بسمه تعالى

هوش مصنوعی منطق مرتبهٔ اول – ۱ نیمسال اوّل ۱۴۰۳–۱۴۰۲

دکتر مازیار پالهنگ آزمایشگاه هوش مصنوعی دانشکدهٔ مهندسی برق و کامپیوتر دانشگاه صنعتی اصفهان

منطق مرتبه اول

- منطق گزاره ای فرض می کند دنیا شامل واقعیتها است.
 - منطق مرتبه اول فرض مى كند دنيا شامل:
 - اشیاع: مردم، خانه ها، امین، رنگها، کشورها، اعداد، ...
- **روابط**: برادر، بزرگتر از، درون، قسمتی از، دارای رنگ، دربر دارنده،

••

- و روابط یکتائی (خواص): قرمز، گرد، اوّل، ...
- **توابع**: پدر، بهترین دوست، یکی بیش از، ...

منطق مرتبه اوّل

- **مثال**: یک به اضافه دو برابر است با سه
 - **اشیا**ع: یک، دو، سه، یک به اضافه دو
 - **رابطه**: برابر است با
 - **تابع**: به اضافه
- **مثال**: مربعهای مجاور دیو بودار هستند
 - **اشیا**ء: دیو، مربع
 - **حاصیت**: بو داری
 - **رابطه**: مجاور بودن

مازيار يالهنگ

هوش مصنوعي - نيمسال اوّل ١٤٠٢-١٤٠٠

دستور

```
Sentence → AtomicSentence | ComplexSentence
    AtomicSentence \rightarrow Predicate \mid Predicate(Term,...) \mid Term = Term
   ComplexSentence \rightarrow (Sentence)
                            ¬ Sentence
                            Sentence ∧ Sentence
                           Sentence ∨ Sentence
                           Sentence ⇒ Sentence
                           Sentence ⇔ Sentence
                            Quantifier Variable,... Sentence
                Term \rightarrow Function(Term,...)
                            Constant
                            Variable
                              هوش مصنوعي - نيمسال اوّل ١۴٠٢-٢٠٠
مازيار يالهنگ
```

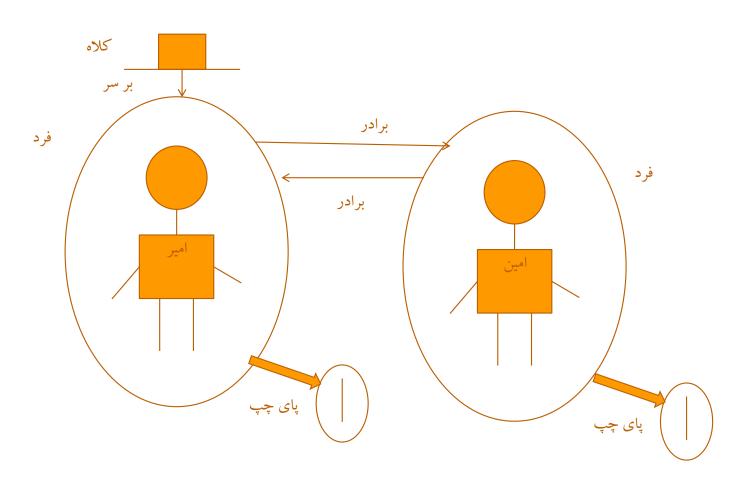
4

دستور

مازيار پالهنگ

هوش مصنوعی - نیمسال اوّل ۰۳-۱۴۰۲

- جملات درست هستند نسبت به یک مدل و یک تفسیر
- مدل شامل اشیاء (عناصر دامنه)، و روابط بین آنها است.
 - تفسیر ارجاعها را مشخص می کنند برای
 - اشیاء
 - روابط
 - توابع



مازيار پالهنگ

هوش مصنوعی - نیمسال اوّل ۲۳-۱۴۰۲

- نمادهای ثابت: A، B، A، امین، ...
- تفسیر مشخص می کند چه شیئی در دنیا توسط هر ثابت اشاره می شود.
 - هر نماد ثابت دقیقاً یک شی
 - همه اشیاء لازم نیست دارای نام باشند.
 - برخی ممکن است نامهای متعددی داشته باشند.

- نمادهای مسندی: برادر، خواهر، ...
- تفسیر مشخص می کند نماد مسند به چه رابطه ای اشاره می کند
- در هر مدل داده شده، رابطه توسط مجموعه ای از چندتائیهائی از
 اشیاء که آنرا ارضا می کنند تعریف می شود
 - یک چندتائی Tuple: مجموعه ای از اشیا که به ترتیب خاصی کنار هم قرار گرفته اند و توسط <> احاطه شده اند.
 - رابطه برادری: {<امین، امیر>، < زینب، امین>}
 - برادر یک مسند دو تائی

مازيار يالهنگ

■ نمادهای تابعی: پدر، پای چپ، سینوس، ...

مازيار پالهنگ

هوش مصنوعي - نيمسال اوّل ٢٣٠٣

- در درس ساختمانهای گسسته:
- رابطهٔ (دوتائی) R یک مجموعه از زوجهای مرتب است که می تواند زیرمجموعه ای از ضرب دکارتی دو مجموعه باشد:

$$R \subseteq A \times B$$

مثلاً رابطهٔ کوچکتر بودن:

مازيار پالهنگ

هوش مصنوعي - نيمسال اوّل ۱۴۰۲-۱۴۰۲

```
    می توان آن را بصورت زیر نیز نمایش داد:

                   LessThan(1,2)
<(1,2)
                   LessThan(2,3)
<(2,3)
<(3.4)
                   LessThan(3,4)

    یا گاهی برای سادگی بصورت:

                1<2
                2<3
                3<4
```

- به همین صورت رابطهٔ n تائی R یک مجموعه از nتائیهای مرتب است که زیر مجموعه ای از ضرب دکارتی n مجموعه است.
 - در واقع در اینجا از نماد مسند برای نمایش روابط استفاده می
 کنیم.

- یک تابع (دو تائی) هم یک رابطهٔ خاص بود که دامنه اش همهٔ اعضای مجموعه اول در ضرب دکارتی بود و هر عضو از مجموعهٔ اول نیز فقط به یک عضو از مجموعهٔ دوم نگاشت می شد.
 - مثلاً رابطهٔ squared روى مجموعهٔ اعداد حقيقى:

Squared= $\{..., <1, 1>, <2, 4>, <3, 9>,$

■ که عضو دوم در هر یک از زوجهای مرتب را می توانیم با نماد Squared(3)، (Squared(2) و نیز نشان دهیم.

■ یا رابطهٔ + بصورت:

- که عضو سوم از هر سه تائی مرتب را می توانیم بصورت زیر نیز رجوع کنیم: (Sum(1,2)

 Sum(2,3)

 Sum(4,3)
- در این درس از نماد تابعی برای رجوع به یک شئ استفاده شده است.

مازيار پالهنگ

هوش مصنوعي - نيمسال اوّل ٢٣٠٣-١۴٠٢

ترم

- ترم: یک عبارت منطقی که به یک شئ رجوع می کند.
 - ثابت: امین
 - LeftLegOf(Amin) پای چپ امین
- ترم مرکب: نماد تابع بدنبال یک لیست از ترمها داخل پرانتز

جملات ساده یا اتمی

- یک نماد مسندی بدنبال یک لیست از ترمها داخل پرانتز
 - Brother(Amin, Amir)
 - Married(Father(Amin), Mother(Amin)) •
- یک جمله اتمی درست است اگر رابطه ای که بوسیله نماد مسندی به آن اشاره می شود بین اشیائی که بوسیله آرگومانها به آنها اشاره می شود برقرار باشد.

جملات مركب

- استفاده از رابطهای منطقی
- Brother($A \cdot B$) \land Brother($B \cdot A$)
- Older(A,30) \vee Younger(B,30)
- $Older(A,30) \Rightarrow \neg Younger(A,30)$

سورها

■ علاقمند به بیان خصوصیاتی مربوط به همه یا برخی از اشیاء

سور عمومی

■ برای هر شئ X، اگر X یک مار باشد آنگاه X یک خزنده است.

$$\forall x \; Snake(x) \Rightarrow \text{Reptile}(x)$$

■ XP در مدل m درست است اگر و تنها اگر برای هر شئ در دامنه مدل m درست باشد. یا:

$$Snake(M1) \Rightarrow Reptile(M1) \land$$

$$Snake(M2) \Rightarrow Reptile(M2) \land$$

$$Snake(M3) \Rightarrow Reptile(M3) \land$$

مازيار يالهنگ

هوش مصنوعي - نيمسال اوّل ١٤٠٢-١٤٠٠

سور عمومی

■ یک ترم بدون متغیر یک ترم زمینه (ground term) نامیده می شود.

$Father(A \min)$

- دقت: همه مارها خزنده هستند باید بصورت شرطی نوشته شود.
- سور عمومی شامل همه اشیاء دامنه میشود حتی برای اشیائی که مار نیستند
 - بصورت زیر صحیح نیست

$\forall x \; Snake(x) \land Reptile(x)$

مازيار پالهنگ

هوش مصنوعي - نيمسال اوّل ١٤٠٢-١٤٠٠

21

■ مثال:

سور وجودي

- بیان جمله ای که برای برخی از اشیاء دامنه درست است.
 - مار M1 برادری دارد که مار است:

 $\exists x \; Brother(x, M1) \land Snake(x)$

■ هم ارز با

 $(Brother(M2, M1) \land Snake(M2)) \lor$

 $(Brother(M3,M1) \land Snake(M3)) \lor$

 $(Brother(M4, M1) \land Snake(M4)) \lor ...$

سور وجودي

- حقت: برخی A ها B هستند را باید با عطف بیان کرد نه با شرطی \blacksquare
 - برخی سیبها قرمز هستند:

 $\exists x \ Apple(x) \land \text{Red}(x)$

■ نه بصورت:

 $\exists x \ Apple(x) \Rightarrow \text{Red}(x)$

■ در حالت شرطی اگر X سیب نباشد جمله به انتفای مقدم درست است.

مازيار يالهنگ

هوش مصنوعی - نیمسال اوّل ۰۳-۱۴۰۲

سورهای تو در تو

- علاقمند به بیان جملات پیچیده تر $\forall x \forall y \ Parent(x, y) \Rightarrow Child(y, x)$
- $\forall x, y \ Parent(x, y) \Rightarrow Child(y, x)$
 - هر کسی با دوست فردی است

 $\forall x \exists y \quad Friend(x, y)$

 $\exists x \forall y \quad Friend(x, y)$

شخصی و جود دارد که دوست همه است

مازيار پالهنگ

هوش مصنوعي - نيمسال اوّل ١٤٠٢-١

سورهای تو در تو

- ترتیب قرار دادن سورها بطور کلی مهم است.
- استفاده از پرانتز به درک بهتر کمک می کند
- می توان همانند حلقه های تو در تو تصور کرد
- هنگامی که دو سور از یک متغیر استفاده می کنند:

$$\forall x [Cat(x) \lor (\exists x \ Brother(A, x))]$$

- متغیر وابسته به نزدیکترین سوری است که در حوزهٔ آن قرار دارد.
 - بهتر است متغیرهای متفاوتی استفاده شوند:

$$\forall x [Cat(x) \lor (\exists z \; Brother(A, z))]$$

رابطه بین سورها

- همه سیب را دوست ندارند.
- هیچکسی و جود ندارد که سیب دوست داشته باشد

$$\forall x \neg Likes(x, Apples) \equiv \neg \exists x \ Likes(x, Apples)$$

- ا يا
- هر کسی سیب دوست دارد
- هیچکس وجود ندارد که سیب را دوست نداشته باشد

$$\forall x \ Likes(x, Apples) \equiv \neg \exists x \neg Likes(x, Apples)$$

مازيار پالهنگ

هوش مصنوعي - نيمسال اوّل ١٤٠٢-١٤٠٠

رابطه بین سورها

 در واقع چون سور عمومی یک عطف بر روی دامنه اشیاء است و سور وجودی یک فصل رابطه فوق همان قانون دمورگان است.

برابري

روش دیگر ساختن جملات ساده

 $AtomicSentence \rightarrow Predicate \mid Predicate(Term,...) \mid Term = Term$

- نشان دادن اینکه دو ترم به یک شئ رجوع می کنند.
 - Father(Amin)=Amir
- روش ساده تر برای (Amir، Amir) حوش ساده تر برای
 - استفاده دیگر: ذکر اینکه دو ترم برابر نیستند.
 - A حداقل دو برادر دارد:

 $\exists x, y \; Brother(A, x) \land Brother(A, y)$

 $\exists x, y \; Brother(A, x) \land Brother(A, y) \land \neg(x = y)$

مازيار پالهنگ

هوش مصنوعي - نيمسال اوّل ١٤٠٢-١٢٠٠

دقت

امین دو برادر دارد:

 $Brother(Amir, Amin) \land Brother(Hamid, Amin)$

- لازم است ذکر شود که Amir و Hamid به افراد متفاوتی رجوع می کنند.
 - کاملتر، امین فقط دو برادر دارد:

 $Brother(Amir, A \min) \land Brother(Hamid, A \min) \land$ $Amir \neq Hamid \land (\forall x Brother(x, A \min) \Rightarrow (x = Amir) \lor (x = Hamid))$

مازيار يالهنگ

هوش مصنوعي - نيمسال اوّل ١٤٠٢-١٤٠٠

- یک پیشنهاد استفاده از ایدهٔ مورد استفاده در پایگاههای داده
 - هر نماد ثابت به شئ متفاوتی اشاره می کند.
 - unique_names assumption فرض نامهای یکتا
- جملات اتمی که نمی دانیم درست هستند، در واقع نادرست فرض می شوند.
 - دامه closed-world assumption فرض دنیای بسته
 - هر مدل عناصر دامنه اش بیش از نمادهای ثابت استفاده شده نیست.
 - فرض بسته بودن دامنه domain closure

مازيار يالهنگ

در این شرایط جملهٔ

 $Brother(Amir, Amin) \land Brother(Hamid, Amin)$

دقیقاً بیان می کند که امین دو برادر دارد.



دانشگاه صنعتی اصفهان – پژوهشکدهٔ فاوا هوش مصنوعی – نیمسال اوّل ۰۳–۱۴۰۲ مازیار پالهنگ

- دقت نمائید که پاورپوینت ابزاری جهت کمک به یک ارائهٔ شفاهی می باشد و به هیچ وجه یک جزوهٔ درسی نیست و شما را از خواندن مراجع درس بی نیاز نمی کند.
 - لذا حتماً مراجع اصلى درس را مطالعه نمائيد.
 - در تهیهٔ اسلایدها از سایت کتاب استفاده شده است.