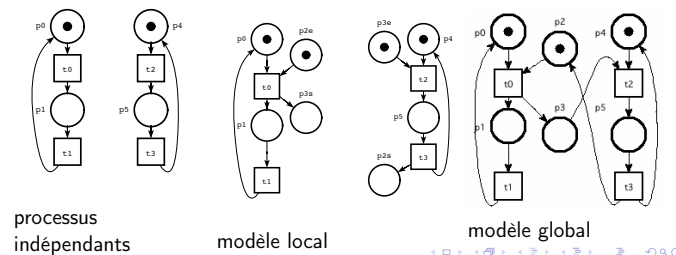
Deux processus *A* et *B* exécutant chacun une opération doivent se communiquer :

- ▶ *A* ne peut commencer qu'après la fin de *B* ;
- ▶ *B* doit attendre que *A* commence pour pouvoir commencer.

modèle local

Deux processus A et B exécutant chacun une opération doivent se communiquer :

- ▶ A ne peut commencer qu'après la fin de B ;
- ▶ B doit attendre que A commence pour pouvoir commencer.



Réseau de Petri et le temps

- Introduction
- Modèle formel
- Analyse de propriétés
- Composition
- Réseau de Petri et le temps
 - Introduction
 - RdP t -temporels
 - Grphe de classes

Réseau de Petri et le temps

Plusieurs extensions de RdP pour prendre en compte le temps :

- temps associé aux arcs,
- temps associé aux places,
- temps associé aux transitions (RdP temporel, RdP temporisé)

Réseaux de Petri temporels (Merlin, 1974)

Plusieurs extensions de RdP pour prendre en compte le temps :

- ▶ temps associé aux arcs,
- ▶ temps associé aux places,
- ▶ temps associé aux transitions (RdP temporel, RdP temporisé)

Réseaux de Petri temporels

Un réseau de Petri t -temporels $\langle N, M_0, I \rangle$ est défini par :

- un réseau de Petri $N = \langle P, T, Pre, Post \rangle$,
- un marquage initial M_0 ,
- une fonction intervalle statique I :

$$I : T \rightarrow (Q^+ \cup 0) \times (Q^+ \cup \infty)$$

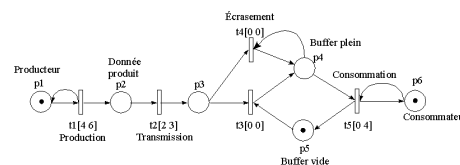
Protocole unidirectionnel de transfert de données :

Réseaux de Petri temporels

Intervalle temporel $I(t_i) = [a_i, b_i]$: dates de tir possibles de t_i à partir de sa date de sensibilisation.

- date de sensibilisation d'une transition t_i
- date de début et de fin de l'intervalle de tir,
- date de franchissement effectif de t_i .

Intervalle temporel $I(t_i) = [a_i, b_i]$: dates de tir possibles de t_i à partir de sa date de sensibilisation.

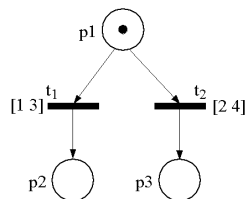


- ▶ date de **sensibilisation** d'une transition t_i
- ▶ date de **début** et de **fin** de l'intervalle de tir,
- ▶ date de **franchissement** effectif de t_i .

SEM IN310 - Réseaux de Petri

Graphe de marquage classique

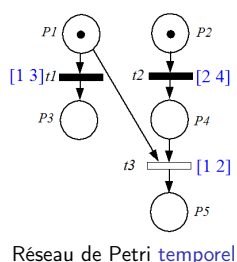
-



Réseau de Petri atemporel

Graphe de marquage

Graphe de classes

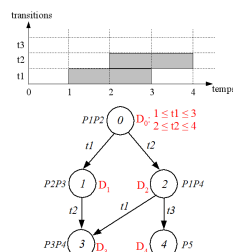
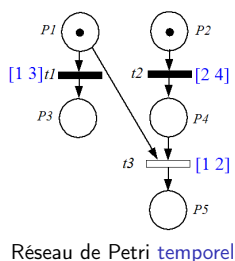


-
- Réseau de Petri **temporel**

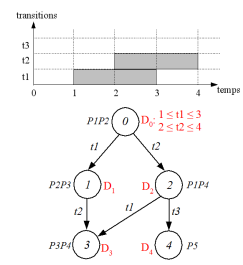
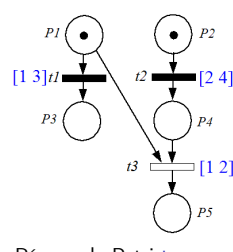
Réseau de Petri temporel

Réseau de Petri tempore

Mode linéaire



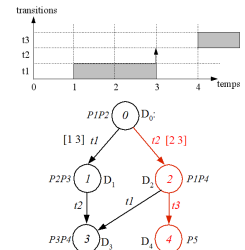
Réseau de Petri temporel



Réseau de Petri tempore

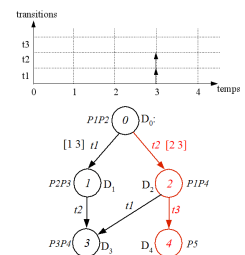
Tous ces états sont-ils atteignables ! ?

Mode linéaire



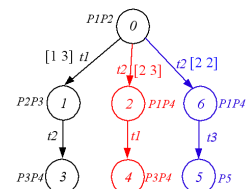
Si t_2 est franchie au temps 3, t_3 est-elle encore franchissable ?

Mode linéaire



Si t_2 est franchie au temps 3, t_3 est-elle encore franchissable? **Non !**

Mode C



- ▶ Problème branchement : résolu
- ▶ Problème de chemin : résolu

