Introducción a los métodos numéricos Aplicación de Métodos Numéricos al Ambiente Construido (CV1012)

M.C. Xavier Sánchez Díaz sax@tec.mx



Outline

- Introducción a métodos numéricos
 - Continuo vs. Discreto
 - ¿Qué son los métodos numéricos?
 - Representación digital de los números
- 2 Modelación matemática
- 3 Errores

Continuo vs. Discreto
Introducción a métodos numéricos

¿Por qué suenan tan distinto los violines de los pianos si ambos instrumentos son de cuerda?

Story time: continuo vs. discreto

Continuo vs. Discreto
Introducción a métodos numéricos

¿Por qué suenan tan distinto los violines de los pianos si ambos instrumentos son de cuerda?

Story time: continuo vs. discreto

¿Qué son los métodos numéricos?

Introducción a métodos numéricos

Definición

Los métodos numéricos son técnicas mediante las cuales es posible formular problemas matemáticos de tal forma que puedan resolverse utilizando operaciones aritméticas.

¿Qué problemas se te vienen a la mente que puedan resolverse con métodos numéricos?

¿Qué son los métodos numéricos?

Introducción a métodos numéricos

Definición

Los métodos numéricos son técnicas mediante las cuales es posible formular problemas matemáticos de tal forma que puedan resolverse utilizando operaciones aritméticas.

¿Qué problemas se te vienen a la mente que puedan resolverse con métodos numéricos?

Introducción a métodos numéricos

- Encontrar raíces de una ecuación
- Resolver sistemas de ecuaciones
- Encontrar el valor óptimo en una función
- Aproximar funciones
- Interpolar valores intermedios usando referencias
- Integrar y derivar funciones

Introducción a métodos numéricos

- Encontrar raíces de una ecuación
- Resolver sistemas de ecuaciones
- Encontrar el valor óptimo en una función
- Aproximar functiones
- Interpolar valores intermedios usando referencias
- Integrar y derivar funciones

Introducción a métodos numéricos

- Encontrar raíces de una ecuación
- Resolver sistemas de ecuaciones
- Encontrar el valor óptimo en una función
- Aproximar functiones
- Interpolar valores intermedios usando referencias
- Integrar y derivar funciones

Introducción a métodos numéricos

- Encontrar raíces de una ecuación
- Resolver sistemas de ecuaciones
- Encontrar el valor óptimo en una función
- Aproximar functiones
- Interpolar valores intermedios usando referencias
- Integrar y derivar funciones

Introducción a métodos numéricos

- Encontrar raíces de una ecuación
- Resolver sistemas de ecuaciones
- Encontrar el valor óptimo en una función
- Aproximar functiones
- Interpolar valores intermedios usando referencias
- Integrar y derivar funciones

Introducción a métodos numéricos

- Encontrar raíces de una ecuación
- Resolver sistemas de ecuaciones
- Encontrar el valor óptimo en una función
- Aproximar functiones
- Interpolar valores intermedios usando referencias
- Integrar y derivar funciones

Introducción a métodos numéricos

Si descomponemos un número en cifras, podemos obtener el valor posicional de cada una para calcular el valor de la misma...

El número 2357 es

- $2000 = 2 \times 10^3 \text{ más...}$
- $300 = 3 \times 10^2$ más...
- $50 = 5 \times 10^1$ más...
- $7 = 7 \times 10^0$

Introducción a métodos numéricos

Si descomponemos un número en cifras, podemos obtener el valor posicional de cada una para calcular el valor de la misma...

El número 2357 es:

- $2000 = 2 \times 10^3 \text{ más.} \dots$
- $300 = 3 \times 10^2$ más...
- $50 = 5 \times 10^1$ más...
- $7 = 7 \times 10^0$

Introducción a métodos numéricos

Si descomponemos un número en cifras, podemos obtener el valor posicional de cada una para calcular el valor de la misma...

El número 2357 es:

- $2000 = 2 \times 10^3 \text{ más.}..$
- $300 = 3 \times 10^2$ más...
- $50 = 5 \times 10^1$ más...
- $7 = 7 \times 10^0$

Introducción a métodos numéricos

Si descomponemos un número en cifras, podemos obtener el valor posicional de cada una para calcular el valor de la misma...

El número 2357 es:

- $2000 = 2 \times 10^3 \text{ más...}$
- $300 = 3 \times 10^2$ más...
- $50 = 5 \times 10^1$ más. . .
- $7 = 7 \times 10^0$

Introducción a métodos numéricos

Si descomponemos un número en cifras, podemos obtener el valor posicional de cada una para calcular el valor de la misma...

El número 2357 es:

- $2000 = 2 \times 10^3 \text{ más.}..$
- $300 = 3 \times 10^2$ más...
- $50 = 5 \times 10^1$ más. . .
- $7 = 7 \times 10^0$

Introducción a métodos numéricos

Si descomponemos un número en cifras, podemos obtener el valor posicional de cada una para calcular el valor de la misma...

El número 2357 es:

- $2000 = 2 \times 10^3$ más...
- $300 = 3 \times 10^2$ más...
- $50 = 5 \times 10^1$ más...
- $7 = 7 \times 10^0$

Introducción a métodos numéricos

Si descomponemos un número en cifras, podemos obtener el valor posicional de cada una para calcular el valor de la misma...

El número 2357 es:

- $2000 = 2 \times 10^3$ más...
- $300 = 3 \times 10^2$ más...
- $50 = 5 \times 10^{1}$ más...
- $7 = 7 \times 10^{0}$

Introducción a métodos numéricos

¿Qué pasa con los números decimales entonces?

Wiki: IEEE floating points

Introducción a métodos numéricos

¿Qué pasa con los números decimales entonces?

Wiki: IEEE floating points

Introducción a los métodos numéricos

Existen distintos tipos de datos con los que podemos trabajar en una computadora:

- Números enteros (integer numbers)
- Números decimales (floating point numbers)
- Cadenas de caracteres alfanuméricos (strings)

En este curso sólo nos preocuparemos por números.

Cuando **operamos** con estos datos, generamos nueva información que podríamos necesitar en el futuro.

Introducción a los métodos numéricos

Existen distintos tipos de datos con los que podemos trabajar en una computadora:

- Números enteros (integer numbers)
- Números decimales (floating point numbers)
- Cadenas de caracteres alfanuméricos (strings)

En este curso sólo nos preocuparemos por números.

Cuando **operamos** con estos datos, generamos nueva información que podríamos necesitar en el futuro.

Introducción a los métodos numéricos

Existen distintos tipos de datos con los que podemos trabajar en una computadora:

- Números enteros (integer numbers)
- Números decimales (floating point numbers)
- Cadenas de caracteres alfanuméricos (strings)

En este curso sólo nos preocuparemos por números. Cuando **operamos** con estos datos, generamos nueva información que podríamos necesitar en el futuro.

Introducción a los métodos numéricos

Existen distintos tipos de datos con los que podemos trabajar en una computadora:

- Números enteros (integer numbers)
- Números decimales (floating point numbers)
- Cadenas de caracteres alfanuméricos (strings)

En este curso sólo nos preocuparemos por números. Cuando **operamos** con estos datos, generamos nueva información que podríamos necesitar en el futuro.

Introducción a los métodos numéricos

Existen distintos tipos de datos con los que podemos trabajar en una computadora:

- Números enteros (integer numbers)
- Números decimales (floating point numbers)
- Cadenas de caracteres alfanuméricos (strings)

En este curso sólo nos preocuparemos por números. Cuando **operamos** con estos datos, generamos nueva información que podríamos necesitar en el futuro.

Introducción a los métodos numéricos

Existen distintos tipos de datos con los que podemos trabajar en una computadora:

- Números enteros (integer numbers)
- Números decimales (floating point numbers)
- Cadenas de caracteres alfanuméricos (strings)

En este curso sólo nos preocuparemos por números.

Cuando **operamos** con estos datos, generamos nueva información que podríamos necesitar en el futuro.

Introducción a los métodos numéricos

Existen distintos tipos de datos con los que podemos trabajar en una computadora:

- Números enteros (integer numbers)
- Números decimales (floating point numbers)
- Cadenas de caracteres alfanuméricos (strings)

En este curso sólo nos preocuparemos por números.

Cuando **operamos** con estos datos, generamos nueva información que podríamos necesitar en el futuro.

Introducción a los métodos numéricos

Antes de usar la computadora o la calculadora para hacer cálculos, solíamos hacer las operaciones a mano.

Por ejemplo, si queremos calcular 1270×35 , una manera de hacerlo podría ser. . .

$$1270 \times 35 =$$

$$= (1200 + 70) \times (7)(5)$$

$$= (12)(7)(5)(100) + (7)(7)(5)(10)$$

$$12 \times 5 = 60$$

$$60 \times 7 = 6 \times 7 \times 10 = 420$$

$$420 \times 100 = 42000$$

$$7 \times 7 = 49$$

$$49 \times 10 = 490$$

$$490 \times 5 = 490 \times 10/2 = 2450$$

$$42000 + 2450 = 44450 \quad \Box$$

$$1270 \times 35 =$$

$$= (1200 + 70) \times (7)(5)$$

$$= (12)(7)(5)(100) + (7)(7)(5)(10)$$

$$12 \times 5 = 60$$

$$60 \times 7 = 6 \times 7 \times 10 = 420$$

$$420 \times 100 = 42000$$

$$7 \times 7 = 49$$

$$49 \times 10 = 490$$

$$490 \times 5 = 490 \times 10/2 = 2450$$

$$42000 + 2450 = 44450 \quad \Box$$

$$1270 \times 35 =$$

$$= (1200 + 70) \times (7)(5)$$

$$= (12)(7)(5)(100) + (7)(7)(5)(10)$$

$$12 \times 5 = 60$$

$$60 \times 7 = 6 \times 7 \times 10 = 420$$

$$420 \times 100 = 42000$$

$$7 \times 7 = 49$$

$$49 \times 10 = 490$$

$$490 \times 5 = 490 \times 10/2 = 2450$$

$$42000 + 2450 = 44450 \quad \Box$$

$$1270 \times 35 =$$

$$= (1200 + 70) \times (7)(5)$$

$$= (12)(7)(5)(100) + (7)(7)(5)(10)$$

$$12 \times 5 = 60$$

$$60 \times 7 = 6 \times 7 \times 10 = 420$$

$$420 \times 100 = 42000$$

$$7 \times 7 = 49$$

$$49 \times 10 = 490$$

$$490 \times 5 = 490 \times 10/2 = 2450$$

$$42000 + 2450 = 44450 \quad \Box$$

$$1270 \times 35 =$$

$$= (1200 + 70) \times (7)(5)$$

$$= (12)(7)(5)(100) + (7)(7)(5)(10)$$

$$12 \times 5 = 60$$

$$60 \times 7 = 6 \times 7 \times 10 = 420$$

$$420 \times 100 = 42000$$

$$7 \times 7 = 49$$

$$49 \times 10 = 490$$

$$490 \times 5 = 490 \times 10/2 = 2450$$

$$42000 + 2450 = 44450 \quad \Box$$

$$1270 \times 35 =$$

$$= (1200 + 70) \times (7)(5)$$

$$= (12)(7)(5)(100) + (7)(7)(5)(10)$$

$$12 \times 5 = 60$$

$$60 \times 7 = 6 \times 7 \times 10 = 420$$

$$420 \times 100 = 42000$$

$$7 \times 7 = 49$$

$$49 \times 10 = 490$$

$$490 \times 5 = 490 \times 10/2 = 2450$$

$$42000 + 2450 = 44450 \quad \Box$$

$$1270 \times 35 =$$

$$= (1200 + 70) \times (7)(5)$$

$$= (12)(7)(5)(100) + (7)(7)(5)(10)$$

$$12 \times 5 = 60$$

$$60 \times 7 = 6 \times 7 \times 10 = 420$$

$$420 \times 100 = 42000$$

$$7 \times 7 = 49$$

$$49 \times 10 = 490$$

$$490 \times 5 = 490 \times 10/2 = 2450$$

$$42000 + 2450 = 44450 \quad \Box$$

$$1270 \times 35 =$$

$$= (1200 + 70) \times (7)(5)$$

$$= (12)(7)(5)(100) + (7)(7)(5)(10)$$

$$12 \times 5 = 60$$

$$60 \times 7 = 6 \times 7 \times 10 = 420$$

$$420 \times 100 = 42000$$

$$7 \times 7 = 49$$

$$49 \times 10 = 490$$

$$490 \times 5 = 490 \times 10/2 = 2450$$

$$42000 + 2450 = 44450 \quad \Box$$

$$1270 \times 35 =$$

$$= (1200 + 70) \times (7)(5)$$

$$= (12)(7)(5)(100) + (7)(7)(5)(10)$$

$$12 \times 5 = 60$$

$$60 \times 7 = 6 \times 7 \times 10 = 420$$

$$420 \times 100 = 42000$$

$$7 \times 7 = 49$$

$$49 \times 10 = 490$$

$$490 \times 5 = 490 \times 10/2 = 2450$$

$$42000 + 2450 = 44450 \quad \Box$$

$$1270 \times 35 =$$

$$= (1200 + 70) \times (7)(5)$$

$$= (12)(7)(5)(100) + (7)(7)(5)(10)$$

$$12 \times 5 = 60$$

$$60 \times 7 = 6 \times 7 \times 10 = 420$$

$$420 \times 100 = 42000$$

$$7 \times 7 = 49$$

$$49 \times 10 = 490$$

$$490 \times 5 = 490 \times 10/2 = 2450$$

$$42000 + 2450 = 44450 \quad \Box$$

$$1270 \times 35 =$$

$$= (1200 + 70) \times (7)(5)$$

$$= (12)(7)(5)(100) + (7)(7)(5)(10)$$

$$12 \times 5 = 60$$

$$60 \times 7 = 6 \times 7 \times 10 = 420$$

$$420 \times 100 = 42000$$

$$7 \times 7 = 49$$

$$49 \times 10 = 490$$

$$490 \times 5 = 490 \times 10/2 = 2450$$

$$42000 + 2450 = 44450 \quad \Box$$

Datos y errores Introducción a los métodos numéricos

¿Qué habría pasado si hubiera muchos puntos decimales de por medio?

¿Cuál es la representación decimal de
$$\frac{1}{7}$$
? ¿Y de $\frac{2}{7}$?

Story time: The Wolf

Datos y errores Introducción a los métodos numéricos

¿Qué habría pasado si hubiera muchos puntos decimales de por medio?

¿Cuál es la representación decimal de $\frac{1}{7}$? ¿Y de $\frac{2}{7}$?

Story time: The Wolf

Datos y errores Introducción a los métodos numéricos

¿Qué habría pasado si hubiera muchos puntos decimales de por medio?

¿Cuál es la representación decimal de
$$\frac{1}{7}$$
? ¿Y de $\frac{2}{7}$?

Story time: The Wolf

Modelación matemática

Un modelo matemático es ecuación que expresa las características esenciales de uns sistema, proceso o fenómeno en términos matemáticos.

Usualmente, el modelo se representa mediante una función de la forma:

Modelo matemático general

$$y = f(\mathbf{x}, \mathbf{p}, \mathbf{w})$$

- y es la variable dependiente,
- x son las variables independientes,
- p son los parámetros o propiedades del sistema
- w son las funciones de fuerza

Modelación matemática

Un modelo matemático es ecuación que expresa las características esenciales de uns sistema, proceso o fenómeno en términos matemáticos.

Usualmente, el modelo se representa mediante una función de la forma:

Modelo matemático general

$$y = f(\mathbf{x}, \mathbf{p}, \mathbf{w})$$

- y es la variable dependiente,
- x son las variables independientes,
- \bullet p son los parámetros o propiedades del sistema
- w son las funciones de fuerza

Modelación matemática

Un modelo matemático es ecuación que expresa las características esenciales de uns sistema, proceso o fenómeno en términos matemáticos.

Usualmente, el modelo se representa mediante una función de la forma:

Modelo matemático general

$$y = f(\mathbf{x}, \mathbf{p}, \mathbf{w})$$

- y es la variable dependiente,
- x son las variables independientes,
- \bullet p son los parámetros o propiedades del sistema
- w son las funciones de fuerza

$$y = f(\mathbf{x}, \mathbf{p}, \mathbf{w})$$

- La variable dependiente es una característica que usualmente refleja el comportamiento o estado del sistema
- Las variables independientes son dimensiones (e.g. tiempo o espacio) en las cuales se determina el comportamiento del sistema
- Los parámetros son constantes que reflejan las propiedades o la composición del sistema
- Las funciones de fuerza son influencias externas que actúan sobre el sistema

$$y = f(\mathbf{x}, \mathbf{p}, \mathbf{w})$$

- La variable dependiente es una característica que usualmente refleja el comportamiento o estado del sistema
- Las variables independientes son dimensiones (e.g. tiempo o espacio) en las cuales se determina el comportamiento del sistema
- Los parámetros son constantes que reflejan las propiedades o la composición del sistema
- Las funciones de fuerza son influencias externas que actúan sobre el sistema

$$y = f(\mathbf{x}, \mathbf{p}, \mathbf{w})$$

- La variable dependiente es una característica que usualmente refleja el comportamiento o estado del sistema
- Las variables independientes son dimensiones (e.g. tiempo o espacio) en las cuales se determina el comportamiento del sistema
- Los parámetros son constantes que reflejan las propiedades o la composición del sistema
- Las funciones de fuerza son influencias externas que actúan sobre el sistema

$$y = f(\mathbf{x}, \mathbf{p}, \mathbf{w})$$

- La variable dependiente es una característica que usualmente refleja el comportamiento o estado del sistema
- Las variables independientes son dimensiones (e.g. tiempo o espacio) en las cuales se determina el comportamiento del sistema
- Los parámetros son constantes que reflejan las propiedades o la composición del sistema
- Las funciones de fuerza son influencias externas que actúan sobre el sistema

Modelación matemática



 $\dot{\epsilon}$ Cómo calcularíamos la velocidad de un paracaidista en caída libre justo antes de que abriese el paracaídas? Veamos. . .

Modelación matemática

Comencemos con algo simple: ¿Qué hace caer al paracaidista?

La fuerza de gravedad del paracaidista lo hará caer, y una fuerza opuesta (de resistencia al aire, por ejemplo) *intentará frenarlo* (como soltar una hoja de papel en el aire).

Significa entonces que

$$\sum_{F_y} = F_g - F_r$$

donde F_y es la fuerza ejercida sobre el paracaidista, por la fuerza de gravedad F_g y la fuerza de resistencia F_r .

Modelación matemática

Comencemos con algo simple: ¿Qué hace caer al paracaidista? La fuerza de gravedad del paracaidista lo hará caer, y una fuerza opuesta (de resistencia al aire, por ejemplo) *intentará frenarlo* (como soltar una hoja de papel en el aire).

Significa entonces que

$$\sum_{F_y} = F_g - F_r$$

donde F_y es la fuerza ejercida sobre el paracaidista, por la fuerza de gravedad F_g y la fuerza de resistencia F_r .

Modelación matemática

Comencemos con algo simple: ¿Qué hace caer al paracaidista?

La fuerza de gravedad del paracaidista lo hará caer, y una fuerza opuesta (de resistencia al aire, por ejemplo) *intentará frenarlo* (como soltar una hoja de papel en el aire).

Significa entonces que

$$\sum_{F_n} = F_g - F_r$$

donde F_y es la fuerza ejercida sobre el paracaidista, por la fuerza de gravedad F_g y la fuerza de resistencia F_r .

$$F_g - F_r = F_y$$
 (reescribimos) $F_g - F_r = ma$ (por $F = ma$) $mg - F_r = ma$ (ditto) $mg - cv = ma$ (coeficiente de resistencia por velocidad) $ma = mg - cv$ (reescribimos) $m\frac{\mathrm{d}v}{\mathrm{d}t} = mg - cv$ ($a \, \mathrm{como} \, \frac{\mathrm{d}v}{\mathrm{d}t}$)

Modelación matemática

$$m\frac{\mathrm{d}v}{\mathrm{d}t} = mg - cv \qquad \qquad \text{(de slide anterior)}$$

$$m\frac{\mathrm{d}v(t)}{\mathrm{d}t} = mg - cv(t) \qquad \qquad \text{(v como función del tiempo)}$$

$$\frac{\mathrm{d}v(t)}{\mathrm{d}t} + \frac{c}{m}v(t) = g \qquad \qquad \text{(despejando g)}$$

La ecuación final es una ecuación diferencial lineal de primer orden, la cual tiene una solución ya dada¹ por:

$$v(t) = e^{-\int p(t)dt} \left(\int q(t)e^{\int p(t)dt} dt + k \right)$$

¹P. Dawkins, http://tutorial.math.lamar.edu/Classes/DE/Linear.aspx

Modelación matemática

$$m\frac{\mathrm{d}v}{\mathrm{d}t} = mg - cv \qquad \qquad \text{(de slide anterior)}$$

$$m\frac{\mathrm{d}v(t)}{\mathrm{d}t} = mg - cv(t) \qquad \qquad \text{(v como función del tiempo)}$$

$$\frac{\mathrm{d}v(t)}{\mathrm{d}t} + \frac{c}{m}v(t) = g \qquad \qquad \text{(despejando g)}$$

La ecuación final es una **ecuación diferencial lineal** de primer orden, la cual tiene una solución **ya dada**¹ por:

$$v(t) = e^{-\int p(t)dt} \left(\int q(t)e^{\int p(t)dt} dt + k \right)$$

¹P. Dawkins, http://tutorial.math.lamar.edu/Classes/DE/Linear.aspx

Modelación matemática

Y dado a que queremos la velocidad v(0)=0, entonces después de *un poco* de álgebra, llegamos a la solución final

$$v(t) = \frac{gm}{c} \left(1 - e^{-\frac{c}{m}t} \right) \tag{1}$$

Modelación matemática

Resolvamos ahora para un paracaidista específico de $m=68.1{\rm kg}$ y con un coeficiente de arrastre $c=12.5{\rm kg/s}$:

$$v(t) = \frac{9.81(68.1)}{12.5} \left(1 - e^{\frac{-12.5}{68.1}t} \right) = 53.44(1 - e^{-0.18355t})$$

de la cual podemos obtener una tabla para darnos una idea...

$$v(t) = 53.44(1 - e^{-0.18355t})$$

t (s)	v (m/s)
0	0.00
2	16.42
4	27.8
6	35.68
8	41.14
10	44.92
12	47.54
∞	53.44

Modelación matemática

Esta solución se conoce como solución analítica o exacta del modelo, ya que podemos obtener *fácilmente* las ecuaciones diferenciales para ello. No siempre es posible hacerlo.

Sin embargo, cuando no es posible hallar algo exacto, siempre podemos aproximarlo. . .

Modelación matemática

Podemos aproximar la derivada de la velocidad con respecto al tiempo como un cambio de la velocidad entre un cambio en el tiempo

$$\frac{\mathrm{d}v}{\mathrm{d}t} \approx \frac{\Delta v}{\Delta t} = \frac{v(t_{i+1}) - v(t_i)}{t_{i+1} - t_i}$$

Y con ello, podemos reformular nuestro problema

$$\sum_{F_u} = F_g - F_r$$

Modelación matemática

$$\sum_{F_y} = F_g - F_r \qquad \text{(ecuación original)}$$

$$ma = mg - cv(t_i) \qquad \text{(sustituyendo con } F = ma\text{)}$$

$$m\frac{\mathrm{d}v}{\mathrm{d}t} = mg - cv(t_i) \qquad \qquad (a \text{ como } \frac{\mathrm{d}v}{\mathrm{d}t}\text{)}$$

$$m\frac{v(t_{i+1}) - v(t_i)}{t_{i+1} - t_i} = mg - cv(t_i) \qquad \text{(reemplazamos por aproximación)}$$

y despejamos la $v(t_{i+1})$ que es lo que nos interesa...

Modelación matemática

$$v(t_{i+1}) = v(t_i) + \left[g - \frac{c}{m}v(t_i)\right](t_{i+1} - t_i)$$

Que es una ecuación para determinar la velocidad v para el punto t_{i+1} en el tiempo, usando la pendiente y los valores anteriores de v y t.

$$x_{i+1} = x_i + m \cdot s$$

Donde x_i es el valor de la variable independiente en la i-ésima iteración, m es la pendiente (o cómo cambia el sistema) y s es el paso (o step) de la aproximación.

Modelación matemática

$$v(t_{i+1}) = v(t_i) + \left[g - \frac{c}{m}v(t_i)\right](t_{i+1} - t_i)$$

Que es una ecuación para determinar la velocidad v para el punto t_{i+1} en el tiempo, usando la pendiente y los valores anteriores de v y t.

$$x_{i+1} = x_i + m \cdot s$$

Donde x_i es el valor de la variable independiente en la i-ésima iteración, m es la pendiente (o cómo cambia el sistema) y s es el paso (o step) de la aproximación.

Modelación matemática

Esta aproximación de forma

$$x_{i+1} = x_i + m \cdot s$$

se conoce como método de Euler

Live coding: Euler's method

Modelación matemática

Esta aproximación de forma

$$x_{i+1} = x_i + m \cdot s$$

se conoce como método de Euler

Live coding: Euler's method

Introducción a los métodos numéricos

Sin embargo, sigue siendo una aproximación, por lo que existe cierto error que vamos a ir cargando poco a poco por el redondeo.

El error real se calcula como

$$\varepsilon = \frac{x_{approx}}{x_{real}}$$

Si no sabemos el valor real x_{real} (muchas veces no lo sabremos) entonces se puede aproximar...

$$\varepsilon_a = \frac{err_{approx}}{val_{approx}}$$

$$\varepsilon_a = \frac{x_i - x_{i-1}}{x_i}$$

Introducción a los métodos numéricos

Sin embargo, sigue siendo una aproximación, por lo que existe cierto error que vamos a ir cargando poco a poco por el redondeo.

El error real se calcula como

$$\varepsilon = \frac{x_{approx}}{x_{real}}$$

Si no sabemos el valor real x_{real} (muchas veces no lo sabremos) entonces se puede aproximar...

$$\varepsilon_a = \frac{err_{approx}}{val_{approx}}$$

$$\varepsilon_a = \frac{x_i - x_{i-1}}{x_i}$$

Introducción a los métodos numéricos

Sin embargo, sigue siendo una aproximación, por lo que existe cierto error que vamos a ir cargando poco a poco por el redondeo.

El error real se calcula como

$$\varepsilon = \frac{x_{approx}}{x_{real}}$$

Si no sabemos el valor real x_{real} (muchas veces no lo sabremos) entonces se puede aproximar...

$$\varepsilon_a = \frac{err_{approx}}{val_{approx}}$$

$$\varepsilon_a = \frac{x_i - x_{i-1}}{x_i}$$

Introducción a los métodos numéricos

Sin embargo, sigue siendo una aproximación, por lo que existe cierto error que vamos a ir cargando poco a poco por el redondeo.

El error real se calcula como

$$\varepsilon = \frac{x_{approx}}{x_{real}}$$

Si no sabemos el valor real x_{real} (muchas veces no lo sabremos) entonces se puede aproximar...

$$\varepsilon_a = \frac{err_{approx}}{val_{approx}}$$

$$\varepsilon_a = \frac{x_i - x_{i-1}}{x_i}$$

Introducción a los métodos numéricos

Sin embargo, sigue siendo una aproximación, por lo que existe cierto error que vamos a ir cargando poco a poco por el redondeo.

El error real se calcula como

$$\varepsilon = \frac{x_{approx}}{x_{real}}$$

Si no sabemos el valor real x_{real} (muchas veces no lo sabremos) entonces se puede aproximar...

$$\varepsilon_a = \frac{err_{approx}}{val_{approx}}$$

$$\varepsilon_a = \frac{x_i - x_{i-1}}{x_i}$$

Introducción a los métodos numéricos

Si siempre vamos a tener errores, ¿cuándo nos detenemos?

Cuando estemos *lo suficientemente cerca* a lo que determinemos como adecuado para la situación:

$$\varepsilon_a \mid < \varepsilon_s$$

donde ε_s es el error establecido.

Una buena idea es usar un error establecido de

$$\varepsilon_s = 0.5 \times 10^{2-n}$$

donde el valor será correcto en al menos n cifras significativas.

Introducción a los métodos numéricos

Si siempre vamos a tener errores, ¿cuándo nos detenemos? Cuando estemos *lo suficientemente cerca* a lo que determinemos como adecuado para la situación:

$$\mid \varepsilon_a \mid < \varepsilon_s$$

donde ε_s es el error establecido.

Una buena idea es usar un error establecido de

$$\varepsilon_s = 0.5 \times 10^{2-n}$$

donde el valor será correcto en al menos n cifras significativas.

Introducción a los métodos numéricos

Si siempre vamos a tener errores, ¿cuándo nos detenemos? Cuando estemos *lo suficientemente cerca* a lo que determinemos como **adecuado** para la situación:

$$\mid \varepsilon_a \mid < \varepsilon_s$$

donde ε_s es el error establecido.

Una buena idea es usar un error establecido de

$$\varepsilon_s = 0.5 \times 10^{2-n}$$

donde el valor será correcto en al menos n cifras significativas.