C# Y .NET 9 Parte 12. Gráficos 2D

2025-10

Rafael Alberto Moreno Parra

ramsoftware@gmail.com

Contenido

Ta	abla de ilustraciones	4
A	cerca del autor	6
Li	cencia de este libro	6
Li	cencia del software	6
Μ	arcas registradas	7
E	n memoria de	8
P	rimitivas Gráficas	9
	Línea	. 17
	Arco	. 18
	Rectángulo	. 19
	Rectángulo relleno	. 20
	Curva Bézier	. 21
	Varias líneas rectas	. 22
	Polígono	. 24
	Polígono relleno	. 26
	Curva cerrada	. 28
	Curva cerrada rellena	. 30
	Curva que une varios puntos	. 32
	Elipse	. 34
	Elipse rellena	. 35
	Letras	. 36
	Diagrama de pastel	. 38
	Diagrama de pastel relleno	. 40
	Líneas horizontales	. 42
	Líneas verticales	. 44
	Líneas más juntas en el centro	. 46
	Líneas generan rombo	. 47
	Líneas en esquina superior derecha	. 49
	Líneas en esquina inferior derecha	. 51
	Líneas en esquina inferior izquierda	. 53
	Triángulos apuntan a la derecha	. 55
	Triángulos apuntan a la izquierda	. 57
	Triángulos apuntan a la izquierda alternando colores	. 59

Rectángulos concéntricos	61
Dibuja formas que semejan cuadrados a las que les falta el techo o la base	63
Dibuja ángulos rectos	65
Líneas diagonales cruzadas	67
Celdas	69
Líneas rectas simulan curvas	71
Algoritmo de Bresenham para dibujar líneas	73
Transformaciones en 2D	75
Traslado de figuras en un plano	75
Giro de figuras en un plano	78
Giro de figuras en un plano calculando el centroide	
Gráfico matemático en 2D	
Gráfico polar	88
Uso de Bitmap para control a nivel de pixel	94
Control total del píxel	94
Persistencia del dibujo	
Separación de lógica y presentación	94
Mayor eficiencia en renderizados complejos	
Uso de Bitmap y Graphics	
Uso de LockBits para mayor velocidad	
LockBits dibujando un círculo	

Tabla de ilustraciones

Ilustración 1: Inicia proyecto en Visual Studio 2022	9
Ilustración 2: Selecciona "Aplicación de Windows Forms"	
Ilustración 3: Pone nombre al proyecto, para este libro es "Graficos" (sin tilde)	. 11
Ilustración 4: Selecciona .NET 9.0	
Ilustración 5: Una aplicación de escritorio típica	
Ilustración 6: Clic botón derecho sobre la ventana y selecciona "Propiedades"	. 13
Ilustración 7: En la ventana de "Propiedades", selecciona "Eventos"	
Ilustración 8: En "Eventos" se da doble clic al frente del evento "Paint"	. 15
Ilustración 9: Esta es el código que se genera automáticamente	
Ilustración 10: Línea	
Ilustración 11: Arco	
Ilustración 12: Rectángulo	
Ilustración 13: Rectángulo relleno	
Ilustración 14: Curva Bézier	
Ilustración 15: Varías líneas rectas	
Ilustración 16: Polígono	
Ilustración 17: Polígono relleno	
Ilustración 18: Curva cerrada	
Ilustración 19: Curva cerrada rellena	
Ilustración 20: Curva que une varios puntos	
Ilustración 21: Elipse	
Ilustración 22: Elipse rellena	
Ilustración 23: Letras	
Ilustración 24: Diagrama de pastel	
Ilustración 25: Diagrama de pastel relleno	
Ilustración 26: Líneas horizontales	
Ilustración 27: Líneas verticales	
Ilustración 28: Líneas más juntas en el centro	
Ilustración 29: Líneas generan rombo	
Ilustración 30: Líneas en esquina superior derecha	
Ilustración 31: Líneas en esquina inferior derecha	
Ilustración 32: Líneas en esquina inferior izquierda	
Ilustración 33: Triángulos apuntan a la derecha	
Ilustración 34: Triángulos apuntan a la izquierda	
Ilustración 35: Triángulos apuntan a la izquierda alternando colores	
Ilustración 36: Rectángulos concéntricos	
Ilustración 37: Dibuja formas que semejan cuadrados a las que les falta el techo o la base	
Ilustración 38: Dibuja ángulos rectos	
Ilustración 40: CeldasIlustración 41: Líneas rectas simulan curvas	
Ilustración 42: Algoritmo de Bresenham para dibujar líneas	
Ilustración 43: Traslado de figuras en un plano	
Ilustración 44: Traslado de figuras en un plano mueveX = 70	
Ilustración 45: Traslado de figuras en un plano mueveY = 70	. //

Ilustración 46: Traslado de figuras en un plano mueveX = 70 y mueveY = 70	77
Ilustración 47: Giro de figuras en un plano	79
Ilustración 48: Giro de figuras en un plano calculando el centroide	82
Ilustración 49: Gráfico matemático en 2D	87
Ilustración 50: Gráfico polar	
Ilustración 51: Línea dibujada a nivel de pixel	95
Ilustración 52: Uso de Bitmap y Graphics	
Ilustración 53: Uso de LockBits	
Ilustración 54: Dibujando un círculo con LockBits	

Acerca del autor

Rafael Alberto Moreno Parra

ramsoftware@gmail.com o enginelife@hotmail.com

Sitio Web: http://darwin.50webs.com (dedicado a la investigación de algoritmos evolutivos y

vida artificial).

Github: https://github.com/ramsoftware

Youtube: https://www.youtube.com/@RafaelMorenoP

Licencia de este libro





Licencia del software

Todo el software desarrollado aquí tiene licencia LGPL "Lesser General Public License" [1]



Marcas registradas

En este libro se hace uso de las siguientes tecnologías registradas:

Microsoft ® Windows ® Enlace: http://windows.microsoft.com/en-US/windows/home

Microsoft ® Visual Studio 2022 ® Enlace: https://visualstudio.microsoft.com/es/vs/

En memoria de

Sally



Primitivas Gráficas

Para trabajar con gráficos, se debe crear un proyecto de escritorio gráfico

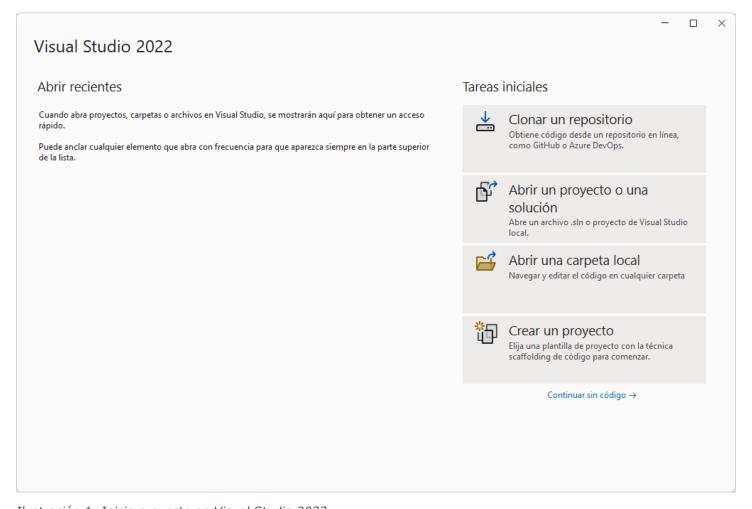


Ilustración 1: Inicia proyecto en Visual Studio 2022

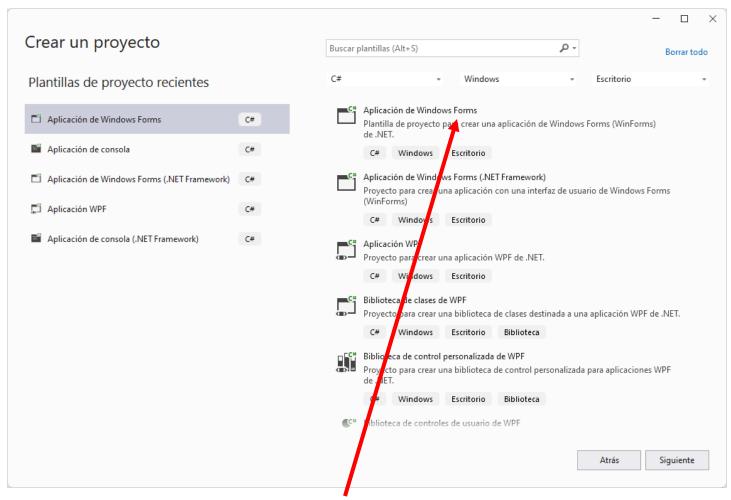


Ilustración 2: Selecciona "Aplicación de Windows Forms"

Una aplicación de tipo Windows Forms

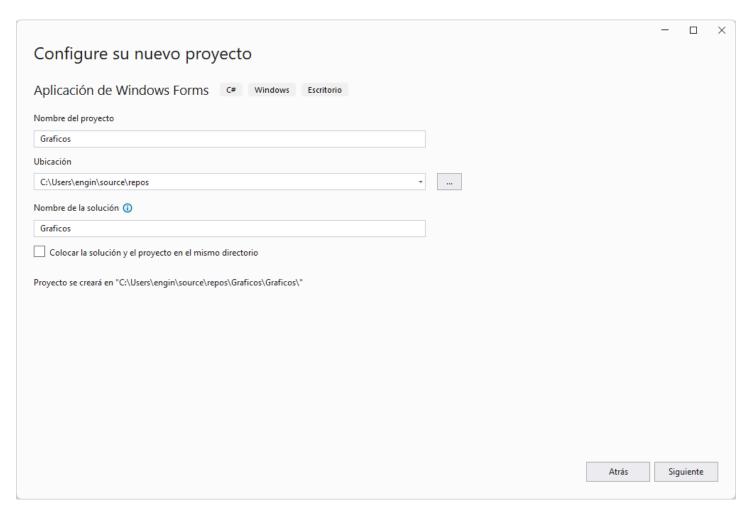


Ilustración 3: Pone nombre al proyecto, para este libro es "Graficos" (sin tilde)

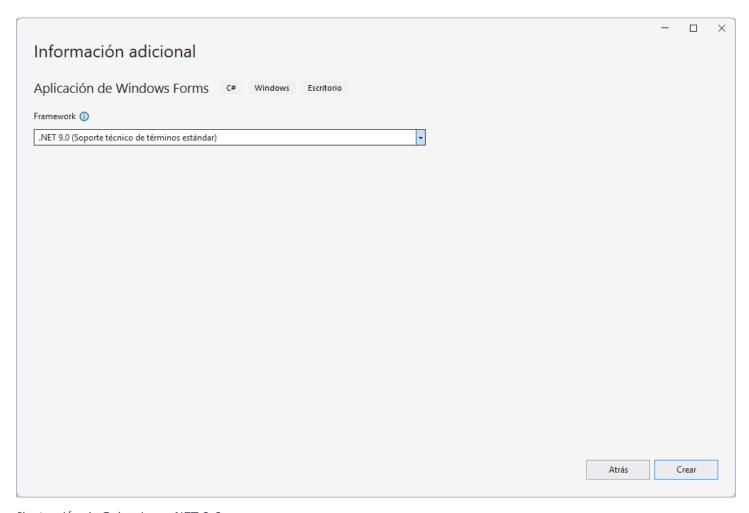


Ilustración 4: Selecciona .NET 9.0

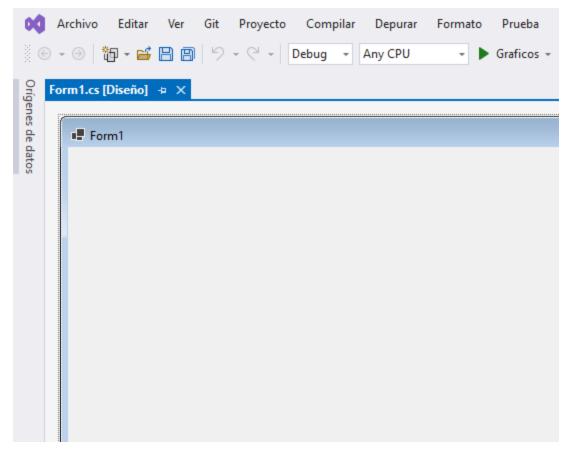


Ilustración 5: Una aplicación de escritorio típica

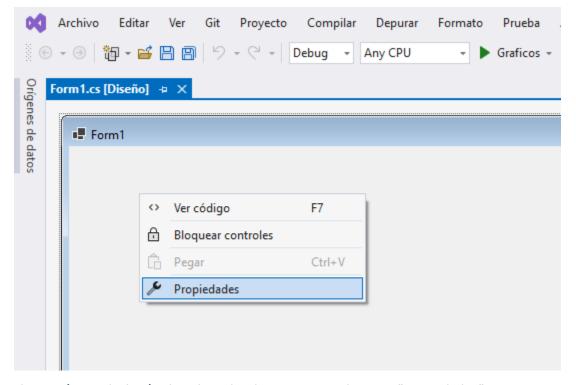


Ilustración 6: Clic botón derecho sobre la ventana y selecciona "Propiedades"

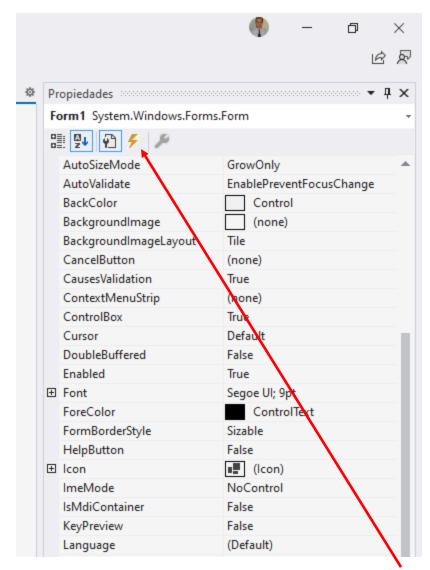


Ilustración 7: En la ventana de "Propiedades", selecciona "Eventos"

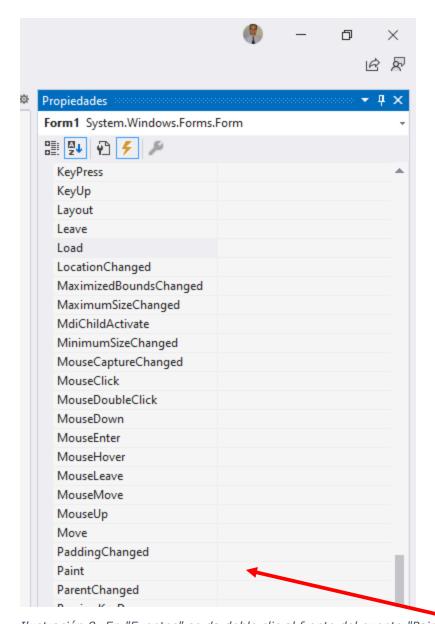


Ilustración 8: En "Eventos" se da doble clic al frente del evento "Paint"

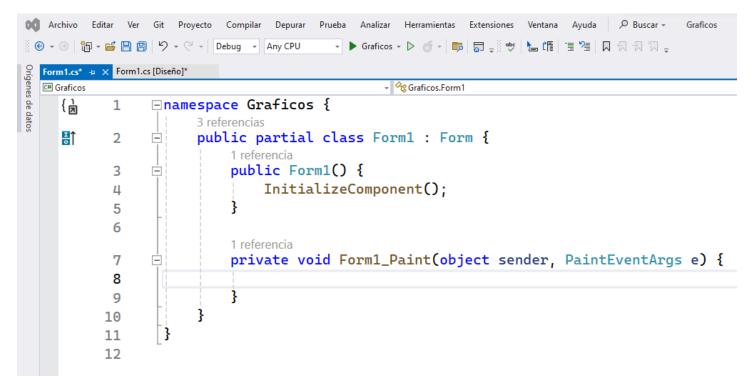


Ilustración 9: Esta es el código que se genera automáticamente

```
namespace Graficos
{
  public partial class Form1 : Form {
    public Form1() {
       InitializeComponent();
    }
    private void Form1 Paint(object sender, PaintEventArgs e) {
       //Lienzo donde va a hacer el gráfico
       Graphics lienzo = e.Graphics;
       //Lápiz con que dibuja. Color, grosor
       Pen lapiz = new(Color.Blue, 2);
       //==============
       //Línea: Xini, Yini, Xfin, Yfin
       lienzo.DrawLine(lapiz, 10, 10, 130, 140);
    }
```

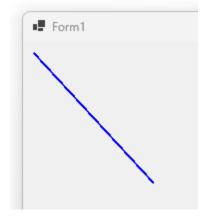


Ilustración 10: Línea

Cuando se usa el objeto "Graphics" proporcionado por el evento "Paint", se está dibujando directamente en la pantalla. Esto tiene algunas limitaciones:

- No se puede acceder ni modificar píxeles individuales fácilmente.
- No se puede conservar lo que se ha dibujado entre repintados (por ejemplo, al minimizar/restaurar la ventana).
- No se puede aplicar lógica de profundidad (Z-buffer) fácilmente, porque no se tiene control sobre el orden de los píxeles una vez dibujados.

Arco

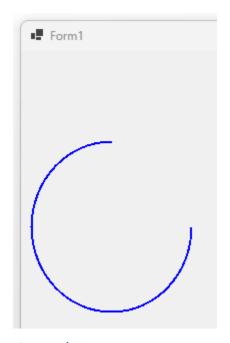


Ilustración 11: Arco

```
namespace Graficos {
  public partial class Form1 : Form {
    public Form1() {
       InitializeComponent();
     }
    private void Form1 Paint(object sender, PaintEventArgs e) {
       //Lienzo donde va a hacer el gráfico
       Graphics lienzo = e.Graphics;
       //Lápiz con que dibuja. Color, grosor
       Pen lapiz = new Pen(Color.Blue, 2);
       //Rectángulo: Xpos, Ypos, Ancho, Alto
       lienzo.DrawRectangle(lapiz, 100, 100, 200, 150);
     }
  }
}
```

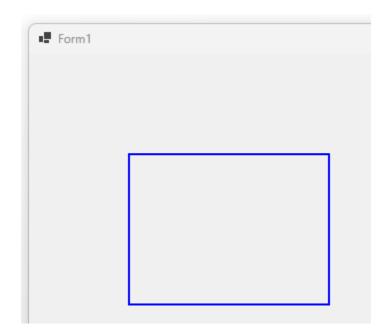


Ilustración 12: Rectángulo

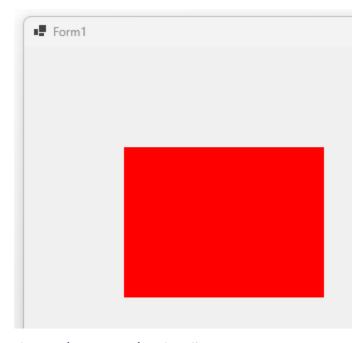


Ilustración 13: Rectángulo relleno

```
namespace Graficos {
  public partial class Form1 : Form {
     public Form1() {
       InitializeComponent();
     }
     private void Form1 Paint(object sender, PaintEventArgs e) {
       //Lienzo donde va a hacer el gráfico
       Graphics lienzo = e.Graphics;
       //Lápiz con que dibuja. Color, grosor
       Pen lapiz = new Pen(Color.Blue, 2);
       //Dibujar una Curva de Bézier
       Point P0 = new Point (100, 180);
       Point P1 = new Point(200, 10);
       Point P2 = new Point (350, 50);
       Point P3 = new Point (500, 180);
       lienzo.DrawBezier(lapiz, P0, P1, P2, P3);
     }
  }
}
```

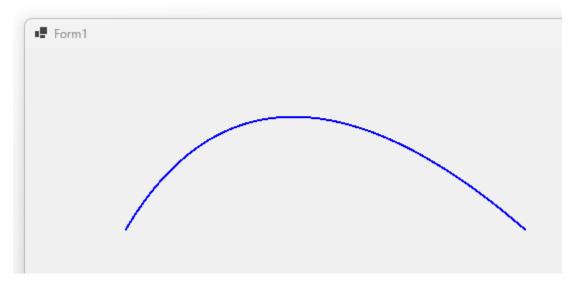


Ilustración 14: Curva Bézier

```
namespace Graficos {
  public partial class Form1 : Form {
     public Form1() {
        InitializeComponent();
     }
     private void Form1 Paint(object sender, PaintEventArgs e) {
        //Lienzo donde va a hacer el gráfico
        Graphics lienzo = e.Graphics;
        //Lápiz con que dibuja. Color, grosor
        Pen lapiz = new Pen (Color.Blue, 2);
        //Conjunto de puntos
        PointF p1 = new PointF(150.0F, 150.0F);
        PointF p2 = new PointF(200.0F, 50.0F);
        PointF p3 = new PointF(300.0F, 140.0F);
        PointF p4 = new PointF(400.0F, 200.0F);
        PointF p5 = new PointF(450.0F, 300.0F);
        PointF p6 = new PointF(350.0F, 350.0F);
        PointF p7 = new PointF(300.0F, 150.0F);
        PointF[] Puntos = { p1, p2, p3, p4, p5, p6, p7 };
        //Dibuja líneas rectas para unir los puntos
        lienzo.DrawLines(lapiz, Puntos);
     }
  }
}
```

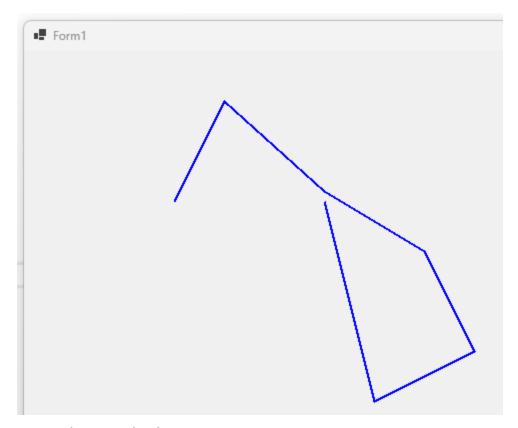


Ilustración 15: Varías líneas rectas

```
namespace Graficos {
  public partial class Form1 : Form {
     public Form1() {
        InitializeComponent();
     }
     private void Form1 Paint(object sender, PaintEventArgs e) {
        //Lienzo donde va a hacer el gráfico
        Graphics lienzo = e.Graphics;
        //Lápiz con que dibuja. Color, grosor
        Pen lapiz = new Pen (Color.Blue, 2);
        //Conjunto de puntos
        PointF p1 = new PointF(150.0F, 150.0F);
        PointF p2 = new PointF(200.0F, 50.0F);
        PointF p3 = new PointF(300.0F, 140.0F);
        PointF p4 = new PointF(400.0F, 200.0F);
        PointF p5 = new PointF(450.0F, 300.0F);
        PointF p6 = new PointF(350.0F, 350.0F);
        PointF p7 = new PointF(300.0F, 150.0F);
        PointF[] Puntos = { p1, p2, p3, p4, p5, p6, p7 };
        //Dibuja el polígono
        lienzo.DrawPolygon(lapiz, Puntos);
     }
  }
}
```

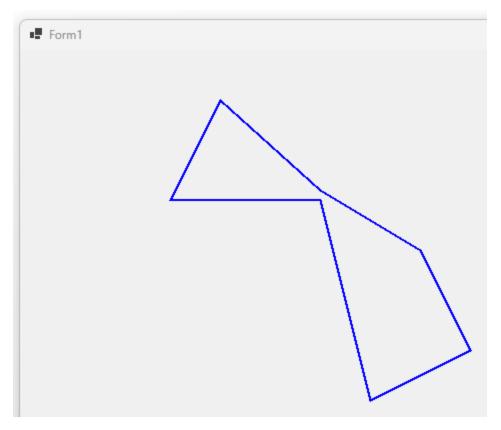


Ilustración 16: Polígono

```
namespace Graficos {
  public partial class Form1 : Form {
     public Form1() {
        InitializeComponent();
     }
     private void Form1 Paint(object sender, PaintEventArgs e) {
        //Lienzo donde va a hacer el gráfico
        Graphics lienzo = e.Graphics;
        //Con qué color se rellenan las figuras
        SolidBrush Relleno = new SolidBrush (Color.Red);
        //Conjunto de puntos
        PointF p1 = new PointF(150.0F, 150.0F);
        PointF p2 = new PointF(200.0F, 50.0F);
        PointF p3 = new PointF(300.0F, 140.0F);
        PointF p4 = new PointF(400.0F, 200.0F);
        PointF p5 = new PointF(450.0F, 300.0F);
        PointF p6 = new PointF(350.0F, 350.0F);
        PointF p7 = new PointF(300.0F, 150.0F);
        PointF[] Puntos = { p1, p2, p3, p4, p5, p6, p7 };
        //Dibuja el polígono
        lienzo.FillPolygon (Relleno, Puntos);
     }
  }
}
```

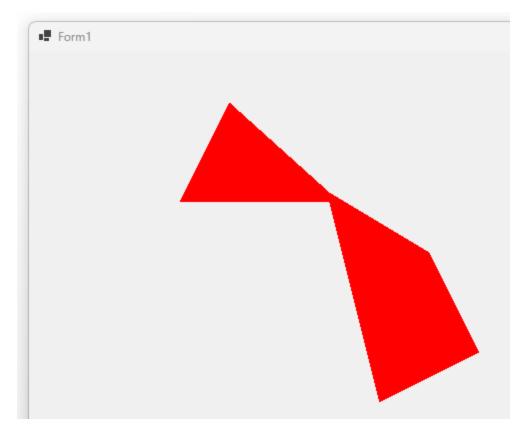


Ilustración 17: Polígono relleno

```
namespace Graficos {
  public partial class Form1 : Form {
     public Form1() {
        InitializeComponent();
     }
     private void Form1 Paint(object sender, PaintEventArgs e) {
        //Lienzo donde va a hacer el gráfico
        Graphics lienzo = e.Graphics;
        //Lápiz con que dibuja. Color, grosor
        Pen lapiz = new Pen (Color.Blue, 2);
        //Conjunto de Puntos
        PointF p1 = new PointF(150.0F, 150.0F);
        PointF p2 = new PointF(200.0F, 50.0F);
        PointF p3 = new PointF(300.0F, 140.0F);
        PointF p4 = new PointF(400.0F, 200.0F);
        PointF p5 = new PointF(450.0F, 300.0F);
        PointF p6 = new PointF(350.0F, 350.0F);
        PointF p7 = new PointF(300.0F, 150.0F);
        PointF[] Puntos = { p1, p2, p3, p4, p5, p6, p7 };
        //Dibuja una curva cerrada que une esos puntos
        lienzo.DrawClosedCurve(lapiz, Puntos);
     }
  }
}
```

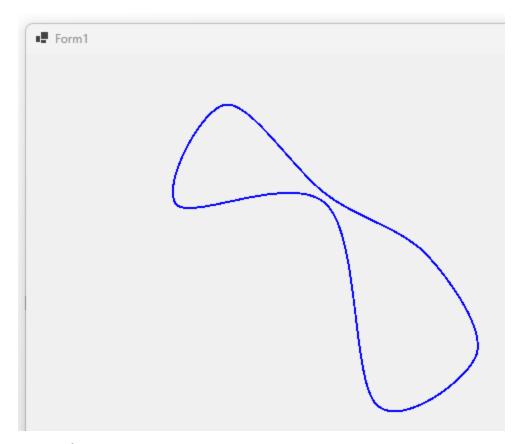


Ilustración 18: Curva cerrada

```
namespace Graficos {
  public partial class Form1 : Form {
     public Form1() {
        InitializeComponent();
     }
     private void Form1 Paint(object sender, PaintEventArgs e) {
        //Lienzo donde va a hacer el gráfico
        Graphics lienzo = e.Graphics;
        //Relleno
        SolidBrush Relleno = new SolidBrush (Color.Gray);
        //Conjunto de Puntos
        PointF p1 = new PointF(150.0F, 150.0F);
        PointF p2 = new PointF(200.0F, 50.0F);
        PointF p3 = new PointF(300.0F, 140.0F);
        PointF p4 = new PointF(400.0F, 200.0F);
        PointF p5 = new PointF(450.0F, 300.0F);
        PointF p6 = new PointF(350.0F, 350.0F);
        PointF p7 = new PointF(300.0F, 150.0F);
        PointF[] Puntos = { p1, p2, p3, p4, p5, p6, p7 };
        //Dibuja una curva cerrada rellena que une esos puntos
        lienzo.FillClosedCurve(Relleno, Puntos);
     }
  }
}
```

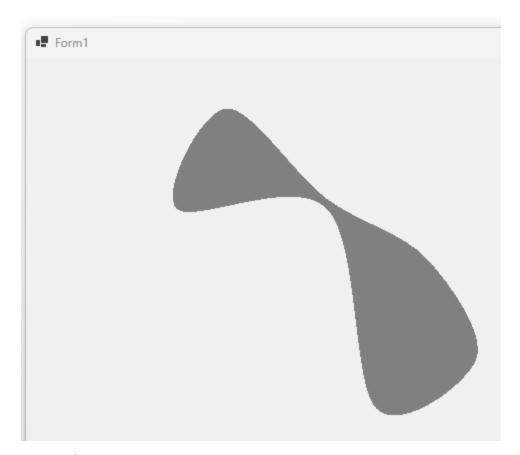


Ilustración 19: Curva cerrada rellena

```
namespace Graficos {
  public partial class Form1 : Form {
     public Form1() {
        InitializeComponent();
     }
     private void Form1 Paint(object sender, PaintEventArgs e) {
        //Lienzo donde va a hacer el gráfico
        Graphics lienzo = e.Graphics;
        //Lápiz con que dibuja. Color, grosor
        Pen lapiz = new Pen (Color.Blue, 2);
        //Conjunto de Puntos
        PointF p1 = new PointF(150.0F, 150.0F);
        PointF p2 = new PointF(200.0F, 50.0F);
        PointF p3 = new PointF(300.0F, 140.0F);
        PointF p4 = new PointF(400.0F, 200.0F);
        PointF p5 = new PointF(450.0F, 300.0F);
        PointF p6 = new PointF(350.0F, 350.0F);
        PointF p7 = new PointF(300.0F, 150.0F);
        PointF[] Puntos = { p1, p2, p3, p4, p5, p6, p7 };
        //Dibuja la curva que une esos puntos
        lienzo.DrawCurve(lapiz, Puntos);
     }
  }
}
```

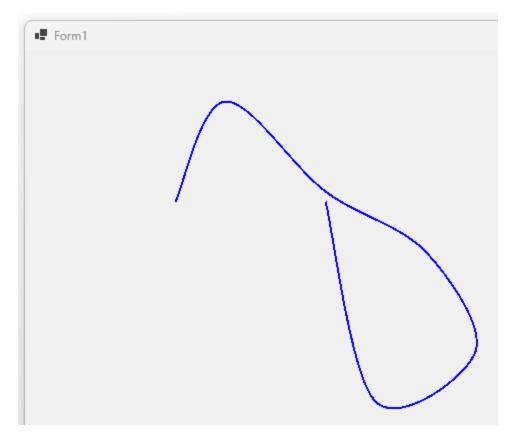


Ilustración 20: Curva que une varios puntos

Elipse

```
namespace Graficos {
  public partial class Form1 : Form {
    public Form1() {
       InitializeComponent();
    }
    private void Form1 Paint(object sender, PaintEventArgs e) {
       //Lienzo donde va a hacer el gráfico
       Graphics lienzo = e.Graphics;
       //Lápiz con que dibuja. Color, grosor
       Pen lapiz = new Pen (Color.Blue, 2);
       //Elipse: Xpos, Ypos, ancho, alto
       lienzo.DrawEllipse(lapiz, 200, 30, 250, 90);
    }
  }
```



Ilustración 21: Elipse



Ilustración 22: Elipse rellena

```
namespace Graficos {
  public partial class Form1 : Form {
     public Form1() {
        InitializeComponent();
     }
     private void Form1 Paint(object sender, PaintEventArgs e) {
        //Lienzo donde va a hacer el gráfico
        Graphics lienzo = e.Graphics;
        //Lápiz con que dibuja. Color, grosor
        Pen lapiz = new Pen (Color.Blue, 2);
        //========
        //Letras
        //=========
        string Cadena = "Esta es una prueba";
        //Fuente y la brocha con que se pinta.
        Font Fuente = new Font ("Tahoma", 16);
        SolidBrush Brocha = new SolidBrush (Color.Black);
        //Punto arriba a la izquierda para pintar la cadena
        PointF PuntoCadena = new PointF(100.0F, 140.0F);
        //Formato para dibujar
        StringFormat Formato = new StringFormat();
        FormatoDibuja.FormatFlags = StringFormatFlags.DirectionVertical;
        //Dibuja la cadena
        lienzo.DrawString(Cadena, Fuente, Brocha, PuntoCadena, Formato);
     }
  }
}
```



Ilustración 23: Letras

```
namespace Graficos {
  public partial class Form1 : Form {
     public Form1() {
        InitializeComponent();
     }
     private void Form1 Paint(object sender, PaintEventArgs e) {
        //Lienzo donde va a hacer el gráfico
        Graphics lienzo = e.Graphics;
        //Lápiz con que dibuja. Color, grosor
        Pen lapiz = new Pen (Color.Blue, 2);
        //========
        //Dibuja un pastel
        //=========
        //Crea un rectángulo para la elipse que dibujará el pastel
        Rectangle rectangulo = new Rectangle(10, 10, 400, 400);
        //Pastel: rectángulo que contiene:
        //ángulo inicial, ángulo de apertura
        lienzo.DrawPie(lapiz, rectangulo, OF, 45F);
        lienzo.DrawPie(lapiz, rectangulo, 90F, 45F);
        lienzo.DrawPie(lapiz, rectangulo, 150F, 45F);
     }
  }
}
```

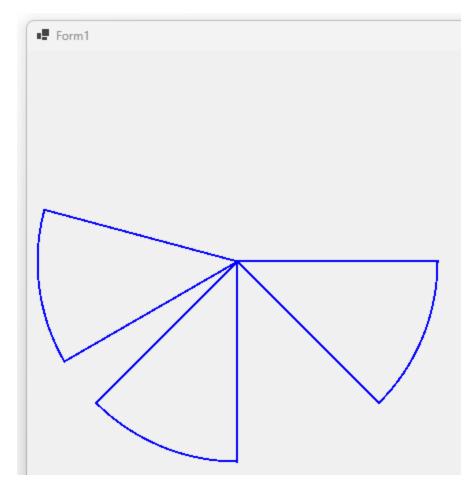


Ilustración 24: Diagrama de pastel

```
namespace Graficos {
  public partial class Form1 : Form {
     public Form1() {
        InitializeComponent();
     }
     private void Form1 Paint(object sender, PaintEventArgs e) {
        //Lienzo donde va a hacer el gráfico
        Graphics lienzo = e.Graphics;
        //Rellenos
        SolidBrush Relleno1 = new SolidBrush (Color.Chocolate);
        SolidBrush Relleno2 = new SolidBrush (Color.Red);
        SolidBrush Relleno3 = new SolidBrush (Color.Blue);
        //=========
        //Dibuja un pastel
        //========
        //Crea un rectángulo para la elipse que dibujará el pastel
        Rectangle rectangulo = new Rectangle(10, 10, 400, 400);
        //Pastel: rectángulo que contiene:
        //ángulo inicial, ángulo de apertura
        lienzo.FillPie(Relleno1, rectangulo, OF, 45F);
        lienzo.FillPie(Relleno2, rectangulo, 90F, 45F);
        lienzo.FillPie (Relleno3, rectangulo, 150F, 45F);
     }
  }
```

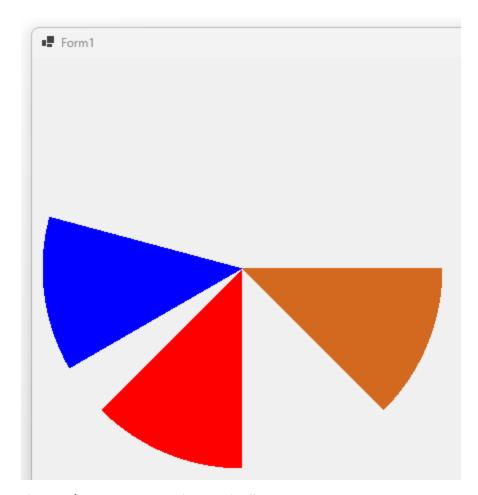


Ilustración 25: Diagrama de pastel relleno

```
namespace Graficos {
  public partial class Form1 : Form {
     public Form1() {
        InitializeComponent();
     }
     private void Form1 Paint(object sender, PaintEventArgs e) {
        //Lienzo
        Graphics grafico = e.Graphics;
        //Primer gráfico
        Pen lapiz = new Pen (Color.Blue, 2);
        int contador = 10;
        int incremento = 2;
        do {
           grafico.DrawLine(lapiz, 10, contador, 300, contador);
           incremento++;
           //Incrementa el espacio entre línea y línea
           contador += incremento;
        } while (contador <= 602);</pre>
        contador -= incremento;
        //Segundo gráfico
        Pen lapiz2 = new Pen (Color.Red, 2);
        incremento = 2;
        do {
           grafico.DrawLine(lapiz2, 300, contador, 590, contador);
           incremento++;
           contador -= incremento;
        } while (contador >= 10);
     }
  }
}
```

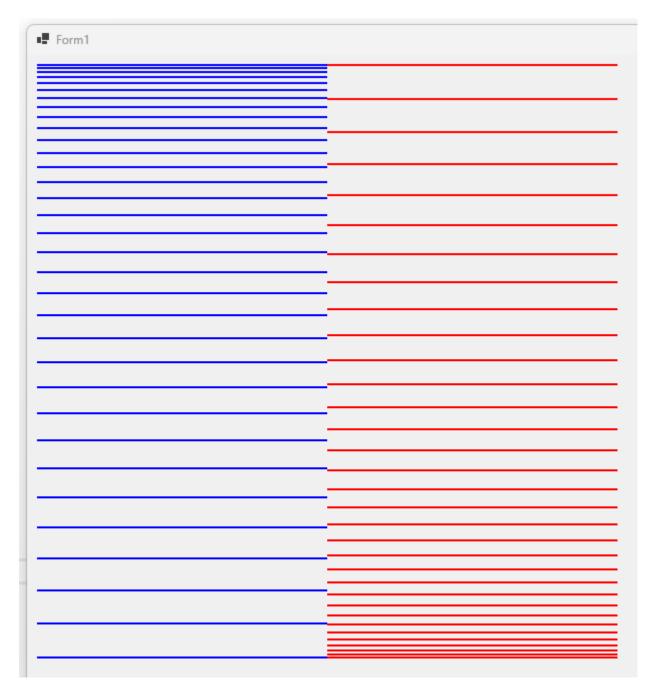


Ilustración 26: Líneas horizontales

```
namespace Graficos {
  public partial class Form1 : Form {
     public Form1() {
        InitializeComponent();
     }
     private void Form1 Paint(object sender, PaintEventArgs e) {
        //Lienzo
        Graphics grafico = e.Graphics;
        Pen lapiz = new Pen (Color.Blue, 2);
        int contador = 10;
        int incremento = 2;
        //Primer gráfico
        do {
           grafico.DrawLine(lapiz, contador, 10, contador, 200);
           incremento++;
           //Incrementa el espacio entre línea y línea
           contador += incremento;
        while (contador <= 602);</pre>
        contador -= incremento;
        //Segundo gráfico
        Pen lapiz2 = new Pen (Color.Red, 2);
        incremento = 2;
        do {
           grafico.DrawLine(lapiz2, contador, 200, contador, 380);
           incremento++;
           contador -= incremento;
        while (contador >= 10);
     }
   }
}
```

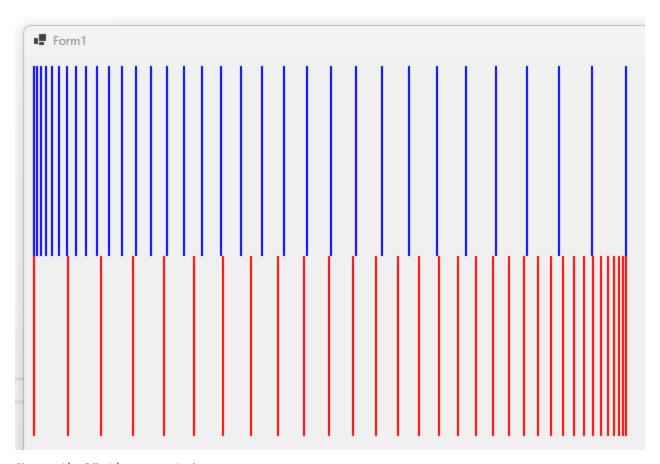


Ilustración 27: Líneas verticales

```
namespace Graficos {
  public partial class Form1 : Form {
     public Form1() {
        InitializeComponent();
     }
     private void Form1 Paint(object sender, PaintEventArgs e) {
        Graphics lienzo = e.Graphics;
        Pen lapiz = new Pen (Color.Blue, 2);
        Pen lapiz2 = new Pen (Color.Red, 2);
        int lim = 500;
        int cont = lim;
        int incremento = 2;
        do {
           int comun = lim - (cont - lim);
           lienzo.DrawLine(lapiz, cont, 10, cont, 200);
           lienzo.DrawLine(lapiz, comun, 10, comun, 200);
           lienzo.DrawLine(lapiz2, cont, 200, cont, 380);
           lienzo.DrawLine(lapiz2, comun, 200, comun, 380);
           incremento++;
           cont += incremento;
        while (cont <= 2 * lim);</pre>
     }
   }
}
```

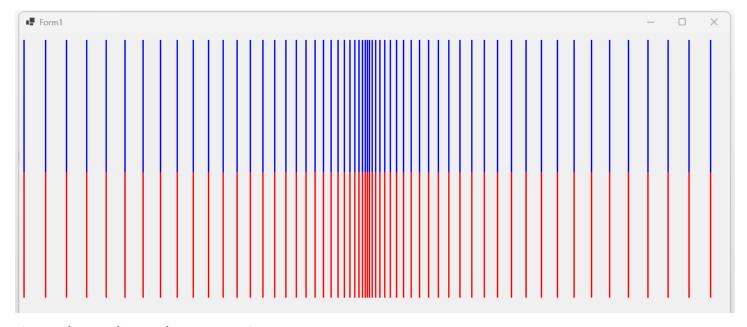


Ilustración 28: Líneas más juntas en el centro

```
namespace Graficos {
  public partial class Form1 : Form {
     public Form1() {
        InitializeComponent();
     }
     private void Form1 Paint(object sender, PaintEventArgs e) {
        Graphics grafico = e.Graphics;
        Pen lapiz = new Pen (Color.Blue, 2);
        Pen lapiz2 = new Pen (Color.Red, 2);
        int xval = 10;
        int yval = 5;
        do {
           grafico.DrawLine(lapiz, xval, 300 - yval, xval, 300 + yval);
           xval += 5;
           yval += 5;
        while (yval < 300);</pre>
        do {
           grafico.DrawLine(lapiz2, xval, 300 - yval, xval, 300 + yval);
           xval += 5;
           yval -= 5;
        while (yval > 0);
     }
  }
}
```

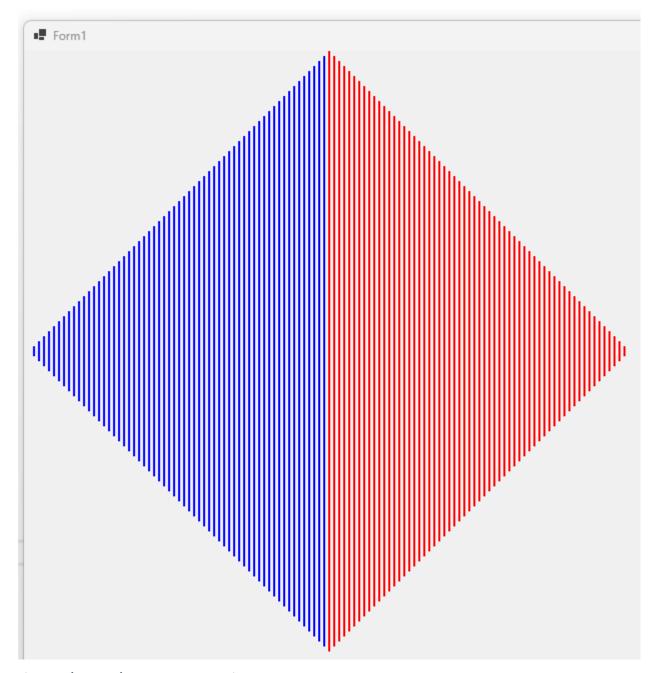


Ilustración 29: Líneas generan rombo

```
namespace Graficos {
  public partial class Form1 : Form {
     public Form1() {
        InitializeComponent();
     }
     private void Form1 Paint(object sender, PaintEventArgs e) {
        Graphics grafico = e.Graphics;
        Pen lapiz = new Pen (Color.Blue, 2);
        Pen lapiz2 = new Pen (Color.Red, 2);
        int xval = 600;
        int yval = 300;
        do {
           grafico.DrawLine(lapiz, xval, 300 - yval, xval, 300 + yval);
           xval -= 5;
           yval -= 5;
        while (yval >= 0);
        xval = 300;
        yval = 0;
        do {
           grafico.DrawLine(lapiz2, 300 - xval, yval, 300 + xval, yval);
           xval -= 5;
           yval += 5;
        while (yval <= 300);</pre>
     }
  }
}
```

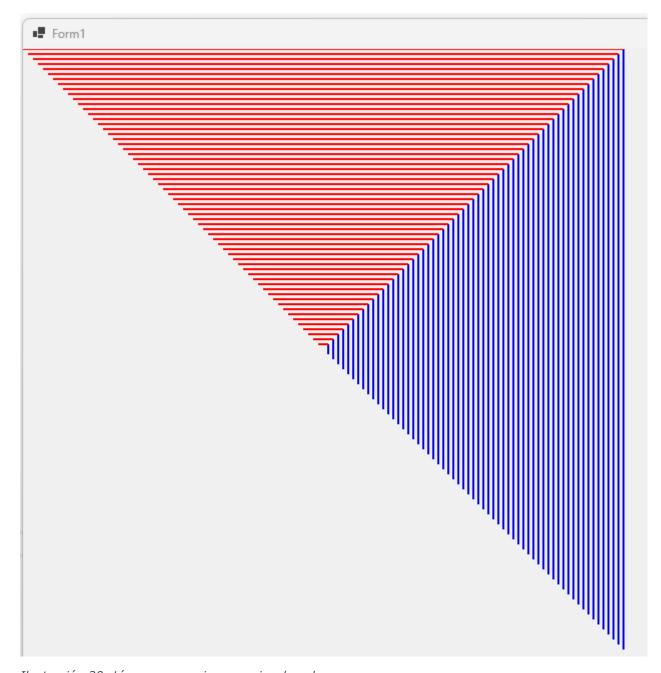


Ilustración 30: Líneas en esquina superior derecha

```
namespace Graficos {
  public partial class Form1 : Form {
     public Form1() {
        InitializeComponent();
     }
     private void Form1 Paint(object sender, PaintEventArgs e) {
        Graphics grafico = e.Graphics;
        Pen lapiz = new Pen (Color.Blue, 2);
        Pen lapiz2 = new Pen (Color.Red, 2);
        int xval = 600;
        int yval = 300;
        do {
           grafico.DrawLine(lapiz, xval, 300 - yval, xval, 300 + yval);
           xval -= 5;
           yval -= 5;
        while (yval >= 0);
        xval = 300;
        yval = 600;
           grafico.DrawLine(lapiz2, 300 - xval, yval, 300 + xval, yval);
           xval -= 5;
           yval -= 5;
        while (yval >= 300);
     }
  }
}
```

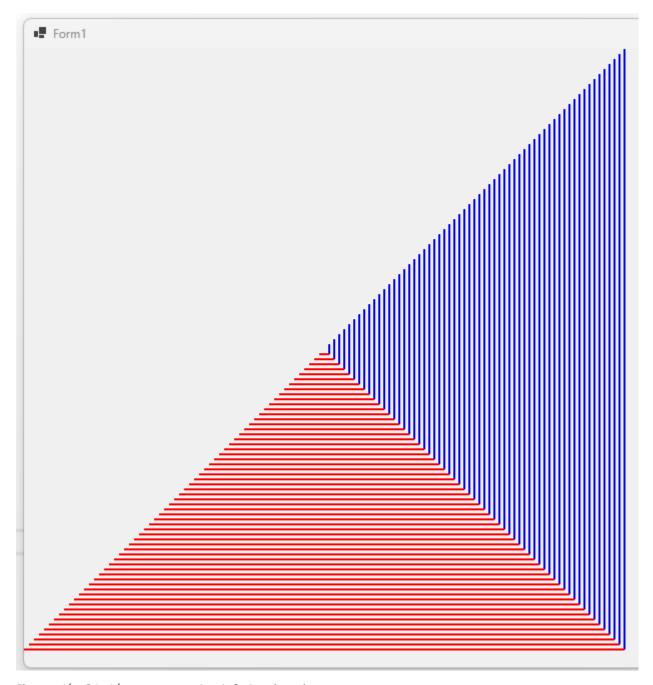


Ilustración 31: Líneas en esquina inferior derecha

```
namespace Graficos {
  public partial class Form1 : Form {
     public Form1() {
        InitializeComponent();
     }
     private void Form1 Paint(object sender, PaintEventArgs e) {
        Graphics grafico = e.Graphics;
        Pen lapiz = new Pen (Color.Blue, 2);
        Pen lapiz2 = new Pen (Color.Red, 2);
        int xval = 0;
        int yval = 300;
        do {
           grafico.DrawLine(lapiz, xval, 300 - yval, xval, 300 + yval);
           xval += 5;
           yval -= 5;
        while (yval >= 0);
        xval = 300;
        yval = 600;
           grafico.DrawLine(lapiz2, 300 - xval, yval, 300 + xval, yval);
           xval -= 5;
           yval -= 5;
        while (yval >= 300);
     }
  }
}
```

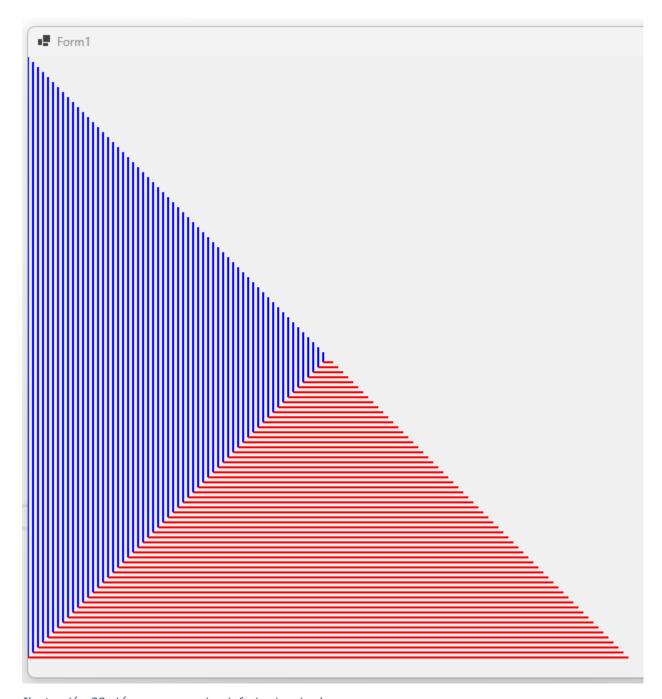


Ilustración 32: Líneas en esquina inferior izquierda

```
namespace Graficos {
  public partial class Form1 : Form {
     public Form1() {
        InitializeComponent();
     }
     private void Form1 Paint(object sender, PaintEventArgs e) {
        Graphics grafico = e.Graphics;
        Pen lapiz = new Pen (Color.Blue, 2);
        int pX1, pY1, pX2, pY2, pX3, pY3, constante;
        pX1 = 420;
        pY1 = 360;
        pX2 = 480;
        pY2 = 400;
        pX3 = 420;
        pY3 = 440;
        constante = 20;
        do {
           grafico.DrawLine(lapiz, pX1, pY1, pX2, pY2);
           grafico.DrawLine(lapiz, pX2, pY2, pX3, pY3);
           grafico.DrawLine(lapiz, pX1, pY1, pX3, pY3);
           pX1 -= constante;
           pY1 -= constante;
           pX2 += constante;
           pX3 -= constante;
           pY3 += constante;
        while (pY1 >= 0);
     }
   }
```

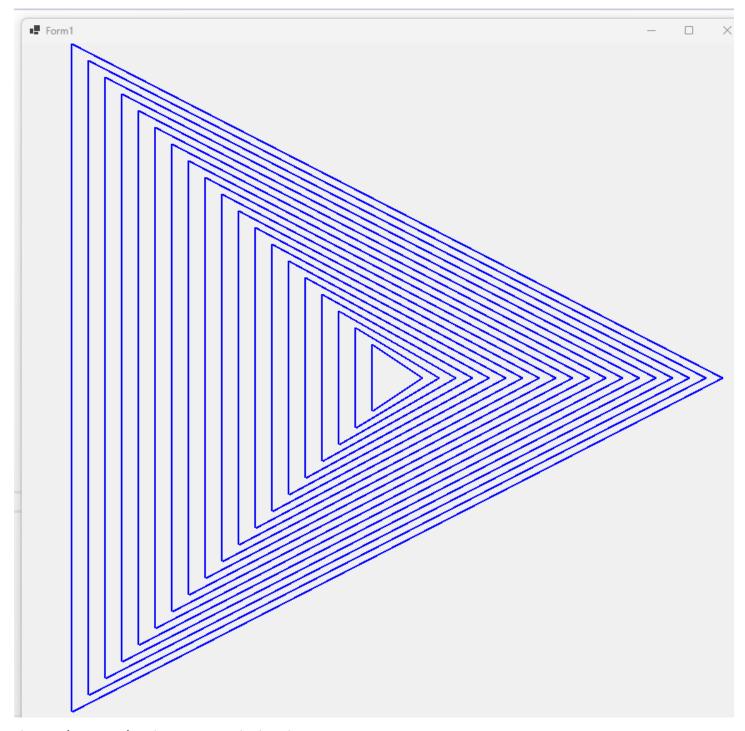


Ilustración 33: Triángulos apuntan a la derecha

```
namespace Graficos {
  public partial class Form1 : Form {
     public Form1() {
        InitializeComponent();
     }
     private void Form1 Paint(object sender, PaintEventArgs e) {
        Graphics grafico = e.Graphics;
        Pen lapiz = new Pen (Color.Blue, 2);
        int pX1, pY1, pX2, pY2, pX3, pY3, constante;
        pX1 = 420;
        pY1 = 360;
        pX2 = 360;
        pY2 = 400;
        pX3 = 420;
        pY3 = 440;
        constante = 20;
        do {
           grafico.DrawLine(lapiz, pX1, pY1, pX2, pY2);
           grafico.DrawLine(lapiz, pX2, pY2, pX3, pY3);
           grafico.DrawLine(lapiz, pX1, pY1, pX3, pY3);
           pX1 += constante;
           pY1 -= constante;
           pX2 -= constante;
           pX3 += constante;
           pY3 += constante;
        while (pY1 >= 0);
     }
   }
}
```

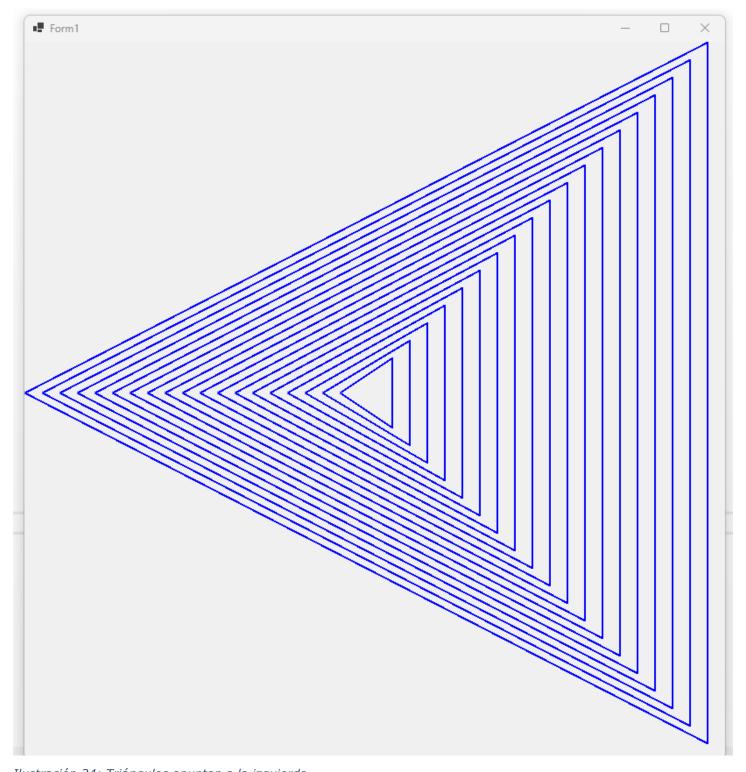


Ilustración 34: Triángulos apuntan a la izquierda

```
namespace Graficos {
  public partial class Form1 : Form {
     public Form1() {
        InitializeComponent();
     }
     private void Form1 Paint(object sender, PaintEventArgs e) {
        Graphics grafico = e.Graphics;
        Pen lapiz;
        Pen lapizRojo = new Pen(Color.Red, 2);
        Pen lapizAzul = new Pen (Color.Blue, 2);
        int pX1, pY1, pX2, pY2, pX3, pY3, constante, cambia;
        pX1 = 220;
        pY1 = 360;
        pX2 = 160;
        pY2 = 400;
        pX3 = 220;
        pY3 = 440;
        constante = 30;
        cambia = 1;
        do {
           if (cambia == 1) {
              cambia = 2;
              lapiz = lapizAzul;
           else {
              cambia = 1;
              lapiz = lapizRojo;
           }
           grafico.DrawLine(lapiz, pX1, pY1, pX2, pY2);
           grafico.DrawLine(lapiz, pX2, pY2, pX3, pY3);
           grafico.DrawLine(lapiz, pX1, pY1, pX3, pY3);
           pX1 += constante;
           pY1 -= constante;
           pX2 += constante;
           pX3 += constante;
           pY3 += constante;
        while (pY1 >= 0);
     }
   }
```

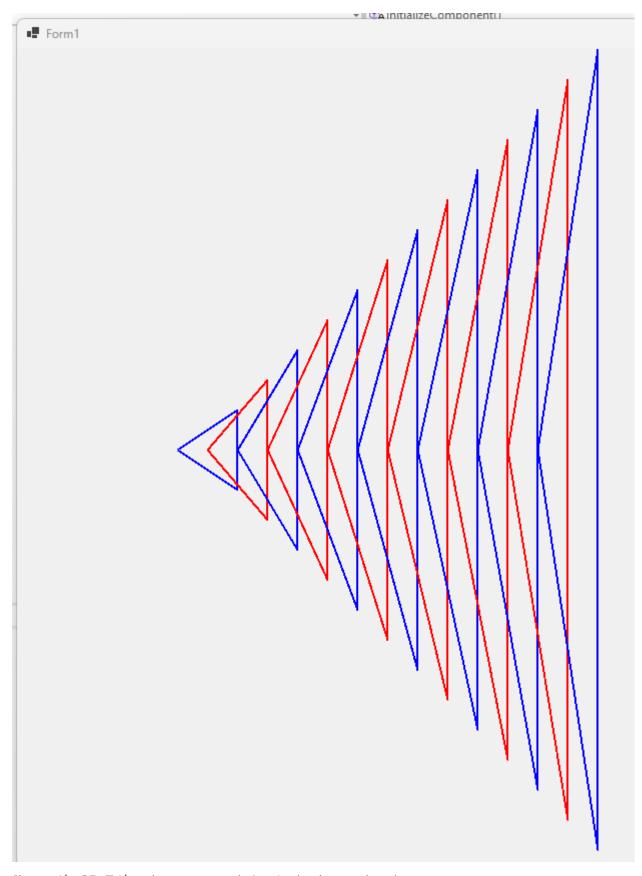


Ilustración 35: Triángulos apuntan a la izquierda alternando colores

```
namespace Graficos {
  public partial class Form1 : Form {
     public Form1() {
        InitializeComponent();
     }
     private void Form1 Paint(object sender, PaintEventArgs e) {
        Graphics grafico = e.Graphics;
        Pen lapizA = new Pen(Color.Blue, 2);
        Pen lapizB = new Pen (Color.Red, 2);
        Pen lapizC = new Pen (Color.Chocolate, 2);
        Pen lapizD = new Pen (Color.DarkGreen, 2);
        int variar = 0;
        int centro = 380;
        for (var cont = 1; cont <= 30; cont += 1) {</pre>
           int valA = centro - variar;
           int valB = centro + variar;
           grafico.DrawLine(lapizA, valA, valA, valB, valA);
           grafico.DrawLine(lapizB, valA, valA, valA, valB);
           grafico.DrawLine(lapizC, valB, valA, valB, valB);
           grafico.DrawLine(lapizD, valA, valB, valB);
           variar += 10;
        }
     }
  }
}
```

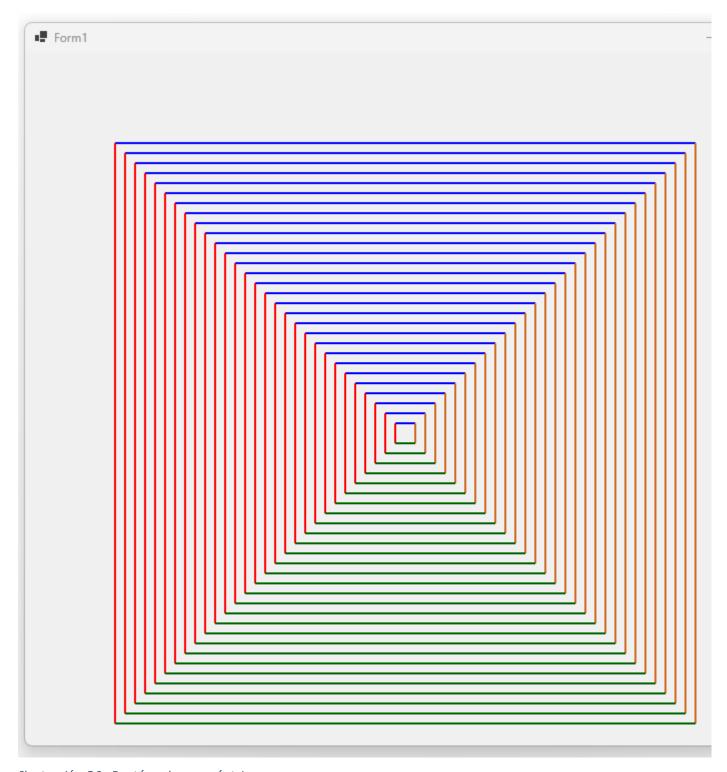


Ilustración 36: Rectángulos concéntricos

L/028.cs

```
namespace Graficos {
  public partial class Form1 : Form {
     public Form1() {
        InitializeComponent();
     }
     private void Form1 Paint(object sender, PaintEventArgs e) {
        Graphics lienzo = e.Graphics;
        Pen lapiz = new Pen(Color.Blue, 2);
        Pen lapiz2 = new Pen (Color.Red, 2);
        int variar = 0;
        for (var cont = 1; cont <= 18; cont += 1) {</pre>
           int valA = 380 - variar;
           int valB = 380 + variar;
           lienzo.DrawLine(lapiz, valA, valA, valB, valA);
           lienzo.DrawLine(lapiz, valA, valA, valA, valB);
           lienzo.DrawLine(lapiz, valB, valA, valB, valB);
           variar += 10;
           lienzo.DrawLine(lapiz2, valA, valB, valB);
           lienzo.DrawLine(lapiz2, valA, valA, valA, valB);
           lienzo.DrawLine(lapiz2, valB, valA, valB, valB);
           variar += 10;
        }
     }
  }
```

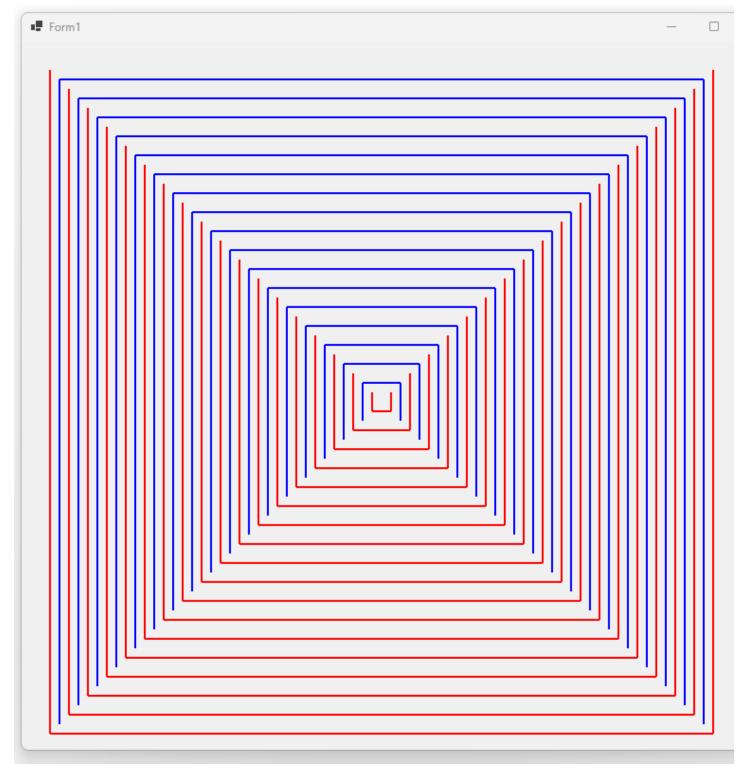


Ilustración 37: Dibuja formas que semejan cuadrados a las que les falta el techo o la base

```
namespace Graficos {
  public partial class Form1 : Form {
     public Form1() {
        InitializeComponent();
     }
     private void Form1 Paint(object sender, PaintEventArgs e) {
        Graphics lienzo = e.Graphics;
        Pen lapiz = new Pen (Color.Blue, 2);
        Pen lapiz2 = new Pen (Color.Red, 2);
        int variar = 0;
        for (var cont = 1; cont <= 18; cont += 1) {</pre>
           int valA = 380 - variar;
           int valB = 380 + variar;
           lienzo.DrawLine(lapiz, valA, valA, valB, valA);
           lienzo.DrawLine(lapiz, valA, valA, valA, valB);
           variar += 10;
           lienzo.DrawLine(lapiz2, valA, valB, valB, valB);
           lienzo.DrawLine(lapiz2, valA, valA, valA, valB);
           variar += 10;
        }
     }
  }
}
```

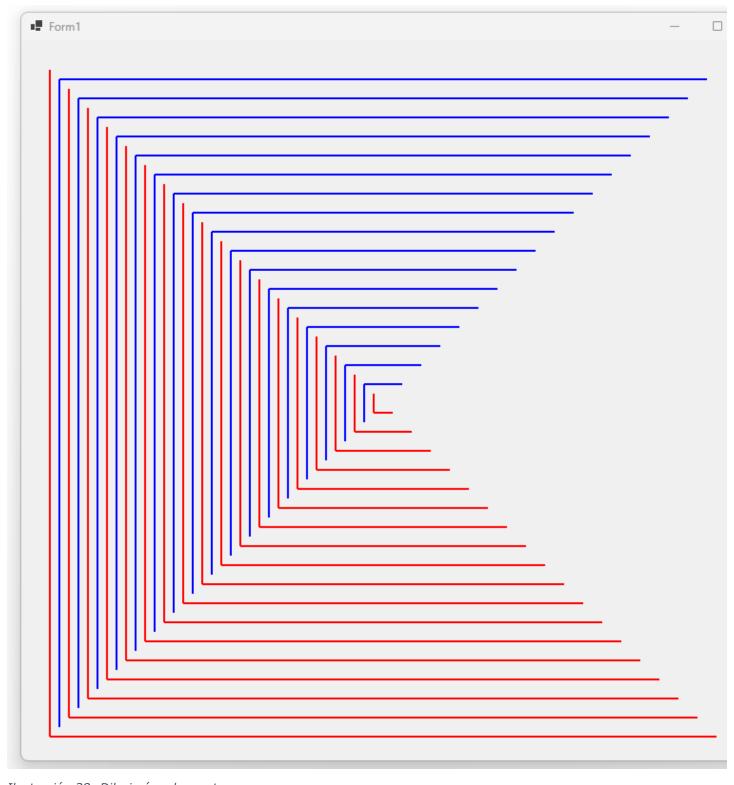


Ilustración 38: Dibuja ángulos rectos

```
namespace Graficos {
  public partial class Form1 : Form {
     public Form1() {
        InitializeComponent();
     }
     private void Form1 Paint(object sender, PaintEventArgs e) {
        Graphics grafico = e.Graphics;
        Pen lapiz = new Pen (Color.Blue, 2);
        Pen lapiz2 = new Pen (Color.Red, 2);
        Pen lapiz3 = new Pen (Color.Green, 2);
        Pen lapiz4 = new Pen (Color. Violet, 2);
        int cont = 0;
        do {
           grafico.DrawLine(lapiz, cont, 600, 600, cont);
           grafico.DrawLine(lapiz2, 1200 - cont, 600, 600, cont);
           grafico.DrawLine(lapiz3, 1200 - cont, 0, 600, 600 - cont);
           grafico.DrawLine(lapiz4, cont, 0, 600, 600 - cont);
           cont += 20;
        }
        while (cont <= 600);</pre>
     }
  }
```

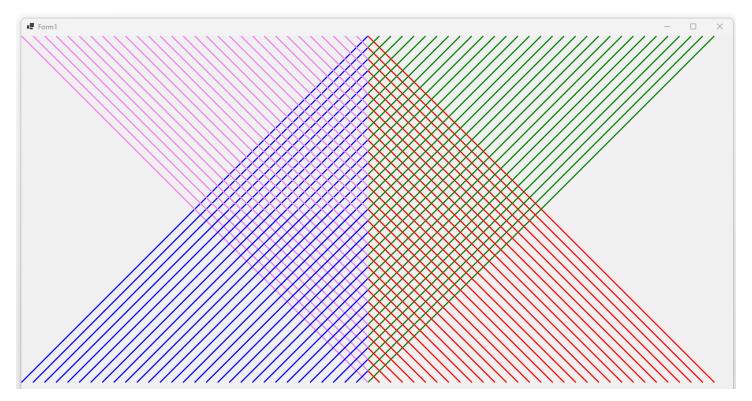


Ilustración 39: Líneas diagonales cruzadas

```
namespace Graficos {
  public partial class Form1 : Form {
     public Form1() {
        InitializeComponent();
     }
     private void Form1 Paint(object sender, PaintEventArgs e) {
        // Necesario para los gráficos GDI+
        Graphics grafico = e.Graphics;
        // Lápiz para el color de la línea y con un ancho de 1
        Pen lapiz = new Pen(Color.Blue, 1);
        for (int Fila = 0; Fil <= 10; Fil++) {</pre>
           for (int Col = 0; Col <= 10; Col++) {</pre>
              int valA = Fil * 35 + 80;
              int valB = Col * 35 + 40;
              grafico.DrawRectangle(lapiz, valA, valB, 30, 30);
           }
        }
     }
  }
}
```

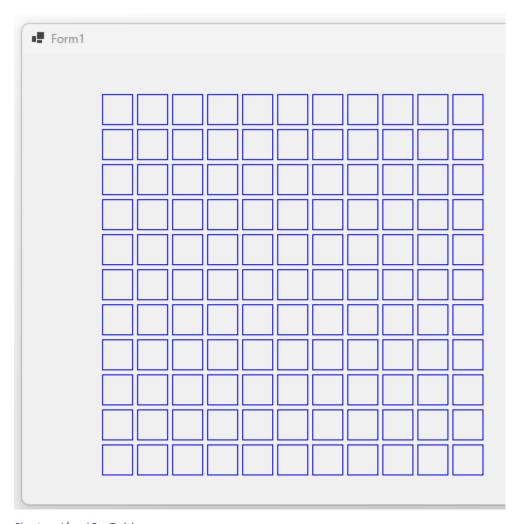


Ilustración 40: Celdas

70

```
namespace Graficos {
  public partial class Form1 : Form {
     public Form1() {
        InitializeComponent();
     }
     private void Form1 Paint(object sender, PaintEventArgs e) {
        Graphics grafico = e.Graphics;
        // Lápiz para el color de la línea y con un ancho de 1
        Pen lapiz = new Pen(Color.Blue, 1);
        // Parte superior
        for (int Posicion = 0; Posicion <= 200; Posicion += 20) {</pre>
           // Linea requiere: Lapiz, X1, Y1, X2, Y2
           grafico.DrawLine(lapiz, 200, Posicion, Posicion + 200, 200);
           grafico.DrawLine(lapiz, 200, Posicion, 200 - Posicion, 200);
        }
        //Parte inferior
        for (int Posicion = 400; Posicion >= 200; Posicion += -20) {
           // Linea requiere: Lapiz, X1, Y1, X2, Y2
           grafico.DrawLine(lapiz, 200, Posicion, 600 - Posicion, 200);
           grafico.DrawLine(lapiz, 200, Posicion, Posicion - 200, 200);
        }
     }
  }
}
```

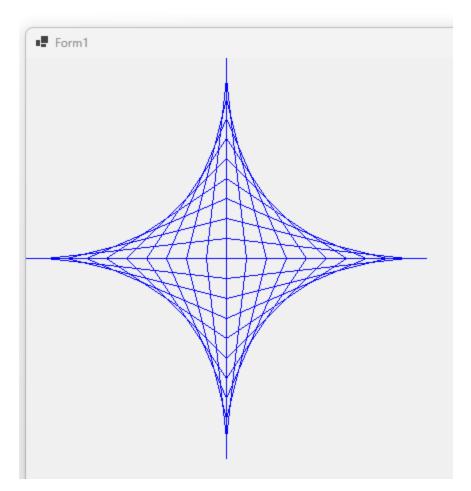


Ilustración 41: Líneas rectas simulan curvas

Algoritmo de Bresenham para dibujar líneas

Este algoritmo dibuja líneas rectas dadas las coordenadas inicial y final. Lo interesante es que no hace operaciones de punto flotante (que sería lento) sino operaciones de enteros (más rápido). Ese es el algoritmo de la función DrawLine

L/033.cs

```
//Algoritmo de Bresenham, para dibujar líneas rectas rápidamente
namespace Graficos {
  public partial class Form1 : Form {
     public Form1() {
        InitializeComponent();
     }
     public void Linea (Graphics lienzo,
                   int iniX, int iniY,
                   int finX, int finY) {
        int Contador, Distancia;
        int Xerror=0, Yerror=0;
        int CambioX, CambioY, incrementoX, incrementoY;
        CambioX = finX - iniX;
        CambioY = finY - iniY;
        if (CambioX > 0) incrementoX = 1;
        else if (CambioX == 0) incrementoX = 0;
        else incrementoX = -1;
        if (CambioY > 0) incrementoY = 1;
        else if (CambioY == 0) incrementoY = 0;
        else incrementoY = -1;
        if (CambioX < 0) CambioX *= -1;
        if (CambioY < 0) CambioY *= -1;
        if (CambioX > CambioY)
           Distancia = CambioX;
        else
           Distancia = CambioY;
        for (Contador = 0; Contador <= Distancia + 1; Contador++) {</pre>
           lienzo.FillRectangle (Brushes.Black, iniX, iniY, 1, 1);
           Xerror += CambioX;
           Yerror += CambioY;
           if (Xerror > Distancia) {
              Xerror -= Distancia;
```

```
iniX += incrementoX;
}

if (Yerror > Distancia) {
    Yerror -= Distancia;
    iniY += incrementoY;
}

private void Form1_Paint(object sender, PaintEventArgs e) {
    //Ejemplo
    Linea(e.Graphics, 16, 83, 197, 206);
}
}
```

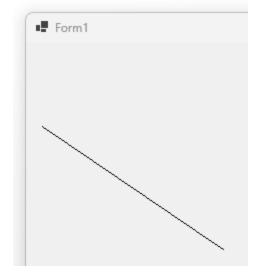


Ilustración 42: Algoritmo de Bresenham para dibujar líneas

Transformaciones en 2D

Traslado de figuras en un plano

Mover la figura en el eje X y en el eje Y, es simplemente sumar o restar a los valores de las coordenadas:

```
NuevaPosicionX = PosicionOriginalX + MueveX
NuevaPosicionY = PosicionOriginalY + MueveY
```

L/034.cs

```
//Traslado de figuras en un plano
namespace Graficos {
  public partial class Form1 : Form {
     public Form1() {
        InitializeComponent();
     }
     private void Form1 Paint(object sender, PaintEventArgs e) {
        Graphics lienzo = e.Graphics;
        //Traslado horizontal
        int mueveX = 0;
        //Traslado vertical
        int mueveY = 0;
        //Nuevas coordenadas
        int posX1 = 10 + mueveX;
        int posX2 = 400 + mueveX;
        int posY1 = 10 + mueveY;
        int posY2 = 250 + mueveY;
        //Dibuja un rectángulo con cuatro líneas
        lienzo.DrawLine (Pens.Black, posX1, posX1, posX2, posY1);
        lienzo.DrawLine(Pens.Black, posX1, posY2, posX2, posY2);
        lienzo.DrawLine (Pens.Black, posX2, posY1, posX2, posY2);
        lienzo.DrawLine (Pens.Black, posX1, posX1, posX1, posX2);
     }
  }
```

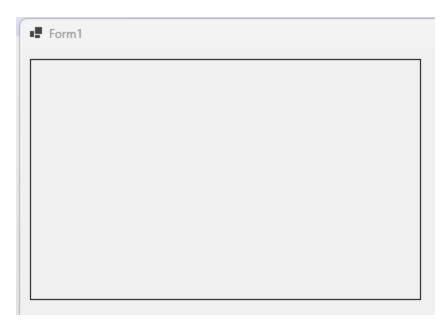


Ilustración 43: Traslado de figuras en un plano

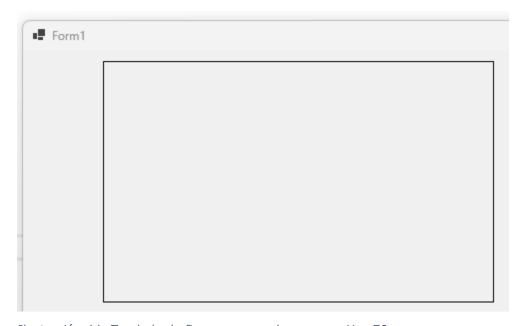


Ilustración 44: Traslado de figuras en un plano mueveX = 70

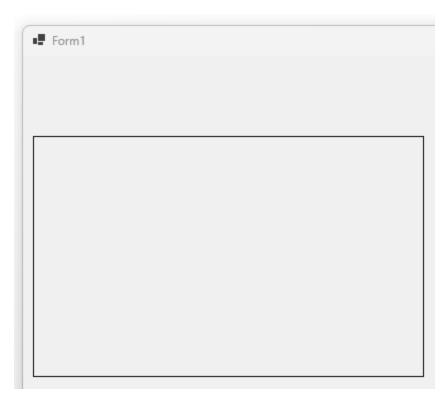


Ilustración 45: Traslado de figuras en un plano mueveY = 70

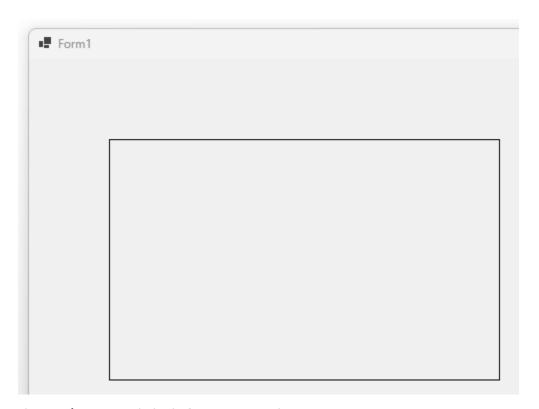


Ilustración 46: Traslado de figuras en un plano mueveX = 70 y mueveY = 70

Giro de figuras en un plano

Para el giro en determinado ángulo, se usa la siguiente fórmula para una coordenada plana:

```
PosicionNuevaX = PosicionOriginalX * coseno(Angulo) - PosicionOriginalY * seno(Angulo)

PosicionNuevaY = PosicionOriginalX * seno(Angulo) + PosicionOriginalY * coseno(Angulo)

L/035.cs
```

```
//Giro de figuras en un plano
namespace Graficos {
  public partial class Form1 : Form {
     public Form1() {
        InitializeComponent();
     }
     private void Form1 Paint(object sender, PaintEventArgs e) {
        //Coordenadas de la figura
        int posXa, posYa, posXb, posYb, posXc, posYc;
        posXa = 80;
        posYa = 80;
        posXb = 400;
        posYb = 300;
        posXc = 500;
        posYc = 200;
        //Dibuja un triángulo con tres líneas
        e.Graphics.DrawLine(Pens.Black, posXa, posYa, posXb, posYb);
        e.Graphics.DrawLine(Pens.Black, posXb, posYb, posXc, posYc);
        e.Graphics.DrawLine(Pens.Black, posXc, posYc, posXa, posYa);
        //Ángulo de giro
        int AnguloGiro = 15;
        double AnguloRadianes = AnguloGiro * Math.PI / 180;
        double CosA = Math.Cos(AnguloRadianes);
        double SinA = Math.Sin(AnguloRadianes);
        //Cálcula el giro
        int posXga = Convert.ToInt32(posXa * CosA - posYa * SinA);
        int posYga = Convert.ToInt32(posXa * SinA + posYa * CosA);
        int posXgb = Convert.ToInt32(posXb * CosA - posYb * SinA);
        int posYgb = Convert.ToInt32(posXb * SinA + posYb * CosA);
        int posXgc = Convert.ToInt32(posXc * CosA - posYc * SinA);
```

```
int posYgc = Convert.ToInt32(posXc * SinA + posYc * CosA);

//Dibuja el triángulo con el giro
    e.Graphics.DrawLine(Pens.Red, posXga, posYga, posXgb, posYgb);
    e.Graphics.DrawLine(Pens.Red, posXgb, posYgb, posXgc, posYgc);
    e.Graphics.DrawLine(Pens.Red, posXgc, posYgc, posXga, posYga);
}
```

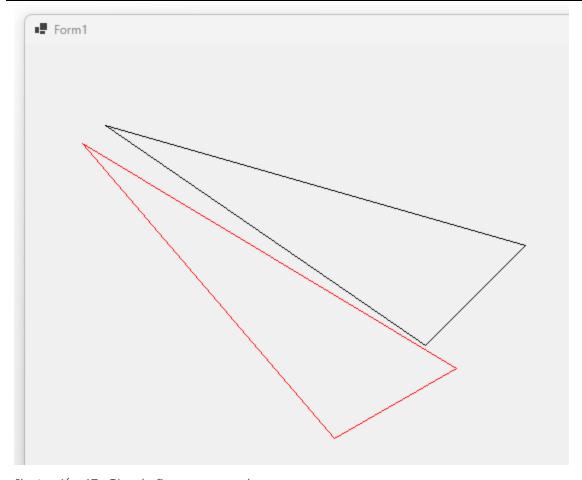


Ilustración 47: Giro de figuras en un plano

En el ejemplo, se usó un giro de 5 grados (que se deben convertir en radianes antes de hacer uso de las funciones de seno y coseno). El ángulo se aplica desde la posición 0,0 de la ventana.

Giro de figuras en un plano calculando el centroide

Se requiere calcular el centroide de la figura (fácil si es un rectángulo), se aplica el giro y se compara cuánto se desplazó en X y Y con respecto a la posición original. Una vez obtenidos esos datos, se restaura para toda la figura y se obtiene el giro sobre sí misma.

L/036.cs

```
//Giro de figuras en un plano calculando el centroide
namespace Graficos {
  public partial class Form1 : Form {
     public Form1() {
        InitializeComponent();
     }
     private void Form1 Paint(object sender, PaintEventArgs e) {
        Graphics lienzo = e.Graphics;
        Pen lapizA = new(Color.Black, 1);
        pen lapizB = new(Color.Red, 2);
        //Datos del rectángulo
        int Xa, Ya, Largo, Alto;
        Xa = 80;
        Ya = 80;
        Largo = 400;
        Alto = 180;
        //Deduce las otras tres coordenadas del rectángulo
        int Xb, Yb, Xc, Yc, Xd, Yd;
        Xb = Xa + Largo;
        Yb = Ya;
        Xc = Xa + Largo;
        Yc = Ya + Alto;
        Xd = Xa;
        Yd = Ya + Alto;
        //Dibuja un rectángulo con cuatro líneas
        lienzo.DrawLine(lapizA, Xa, Ya, Xb, Yb);
        lienzo.DrawLine(lapizA, Xb, Yb, Xc, Yc);
        lienzo.DrawLine(lapizA, Xc, Yc, Xd, Yd);
        lienzo.DrawLine(lapizA, Xd, Yd, Xa, Ya);
        //Ángulo de giro
        int AnguloGiro = 15;
        double AnguloRadianes = AnguloGiro * Math.PI / 180;
        double CosA = Math.Cos(AnguloRadianes);
        double SinA = Math.Sin(AnguloRadianes);
```

```
//Centroide
     int Xcentro = Xa + Largo / 2;
     int Ycentro = Ya + Alto / 2;
     //Cálcula el giro
     int Xga = Convert.ToInt32(Xa * CosA - Ya * SinA);
     int Yga = Convert.ToInt32(Xa * SinA + Ya * CosA);
     int Xqb = Convert.ToInt32(Xb * CosA - Yb * SinA);
     int Ygb = Convert.ToInt32(Xb * SinA + Yb * CosA);
     int Xgc = Convert.ToInt32(Xc * CosA - Yc * SinA);
     int Ygc = Convert.ToInt32(Xc * SinA + Yc * CosA);
     int Xgd = Convert.ToInt32(Xd * CosA - Yd * SinA);
     int Ygd = Convert.ToInt32(Xd * SinA + Yd * CosA);
     //Giro del centroide
     int Xgcentro = Convert.ToInt32(Xcentro * CosA - Ycentro * SinA);
     int Ygcentro = Convert.ToInt32(Xcentro * SinA + Ycentro * CosA);
     //¿Cuánto se desplazo el centroide?
     int dX = Xgcentro - Xcentro;
     int dY = Ygcentro - Ycentro;
     //Dibuja el triángulo con el giro
     lienzo.DrawLine(lapizB, Xga - dX, Yga - dY, Xgb - dX, Ygb - dY);
     lienzo.DrawLine(lapizB, Xgb - dX, Ygb - dY, Xgc - dX, Ygc - dY);
     lienzo.DrawLine(lapizB, Xgc - dX, Ygc - dY, Xgd - dX, Ygd - dY);
     lienzo.DrawLine(lapizB, Xga - dX, Yga - dY, Xgd - dX, Ygd - dY);
  }
}
```

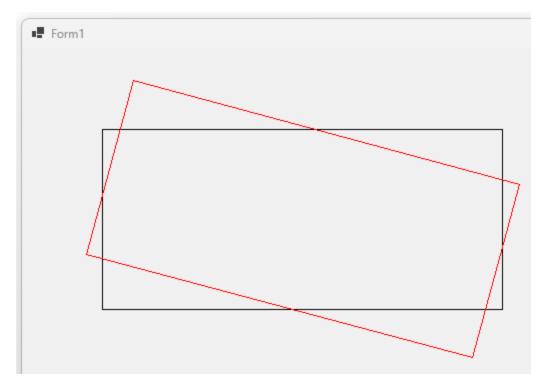


Ilustración 48: Giro de figuras en un plano calculando el centroide

Gráfico matemático en 2D

Dada una ecuación del tipo Y=F(X), por ejemplo:

$$Y = 0.1X^6 + 0.6X^5 - 0.7X^4 - 5.7X^3 + 2X^2 + 2X + 1$$

Para graficarla, se deben hacer estos pasos:

- 1. Saber el valor de inicio de X y el valor final de X. Se llamarán Xini y Xfin respectivamente.
- 2. También se necesita el avance de X desde el inicio hasta el final, se llamará Xavance.
- 3. Con esos datos, se hace uso de un ciclo que calcule los valores de Y. Se almacena el par X, Y
- 4. Debido a que el eje Y aumenta hacia abajo en una pantalla o ventana, habrá que darles la vuelta a los valores de Y calculados, es decir, multiplicarlos por -1. Luego realmente se almacena X, -Y
- 5. Se calculan cuatro datos:
 - a. El mínimo valor de X. Se llamará Xmin.
 - b. El máximo valor de X. Se llamará Xmax.
 - c. El mínimo valor de Y obtenido. Se llamará Ymin.
 - d. El máximo valor de Y obtenido. Se llamará Ymax.
- 6. Se requieren dos datos para poder ajustar el gráfico matemático a un área rectangular definida en la ventana:
 - a. Coordenada superior izquierda en pantalla. Serán las coordenadas enteras positivas XpantallaIni, YpantallaIni
 - b. Coordenada inferior derecha en pantalla. Serán las coordenadas enteras positivas XpantallaFin, YpantallaFin
- 7. Se calculan unas constantes de conversión con estas fórmulas:
 - a. convierteX = (XpantallaFin XpantallaIni) / (Xmax Xmin);
 - b. convierteY = (YpantallaFin YpantallaIni) / (Ymax Ymin);
- 8. Tomar cada coordenada calculada de la ecuación (X, Y) y hacerle la conversión a pantalla plana con la siguiente fórmula:
 - a. pantX = convierteX * (X Xmin) + XpantallaIni
 - b. pantY = convierteY * (Y Ymin) + YpantallaIni
- 9. Se grafican esos puntos y se unen con líneas.

La clase Linea es para almacenar los valores reales de la ecuación (valorXa, valorYa, valorXb, valorYb) y los valores convertidos para que cuadren en pantalla (pantXa, pantYa, pantXb, pantYb)

```
namespace Graficos {
  internal class Linea {
     //Valor X, Y reales de la ecuación para dibujar la línea
     public double Xa, Ya;
     public double Xb, Yb;
     //Puntos convertidos a coordenadas enteras de pantalla
     public int pantXa, pantYa;
     public int pantXb, pantYb;
     public Linea(double Xa, double Ya, double Xb, double Yb) {
        this.Xa = Xa;
        this.Ya = Ya;
        this.Xb = Xb;
        this.Yb = Yb;
     }
     //Convierte las coordenadas reales a coordenadas en pantalla
     public void Convierte (double convierteX, double convierteY, double
Xmin, double Ymin, int XpantallaIni, int YpantallaIni) {
        pantXa = Convert.ToInt32(convierteX * (Xa - Xmin) + XpantallaIni);
        pantXb = Convert.ToInt32(convierteX * (Xb - Xmin) + XpantallaIni);
        pantYa = Convert.ToInt32(convierteY * (Ya - Ymin) + YpantallaIni);
        pantYb = Convert.ToInt32(convierteY * (Yb - Ymin) + YpantallaIni);
     }
  }
```

```
namespace Graficos {
  public partial class Form1 : Form {
    List<Linea> Lineas;
    List<Linea> Ejes;
    int XpantallaIni, YpantallaIni, XpantallaFin, YpantallaFin;

  public Form1() {
    InitializeComponent();
    Lineas = [];
    Ejes = [];

    //Área dónde se dibujará el gráfico matemático
    XpantallaIni = 20;
    YpantallaIni = 40;
    XpantallaFin = 600;
    YpantallaFin = 550;
```

```
//Algoritmo que calcula los puntos del gráfico
        double Xini = -100;
        double Xfin = 750;
        double Xavance = 0.01;
        Logica (Xini, Xfin, Xavance);
     }
     public void Logica(double Xini, double Xfin, double Xavance) {
        Lineas.Clear();
        Ejes.Clear();
        //Calcula las líneas que tendrá el gráfico
        double valXa = Xini;
        double valYa = -Ecuacion(valXa);
        while (valXa < Xfin) {</pre>
           double valXb = Math.Round(valXa + Xavance, 5);
           double valYb = -Ecuacion(valXb);
           if (double.IsFinite(valYa) && double.IsFinite(valYb)) {
              Lineas.Add(new Linea(valXa, valYa, valXb, valYb));
           }
           valXa = valXb;
           valYa = valYb;
        }
        //Determina los valores máximos y mínimos en X y Y que tienen las
líneas
        double Xmin = double.MaxValue;
        double Xmax = double.MinValue;
        double Ymin = double.MaxValue;
        double Ymax = double.MinValue;
        foreach (var linea in Lineas) {
           Xmin = Math.Min(Xmin, Math.Min(linea.Xa, linea.Xb));
           Xmax = Math.Max(Xmax, Math.Max(linea.Xa, linea.Xb));
           Ymin = Math.Min(Ymin, Math.Min(linea.Ya, linea.Yb));
           Ymax = Math.Max(Ymax, Math.Max(linea.Ya, linea.Yb));
        }
        //Extremos para poder dibujar los ejes
        Xmin = Math.Min(Xmin, Xini);
        Xmax = Math.Max(Xmax, Xfin);
        Ymin = Math.Min(Ymin, 0);
        Ymax = Math.Max(Ymax, 0);
        //Ejes
```

```
Ejes.Add(new Linea(Xmin, 0, Xmax, 0)); //Eje X
        Ejes.Add(new Linea(0, Ymin, 0, Ymax)); //Eje Y
        //Calcula los puntos a poner en la pantalla
        double convierteX = (XpantallaFin - XpantallaIni) / (Xmax - Xmin);
        double convierteY = (YpantallaFin - YpantallaIni) / (Ymax - Ymin);
        for (int Cont = 0; Cont < Lineas.Count; Cont++) {</pre>
           Lineas[Cont].Convierte(convierteX, convierteY, Xmin, Ymin,
XpantallaIni, YpantallaIni);
        //Calcula donde poner los ejes
        Ejes[0].Convierte(convierteX, convierteY, Xmin, Ymin,
XpantallaIni, YpantallaIni);
        Ejes[1].Convierte(convierteX, convierteY, Xmin, Ymin,
XpantallaIni, YpantallaIni);
     //Aquí está la ecuación que se desee graficar con variable
independiente X
     public double Ecuacion(double X) {
        //return Math.Sqrt(Math.Cos(X*Math.PI/180));
        //return Math.Sqrt(X);
        return Math.Sin(X * Math.PI / 180);
        // return (X * X - 1) / (X - 1);
     }
     //Pinta la ecuación
     private void Form1 Paint(object sender, PaintEventArgs e) {
        Graphics Lienzo = e.Graphics;
        Pen LapizGrafica = new(Color.Blue, 2);
        Pen LapizPerimetro = new(Color.White, 2);
        Pen LapizEje = new(Color.Red, 2);
        Brush Relleno = new SolidBrush(Color.White);
        //Un recuadro para ver el área del gráfico
        Lienzo.DrawRectangle(LapizPerimetro, XpantallaIni, YpantallaIni,
           XpantallaFin - XpantallaIni, YpantallaFin - YpantallaIni);
        Lienzo. Fill Rectangle (Relleno, Xpantalla Ini, Ypantalla Ini,
           XpantallaFin - XpantallaIni, YpantallaFin - YpantallaIni);
        //Dibuja el gráfico matemático
        for (int Cont = 0; Cont < Lineas.Count; Cont++) {</pre>
           Lienzo.DrawLine(LapizGrafica, Lineas[Cont].pantXa,
Lineas[Cont].pantYa,
              Lineas[Cont].pantXb, Lineas[Cont].pantYb);
```

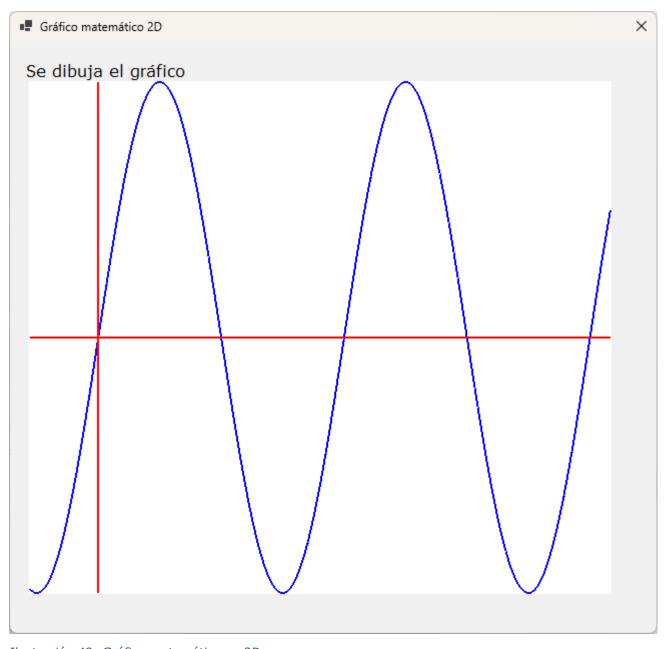


Ilustración 49: Gráfico matemático en 2D

Gráfico polar

Dada una ecuación del tipo $r=F(\Theta)$, donde Θ es el ángulo y r el radio, por ejemplo:

$$r = 2 * seno(4 * \theta * \pi/180)$$

Se procede a graficarlo de esta forma:

- 1. Saber el valor de inicio de Θ y el valor final de Θ . Se llamarán minTheta y maxTheta respectivamente.
- 2. También se necesita el avance de Θ desde el inicio hasta el final, se llamará avanceTheta.
- 3. Con esos datos, se hace uso de un ciclo que calcule los valores de r. Luego se hace esta conversión:

```
r = Ecuacion(theta);
X = r * Math.Cos (theta * Math.PI / 180);
Y = r * Math.Sin (theta * Math.PI / 180);
```

- 4. Debido a que el eje Y aumenta hacia abajo en una pantalla o ventana, habrá que darles la vuelta a los valores de Y calculados, es decir, multiplicarlos por -1. Luego realmente se almacena X, -Y
- 5. Se calculan cuatro datos:
 - a. El mínimo valor de X. Se llamará Xmin.
 - b. El máximo valor de X. Se llamará Xmax.
 - c. El mínimo valor de Y obtenido. Se llamará Ymin.
 - d. El máximo valor de Y obtenido. Se llamará Ymax.
- 6. Se requieren dos datos para poder ajustar el gráfico matemático a un área rectangular definida en la ventana:
 - a. Coordenada superior izquierda en pantalla. Serán las coordenadas enteras positivas XpantallaIni, YpantallaIni
 - b. Coordenada inferior derecha en pantalla. Serán las coordenadas enteras positivas XpantallaFin, YpantallaFin
- 7. Se calculan unas constantes de conversión con estas fórmulas:
 - a. convierteX = (XpantallaFin XpantallaIni) / (Xmax Xmin);
 - b. convierteY = (YpantallaFin YpantallaIni) / (Ymax Ymin);
- 8. Tomar cada coordenada calculada de la ecuación (X, Y) y hacerle la conversión a pantalla plana con la siguiente fórmula:
 - a. pantX = convierteX * (X Xmin) + XpantallaIni
 - b. pantY = convierteY * (Y Ymin) + YpantallaIni
- 9. Se grafican esos puntos y se unen con líneas.

La clase Linea es para almacenar los valores reales de la ecuación (valorXa, valorYa, valorXb, valorYb) y los valores convertidos para que cuadren en pantalla (pantXa, pantYa, pantXb, pantYb)

L/038.zip

```
namespace Graficos {
  internal class Linea {
     //Valor X, Y reales de la ecuación
     public double Xa, Ya;
     public double Xb, Yb;
     //Puntos convertidos a coordenadas enteras de pantalla
     public int pantXa, pantYa;
     public int pantXb, pantYb;
     public Linea(double Xa, double Ya, double Xb, double Yb) {
        this.Xa = Xa;
        this.Ya = Ya;
        this.Xb = Xb;
        this.Yb = Yb;
     }
     //Convierte las coordenadas reales a coordenadas en pantalla
     public void Convierte (double convierteX, double convierteY, double
Xmin, double Ymin, int XpantallaIni, int YpantallaIni) {
        pantXa = Convert.ToInt32(convierteX * (Xa - Xmin) + XpantallaIni);
        pantXb = Convert.ToInt32(convierteX * (Xb - Xmin) + XpantallaIni);
        pantYa = Convert.ToInt32(convierteY * (Ya - Ymin) + YpantallaIni);
        pantYb = Convert.ToInt32(convierteY * (Yb - Ymin) + YpantallaIni);
     }
  }
```

```
namespace Graficos {
   public partial class Form1 : Form {
      List<Linea> Lineas;
      List<Linea> Ejes;
      int XpantallaIni, YpantallaIni, XpantallaFin, YpantallaFin;

   public Form1() {
      InitializeComponent();
      Lineas = [];
      Ejes = [];

      //Área dónde se dibujará el gráfico matemático
      XpantallaIni = 20;
```

```
YpantallaIni = 40;
        XpantallaFin = 600;
        YpantallaFin = 550;
        //Algoritmo que calcula los puntos del gráfico
        double ThetaIni = 0;
        double ThetaFin = 720;
        double AvanceTheta = 1;
        Logica(ThetaIni, ThetaFin, AvanceTheta);
     }
     public void Logica (double ThetaIni, double ThetaFin, double
AvanceTheta) {
        Lineas.Clear();
        Ejes.Clear();
        //Calcula las líneas que tendrá el gráfico polar
        double Theta = ThetaIni;
        double Ra = -Ecuacion(Theta);
        while (Theta < ThetaFin) {</pre>
           double valXa = Ra * Math.Cos(Theta * Math.PI / 180);
           double valYa = -1 * Ra * Math.Sin(Theta * Math.PI / 180);
           Theta = Math.Round(Theta + AvanceTheta, 5);
           double Rb = -Ecuacion(Theta);
           double valXb = Rb * Math.Cos(Theta * Math.PI / 180);
           double valYb = -1 * Rb * Math.Sin(Theta * Math.PI / 180);
           if (double.IsFinite(valYa) && double.IsFinite(valYb)) {
              Lineas.Add(new Linea(valXa, valYa, valXb, valYb));
           }
           Ra = Rb;
        //Determina los valores máximos y mínimos en X y Y que tienen las
líneas
        double Xmin = double.MaxValue;
        double Xmax = double.MinValue;
        double Ymin = double.MaxValue;
        double Ymax = double.MinValue;
        foreach (var linea in Lineas) {
           Xmin = Math.Min(Xmin, Math.Min(linea.Xa, linea.Xb));
           Xmax = Math.Max(Xmax, Math.Max(linea.Xa, linea.Xb));
           Ymin = Math.Min(Ymin, Math.Min(linea.Ya, linea.Yb));
           Ymax = Math.Max(Ymax, Math.Max(linea.Ya, linea.Yb));
```

```
//Extremos para poder dibujar los ejes
        Ymin = Math.Min(Ymin, 0);
        Ymax = Math.Max(Ymax, 0);
        //Ejes
        Ejes.Add(new Linea(Xmin, 0, Xmax, 0)); //Eje X
        Ejes.Add(new Linea(0, Ymin, 0, Ymax)); //Eje Y
        //Calcula los puntos a poner en la pantalla
        double convierteX = (XpantallaFin - XpantallaIni) / (Xmax - Xmin);
        double convierteY = (YpantallaFin - YpantallaIni) / (Ymax - Ymin);
        for (int Cont = 0; Cont < Lineas.Count; Cont++) {</pre>
           Lineas[Cont].Convierte(convierteX, convierteY, Xmin, Ymin,
XpantallaIni, YpantallaIni);
        //Calcula donde poner los ejes
        Ejes[0].Convierte(convierteX, convierteY, Xmin, Ymin,
XpantallaIni, YpantallaIni);
        Ejes[1].Convierte(convierteX, convierteY, Xmin, Ymin,
XpantallaIni, YpantallaIni);
     //Aquí está la ecuación que se desee graficar con variable
independiente Theta
     public double Ecuacion(double Theta) {
        return 2*Theta;
     }
     //Pinta la ecuación
     private void Form1 Paint(object sender, PaintEventArgs e) {
        Graphics Lienzo = e.Graphics;
        Pen LapizGrafica = new(Color.Blue, 2);
        Pen LapizPerimetro = new(Color.White, 2);
        Pen LapizEje = new(Color.Red, 2);
        Brush Relleno = new SolidBrush(Color.White);
        //Un recuadro para ver el área del gráfico
        Lienzo.DrawRectangle(LapizPerimetro, XpantallaIni, YpantallaIni,
           XpantallaFin - XpantallaIni, YpantallaFin - YpantallaIni);
        Lienzo. Fill Rectangle (Relleno, Xpantalla Ini, Ypantalla Ini,
           XpantallaFin - XpantallaIni, YpantallaFin - YpantallaIni);
        //Dibuja el gráfico matemático
        for (int Cont = 0; Cont < Lineas.Count; Cont++) {</pre>
```

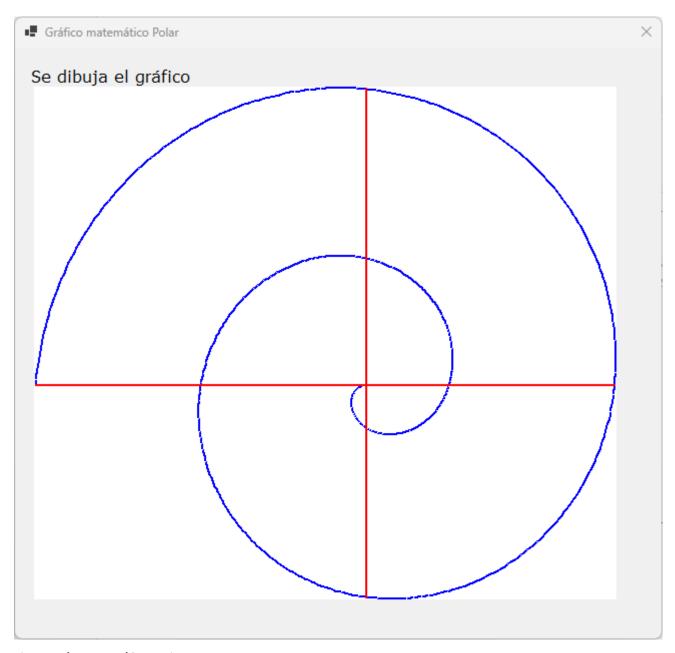


Ilustración 50: Gráfico polar

Uso de Bitmap para control a nivel de pixel

C# trae Bitmap para control sobre el pixel, estas son sus características:

Control total del píxel

- 1. Se puede usar "SetPixel(x, y, color)" para modificar cada píxel individualmente.
- 2. Es Ideal para algoritmos como Z-buffer, ray tracing, rasterización manual, etc.

Persistencia del dibujo

- 1. El contenido del "Bitmap" se mantiene en memoria.
- 2. Se puede redibujar la imagen fácilmente en cada "Paint" sin recalcular todo.

Separación de lógica y presentación

- 1. Se puede hacer todo el cálculo y renderizado en memoria.
- 2. Luego simplemente es mostrar el resultado con "Graphics.DrawImage()".

Mayor eficiencia en renderizados complejos

- 1. Aunque `SetPixel` no es muy rápido, se puede optimizar usando `LockBits` si es necesario.
- 2. Se evita redibujar todo desde cero en cada evento `Paint`.

L/039.cs

```
namespace Graficos {
   public partial class Form1 : Form {
      private Bitmap Lienzo;

   public Form1() {
        InitializeComponent();
        Lienzo = new Bitmap(400, 300);
    }

        //Pintar
      private void Form1_Paint(object sender, PaintEventArgs e) {
        DibujarLinea(50, 50, 300, 200, Color.Blue); // Linea de ejemplo e.Graphics.DrawImage(Lienzo, 0, 0);
    }

        //Algoritmo de Bresenham para lineas
        private void DibujarLinea(int Xini, int Yini, int Xfin, int Yfin, Color color) {
```

```
int dx = Math.Abs(Xfin - Xini), sx = Xini < Xfin ? 1 : -1;
int dy = -Math.Abs(Yfin - Yini), sy = Yini < Yfin ? 1 : -1;
int error = dx + dy, e2;

while (true) {
    if (Xini >= 0 && Xini < Lienzo.Width && Yini >= 0 && Yini <
    Lienzo.Height)
        Lienzo.SetPixel(Xini, Yini, color); //Dibuja el pixel

    if (Xini == Xfin && Yini == Yfin) break;
    e2 = 2 * error;
    if (e2 >= dy) { error += dy; Xini += sx; }
    if (e2 <= dx) { error += dx; Yini += sy; }
}
}</pre>
```

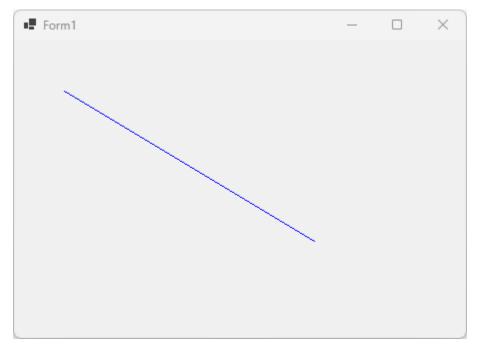


Ilustración 51: Línea dibujada a nivel de pixel

Uso de Bitmap y Graphics

Se puede hacer uso de la API de Graphics dentro de Bitmap.

L/040.cs

```
namespace Graficos {
  public partial class Form1 : Form {
     private Bitmap Lienzo;
     public Form1() {
        InitializeComponent();
        //Uso de bitmap para hacer gráficos
        Lienzo = new Bitmap(200, 200);
        Graphics Grafico = Graphics.FromImage(Lienzo);
        Grafico.Clear(Color.White);
        Pen Lapiz = new(Color.Green, 4);
        Grafico.DrawEllipse(Lapiz, 25, 25, 150, 150); // Círculo
     }
     //Pintar
     private void Form1 Paint(object sender, PaintEventArgs e) {
        e.Graphics.DrawImage(Lienzo, 50, 50);
     }
```

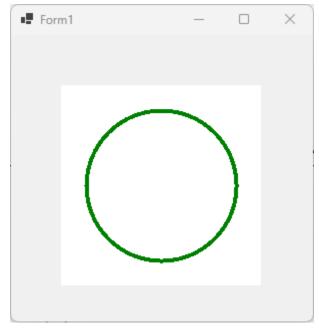


Ilustración 52: Uso de Bitmap y Graphics

Uso de LockBits para mayor velocidad

El código es más complejo y largo pero trae como beneficio la velocidad.

L/041.cs

```
using System.Drawing.Imaging;
using System.Runtime.InteropServices;
namespace Graficos {
  public partial class Form1 : Form {
     private Bitmap Lienzo;
     public Form1() {
        Lienzo = new Bitmap(400, 300, PixelFormat.Format24bppRgb);
        InitializeComponent();
     //Pintar
     private void Form1 Paint(object sender, PaintEventArgs e) {
        DibujaLineaUsandoLockBits(100, 100, 301, 201, Color.Red);
        e.Graphics.DrawImage(Lienzo, 0, 0);
     }
     /*
      * LockBits bloquea una parte del Bitmap en memoria para que pueda
acceder directamente a los datos de píxeles
      * mediante punteros o arrays. Esto es mucho más rápido que usar
GetPixel y SetPixel, que son lentos porque
      * implican muchas llamadas a funciones nativas.
      * Usa LockBits cuando:
      * Es necesario modificar muchos píxeles rápidamente (por ejemplo,
filtros de imagen, efectos, procesamiento de imágenes).
      * Se está haciendo animaciones por píxel o manipulación de texturas.
      * Se desea leer o escribir datos de píxeles en bloque.
      * */
     private void DibujaLineaUsandoLockBits(int Xini, int Yini, int Xfin,
int Yfin, Color color) {
        Rectangle Rectangulo = new(0, 0, Lienzo.Width, Lienzo.Height);
        BitmapData Datos = Lienzo.LockBits(Rectangulo,
ImageLockMode.ReadWrite, Lienzo.PixelFormat);
        int bytesPorPixel = Image.GetPixelFormatSize(Lienzo.PixelFormat) /
8;
```

```
int Paso = Datos.Stride;
     IntPtr ptr = Datos.Scan0;
     int Alto = Lienzo.Height;
     int Ancho = Lienzo.Width;
     byte[] Pixeles = new byte[Paso * Alto];
     Marshal.Copy(ptr, Pixeles, 0, Pixeles.Length);
     // Algoritmo de Bresenham
     int dx = Math.Abs(Xfin - Xini), sx = Xini < Xfin ? 1 : -1;</pre>
     int dy = -Math.Abs(Yfin - Yini), sy = Yini < Yfin ? 1 : -1;</pre>
     int Error = dx + dy, Error2;
     while (true) {
        if (Xini >= 0 && Xini < Ancho && Yini >= 0 && Yini < Alto) {
           int Indice = Yini * Paso + Xini * bytesPorPixel;
           Pixeles[Indice + 0] = color.B;
           Pixeles[Indice + 1] = color.G;
           Pixeles[Indice + 2] = color.R;
        }
        if (Xini == Xfin && Yini == Yfin) break;
        Error2 = 2 * Error;
        if (Error2 >= dy) { Error += dy; Xini += sx; }
        if (Error2 <= dx) { Error += dx; Yini += sy; }</pre>
     }
     Marshal.Copy(Pixeles, 0, ptr, Pixeles.Length);
     Lienzo.UnlockBits(Datos);
  }
}
```

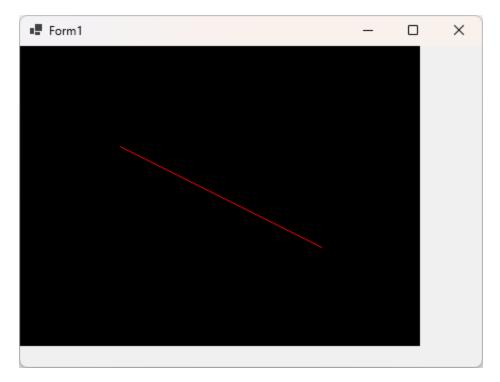


Ilustración 53: Uso de LockBits

```
/*
Si se está dibujando formas geométricas, usar Graphics.
Es más simple, legible y suficientemente rápido para
la mayoría de los casos.
Si se necesita modificar píxeles directamente
(como en procesamiento de imágenes), entonces
usar LockBits.
*/
using System.Drawing.Imaging;
using System.Runtime.InteropServices;
namespace Graficos {
   public partial class Form1 : Form {
       private Bitmap Lienzo;
       public Form1() {
           InitializeComponent();
           // Crear el bitmap
           Lienzo = new Bitmap(200, 200, PixelFormat.Format24bppRgb);
           // Usar LockBits para dibujar un círculo
           Rectangle rectangulo = new Rectangle(0, 0, Lienzo.Width, Lienzo.Height);
           BitmapData bmpDato = Lienzo.LockBits(rectangulo, ImageLockMode.ReadWrite,
Lienzo.PixelFormat);
           int paso = bmpDato.Stride;
           IntPtr ptr = bmpDato.Scan0;
           int bytes = Math.Abs(paso) * Lienzo.Height;
           byte[] rgbValues = new byte[bytes];
           Marshal.Copy(ptr, rgbValues, 0, bytes);
           int centroX = 100;
           int centroY = 100;
           int radio = 75;
           for (int y = 0; y < Lienzo.Height; y++) {</pre>
              for (int x = 0; x < Lienzo.Width; x++) {
                  int dx = x - centroX;
                  int dy = y - centroY;
                  int distancia = dx * dx + dy * dy;
```

```
// Dibujar solo el borde del círculo (ancho de 4 píxeles)
                  if (distancia >= radio * radio - 4 * radio && distancia <= radio * radio + 4 *
radio) {
                     int indice = y * paso + x * 3;
                     rgbValues[indice] = 0; // Blue
                     rgbValues[indice + 1] = 255; // Green
                     rgbValues[indice + 2] = 0; // Red
                  }
                  else {
                     int indice = y * paso + x * 3;
                     rgbValues[indice] = 255;
                     rgbValues[indice + 1] = 255;
                     rgbValues[indice + 2] = 255;
                  }
              }
          }
          Marshal.Copy(rgbValues, 0, ptr, bytes);
          Lienzo.UnlockBits(bmpDato);
       }
       private void Form1_Paint(object sender, PaintEventArgs e) {
          e.Graphics.DrawImage(Lienzo, 50, 50);
       }
   }
```

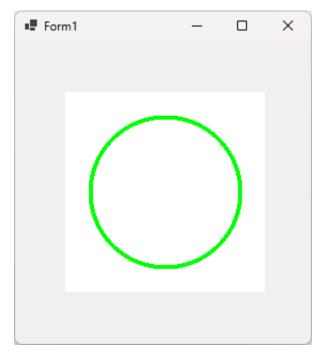


Ilustración 54: Dibujando un círculo con LockBits