

软件分析

多角度理解数据流分析

熊英飞 北京大学

Datalog



- Datalog——逻辑编程语言Prolog的子集
- 一个Datalog程序由如下规则组成:
 - predicate1(Var or constant list):- predicate2(Var or constant list), predicate3(Var or constant list), ...
 - predicate(constant list)
- 如:
 - grandmentor(X, Y) :- mentor(X, Z), mentor(Z, Y)
 - mentor(kongzi, mengzi)
 - mentor(mengzi, xunzi)
- Datalog程序的语义
 - 反复应用规则,直到推出所有的结论——即不动点算法
 - 上述例子得到grandmentor(kongzi, xunzi)

逻辑规则视角



- 一个Datalog编写的正向数据流分析标准型,假设并集
 - data(D, V) :- gen(D, V)
 - data(D, V) :- edge(V', V), data(D, V'), not_kill(D, V)
 - data(d, entry) // if $d \in I$
 - V表示结点,D表示一个集合中的元素

练习: 交集的情况怎么写?



- data(D, V) :- gen(D, V)
- data(D, v) :- data(D, v_1), data(D, v_2), ..., data(D, v_n), not_kill(D, v) // v_1 , v_2 , ... v_n 是v的前驱结点
- data(d, entry) // if $d \in I$

历史



- 大量的静态分析都可以通过Datalog简洁实现, 但因为逻辑语言的效率,一直没有普及
- 2005年,斯坦福Monica Lam团队开发了高效 Datalog解释器bddbddb,使得Datalog执行效率接 近专门算法的执行效率
- 之后大量静态分析直接采用Datalog实现

Datalog-

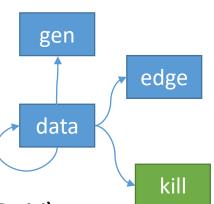


- not_kill关系的构造效率较低
- 理想写法:
 - data(D, V) :- edge(V', V), data(D, V'), not kill(D, V)
- 但是,引入not可能带来矛盾
 - p(x) := not p(x)
 - 不动点角度理解: 单次迭代并非一个单调函数

Datalog-



- 解决方法: 分层(stratified)规则
 - 谓词上的任何环状依赖不能包含否定规则
- 依赖示例
 - data(D, V) :- gen(D, V)
 - data(D, V):- edge(V', V), data(D, V'), not kill(D, V)
 - data(d, entry)
- 不动点角度理解:否定规则将谓词分成若干层, 每层需要计算到不动点,多层之间顺序计算
- 主流Datalog引擎通常支持Datalog¬



Datalog引擎



- Souffle
- LogicBlox
- IRIS
- XSB
- Coral
- 更多参考: https://en.wikipedia.org/wiki/Datalog

方程求解



- 数据流分析的传递函数和□操作定义了一组方程
 - $D_{v_1} = F_{v_1}(D_{v_1}, D_{v_2}, ..., D_{v_n})$
 - $D_{v_2} = F_{v_2}(D_{v_1}, D_{v_2}, ..., D_{v_n})$
 - ...
 - $D_{v_n} = F_{v_n}(D_{v_1}, D_{v_2}, ..., D_{v_n})$
- 其中
 - $F_{v_1}(D_{v_1}, D_{v_2}, ..., D_{v_n}) = f_{v_1}(I)$
 - $F_{v_i}(D_{v_1}, D_{v_2}, \dots, D_{v_n}) = f_{v_i}(\bigcap_{j \in pred(i)} D_{v_j})$
- 数据流分析即为求解该方程的最大解
 - 传递函数和□操作表达了该分析的安全性条件,所以该方程的解都是安全的
 - 最大解是最有用的解

方程组求解算法



- 在数理逻辑学中,该类算法称为Unification算法
 - 参考: http://en.wikipedia.org/wiki/Unification_(computer_science)
- 对于单调函数和有限格,标准的Unification算法 就是我们学到的数据流分析算法
 - 从(I, T, T, ..., T)开始反复应用 F_{v_1} 到 F_{v_n} ,直到达到不动点
 - 增量优化:每次只执行受到影响的 F_{v_i}

术语-流敏感(flow-sensitivity)



- 流非敏感分析(flow-insensitive analysis):如果 把程序中语句随意交换位置(即:改变控制流), 如果分析结果始终不变,则该分析为流非敏感分析。
- 流敏感分析(flow-sensitive analysis): 其他情况
- 数据流分析通常为流敏感的

流非敏感分析



• 转换成同样的方程组,并用不动点算法求解

a=100; if(a>0) a=a+1; b=a+1; 流非敏感符号分析 $a = a \sqcap \Xi \sqcap a + \Xi$ $b = b \sqcap a + \Xi$

不考虑位置,用所 有赋值语句更新所 有变量 流非敏感活跃变量分析 $DATA = DATA \cup \{a\}$

对于整个程序产生一个 集合,只要程序中有读 取变量v的语句,就将 其加入集合

时间空间复杂度



- 活跃变量分析:语句数为n,程序中变量个数为m,使用 bitvector表示集合
- 流非敏感的活跃变量:每条语句对应一个并集操作,时间为 O(m),迭代一轮即收敛,因此时间复杂度上界为O(nm),空间 复杂度上界为O(m)
- 流敏感的活跃变量分析:格的高度为O(m),即每个结点的值最多变化O(m)次。每个结点有最多O(n)个后继节点,即每个结点的值最多被更新O(mn)次。每次有后继结点变化可只是合并变化的结点,因此单个均摊之后结点总更新复杂度 $O(nm^2)$,总时间复杂度上界 $O(n^2m^2)$,空间复杂度上界为O(nm)
- 对于特定分析,流非敏感分析能到达很快的处理速度和可接受的精度(如基于SSA的指针分析)

程序分析的分类-敏感性



- 一般而言,抽象过程中考虑的信息越多,程序分析的精度就越高,但分析的速度就越慢
- 程序分析中考虑的信息通常用敏感性来表示
 - 流敏感性flow-sensitivity
 - 路径敏感性path-sensitivity
 - 上下文敏感性context-sensitivity
 - 字段敏感性field-sensitivity
- 注意区别:
 - 敏感性 vs 分析结果的形式

只返回一组范围的分析



```
If (...)
  x = 0;
  y = x;
else
  x = 1;
  y = x - 1;
```

- 求程序执行过程中x和y所有可能取值的范围
- 流敏感分析: x:[0,1], y:[0,0]
- 流非敏感分析: x:[0,1], y:[-1,1]

路径敏感性



- 路径非敏感分析:不考虑程序中的路径可行性, 忽略分支循环语句中的条件
- 路径敏感分析:考虑程序中的路径可行性,只分析可能的路径

路径敏感vs路径非敏感



```
int f(int x){
    if (x > 5)
        x = 10;
    return x;
}
假设输入的区间为(5, 10)
```

- 使用路径非敏感的区间分析,得到函数的返回值为
 - (5, 10]
- 使用路径敏感的区间 分析,得到函数的返 回值为
 - [10, 10]

给数据流分析添加基本路径 敏感性



```
int f(int x){
 if (x > 5) {
  assert(x > 5);
  x = 10;
 else {
  assert(x \le 5);
 return x;
假设输入的区间为(5,10)
```

- 基本思路:
 - 给每条分支添加assert语
 - assert语句负责过滤掉必 然不可能到达当前分支 的抽象状态
- assert(x>5)转换函数
 - $f(x)=x\cap (5,+\infty)$
- assert(x<=5)转换函数
 - $f(x)=x\cap (-\infty,5]$

练习: 用学过的Widening & Narrowing 算子进行路径敏感的区间分析



```
x=1;
while (x < 100) {
  x++;
}</pre>
```



```
x=1;
while (x < 100) {
    assert(x < 100);
    x++;
    [2, 2]
}
assert(x >= 100);
Ø
```



```
x=1; [1,1]

while (x < 100) { [1, +\infty]

assert(x < 100); [1, 1]

x++; [2, 2]

}

assert(x >= 100); \emptyset
```



```
x=1; [1,1]

while (x < 100) { [1, +\infty]

assert(x < 100); [1, 1]

x++; [2, 2]

}

assert(x >= 100); [100, +\infty]
```



```
x=1; [1,1]

while (x < 100) { [1, +\infty]

assert(x < 100); [1, 99]

x++; [2, 2]

}

assert(x >= 100); [100, +\infty]
```



```
x=1; [1,1]

while (x < 100) { [1, +\infty]

assert(x < 100); [1, 99]

x++; [2, 100]

}

assert(x >= 100); [100, +\infty]
```



路径敏感的数据流分析



- 优点:
 - 完全兼容已有数据流分析框架
 - 利用已有技术直接支持循环、过程间等复杂分析
- 缺点:
 - 很多条件类型无法写出过滤函数
 - 给定条件x>5,如何做reaching definition分析?
 - 给定条件x>y,如何做路径敏感的区间分析?
 - 同标准数据流分析类似,很多情况无法精确判断
 - if (y > 0) x = 10; else x=1; if (2 < x & x < 6) x = 20;
 - x不会赋值成20,但是区间分析判断不出来
 - 无法分路径输出结果、无法回答"什么输入会导致除零错误"的问题
- 后续课程将介绍符号执行技术,和数据流分析一定程度互补

敏感性 vs 结果精度



- 敏感性主要是指分析过程中是否考虑了某种信息
- 但结果仍然可以在较粗的粒度汇报

作业:



- 下载任意Datalog引擎,用Datalog编写下面程序 的符号分析,提交程序和运行截图
 - 注: 只是将如下程序手动转换成Datalog规则,不用编写针对任意程序通用的分析工具

```
x*=-100;
y+=1;
while(y < z) {
    x *= -100;
    y += 1;
}
输入: x为负, y为零, z为正
求输出的符号
```

参考资料



- Lecture Notes on Static Analysis
 - https://cs.au.dk/~amoeller/spa/
- Datalog Introduction
 - Jan Chomicki
 - https://cse.buffalo.edu/~chomicki/636/datalog-h.pdf
- Datalog引擎列表
 - https://en.wikipedia.org/wiki/Datalog