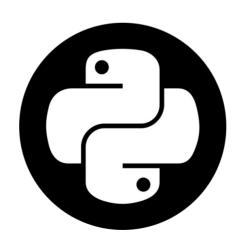
# DATA SCIENCE MIT PYTHON



# GRUNDLAGEN

UND TOOLS

## Willkommen

- Ziele:
  - Einstieg in Data Science mit Python
  - Grundlagen für die Verarbeitung, Analyse und Interpretation großer Datenmengen schaffen
  - Data Science als Prozess verstehen
  - Tools und Methoden kennenlernen

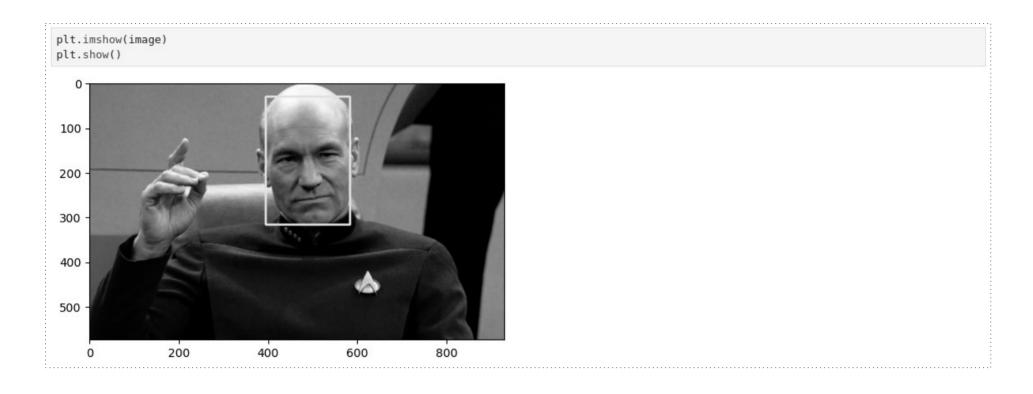
### Data Science

- Erkenntnisse aus Daten über Prozess:
  - Datenerfassung (und -bereinigung)
  - Datenverarbeitung
  - Datenanalyse
  - Datenvisualisierung

## Data Science

- Verschiedene Technologien und Methoden (Statistik, Machine Learning, etc.)
- Identifikation von Mustern und Trends als mögliche Ziele
- Hilfreich für Entscheidungsfindungen

## **Data Science**





# Big Data

- Große und komplexe Datensätze:
  - strukturiert oder unstrukturiert
  - unterschiedliche Formate
- Beispiele aus der Versicherungsbranche:
  - Verhaltensmuster von Kundinnen und Kunden
  - Wahrscheinlichkeiten von Schäden und Verlusten

# Big Data

- Beispiele aus dem Gesundheitswesen:
  - Wirksamkeitsanalysen von Arzneimitteln
  - Sequenzierung des menschlichen Genoms
  - Anomaliedetektion und individuelle Behandlungen

# Big Data (Exkurs)





#### **Lektüre:**

Wie wird Big Data in diesem Beitrag charakterisiert?

# Python

- Interpretierte und objektorientierte Programmiersprache:
  - klare, gut strukturierte Syntax
  - keine Kompilierung erforderlich
  - Unabhängig von Plattformen
  - Vielzahl von Bibliotheken

# Python

- Vorteile:
  - einfach zu erlernen
  - automatisierte Skripte
  - Vielzahl an Anwendungsmöglichkeiten
  - große Community, viele Dokumentationen

# Datenstrukturen in Python

- Datenstrukturen dienen der Speicherung und Verarbeitung von Daten
- Grundlegende Datenstrukturen (1):
  - Liste []: Veränderliche Sammlung von Elementen
  - Tupel (): wie Liste, aber unveränderlich
  - Dictionary { }: Schlüssel-Wert-Paare

## Datenstrukturen in Python

- Grundlegende Datenstrukturen (2):
  - Sets { }: Einzigartiger Elemente, ungeordnet
  - Array []: Elemente desselben Typs, operabel
  - DataFrame { }: tabellarische Datenstruktur
  - Stack []: lineare Datenstruktur

# Datenstrukturen in Python

```
# Tuples (I)
neuer_tuple = (1, 2, 3, "female", "male")
neuer_tuple
(1, 2, 3, 'female', 'male')

# Tuples (II)
neuer_tuple * 2

(1, 2, 3, 'female', 'male', 1, 2, 3, 'female', 'male')
```

```
# Stacks (I)
neues_stack = [1, 2, 3]
neues_stack.append(4)
neues_stack

[1, 2, 3, 4]

# Stacks (II)
neues_stack.pop()
neues_stack

[1, 2, 3]
```

# Jupyter Notebooks

- Interaktive Entwicklungsumgebung:
  - verschiedene Programmiersprachen
  - sofortiger Ergebniszugriff
  - einfache Dokumentation
  - Wiederverwendbarkeit
  - Open Source

## Docker

- Container zur Distribution:
  - einfache Implementierung ermöglicht Skalierung
  - vollständige Entwicklungs- und Testumgebung
  - mit allen Abhängigkeiten und Bibliotheken
  - anwendungsübergreifend



## Kubernetes

- Automatisierte Bereitstellung von Containern:
  - hohe Skalierbarkeit
  - komfortable Verwaltung
  - sehr gute Integration von Python
  - Multi-Container-Multi-Server-Architektur



## **GitHub**

- Versionskontrollsystem:
  - kollaborative Projektarbeiten möglich
  - commit, push, pull, etc.
- Vorteile:
  - paralleles Programmieren
  - Backups und somit Testmöglichkeiten



### **CRISP-DM**

- Cross Industry Standard Process for Data Mining:
  - Business- und Datenverständnis
  - Datenvorbereitung und Modellierung
  - Bewertung und Implementierung

# CRISP-DM (Exkurs)





#### **Lektüre:**

Wie lässt sich der CRISP-DM Prozess adaptieren?

# PYTHON BIBLIOTHEKEN

# NumPy

- Bibliothek für numerische Berechnungen:
  - viele Funktionen und Operationen
  - geeignet für große Datenmengen



## Pandas

- Bibliothek zur Datenmanipulation:
  - wichtig für bspw. Series und DataFrames
  - demnach für ein- bzw. zweidimensionale Daten
- Funktionen (Auszug):
  - Datenimport und -export
  - filtern, sortieren, transformieren, etc.



## SciKit-Learn

- Bibliothek für maschinelles Lernen:
  - Vielzahl an Algorithmen
  - Datenvorverarbeitung und Modellauswahl
  - überwachte und unüberwachte Verfahren
  - Tools zur Modellbewertung



# Matplotlib

- Bibliothek für Grafiken und Diagramme:
  - verwendet Python-Objekte
  - mehrebenentauglich
  - hohe Flexibilität



# GRUNDLAGEN STATISTIK

# Data Mining und Data Crawling

- Data Mining:
  - Analyse von Daten zur Informationsfreilegung
  - Algorithmen ermöglichen die Analyse
- Data Crawling:
  - automatische Extraktion von Daten
  - bspw. Websites, öffentlich zugängliche Quellen, etc.

# Stichprobe und Grundgesamtheit

- Grundgesamtheit:
  - Gesamtheit aller Elemente
  - bspw. alle Menschen in Deutschland
- Stichprobe:
  - Teilmenge der Grundgesamtheit
  - bspw. die Sonntagsfrage zur Bundestagswahl

## Konfidenzniveau und -intervall

- Das Konfidenzniveau ist die Wahrscheinlichkeit, mit der ein geschätzter Parameter in einem bestimmten Intervall liegt
- Ein Konfidenzintervall bei einem Konfidenzniveau von 95% bedeutet bspw., dass das Intervall in 95% der Fälle den wahren Wert des Parameters enthalten könnte

# Fehlermarge

- Differenz zwischen den oberen und unteren Grenzen des Konfidenzintervalls
- u.a. abhängig von der Stichprobengröße
- Interpretationsmöglichkeiten:
  - breitere Fehlermarge: mehr Ungenauigkeit
  - schmalere Fehlermarge: weniger Ungenauigkeit

# Fehlermarge (Exkurs)





#### **Lektüre:**

Welchen Einfluss haben Stichprobengröße und Konfidenzniveau auf die Fehlermarge?

## Modus

- Häufigste Merkmalsausprägung einer Variable
- Anwendbar bei nominalskalierten Daten

$$\bar{x}_d = H\ddot{a}ufigster\ Beobachtungswert$$

## Median

 Der Wert in der Mitte zwischen Minimum und Maximum von ordinal- bzw. intervallskalierten Variablen

$$\tilde{x}_{ungerade} = x_{\frac{n+1}{2}}$$
 bzw.  $\tilde{x}_{gerade} = \frac{1}{2}(x_{\frac{n}{2}} + x_{\frac{n}{2}+1})$ 

## **Arithmetisches Mittel**

 Summenwert aller Merkmalsausprägungen verhältnisskalierter Variablen, dividiert durch die Anzahl der Fälle

$$\bar{x} = \frac{1}{n}(x_1 + x_2 + x_3 + \dots + x_n)$$

## Varianz

 Statistisches Maß für die Streuung von Datenpunkten um das arithmetische Mittel

$$s_x^2 = \frac{1}{n-1} \sum_{i=1}^{n} (x_i - \bar{x})^2$$

## Kovarianz

 Bei der Kovarianz wird davon ausgegangen, dass die Streuung einer Variable X Einfluss auf die Streuung einer Variable Y nimmt

$$\hat{\sigma}_{xy} = \frac{1}{n-1} \sum_{i=1}^{n} (x_i - \bar{x})(y_i - \bar{y})$$

### Standardabweichung

- Standardisiertes Maß für die Streuung von Datenpunkten um den Mittelwert
- Wichtig für viele Formeln und Algorithmen

$$s_x = \sqrt{s_x^2}$$

## Standardabweichung

Ermöglicht bspw. z-Transformation

```
# z-Transformation der ersten unabhängigen Variable
x = df.iloc[:,[0]]
scaled_x = scale.fit_transform(x)

# Mittelwert der standardisierten Variable
mean_scaled_x = np.mean(scaled_x)
round(mean_scaled_x)

0

# Standardabweichung der standardisierten Variable
sd_scaled_x = np.std(scaled_x)
round(sd_scaled_x)
```

#### Korrelation

- Im Vergleich zur Kovarianz ein standardisiertes Zusammenhangsmaß für die Variablen X und Y
- Misst die Linearität des Zusammenhangs

$$r_{xy} = \frac{\hat{\sigma}_{xy}}{S_x * S_y} = \frac{\frac{1}{n-1} \sum_{i=1}^{n} (x_i - \bar{x})(y_i - \bar{y})}{\sqrt{\frac{1}{n-1} \sum_{i=1}^{n} (x_i - \bar{x})^2 * \sqrt{\frac{1}{n-1} \sum_{i=1}^{n} (y_i - \bar{y})^2}}}$$

## Korrelation (Exkurs)





Welcher Korrelationskoeffizient lässt sich aus der Linearität der Zusammenhänge ableiten?

## Lineare Regression

 Ermöglicht bei linearen Zusammenhängen die Vorhersage der Variable Y über die Mekmalsausprägungen der Variable X

$$a = \bar{y} - b_1 \bar{x}_1$$
 mit:  $b_1 = r_{xy} * \frac{s_y}{s_x}$ 

bei Bestimmtheitsmaß:  $R^2 = (r_{xy})^2$ 

## Lineare Regression

```
# Multivariate Statistik (I)
y = np.array(df.Y)
x = df.iloc[:,[0,1]]

# Multivariate Statistik (II)
model = LinearRegression()
model.fit(x, y)

# Multivariate Statistik (III)
r_sq = model.score(x, y)
print('coefficient of determination:', r_sq)
print('intercept:', model.intercept_)
print('coefficients:', model.coef_)

coefficient of determination: 0.9479500377816745
intercept: -57.98765891838086
coefficients: [4.7881605 0.33925123]
```



- Bei einer nominalskalierten Variable ist ein lineares Vorhersagemodell ungeeignet
- Vereinfacht ausgedrückt geht es um die Wahrscheinlichkeit (p) für Y = 1
- Die logistische Regression ist eine häufige Aktiverungsfunktion bei neuronalen Netzen

- Die nominalskalierte abhängige Variable wird in der logistischen Regression über logarithmierte Odds Ratios bestimmt
- Dazu ein Beispiel: Die logarithmierte Odds Ratio ein nerdiger Star Wars Fan zu sein

- 7 von 10 Nerds sind Star Wars Fans
- 4 von 10 Normalos sind Star Wars Fans
  - 7 / 10 = 70% als Wahrscheinlichkeit für Nerds
  - 4 / 10 = 40% als Wahrscheinlichkeit für Normalos
  - -70% / (1-70%) = 2,33 als Odds für Nerds
  - -40% / (1-40%) = 0,66 als Odds für Normalos

- 2,33 als Odd (Nerd) und 0,66 (kein Nerd):
  - -2,33 / 0,66 = 3,5 als Odds Ratio
  - $-\ln(3,5) = 1,25$  als logarithmierte Odds Ratio
- Dieser Wert wird auch Logit genannt
- Logit = In(Odds Ratio)

#### Interaktionseffekte

- Der Effekt einer Variable X auf eine Variable Y hängt von einer weiteren unabhängigen Variable ab
- Ein Interaktionsterm ist dabei das Produkt zweier unabhängiger Variablen, der Regressionsanalysen komplementieren kann

#### Interaktionseffekte

```
# Bivariate Statistik (I)
df.corr()

Y X1 X2 X3 X4 X5

Y 1.000000 0.353079 -0.645883 -0.663789 0.463685 0.416556

X1 0.353079 1.000000 -0.686542 -0.639523 0.401095 -0.060859

X2 -0.645883 -0.686542 1.000000 0.698415 -0.572742 -0.114022

X3 -0.663789 -0.639523 0.698415 1.000000 -0.153859 -0.099322

X4 0.463685 0.401095 -0.572742 -0.153859 1.000000 0.175496

X5 0.416556 -0.060859 -0.114022 -0.099322 0.175496 1.000000
```

```
# Multivariate Statistik (IV)

r_sq = model.score(x, y)

print('coefficient of determination:', r_sq)

print('intercept:', model.intercept_)

print('coefficients:', model.coef_)

coefficient of determination: 0.7067350015927254

intercept: 66.91518167896871

coefficients: [-0.17211397 -0.25800824 -0.87094006 0.10411533 1.07704814]
```

## Bootstrapping

- Ausgehend von einer Stichprobe wird eine Vielzahl an künstlichen Stichproben erstellt
- Prinzip: Ziehen mit Zurücklegen
- Anwendbar bei unbekannter Verteilung der Grundgesamtheit zur Ermittlung vom Konfidenzintervallen der relevanten Parameter

## Signifikanz

- Vereinfacht ausgedrückt: Grad der Gewissheit, dass ein Zusammenhang zwischen den Variablen X und Y nicht nur zufällig ist
- Bei statistischen Testverfahren wird gegen die sogenannte Nullhypothese getestet
- Signifikanzniveaus sind kritisch zu reflektieren

## Signifikanz (Exkurs)





#### Lektüre:

Was sind die Researcher degrees of freedom und welchen Einfluss können diese auf das Signifikanzniveau nehmen?

# GRUNDLAGEN MACHINE /

DEEP LEARNING

- Teilgebiet der Künstlichen Intelligenz
- Muster in Daten erkennen, um bspw.
   Vorhersagen zu ermöglichen
- Verbreitete Anwendungsbeispiele:
  - Spracherkennung
  - Bilderkennung

```
model.fit(x train, v train, epochs=5)
model.evaluate(x test, v test)
Epoch 1/5
Epoch 2/5
Epoch 3/5
Epoch 4/5
Epoch 5/5
[0.06316164135932922, 0.98089998960495]
example = x train[1701]
pyplot.imshow(example.reshape(28, 28), cmap="gray")
output predict = model.predict(example.reshape(1, 28, 28, 1))
print("Predicted figure:")
np.argmax(output_predict)
Predicted figure:
0
```



- Auszug aus dem zugrundeliegenden Prozess:
  - Daten sammeln, bereinigen, transformieren, aufbereiten
  - Modell auswählen, trainieren, validieren
  - Vorhersagen treffen, ggfls. optimieren

## Maschinelles Lernen (Exkurs)





Welche Fehler treten häufig beim maschinellen Lernen auf?

## Trainingsdatensatz

- Aufteilung der Daten in:
  - Trainingsdatensatz
  - Validierungsdatensatz
- Trainingsdatensatz als ausreichend große Stichprobe im Umfang von 70% bzw. 80%
- Modell trainiert mit dem Trainingsdatensatz

## Validierungsdatensatz

- Ermöglicht die Bewertung der Performance
- Der Validierungsdatensatz sollte nicht zum Training des Modells verwendet werden (!)
- Übliche Größe: 30% bzw. 20%

## Metriken zur Evaluierung

- Klassifikationsmodelle zur Vorhersage von nominalskalierten Variablen können bspw. über verschiedene Metriken evaluiert werden
- Dabei wird die Leistung des Modells in Bezug auf die Anzahl an korrekten und falschen Vorhersagen ausgewiesen

## Metriken zur Evaluierung

- Gängige Metriken sind:
  - Accuracy als Genauigkeit
  - Precision als Präzision
  - Recall als Sensitivität
  - F1-Score basiert auf Precision und Recall

## Metriken zur Evaluierung

```
# Trainingsdatensatz (80%) und Testdatensatz (20%) einteilen
res = train test split(x, y,
   train size=0.8,
   test size=0.2,
   random state=12)
train data, test data, train labels, test labels = res
# K-Nearest-Neighbor
knn = KNeighborsClassifier()
knn.fit(train data, train labels)
print("Predictions from the classifier:")
knn predicted data = knn.predict(test data)
print(knn predicted data)
print("Target values:")
print(test labels)
Predictions from the classifier:
Target values:
# K-Nearest-Neighbor Accuracy
print(accuracy score(knn predicted data, test labels))
1.0
```

## Deep Learning

- Teilebiet des maschinellen Lernens
- Basiert auf künstlichen neuronalen Netzen (KNN)
- Vereinfachte Darstellung der Funktionsweise:
  - Eingabedaten werden durch Schichten geleitet
  - Aktivierungsfunktionen beeinflussen die Weiterleitung
  - Anpassungen bzw. Optimierungen erfolgen iterativ

## Deep Learning (Exkurs)





Welche Bedeutung hat das Gradient Decent Verfahren für Künstliche neuronale Netze?

## Batch / Epoch(e)

#### Batch:

- Anteil der Trainingsdaten, die gleichzeitig vom künstlichen neuronalen Netz verarbeitet werden
- diese vorher festgelegte Aufteilung in Anteile / Gruppen ermöglicht die Anpassung der Gewichte
- die Gewichte weisen dabei eine Analogie zur Regressionsanalyse auf

## Batch / Epoch(e)

- Epoch(e):
  - vollständiger Durchlauf aller Trainingsdaten
  - die vorher festgelegte Anzahl an Durchläufen (Epochen) kann das Gradient Decent Verfahren maßgeblich beeinflussen (!)
- Batch-Verarbeitung beschleunigt KNNs

## Aktivierungsfunktionen

- Die Schichten der künstlichen neuronalen Netze beinhalten Neuronen
- Deren Funktionsweise hängt von den zugrundeliegenden Aktivierungsfunktionen ab
- Aktivierungsfunktionen bestimmen maßgeblich die Weitergabe von Daten zu einer Schicht

## Aktivierungsfunktionen

- Häufige Aktivierungsfunktionen:
  - Sigmoid, bekannt von der logistischen Regression
  - ReLU, Weiterentwicklung von Sigmoid
  - Tanh, symmetrische Variante von Sigmoid
  - Softmax, hilfreich bei nicht-binären Klassifikationen

## Aktivierungsfunktionen

```
# Neuronales Netz spezifizieren
model = Sequential()
model.add(Dense(16, input dim=3, activation='relu'))
model.add(Dense(1, activation='sigmoid'))
model.compile(loss='mean squared error',
            optimizer='adam',
            metrics=['binary accuracy'])
model.fit(training data, target data, epochs=15)
scores = model.evaluate(training data, target data)
# Performance des neuronalen Netzes
print("\n%s: %.2f%%" % (model.metrics names[1], scores[1]*100))
print(model.predict(training data).round())
binary accuracy: 75.00%
[[1.]
[1.]
[1.]
 [0.1]
```



## AUTOMATISIERTE TEXTANALYSE

#### Transformer

- Ermöglichen die Verarbeitung von Sequenzen
- Elemente einer Sequenz haben Bedeutung
- Ermöglicht Beziehungen zwischen Elementen

#### Transformer

- Methodische Grundlage des modernen Natural Language Processings (NLP)
- Funktionsweise: Multi-Head-Attention-Modul
- Ermöglicht parallele Verarbeitung von Eingabedaten, bspw. Anfang, Mitte und Ende eines Satzes

## Transformer (Exkurs)





#### **Lektüre:**

Wie profitiert die automatisierte Sprachübersetzung vom Multi-Head-Attention-Modul?

## Natural Language Processing

- Verarbeitung und Analyse von natürlicher Sprache
- Dafür muss Sprache in ein maschinenlesbares Format überführt werden

### Natural Language Processing

- Grundlagen des NLP-Prozesses:
  - Tokenisierung, bspw. Unterteilung von Wörtern
  - Morphologische Analyse, bspw. Wortart
  - Syntaxanalyse, bspw. Struktur des Textes
  - Semantische Analyse, bspw. Kontextualisierung
  - Diskursanalyse, bspw. Gesamtzusammenhang

## Natural Language Processing

```
line = input('> ')
word = line.strip().split(' ')[-1]
if word not in lexicon:
    print('Sorry...')
else:
    options = lexicon[word]
    predicted = np.random.choice(list(options))
    print(predicted)

> This workshop was
good

list(options.keys())
['good', 'bad', 'ugly']
```



#### Sentimentanalyse

- Analyse von Stimmungen und Emotionen
- Vereinfacht Customer-Feedback-Analysen
- Grundlegende Sentiments:
  - positiv
  - neutral
  - negativ

## Sentimentanalyse (Exkurs)





#### **Lektüre:**

Lassen sich über Sentimentanalysen Börsendynamiken abbilen?

## ALGORITHMEN

- Clusteranalyse als ein mögliches ML-Verfahren
- Für jedes Verfahren stehen mehrere Algorithmen zur Verfügung stehen
- Bei der Clusteranalyse als Verfahren geht es um die Gruppierung von Objekten in homogene Untergruppen

- Prozess der Clusteranalyse:
  - Daten- und Variablenauswahl sowie -aufbereitung
  - Analyse mittels Distanz- oder Ähnlichkeitsmaße
  - Auswahl geeigneter Algorithmen
  - Ergebnisinterpretation
  - Clusteridentifikation

- Kontext: Unsupervised Machine Learning
- Gängige Algorithmen:
  - K-Means, Random Forest, Mean Shift, etc.
  - Agglomeratives Clustering, etc.
  - BIRCH, DBSCAN, etc.

```
# Datensatz für Plot simulieren
X, y = make blobs(n samples=500, centers=4, cluster std=1.75, random state=7)
# Simulierten Datensatz plotten
for class value in range(4):
    row ix = where(v == class value)
    pyplot.scatter(X[row_ix, 0], X[row ix, 1])
pyplot.show()
# Agglomeratives Clustering Algorithmus
model = AgglomerativeClustering(n clusters=4)
yhat = model.fit predict(X)
clusters = unique(yhat)
# Clusterlösung visualisieren
for cluster in clusters:
    row ix = where(yhat == cluster)
    pyplot.scatter(X[row ix, 0], X[row ix, 1])
pyplot.show()
```

## Clusteranalyse (Exkurs)





#### **Lektüre:**

Wie unterscheiden sich die Ziele der Algorithmen bei den Verfahren Classification, Regression, Clustering und Dimensionality Reduction?

#### **KNN - Algorithmus**

- K-Nearest Neighbors (KNN)
- Klassifikationsalgorithmus (!)
- Kontext: Supervised Machine Learning
- Ermöglicht Vorhersage von Labeln (Klassen)
- Tipp: Ergebnisvergleich mit K-Means



#### K-Means - Algorithmus

- Algorithmus beginnt mit zufälligen Zentren
- Analysiert nahegelegene Datenpunkte hinsichtlich Homogenität
- Iteration der Zentren



#### Random Forest - Algorithmus

- Clustering über mehrere Entscheidungsbäume
- Basiert auf Durchschnittswert der Vorhersagen
- Vor- und Nachteile:
  - Bedingt resistent gegenüber Overfitting (!)
  - Funktioniert auch bei fehlenden Werten
  - rechen- und zeitintensiv



### Agglomeratives Clustering

- Bottom-up-Clustering, d.h. dass jeder
   Datenpunkt ist initial ein eigenes Cluster
- Datenpunkte werden sukzessive zusammengefasst
- Ergebnis: Dendrogramm



#### **BIRCH - Algorithmus**

- Balanced Iterative Reducing and Clustering using Hierachies (BIRCH)
- Optimierung für große Datenmengen
- Über Schwellenwerte werden Datenpunkte zu Clustern zusammengefasst



#### **DBSCAN - Algorithmus**

- Density Based Spatial Clustering of Application with Noise (DBSCAN)
- Ermöglicht Ausreißer-Detektion
- Optimiert für unterschiedliche Clusterormen und -größen



### Spectral Clustering - Algorithmus

- Basiert auf Spektraltheorie der Graphen
- Struktur der Graphen entspricht Datenstruktur
- Datenpunkte sind als Knoten repräsentiert
- Hintergrund: K-Means und Eigenwerte



#### Mean Shift - Algorithmus

- Analyse der Dichte der Datenpunkte
- Verschiebung von Fensterbereichen / Frames
- Iteration bis höchste Dichte im Zentrum
- Zusammenfassung der Konvergenzpunkte



#### Gaussian Mixture - Algorithmus

- Probabilistisches Clustering
- Datenpunkte: Mischung normalverteilter Cluster
- Basiert auf Maximum-Likelihood-Methode
- Optimiert für höherdimensionale Daten



# VERTIEFUNGEN

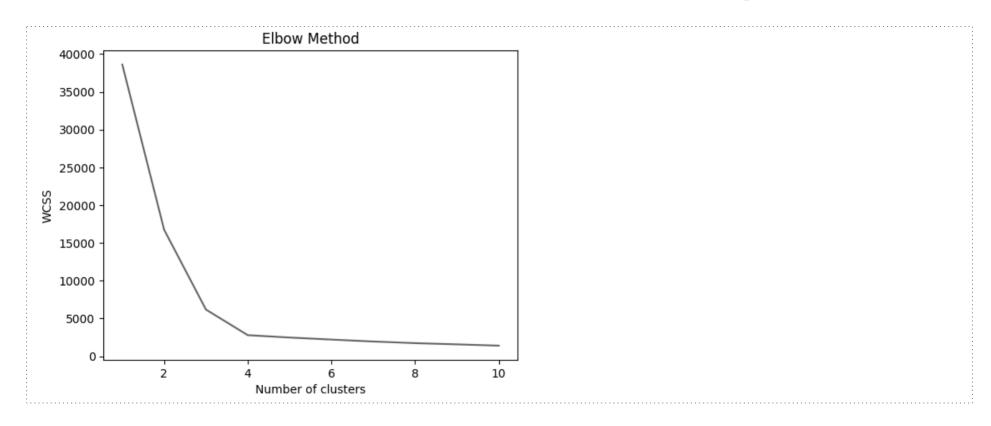
#### Maximum-Likelihood-Methode

- Statistisches Verfahren zur Schätzung der Parameter einer Wahrscheinlichkeitsverteilung
- Annahme: Beobachtete Daten stammen aus einer bestimmten Wahrscheinlichkeitsverteilung
- Gesucht sind die Parameter mit der größten Wahrscheinlichkeit für die beobachteten Daten

#### Within Cluster Sum of Squares

- Bewertung der Qualität von Clustering-Ergebnissen
- Basiert auf der Summe der quadratischen Abweichungen jedes Punktes innerhalb eines Clusters von seinem Zentrum

## Within Cluster Sum of Squares



#### Faktorenanalyse

- Identifikation von zugrunde liegenden Variablen (Faktoren)
- Verfahren zur Dimensionsreduktion
- Basiert ebenfalls auf Analyse der Eigenwerte
- Hilfreich bei explorativen Datenanalysen

## Eigenwerte

- Beziehen sich auf die charakteristischen Werte einer Matrix
- Ein Eigenwert gibt an, wie eine Matrix auf einen Vektor wirkt
- Hilfreich bei Varianzanalyse

The End