

ΕΘΝΙΚΟ ΜΕΤΣΟΒΙΟ ΠΟΛΥΤΕΧΝΕΙΟ

ΣΧΟΛΗ ΗΜ&ΜΥ Αλγόρθμοι και Πολυπλοκότητα 1^η Σειρά Γραπτών Ασκήσεων Ακ. έτος 2010-2011

Λύρας Γρηγόρης Α.Μ.: 03109687

1 Ασυμπτωτικός συμβολισμός, Αναδρομικές Σχέσεις

α Ταξινόμηση

```
n*3^n
                                  \Rightarrow O(3^n)
n^{1.01}
                                 \Rightarrow O(n^{1.01})
                                 \Rightarrow O(n^{2.321})
5^{\log_2 n}
\sum_{k=1}^{n} k^5
                                 \Rightarrow O(n^6)
2^{\log_2 n}
                                 \Rightarrow O(n^4)
\log^{\log n} n
                                 \Rightarrow O()
\frac{n}{\log\log n}
                                 \Rightarrow O()
\exp \frac{n}{\ln n} \log n^3
                                 \Rightarrow O()
                                 \Rightarrow O()
\sqrt{n}*(\log n)^{50}
                                 \Rightarrow O()
n*(\log n)^{10}
                                 \Rightarrow O()
(\log n)^{\sqrt{n}}
                                 \Rightarrow O()
n^{\log \log n}
                                 \Rightarrow O()
2^{2*n}
                                 \Rightarrow O()
\sqrt{n!}
                                 \Rightarrow O()
\log(n!)
                                 \Rightarrow O(n * \log n)
```

β Τάξη Μεγέθους

- 1. $T(n) = 5 * T(n/7) + n * \log(n) \Rightarrow n^{\log_5 7} = n^{1.209} \Rightarrow n^{1.209} > n * \log n \Rightarrow T(n) \in \Theta(n^{1.209})$
- 2. $T(n) = 4 * T(n/5) + n/\log^2 n \Rightarrow n^{\log_4 5} = n^{1.16} \Rightarrow n^{1.16} > n/\log^2 n \Rightarrow T(n) \in \Theta(n^{1.16})$
- 3. T(n) = T(n/3) + 3 * T(n/7) + n $\Rightarrow T(n) \in O(n * k^{\log n} * \log n)$
- 4. $T(n) = 6 * T(n/6) + n \Rightarrow n^{\log_6 6} = n$ $\Rightarrow T(n) \in \Theta(n * \log_6 n)$
- 5. T(n) = T(n/3) + T(2n/3) + n $\Rightarrow T(n) \in \Theta(n * \log n)$
- 6. $T(n) = 16 * T(n/4) + n^3 * \log^2 n \Rightarrow n^{\log_1 64} = \sqrt{n} \Rightarrow \sqrt{n} < n^3 * \log^2 n \Rightarrow T(n) \in \Theta(n^3 * \log^2 n)$
- 7. $T(n) = T(\sqrt{n}) + \Theta(\log \log n)$
- 8. $T(n) = T(n-3) + \log n$ $\Rightarrow T(n) \in \Theta(n * \log n)$

2 Ταξινόμιση σε Πίνακα με Πολλά Ίδια Στοιχεία

3 Δυαδική Αναζήτηση

- α \square Μπορούμε να σπάμε τον πίνακα σε n/2 στοιχεία σε κάθε στάδιο. Έπειτα να ελέγχουμε το στοιχείο n/2 και το στοιχείο n/2+1 με το x. Αν είναι αν είναι μικρότερο του μικρότερου επαναλαμβάνουμε στο πρώτο τμήμα. Αν είναι μεγαλύτερο του μεγαλύτερου επαναλαμβάνουμε στο δεύτερο τμήμα. Αν δεν ισχύει τίποτα από τα δύο, δεν υπάρχει θέση που να περιέχει τον x.
- β Παίρνω τα k πρώτα στοιχεία από κάθε πίνακα. Τα χωρίζω στη μέση και συγκρίνω τα A[k/2] με B[k/2+1] και A[k/2+1] με B[k/2]. Αν A[k/2] < B[k/2+1] και B[k/2] < A[k/2+1] τοτε το A[k/2] τοτε το A[k/2]. Αν A[k/2] < A[k/2+1] και A[k/2] < A[k/2+1] τότε επαναλαμβάνω χρησιμοποιώντας τα στοιχεία A[k/2+1]. A[k] και A[k/2].

- 4 Συλλογή Comics
- 5 Πολυκατοικίες χωρίς Θέα