```
14강 중국인 나머지 정리와 2일러 피 화수
    (Chinese remainder theorem & Euler's phi function)
* 오일러 피(토션트) 함수
  Ø(m) := 1이상 m 미만의 정수 중에서 m과 서로소인 손이 개수
① p x 经型 叫, Ø(p) = p-1 /,2,~,p-1
@px 242 dd, Ø(pk) = pk-pk-1
p 2p 3p 4p ··· βp pk-1 p=pk
               1)2 3 ··· (bk-1)
3 gcd (m,n) = 1 gcd, \phi (mn) = \phi(m)\phi(n)
 ex) \phi(12) = \phi(2^2 \cdot 3) = \phi(2^2) \phi(3) = (2^2 - 2^1)(3 - 1) = 4
★ 숫자를 소인수분해 해야 한다. 소인수분해 알고리즘 복수
양자. 순어. 다하
pt) A = {x | 1 \le x \le mn, gcd (x, mn) = 1 }
     B = \{ x \mid 1 \leq x \leq m, \gcd(x, m) = 1 \}
    C= { x | 1 \le x < n, gcd(x, n) = 1 }
 (a, b): B x C
   D= {(a,b) | a ∈ B, b ∈ C}
bijection (일대일대송화수)
    f: A → D = fix bijection
               →早赴(短) Z ≠ R
```

```
A = \{ x \mid | \leq x < mn, gcd(x, mn) = 1 \}
  B = 2 (a,b) | 1 a < m, gcd (a, m) = 1 3
             15 b<n, gcd (b, n)=1
  f: A \rightarrow B
  f(x) = (x \pmod{n}, x \pmod{n})
전动外盘节. YyeB F(x)=y 有望部 xeA가 是对色对.
①유일성 (귀큐법)
   a,b \in A a \neq b l \leq a,b < mn
  f(a) = f(b) chl sh.
  (a(mod m), a(mod n)) = (b(mod m), b(mod n))
   a = b (mod m), a = b (mod n)
\Rightarrow mla-b \Rightarrow mnla-b \Rightarrow a=b (mod mn)
   gcd(m,n)=1 \(\frac{1}{2}(b,c) \in B
                                         a= b
@ 3211 d
  gcd(m,n)=1, X=b(mod m), X=C(mod n)를 보증하는
  九十 15 2 < mn 时 圣州彭什.
* 골국인 나머지 경리
 gcd (m,n)=1 일대 X=b (mod m) 을 됐에 만족하는 해는 
X=C (mod n)
   ○ ≤ x ∠ mn 에 유일하게 존개한다.
pf) \chi = b \pmod{m} \Leftrightarrow \chi = m \cdot y + b
    my+b = ( (mod n)
    my = c-b (mod n) mi 3x
     y = m_1 (c-b) (mod n)
     y = n.k+min(c-b)
    x=m(n.k+m-1/cc-b))+b
```

