

기본 알고리즘

제6장



2017-Fall

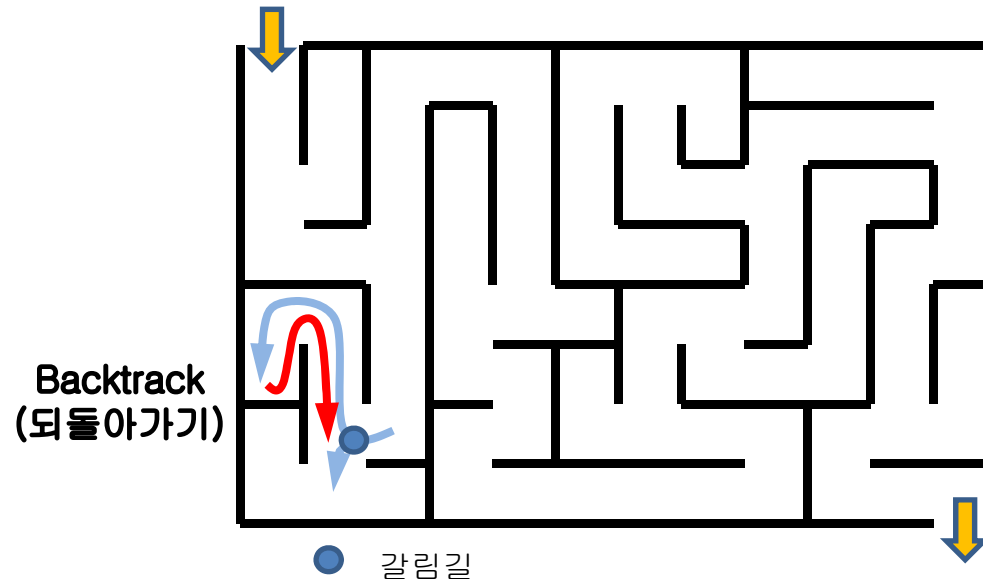
국민대학교 컴퓨터공학부 최준수

Backtracking

- Backtracking
 - 미로찾기

right hand/left hand => 중간에 출구가있으면 안될 경우도 생김.

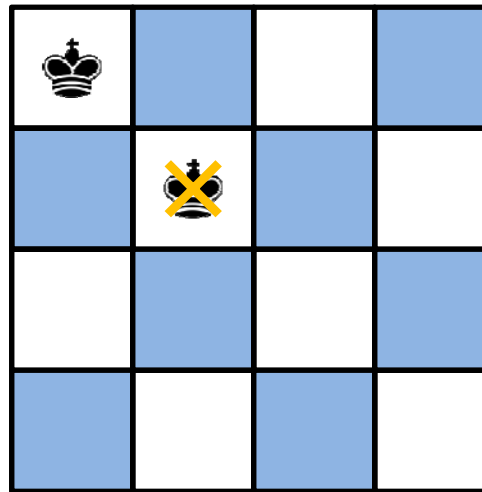
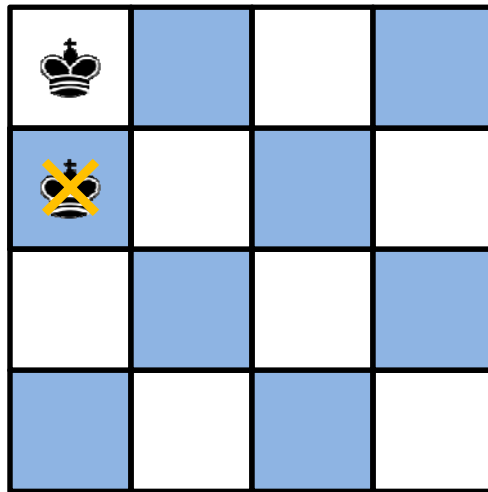
- 막다른 골목에서는 더 이상 출구로 나아갈 수 없으므로, 이제까지 온 길을 되돌아가게 된다.



- 마찬가지로, 지금 상태에서 앞으로 계속 진행한다고 하더라도 해답을 구할 수 없는 경우에는 앞으로 나아가는 것을 포기하고 이전 상태로 되돌아가서 다른 경우를 찾아본다.

N-Queen Problem

- N-Queen Problem
 - $N \times N$ 크기의 체스판에 N 개의 Queen 을 같은 행, 같은 열, 같은 대각선 위에 있지 않도록 놓는다.
 - Example: 4-Queen Problem



N-Queen Problem

- 간단한 4-Queen 문제 해법
 - 4개의 queen 을 모두 다른 행에 놓으면서, 해가 되는 queen 의 열의 위치가 어디인지 계산한다.
 - Candidate 해
 - 모두 다른 행에 대한, 가능한 모든 열의 조합
 - Queen의 위치 $\langle i, j \rangle$: i -번째 열, j -번째 행

i 째 행, j 번째 열로 정정

$\langle 1,1 \rangle, \langle 2,1 \rangle, \langle 3,1 \rangle, \langle 4,1 \rangle$

$\langle 1,1 \rangle, \langle 2,1 \rangle, \langle 3,1 \rangle, \langle 4,2 \rangle$

$\langle 1,1 \rangle, \langle 2,1 \rangle, \langle 3,1 \rangle, \langle 4,3 \rangle$

$\langle 1,1 \rangle, \langle 2,1 \rangle, \langle 3,1 \rangle, \langle 4,4 \rangle$

$\langle 1,1 \rangle, \langle 2,1 \rangle, \langle 3,2 \rangle, \langle 4,1 \rangle$

.....

$\langle 1,4 \rangle, \langle 2,4 \rangle, \langle 3,4 \rangle, \langle 4,4 \rangle$

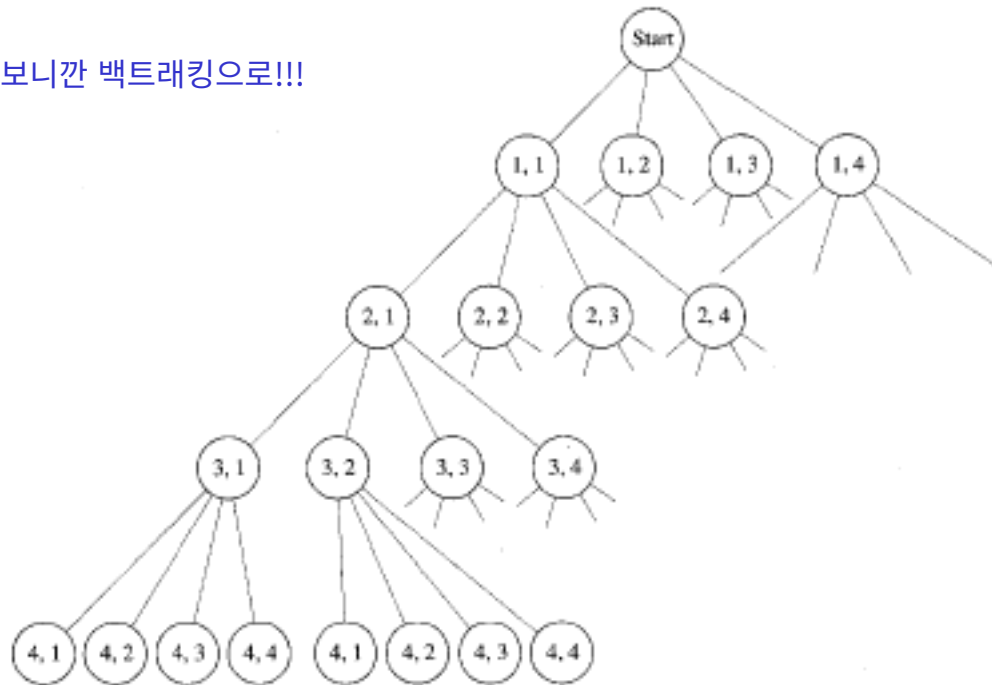
N-Queen Problem

- 간단한 4-Queen 문제 해법
 - 4-queen 문제에서 candidate 해의 개수
 - $4 \times 4 \times 4 \times 4 = 256$
 - N-queen 문제에서 candidate 해의 개수
 - $N \times N \times \dots \times N = N^N$
 - 8-queen 문제 : $8^8 = 2^{24} = 16,777,216$

State-Space Tree

- State-Space Tree
 - 모든 candidate 해를 포함하는 tree
 - Tree의 각 노드는 한 개 queen의 위치 $\langle i, j \rangle$ 를 나타냄
 - Tree의 루트노드부터 단말노드까지의 각 노드의 위치의 합이 한 개의 candidate 해를 나타냄.

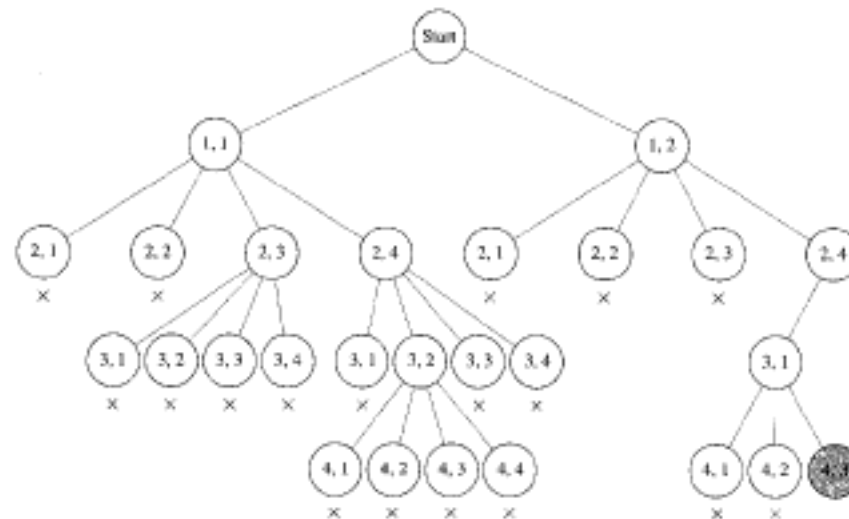
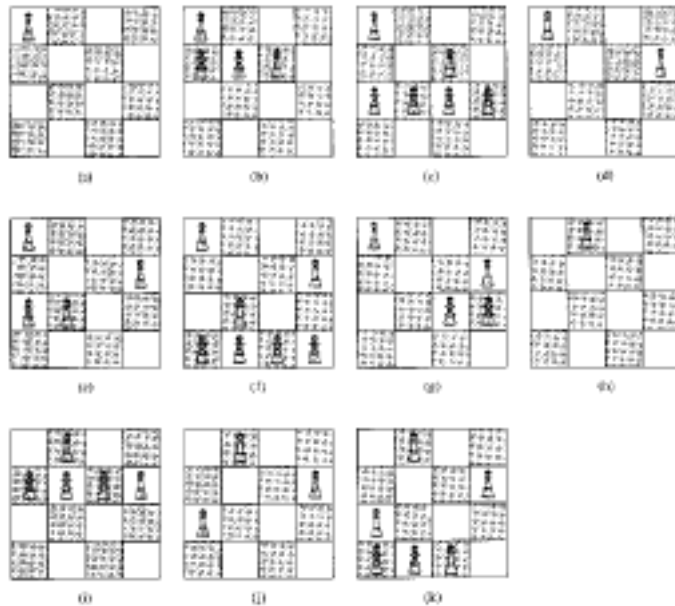
1,1 -> 2,1 안되는데 계속 밑을 보니깐 백트래킹으로!!!



State-Space Tree

- Backtracking

- State-space tree의 어떤 노드에서는 더 이상 해를 구할 수 없는 경우(즉, 미로의 막다른 골목)라고 판단되면 그 노드의 부모노드로 되돌아가고, 그 부모노드의 다른 자식노드에서 계속 진행함.



* 위에 첫번째가
놓아졌을 경우 위치

* 실제로 트리를 구성하지 않고 이런식으로 될수 있다는 것을 보여줌

Foundations of Algorithms Using C++ Pseudocode
R. Neapolitan, K. Naimipour, 1998

State-Space Tree

- Backtracking

- State-space tree의 노드

- Non-promising : 더 이상 해를 구할 수 없는 경우라고 판단되는 노드
 - Promising 아직 몰라 가능성이있다.

- Pruning

- Backtracking 단계

- State-space tree를 검색
 - 각 노드가 promising 인지, non-promising 인지를 판별
 - » Promising : 계속 진행
 - » Non-promising : 부모노드로 돌아가서 다른 자식노드를 검사

N-Queen Problem

```
#define N 4
int col[N];

void nQueens(int row)
{
    int i;

    if (isPromising(row))
        if (row == N-1)
            printNqueens();
        else
            for(i=0; i<N; i++)
            {
                col[row+1] = i;
                nQueens(row+1);
            }
}
```

```
void main()
{
    int i;

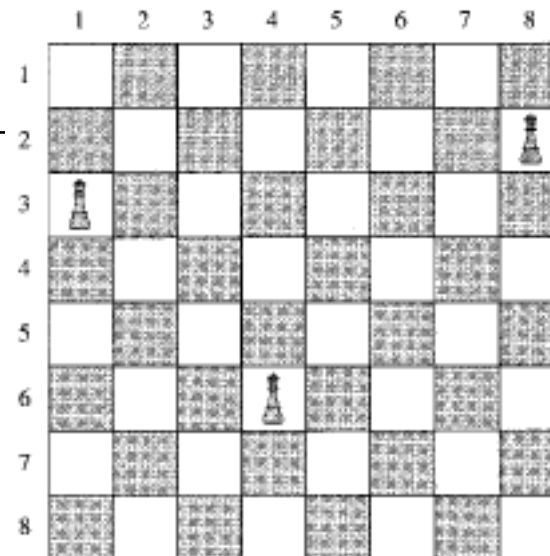
    for(i=0; i<N; i++)
    {
        col[0] = i;
        nQueens(0);
    }
}
```

N-Queen Problem

```
int isPromising(int row)
{
    int k;
    int promising;

    k = 0;
    promising = 1;
    while(k < row && promising)
    {
        if(col[row] == col[k] || abs(col[row] - col[k]) == row - k)
            promising = 0;
        k++;
    }
    return promising;
}
```

* 행과 열의 차이가 같다면
대각선으로 잡아먹을 수 있으니깐 0 리턴

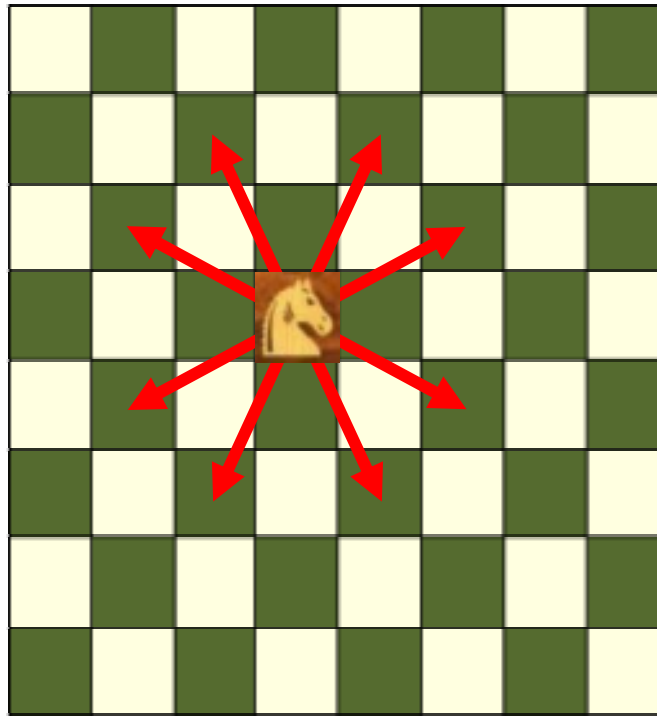


Knight's Tour Problem

- Knight's Tour

- 문제

- 체스판에서 기사(Knight) 말의 움직임은 아래 그림과 같다.
 - 임의의 위치에 놓여진 기사를 움직여서 모든 64개의 격자를 모두 방문하도록 기사말을 옮기는 방법을 계산하시오. 단, 기사가 이미 방문한 격자는 다시 방문하지 않는다.

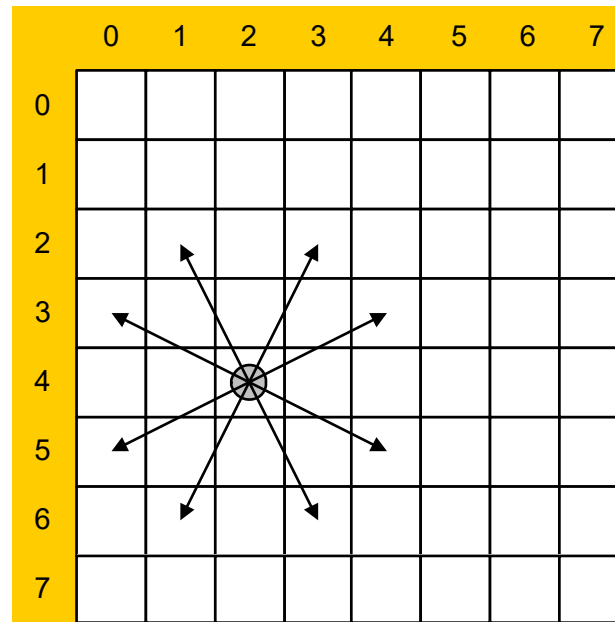


Knight's Tour Problem

- Knight's Tour

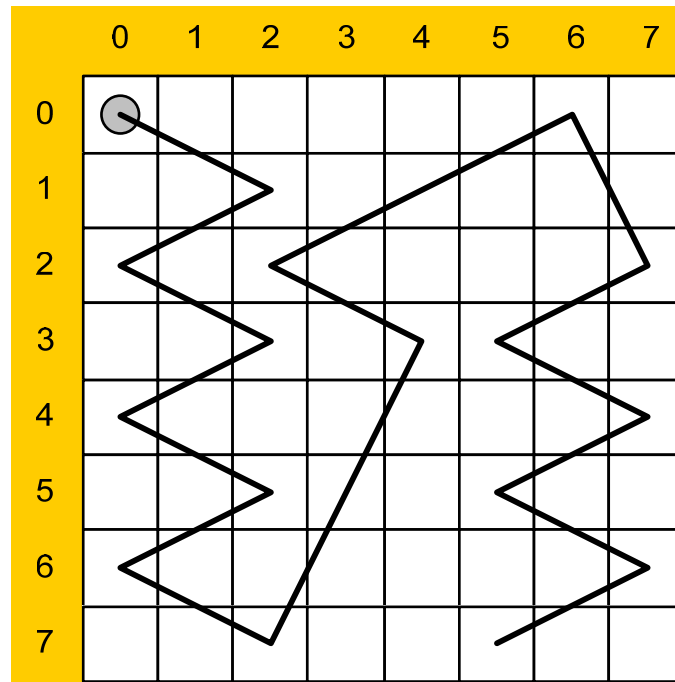
- $\langle i, j \rangle$ 위치에서 다음에 옮겨갈 수 있는 위치

$\langle i-2, j+1 \rangle$ $\langle i-1, j+2 \rangle$ $\langle i+1, j+2 \rangle$ $\langle i+2, j+1 \rangle$
 $\langle i+2, j-1 \rangle$ $\langle i+1, j-2 \rangle$ $\langle i-1, j-2 \rangle$ $\langle i-2, j-1 \rangle$



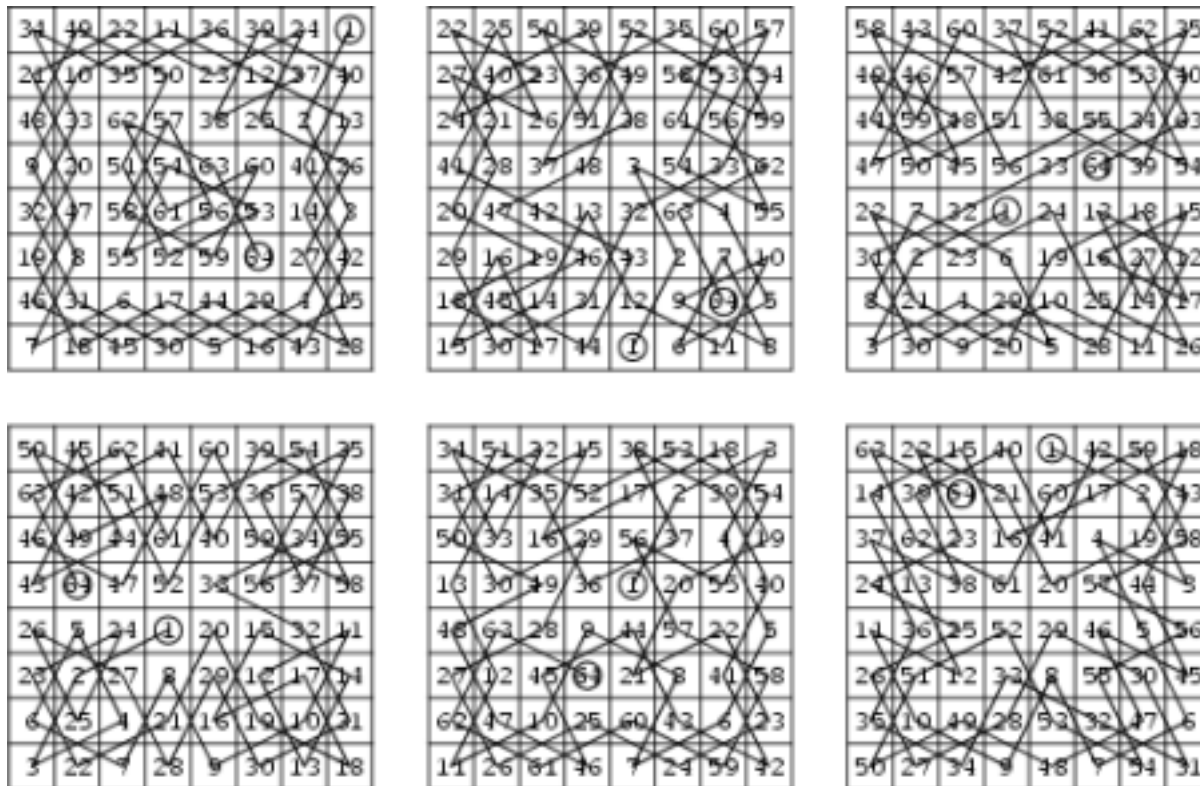
Knight's Tour Problem

- Knight's Tour
 - $\langle 0, 0 \rangle$ 위치에서 출발한 knight movement



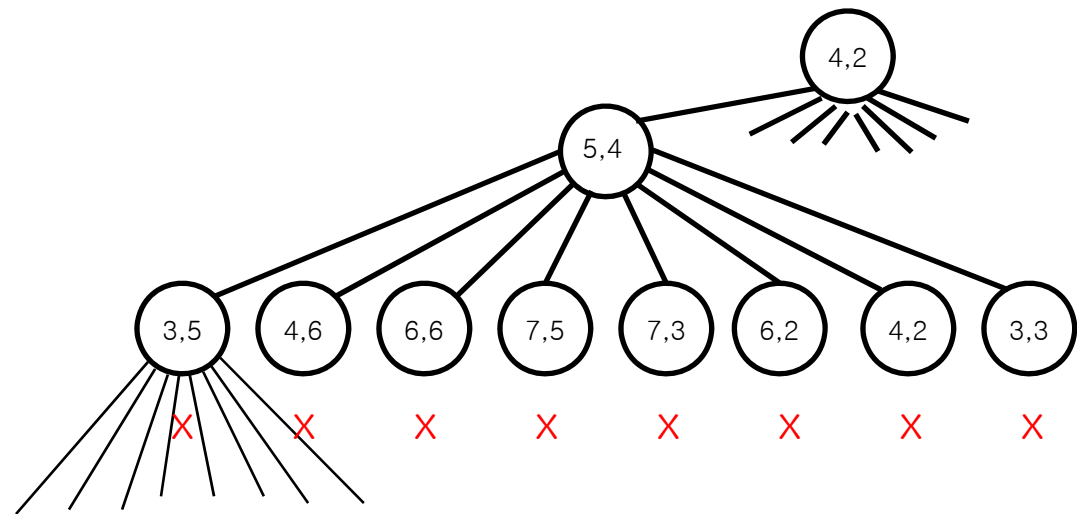
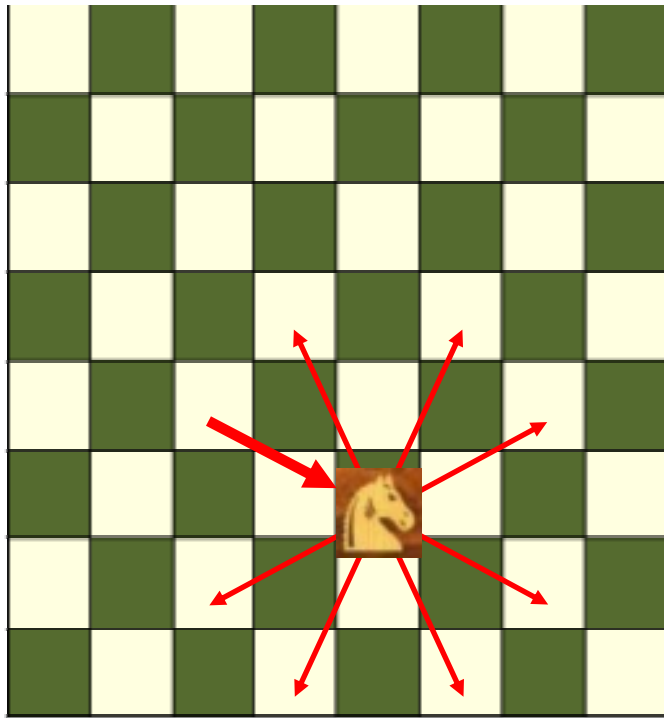
Knight's Tour Problem

- Knight's Tour
 - 예



Knight's Tour Problem

- Knight's Tour
 - Test **promising**(v) at state-space tree



* 모든 경우가 불가능할 때는 다시 전으로 돌아가!!!!

Knight's Tour Problem

- Knight's Tour Solution (recursive)

```
#define MAXSIZE 9

#define MARK 1
#define UNMARK 0

typedef struct Point {int x, y;} point;
point direction[8] = {{1, -2}, {2, -1}, {2, 1}, {1, 2},
                     {-1, 2}, {-2, 1}, {-2, -1}, {-1, -2}};
int board[MAXSIZE][MAXSIZE], path[MAXSIZE][MAXSIZE];

int knightTour (int m, int n, point pos, int counter)
{
    int i;
    point next;

    if (counter == m * n)
        return 1;

    for (i=0; i<8; i++)
    {
        ←
    }

    return 0;
}
```

```
{
    next.x = pos.x + direction[i].x;
    next.y = pos.y + direction[i].y;

    if ( next.x > 0 && next.x <= n &&
        next.y > 0 && next.y <= m &&
        board[next.y][next.x] != MARK )
    {
        board[next.y][next.x] = MARK;
        path[next.y][next.x] = counter+1;

        if ( knightTour(m, n, next, counter+1) )
            return 1;

        board[next.y][next.x] = UNMARK; *백트래킹
    }
}
```


Sudoku

- Sudoku
 - Solve Sudoku problem with Backtracking Algorithm

	1		6	3	5	4		7
2				8			9	
			2			1		
		1		7		8	5	
6	5		8		1		3	2
	7	8		2		9		
		2			4			
	6			5				9
5		7	9	1	2		6	

					3		8	5
		1		2				
			5		7			
		4				1		
	9							
5							7	3
		2		1				
				4				9

Term Project

- Term Project
 - 진행방안
 - 중간고사 이전부터 시작
 - 제안서 :
 - 중간보고서 :
 - 최종보고서 및 발표 :
 - 일정 및 장소
 - 최종발표: 12월21일(월) 오후 6:00 – 오후 9:00
 - 장소 : 7호관 114호
 - 내용
 - Sudoku + Crosswords
 - 조 구성
 - 6명/팀 (프로그래밍 경시대회 참가 2팀을 1개 조로 구성)

Term Project

- Sudoku

5	3			7				
6			1	9	5			
	9	8					6	
8				6				3
4			8		3			1
7				2				6
	6					2	8	
			4	1	9			5
				8			7	9

5	3	4	6	7	8	9	1	2
6	7	2	1	9	5	3	4	8
1	9	8	3	4	2	5	6	7
8	5	9	7	6	1	4	2	3
4	2	6	8	5	3	7	9	1
7	1	3	9	2	4	8	5	6
9	6	1	5	3	7	2	8	4
2	8	7	4	1	9	6	3	5
3	4	5	2	8	6	1	7	9

- Implementation of Sudoku solving algorithm
 - Ver1 : Backtracking algorithm (or Brute-force algorithm)
 - Reference: wiki "Sudoku solving algorithms",
 - Ver2 : Algorithm with "Dancing Links" data structure
 - Read a paper, "Dancing Links", D. Knuth, Stanford Univ.
 - Can use an open source code
 - Computation time?