

A

简单分析后可以发现每个操作导致奇偶性发生改变, $ans \oplus 1$, 输出, 没了, 求逆序对可以树状数组或者归并排序

B

有用的结论, 如果 p 是质数, 根据欧拉定理, $n^{\phi(p)} \bmod p = 1$, $\phi(p) = p - 1 \rightarrow n^m \bmod p = n^{(m \bmod (p - 1))} \bmod p$,

当 p 是非质数的时候, $n^m \bmod p = n^{(m \bmod \phi(p) + \phi(p))} \bmod p$ ($m \geq \phi(p)$ 的时候)

这题 $(x + kp)^m \bmod p = x^m \bmod p$, 利用上面结论优化一下即可过

$O(P)$ 解法: 其实挺简单, 当 p 为质数的时候, 找出 p 的原根, 设为 $root$, 由于原根的性质, $root^i \bmod p$ 取遍了 $1 \sim p - 1$ 之间的所有数。

因此算出 $root^1 \sim root^{p-1}$, 纪录结果 $f[root^i \bmod p] = i$, 这样对于每个数, 都可以表示成原根的 $root^x$ 的形式

$i^m \bmod p = (root^x)^m \bmod p = root^{(xm \bmod (p - 1))} \bmod p$, 由于 $root^i$ 已经全部处理出来, $O(1)$ 得到, 复杂度 $O(P)$

C

容斥。 $f[state]$, $state$ 的某一位为 1 表示第 i 个禁止集合被包含, 2^{10} 的复杂度, 需要预处理出第二类斯特林数 (即集合划分方案), 然后枚举每个 $state$ 的时候, 并查集合并有交集的禁止集合, 将禁止集合看成整体, 然后就行了, 类似排列组合的捆绑法。

D

长度为 len 的线段树, 答案为 $2 * len - 1$

E

设 $dp[i][j]$ 为前 i 个数组成的排列中有多少个峰顶, 对于新来的 $i + 1$ 这个数, 由于它比前面的数都大, 因此, 如果将它插入到原来峰顶的左边或右边, 峰顶不变, 否则峰顶数目+1。

得出 DP 方程

$$dp[i][j] = (dp[i - 1][j] * 2 * j + dp[i - 1][j - 1] * (i - 2 * j)) \% 239$$

表示成矩阵的形式就是 $A[1] * A[2] * \dots * A[N]$

由于 $A[i + 239 * j]$ 与 $A[i]$ 等价, 因此, 用一个 F 表示 $A[1] * A[2] * A[3] * \dots * A[239]$, 然后求 $F[n / 239] * A[1] * \dots * A[n \% 239]$ 既是答案

F

存在度 ≥ 4 的点, 输出 YES

度为 1 和 2 的, 直接忽略, 这些点是扩展不出新的分支的, 要之无用

度为 3 的点, 大于一定的数量一定可以, 我当时选的是 20, 这样保险一点。

然后暴力枚举每一个度为 3 的点, 看看其他度为 3 的点与这个点的交集 ≤ 1 的时候, 输出 YES

否则输出 NO