坐标变换证投影.md 2024-10-02

假设在空间中有另一组基函数B', 其与原始基函数B形状一致但方向不同, B所在的基坐标为C, B'所在的基坐标为C', 那么有:

$$C' = T \cdot C \tag{1}$$

其中T由C'的x,y,z单位列向量组成: T=[e1,e2,e3]

B包含 (ψ_x,ψ_y,ψ_z) , 其线性组成而成的波函数为:

$$\Psi = px \cdot \psi_x(r) + py \cdot \psi_y(r) + pz \cdot \psi_z(r)$$
 (2)

其中px,py,px为组合系数,r为空间中的坐标点

B'包含($\psi_x', \psi_y', \psi_z'$), 其线性组成而成的波函数为:

$$\Psi = px' \cdot \psi_x'(r) + py' \cdot \psi_y'(r) + pz' \cdot \psi_z'(r) \tag{3}$$

其中px',py',px'为组合系数

由于B'可以通过B旋转得到,函数的旋转等于函数内每个坐标点的旋转,因此公式3等于:

$$\Psi = px'\cdot\psi_x(T\cdot r) + py'\cdot\psi_y(T\cdot r) + pz'\cdot\psi_(T\cdot r) \hspace{0.5cm} (4)$$

对于p轨道高斯基函数,其数学形式为:

$$N \cdot x^l y^m z^n \cdot e^{-\alpha \cdot r^2} \tag{5}$$

其中PX,PY,PZ基函数对应的(1,m,n)分别为(1,0,0),(0,1,0),(0,0,1),可知其与坐标为线性关系,可将T提出,则公式4可以简化为:

$$\Psi = T[px' \cdot \psi_x(r) + py' \cdot \psi_y(r) + pz' \cdot \psi_l(r)] \qquad (6)$$

坐标变换证投影.md 2024-10-02

因此 $[px,py,pz]^T=T\cdot[px',py',pz']^T$,由于T为三个互相正交的单位列向量组成,因此 $T^{-1}=T^T$,因此可得:

$$[px', py', pz'] = T^T \cdot [px, py, pz] \tag{7}$$

, 其中:

$$pz' = e3 \cdot [px, py, pz] \tag{8}$$

,其中e3即为C'的z轴单位向量,也即是文中的n向量,该公式及等价于向量[px,py,pz]在n向量方向上的投影