

Raíces: Métodos abiertos  
Aplicación de Métodos Numéricos al Ambiente Construido  
(CV1012)

M.C. Xavier Sánchez Díaz  
sax@tec.mx



# Outline

- 1 Convergencia II
- 2 Punto fijo
- 3 Newton-Raphson

# ¿Cuál es *El Final*?

## Convergencia II

Hasta ahora, los métodos que hemos visto han sido por intervalos (*bracketing methods*):

- Escojo un límite superior
- Escojo un límite inferior
- Busco entre esos dos hasta llegar a un resultado *al final*.

Sin embargo, ya vimos que esto puede llegar a tardar mucho bajo ciertas condiciones. ¿Puedo entonces encontrar el resultado *al final* si no pongo dos límites?

# ¿Cuál es *El Final*?

## Convergencia II

Hasta ahora, los métodos que hemos visto han sido por intervalos (*bracketing methods*):

- Escojo un límite superior
- Escojo un límite inferior
- Busco entre esos dos hasta llegar a un resultado *al final*.

Sin embargo, ya vimos que esto puede llegar a tardar mucho bajo ciertas condiciones. ¿Puedo entonces encontrar el resultado *al final* si no pongo dos límites?

# ¿Cuál es *El Final*?

## Convergencia II

Hasta ahora, los métodos que hemos visto han sido por intervalos (*bracketing methods*):

- Escojo un límite superior
- Escojo un límite inferior
- Busco entre esos dos hasta llegar a un resultado *al final*.

Sin embargo, ya vimos que esto puede llegar a tardar mucho bajo ciertas condiciones. ¿Puedo entonces encontrar el resultado *al final* si no pongo dos límites?

# ¿Cuál es *El Final*?

## Convergencia II

Hasta ahora, los métodos que hemos visto han sido por intervalos (*bracketing methods*):

- Escojo un límite superior
- Escojo un límite inferior
- Busco entre esos dos hasta llegar a un resultado *al final*.

Sin embargo, ya vimos que esto puede llegar a tardar mucho bajo ciertas condiciones. ¿Puedo entonces encontrar el resultado *al final* si no pongo dos límites?

# ¿Cuál es *El Final*?

## Convergencia II

Hasta ahora, los métodos que hemos visto han sido por intervalos (*bracketing methods*):

- Escojo un límite superior
- Escojo un límite inferior
- Busco entre esos dos hasta llegar a un resultado *al final*.

Sin embargo, ya vimos que esto puede llegar a tardar mucho bajo ciertas condiciones. ¿Puedo entonces encontrar el resultado *al final* si no pongo dos límites?

# ¿Cuál es *El Final*?

## Convergencia II

Hasta ahora, los métodos que hemos visto han sido por intervalos (*bracketing methods*):

- Escojo un límite superior
- Escojo un límite inferior
- Busco entre esos dos hasta llegar a un resultado *al final*.

Sin embargo, ya vimos que esto puede llegar a tardar mucho bajo ciertas condiciones. ¿Puedo entonces encontrar el resultado *al final* si no pongo dos límites?



# Los métodos abiertos

## Convergencia II

En contraparte a los métodos de intervalos, existen otros métodos a los que llamamos **abiertos**, los cuales se basan en fórmulas que sólo necesitan **un punto de partida** (o dos puntos que no necesariamente *delimiten* a la raíz).

Por esta razón, en ocasiones los métodos **abiertos** pueden *divergir* del resultado real—es decir que es puede que cada vez se alejen más de la verdadera raíz.

¿Qué ventaja tienen entonces?

Que los métodos abiertos, cuando convergen, **lo hacen más rápidamente**.

# Los métodos abiertos

## Convergencia II

En contraparte a los métodos de intervalos, existen otros métodos a los que llamamos **abiertos**, los cuales se basan en fórmulas que sólo necesitan **un punto de partida** (o dos puntos que no necesariamente *delimiten* a la raíz).

Por esta razón, en ocasiones los métodos **abiertos** pueden *divergir* del resultado real—es decir que es puede que cada vez se alejen más de la verdadera raíz.

¿Qué ventaja tienen entonces?

Que los métodos abiertos, cuando convergen, **lo hacen más rápidamente.**

# Los métodos abiertos

## Convergencia II

En contraparte a los métodos de intervalos, existen otros métodos a los que llamamos **abiertos**, los cuales se basan en fórmulas que sólo necesitan **un punto de partida** (o dos puntos que no necesariamente *delimiten* a la raíz).

Por esta razón, en ocasiones los métodos **abiertos** pueden *divergir* del resultado real—es decir que es puede que cada vez se alejen más de la verdadera raíz.

¿Qué ventaja tienen entonces?

Que los métodos abiertos, cuando convergen, lo hacen más rápidamente.

# Los métodos abiertos

## Convergencia II

En contraparte a los métodos de intervalos, existen otros métodos a los que llamamos **abiertos**, los cuales se basan en fórmulas que sólo necesitan **un punto de partida** (o dos puntos que no necesariamente *delimiten* a la raíz).

Por esta razón, en ocasiones los métodos **abiertos** pueden *divergir* del resultado real—es decir que es puede que cada vez se alejen más de la verdadera raíz.

¿Qué ventaja tienen entonces?

Que los métodos abiertos, cuando convergen, **lo hacen más rápidamente**.

# Sustitución sucesiva o Punto fijo

## Punto Fijo

La primera de las ideas surge de intentar *predecir* un nuevo valor de  $x$  a partir de la función de un valor antiguo de  $x$ :

$$x_{i+1} = g(x_i)$$

De tal manera que podamos obtener  $x_{i+1}$  en el lado izquierdo, y una función de  $x$  en el lado derecho. Por ejemplo, si nuestra función  $g(x)$  es  $x^2 - 2x + 3 = 0$ , entonces podemos despejarla:

$$x^2 - 2x = -3 \quad (\text{restamos } 3)$$

$$-2x = -x^2 - 3 \quad (\text{restamos } x^2)$$

$$x = \frac{x^2 + 3}{2} \quad \blacksquare \quad (\text{dividimos entre } -2)$$

Esta sustitución por pasos se llama de tamaño fijo, es a lo que llamamos el método de **punto fijo**.

# Sustitución sucesiva o Punto fijo

## Punto Fijo

La primera de las ideas surge de intentar *predecir* un nuevo valor de  $x$  a partir de la función de un valor antiguo de  $x$ :

$$x_{i+1} = g(x_i)$$

De tal manera que podamos obtener  $x_{i+1}$  en el lado izquierdo, y una función de  $x$  en el lado derecho. Por ejemplo, si nuestra función  $g(x)$  es  $x^2 - 2x + 3 = 0$ , entonces podemos despejarla:

$$x^2 - 2x = -3 \quad (\text{restamos } 3)$$

$$-2x = -x^2 - 3 \quad (\text{restamos } x^2)$$

$$x = \frac{x^2 + 3}{2} \quad \blacksquare \quad (\text{dividimos entre } -2)$$

Esta sustitución por pasos se llama de tamaño fijo, es a lo que llamamos el método de **punto fijo**.

# Ejemplo

## Punto Fijo

Calculemos la raíz de la función  $f(x) = e^{-x} - x$ .

- ➊ Despejamos  $x$  de  $f(x)$ :  $x_{i+1} = e^{-x_i}$
- ➋ Calculamos el valor nuevo de  $x_{i+1}$  con la fórmula que obtuvimos en el Paso 1
- ➌ Calculamos el error
- ➍ Repetimos desde el paso 2 hasta que estemos lo *suficientemente* cerca del resultado real

Con un valor inicial  $x_0 = 0$  podemos calcular los siguientes pasos:

- $x_1 = e^{-0} = 1$  con  $\varepsilon_a = 1.0$
- $x_2 = e^{-x_1} = 0.367879$  con  $\varepsilon_a = 1.718$
- $x_3 = e^{-x_2} = 0.692201$  con  $\varepsilon_a = 0.469$
- ...
- $x_{10} = e^{-x_9} = 0.564879$  con  $\varepsilon_a = 0.0111$

# Ejemplo

## Punto Fijo

Calculemos la raíz de la función  $f(x) = e^{-x} - x$ .

- 1 Despejamos  $x$  de  $f(x)$ :  $x_{i+1} = e^{-x_i}$
- 2 Calculamos el valor nuevo de  $x_{i+1}$  con la fórmula que obtuvimos en el Paso 1
- 3 Calculamos el error
- 4 Repetimos desde el paso 2 hasta que estemos lo *suficientemente* cerca del resultado real

Con un valor inicial  $x_0 = 0$  podemos calcular los siguientes pasos:

- $x_1 = e^{-0} = 1$  con  $\varepsilon_a = 1.0$
- $x_2 = e^{-x_1} = 0.367879$  con  $\varepsilon_a = 1.718$
- $x_3 = e^{-x_2} = 0.692201$  con  $\varepsilon_a = 0.469$
- ...
- $x_{10} = e^{-x_9} = 0.564879$  con  $\varepsilon_a = 0.0111$



# Ejemplo

## Punto Fijo

Calculemos la raíz de la función  $f(x) = e^{-x} - x$ .

- 1 Despejamos  $x$  de  $f(x)$ :  $x_{i+1} = e^{-x_i}$
- 2 Calculamos el valor nuevo de  $x_{i+1}$  con la fórmula que obtuvimos en el **Paso 1**
- 3 Calculamos el error
- 4 Repetimos desde el paso 2 hasta que estemos lo *suficientemente* cerca del resultado real

Con un valor inicial  $x_0 = 0$  podemos calcular los siguientes pasos:

- $x_1 = e^{-0} = 1$  con  $\varepsilon_a = 1.0$
- $x_2 = e^{-x_1} = 0.367879$  con  $\varepsilon_a = 1.718$
- $x_3 = e^{-x_2} = 0.692201$  con  $\varepsilon_a = 0.469$
- ...
- $x_{10} = e^{-x_9} = 0.564879$  con  $\varepsilon_a = 0.0111$

# Ejemplo

## Punto Fijo

Calculemos la raíz de la función  $f(x) = e^{-x} - x$ .

- 1 Despejamos  $x$  de  $f(x)$ :  $x_{i+1} = e^{-x_i}$
- 2 Calculamos el valor nuevo de  $x_{i+1}$  con la fórmula que obtuvimos en el **Paso 1**
- 3 Calculamos el error
- 4 Repetimos desde el paso 2 hasta que estemos lo *suficientemente* cerca del resultado real

Con un valor inicial  $x_0 = 0$  podemos calcular los siguientes pasos:

- $x_1 = e^{-0} = 1$  con  $\varepsilon_a = 1.0$
- $x_2 = e^{-x_1} = 0.367879$  con  $\varepsilon_a = 1.718$
- $x_3 = e^{-x_2} = 0.692201$  con  $\varepsilon_a = 0.469$
- ...
- $x_{10} = e^{-x_9} = 0.564879$  con  $\varepsilon_a = 0.0111$

# Ejemplo

## Punto Fijo

Calculemos la raíz de la función  $f(x) = e^{-x} - x$ .

- 1 Despejamos  $x$  de  $f(x)$ :  $x_{i+1} = e^{-x_i}$
- 2 Calculamos el valor nuevo de  $x_{i+1}$  con la fórmula que obtuvimos en el **Paso 1**
- 3 Calculamos el error
- 4 Repetimos desde el paso 2 hasta que estemos lo *suficientemente* cerca del resultado real

Con un valor inicial  $x_0 = 0$  podemos calcular los siguientes pasos:

- $x_1 = e^{-0} = 1$  con  $\varepsilon_a = 1.0$
- $x_2 = e^{-x_1} = 0.367879$  con  $\varepsilon_a = 1.718$
- $x_3 = e^{-x_2} = 0.692201$  con  $\varepsilon_a = 0.469$
- ...
- $x_{10} = e^{-x_9} = 0.564879$  con  $\varepsilon_a = 0.0111$

# Ejemplo

## Punto Fijo

Calculemos la raíz de la función  $f(x) = e^{-x} - x$ .

- 1 Despejamos  $x$  de  $f(x)$ :  $x_{i+1} = e^{-x_i}$
- 2 Calculamos el valor nuevo de  $x_{i+1}$  con la fórmula que obtuvimos en el **Paso 1**
- 3 Calculamos el error
- 4 Repetimos desde el paso 2 hasta que estemos lo *suficientemente* cerca del resultado real

Con un valor inicial  $x_0 = 0$  podemos calcular los siguientes pasos:

- $x_1 = e^{-0} = 1$  con  $\varepsilon_a = 1.0$
- $x_2 = e^{-x_1} = 0.367879$  con  $\varepsilon_a = 1.718$
- $x_3 = e^{-x_2} = 0.692201$  con  $\varepsilon_a = 0.469$
- ...
- $x_{10} = e^{-x_9} = 0.564879$  con  $\varepsilon_a = 0.0111$

# Ejemplo

## Punto Fijo

Calculemos la raíz de la función  $f(x) = e^{-x} - x$ .

- 1 Despejamos  $x$  de  $f(x)$ :  $x_{i+1} = e^{-x_i}$
- 2 Calculamos el valor nuevo de  $x_{i+1}$  con la fórmula que obtuvimos en el **Paso 1**
- 3 Calculamos el error
- 4 Repetimos desde el paso 2 hasta que estemos lo *suficientemente* cerca del resultado real

Con un valor inicial  $x_0 = 0$  podemos calcular los siguientes pasos:

- $x_1 = e^{-0} = 1$  con  $\varepsilon_n = 1.0$
- $x_2 = e^{-x_1} = 0.367879$  con  $\varepsilon_n = 1.718$
- $x_3 = e^{-x_2} = 0.692201$  con  $\varepsilon_n = 0.469$
- ...
- $x_{10} = e^{-x_9} = 0.564879$  con  $\varepsilon_n = 0.0111$

# Ejemplo

## Punto Fijo

Calculemos la raíz de la función  $f(x) = e^{-x} - x$ .

- 1 Despejamos  $x$  de  $f(x)$ :  $x_{i+1} = e^{-x_i}$
- 2 Calculamos el valor nuevo de  $x_{i+1}$  con la fórmula que obtuvimos en el **Paso 1**
- 3 Calculamos el error
- 4 Repetimos desde el paso 2 hasta que estemos lo *suficientemente* cerca del resultado real

Con un valor inicial  $x_0 = 0$  podemos calcular los siguientes pasos:

- $x_1 = e^{-0} = 1$  con  $\varepsilon_a = 1.0$
- $x_2 = e^{-x_1} = 0.367879$  con  $\varepsilon_a = 1.718$
- $x_3 = e^{-x_2} = 0.692201$  con  $\varepsilon_a = 0.469$
- ...
- $x_{10} = e^{-x_9} = 0.564879$  con  $\varepsilon_a = 0.0111$

# Ejemplo

## Punto Fijo

Calculemos la raíz de la función  $f(x) = e^{-x} - x$ .

- 1 Despejamos  $x$  de  $f(x)$ :  $x_{i+1} = e^{-x_i}$
- 2 Calculamos el valor nuevo de  $x_{i+1}$  con la fórmula que obtuvimos en el **Paso 1**
- 3 Calculamos el error
- 4 Repetimos desde el paso 2 hasta que estemos lo *suficientemente* cerca del resultado real

Con un valor inicial  $x_0 = 0$  podemos calcular los siguientes pasos:

- $x_1 = e^{-0} = 1$  con  $\varepsilon_a = 1.0$
- $x_2 = e^{-x_1} = 0.367879$  con  $\varepsilon_a = 1.718$
- $x_3 = e^{-x_2} = 0.692201$  con  $\varepsilon_a = 0.469$
- ...
- $x_{10} = e^{-x_9} = 0.564879$  con  $\varepsilon_a = 0.0111$

# Ejemplo

## Punto Fijo

Calculemos la raíz de la función  $f(x) = e^{-x} - x$ .

- 1 Despejamos  $x$  de  $f(x)$ :  $x_{i+1} = e^{-x_i}$
- 2 Calculamos el valor nuevo de  $x_{i+1}$  con la fórmula que obtuvimos en el **Paso 1**
- 3 Calculamos el error
- 4 Repetimos desde el paso 2 hasta que estemos lo *suficientemente* cerca del resultado real

Con un valor inicial  $x_0 = 0$  podemos calcular los siguientes pasos:

- $x_1 = e^{-0} = 1$  con  $\varepsilon_a = 1.0$
- $x_2 = e^{-x_1} = 0.367879$  con  $\varepsilon_a = 1.718$
- $x_3 = e^{-x_2} = 0.692201$  con  $\varepsilon_a = 0.469$
- ...
- $x_{10} = e^{-x_9} = 0.564879$  con  $\varepsilon_a = 0.0111$



# Ejemplo

## Punto Fijo

Calculemos la raíz de la función  $f(x) = e^{-x} - x$ .

- 1 Despejamos  $x$  de  $f(x)$ :  $x_{i+1} = e^{-x_i}$
- 2 Calculamos el valor nuevo de  $x_{i+1}$  con la fórmula que obtuvimos en el **Paso 1**
- 3 Calculamos el error
- 4 Repetimos desde el paso 2 hasta que estemos lo *suficientemente* cerca del resultado real

Con un valor inicial  $x_0 = 0$  podemos calcular los siguientes pasos:

- $x_1 = e^{-0} = 1$  con  $\varepsilon_a = 1.0$
- $x_2 = e^{-x_1} = 0.367879$  con  $\varepsilon_a = 1.718$
- $x_3 = e^{-x_2} = 0.692201$  con  $\varepsilon_a = 0.469$
- ...
- $x_{10} = e^{-x_9} = 0.564879$  con  $\varepsilon_a = 0.0111$

# Ejemplo

## Punto Fijo

Calculemos la raíz de la función  $f(x) = e^{-x} - x$ .

- 1 Despejamos  $x$  de  $f(x)$ :  $x_{i+1} = e^{-x_i}$
- 2 Calculamos el valor nuevo de  $x_{i+1}$  con la fórmula que obtuvimos en el **Paso 1**
- 3 Calculamos el error
- 4 Repetimos desde el paso 2 hasta que estemos lo *suficientemente* cerca del resultado real

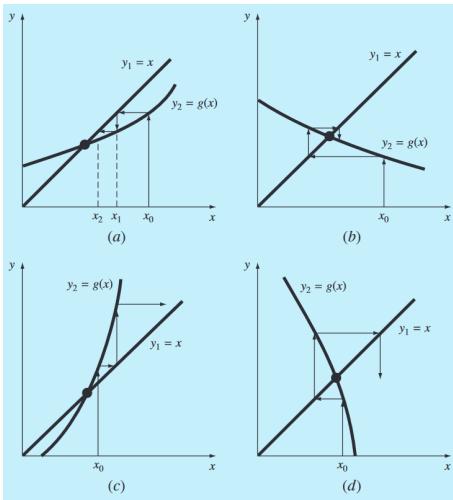
Con un valor inicial  $x_0 = 0$  podemos calcular los siguientes pasos:

- $x_1 = e^{-0} = 1$  con  $\varepsilon_a = 1.0$
- $x_2 = e^{-x_1} = 0.367879$  con  $\varepsilon_a = 1.718$
- $x_3 = e^{-x_2} = 0.692201$  con  $\varepsilon_a = 0.469$
- ...
- $x_{10} = e^{-x_9} = 0.564879$  con  $\varepsilon_a = 0.0111$

# Dificultades con Punto Fijo

## Punto Fijo

Punto fijo reduce el error en un factor de entre 0.5 y 0.6. . . cuando funciona.



# Dificultades con Punto Fijo

## Punto Fijo

Si la pendiente de la función  $g(x)$  es menor a la pendiente de la recta  $y = x$  o sea,  $|g'(x)| < 1$ , entonces el método de punto fijo **converge**.

Esta idea de que a partir de **la pendiente** podemos obtener más información, da pie a nuevos métodos y maneras de encontrar la raíz.

# Repaso de cálculo

Newton-Raphson

## *Throwback* a Cálculo Diferencial: Secantes y Tangentes

# El método de Newton-Raphson

## Newton-Raphson

El método de **Newton Raphson** utiliza la recta **tangente** a uno de los puntos para determinar una aproximación de mejor calidad de una raíz.

Como todos los procesos que hemos visto, utiliza la información de la aproximación actual (el día de hoy) para predecir la siguiente aproximación (del día de mañana) usando la derivada de la función, en una fórmula muy sencilla de recordar:

### Fórmula de Newton Raphson

$$x_{i+1} = x_i - \frac{f(x_i)}{f'(x_i)}$$

# El método de Newton-Raphson

## Newton-Raphson

El método de **Newton Raphson** utiliza la recta **tangente** a uno de los puntos para determinar una aproximación de mejor calidad de una raíz.

Como todos los procesos que hemos visto, utiliza la información de la aproximación actual (el día de hoy) para predecir la siguiente aproximación (del día de mañana) usando la derivada de la función, en una fórmula muy sencilla de recordar:

### Fórmula de Newton Raphson

$$x_{i+1} = x_i - \frac{f(x_i)}{f'(x_i)}$$

# El método de Newton-Raphson

## Newton-Raphson

El método de **Newton Raphson** utiliza la recta **tangente** a uno de los puntos para determinar una aproximación de mejor calidad de una raíz.

Como todos los procesos que hemos visto, utiliza la información de la aproximación actual (el día de hoy) para predecir la siguiente aproximación (del día de mañana) usando la derivada de la función, en una fórmula muy sencilla de recordar:

### Fórmula de Newton Raphson

$$x_{i+1} = x_i - \frac{f(x_i)}{f'(x_i)}$$



# Ejemplo

## Newton-Raphson

Con la misma **función** anterior:  $f(x) = e^{-x} - x$ .

¿Cuál es la derivada de  $f(x)$ ?

Usando la fórmula  $\frac{de^u}{du} = e^u \cdot du$ , obtenemos que  $f'(x) = -e^{-x} - 1$ .

Significa que para esta función, el próximo paso siempre se calculará como

$$x_{i+1} = x_i - \frac{e^{-x_i} - x_i}{-e^{-x_i} - 1}$$

# Ejemplo

## Newton-Raphson

Con la misma **función** anterior:  $f(x) = e^{-x} - x$ .

¿Cuál es la derivada de  $f(x)$ ?

Usando la fórmula  $\frac{de^u}{du} = e^u \cdot du$ , obtenemos que  $f'(x) = -e^{-x} - 1$ .

Significa que para esta función, el próximo paso siempre se calculará como

$$x_{i+1} = x_i - \frac{e^{-x_i} - x_i}{-e^{-x_i} - 1}$$

# Ejemplo

## Newton-Raphson

Con la misma **función** anterior:  $f(x) = e^{-x} - x$ .

¿Cuál es la derivada de  $f(x)$ ?

Usando la fórmula  $\frac{de^u}{du} = e^u \cdot du$ , obtenemos que  $f'(x) = -e^{-x} - 1$ .

Significa que para esta función, el próximo paso siempre se calculará como

$$x_{i+1} = x_i - \frac{e^{-x_i} - x_i}{-e^{-x_i} - 1}$$

# Ejemplo

## Newton-Raphson

Con la misma **función** anterior:  $f(x) = e^{-x} - x$ .

¿Cuál es la derivada de  $f(x)$ ?

Usando la fórmula  $\frac{de^u}{du} = e^u \cdot du$ , obtenemos que  $f'(x) = -e^{-x} - 1$ .

Significa que para esta función, el próximo paso siempre se calculará como

$$x_{i+1} = x_i - \frac{e^{-x_i} - x_i}{-e^{-x_i} - 1}$$

# Complicaciones

## Newton-Raphson

El método podría no converger...

- ... si la raíz está cerca de un punto de inflexión
- ... si se llega a algún punto con una pendiente de casi 0
- ... si la pendiente de un punto es 0

Por eso se sugiere tomar las acciones pertinentes para ello, como

- Graficar la función
- Verificar que el resultado final esté realmente cerca de 0
- Incluir un número máximo de iteraciones
- Alertar cuando se encuentra una derivada muy cercana a 0

# Complicaciones

## Newton-Raphson

El método podría no converger...

- ... si la raíz está cerca de un punto de inflexión
- ... si se llega a algún punto con una pendiente de casi 0
- ... si la pendiente de un punto es 0

Por eso se sugiere tomar las acciones pertinentes para ello, como

- Graficar la función
- Verificar que el resultado final esté realmente cerca de 0
- Incluir un número máximo de iteraciones
- Alertar cuando se encuentra una derivada muy cercana a 0

# Complicaciones

## Newton-Raphson

El método podría no converger...

- ... si la raíz está cerca de un punto de inflexión
- ... si se llega a algún punto con una pendiente de casi 0
- ... si la pendiente de un punto es 0

Por eso se sugiere tomar las acciones pertinentes para ello, como

- Graficar la función
- Verificar que el resultado final esté realmente cerca de 0
- Incluir un número máximo de iteraciones
- Alertar cuando se encuentra una derivada muy cercana a 0

# Complicaciones

## Newton-Raphson

El método podría no converger...

- ... si la raíz está cerca de un punto de inflexión
- ... si se llega a algún punto con una pendiente de casi 0
- ... si la pendiente de un punto es 0

Por eso se sugiere tomar las acciones pertinentes para ello, como

- Graficar la función
- Verificar que el resultado final esté realmente cerca de 0
- Incluir un número máximo de iteraciones
- Alertar cuando se encuentra una derivada muy cercana a 0



# Complicaciones

## Newton-Raphson

El método podría no converger...

- ... si la raíz está cerca de un punto de inflexión
- ... si se llega a algún punto con una pendiente de casi 0
- ... si la pendiente de un punto es 0

Por eso se sugiere tomar las acciones pertinentes para ello, como

- Graficar la función
- Verificar que el resultado final esté realmente cerca de 0
- Incluir un **número máximo** de iteraciones
- Alertar cuando se encuentra una derivada muy cercana a 0

# Complicaciones

## Newton-Raphson

El método podría no converger. . .

- . . . si la raíz está cerca de un punto de inflexión
- . . . si se llega a algún punto con una pendiente de casi 0
- . . . si la pendiente de un punto es 0

Por eso se sugiere tomar las acciones pertinentes para ello, como

- Graficar la función
- Verificar que el resultado final esté realmente cerca de 0
- Incluir un **número máximo** de iteraciones
- Alertar cuando se encuentra una derivada muy cercana a 0

# Complicaciones

## Newton-Raphson

El método podría no converger...

- ... si la raíz está cerca de un punto de inflexión
- ... si se llega a algún punto con una pendiente de casi 0
- ... si la pendiente de un punto es 0

Por eso se sugiere tomar las acciones pertinentes para ello, como

- Graficar la función
- Verificar que el resultado final esté realmente cerca de 0
- Incluir un **número máximo** de iteraciones
- Alertar cuando se encuentra una derivada muy cercana a 0

# Complicaciones

## Newton-Raphson

El método podría no converger...

- ... si la raíz está cerca de un punto de inflexión
- ... si se llega a algún punto con una pendiente de casi 0
- ... si la pendiente de un punto es 0

Por eso se sugiere tomar las acciones pertinentes para ello, como

- Graficar la función
- Verificar que el resultado final esté realmente cerca de 0
- Incluir un **número máximo** de iteraciones
- Alertar cuando se encuentra una derivada muy cercana a 0

# El método de la Secante

## Secante

El método de la **secante** se basa en la misma idea que el método de **Newton-Raphson**, pero en lugar de considerar la recta tangente como aproximación, us a la recta secante.

Para ello, utiliza **dos pasos** en el pasado (la info de hoy, y de ayer) para predecir el siguiente paso (el de mañana).

La fórmula es muy parecida a la de **Newton-Raphson**, sin embargo la derivada se aproxima usando una diferencia:

### Fórmula del método de la Secante

$$x_{i+1} = x_i - \frac{f(x_i)(x_{i-1} - x_i)}{f(x_{i-1}) - f(x_i)}$$

# El método de la Secante

## Secante

El método de la **secante** se basa en la misma idea que el método de **Newton-Raphson**, pero en lugar de considerar la recta tangente como aproximación, us a la recta secante.

Para ello, utiliza **dos pasos** en el pasado (la info de hoy, y de ayer) para predecir el siguiente paso (el de mañana).

La fórmula es muy parecida a la de **Newton-Raphson**, sin embargo la derivada se aproxima usando una diferencia:

### Fórmula del método de la Secante

$$x_{i+1} = x_i - \frac{f(x_i)(x_{i-1} - x_i)}{f(x_{i-1}) - f(x_i)}$$

# El método de la Secante

## Secante

El método de la **secante** se basa en la misma idea que el método de **Newton-Raphson**, pero en lugar de considerar la recta tangente como aproximación, us a la recta secante.

Para ello, utiliza **dos pasos** en el pasado (la info de hoy, y de ayer) para predecir el siguiente paso (el de mañana).

La fórmula es muy parecida a la de **Newton-Raphson**, sin embargo la derivada se aproxima usando una diferencia:

### Fórmula del método de la Secante

$$x_{i+1} = x_i - \frac{f(x_i)(x_{i-1} - x_i)}{f(x_{i-1}) - f(x_i)}$$