Trabajando con la verdad Modelación de la Ingeniería con Matemática Computacional (TC1003B)

M.C. Xavier Sánchez Díaz mail@tec.mx



Outline

1 De los símbolos al significado

2 Detalle de tablas de verdad

Equivalencias y leyes

De los símbolos al significado

Hasta ahora hemos revisado lo siguiente:

- La conjunción (Te quiero con limón y con sal)
- La disyunción (Coca o Pepsi; cualquiera de las dos está bien)
- La negación (No es cierto que ella te odie)
- La implicación (Si te aplicas, entonces vas a pasar el semestre sin problemas)

- Variables: P, Q, R
- ullet Estatutos atómicos P o estatutos compuestos $P \implies Q$
- Conectivos y operadores lógicos: ∨, ∧, ⇒ , ⇔ , −

De los símbolos al significado

Hasta ahora hemos revisado lo siguiente:

- La conjunción (Te quiero con limón y con sal)
- La disyunción (Coca o Pepsi; cualquiera de las dos está bien)
- La negación (No es cierto que ella te odie)
- La implicación (Si te aplicas, entonces vas a pasar el semestre sin problemas)

- Variables: P, Q, R
- ullet Estatutos atómicos P o estatutos compuestos $P \implies Q$
- Conectivos y operadores lógicos: ∨, ∧, ⇒ , ←⇒ , −

De los símbolos al significado

Hasta ahora hemos revisado lo siguiente:

- La conjunción (Te quiero con limón y con sal)
- La disyunción (Coca o Pepsi; cualquiera de las dos está bien)
- La negación (No es cierto que ella te odie)
- La implicación (Si te aplicas, entonces vas a pasar el semestre sin problemas)

- Variables: P, Q, R
- ullet Estatutos atómicos P o estatutos compuestos $P \implies Q$
- Conectivos y operadores lógicos: ∨, ∧, ⇒ , ⇔ ,¬

De los símbolos al significado

Hasta ahora hemos revisado lo siguiente:

- La conjunción (Te quiero con limón y con sal)
- La disyunción (Coca o Pepsi; cualquiera de las dos está bien)
- La negación (No es cierto que ella te odie)
- La implicación (Si te aplicas, entonces vas a pasar el semestre sin problemas)

- Variables: P, Q, R
- ullet Estatutos atómicos P o estatutos compuestos $P \implies Q$
- Conectivos y operadores lógicos: ∨, ∧, ⇒ , ⇔ ,¬

De los símbolos al significado

Hasta ahora hemos revisado lo siguiente:

- La conjunción (Te quiero con limón y con sal)
- La disyunción (Coca o Pepsi; cualquiera de las dos está bien)
- La negación (No es cierto que ella te odie)
- La implicación (Si te aplicas, entonces vas a pasar el semestre sin problemas)

- Variables: P, Q, R
- ullet Estatutos atómicos P o estatutos compuestos $P \implies Q$
- Conectivos y operadores lógicos: ∨, ∧, ⇒ , ⇔ ,¬

De los símbolos al significado

Hasta ahora hemos revisado lo siguiente:

- La conjunción (Te quiero con limón y con sal)
- La disyunción (Coca o Pepsi; cualquiera de las dos está bien)
- La negación (No es cierto que ella te odie)
- La implicación (Si te aplicas, entonces vas a pasar el semestre sin problemas)

- Variables: P, Q, R
- ullet Estatutos atómicos P o estatutos compuestos $P \implies Q$
- Conectivos y operadores lógicos: ∨, ∧, ⇒ , ⇔ ,¬

De los símbolos al significado

Hasta ahora hemos revisado lo siguiente:

- La conjunción (Te quiero con limón y con sal)
- La disyunción (Coca o Pepsi; cualquiera de las dos está bien)
- La negación (No es cierto que ella te odie)
- La implicación (Si te aplicas, entonces vas a pasar el semestre sin problemas)

- Variables: P, Q, R
- ullet Estatutos atómicos P o estatutos compuestos $P \implies Q$
- Conectivos y operadores lógicos: ∨, ∧, ⇒ , ⇔ ,¬

De los símbolos al significado

Hasta ahora hemos revisado lo siguiente:

- La conjunción (Te quiero con limón y con sal)
- La disyunción (Coca o Pepsi; cualquiera de las dos está bien)
- La negación (No es cierto que ella te odie)
- La implicación (Si te aplicas, entonces vas a pasar el semestre sin problemas)

- Variables: P, Q, R
- ullet Estatutos atómicos P o estatutos compuestos $P \implies Q$
- Conectivos y operadores lógicos: ∨, ∧, ⇒ , ⇔ ,¬

De los símbolos al significado

Para poder entender de dónde sale una tabla de verdad, primero hay que entender cómo afecta cada operador a cada estatuto.

Sabemos que si tenemos $P \wedge Q$ significa que tenemos que cumplir con ambas condiciones para decir la verdad. ¿Qué pasa en el siguiente enunciado?

$\neg P \wedge Q$

¿Cuál de las siguientes preguntas es la que representa al enunciado anterior?

- No tengo hambre y estoy enojado
- Ni tengo hambre, ni estoy enojado
- Tengo hambre y no estoy enojado
- No es cierto que tenga hambre y esté enojado

De los símbolos al significado

Para poder entender de dónde sale una tabla de verdad, primero hay que entender cómo afecta cada operador a cada estatuto.

Sabemos que si tenemos $P\wedge Q$ significa que tenemos que cumplir con ambas condiciones para decir la verdad. ¿Qué pasa en el siguiente enunciado?

$$\neg P \wedge Q$$

¿Cuál de las siguientes preguntas es la que representa al enunciado anterior?

- No tengo hambre y estoy enojado
- Ni tengo hambre, ni estoy enojado
- Tengo hambre y no estoy enojado
- No es cierto que tenga hambre y esté enojado
- ¿A qué está afectando el ¬?

De los símbolos al significado

Para poder entender de dónde sale una tabla de verdad, primero hay que entender cómo afecta cada operador a cada estatuto.

Sabemos que si tenemos $P\wedge Q$ significa que tenemos que cumplir con ambas condiciones para decir la verdad. ¿Qué pasa en el siguiente enunciado?

$$\neg P \wedge Q$$

¿Cuál de las siguientes preguntas es la que representa al enunciado anterior?

- No tengo hambre y estoy enojado
- Ni tengo hambre, ni estoy enojado
- Tengo hambre y no estoy enojado
- No es cierto que tenga hambre y esté enojado
- ¿A qué está afectando el ¬?

De los símbolos al significado

Para poder entender de dónde sale una tabla de verdad, primero hay que entender cómo afecta cada operador a cada estatuto.

Sabemos que si tenemos $P\wedge Q$ significa que tenemos que cumplir con ambas condiciones para decir la verdad. ¿Qué pasa en el siguiente enunciado?

$$\neg P \wedge Q$$

¿Cuál de las siguientes preguntas es la que representa al enunciado anterior?

- No tengo hambre y estoy enojado
- Ni tengo hambre, ni estoy enojado
- Tengo hambre y no estoy enojado
- No es cierto que tenga hambre y esté enojado

De los símbolos al significado

Para poder entender de dónde sale una tabla de verdad, primero hay que entender cómo afecta cada operador a cada estatuto.

Sabemos que si tenemos $P\wedge Q$ significa que tenemos que cumplir con ambas condiciones para decir la verdad. ¿Qué pasa en el siguiente enunciado?

$$\neg P \wedge Q$$

¿Cuál de las siguientes preguntas es la que representa al enunciado anterior?

- No tengo hambre y estoy enojado
- Ni tengo hambre, ni estoy enojado
- Tengo hambre y no estoy enojado
- No es cierto que tenga hambre y esté enojado

De los símbolos al significado

Para poder entender de dónde sale una tabla de verdad, primero hay que entender cómo afecta cada operador a cada estatuto.

Sabemos que si tenemos $P \wedge Q$ significa que tenemos que cumplir con ambas condiciones para decir la verdad. ¿Qué pasa en el siguiente enunciado?

$$\neg P \wedge Q$$

¿Cuál de las siguientes preguntas es la que representa al enunciado anterior?

- No tengo hambre y estoy enojado
- Ni tengo hambre, ni estoy enojado
- Tengo hambre y no estoy enojado
- No es cierto que tenga hambre y esté enojado

De los símbolos al significado

Para poder entender de dónde sale una tabla de verdad, primero hay que entender cómo afecta cada operador a cada estatuto.

Sabemos que si tenemos $P\wedge Q$ significa que tenemos que cumplir con ambas condiciones para decir la verdad. ¿Qué pasa en el siguiente enunciado?

$$\neg P \wedge Q$$

¿Cuál de las siguientes preguntas es la que representa al enunciado anterior?

- No tengo hambre y estoy enojado
- Ni tengo hambre, ni estoy enojado
- Tengo hambre y no estoy enojado
- No es cierto que tenga hambre y esté enojado

De los símbolos al significado

Para poder entender de dónde sale una tabla de verdad, primero hay que entender cómo afecta cada operador a cada estatuto.

Sabemos que si tenemos $P \wedge Q$ significa que tenemos que cumplir con ambas condiciones para decir la verdad. ¿Qué pasa en el siguiente enunciado?

$$\neg P \wedge Q$$

¿Cuál de las siguientes preguntas es la que representa al enunciado anterior?

- No tengo hambre y estoy enojado
- Ni tengo hambre, ni estoy enojado
- Tengo hambre y no estoy enojado
- No es cierto que tenga hambre y esté enojado

De los símbolos al significado

Para poder entender de dónde sale una tabla de verdad, primero hay que entender cómo afecta cada operador a cada estatuto.

Sabemos que si tenemos $P \wedge Q$ significa que tenemos que cumplir con ambas condiciones para decir la verdad. ¿Qué pasa en el siguiente enunciado?

$$\neg P \wedge Q$$

¿Cuál de las siguientes preguntas es la que representa al enunciado anterior?

- No tengo hambre y estoy enojado
- Ni tengo hambre, ni estoy enojado
- Tengo hambre y no estoy enojado
- No es cierto que tenga hambre y esté enojado

De los símbolos al significado

Para poder entender de dónde sale una tabla de verdad, primero hay que entender cómo afecta cada operador a cada estatuto.

Sabemos que si tenemos $P \wedge Q$ significa que tenemos que cumplir con ambas condiciones para decir la verdad. ¿Qué pasa en el siguiente enunciado?

$$\neg P \wedge Q$$

¿Cuál de las siguientes preguntas es la que representa al enunciado anterior?

- No tengo hambre y estoy enojado
- Ni tengo hambre, ni estoy enojado
- Tengo hambre y no estoy enojado
- No es cierto que tenga hambre y esté enojado

De los símbolos al significado

El término aridad hace referencia a cuántos posibles valores puede tomar algo.

Como ejemplo, tenemos el operador \lor , que es un operador binario (bi de 2) puesto a que necesita 2 átomos para operar:

De los símbolos al significado

El término aridad hace referencia a cuántos posibles valores puede tomar algo.

Como ejemplo, tenemos el operador \lor , que es un operador binario (bi de 2), puesto a que necesita 2 átomos para operar:

De los símbolos al significado

El término aridad hace referencia a cuántos posibles valores puede tomar algo.

Como ejemplo, tenemos el operador \lor , que es un operador binario (bi de 2), puesto a que necesita 2 átomos para operar:

De los símbolos al significado

El término aridad hace referencia a cuántos posibles valores puede tomar algo.

Como ejemplo, tenemos el operador \lor , que es un operador binario (bi de 2), puesto a que necesita 2 átomos para operar:

De los símbolos al significado

El término aridad hace referencia a cuántos posibles valores puede tomar algo.

Como ejemplo, tenemos el operador \lor , que es un operador binario (bi de 2), puesto a que necesita 2 átomos para operar:

De los símbolos al significado

El término aridad hace referencia a cuántos posibles valores puede tomar algo.

Como ejemplo, tenemos el operador \lor , que es un operador binario (bi de 2), puesto a que necesita 2 átomos para operar:

- ¿Qué otros operadores conoces que sean binarios?
- ¿Cuántos átomos necesita el ¬ para operar?
- ¿Cuántos valores posibles puede tomar una variable atómica?

De los símbolos al significado

Una tabla de verdad es una manera sencilla de recordar cómo funcionan los conectivos lógicos.

Dado a que las variables **atómicas** (también llamadas variables *booleanas*) son **binarias**. . .

- ullet ¿Cuántos posibles *outcomes* tenemos para una sola variable P?
- ¿Cuántos outcomes tenemos para $P \wedge Q$?
- ¿De cuántas posibles *maneras* podemos llegar a los posibles outcomes de $P \wedge Q$?

De los símbolos al significado

Una tabla de verdad es una manera *sencilla* de recordar cómo funcionan los conectivos lógicos.

Dado a que las variables **atómicas** (también llamadas variables *booleanas*) son **binarias**. . .

- ullet ¿Cuántos posibles *outcomes* tenemos para una sola variable P?
- ¿Cuántos outcomes tenemos para $P \wedge Q$?
- ¿De cuántas posibles *maneras* podemos llegar a los posibles outcomes de $P \wedge Q$?

De los símbolos al significado

Una tabla de verdad es una manera sencilla de recordar cómo funcionan los conectivos lógicos.

Dado a que las variables **atómicas** (también llamadas variables *booleanas*) son **binarias**. . .

- ¿Cuántos posibles *outcomes* tenemos para una sola variable *P*?
- ¿Cuántos outcomes tenemos para $P \wedge Q$?
- ¿De cuántas posibles maneras podemos llegar a los posibles outcomes de $P \wedge Q$?

De los símbolos al significado

Una tabla de verdad es una manera sencilla de recordar cómo funcionan los conectivos lógicos.

Dado a que las variables **atómicas** (también llamadas variables *booleanas*) son **binarias**. . .

- ¿Cuántos posibles *outcomes* tenemos para una sola variable *P*?
- ¿Cuántos outcomes tenemos para $P \wedge Q$?
- ¿De cuántas posibles maneras podemos llegar a los posibles outcomes de $P \wedge Q$?

De los símbolos al significado

Una tabla de verdad es una manera sencilla de recordar cómo funcionan los conectivos lógicos.

Dado a que las variables **atómicas** (también llamadas variables *booleanas*) son **binarias**. . .

- ¿Cuántos posibles *outcomes* tenemos para una sola variable P?
- ¿Cuántos outcomes tenemos para $P \wedge Q$?
- ¿De cuántas posibles maneras podemos llegar a los posibles outcomes de $P \wedge Q$?

De los símbolos al significado

Una tabla de verdad es una manera sencilla de recordar cómo funcionan los conectivos lógicos.

Dado a que las variables **atómicas** (también llamadas variables *booleanas*) son **binarias**. . .

- ¿Cuántos posibles *outcomes* tenemos para una sola variable P?
- ¿Cuántos outcomes tenemos para $P \wedge Q$?
- ¿De cuántas posibles maneras podemos llegar a los posibles outcomes de $P \wedge Q$?

De los símbolos al significado

Una tabla de verdad es una manera sencilla de recordar cómo funcionan los conectivos lógicos.

Dado a que las variables **atómicas** (también llamadas variables *booleanas*) son **binarias**. . .

- ¿Cuántos posibles *outcomes* tenemos para una sola variable P?
- ¿Cuántos outcomes tenemos para $P \wedge Q$?
- ¿De cuántas posibles maneras podemos llegar a los posibles outcomes de $P \wedge Q$?

P Detalle de tablas de verdad

La tabla de verdad de P consta de todos sus posibles valores:

P T F

- Tiene dos renglones puesto a que es una sola variable que puede tomar dos valores
- Equivale a la presencia o ausencia de una señal: prendido o bien apagado
- Ejemplo: Está lloviendo

P Detalle de tablas de verdad

La tabla de verdad de P consta de todos sus posibles valores:

<u>Р</u> Т F

- Tiene dos renglones puesto a que es una sola variable que puede tomar dos valores
- Equivale a la presencia o ausencia de una señal: prendido o bien apagado
- Ejemplo: Está lloviendo

P Detalle de tablas de verdad

La tabla de verdad de P consta de todos sus posibles valores:

P T F

- Tiene dos renglones puesto a que es una sola variable que puede tomar dos valores
- Equivale a la presencia o ausencia de una señal: prendido o bien apagado
- Ejemplo: Está lloviendo

La tabla de verdad de P consta de todos sus posibles valores:

-Р Т F

- Tiene dos renglones puesto a que es una sola variable que puede tomar dos valores
- Equivale a la **presencia** o **ausencia** de una señal: *prendido* o bien apagado
- Ejemplo: Está lloviendo

La tabla de verdad de P consta de todos sus posibles valores:

-Р Т F

- Tiene dos renglones puesto a que es una sola variable que puede tomar dos valores
- Equivale a la **presencia** o **ausencia** de una señal: *prendido* o bien apagado
- Ejemplo: Está lloviendo

- ¿Cuántos renglones tiene?
- ullet Equivale lo contrario de lo que sea que valga P
- Ejemplo: no es cierto que está lloviendo

- ¿Cuántos renglones tiene?
- ullet Equivale *lo contrario* de lo que sea que valga P
- Ejemplo: no es cierto que está lloviendo

- ¿Cuántos renglones tiene?
- ullet Equivale *lo contrario* de lo que sea que valga P
- Ejemplo: *no es cierto que* está lloviendo

- ¿Cuántos renglones tiene?
- ullet Equivale *lo contrario* de lo que sea que valga P
- Ejemplo: *no es cierto que está lloviendo*

- ¿Cuántos renglones tiene?
- ullet Equivale *lo contrario* de lo que sea que valga P
- Ejemplo: *no es cierto que está lloviendo*

$P \vee Q$

Detalle de las tablas de verdad

La tabla de verdad de $P \vee Q$ consta de los posibles valores de P, de Q y de $P \vee Q$:

\overline{P}	Q	$P \lor Q$
Т	Т	Т
Τ	F	Т
F	Т	Т
F	F	F

- 4 renglones
- Ejemplo: Coca o pepsi
- Con cualquier que lleves, ya cumpliste. La única manera de no cumplir es que no lleves ninguna de las dos.

$P \wedge Q$

Detalle de las tablas de verdad

La tabla de verdad de $P \wedge Q$ consta de los posibles valores de P, de Q y de $P \wedge Q$:

P	Q	$P \wedge Q$
Т	Т	Т
Τ	F	F
F	Т	F
F	F	F

- 4 renglones
- Ejemplo: Sin leche y sin azúcar
- La única manera de cumplir es si ambas son ciertas.

$P \Longrightarrow Q$ Detalle de las tablas de verdad

La tabla de verdad de $P \implies Q$ consta de los posibles valores de P, de Q y de $P \implies Q$:

\overline{P}	Q	$P \implies Q$
Т	Т	Т
Τ	F	F
F	Т	Т
F	F	Т

- 4 renglones
- Ejemplo: Si estudias, pasarás sin problemas el semestre
- Si la hipótesis es verdadera, y no ocurre lo que dices, entonces mentías
- Si la hipótesis es falsa, puedo concluir cualquier cosa

Equivalencias y leyes

En orden de fuerza de cohesión, tenemos lo siguiente:

- **1** -
- $2 \wedge, \vee$
- **3**
- **4** ←⇒

Es decir que

$$P \wedge Q \implies \neg R$$

Equivalencias y leyes

En orden de fuerza de cohesión, tenemos lo siguiente:

- **1** ¬
- **2** ∧, ∨
- 3
- 4 ⇒

Es decir que

$$P \wedge Q \implies \neg R$$

Equivalencias y leyes

En orden de fuerza de cohesión, tenemos lo siguiente:

- 0 ¬
- \bigcirc \wedge, \vee
- **③** ⇒
- **4** ←⇒

Es decir que

$$P \wedge Q \implies \neg R$$

Equivalencias y leyes

En orden de fuerza de cohesión, tenemos lo siguiente:

- **1** ¬
- \bigcirc \wedge, \vee
- **3** ⇒
- **4** ←⇒

Es decir que

$$P \wedge Q \implies \neg R$$

Equivalencias y leyes

En orden de fuerza de cohesión, tenemos lo siguiente:

- **1** ¬
- \bigcirc \wedge, \vee
- **3** ⇒
- **4** ←⇒

Es decir que

$$P \wedge Q \implies \neg R$$

Equivalencias y leyes

En orden de fuerza de cohesión, tenemos lo siguiente:

- **1** ¬
- **2** ∧, ∨
- **3** ⇒
- **4** ←⇒

Es decir que

$$P \wedge Q \implies \neg R$$

Equivalencias

Equivalencias y leyes

Dos enunciados P y Q son equivalentes $(P \equiv Q)$ si sus tablas de verdad son iguales.

- ① Construye la tabla de verdad de $P \implies Q$
- 2 Construye la tabla de verdad de $Q \implies P$
- 3 ¿Qué obtienes con la conjunción de los enunciados 1 y 2?

Equivalencias

Equivalencias y leyes

Dos enunciados P y Q son equivalentes ($P \equiv Q$) si sus tablas de verdad son iguales.

- Construye la tabla de verdad de $P \implies Q$
- 2 Construye la tabla de verdad de $Q \implies P$
- 3 ¿Qué obtienes con la conjunción de los enunciados 1 y 2?

- $\bullet \ P \implies Q \equiv \neg P \lor Q$
- $\bullet \neg (\neg P) \equiv P$
- $Q \vee P \equiv P \vee Q$
- $Q \wedge P \equiv P \wedge Q$

- $\bullet \ (P \implies Q) \land (Q \implies P) \equiv P \iff Q$
- \bullet $P \lor P \equiv P$
- $\bullet P \wedge P \equiv P$
- $P \lor T \equiv T$
- $P \wedge T \equiv P$
- \bullet $P \lor F = P$
- \bullet $P \wedge F \equiv F$

- $P \implies Q \equiv \neg P \lor Q$
- $\neg (\neg P) \equiv P$
- $\bullet \ Q \vee P \equiv P \vee Q$
- $Q \wedge P \equiv P \wedge Q$
- $\neg (P \lor Q) \equiv \neg P \land \neg Q$
- $\neg (P \land Q) \equiv \neg P \lor \neg Q$
- $(P \implies Q) \land (Q \implies P) \equiv P \iff Q$
- $P \lor P \equiv P$
- $P \wedge P \equiv P$
- $P \lor T \equiv T$
- $P \wedge T \equiv P$
- $P \vee F \equiv P$
- \bullet $P \wedge F \equiv F$

- $P \implies Q \equiv \neg P \lor Q$
- $\neg (\neg P) \equiv P$
- $\bullet \ Q \vee P \equiv P \vee Q$
- $Q \wedge P \equiv P \wedge Q$
- $\neg (P \lor Q) \equiv \neg P \land \neg Q$
- $\neg (P \land Q) \equiv \neg P \lor \neg Q$
- $(P \implies Q) \land (Q \implies P) \equiv P \iff Q$
- $P \lor P \equiv P$
- $P \wedge P \equiv P$
- $P \lor T \equiv T$
- $P \wedge T \equiv P$
- $P \vee F \equiv P$
- $P \wedge F \equiv F$

- $P \implies Q \equiv \neg P \lor Q$
- $\neg (\neg P) \equiv P$
- $\bullet \ Q \vee P \equiv P \vee Q$
- $Q \wedge P \equiv P \wedge Q$
- $\neg (P \lor Q) \equiv \neg P \land \neg Q$
- $\neg (P \land Q) \equiv \neg P \lor \neg Q$
- $(P \implies Q) \land (Q \implies P) \equiv P \iff Q$
- $P \lor P \equiv P$
- $P \wedge P \equiv P$
- $P \lor T \equiv T$
- $P \wedge T \equiv P$
- $P \vee F \equiv P$
- $P \wedge F \equiv F$

- $P \implies Q \equiv \neg P \lor Q$
- $\neg (\neg P) \equiv P$
- $Q \vee P \equiv P \vee Q$
- $Q \wedge P \equiv P \wedge Q$
- $\neg (P \lor Q) \equiv \neg P \land \neg Q$
- $\neg (P \land Q) \equiv \neg P \lor \neg Q$
- $(P \implies Q) \land (Q \implies P) \equiv P \iff Q$
- $P \lor P \equiv P$
- $P \wedge P \equiv P$
- $P \lor T \equiv T$
- $P \wedge T = P$
- $P \vee F \equiv P$
- $P \wedge F \equiv F$

- $P \implies Q \equiv \neg P \lor Q$
- $\neg (\neg P) \equiv P$
- $Q \vee P \equiv P \vee Q$
- $Q \wedge P \equiv P \wedge Q$
- $\neg (P \lor Q) \equiv \neg P \land \neg Q$
- $\neg (P \land Q) \equiv \neg P \lor \neg Q$
- $\bullet \ (P \implies Q) \land (Q \implies P) \equiv P \iff Q$
- $P \lor P \equiv P$
- $P \wedge P \equiv P$
- $P \lor T \equiv T$
- $P \wedge T \equiv P$
- $P \vee F \equiv P$
- $P \wedge F \equiv F$

- $P \implies Q \equiv \neg P \lor Q$
- $\neg (\neg P) \equiv P$
- $\bullet \ Q \vee P \equiv P \vee Q$
- $Q \wedge P \equiv P \wedge Q$
- $\neg (P \lor Q) \equiv \neg P \land \neg Q$
- $\neg (P \land Q) \equiv \neg P \lor \neg Q$
- $\bullet \ (P \implies Q) \land (Q \implies P) \equiv P \iff Q$
- $P \lor P \equiv P$
- $P \wedge P \equiv P$
- $P \lor T \equiv T$
- $P \wedge T \equiv P$
- $P \vee F \equiv P$
- $P \wedge F \equiv F$

- $P \implies Q \equiv \neg P \lor Q$
- $\neg (\neg P) \equiv P$
- $Q \vee P \equiv P \vee Q$
- $Q \wedge P \equiv P \wedge Q$
- $\neg (P \lor Q) \equiv \neg P \land \neg Q$
- $\neg (P \land Q) \equiv \neg P \lor \neg Q$
- $\bullet \ (P \implies Q) \land (Q \implies P) \equiv P \iff Q$
- $P \lor P \equiv P$
- $P \wedge P \equiv P$
- $P \lor T \equiv T$
- $P \wedge T \equiv P$
- $P \vee F \equiv P$
- $P \wedge F \equiv F$

- $P \implies Q \equiv \neg P \lor Q$
- $\neg (\neg P) \equiv P$
- $Q \vee P \equiv P \vee Q$
- $Q \wedge P \equiv P \wedge Q$
- $\neg (P \lor Q) \equiv \neg P \land \neg Q$
- $\neg (P \land Q) \equiv \neg P \lor \neg Q$
- $(P \implies Q) \land (Q \implies P) \equiv P \iff Q$
- $P \lor P \equiv P$
- $P \wedge P \equiv P$
- $P \lor T \equiv T$
- $P \wedge T \equiv P$
- $P \vee F \equiv P$
- $P \wedge F \equiv F$

- $P \implies Q \equiv \neg P \lor Q$
- $\neg (\neg P) \equiv P$
- $Q \vee P \equiv P \vee Q$
- $Q \wedge P \equiv P \wedge Q$
- $\neg (P \lor Q) \equiv \neg P \land \neg Q$
- $\neg (P \land Q) \equiv \neg P \lor \neg Q$
- $\bullet \ (P \implies Q) \land (Q \implies P) \equiv P \iff Q$
- $P \lor P \equiv P$
- $P \wedge P \equiv P$
- $P \vee T \equiv T$
- $P \wedge T \equiv P$
- $P \vee F \equiv P$
- \bullet $P \wedge F \equiv F$

- $P \implies Q \equiv \neg P \lor Q$
- $\neg (\neg P) \equiv P$
- $Q \vee P \equiv P \vee Q$
- $Q \wedge P \equiv P \wedge Q$
- $\neg (P \lor Q) \equiv \neg P \land \neg Q$
- $\neg (P \land Q) \equiv \neg P \lor \neg Q$
- $\bullet \ (P \implies Q) \land (Q \implies P) \equiv P \iff Q$
- $P \lor P \equiv P$
- $P \wedge P \equiv P$
- $\bullet \ P \vee T \equiv T$
- $P \wedge T \equiv P$
- $P \vee F \equiv P$
- $P \wedge F \equiv F$

- $P \implies Q \equiv \neg P \lor Q$
- $\neg (\neg P) \equiv P$
- $Q \vee P \equiv P \vee Q$
- $Q \wedge P \equiv P \wedge Q$
- $\neg (P \lor Q) \equiv \neg P \land \neg Q$
- $\neg (P \land Q) \equiv \neg P \lor \neg Q$
- $(P \implies Q) \land (Q \implies P) \equiv P \iff Q$
- $P \lor P \equiv P$
- $P \wedge P \equiv P$
- $P \lor T \equiv T$
- $P \wedge T \equiv P$
- $P \lor F \equiv P$
- \bullet $P \wedge F \equiv F$

- $P \implies Q \equiv \neg P \lor Q$
- $\neg (\neg P) \equiv P$
- $Q \vee P \equiv P \vee Q$
- $Q \wedge P \equiv P \wedge Q$
- $\neg (P \lor Q) \equiv \neg P \land \neg Q$
- $\neg (P \land Q) \equiv \neg P \lor \neg Q$
- $(P \implies Q) \land (Q \implies P) \equiv P \iff Q$
- $P \lor P \equiv P$
- $P \wedge P \equiv P$
- $P \lor T \equiv T$
- $P \wedge T \equiv P$
- $P \vee F \equiv P$
- $P \wedge F \equiv F$

- $\bullet \ P \implies Q \equiv \neg P \lor Q$
- $\neg (\neg P) \equiv P$
- $Q \lor P \equiv P \lor Q$
- $Q \wedge P \equiv P \wedge Q$
- $\bullet \neg (P \lor Q) \equiv \neg P \land \neg Q$
- $\neg (P \land Q) \equiv \neg P \lor \neg Q$
- $(P \implies Q) \land (Q \implies P) \equiv P \iff Q$
- $P \lor P \equiv P$
- $P \wedge P \equiv P$
- $P \lor T \equiv T$
- $P \wedge T = P$
- $P \lor F = P$
- $P \wedge F \equiv F$