

## A

遮体，胜赛选拔赛的时候，出过一场类似的题目了吧，那个时候问最多可以分多少组，每组有  $M$  个数，都不相同。

现在是每组两个数。

首先记录下每个数，假设现在枚举到  $i$ ，最优情况下肯定是  $i$  先不配对，让其他的数配对。

假设  $[1, 2, \dots, i-1, i+1, \dots, n]$  中数的个数为  $tot$ ，且出现次数最多的数为  $max$  的话

1) 如果  $max \geq tot - max$ ，则  $[1, 2, \dots, i-1, i+1, \dots, n]$  的最好配对方法是每个数都与  $max$  配对，剩下  $max - (tot - max)$  个数没配对

2) 如果  $max < tot - max$ ，则可以剩下  $tot \% 2$  个数

看看剩下的数与  $i$  出现次数做比对，如果  $app(i) > \text{剩下的数}$ ， $ans += i$ ;

## B

用单调栈预处理出当以  $a[i]$  为最小值的时候，最左向左延伸到哪里，最右向右延伸到哪里不妨设为  $lt[i], rt[i]$ 。

伪代码:  $a[0] = a[n+1] = -1$ ;

```
for(int i = 1; i <= n; i++) {  
    lt[i] = i;  
    while(a[i] <= a[lt[i] - 1]) lt[i] = lt[lt[i] - 1];  
}
```

$rt[i]$  同样处理。当然，有很多种处理方法。

用  $max\_len[i]$  表示，当长度为  $i$  的时候，延伸长度不小于  $i$  的  $a_i$  的最大值，

```
for(int i = 1; i <= n; i++) max_len[rt[i] - lt[i] + 1] = max(max_len[rt[i] - lt[i] + 1], a[i]);
```

```
max_len[i] = max(max_len[i], max_len[i + 1])
```

对于第一问，处理一个后缀， $dp[i] = \max(dp[i + 1], max\_len[i] * i)$

输入一个  $x$ ，判掉不合法的之后，直接输出  $dp[x]$

对于第二问，和第一问类似，处理一个前缀，然后需要二分。

## C

非常暴力就可以过了，可以进行一个优化

假设给出一个  $N$  的串  $S$ ，和一个长度为  $M$  的串  $STR$ ，如果  $N$  长度远大于  $M$ ，如果快速判断  $STR$  是  $S$  的子串

用  $next[i(i = 'a'-'z')][pos]$  表示表示  $i$  这个字符，下一次出现位置  $\geq pos$  的最近位置在哪里

那么  $for(int i = 1, pos = 0; i <= M; i++) \{$

```
    int x = STR[i] - 'a';  
    int new_pos = next[i][pos + 1];  
    if(new_pos > N) return "can not find";  
    else pos = new_pos;
```

```
\}  
return "find";
```

```
\}
```

或者用一个数组  $pos[26][N + 10]$  的数组存下每个字符出现的位置，二分查找下一个位置

## D

枚举任意三个点，然后枚举有哪些点被这 3 个点覆盖了。 $C(N, 3) * N$

二分面积最大值, BFS 能否达 $(1 \ll N) - 1$  这个状态(这里不需要 DP 了)

E

最初始的时候这题是没有取模的, 但是因为考虑到整体题目难度问题, 将高精度去掉了, 否则高精度加减乘除(低精)都有了。

数的形式是:

1  
1 3  
1 3 5 7  
1 3 5 7 9 11 13 15

的形式。

要使序列是连续上升的一段, 必然是从 1 开始的一段。

对于 1 3 5 7 9 11...这种, 前  $i$  项的和是  $i^2$  (这里, 我偷了一下懒, 将数出成 1 3 5 的情况, 而不是 1, 2, 3)

枚举连续上升子序列的最后一项, 那么和就是  $\sum (i^2 - j^2)$ ,  $i^2 - j^2$  表示子序列是第  $j + 1$  项到第  $i$  项的。

求和就是  $\sum (i^3 - i * (i - 1) * (2 * i - 1) / 6)$ 。

还剩下一步就是  $ans = \sum (\sum(i)) (i = 1..n)$

自己推, 不写出来了

有除以 6 和除以 4 的操作, hint 有提到,  $(a / b) \% c = a * b' \% c$  ( $c$  为质数),  $b'$  即  $b$  的逆元, 即  $b' * b \% c = 1$ , 因为模数为 10007, 所以 for 意下找  $b'$  就行了。

mod 很大的时候, 用扩展 gcd 或者  $b' = b^{(c - 2)}$ , 根据欧拉定理,  $b^{(prime - 1) \% prime} = 1$

```
for(int i = 0; n; i++) {  
    int m = min(n, 1 << i);  
    ans += cal(m) //cal 就是上面的东西。  
}  
return ans % mod;
```

F

怎么看都是觉得是全场最水的题目, 直接判断数  $N$  是否两个不同质数相乘。

```
for(int i = 2; i * i <= n; i++)  
    if(n % i == 0) {  
        if((n / i) % i == 0) return "NO";  
        tot++;  
        while(n % i == 0) n /= i;  
    }  
if(n > 1) tot++;  
return tot == 2;
```

或者, 2 个不同质数相乘, 不就只有 4 个约数, 1, p, q, pq 么。

```
int tot = 0;  
for(int i = 1; i * i <= n; i++)  
    if(n % i == 0) {  
        tot++;
```

```
        if(i * i != n) tot ++;
    }
    return tot == 4;
```