به نام خدا

الگوريتم Timsort

مهدى حقوردي



فهرست مطالب

مقدمه و معرفي

تاريخچه

چرا تیمسورت؟

توضيح الگوريتم - Runها

توضيح الگوريتم - ادغامها

ادغام پیشرفتهتر با Galloping

استفاده از stack برای ادغام

مراجع و منابع

مقدمه و معرفي

مقدمه و معرفي

- در دنیای علوم کامپیوتر، مرتبسازی یک عملیات اساسی با کاربردهای بیشمار است.
- در میان انبوهی از الگوریتمهای مرتبسازی، یکی از الگوریتمها به دلیل کارایی، تطبیقپذیری و طراحی زیبا متمایز شده است: الگوریتم تیمسورت 1 .
 - این الگوریتم که توسط تیم پیترز 2 برای زبان برنامه نویسی پایتون 3 توسعه یافته است، به سنگ بنای پیادهسازی مرتبسازی در زبانها و محیطهای مختلف برنامهنویسی تبدیل شده است.
- تركیب منحصر به فرد مرتبسازی ادغامی 4 و مرتبسازی درجی 5 به همراه بهینهسازیهای مخصوص روی هر الگوریتم و بهینهسازیهای تطبیقی، تیمسورت را به یكی از پیچیدهترین و كاربریترین الگوریتمهای مرتبسازی موجود تبدیل كرده است.

² Tim Peters

¹ Timsort

³ Python programming language

⁴ Merge sort

⁵ Insertion sort

تاريخچه

- الگوريتم تيمسورت، در سال ۲۰۰۲ توسعه يافت.
- تيم پيترز اين الگوريتم را اينگونه توصيف ميكند:

"A non-recursive adaptive stable natural merges ort / binary insertion sort hybrid algorithm"

- این الگوریتم از Python 2.3 تا حدود بیست سال، الگوریتم استاندارد مرتبسازی در پایتون بود و از نسخه ی 3.11.1 به دلیل تغییراتی که در سیاستهای ادغام آن بوجود آمد، الگورتیمی به اسم Powersort بر پایهی تیمسورت، جایگزین آن شد.
- الگوريتم تيمسورت در Swift ،V8 ،GNU Octave ،Android ،Java SE 7 و Rust پيادهسازی شده است.

- چرا non-recursive?

پر چون طبق گفتهی تیم پیترز: «به طور خلاصه، روتین اصلی یک بار از سمت چپ تا راست، آرایه را طی، Run ها 2 را شناسایی و هوشمندانه آنها را با هم ادغام میکند.»

- چرا adaptive؟

چون این الگوریتم با توجه به طول و ترتیبهای از قبل موجود در آرایه، و همچنین بر اساس اندازهی Runهای پیدا شده، تصمیماتی میگیرد تا از الگوریتم بهتری برای آن موقعیت استفاده کند.

 $^{^{2}}$ در ادامه مفهوم Run توضیح داده می شود.

چرا etable؟
 چون این الگوریتم، ترتیب عناصر یکسان در آرایهی اولیه را حفظ میکند. برای مثال اگر لیستی از این اسامی
 داشته باشیم: [peach, straw, apple, spork] و آنرا بخواهیم بر اساس حرف اول کلمات مرتب کنیم،
 چنین چیزی میگیریم: [apple, peach, straw, spork] اگر دقت کنید در لیست اولیه، straw قبل

پایداری الگوریتم مرتبسازی میگویند.

- چرا hybrid؟ چون این الگوریتم از ترکیب دو الگوریتم merge sort و binary insertion sort برای مرتب سازی استفاده میکند.

از spork آمده بود و در لیست مرتب شده هم همین ترتیب حفظ شد. به این نگهداری ترتیب اولیهی عناصر،

الگوريتم Timsort تاريخچه

چرا تیمسورت؟

- مقايسه ى كلى بين پيچيدگى زمانى الگوريتمهاى Quick sort ، Merge sort چنين چيزيست[Sabah et al., 2023]:

Algorithm	Best Case	Avg. Case	Worst Case	Space
Quick Sort	O(nlgn)	O(nlgn)	$O(n^2)$	O(lgn)
Tim Sort	O(n)	O(nlgn)	O(nlgn)	O(n)
Merge Sort	O(nlgn)	O(nlgn)	O(nlgn)	O(n)
Heap Sort	O(nlgn)	O(nlgn)	O(nlgn)	O(1)

اما این تحلیل کلی یک سری جزئیات راجع به پیچیدگی زمانی الگوریتم را پنهان میکند که آن پیچیدگی یک $(c_f.nlgn)$ constant factor

- برای مثال در الگوریتم Quick sort انتخاب مقدار right ،left و right است و در اهای کوچک سرعت را پایین می آورد.
- در الگوریتم Merge sort هم ما فضایی به اندازه ی n+m برای ادغام کردن آرایهها آن هم به صورت بازگشتی و تعداد زیاد نیاز دارد. همچنین این الگوریتم یک الگوریتم بازگشتی ست و درخت بازگشتی و یک system stack برای اجرا نیاز دارد.
- بخاطر جابجاییهایی در الگوریتم Heap sort انجام میشود، Locality of Reference در آن نقض شده و پیشبینیهای پردازنده برای کش کردن دادهها را تضعیف میکند.

چرا تیمسورت؟ (ادامه)

پس اگر بتوانیم این constant factor را کاهش دهیم میتوانیم سرعت بیشتری از O(nlgn) بگیریم.

- پیچیدگی زمانی insertion sort برابر با $O(n^2)$ است و constant factor آن بسیار بسیار پایین است چون اولا inplace عمل میکند (پس نیازی به فضای اضافه ندارد) و ثانیا فقط بین عناصر آرایه پیمایش انجام می دهد (پس Locality of Reference هم در آن بسیار خوب است و پردازنده می تواند داده ها را کش کند.)
- در تحلیلهای انجام شده روی الگوریتمها، این الگوریتم روی تعداد ورودی ۶۴ و پایینتر از الگوریتمهای دیگر مرتب سازی سریعتر عمل میکند.[Ali et al., 2021]
 - الگوریتم binary insertion sort بجای جستجوی خطی در آرایه (با پیچیدگی O(n)) در آن جستجوی دودویی انجام داده و در زمان لوگاریتمی $O(\log n)$) مکان صحیح آیتم را پیدا میکند (علت استفاده از این الگوریتم در ادامه روشن خواهد شد.)

مرتب سازی درجی دودویی (ادامه)

- با تعویض نوع جستجوی این الگوریتم میزان پیچیدگی آن (حالت مورد انتظار و در بدترین حالت) تغییری نکرده و همان $O(n^2)$ باقی میماند؛ اما در CPython مقایسهها (بخاطر ماهیت O(n2) بودن زبان) نسبت به جابجا کردن آبجکتها بسیار وحشتناک کندتر هستند.
- جابجا کردن آبجکتها صرفا کپی کردن ۸ بایت pointer است اما مقایسهها میتوانند بسیار کند باشند (چون ممکن است چند متد در سطح پایتون را صدا بزنند) و حتی در حالات ساده ممکن است بین ۳ یا ۴ تصمیم گرفته بشود:
 - ١٠ تايپ عملوند چپ چيست؟
 - ٢. تايپ عملوند راست چيست؟
 - ۳. آیا باید آنها را به یک تایپ مشخص تبدیل کرد؟
 - ۴ چه کدی برای مقایسه این دو موجود هست؟ و ۰۰۰۰

مرتب سازی درجی دودویی (ادامه)

- پس یک مقایسه ساده باعث تعداد بسیار زیادی C-level pointer dereference، عملیاتهای شرطی و صدا زده شدن توابع می شود.

- پس اگر ما تعداد مقایسهها کمتر کنیم میتوانیم سرعت مرتب سازی را بیشتر کنیم (که با استفاده از binary - پس اگر ما تعداد مقایسهها را کم میکنیم.)

- این مرتب سازی با تابع binarysort انجام می شود.

¹ https://github.com/python/cpython/blob/3.10/Objects/listobject.c#L1242

اگر آرایه را به تکههای کوچک تقسیم کنیم (برای مثال ۳۲ تا ۶۴ تایی) و سپس آنها را جدا جدا با مرتب سازی درجی مرتب کنیم و سپس همه را ادغام کنیم، میتوانیم سرعت مرتب سازی را افزایش دهیم.

($c_i(32 \ to \ 64)^2$)، چون از مرتب سازی درجی که برای تعداد کم سریع است استفاده کردیم ($c_i(32 \ to \ 64)^2$)،

۲. ادغام دو آرایه مرتب شده در زمان $\mathrm{O}(n)$ انجام می $^{\circ}$

 $(c_t.n[lgn-5])$ تولید می شود را کم کنیم Merge sort نر درختی در Δ سطح از درختی در Δ

در نهایت چون مقدار پیچیدگی مرتب سازی درجی کوچک است، پیچیدگی تیمسورت چنین میشود: $\mathsf{T}(n) = c_{\mathsf{t}}.\mathsf{n}[\mathsf{lgn}-5]$

در دنیای واقعی و دادههای واقعی معمولا آرایهها اصطلاحا partially sorted هستند.

- این به این معناست که تکههایی از آرایه از قبل مرتب هستند؛ برای مثال در این آرایه: [5,4,1,2,3] قسمت [1,2,3] از قبل مرتب است.
 - یا حداقل به صورت صعودی یا نزولی پشت سر هم حضور دارند؛ برای مثال در این آرایه: [6,4,1,2,3,5,7] به صورت صعودی و قسمت [6,4,1,2,3,5,7] به صورت نزولی مرتب است.

الگوریتم تیمسورت این تکههای صعودی و یا اکیدا نزولی را در آرایه پیدا میکند و آنها را Run مینامد و از مرتب بودن اولیه آرایه برای افزایش سرعت استفاده میکند. - اگر از حقیقت قبلی استفاده کنیم و آرایه را به قسمتهایی صعودی و یا اکیدا نزولی تقسیم کنیم میتوانیم درخت Merge sort حتی بیشتر از قبل هم کوتاه کنیم.

و پیچیدگی را به $c_t.n[lgn-x]$ تبدیل کنیم. پس هر چقدر تعداد Runها بیشتر باشد، مقدار x بیشتر و درخت ادغام ما کوتاهتر و الگوریتم سریعتر می شود.

توضيح الگوريتم - Runها

- تکههایی از آرایه که از قبل دارای ترتیب هستند، در این الگوریتم یک Run نام میگیرند.
 - Runها میتوانند:
 - $a_0 \leq a_1 \leq a_2 \leq \dots$ صعودی باشند: ۱
 - $lpha_0>lpha_1>lpha_2>\dots$ اکیدا نزولی باشند: ۲۰۰۰
- دلیل اینکه یک Run باید نزولی اکید باشد تا یک Run شناخته شود اینست که الگوریتم تیمسورت Run میکند و اگر در یک Run نزولی (و نه اکیدا نزولی) دو عنصر یکسان وجود داشته باشد، ماهیت stable بودن الگوریتم نقض می شود. برای مثال این آرایه: [4,3,3,1] اگر برعکس شود: [1,3,3,4] ؟ که ترتیب عناصر ۳ عوض شده است. اما اگر اکیدا نزولی باشد دیگر این مشکل وجود نخواهد داشت.

Runها (ادامه)

- نکتهی دیگر اینست که Runها حداقل دو آیتم دارند مگر وقتی که آخرین عضو آرایه را برای Run جدید برگزینیم.
- اگر عناصر آرایه رندوم باشند، بعید است که ما Runهای طبیعی (یعنی قسمتی از آرایه که از قبل مرتب شده باشد) بلندی را شاهد باشیم. اگر یک Run طبیعی تعداد عناصرش کمتر از minrun باشد (توضیح داده خواهد شد،) الگوریتم با استفاده از binray insertion sort تعداد آنرا به حداقل اندازه Run میرساند.
- دلیلی که میتوانیم از binary insertion sort استفاده کنیم اینست که هر Run خودش مرتب است، پس میتوان در آن جستجوی دودویی انجام داد.

Runها (ادامه)

- الگوریتم برای پیدا کردن Runها چنین عمل میکند: فرض کنید چنین آرایهای داریم: Run عمل میکند: فرض کنید چنین آرایهای داریم: Run تعیین شده است،
- از چپ به راست حرکت میکنیم و [8] را جدا میکنیم و سراغ آیتم بعدی میرویم و متوجه میشویم که یک Run صعودی داریم: [8, 12] ادامه میدهیم و به عدد ۹ میرسیم، چون این Run باید صعودی باشد و ۹ از کمتر است با استفاده از binary insertion sort جایگاه ۹ را پیدا میکنیم: [8, 9, 12]
- عدد بعدی هم بزرگتر از ۱۲ است و آن را هم به این Run اضافه میکنیم: [8,9,12,17]. عدد بعدی، از ۱۷ کمتر است و چون ما حداقل اندازهی یک Run را داریم آنرا دیگر به این Run اضافه نمیکنیم و به سراغ Run بعدی میرویم.
- Run بعدی چنین روندی دارد: [15] سپس [15, -1] و سپس با binary insertion sort: Run: [15, -1] و چون ۱۱ از ۱- بیشتر است و ما حداقل اندازه ی یک Run را داریم به سراغ Run بعدی میرویم؛ که Run بعدی هم این است: [11, 10, 7]

Runها (ادامه)

- اگر دادهها رندوم باشند، اکثر Runها یک اندازه خواهند داشت که دو خوبی دارد: ۱۰ ادغام کردن Runهایی که اندازه ی برابر دارند بسیار بهینه است و
- ۲. ما حداقل توانسته ایم اندازه ی درخت بازگشتی ادغام را به اندازه ی (log(minrun کم کنیم.
- برای دادههای واقعی هم، ما چون Runهای نسبتا بلندی خواهیم داشت توانستهایم کوتاهترین درخت بازگشتی ادغام را داشته باشیم و در نتیجه تعداد ادغامها را کم کنیم.

```
- پیدا کردن Runها در آرایه توسط تابع ^1count_run() انجام می شود.
```

- قسمتی که به Runهای اضافه شده، عنصر اضافه میکند تا به اندازهی minrun برسند²:

¹ https://github.com/python/cpython/blob/3.10/Objects/listobject.c#L1316

² https://github.com/python/cpython/blob/3.10/Objects/listobject.c#L2410

محاسبهی minrun

- اگر طول آرایه کمتر از ۶۴ باشد، از binary insertion sort برای مرتب کردن آن استفاده می شود.
- اگر طول آرایه توانی از ۲ بود، طبق تستهای انجام شده تمامی اعداد ۸ و ۱۶ و ۳۲ و ۶۴ و ۱۲۸ سرعت یکسانی را به الگوریتم میدادند اما مثلا در اندازهی ۲۵۶ تا جابجا کردن عناصر در مرتب سازی هزینه بردار و در اندازهی ۸ تعداد صدا زده شدن توابع هزینه بردار بود. بعد از کمی مطالعه عدد ۳۲ برای minrun انتخاب شد.
 - اما بعد از زمان زیادی یک اشکال در انتخاب این عدد پیدا شد، این مثال را ببینید:

 $divmod(2112, 32) \rightarrow (66, 0)$

که اگر با این تعداد Run ما ادغام را انجام بدهیم، در پایان باید یک آرایهی ۲۰۴۸ عضوی و یک آرایهی ۶۴ عضوی را با هم ادغام کنیم که اصلا خوب نیست.

- اما اگر عدد ۳۳ را برای minrun انتخاب کنیم ما ۶۴ تا Run با اندازهی ۳۳ داریم که برای ادغام خیلی بهتر است.

محاسبهی minrun (ادامه)

- سیاستی که برای محاسبهی minrun در پیش گرفته شده است اینست که این مقدار از (64) range (32, 64) به صورتی انتخاب می شود که N/minrun یا دقیقا توانی از دو باشد، یا اگر این ممکن نبود، اکیدا کمتر از تهان ۲ باشد.

- این انتخاب توسط تابع () merge_compute_minrun انجام می شود.

الگوريتم Timsort توضيح الگوريتم Timsort ها

¹ https://github.com/python/cpython/blob/3.10/Objects/listobject.c#L2012

توضيح الگوريتم - ادغامها

- الگوریتم ادغام در Merge sort الگوریتمی inplace نیست و برای ادغام کردن دو آرایه با طولهای n و m یک آرایهی جدید به طول n+m نیاز دارد،
- اما تیمسورت برای inplace مرتب کردن و کمتر کردن space overhead الگوریتم مرتب سازی ادغامی از روش بهتری برای ادغام کردن دو Run استفاده میکند.

بهتر کردن استفاده از فضا در ادغام (ادامه)

- اگر آرایهای به این صورت داشته باشیم:

$$A = [\underbrace{12, 19, 21, 22}_{X}, \underbrace{3, 5, 17, 22, 107, 109}_{Y}]$$

دو Run عه X و Y در آن میتوان شناسایی کرد.

- در این روش جدید ادغام ما یک آرایهی موقت به اندازهی Run کوچکتر درست میکنیم و عناصر Run کوچکتر را در آن کپی میکنیم. کپی کردنهای این چنین هم (یعنی یک تکه از یک آرایه) به بهینهترین حالت در سطح پایین اجرا میشوند. پس حالا ما چنین چیزی داریم:

A = [12, 19, 21, 22, 3, 5, 17, 22, 107, 109]T = [12, 19, 21, 22] - چون آرایهی کوچکتر سمت چپ بود، پس از سمت چپ آرایهی موقت و دومین Run شروع به ادغام کردن میکنیم. که یعنی:

 $A = [12, 19, 21, 22, \boxed{3}, 5, 17, 22, 107, 109]$

T = [(12), 19, 21, 22]

را باهم مقایسه، و برنده (عنصر کوچکتر) را در ایندکس صفر آرایهی A میگذاریم. که میشود:

A = [3, 19, 21, 22, 3, 5, 17, 22, 107, 109]

T = [12, 19, 21, 22]

$$A = [3, 19, 21, 22, 3, (5), 17, 22, 107, 109]$$

 $T = [(12), 19, 21, 22]$

$$A = [3, 5, 21, 22, 3, 5, 17, 22, 107, 109]$$

 $T = [(12), 19, 21, 22]$

$$A = [3, 5, 21, 22, 3, 5, 17, 22, 107, 109]$$

 $T = [(12), 19, 21, 22]$

$$A = [3, 5, 12, 22, 3, 5, 17, 22, 107, 109]$$

 $T = [12, 19, 21, 22]$

$$A = [3, 5, 12, 22, 3, 5, 17, 22, 107, 109]$$

 $T = [12, 19, 21, 22]$

$$A = [3, 5, 12, 17, 3, 5, 17, 22, 107, 109]$$

$$T = [12, 19, 21, 22]$$

$$A = [3, 5, 12, 17, 3, 5, 17, (22), 107, 109]$$

 $T = [12, (19), 21, 22]$

$$A = [3, 5, 12, 17, 19, 5, (22), 22, 107, 109]$$

 $T = [12, (19), 21, 22]$

$$A = [3, 5, 12, 17, 19, 5, 17, (22), 107, 109]$$

 $T = [12, 19, (21), 22]$

$$A = [3, 5, 12, 17, 19, 21, 17, 22), 107, 109]$$

 $T = [12, 19, 21), 22]$

- سيس:

$$A = [3, 5, 12, 17, 19, 21, 17, (22), 107, 109]$$

 $T = [12, 19, 21, (22)]$

- که در اینجا عنصر ۲۲ آرایهی موقت انتخاب می شود که برای حفظ پایداری الگوریتم مرتب سازی لازم است که بیست و دویی که زودتر آمده را انتخاب کند:

A = [3, 5, 12, 17, 19, 21, 22, 22, 107, 109] T = [12, 19, 21, (22)]

- و حالاکه عناصر آرایهی موقت تمام شده، باقی عناصر باقی مانده سر جای خود هستند و دیگر مقایسه و جابجایی لازم نیست و آرایه به صورت مرتب ادغام شد:

A = [3, 5, 12, 17, 19, 21, 22, 22, 107, 109]

- در مثال قبلی Run کوچکتر در سمت چپ بود و ما ادغام را از سمت چپ Run بزرگتر و آرایهی موقت انجام دادیم، اما اگر چنین حالتی باشد:

$$A = [\underbrace{3,5,17,22,107,109}_{X},\underbrace{12,19,21,22}_{Y}]$$

- ما چنین چیزی داریم:

$$A = [3, 5, 17, 22, 107, 109, 12, 19, 21, 22]$$

 $T = [12, 19, 21, 22]$

- در این حالت که Run کوچکتر در سمت راست بود، ما هم تمام ادغام را از سمت راست انجام میدهیم

$$A = [3, 5, 17, 22, 107, (109), 12, 19, 21, 22]$$

$$T = [12, 19, 21, (22)]$$

- که میشود:

$$A = [3, 5, 17, 22, 107, 109, 12, 19, 21, 109]$$

$$T = [12, 19, 21, 22]$$

جهت ادغام (ادامه)

- و سیس

$$A = [3, 5, 17, 22, \overbrace{107}, 109, 12, 19, 21, 109]$$

$$T = [12, 19, 21, \overbrace{22}]$$

- که میشود:

$$A = [3, 5, 17, 22, 107, 109, 12, 19, 107, 109]$$

 $T = [12, 19, 21, (22)]$

و الى آخر...

- تابعی که عمل ادغام را شروع میکند، تابع () merge_collapse است که در ادامه بیشتر راجع به آن توضیح داده خواهد شد.

¹ https://github.com/python/cpython/blob/3.10/Objects/listobject.c#L1956

ادغام پیشرفتهتر با Galloping

تکنیک Galloping

- چنین سناریویی را تصور کنید: ما این آرایه را داریم:

$$A = [\underbrace{1,2,3,6,10}_{X},\underbrace{4,5,7,9,12,14,17}_{Y}]$$

- در تکنیک Galloping، ما با استفاده از binary search مکان اولین عضو Y را در X پیدا میکنیم که میبینیم در جایگاه ۴ باید آن را بگذاریم، این یعنی تمامی عناصر [1,2,3] در جایگاه درستی قرار دارند.
 - Run همین کار را برای آخرین عنصر X نسبت به Y انجام میدهیم که مکان آن در جایگاه پنجم دومین است، این یعنی تمامی عناصر 12, 14, 17 در جایگاه درستی قرار دارند.
 - پس ما چنین آرایهای داریم:

$$A = [1, 2, 3, \underbrace{6, 10}_{X}, \underbrace{5, 7, 9}_{Y}, 12, 14, 17]$$

و صرفا باید الگوریتم ادغامی که بالاتر بحث شد را روی این X و Y کوچکتر انجام بدهیم که هم سریعتر است و هم فضای کمتری استفاده خواهد کرد.

تکنیک Galloping (ادامه)

- نکته ای که در تکنیک Galloping وجود دارد اینست که این روش فقط بعضی وقتها فقط به نفع ماست. به این مثال دقت کنید:

$$A = [\underbrace{1, 3, 5, 7, 9}_{X}, \underbrace{2, 4, 6, 8, 10}_{Y}]$$

ابتدا مکان ۲ را در X پیدا میکنیم که در جایگاه دوم باید قرار بگیرد و سپس مکان ۹ را پیدا میکنیم که در جایگاه پنجم باید قرار بگیرد.

- که به چنین آرایهای میرسیم:

$$A = [1, \underbrace{3, 5, 7, 9}_{X}, \underbrace{2, 4, 6, 8}_{Y}, \underbrace{10}]$$

که مشخصا هیچ بهبودی را برای ما نداشت.

تكنيك Galloping (ادامه)

- طبق تستهایی که تیم پیترز انجام داده است، تعداد عنصری که باید سر جای خودشان باشند، در ابتدای الگوریتم، باید حداقل V تا باشد که این عدد نام min_gallop دارد. این یعنی اگر جایگاه اولین عنصر V را در V پیدا کنیم و V عنصر در جایگاه خودشان باشند، این تکنیک موثر خواهد بود (همین برای پیدا کردن آخرین عنصر V در V هم صدق میکند.)
 - در ادغام کردن اگر حالت اول (مکان اولین عنصر Y در X) یا حالت دوم (مکان آخرین عنصر X در Y) بزرگتر مساوی min_gallop بود، از این تکنیک استفاده می شود.
 - بعد از هر بار موفق بودن galloping عدد min_gallop عدد min_galloping به عنوان یک تشویق برای الگوریتم، یکی کم می شود تا در ادامه هم بتوان از galloping استفاده کرد.

تكنيك Galloping (ادامه)

- حالت عکس هم چنین است که مکان پیدا شده کمتر از min_gallop باشد که یعنی این تکنیک موثر نبوده و از حالت مقایسه ی ادغامی ساده، یعنی عنصر به عنصر استفاده می شود.
 - روش galloping در دادههای واقعی که partially sorted هستند بسیار کارآمد است و ۱ . تعداد مقایسهها را کم و
 - ۲. از کپی کردن بهینه سطح پایین استفاده میکند.
 - اما در دادههای رندوم این روش موثر نیست و از مقایسهی عنصر به عنصر استفاده می شود که ۱۸ کد ساده ای دارد و
 - Locality of Reference ۲ خوبی هم دارد.

- gallop کردن از چپ توسط تابع () gallop_left و gallop کردن از سمت راست توسط تابع () gallop_left انجام می شود.

- این دو تابع انعکاس آئینهای همدیگر هستند.

الگوريتم Timsort ادغام پيشرفتهتر با Galloping

¹ https://github.com/python/cpython/blob/3.10/Objects/listobject.c#L1371

² https://github.com/python/cpython/blob/3.10/Objects/listobject.c#L1459

استفاده از stack برای ادغام

ساختار MergeState

- ساختاری در کدهایی که مربوط به الگوریتم تیمسورت پیدا می شود به اسم MergeState؛ این ساختار اطلاعات مورد نیاز برای توابع ادغام را داراست.
 - اطلاعات دیگری که در این ساختار نگهداری میشوند: ۱ مقدار min_gallop
 - n :اندازهی استک Runها: ۲
 - ۳- خود استک Runها: pending
 - temparray :آرایهی موقت ادغام کردن
- ۵. و سه تابع key_richcompare ،key_compare و tuple_elem_compare براى سناريوهاى مختلف مقايسه كردن بين عناصر آرايه.
 - کد این ساختار در اینجا 1 قرار دارد.

¹ https://github.com/python/cpython/blob/3.10/Objects/listobject.c#L1185

جلوگیری از اجرای بازگشتی

- توابع بازگشتی وقتی که صدا زده میشوند، اطلاعات هر بار صدا زده شدن آنها، در CPython، داخل آبجکت frame آنها (frame، آبجکتی است که اطلاعات و context مورد نیاز برای یک stack نیاد برای یک stack که حاوی byte code های پایتون است را فراهم و ذخیره میکند) در یک stack ذخیره میشوند،
- اما آقای تیم پیترز این الگوریتم را که ماهیت بازگشتی مانندی دارد را غیر بازگشتی نوشته است و برای اینکار از یک stack مخصوص خودش در سطح کد استفاده میکند.
 - هر بار که یک Run پیدا میشود و اندازهی آن به minrun و یا بیشتر میرسد، اطلاعات آن روی stack گذاشته میشود.
- اگر بخواهیم ساده نگاه کنیم فرض میکنیم که خود Run روی استک گذاشته می شود اما در واقع فقط آدرس شروع و اندازهی آن روی استک ذخیره می شود تا از تکه تکه کردن آرایه و اشغال فضای بیشتر جلوگیری شود.

- این استک، نقاط شروع و طول هر Run را در خودش ذخیره میکند.

این یعنی:

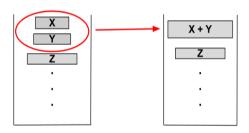
عه نام از آدرس [i] base شروع شده، [i] تا ادامه دارد و این عبارت همیشه درست است: Run pending[i].base + pending[i].len == pending[i+1].base

شروط استکِ pending

- برای اینکه اندازه ی Runها دقیقا و یا تقریبا با هم برابر بمانند تا الگوریتمهای ادغام آنها را سریعتر ادغام کنند، هر بارکه یک Run جدیدی ساخته می شود اطلاعات آن روی استک گذاشته می شود، دو شرط برای Runهای روی استک چک می شوند.
 - اگر روی استک ما Runهای X، Y و Z وجود داشته باشند، این شروط باید حفظ شوند: |Z| > |Y| + |X|
 - |Y| > |X| . Y
 - شرط دوم بر این دلالت دارد که اندازهی Runها از بالا به پایین به صورت صعودی باشد و
 - شرط اول بر این دلالت دارد که وقتی از بالا به پایین میرویم طول Runها حداقل با سرعت دنبالهی فیبوناچی رشد کنند.
- اگر هر کدام از این شروط نقض بشوند، Run عه Y با Run کوچکتر از بین X یا Z ادغام می شود و شروط دوباره چک می شوند و اگر برقرار بودند، الگوریتم به دنبال Run بعدی در آرایه جستجو می کند.

شروط استک pending (ادامه)

اگر ایک الگوریتم X را ترجیح کتر باشند، با Y ادغام میشوند (که الگوریتم X را ترجیح میدهد؛ بخاطر اینکه در کش تازگی دارد.)



شروط استکِ pending (ادامه)

ج برای مثال اگر این Runها را داشته باشیم: $\langle Z:30 \quad Y:20 \quad X:10 \rangle$ با X ادغام می شود: حرای مثال اگر این $\langle Z:30 \quad YX:30 \rangle$

- و يا اگر (X:500 Y:400 X:1000)، Y با Z ادغام مي شود:

⟨ZY:900 C:1000⟩

که در هر دو مثال شرط دوم نقض می شود و الگوریتم تا زمانی که این دو شرط درست شوند، به ادغام کردن ادامه می دهد.

- و در نهایت، تنها یک Run روی استک باقی میماند که آرایهی مرتب شدهی ماست.

- تابع ()merge_collapse مديريت اين شروط را به عهده دارد و انتخاب ميكند كه كدام Runها با هم ادغام شوند و اين كار را با تابع ()merge_at انجام ميدهد.

تابع () 2 merge_at عمل ادغام تصمیمات مبنی بر اینکه ادغام باید با 2 merge_at و نتایج توابع 3 merge_1o () تتایج توابع 3 merge_1o () تتایج توابع 4 merge_hi ()

¹ https://github.com/python/cpython/blob/3.10/Objects/listobject.c#L1955

² https://github.com/python/cpython/blob/3.10/Objects/listobject.c#L1891

³ https://github.com/python/cpython/blob/3.10/Objects/listobject.c#L1620

⁴ https://github.com/python/cpython/blob/3.10/Objects/listobject.c#L1751

مراجع و منابع

Ali, H., Nawaz, H., and Abdullah, M. (2021).

Performance analysis of heap sort and inseartion sort algorithms.

International Journal, 9(5).

Sabah, A. S., Abu-Naser, S. S., Helles, Y. E., Abdallatif, R. F., Samra, F. Y. A., Taha, A. H. A., Massa, N. M., and Hamouda, A. A. (2023). Comparative analysis of the performance of popular sorting algorithms on datasets of different sizes and characteristics.

- https://github.com/python/cpython/blob/3.10/Objects/listsort.txt
- https://github.com/python/cpython/blob/3.10/Objects/listobject.c
- ▶ https://en.wikipedia.org/wiki/Timsort
- http://www.youtube.com/watch?v=emeMe__917E
- http://www.youtube.com/watch?v=6D0hQyqAAvU
- http://www.youtube.com/watch?v=Yk4CBisiLaw
- http://www.youtube.com/watch?v=o8y9uYygLcw