```
정수론 18강 공개키 암호 여제
① ob 夏車ト
- き 全キ 2개、 P=7、 q=13  m=7·13=91
  -메세지 Q=9 (평문)
  - a (mod m) → 면속제곱법
     9^{5} \pmod{91} 5 = \frac{2^{2}}{101}(2) = 2^{2} \cdot 1 + 2^{1} \cdot 0 + 2^{0} \cdot 1
      9 = 81 (mod 91)
     9^4 = 81^2 = 9 \pmod{41} \Rightarrow 9^5 = 9^{2^2 + 2^0} = 9^{2^2} = 9^{2^0} = 9^4 \cdot 9^4
                                                      = 9.9 = 81 (madg1)
      81 (아트로)
     공개귀: 5.91
② 其夏子 ) ( mod 91 ) 91 = 7.13
  Ø(m) = Ø(p) Ø(q) = 6.12 = 72
   5-1 (mod Øcms) = 東沙里 音記 922音
   5· u = 1 (mod of cm) 5· u = o cm)· V+1
     5·4-0(m)·V=1 (4,V) 章 教
              5u-72V
   8129 = ? (mod 91) 연설계상( 중국인 나머지 정리)
 * जुड्यादेस् ०। इ

\begin{array}{rcl}
2 & 2 & 9 & = 11101 & (2) \\
2 & 14 & 1 & = 2^{4} + 2^{3} + 2^{2} + 2^{0} \\
2 & 7 & 0 & 2 & 3 & 1
\end{array}
```

```
8129 = 8124+23+22+20
  81^2 \equiv 9 \pmod{91}

81^4 \equiv 9^2 \equiv 81 \pmod{91}
                                              =81248125 8122°
  81^8 = 81^2 = 9 \pmod{91}

81^6 = 9^2 = 81 \pmod{91}
                                              = 21/6.818.814.81
                                               = 81.9.81.81 = 9 (mod 91)
* 경국인 나머지 정리 이용
  8129 (mod 91) = X P=7, q=13
   \chi \pmod{p} = 81^{29} \pmod{7} \pmod{7} = 6 81^{24+5} = 81^{5} \cdot 81^{5}
  8(29 = 815 = 45 = 16.16.4 = 2.2.4 = 4.4 = 16 = 2 Lmod 7)
  7( (\text{mod } q) \Rightarrow 8(^{29} \text{ (mod } 13)) 9(13) = 12

\Rightarrow 8(^{29} = 9 \text{ (mod } 13))
  8129 = 2 (mod 7)
8129 = 9 (mod 13)
                                                     7 14 21 28 35
  81<sup>29</sup> = ~ (Mod 91)

/ 지, 해울 가진다. (중국인 나마지 7521) 6·6 = 36 = 1 (Mod 7)

나 = 7·A + BB (Mod 91) 화정된 유글리스 아고리늄
   4 (mod 7) 13 B = 2 (mod 7) = 68 B = 62 (mod 7) B = 5 (mod 7)
   4 (mod 13) 27. A = 29 (mod 13) => A = 5 (mod 13)
4 2.7 = (4 = 1 (mod 13)
  8129 = 17-5 + 13-5 (mod 91)
        = 35+ 65 = 100 = 9 (mod 91)
```