

A

dp

dp[i]表示处理完前 i 个点的最大收益。

有两种情况：

(1) 第 i 个点不投资，那么  $dp[i] = dp[i - 1]$

(2) 第 i 个点投资，那么  $dp[i] = \max(dp[k] + get(k + 1, i) - \sigma(c[j])) (k + 1 \leq j \leq i) (0 < k < i)$

这个的意思是，[k + 1, i]点选择全部投资，所以  $\sigma(c[j])$ 表示每个点都投资了， $get(k + 1, i)$ 的意思是，[k + 1, i]完全包含了的给出区间的总价值

第二步需要优化，我们发现，任意一个 dp[i]的转移 dp[k],  $\sigma(c[j])$ ，即 dp[k] 减去了从 k + 1, i 的每个数 c[i]，所以每做到一个数 i，给 1..i - 1 中的每个 dp 值减去 c[i]（因为以后要用某个 dp 转移的话，后面的每个数都被减了一次）。第二个是收益[Li, Ri, Pi]，同样的方法，选择了 dp[k],  $k < Li$  的话，意味着  $get(k + 1, i)$ 增加了 Pi，所以给 1...Li - 1 的每个 dp 值加上 Pi

思考：这题并查集是可以过的，FZU 某场月赛结束后 SCUT\_DELL 的方法是并查集

B

基本都过了的题，部分和，然后二分正方形大小，枚举正方形的起点，判断是否有某个正方形的和 $\leq limit$

C.

方法一：树链剖分最入门的题目，有兴趣可以学一下，这里不做解释，复杂度  $n \log n \log n$

方法二：随便选一个点作为 root，dfs 一次求出 root 到某个点的距离，并且得到 dfs 序。

一个显然的事实： $dis(u, v) = dis(root, u) + dis(root, v) - 2 * dis(root, lca(u, v))$ ，因此任意两个点的距离可以直接用到 root 的军理算出来。 $dis(root, i)$ 表示从根到 i 的距离， $dis(u, v)$ 是 u 到 v 的距离

修改操作是，如果给  $(fa(u), u)$ 这条边增加了一个值 x，那么  $dis(root, u)$ 增加 x，且其后代每个点的  $dis(root, i)$ 都增加了 x，这个操作，直接用得到的 dfs 序维护即可！！

D.

建树后，因为只有 100 个操作，直接模拟就行了。

E

第一场某道题的弱化版

10 次修改，直接每次修改暴力，故第二问可以忽略，重点是第一问。

用单调栈处理出每个数做为最小值，可以延伸到左边最左的位置，和右边最右的位置

然后可以得到每个值作为最小值的最长延续区间。直接将(值，长度)按照值排序，然后一个后缀  $suf[i] = \max(len(i), suf[i + 1])$ 表示不小于排序后的第 i 个数的长度最大值。每个查询，二分一下

这题可以并查集做，将查询和给出的序列的值从大到小排序，序列中每插入一个数，假设原位置 pos，看看集合 pos - 1,和 pos + 1 是否可以联合即可，查询即取当前时刻集合元素的最大值

## F

挺难解释的一道题，随意讲一下。

状态压缩 DP，因为行数只有 3 行，所以按列来做。

$DP[i][j][k]$  表示做完前  $i$  列，第  $i$  列的状态为  $j$ ，且选了  $k$  个不相交矩形的最优解， $j$  的状态我在做的时候设了 13 种，表示第  $i$  列的状态，比如可能 3 行都不属于任意一个矩阵，有一行属于某个矩阵，或者两行。新加一列的时候，可以选择增加矩阵，或者延伸原来的矩形。要写得舒服，这题状态要设得好一点，否则状态会很麻烦。

## G

基本都过了，直接暴力(dfs or 状态压缩)枚举每个?填什么值，然后判断括号序列是否合法即可。复杂度  $2^{16}$

数据范围放大到 1K 左右的时候，dp 做亦可。

注意到一个事实，对于任意一个合法的括号序列，左括号和右括号数目相等，在此前提下，然后一个右括号左边的左括号数目不小于当前右括号的数目，那么一定匹配

$DP[i][j]$  表示处理到字符串的第  $i$  位，左括号的数目，下一个(，变成  $dp[i][j + 1]$ ，如果下一个是)，那么变成  $dp[i][j - 1]$  ( $j \geq 1$ )。如果问号，枚举是什么就行了。最后求  $dp[\text{strlen}(s)][0]$  即是结果