1 3-vehoter u ve v aseg, dah; ghi olsun:

$$u = \begin{bmatrix} 2 \\ 1 \end{bmatrix}$$
 $v = \begin{bmatrix} 4 \\ 4 \end{bmatrix}$ 

a)  $u^{T}v = ?$ 

Govern:

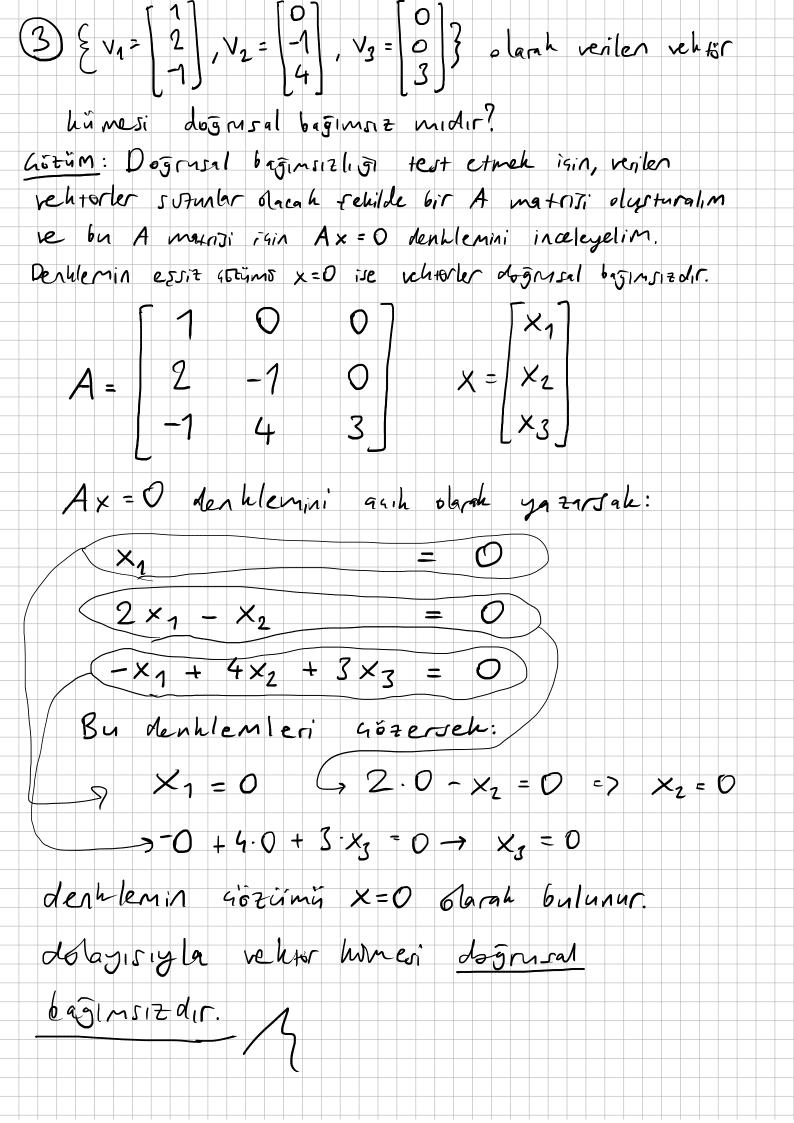
 $u^{T}v = \begin{bmatrix} 2 \\ 1 \end{bmatrix}$ 
 $u^{T}v = \begin{bmatrix} 2 \\ 1 \end{bmatrix}$ 
 $u^{T}v = \begin{bmatrix} 2 \\ 2 \end{bmatrix}$ 

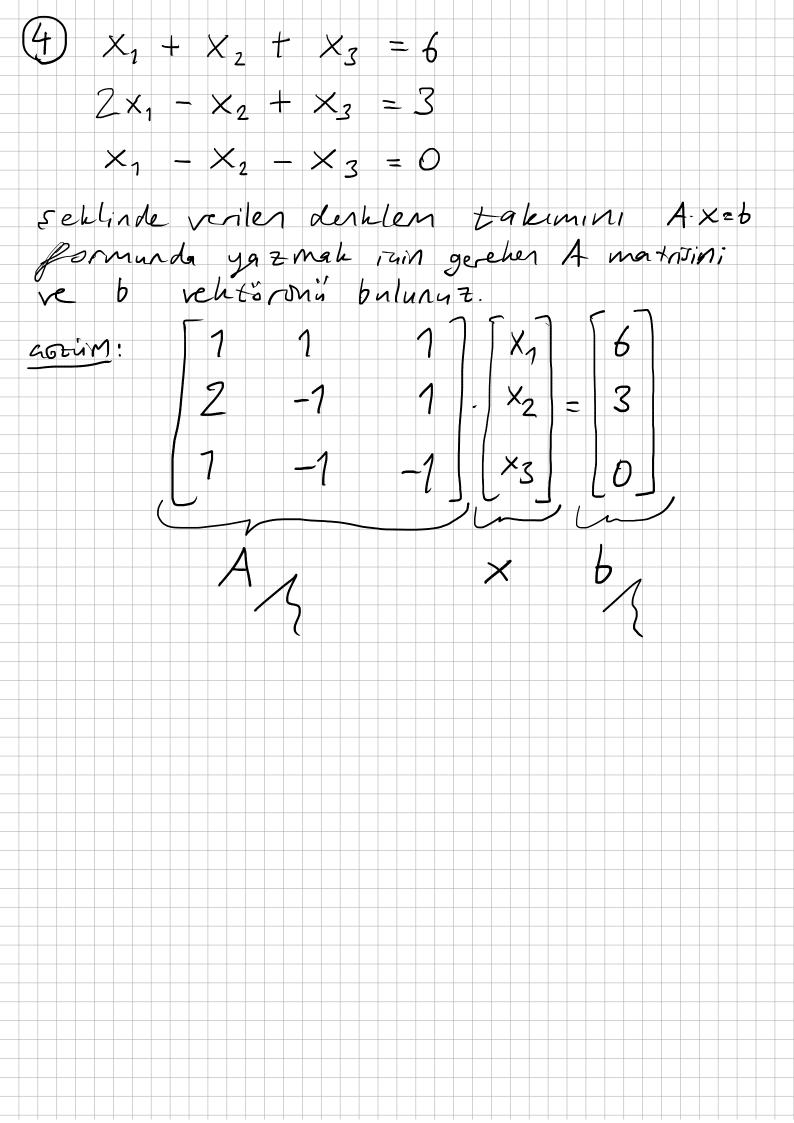
b) u ve v arannahi: axiy: hejaplayin.

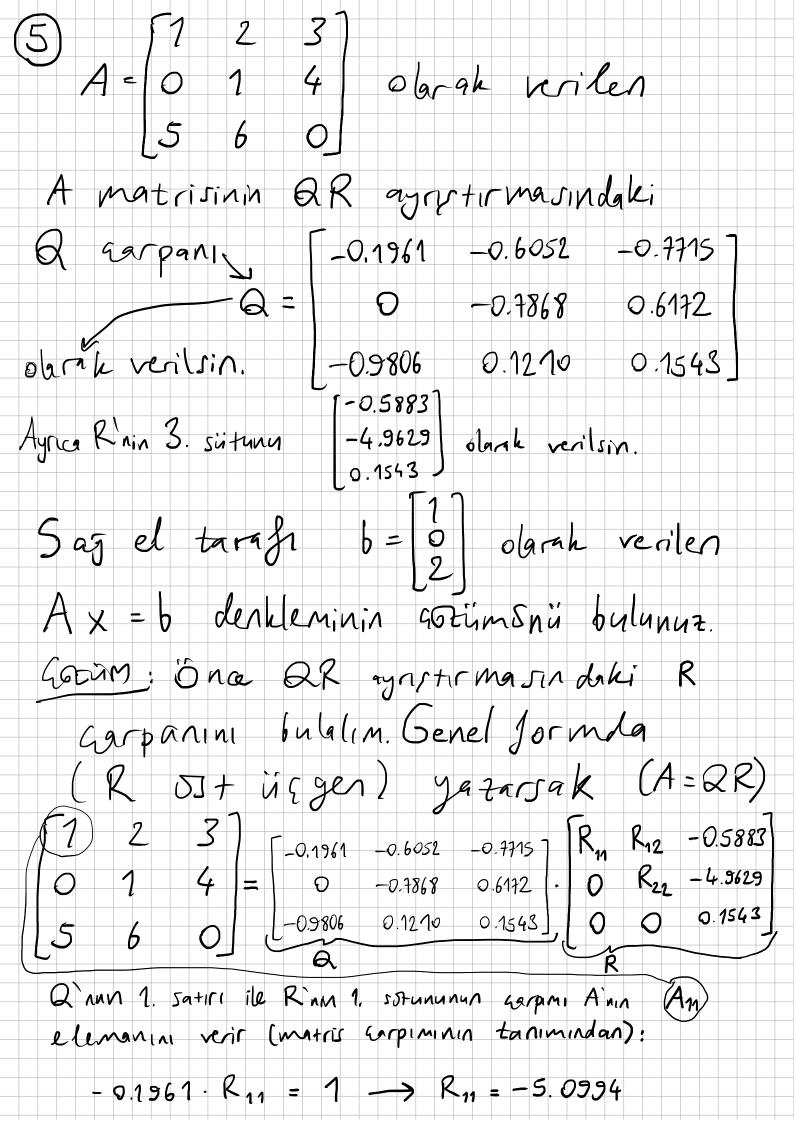
Govern:

 $\cos(0) = \frac{u^{T}v}{||u|||(|v||)}$ 
 $\cos(0) = \frac{u^{T}v}{||u|||(|v||)}$ 

C	) レ	l	do	J~	al tu	541	nd	aki		bi	<u> </u>	ч	V	-h	16	rs	-	he.	Sa	r l	ay .	<b>1</b> 1.			
Ciô	Zür	) ;	и		do	GV	ul	tys	·u	1 d	(, l	L)	6	ri	M		یمرا	h	ŏſ	_					
			ile																						
	6	100		صرا		rêr	1.	<b>2</b>				1.	124	, ,	ho	لر	~9,	1 8.1	۲.	· <b>~</b>	\ \	وا	<del>K</del> (		
	u		1			2			7		1	<u> </u>	101	· · /~	46	ام	1	661	l n	10	اعر	4	u	Lon	my
	Jul	=	VI	<del>-</del>		1						1		6 lg	M		v	hs	6/		elo	de			
	•					-3				0	$\downarrow$		م	l; l	el	bil	lir	- (	d	ŭ Z	ge	le. Pat	ne iov	1	)/
									1/	5		\						V			7.57	- ''			
			(	1 7				ŗ,	<b>7</b> 1																
(2	) {	<b>V</b> 1:		21		Vz	=		,	$\frac{2}{5}$	6	lai	<del>-9</del> 1	k	V	en	les		il		ve	let	6		
			L	ر .	· •	d		ַ ע	ر ا ہ		6	4 F							`~						
		UV	ne.	31 / 1 - 1	11   0 A A		وه	M.	) 7	,	1	7 7	)	.,	0	m	<b>9</b> 51		41	, <b>/</b> ]	U	1			
60	-1:00		g i		ge	1	1-	l (pr	~	i 1	بر. ا	,	714	•		, (			•	( .				1.	
	Lum																								
	(en bile	y	741		A	0	noi ali	rie.	i	4	. G	~19 .:1		./.		.W	70-	ie	NY	1		Ogr	U,	ય	
	01102	· 6 /	7011	/				-																	
\	V2 =	. k	( '	V <sub>1</sub>		(K		sil,	in	mo	y .	e1	6	7	- (	ka	+5.	ال	)		d	20	æl	٠;	
	ſ3	7			-1-	1				ζ :	=	K		,	2	1		n d							
	a	=	K		2		;	>					2			_	_	6	┪			41		_	
					_					[ =	2	ζ.		J		Ľ	( -		را	4	יטס	.47	W)	•	







benzer sehilde, Q'nun 2. satinyla R'nin 2. sommuna arpimi A'nin A22 elemanini verir. -0.7868  $R_{22} = 1 \longrightarrow R_{22} = (1.271)$ berzer illenlei deram ettirirsek Q nun 1. satiri ve R'1, in 2, strunu -> A12  $-0.1961 R_{12} - 0.6052 R_{22} = 2$  $\rightarrow R_{12} = -6.2763$ sonny olarah R metrisi su sehilde bulunur: [-5.0994 -6.2763 -0.5883  $R = \begin{bmatrix} 0 & -1.271 & -4.9629 \\ 0 & 0 & 0.1543 \end{bmatrix}$ 0.1543 Ax=b derklemini Q.R.x=b blank
yazabiliniz. Gotimi x=A-1.b formundadir.  $A = QR \Leftrightarrow A^{-1} = (QR)^{-1} = R^{-1}Q^{-1}Q^{-1}$ Q-1=QT Golds Q dilges

Matris QRX=b, RX=QTb Ganh yazılabilir. 

$$R \times = C$$
 derklemi iqin geri yönde yerine kayma ile  $\times$  hesaplanabilir:

 $[-5.0994 - 6.2763 - 0.5883] [\times_1] [-2.1573]$ 
 $[-5.0994 - 6.2763 - 0.5883] [\times_1] [-2.1573]$ 
 $[-6.2763 - 0.3631] [\times_2] [-0.3631]$ 
 $[-6.2763 - 0.1543] [\times_3] [-0.4629]$ 
 $[-6.27629 \times_3] = -0.3631 [\times_2] [-0.4629]$ 
 $[-6.2763 \times_2] = -0.3631 [\times_2] [\times_2] [-0.4629]$ 
 $[-6.2763 \times_2] = -0.3631 [\times_2] [$ 

6) (2023 vite somsu)

$$u = \begin{bmatrix} 1 \\ -2 \\ 3 \end{bmatrix}$$
 ve  $v = \begin{bmatrix} 4 \\ 5 \\ -6 \end{bmatrix}$  vehtörleri verilmistir.

a)  $u^{T} \cdot v = ?$ 

Go züm:

 $u^{T} \cdot v = [1 -2 \ 3] \cdot [5]$ 
 $= 1(-4) + (-2) \cdot 5 + 3 \cdot (-6) = -32$ 

b)  $v = 32$ 

b)  $v = 32$ 

b)  $v = 32$ 

$$\frac{45 \text{ tim:}}{\|V\|} = \sqrt{(-4)^2 + (5)^2 + (-6)^2} = 8.775$$

$$\frac{1}{\|V\|} = \frac{1}{8.775} \begin{bmatrix} -4 \\ 5 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -0.456 \\ 0.567 \\ -0.684 \end{bmatrix}$$

bulunuz.

7 (2023 vize sorusu)

A matrisi ve b vektörü

$$A = \begin{bmatrix} 2 & 1 \\ 3 & 4 \end{bmatrix}$$
 $b = \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \end{bmatrix}$ 

olarak verilmi stir.

a)  $A^{-1} = ?$ 

dötüm:

 $A^{-1} = \frac{1}{2 \cdot 4 - 1 \cdot 3} \cdot \begin{bmatrix} 4 & -1 \\ -3 & 2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0.8 & -0.2 \\ -0.6 & 0.4 \end{bmatrix}_{4}$ 

b)  $A \times = b$  denkleminin Gözümünü bulunuz.

Götüm:  $A \times = b \rightarrow x^* = A^{-1}b$ 
 $x^* = \begin{bmatrix} 0.8 & -0.2 \\ 0.6 & 0.4 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0.4 \\ 0.4 \end{bmatrix}$ 

(8) (2023 vite sorusu)

Asasida bir denklem takımı verilmiştir.

$$4x_1 - 3x_3 + 2x_2 = b_3$$
 $-3x_2 + 2x_3 - x_1 = b_2$ 
 $-5x_3 + 2x_1 + x_2 = b_1$ 

Verilen denklem takımını

 $X = \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \\ x_3 \end{bmatrix}$ 

ve  $b = \begin{bmatrix} b_1 \\ b_2 \\ b_3 \end{bmatrix}$ 

tanımlarına göre  $Ax = b$  formunda yatmak iqin gereken  $A$  matrisin; bulunuz.

 $4\ddot{o}$  tüm:

$$\begin{bmatrix} 2 & 1 & -5 \\ A = -1 & -3 & 2 \\ 4 & 2 & -3 \end{bmatrix}$$

9 A matrisi 
$$A = \begin{bmatrix} 4 & -2 \\ 3 & 1 \end{bmatrix}$$
 olarak verilsin. QR ayrıştırmasına göre A matrisi  $A = QR$  olarak yazılabilir. Buradaki Q ve R matrislerini bulunuz. Gözüm: A matrisire Gram-Schmidt algoritması uygulanarak Q re R hulunabilir:

$$A = \begin{bmatrix} 4 & -2 \\ 3 & 1 \end{bmatrix} \Rightarrow a_1 = \begin{bmatrix} 4 \\ 3 \end{bmatrix}, a_2 = \begin{bmatrix} -2 \\ 1 \end{bmatrix}$$

$$2G = S$$
 algoritması, adım  $i = 1$ 

$$1.1) dikgenle stirme:  $q_1 = a_1 = \begin{bmatrix} 4 \\ 3 \end{bmatrix}$ 

$$1.2) doğrusal bağınlılık testi: 
$$(q_1 = 0) ise \frac{dur}{||q_1||} = \frac{1}{5} \begin{bmatrix} 4 \\ 3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0.8 \\ 0.6 \end{bmatrix}$$

$$1.3) dütgeleme:  $q_1 = \frac{q_1}{||q_1||} = \frac{1}{5} \begin{bmatrix} 4 \\ 3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0.8 \\ 0.6 \end{bmatrix}$$$$$$$

$$\begin{array}{l} \hline >6-S \text{ algorithasi, adim } i=2 \\ \hline 2.1) \text{ dilegenle stirme} \\ \hline \widetilde{q}_{2} = a_{2} - (q_{1}^{T}a_{2})q_{1} \\ \hline \widetilde{q}_{2} = \begin{bmatrix} -2 \\ 1 \end{bmatrix} - (\begin{bmatrix} 0.8 & 0.6 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} -2 \\ 1 \end{bmatrix}) \begin{bmatrix} 0.8 \\ 0.6 \end{bmatrix} \\ \hline \widetilde{q}_{2} = \begin{bmatrix} -2 \\ 1 \end{bmatrix} - (-1) \begin{bmatrix} 0.8 \\ 0.6 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -1.2 \\ 1.6 \end{bmatrix} \\ \hline 2.2) \text{ dogmsal bag inhilk testi:} \\ (\widetilde{q}_{1} = 0 \text{ ise dur}) \\ \hline 2.3) \text{ diagelenc:} q_{2} = \underbrace{\widetilde{q}_{2}^{2}}_{||\widetilde{q}_{2}^{2}||} = \underbrace{1}_{2} \begin{bmatrix} -1.2 \\ 1.6 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -0.6 \\ 0.8 \end{bmatrix} \\ \hline Q \triangleq \begin{bmatrix} q_{1} & q_{2} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0.8 & -0.6 \\ 0.6 & 0.8 \end{bmatrix} \mathcal{M} \\ \hline R_{11} \triangleq ||\widetilde{q}_{1}^{2}|| = 5, \ R_{22} \triangleq ||\widetilde{q}_{2}^{2}|| = 2 \\ R_{12} \triangleq q_{1}^{2}a_{2} = -1, \ R_{21} \triangleq 0 \end{bmatrix} R = \begin{bmatrix} 5 & -1 \\ 0 & 2 \end{bmatrix}$$