Introduction of High-Performance Computing for Neuroinformatics

山﨑 匡 * 電気通信大学 大学院 情報理工学研究科

2017年11月21日

概要

神経回路の数値シミュレーションは、大規模かつ精緻になるに従い、莫大な計算時間がかかるようになる。本 チュートリアルでは、神経回路シミュレーションの基本事項をまずおさらいし、次いで様々な並列化によって計算 を高速化する手法を学ぶ。単なる座学ではなく、実際に手を動かしてコードを書き実行させる、ハンズオンの形式 を取る。

目次

1	はじめに	2
2	開会式	2
3	クラスタマシンへのログイン	2
4	一時間目: 神経回路シミュレーション事始め	3
4.1	ニューロン 1 個のシミュレーション	3
4.2	ニューロン 2 個のシミュレーション	5
4.3	ネットワークのシミュレーション	6
5	二時間目:OpenMP による計算の並列化	10
5.1	ランダムネットワークのシミュレーション	10
5.2	ニューロンの計算の並列化	11
5.3	OpenMP	11
6	三時間目: MPI による計算の並列化	13
6.1	OpenMP + MPI 	14
6.2	フラット MPI	15
6.3	その他	15
7	閉会式	16

^{*} Email: aini17@numericalbrain.org, Webpage: http://numericalbrain.org/

1 はじめに

生命維持から知的活動まで、脳は様々な機能を担っているが、その計算原理は未だに明らかになっていない。一方、脳の構造はそれに比べるとよく分かっており、ニューロンと呼ばれる神経細胞が複雑に繋がりあったネットワークである。一個のニューロンの挙動は具体的に数式で記述できるので、ニューロンの個数分そのような数式をプログラムし、コンピュータで数値シミュレーションを行うことで、原理的には脳の活動をコンピュータ上に再現することが可能になる。

ヒトの脳は約 1000 億個のニューロンからなると言われている。その全てを現実的な時間でシミュレートすることは、現在の最高性能のスパコンをもってしても難しい [1, 2]。しかしより小規模な動物の脳や、脳の一部を現実的な時間でシミュレートすることは十分可能になってきている。

その際に本質的なのは、どのようにして計算を速くするか? である。並列計算の技法を駆使することで、計算時間を数十倍から数百倍短縮することが可能になる。本チュートリアルではそのような手法を、典型的なランダムネットワークのシミュレーションを題材にして紹介する。

大体のスケジュールは以下の通り。

13:00-13:10 開会式

13:10-13:30 クラスタマシンへのログイン

13:30-14:30 一時間目: 神経回路シミュレーション事始め

14:30-14:40 休憩

14:40-15:40 二時間目: OpenMP による計算の並列化

15:40-15:50 休憩

15:50-16:50 三時間目: MPI による計算の並列化とハイブリッド並列

16:50-17:00 閉会式

このチュートリアルは、文部科学省 ポスト「京」萌芽的課題 4「思考を実現する神経回路機構の解明と人工知能への応用」の、「ボトムアップで始原的知能を理解する昆虫全脳シミュレーション」ならびに「脳のビッグデータ解析、全脳シミュレーションと脳型人工知能アーキテクチャ」の協賛でお送りしています。

2 開会式

試合開始。まあ軽く自己紹介とか?

3 クラスタマシンへのログイン

各自 ssh の公開鍵を作って私に下さい。登録して引き替えにユーザ名をお渡しします。 公開鍵の作り方は、

\$ ssh-keygen -t rsa

です。パスフレーズを決めて入力すると、~/.ssh/id_rsa と~/.ssh/id_rsa.pub ができるので、id_rsa.pub を下さい。

ユーザ名をもらったら、ログインしてみてください。マシン名は plato.sim.neuroinf.jp です。

\$ ssh plato.sim.neuroinf.jp -l<username>

として、<username>のところに指定されたユーザ名を記載すれば、ログインできるはず。

4 一時間目:神経回路シミュレーション事始め

4.1 ニューロン 1 個のシミュレーション

まず 1 個のニューロンのシミュレーションから始めよう [3]。ニューロンの代表的なモデルは Hodgkin-Huxley モデルだが、本チュートリアルではより簡単な積分発火型モデル (Leaky integrate-and-fire model, LIF) を用いる。

カレントベースの LIF モデルは式 (1) の微分方程式で記述される。

$$\tau \frac{dv}{dt} = -(v(t) - V_{\text{leak}}) + RI_{\text{ext}},
v(t) > \theta \Rightarrow \text{Spike (t)} = 1, v(t) \leftarrow V_{\text{reset}},
v(0) = V_{\text{init}}.$$
(1)

ここで、v(t) は時刻 t での膜電位、 τ ms は時定数、 $V_{\rm leak}$ mV は静止電位、R M Ω は膜の抵抗、 $I_{\rm ext}$ nA は外部電流、 θ mV はスパイク発射のための閾値、 $V_{\rm reset}$ mV はリセット電位、 $V_{\rm init}$ mV は膜電位の初期値である。

この微分方程式をコンピュータで数値的に解くために、差分方程式に変換する。具体的には十分短い時間間隔 Δt を考え、

$$\frac{dv}{dt} \approx \frac{\Delta v(t)}{\Delta t} \tag{2}$$

と近似する。一方、v(t) を t の回りで Δt でテイラー展開すると、

$$v(t + \Delta t) = v(t) + \frac{dv}{dt}\Delta t + \frac{1}{2!}\frac{d^2v}{dt^2}\Delta t^2 + \cdots$$
(3)

となり、 Δt が十分小さいという仮定の下 $O(\Delta t^2)$ 以降の項を無視すると

$$v(t + \Delta t) \approx v(t) + \frac{dv}{dt} \Delta t$$
 (4)

となる。最後に上記2式を組み合わせると、

$$v(t + \Delta t) \approx v(t) + \Delta v(t)$$
 (5)

となる。ここで

$$\Delta v(t) = \frac{\Delta t}{\tau} \left(-\left(v(t) - V_{\text{leak}}\right) + I_{\text{ext}}\right) \tag{6}$$

である。後は初期値 v(0) さえ与えられれば、式 (5) を $t=0,\Delta t,2\Delta t,\cdots$ と逐次的に計算することで、v(t) の値を近似的に求めることができる。この数値解法には陽的オイラー法という名前がついている。

これを実際に試してみよう。次のコードを試す。

Listing 1 lif.c

#include<stdio.h>

#define TAU 20.0

#define V_LEAK -65.0

#define V_INIT (V_LEAK)

#define V_RESET (V_LEAK)

#define THETA -55.0

#define R_M 1.0

#define DT 1.0

#define T 1000.0

#define NT 1000 // (T / DT)

#define I_EXT 12.0

```
void loop ( void )
14
15
16
     double v = V_INIT;
17
     for ( int nt = 0; nt < NT; nt++ ) {
       printf ( "f_{\n}f\n", DT * nt, v );
18
       double i_ext = ( DT * nt < 100.0 || 900 < DT * nt) ? 0 : I_EXT;
19
       double dv = (DT / TAU) * (-(v - V_LEAK) + R_M * i_ext);
20
21
       if (v > THETA) {
22
         printf ( "%f_{\square}0\n", DT * nt ); // print spike with membrane potential = 0 mV
23
25
       }
     }
26
27
28
29
   int main ( void )
30
     loop ();
31
32
     return 0:
33
34
```

このコードでは、1000 ミリ秒 =1 秒) 間のシミュレーションを $\Delta t=1$ ミリ秒で行う。100 ミリ秒から 900 ミリ秒までの間、外部電流として $I_{\rm ext}=12$ nA を与える。膜抵抗は簡単のために 1 M Ω とする。このときの v(t) を、初期値 v(0)=-65 mV から Δt 毎に逐次的に計算する。

コードの実行は 28 行目の main から始まり、関数 100p を実行するだけである (30 行目)。よって関数 100p(13–26 行目) がシミュレーションのコードそのものである。関数 100p の中身を詳しく見ていく。

15 行目で膜電位の変数 v を定義し、初期値として V_INIT = -65 mV を代入する。 V_INIT の定義は 5 行目である。 16 行目が時間に関するループである。シミュレートする時間を T = 1000 ミリ秒間とし (9 行目)、それを $\Delta t = 1$ ミリ秒の刻み (8 行目) で計算するので、ループの回数 NT は NT = T/DT = 1000 回である。変数 nt を用意してカウントする。

17 行目で、今の時刻でのv(t)の値を、時刻と共に表示する。

18 行目で、外部電流の値を設定する。3 項演算子を使って、100 ミリ秒から 900 ミリ秒までの間、 $i_ext=I_EXT$ 、それ以外は 0 とする。 I_EXT は 11 行目で定義されている。

19 行目で、式 (6) に従って $\Delta v(t)$ を計算する。 τ は TAU = $20 \mathrm{ms}$ として 3 行目で定義されている。

20 行目で、式 (5) に従って v(t) を更新する。

21-24 行目はスパイク発射の判定である。もし v(t) が閾値 THETA を越えていたら (21 行目)、膜電位として $0~\rm mV$ をその時刻と共に表示し (22 行目)、v(t) を $V_{\rm RESET}$ にセットする。THETA $=-55~\rm mV$ は 7 行目で、 $V_{\rm RESET}=-65~\rm mV$ は 6 行目でそれぞれ定義されている。

このコードをコンパイルして実行してみよう。コンパイルは以下のようにする。

```
[tyam@plato tutorial]$ gcc -Wall -03 -o lif lif.c
```

-Wall オプションは、全ての警告を表示するもので、超推奨。正常にコンパイルできると実行ファイル lif ができるので、以下のように実行する。

```
[tyam@plato tutorial]$ ./lif
```

実行すると、数字がどばっと表示されたと思うが、それが各時刻とその時のv(t)の値である。数字を眺めても何もわからないので、以下のようにリダイレクトしてファイルに出力し、

```
[tyam@plato tutorial]$ ./lif > lif.dat
```

gnuplot で表示する。

```
[tyam@plato tutorial]$ gnuplot
        G N U P L O T
(...snip...)
Terminal type set to 'x11'
gnuplot> plot 'lif.dat' with line
```

すると、図1のような膜電位の表示が得られるはずである。100-900 ミリ秒の間、一定の間隔でスパイクを発射している様子が確認できた。

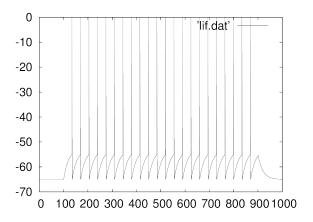


図1 1個のニューロンの膜電位のプロット

ここで注意! パラメータの単位には気をつけること。例えばもしこのプログラムで時間をミリ秒ではなく秒にして、 $T=1.0,\ \Delta t=0.001$ とすると、正しい計算が行われない。このプログラムのように Physiologial Unit を使うか、あるいは SI Unit を使うか、どちらかにすること。

4.2 ニューロン 2 個のシミュレーション

一番簡単なネットワークはニューロン2個からなるものなので、次はそれを作ろう。

ニューロン同士がシナプスで繋がっておらず、完全に独立な場合は、1if.c をベースにしてほとんど自明に書ける。 具体的には変数 v, dv を配列にして変数 v[2], dv[2] とすれば良い。ただしそれだけでは完全に同じ計算をするだけなので、v の初期値を片方は 10~mV 下げよう。コードは以下のようになる。

Listing 2 lif2.c

```
#include<stdio.h>
1
2
3 #define TAU 20.0
   #define V_LEAK -65.0
   #define V_INIT (V_LEAK)
   #define V_RESET (V_LEAK)
   #define THETA -55.0
   #define DT 1.0
   #define T 1000.0
   #define NT 1000 // ( T / DT )
10
   #define I_EXT 12.0
11
12
   void loop ( void )
13
14
15
     double v [ 2 ] = { V_INIT, V_INIT - 10.0 };
```

```
double i_ext = I_EXT;
16
      for ( int nt = 0; nt < NT; nt++ ) {</pre>
17
        printf ( \frac{f_{\perp}}{f_{\perp}} n'', DT * nt, v [ 0 ], v [ 1 ]);
18
19
       double dv [2];
        dv [ 0 ] = ( DT / TAU ) * ( - ( v [ 0 ] - V_LEAK ) + i_ext );
20
       dv [ 1 ] = ( DT / TAU ) * ( - ( v [ 1 ] - V_LEAK ) + i_ext );
21
        v [ 0 ] += dv [ 0 ];
22
        v [ 1 ] += dv [ 1 ];
        if ( v [ 0 ] > THETA ) {
24
          printf ( "\%f_UO_U\%f_N", DT * nt, v [ 1 ] ); // print spike with membrane potential = 0 mV
25
          v [ 0 ] = V_RESET;
27
        if ( v [ 1 ] > THETA ) {
28
          printf ( "f_{\perp}f_{\perp}0n", DT * nt, v [ 0 ] ); // print spike with membrane potential = 0 mV
          v [1] = V_{RESET};
30
31
     }
32
33
34
    int main ( void )
35
36
37
      loop ();
38
39
      return 0;
40
```

コードの変更点は以下の通りである。v を配列にし (15 行目)、初期値を変更した。外部電流は 0 ミリ秒から入れることした (16 行目)。dv も配列にした (19 行目)。dv, v の計算は添字を変えて 2 回計算した (20–23 行目)。閾値を超えたときの表示の仕方を変えた (25,29 行目)。

本来であれば 2 個のニューロンの計算は for ループで回すべきであるが、自明さを示すためにわざとループで書かなかった。

これをコンパイルして実行し、結果をプロットする。

図 2 のような膜電位のプロットが得られるはずである。初期状態が異なるのでスパイクのタイミングはずれるが、 その他は同じなので同じ波形がシフトするだけとなる。

4.3 ネットワークのシミュレーション

一時間目の最後に、2 個のニューロンをシナプスで結合してちゃんとしたネットワークにしよう。ここでは一番簡単な exponential synapse を導入する。

$$\tau_{\text{syn}} \frac{dg_i}{dt} = -g_i(t) + w \cdot \text{Spike}_{(i+1)\%2}(t)$$
(7)

膜電位の式の右辺にシナプス後電位 g(t) を追加する。ここで、i はニューロンの番号 $(i \in \{0,1\})$ 、 τ_{syn} は時定数、 $g_i(t)$ はシナプス後電位、w は結合重み、 $\text{Spike}_{(i+1)\%2}(t)$ はもう片方のニューロンのスパイク発射 (0 または 1) を表

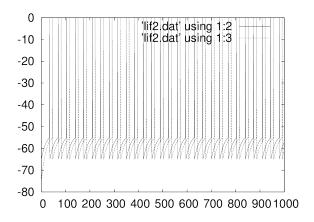


図2 2個の独立なニューロンの膜電位のプロット

す*1。これも同様に差分化し、陽的オイラー法で解く。以下のようにすればよい。

$$g_i(t + \Delta t) = g_i(t) + \frac{\Delta t}{\tau_{\text{syn}}} \left(-g_i(t) + w \cdot \text{Spike}_{(i+1)\%2}(t) \right)$$
(8)

ただし、初期値 $g_i(0)$ は 0 mV とする。この $g_i(t)$ を、膜電位の式の右辺に追加する。

Listing 3 lif2net.c

```
#include<stdio.h>
   #define TAU 20.0
   #define V_LEAK -65.0
   #define V_INIT (V_LEAK)
   #define V_RESET (V_LEAK)
   #define THETA -55.0
    #define DT 1.0
   #define T 1000.0
   #define NT 1000 // ( T / DT )
11
   #define I_EXT 12.0
   #define TAU_SYN 5.0
   #define W 10.0 //-10.0
13
   void loop ( void )
15
16
     double v [ 2 ] = { V_INIT, V_INIT - 10. };
17
     double i_ext = I_EXT;
18
     double g[2] = \{0., 0.\};
19
     int spike [ 2 ] = { 0, 0 };
20
     for ( int nt = 0; nt < NT; nt++ ) {</pre>
21
22
       printf ( "f_{\perp}f_{\perp}f_{\parallel} n", DT * nt, v [ 0 ], v [ 1 ]);
       double dv [ 2 ];
23
       dv [ 0 ] = ( DT / TAU ) * ( - ( v [ 0 ] - V_LEAK ) + g [ 0 ] + i_ext );
       dv [ 1 ] = ( DT / TAU ) * ( - ( v [ 1 ] - V_LEAK ) + g [ 1 ] + i_ext );
25
       double dg [ 2 ];
26
       dg [ 0 ] = ( DT / TAU_SYN ) * ( - g [ 0 ] + W * spike [ 1 ] );
27
       dg [1] = (DT / TAU_SYN) * (-g[1] + W * spike [0]);
28
       v [ 0 ] += dv [ 0 ];
```

 $^{^{*1}}$ i=0 のとき (i+1)%2=1、i=1 のとき (i+1)%2=0 なので。

```
v [ 1 ] += dv [ 1 ];
30
        g [ 0 ] += dg [ 0 ];
31
        g [ 1 ] += dg [ 1 ];
32
        spike [ 0 ] = ( v [ 0 ] > THETA );
33
        if ( v [ 0 ] > THETA ) {
34
          printf ( "%f_{\sqcup}0_{\sqcup}%f_{\upharpoonright}", DT * nt, v [ 1 ] ); // print spike with membrane potential = 0 mV
35
          v [ 0 ] = V_RESET;
36
        spike [ 1 ] = ( v [ 1 ] > THETA );
38
        if ( v [ 1 ] > THETA ) {
39
          printf ( "\%f_{\sqcup}\%f_{\sqcup}0\n", DT * nt, v [ 0 ] ); // print spike with membrane potential = 0 mV
          v [ 1 ] = V_RESET;
41
        }
42
      }
43
44
45
    int main ( void )
46
47
48
      loop ();
49
50
      return 0;
51
```

コードの変更点は以下の通りである。

これをコンパイルして実行し、結果をプロットする。

図3のような膜電位のプロットが得られるはずである。今度はスパイクのタイミングが徐々に揃って行くことがわかる。

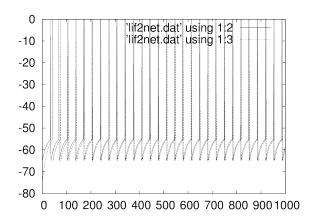


図3 互いに興奮性で接続された2個のニューロンの膜電位

課題 1.

互いを抑制性で繋ぐと何が起こるか試して確認せよ。具体的にはWの値の符号を負にすればよい。

課題 2.

なぜこうなるのかを考察せよ。

一時間目はここまで。休憩!

5 二時間目: OpenMP による計算の並列化

5.1 ランダムネットワークのシミュレーション

一時間目にやった 2 個のニューロンからなるネットワークは小さすぎて、計算があっという間に終わってしまった。これでは面白くないので、もう少し大きなネットワークを考えよう。 具体的には 4000 個のニューロンを 4:1 で興奮: 抑制に振り分け、確率 p=0.02 でランダムに結合させた、ランダムネットワークを考える [4]。このネットワークは様々な神経回路シミュレータのベンチマークとしても利用されている、スタンダードなものである [5]。

膜電位の式は式(1)と同じである。

$$\tau \frac{dv}{dt} = -(v(t) - V_{\text{leak}}) + ge(t) + gi(t),
v(t) > \theta \Rightarrow \text{Spike (t)} = 1, v(t) \leftarrow V_{\text{reset}}, (1)
v(0) = V_{\text{init}}.$$
(9)

ここで、v(t) は時刻 t での膜電位、 $\tau=20$ ms は時定数、 $V_{\rm leak}=-49$ mV は静止電位、ge(t), gi(t) はそれぞれ 興奮性、抑制性のシナプス電流、 $\theta=-50$ mV はスパイク発射のための閾値、 $V_{\rm reset}=-60$ mV はリセット電位、 $V_{\rm init}=-60+10\times{\rm rand}(t)$ は膜電位の初期値、 ${\rm rand}(t)$ は [0,1) の一様乱数である。一方、シナプス電流は以下の式で計算する。

$$\tau_e \frac{dge}{dt} = -ge(t) + \sum_{j \in \text{Exc}} w_e \cdot \text{Spike}_j(t),$$

$$\tau_i \frac{dgi}{dt} = -gi(t) + \sum_{j \in \text{Inh}} w_i \cdot \text{Spike}_j(t).$$
(10)

ここで、 $\tau_e, \tau_i = 5,10~\mathrm{ms}$ はそれぞれ時定数、Exc, Inh はそれぞれ興奮性、抑制性のニューロン集団、 $w_e, w_i = +1.62, -9~\mathrm{mV}$ はそれぞれスパイク入力 1 発あたりのシナプス後電位の変化量、 $\mathrm{Spike}_j(t) \in \{0,1\}$ はニューロン j が時刻 t でスパイクを発射した場合 1, そうでなければ 0 である。

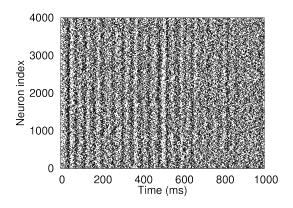


図 4 ランダムネットワークのラスタープロット。横軸は時間 (ms)、縦軸はニューロン番号である。1 つのドットが 1 つのスパイクを表す。

コードは付録にある。コンパイルして実行すると、spike.dat というファイルが生成されて、gnuplot で表示すると図 4 のようなラスタープロットが得られる。4000 個のニューロンの膜電位を一度にプロットしてもまともに見えないので、以降はこのようにスパイクだけをプロットする。

コードの概要は以下の通りである。

Listing 4 randomnet.c

```
for ( int nt = 0; nt < NT; nt++ ) {
   for ( int i = 0; i < N; i++ ) {
      calculateSynapse ( i );
      updateMembranePotential ( i );
   }
   outputSpike ( nt );
}</pre>
```

時間に関するループ (3 行目) はこれまで通り。ニューロンの数が増えたので、今回からちゃんとループにする (4 行目)。ループの中では、まずシナプス入力の計算をし (5 行目)、ついで膜電位の値を更新する (6 行目)。ニューロンの計算が終わったら、スパイクの情報をファイルに出力する (8 行目)。関数 calculateSynapse および updateMembranePotential の中身はご想像の通りである。

本チュートリアルで使うクラスタマシンを普通に使って計算すると、1 回のシミュレーションに 25 秒かかる。各自試してみよ。

5.2 ニューロンの計算の並列化

ニューロン数やシナプス数が多くなるにつれ、計算時間は膨大になりリアルタイムでの計算はすぐに不可能になる。これを解決するための手法は、CPU のマルチコア機能や複数 CPU を同時に利用するためのライブラリ、あるいはグラフィクスプロセッシングユニット (GPU) に代表されるアクセラレータとよばれるハードウェアを使った並列計算である。一般的には、ニューロンのループ (4 行目とその内側) を分割して、ニューロン毎に独立に並列計算する。

5.3 OpenMP

OpenMP は 1 個 CPU に含まれる複数の計算コアを並列に使うための標準規格であり [7]、GNU Compiler Collection (GCC) の C コンパイラには標準的についている機能である。ソースコード中のヘッダ領域で#include <omp.h>し、コンパイル時に-fopenmp オプションを追加すると、OpenMP を利用する準備が整う。

ニューロンのループの並列化は容易である。以下のようにループの直前に1行追加するだけである。

Listing 5 omp.c

```
void loop ( void )
1
2
     for ( int nt = 0; nt < NT; nt++ ) {
3
   #pragma omp parallel for
4
       for ( int i = 0; i < N; i++ ) {
5
         calculateSynapse ( i );
6
7
         updateMembranePotential ( i );
       outputSpike ( nt );
9
10
11
```

4行目の#pragma omp parallel for が OpenMP の命令である。これを記述すると、自動的にその次の行の for ループ、つまり各ニューロンの計算がニューロン毎に並列実行される。ニューロン毎の計算は独立なので、この部分は完全に並列実行可能である。

並列化のイメージは図 5 の通りである。1 CPU・1 コアの場合は、1 つのスレッド (計算単位) がニューロンの計算を逐次的に実行する (図 5A)。OpenMP を使うと CPU の複数コアを同時に利用し、複数のスレッドでニューロンの計算を個別に実行する (図 5B)。よって、理論上は計算時間はスレッド数倍高速になる。

この計算を 4 コア全部 *2 使って行うと、計算時間は 12.5 秒に短縮され、25/12.5=2 倍高速化される。

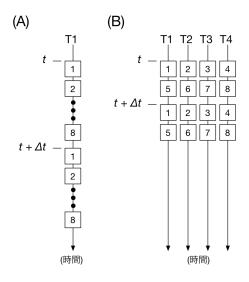


図 5 ニューロン 8 個からなるネットワークの並列計算イメージ。A: 1 スレッドによる逐次実行の場合。 B: 4 スレッドによる並列実行の場合。ニューロンを四角で、スレッド 1 -4 を T1 -4 でそれぞれ表す。

また、シナプス入力の計算部分を明示的に並列化することも可能である。calculateSynapse 関数の内容を一部抜粋して掲載する。

Listing 6 ompsyn.c

```
double r = 0.;
#pragma omp parallel for reduction(+:r)
for ( int j = 0; j < N_EXC; j++ ) {
    r += w_exc [ j + N * i ] * spike [ j ];
}
ge [ i ] += DT * ( G_EXC * r - ge [ i ] ) / TAU_GE;</pre>
```

ニューロン i の興奮性シナプス入力 $ge_i(t)$ を計算する。中間変数 r を用意して (1 行目)、プレ側のニューロンについて、シナプス結合の有無 $w_exc \in \{0,1\}$ とスパイク spike の積和を計算し (4,5 行目)、結果を格納する (7,8 行目)。 2 行目の#pragma omp parallel for reduction(+:r) が OpenMP の命令で、変数 r への加算を並列に実行する $(\boxtimes 6)$ 。このような計算をリダクションと言う。

これを加えても、この計算機では計算時間が変わらなかった*3。

二時間目はここまで。休憩!

^{*2} Hyperthreading の機能により 1 コアで 2 スレッド発行できる。

^{*3} 私の研究室のクラスタでは速くなった。

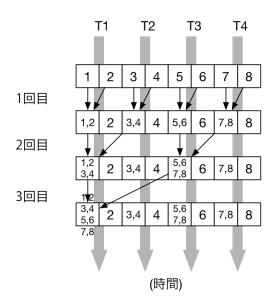


図 6 OpenMP によるリダクションの概略。4 スレッドで 8 個の要素の加算を実行する場合、まず各スレッドは 隣接する 2 要素の加算を実行して同期を取る。次に 2 スレッドだけが計算結果をさらに加算して同期する。最後 に 1 スレッドだけがさらに加算し、全体のリダクションが完成する。

6 三時間目: MPI による計算の並列化

本チュートリアルで使う計算機では 1 CPU あたり 4 コアしか搭載していないので、これ以上並列度をあげたければ複数の CPU・計算ノードを同時に使う必要がある。それは MPI (Message Passing Interface) を用いて行う。複数の計算ノードを用いた並列計算のための標準規格であり [8]、フリーなものからネットワーク機器ベンダの独自のものまで、様々な実装がある。MPI には同期/非同期の送信/受信、全体の制御の同期、リダクションなど様々な命令が用意されていて、非常に低レベルの記述ができる分、コードは複雑になる傾向がある。ここでは最も容易なMPI_Allgather 命令を用いた並列化を紹介する。例えば現世代の NEST シミュレータ [9] も本質的に同じ並列化を行っている。

並列化されたコードを次に示す。

Listing 7 mpi.c

```
void loop ( const int mpi_size, const int mpi_rank )
1
2
     const int n_each = N / mpi_size;
3
     int spike_local [ n_each ];
4
5
     timer_start ();
     for ( int nt = 0; nt < NT; nt++ ) {
6
       for ( int n = 0; n < n_{each}; n++ ) {
         calculateSynapse ( n, n_each * mpi_rank );
8
         updateMembranePotential ( n, n_each * mpi_rank, spike_local );
       }
10
       MPI_Allgather ( spike_local, n_each, MPI_INT, spike, n_each, MPI_INT, MPI_COMM_WORLD );
11
12
       if ( mpi_rank == 0 ) { outputSpike ( nt ); }
13
14
     double elapsedTime = timer_elapsed ();
15
     if ( mpi_rank == 0 ) { printf ( "Elapsed_time_=_\%f_sec.\n", elapsedTime); }
16
```

まず、関数に引数 mpi_size, mpi_rank が渡されている (1,2 行目)。これは MPI を初期化したときに得られる値であり、それぞれスレッドの総数と、自分自身のスレッド番号を表す。大きな変更点はニューロンに関するループ (7 行目) である。OpenMP による並列化の場合は、ループの回数は全ニューロン数である N であった。今回は全ニューロン数を全スレッド数で割り、各スレッドは n_each $= N/\text{mpi_rank}$ 回ループして、スレッド毎に n_each 個のニューロンのみを計算する。計算されたスパイク発射の情報は大きさ n_each の配列 spike_local に格納する。MPI_Allgather の実行は 14-16 行目である。これを実行すると、各スレッドが保持している spike_local の内容を全スレッドで共有し、結果を大きさ N の配列 spike に格納する(図 7)。よって命令の実行後は逐次版あるいはOpenMP 版と同様に、ニューロンのスパイクの情報が復元され、全スレッドで共有されることになる。

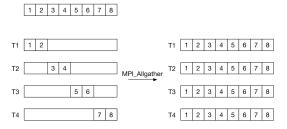


図 7 MPI_Allgather による計算の並列化。4 スレッド (T1-4) で 8 ニューロン (四角) の計算をする例を考える。各スレッドは 2 個のニューロンの計算だけを行い、スパイク発射の有無を保持する。MPI_Allgather を実行するとスパイクの情報が交換され、全スレッドで共有される。実行後は全てのスレッドが逐次計算版と同じ状態になり、計算を継続できる。

MPI を使ったコードは mpicc でコンパイルし、mpirun で以下のように実行する*4。

hostfile は利用可能な計算ノード名を記載したテキストファイル、-np の引数は実際に使う計算ノード数である。 hostfile の内容は例えば次のようになる。

- plato01:2
- 2 plato02:2
- 3
- 4 plato16:2

計算ノード名とノード当たりの CPU 数をコロン (:) で繋いだものを列挙する。本チュートリアルで使うクラスタマシンでは、計算時間は 1.5 秒にまで短縮された。25/1.5 = 16 倍の高速化である。

ここで注意! MPI による並列シミュレーションでは一人で全ノードを占有することになるので、一度に一人しか試すことができない。声をかけあって順番を守ること*5。

なお、上記コードでは計算と通信を順番に行っているが、大規模計算で多数の計算ノードが関わる場合は、計算よりも通信に時間がかかるようになる。その解消法の話題は高度なので別の機会にゆずるが、例えば [10] などがある。

6.1 OpenMP + MPI

もちろん OpenMP と MPI は両方同時に利用してハイブリッドにできる。残念ながら本チュートリアルで使うクラスタマシンでは、ハイブリッドにするとかえって遅くなってしまった。

^{*4} MPI が MVAPICH2 の場合

^{*5} そういうわけで普通はキューイングシステムを使う。今回はできるだけ生に近い状態で試したいので、そういうものは使わない。

6.2 フラット MPI

では MPI では CPU 1 コアあたり 1 スレッドしか使えないのかというとそんなことはなくて、単に-np の引数の値を大きくすれば良い。本チュートリアルで使うクラスタマシンでは、

ノード数 \times 1 ノードあたりの CPU 数 \times 1CPU あたりのコア数 \times 1 コアあたりのスレッド数 = $16 \times 2 \times 4 \times 1 = 128$ (11)

なので、-np 128 までは速くなる。

課題 3.

-np の値をいくつか試して計算時間がどう変わるかを調べよ。理想的には例えば-np の値を 2 倍にすると計算時間 は 1/2 になり、一般に n 倍すると 1/n になる。このような理想的な状態を強スケーリングと言う。

6.3 その他

並列計算用のハードウェアとしてグラフィクスプロセッシングユニット (GPU) が良く用いられる。NVIDIA 社が 自社の GPU 用に開発している並列計算ライブラリ CUDA (Compute Unified Device Architecture)[11]、OpenCL Working Group が仕様策定しているライブラリ OpenCL[12] で並列化されたコードが書けるが、本チュートリアル の範囲を超えるので、今回はやらない。

また今回はニューロンモデルとして LIF だけを考えたが、スパイク生成のメカニズムを研究するなら Hodgkin-Huxley 方程式を解く必要があるし、ニューロンの形状を研究するならマルチコンパートメントモデルにする必要があり、その場合はケーブル方程式を解く必要がある。それらについても本チュートリアルの範囲を超える。

3日間くらいのショートコースを開催するのはどうでしょうね。海外からも学生を呼んで、偉い人の招待講演もつけて。

7 閉会式

試合終了。またどこかでお会いしましょう。

参考文献

[1] GIGAZINE (2013). 人間の脳の活動でわずか 1 秒間はなんとスーパーコンピュータ「京」の 40 分に匹敵することが判明 http://gigazine.net/news/20130806-simulating-1-second-of-real-brain/. (最終アクセス 2017 年 10 月 14 日)

- [2] Exascale Computing Project.
 https://exascaleproject.org/(最終アクセス 2017年10月20日)
- [3] Gerstner W, Kistler W. Spiking Neuron Models. Cambridge (2001).
- [4] Example: CUBA. http://brian2.readthedocs.io/en/stable/examples/CUBA.html (最終アクセス 2017年 10月17日)
- [5] Brette R et al. Simulation of networks of spiking neurons: A review of tools and strategies. J Comp Neurosci 23:349-398, 2007.
- [6] Goodman DF, Brette R. The Brian simulator. Front Neurosci 10:3389, 2009.
- [7] Chandra R et al. Parallel Programming in OpenMP. Morgan Kaufmann (200).
- [8] Gropp W, Lusk E, Skjellum A. Using MPI 2nd Edition: Portable Parallel Programming with the Message Passing Interface. MIT Press (1999).
- [9] Gewaltig MO, Diesmann M (2007) NEST (Neural Simulation Tool) Scholarpedia 2(4):1430.
- [10] Igarashi J (2017). Paralel computing of a spiking neural network model of a layered cortical sheet using a tile partitioning method. 日本神経回路学会全国大会, 北九州国際会議場, 小倉.
- [11] NVIDIA. CUDA C Programming Guide. http://docs.nvidia.com/cuda/cuda-c-programming-guide/index.html (最終アクセス 2017 年 10 月 27 日)
- [12] OpenCL Working Group. OpenCL Overview. https://www.khronos.org/opencl/(最終アクセス 2017年 10月27日)