1 Pregunta 1

Sabemos que las manzanas Golden pesan en promedio 200g, y su distribución de probabilidad, sigue una distribución normal con una desviación estándar de 30g. Por otra parte, sabemos que las naranjas pesan en promedio 150 g, y su distribución de probabilidad, también sigue una distribución normal con una desviación estándar de 45 g.

1.1

Cree un conjunto de datos manzanas que representen 500 manzanas elegidas al azar, siguiendo la distribución mencionada.

Solución

```
1 # 1.1
2 manzanas = rnorm(500, mean=200, sd=30)
3 manzanas
```

Figure 1: código 1.1

```
# 1.1
manzanas = rnorm(500, mean=200, sd=30)
                        174. 8836 172.9984 175.0568 203.6419 195.2566 215.9797 204.9931 220.5496 176.1816 248.6588 206.4602 121.7751 244.8275 187.8515 189.8728 201.9572 208.3707 254.6883 221.3281 217.1129 176.2017 228.2176 221.5049 202.7666
                        204.9931 220.5496 17.0086 205.401 193.200 213.3797 209.701 191.4338 223.1576 224.3435 230.1505 161.037 140.1195 204.931 220.4993 120.5496 176.1816 248.6588 206.4602 121.7751 213.2124 221.9742 179.5560 219.6700 185.9189 184.6459 207.9682 244.8275 187.8515 189.8728 201.9572 208.3707 254.6883 226.3627 219.0608 228.9204 174.4079 194.1889 174.7604 184.8587 221.3281 217.1129 176.2017 228.2176 221.5049 202.7666 203.4618 165.6751 182.8892 206.5251 220.4431 176.6079 220.3855 184.5574 193.0754 202.0025 169.1300 155.6355 244.4214 174.2061 194.1121 208.6144 132.3924 192.7130 229.1845 209.0172
                         228.5178 230.8408 218.6070 171.1667
218.4749 172.3515 176.8866 237.3815
240.6098 170.5092 156.0041 204.1817
                                                                                                                                                                                                                                                              281.0329 188.6708 180.4126
203.7100 200.5649 221.8546
175.2048 152.2522 137.4260
193.1093 185.1386 190.1831
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                    201.4729 181.2944 157.4322
170.6591 221.1320 196.5542
210.6956 184.3532 205.8757
222.7103 198.2785 229.1717
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                237.6664
187.9961
181.5439
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                            173.0869
234.3545
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                          201.9363 190.0041
214.1050 152.6981
                     118.474—2
240.6098 170.5092 177.836 155.772
240.6098 170.5092 177.836 155.772
221.2014 209.5382 178.2613 150.6312 182.4856 2
221.2014 209.5382 178.2613 150.6312 182.4856 2
235.5176 152.1072 240.6132 158.4032 188.8762 155.4307 213.1946 216.466.
235.5176 152.1072 240.6132 158.4032 188.8762 155.4307 213.1946 216.466.
138.6213 149.5037 142.5250 192.9385 179.8231 207.9669 195.4679 202.3641 211.3723 17.
180.6414 173.5803 169.8698 188.0653 181.1222 211.3102 178.8847 238.8503 219.0349 229.4593 150.00.
159.3098 214.9810 235.7123 247.017 216.7409 227.5113 215.1580 235.4617 198.0165 211.9691 248.1108 152.156.
158.3990 204.7180 229.8945 232.8284 169.7941 137.1222 243.761 219.9646 169.2130 208.2109 234.9650 237.3518 2
185.7930 215.3276 200.1000 207.4348 206.9304 199.2103 177.4159 209.8641 197.8560 254.6408 166.8277 159.8063 1
211.9419 169.5668 252.6569 205.6599 248.3000 243.8890 155.6031 184.573 248.4958 222.4470 205.1894 237.5932 2
241.9563 164.4292 252.7167 243.4613 174.6954 207.7512 259.3547 194.1603 168.6254 175.5797 189.7046 218.6171 2
227.797 189.3047 266.6549 168.7104 211.1302 187.3106 202.6512 182.8654 217.1729 278.7369 193.5446 196.7592 2
241.9563 164.4292 252.7167 243.4613 174.6954 207.7512 259.3547 194.1603 168.6254 175.5797 189.7046 218.6171 2
227.797 189.3047 266.6549 168.7104 211.1302 187.3106 202.6512 182.8654 217.1729 278.7369 193.5446 196.7592 2
241.9563 164.4292 252.7167 243.4613 174.6954 207.7512 259.3547 194.1603 168.6254 175.5797 189.7046 218.6171 2
241.9563 164.4292 252.7167 243.4613 174.6954 207.7512 259.3547 194.1603 168.6254 175.5797 189.7046 218.6171 2
241.9563 164.4292 252.7167 243.4613 174.6954 207.7512 259.3547 194.1603 168.6254 175.5797 189.7046 218.6171 2
241.9563 164.4292 252.7167 243.4613 174.6954 207.7512 259.3547 194.1603 168.6254 175.5797 189.7046 218.6171 2
241.9563 164.4292 252.7167 243.4613 174.6954 207.7512 259.3547 194.1603 168.6254 175.5797 189.7046 218.6171 2
241.9563 164.4292 252.7167 243.4613 174.6954 207.7512 259.3547 194.1603 168.6254 175.5797 189.7046 218.6171 2
241.9563 164.4
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                          191.5178 187.5706
237.3210 221.7154
174.5706 178.5503
189.4271 125.1179
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                       206.4249
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                          199.5489 171.8937
225.7303 205.5703
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                              171.5535 207.7812 186.7472
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                          216.0255
135.9699
169.3556
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                    182.2095
204.3380
250.3387
245.3882
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                              212.0429 236.4628
178.6754 242.9355
225.9046 168.1983
274.3892 194.2235
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                          189.7654
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                    198.5077
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                               194.5141 196.1797
                      215. 6811 128.1829 207. 6698 218.7360 179.6355 233.5375 193.1093 230.6679 207.7090 172.3089 204.5410 236.0566 177.3426 198.5077 194.5141 196.1797 221.6384 195.1231 159.6573 195.1330 189.3913 235.50886 178.3962 215.3831 198.91379.5064 175.7657 212.3538 217.9855 190.5417 164.0026 227.2855 183.9804 174.6334 183.8533 196.6686 167.6506 175.5368 214.0564 288.9184 167.9370 144.8668 203.4676 243.5588 206.9746 192.9659 214.4638 157.0422 168.6800 135.4616 225.2277 217.2681 195.6895 221.9389 161.1277 240.9980 188.1365 185.5413 222.0378 242.2671 232.2068 202.1921 195.0885 193.1718 204.9335 194.4618 176.8780 188.5150 201.8000 188.7505 234.2830 169.6140 239.9550 175.4579 163.2560 179.8077 185.3997 214.4825 162.4958 187.7387 219.6555 164.9985 236.6509 237.5489 183.9859 195.1606 155.1707 274.5897 229.6307 198.0228 230.1486 210.2090 148.5444 185.6821 192.9357 187.7816 176.6551 161.6020 179.2646 189.0764 209.1842 178.1474 217.5238 215.5132 220.5335 203.0076 276.8573 165.9960 213.0695 145.1676 195.8081 235.9107 168.6379 154.1538 187.8071 154.3968 178.7722 182.6898 273.3659 213.3764 178.7365 208.8919 185.9016 194.5608 159.8050 246.6932
```

Figure 2: resultados 1.1

1.2

Seleccione todas las manzanas que pesen entre 170 y 230 g. Calcule el porcentaje del total que representan las manzanas seleccionadas.

```
# 1.2
sel1 = manzanas[manzanas>=170]
sel2 = sel1[sel1 <= 230]
sel2
perc = length(sel2)/length(manzanas)*100
perc</pre>
```

Figure 3: código 1.2

```
> # 1.2
> sel1 = manzanas[manzanas>=170]
> sel2 = sel1[sel1 <= 230]
> sel2 = sel1[sel1 <= 230]
> sel2 = [1] 174.8836 172.9984 175.0588 203.6419 195.2566 215.9797 209.7015 191.4338 223.1376 224.5433 181.0857 195.4854 195.2029 212.1602 204.9931 220.5496 176.1816 [18] 206.4602 213.2124 221.9742 179.5560 219.6700 185.9189 184.6459 207.9682 211.0086 224.8392 172.7400 187.8515 189.8728 201.9572 208.3707 226.3627 219.0608 [35] 228.9204 174.4079 194.1889 174.7604 184.8887 218.4757 205.3854 187.9135 221.3281 217.1129 176.2017 228.2176 221.5049 202.7666 203.4618 182.8892 206.5251 [52] 220.4431 176.6079 220.3855 218.9284 187.0372 184.5774 193.0754 202.0025 174.2061 194.1121 208.6144 192.7130 229.1845 200.1718.1826 319.3086 228.5178 [69] 218.6070 171.1667 188.6708 180.4126 173.0869 201.4729 181.294 201.9363 190.0041 219.5860 201.6914 174.0433 218.4749 172.3315 176.8866 203.7100 200.549 [86] 221.8564 170.6591 221.1200 196.5542 187.9861 201.1386 192.1838 193.818 190.0041 219.5860 202.6914 174.0432 218.4749 172.3315 176.8866 203.7100 200.549 [86] 221.8564 170.6591 221.1200 196.5542 187.9861 211.3186 190.1838 122.7103 198.2785 229.1717 177.5567 223.5487 219.9188 213.9620 221.2014 209.5382 178.8261 [21] 182.4898 186.6615 211.3083 212.3997 227.9847 189.3488 191.5178 187.506 175.6923 208.6089 191.6158 184.4866 172.3006 223.7830 194.8168 213.527 221.7154 [137] 177.7042 188.562 213.1946 216.4844 172.2978 188.8881 181.0742 174.5706 175.6923 208.6089 191.6158 184.4866 172.3006 223.7830 194.8168 213.527 221.7154 [137] 177.7042 188.562 213.1946 212.049 227.5113 213.51580 198.0165 211.9969 195.4679 202.3641 [134] 211.3723 199.5217 213.5808 200.5132 189.4271 203.5253 180.6414 173.803 188.0633 181.1222 211.3102 178.8847 219.0194 229.4599 190.8916 222.2262 223.794 [137] 197.503 175.535 200.1000 207.4348 206.9304 199.2103 177.4199 209.8641 197.8560 199.55767 222.7688 204.7180 229.8849 199.9462 208.2194 189.9305 177.1299 199.5489 171.8937 188.793 200.6490 211.9419 200.5699 184.5773 222.4470 205.1894 [203] 221.1300 228.6490 223.9446 199.
```

Figure 4: resultados 1.2

Solución

Al observar que la media es 200 y la desviación estándar es 30, si seleccionamos todos aquellos datos entre 170 y 230 y calculamos el porcentaje del total que estos datos representan, obtenemos que son el 67.8% de los datos, lo cual concuerda con la regla de 68-95-99.7 para la distribución normal, que determina que alrededor del 68% de los datos se encuentra a una distancia de una desviación estándar de la media, es decir, el 68% de los datos toman un valor de entre 200 - 30 = 170 y 200 + 30 = 230.

1.3

Cree un conjunto de datos naranjas que representen 300 naranjas elegidas al azar, siguiendo la distribución mencionada.

Solución

```
# 1.3
naranjas = rnorm(300, mean=150, sd=45)
naranjas
```

Figure 5: código 1.3

```
> #1.3

> naranjas = rnorm(300, mean=150, sd=45)

> naranjas = [1] 96.2929 173.14325 104.48222 180.73075 181.69314 136.17887 254.25243 162.31429 204.10757 128.01270 186.65438 92.04441 170.20140 272.50163 137.80546 [16] 71.69873 121.66176 171.92690 243.36095 129.03753 93.47305 176.18896 148.42067 130.54760 202.47953 202.16575 159.04592 129.16512 109.21454 171.89431 [13] 186.71591 206.53502 186.62580 151.474997 167.10263 107.74300 163.18582 190.02259 128.24027 130.3042 94.14347 140.86135 167.11787 158.80652 131.94756 [46] 237.39556 268.00015 161.39115 97.12819 101.71370 109.57795 117.26595 141.52915 200.50840 143.81840 128.55750 151.88381 73.43823 222.56838 250.91000 [61] 176.06928 138.01760 103.04896 177.16468 173.73515 219.26968 209.07935 136.94161 212.80140 129.39291 174.43575 178.13237 142.57511 172.19171 200.98384 [76] 166.05912 049.92105 127.61349 178.11532 121.40124 217.99754 209.889290 138.3661 58.97680 169.06422 102.63159 161.78073 129.64446 139.48139 198.99562 [91] 161.02110 131.18930 96.52961 209.76955 127.93138 138.68737 134.57423 168.01085 106.22379 162.01247 168.12778 166.21208 238.43684 165.53099 140.00379 [16] 117.64821 183.29756 239.87502 1449.68245 133.63115 211.30410 209.78953 160.28304 96.10900 131.31101 183.3072 161.62149 137.77279 143.07639 126.53882 [121] 100.75825 107.00262 201.07616 91.34001 113.83076 172.26076 116.34539 217.91703 179.23686 253.21745 188.61260 155.77497 131.19969 90.05141 126.26097 [136] 117.44983 152.37623 114.11935 94.90718 123.78447 145.27439 86.66261 147.62858 145.25063 90.24914 147.49116 186.88028 189.24713 198.97548 109.45231 [161] 174.14983 152.37623 114.11935 94.90718 123.78447 145.27439 86.66261 147.62858 145.25063 90.24914 147.49116 186.88028 189.24713 198.97548 109.45231 [166] 190.71256 223.86067 180.08524 146.06903 207.65239 90.19994 165.55575 130.91706 186.28363 232.68075 182.70405 111.20098 136.50555 149.24799 190.17590 180.04516 186.24313 189.00045 166.63315 69.10945 113.88470 242.36974 201.52870 159.70525 107.90975 142.24808 130.04809 190.74990 18.54809 19
```

Figure 6: resultados 1.3

1.4

Seleccione todas las naranjas que pesen entre 105 y 195 g. Calcule el porcentaje que representan las manzanas seleccionadas.

Solución

```
# 1.4
sel3 = naranjas[naranjas>=105]
sel4 = sel3[sel3 <= 195]
sel4
perc2 = length(sel4)/length(naranjas)*100
perc2</pre>
```

Figure 7: código 1.4

```
> # 1.4
> sel3 = naranjas[naranjas>=105]
> sel4
[1] 173.1432 180.7307 181.6931 136.1789 162.3143 128.0127 186.6544 170.2014 137.8055 121.6618 171.9269 129.0375 176.1890 148.4207 130.5476 159.0459 129.1651
[18] 109.2145 171.8943 186.7159 186.6290 151.4800 167.1026 107.7430 163.1858 190.0226 128.2403 130.3034 140.8614 167.1179 158.8065 131.9476 161.3912 109.5780
[35] 117.2659 141.5292 143.8184 128.5575 151.8838 176.0693 138.0176 177.1647 173.7351 136.9416 192.9329 174.4357 178.1324 142.5751 172.1917 162.6059 127.6135
[52] 178.1153 121.4012 138.3866 169.0642 161.7807 129.6445 139.4814 161.0211 131.1899 127.9314 138.6874 134.5742 168.0109 106.2238 162.0125 168.1278 166.2121
[69] 165.5310 140.0038 117.6482 183.2976 149.6824 133.6311 160.2830 131.3110 183.3307 161.6215 137.7728 143.0764 126.5538 107.0026 113.8308 172.2608 116.3454
[86] 179.2369 188.6126 155.7750 131.1997 126.2610 110.6168 133.7653 161.6215 137.7728 143.0764 126.5538 107.0026 113.8308 172.2608 116.3454
[120] 176.9037 171.9940 107.7433 181.3392 143.0938 153.8612 119.0014 166.4315 113.8847 159.5702 107.9100 154.7052 150.6733 147.4910 185.3676 190.7127 180.0852
[127] 166.0690 165.5557 130.9171 186.2836 182.7040 111.2010 136.5055 149.2480 190.1759 147.2179 145.5026 138.3892 175.7906 157.2260 187.814.7107 180.0852
[137] 146.0690 165.5557 130.9171 188.2836 182.7040 111.2010 136.5055 149.2480 190.1759 147.2179 145.5026 138.3892 175.7906 157.2260 187.814.7107 180.0852
[137] 146.0690 165.5557 130.9171 188.2836 182.7040 111.2010 136.5055 149.2480 190.1759 147.2179 145.5026 138.3892 175.7906 157.2260 187.814.7107 180.6852
[137] 146.0690 165.5557 130.9171 188.2836 182.7040 111.2010 136.5055 149.2480 190.1759 147.2179 145.5026 138.3892 175.7906 157.2260 187.814.7107 130.6852
[137] 146.0690 165.5557 130.9171 188.2836 182.7040 111.2010 136.5055 149.2480 190.1759 147.2179 145.5026 138.3892 175.7906 157.2260 187.814.7109 180.0852
[138] 127.7499 147.6944 177.3410 158.0903 156.4626 158.8537 130.0904 194.1772 135.2887 159.8439 134.8102 144.0565 111.4327 169.1339 187
```

Figure 8: resultados 1.4

Dado que los datos de naranjas tienen una distribución normal, y que sabemos que su media es 150 y su desviación estándar es 45, sabemos que la distribución está centrada alrededor de 150 (media). Esto significa que la mayoría de los datos tienen una medida parecida a la media, y más específicamente, siguiendo la regla de 68-95-99.7 para la distribución normal, sabemos que el 68% de los datos de naranjas tendrá un valor de entre 150 - 45 = 105 y 150 + 45 = 195, ya que esta propiedad estipula que el 68% de los datos se encuentra a una distancia de μ – sigma y μ + sigma o una desviación estándar hacia ambos

lados de la media. Como resultado, se observa que en este data set, el 69.33% de los datos se encuentra entre 105 y 195, como estipula la regla de 68-95-99.7 para la distribución normal.

2 Pregunta 2

Se sabe que la duración de las conexiones a un sitio de ventas de calzado tiene una distribución normal con una media de 30 minutos y una desviación estándar de 14 minutos. Debido a un rediseño de la pagina web se espera que los clientes pasen el triple de tiempo en el sitio y se ha agregado una consulta de uso de cookies al inicio de la sesión que toma 3 minutos contestarla. Los clientes no pueden ingresar al sitio si no contestan la consulta.

2.1

Cree una muestra aleatoria de 400 datos que representen las conexiones al sitio actualmente. Luego transforme los datos para que representen como cambiará la muestra con la nueva página web.

Solución

Previo al rediseño de la página web, los datos tenían los siguientes parámetros estadísticos,

```
d = normal
\mu_1 = 30min
\sigma_1 = 14min
```

Por lo que una muestra aleatoria que represente estas conexiones se consigue con los siguientes comandos:

```
# 2.1
con = rnorm(400, mean=30, sd=14)
con
```

Figure 9: código 2.1

```
22.3147858
27.6487499
                              24.2903409 22.2776835
                                                                                                                                31.9155406
56.6556796
                                                                                                                                                                                            41.4563213 42.4205873
                                                                                                                                                                                                                                    32.9483330
35.7537669
                                                                                                                                                                                                                                                       28.7510139
52.3146047
                                                      .4490511
                                                                                         47.9361898
                                                                                                             43.3999107
                                                                                                                                                    18.1606211
                                                                                                                                                                        40.1413772
                                                                                                                                                                                                                29.8960007
                             33.1394034
45.2630940
38.1372093
26.8615916
                                                 20.9668022
44.5725207
25.0998634
10.6666631
                                                                     21.8159558
16.5605602
21.8228125
42.6464334
                                                                                                            27.6648241
24.8812725
15.9120735
39.7371478
                                                                                                                                48.5398936
13.5949603
57.3720245
33.3577182
                                                                                                                                                                                            20.9316173
34.0928983
23.6030949
4.6332742
                                                                                                                                                                                                                1.6721195
45.1682147
55.0178156
31.1109563
          22.6981557
                                                                                         38.3545849
                                                                                                                                                     33.7807497
                                                                                                                                                                        36.2639145
                                                                                                                                                                                                                                         7136283
                                                                                                                                                                                                                                                       41.6902773
          33.6995713
40.1604352
61.3918209
                                                                                                                                                                        16.5010004
18.2781617
34.0592753
                                                                                                                                                                                                                                    34.5685632
8.6492081
11.4656386
                                                                                                                                                                                                                                                       28.3115912
50.5516214
44.2490080
                                                                                                                                                     34.1190436
39.1509771
                                                                                         28.5263334
          12.3670474
32.8446813
                              10.3753404 29.7468953
                                                      .8543374
                                                                     13.4085136
50.2077366
                                                                                                             4.0127305
23.0395770
                                                                                                                                 23.2569665
55.7729883
                                                                                                                                                     26.9048398
                                                                                                                                                                         38.0357458
                                                                                                                                                                                            28.1299035
                                                                                                                                                                                                                26.5476051
                                                                                                                                                                                                                                    42.6483390
                                                                                                                                                                                                                                                        25.1406943
                                                      .1230251
                                                                                         18.6071531
                                                                                                                                                     31.
                                                                                                                                                         3626177
                                                                                                                                                                             7304259
                                                                                                                                                                                            36.1840640
                                                                                                                                                                                                                42.6480104
                                                                                                                                                                                                                                    45.8582838
                                                                                                                                                                                                                                                       24.0827120
                              36.6156926
35.8780074
                                                                                                                                                                                                                                                       49.5096684
          32.2519494
                                                      4598763
                                                                     21.9944155
                                                                                              8207546
                                                                                                             35.2831017
                                                                                                                                 40.4342173
                                                                                                                                                         6136465
                                                                                                                                                                         40.6068411
                                                                                                                                                                                            64.8828397
                                                                                                                                                                                                                59.7623700
                                                                                                                                                                                                                                        .1328735
                                                                                                                                                                                                . 9484609
. 4155696
          42.9457651
                                  4143586
                                                  15.5224300
                                                                     36.0320799
                                                                                         28.6234677
                                                                                                             31.8845960
                                                                                                                                 37.1868296
                                                                                                                                                         7686267
                                                                                                                                                                             5526979
                                                                                                                                                                                                .1776032
                                                                                                                                                                                                                30.2015633
                                                                                                                                                                                                                                        3504313
                                                                                                                                                                                                                                                        65.3598344
          32.4708673
                              22.9775038
                                                  31.5695757
                                                                     21.1167544
                                                                                         51.1600345
                                                                                                             17.3651717
                                                                                                                                 20.1679322
                                                                                                                                                     28.9438607
                                                                                                                                                                         34.6043255
                                                                                                                                                                                                .0798218
                                                                                                                                                                                                                44.0038014
                                                                                                                                                                                                                                    51.8533537
                                                                                                                                                                                                                                                       16.4337879
          20.1745187
                                  .4837670
                                                      6028907
                                                                     29.3849577
                                                                                              5024317
                                                                                                              30.9188809
                                                                                                                                      5573112
                                                                                                                                                         9984012
                                                                                                                                                                             9964326
                                                                                                                                                                                                 8682021
                                                                                                                                                                                                                    2176616
                                                                                                                                                                                                                                                       27.384387
                                                     .3022460
.7099093
.2686768
                                                                                         38.0473563
8.8779698
38.0578491
16.5759804
                                                                                                            49.9795692
46.3256712
31.2521407
14.7839918
                                                                                                                                                                                                                19.6131073
31.2275052
39.5162783
          45.1380286
                                3.1581465
                                                                       3.1462436
                                                                                                                                 50.3045616
                                                                                                                                                                                                 3879948
                                                                                                                                                                                                                                    36.9563869
                                                                                                                                                                                                                                                        44.7984682
                              22.0022142
                                                                     38.8624678
26.8549512
                                                                                                                                 24.9491185
38.7628656
56.4582821
                                                                                                                                                         4060627
7702251
7030062
                                                                                                                                                                                                . 2529271
. 2529271
. 7905662
. 4768854
          -5.6201324
23.0671452
                                                                                                                                                                                                                                    43.1194666
                                                  54.8382028
                                                                     34.5354528
                                                                                                                                                                             3942511
                                                                                                                                                                                                                                                       31.1392935
                              32,4620316
                                                                                                                                                     33
                                                                                                                                                                                                                                        7306317
          21.2201643
                             41.4810757
                                                   0.8788632
                                                                         . 5309121
                                                                                         26.8930665
                                                                                                             30.0354437
                                                                                                                                 39.4535944
                                                                                                                                                     29.8873145
                                                                                                                                                                             9477907
                                                                                                                                                                                            23.8258748
                                                                                                                                                                                                                24.9419445
                                                                                                                                                                                                                                    21.1019993
                                                                                                                                                                                                                                                       14.7775888
                                  . 8225964
. 8861121
. 9727969
                                                  26.3229865
30.9957297
34.2990431
                                                                                                              39 1973740
                                                                                                                                                         6647070
                                                                                                                                                                             3635695
                                                                                                                                                                                                                     9898961
          8.9589175
15.3210014
                                                                                                                                     2146500
                                                                                                                                                         6480744
2814430
                                                                                                                                                                                                                    . 3213055
. 6028749
                                                                                                                                                                                                                                                       29.6959780
10.8725583
                                                                                                                                                                                                                                    31.5811574
                                                                                                                                                                                                                50.1614905
14.2387554
49.7794724
                                                                                                                                                                                            14.5687787
53.1812508
                                  . 2982449
                                                  43.1504375
                                                                     18.0746790
29.6737785
                                                                                         24.4337570 66.6446653
                                                                                                             38.4156668
39.6073614
                                                                                                                                 30.3927771
32.9583694
                                                                                                                                                         3425072
                                                                                                                                                                             8688141
                                                                                                                                                                                                                                    21.5562323
          29.8226147
                                  8128584
                                                                                                                                                     36.0238191
                                                                                                                                                                             1920160
                                                                                                                                                                                                                                                       15.9959138
[313
[326
[339
          29. 9385104
27. 1228711
18. 7148755
28. 6870845
                              21.8719683
20.8835334
33.6625134
37.5964712
                                                                                         29.8399889
34.2779882
22.6348004
                                                                                                                                                                        3.6248356
44.4518401
38.8425924
26.5137136
                                                                                                                                                                                                                                                       46.5003451
35.2057463
39.6344128
15.8880282
                                                      0937057
                                                                     41.5839601
                                                                                                             42.7316230
                                                                                                                                 28.3417395
                                                                                                                                                     31
                                                                                                                                                         6662946
                                                                                                                                                                                            10.9105625
                                                                                                                                                                                                                                        .1204868
                                                 7.0652691
29.5272381
15.8274263
                                                                                                                                52.4335954
19.2736449
25.9500866
                                                                                                                                                         . 1640639
. 5490324
. 3348347
                                                                                                                                                                                            25.4182124
53.3669967
31.5964400
                                                                                                                                                                                                                10.6289169
50.5738784
44.7444478
                                                                                                                                                                                                                                    32.1807800
31.4866663
42.7599725
                                                                     34.6609634
7.4603466
                                                                     40.3968362
                                                                                             .8004202
                                                                                                             11.0006217
          43.5555506
                                  6115636
                                                 25.7730474 46.6079589
                                                                     23.5070185
                                                                                         28.4509289
                                                                                                             31.7718434
                                                                                                                                      5769641
                                                                                                                                                     34
                                                                                                                                                         2582063
                                                                                                                                                                         36.1025359
                                                                                                                                                                                            46.7554384
          33.3314836
                                                                         .1726435
                                                                                              2918896
                                                                                                              39.4137627
                                                                                                                                23.6550034
                                                                                                                                                         6945072
                                                                                                                                                                             4868513
                                                                                                                                                                                                                -8.2146500
                                                                                                                                                                                                                                   40.2183326
                                                 23.8151882
                                                                       7.9556903
                                                                                         35.3421521
```

Figure 10: resultados 2.1

Después del rediseño de la página web, cada uno de las conexiones al sitio x_i sufriría la siguiente transformación hacia y_i cuando se dice ahora que pasan el triple de tiempo en el sitio y se ha agregado una consulta de 3 min antes de ingresar al sitio:

$$y_i = 3x_i + 3 \tag{1}$$

Por lo tanto, si transformamos los datos para que representen cómo cambiará la muestra con la nueva página web, obtenemos los estadísticos:

y si transformamos cada uno de los datos de la muestra 1 con la Eq. (1) obtenemos la nueva muestra:

$$con2 = con*3 + 3$$

Figure 11: código 2.1 para transformar los datos de la muestra.

```
146.808570
                                                                                                                  133.199732
                                                                                                                                                                             57,481863 123,424132
                                                                                                                                                                                                                                                                                           110.261301
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                        159.943814
                                                         118.063755
                                                               18.063755 85.994472

17.643818 43.784881

15.116073 105.357131
                                                                                                                 148.619681
                                                                                                                                                                                                                                                                                           128.070832
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                        104 098714
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                   138.789282 136.717562
                                                                                                                    31.690941
57.834485
                                                                                                                                                                                                                                                                                           123.481305
83.584775
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                          34.999989 130.939300
 174.841800
                                        736221
                                                                                                                                                                                                                                    134.034864 187.173403 83.884775
40.101142 34.126021 146.563012
92.240686 42.369075 153.623210
76.379629 68.983247 86.462264
65.228352 13.290267 145.503287
173.004061 154.510107 63.52584
98.653788 114.560489 47.305880
 122.211443 103.073155 120.452931 105.177826
72.770899 83.714519 117.107237 87.389711
                                                                                                                   16.899822
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                  225541 108.525225
                                                                                                                 82.642815 130.945017
140.574851 75.248136
151.529005 92.679195
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                          58.821459
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                       108.849305 124.302652
150.847384 -3.185975
                                       191278 111.552192 130.944031
648519 182.287110 135.398621
                                       648519 182.287110
541496 58.314952
                                                           58.314952 107.326001
54.687609 131.837295
                                                                                                                  201.096141
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                        114.134630
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                       60.800110 112
84.532810 93
    69.086749
                                       816331
                                                                                                                 115.243076
97.708727
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                          19.658094
                             62.816331 54.687609
199.079503 100.412602
63.523556 55.451301
12.474440 93.906738
113.129728 119.587403
83.564854 117.173547
    55.051294
                                                                                        71.932512
                                                                                                                                                                                                                                                                                           106.812976 108.239465
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                     135.011404
                                                                                        71. 932312 97. 708727

88. 808672 91. 154873

-6. 438731 117. 142069

29. 633909 141. 977014

96. 756422 119. 288597
                                                                                                                 91.154873
117.142069
141.977014
                                                                                                                                                                                                                                                                                              86.604606
61.839322
81.340446
52.301364
138.414086
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                       216.652985
113.869161
    69.006643
                                                                                                                                                                                                                                                                                              81.340446
22.569294
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                  776168
    24.806030
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                  201436 100.386095 167.514609
                                                                                                                                             158.3106/5
103.182753
74.477624
35.969688
57.677574
35.617675
                                                                                        72.374846 10-...
92.661944 122.843372
85.090709 89.123713
42.459619 120.963917
77 808625 97.743472
                                                                                                                                                                                                                                                                 96.417881
45.978386
 106.606358
 93.106331 121.360783

120.592122 69.878620 127.994121

117.643950 112.944223 170.507973

87.844329 139.730296 21.23386

134.606442 46.70627

162.54977
                                        727941
                                                                  351975
                                                                                     172.374846 104.109019
                                                                                                                                                                          85.430656 117.233193 71.191895 77.825833 66.305998 47.332766 21.394310 142.289825 29.876752 92.087934 48.963004 26.918391 150.886766 72.894735 132.451312 86.438575 7.584105 92.021335 174.281117 27.751880 92.19967 106.982890 105.833965 121.315130 70.904401 12.063629 60.820935 26.001855 80.850260 100.004504
                                                                                                                                                                             85.430656 117.233193
77.825833 66.305998
                                                                                                                                                                                                                                      71.191895
47.332766
                                                                                                                                                                                                                                                                                              66.660493
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                  443227
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                         5.636590
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                  968960
                                                                                                                                                                          7. 3944493 57. 996685 57. 996685 57. 224037 76. 301271 118. 24700 94. 178331 58. 438575 7. 584105 92. 021335 202. 933996 121. 822084 101. 875108 111. 071457 174. 281117 127. 751880 92. 519967 131. 194869 88. 025219 97. 99884 13. 874507 106. 982890 105. 833965 121. 315130 160. 300786 132. 492192 136. 355520 79. 254637 70. 904401 12. 063629 60. 820935 94. 647097 119. 527777 163. 100990 154. 721635 36. 001865 80. 850560 100. 004504 82. 541141 97. 198320 137. 233343 131. 279917 79. 730892 105. 774619 111. 307608 143. 266315 120. 825015 49. 082825 75. 186064 71. 083522 109. 460554 99. 666191 -21. 643950 123. 654998 67. 703835 143. 774865 71. 126184 112. 873432
                                                           21.233896 127.808625
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                       94.178331 106.027522
134.606442
162.543752
152.338417
                              46.706336 153.484471
45.716266 67.668697
75.361460 142.501035
                                                                                        68.330474 111.013708
50.987742 92.815531
84.368613 65.650600
103.987540 91.581714
                                                                                                                                                 92.467844
68.615905
24.195807
25.381040
    99.542340 108.617239
                                                           59.144626 103.987540
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                         .459999
                              89.061254 115.789414
121.903239
                                                                                        50.482279 124.190509
                                                                                                                                              107.401261
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                   50.664085
121. 789414 50. 462679
133. 666652 109.834691 80.319142 73.521055
160. 839198 142. 823877 96. 517930 162. 875669
74. 445565 26. 867071 109. 026456 136. 483080
                                                                                                                                                 98.315530
73.965010
                                                                                                                                                 44.425498
                                                                                                                    36.205669
```

Figure 12: resultados 2.1 de la nueva muestra.

2.2

Calcule la media, mediana, rango de datos, IQR y sd, de ambas muestras y compárelas.

Solución

$x_i \text{ (dado)}$	x_i (muestra 1)	$y_i = 3x_i + 3 \text{ (calculado)}$	$y_i = 3x_i + 3 \text{ (muestra 2)}$
$\mu_1 = 30$	$\mu_2 = 30.53929$	$\mu_2 = 30 \times 3 + 3 = 93$	$\mu_2 = 94.61787$
-	$med_1 = 31.15597$	$med_2 = med_1 \times 3 + 3 = 96.46791$	$med_2 = 96.46791$
-	$range_1 = 82.12822$	$range_2 = range_1 \times 3 = 246.3847$	$range_2 = 246.3847$
-	$IQR_1 = 18.72161$	$IQR_2 = IQR_1 \times 3 = 54.16483$	$IQR_2 = 56.16483$
$\sigma_1 = 14$	$\sigma_1 = 14.40793$	$\sigma_2 = 14 \times 3 = 42$	$\sigma_2 = 43.2238$

Al comparar las medias, medianas, rangos, IQR's y desviaciones estándar, se puede ver que, teóricamente (calculándolo a mano), la transformación de los datos con $y_i = 3x_i + 3$ afecta las medidas de la siguiente manera: la media y mediana se multiplican por 3 y se les suma 3, mientras que el nuevo rango, IQR

```
# 2.1
con = rnorm(400, mean=30, sd=14)
mean1 = mean(con)
median1 = median(con)
range1 = range(con)
igr1 = IQR(con)
sd1 = sd(con)
mean1
median1
range1
igr1
sd1
con2 = con*3 + 3
mean2 = mean(con2)
median2 = median(con2)
range2 = range(con2)
igr2 = IQR(con2)
sd2 = sd(con2)
mean2
median2
range2
igr2
sd2
```

Figure 13: código 2.2 para calcular medidas.

```
> mean1
                          > mean2
[1] 30.53929
                          [1] 94.61787
> median1
                          > median2
[1] 31.15597
                          [1] 96.46791
> range1
                          > range2
[1] 82.12822
                          [1] 246.3847
 iqr1
                           iqr2
[1] 18.72161
                          [1] 56.16483
> sd1
                          > sd2
[1] 14.40793
                          [1] 43.2238
```

Figure 14: resultados 2.2

y desviación estándar sólo deben multiplicarse por 3. En la práctica, es decir, al extraer estas medidas directamente de la muestra 2 en la Figura 12, se comprueba que estos cálculos son correctos, ya que los resultados son prácticamente los mismos, salvo por algunas unidades de diferencia debido a que la muestra fue tomada al azar.

2.3

Explique cada uno de los cambios observados.

Solución

Si se dice que ahora tardan el triple de tiempo en el sitio (x_i) , la distribución de los datos cambia de forma, ya que se está ampliando el espacio entre los valores de los datos, pero la cuenta de cada una de las barras del histograma siguen siendo las mismas, lo que hace que la distribución se vea como extendida en x. Si se le agregan 3 minutos por la encuesta de cookies, la distribución se traslada 3 unidades en el eje x.

• La media cambia de 30 a 93 con la transformación $y_i = 3x_i + 3$ ya que al alargar la distancia multiplicando por 3 los datos en el set, ahora la forma, y por lo tanto, la campana en la distribución se mueve de sitio, por lo que la media es afectada al ser la medida en el centro de dicha campana.

Luego, al trasladar 3 unidades la distribución por la encuesta, la posición de la campana y de la media es afectada también.

- La mediana cambia de 31 a 96 por las mismas razones que la media, ya que en una distribución normal la media, la mediana y la moda coinciden en el mismo punto, y las razones por las que la mediana cambia son entonces las mismas por las que la media cambia.
- El rango cambia de 82 a 246, es decir, sólo se le debe multiplicar por 3 y no sumar los 3 minutos, ya que el rango de valores sólo se afecta cuando la campana cambia de forma por alargarse (en este caso) o encogerse, pues las colas o los últimos valores se mueven con este cambio y por lo tanto el máximo y mínimo valor también, lo que hace que el rango (diferencia de valores) cambie. En cambio, los 3 minutos de corrimiento no afectan al rango ya que si se mueve toda la distribución a lo largo del eje x por 3 unidades, la distancia entre el máximo y el mínimo valor es la misma y no debe cambiar.
- La desviación estándar cambia de 14 a 42 (43 a veces), porque la desviación estándar describe el ancho de la campana de distribución, por lo que el ensanchamiento al multiplicar por tres el tiempo en el sitio hace que la desviación anterior se triplique, pero la traslación por los 3 minutos no afecta el ancho de la campana, por lo que no mueve la desviación a otros valores.

2.4

Si la compañía recibe 5 centavos por el despliegue de un anuncio por minuto en su página, y el sitio recibe en promedio 50 visitas al día, calcule cuanto ingresa en promedio actualmente por la publicación de dos anuncios en la pagina web y en cuanto incrementará el monto del ingreso con la nueva página web.

Solución

Conexiones:

sitio 1	sitio 2
d = normal	d = normal
$\mu_1 = 30min$	$\mu_2 = 93min$
$\sigma_1 = 14min$	$\sigma_2 = 42min$

Ingresos:

Si se tienen 50 visitas por día a un sitio que gana ¢10 por minuto (2 anuncios), ¿cuánto duran estas visitas en promedio para poder saber el ingreso promedio al día? Estas conexiones duran un promedio $\mu_1 = 30$ minutos con el antigüo sitio y $\mu_2 = 93$ minutos con el nuevo sitio. Por lo tanto,

Actualmente se gana:

Ingreso promedio₁ = visitas × minutos/visita × ingreso/minuto =
$$50 \times 30 \times 10 = 15000 = \$150$$
 (2)
Y con la nueva página web se ganará:

Ingreso promedio₂ = visitas × minutos/visita × ingreso/minuto =
$$50 \times 93 \times 10 = 46500 = \boxed{\$465}$$
 (3)
Por lo que el incremento del ingreso con la nueva página web es:

$$\Delta Ingreso = \frac{465 - 150}{150} \times 100 - 100 = \boxed{110\%} \text{ con respecto a la ganancia actual}$$
 (4)

2.5

Grafique la distribución de probabilidad de la muestra original y de la muestra transformada. Explique la diferencia entre las gráficas.

Solución

Figure 15: código 2.5 para graficar la función de probabilidad de muestra original (arriba) y transformada (abajo)

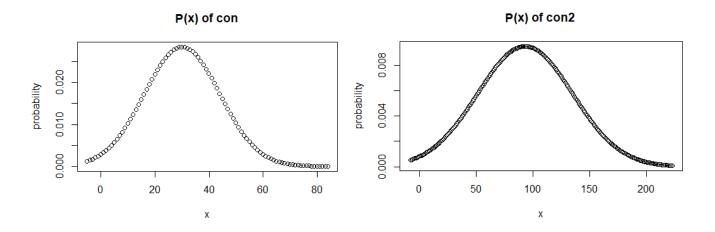


Figure 16: gráfica de función de probabilidad de la muestra original (izq) y transformada (der)

Si se analiza la diferencia entre las gráficas de la función de probabilidad, la función original está más estrecha, ya que en el eje x alcanza valores hasta 80, mientras que la transformada se extiende hasta valores alrededor de 240, lo que hace que su campana se vea más extensa y ancha, también incluso a raíz de que su desviación estándar crece al triple, por lo que se ensanchó no sólo el abarque en el eje x, sino su campana también.

Figure 17: código 2.5 para graficar la distribución de probabilidad de muestra original (arriba) y transformada (abajo)

Al analizar las dos gráficas de distribución acumulada, se nota cómo la función transformada aporta ligeramente menos elevación en y conforme avanza en x, lo cual se explica desde la gráfica de función

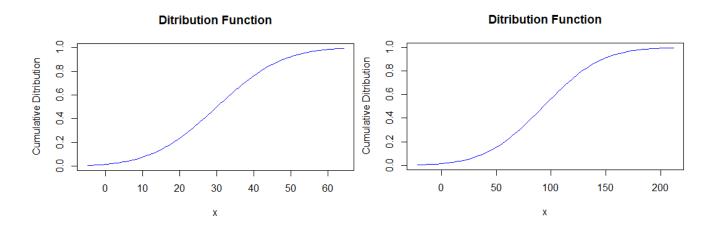


Figure 18: gráfica de distribución de probabilidad de la muestra original (izq) y transformada (der)

de probabilidad, ya que las probabilidades son mucho más pequeñas en la función transformada que en la función original, lo que hace que, al acumularlas en la función de distribución, se eleve menos por avance en x. Esto se explica ya que la forma de la distribución se alargó en x pero se aplastó en y con la transformación.

3 Pregunta 3

Utilizando los datos del ejercicio uno de manzanas y naranjas, ayude a un granjero a determinar si una manzana de 240 g es mejor que una naranja de 190 g. Para comparar dos datos que siguen diferentes distribuciones normales, en lugar de comparar los valores originales, se comparan sus respectivos z-score.

3.1

Realice los cálculos pertinentes para hacer la comparación y explique por qué un z score mayor representa una mejor fruta en este caso. Puede apoyarse en la regla empírica de la distribución normal.

Solución

Retomando los datos de manzanas y naranjas,

Se estandariza $x_m = 240$ como:

$$z_m = \frac{x_m - \mu_m}{\sigma_m} = \frac{240 - 200}{30} = \boxed{1.3333}$$
 (5)

Y se estandariza $x_n = 190$ como:

$$z_n = \frac{x_n - \mu_n}{\sigma_n} = \frac{190 - 150}{45} = \boxed{0.8889}$$
 (6)

Al obtener $z_m = 1.33$ para la manzana de 240 g y $z_n = 0.89$ para la naranja de 190 g, entonces podemos concluir que la manzana de 240 g es mejor que la naranja de 190 g, ya que ambas distribuciones al estandarizarse están centradas en una media = 0, por lo que el valor de z se vuelve un valor comparable para estas dos frutas por estar en la misma escala. Así, la manzana obtiene un mayor valor z que la naranja, lo que significa que ese valor de z está más a la derecha de la media que el valor de la naranja, lo que significaría a su vez que la manzana es más pesada que la naranja si se compararan en una distribución común donde el eje z es la estandarización del peso, y por lo mismo, preferible por estar más allá de la media que la naranja en un escenario 'equivalente'.

3.2

Calcule cuanto deben pesar una manzana y una naranja para encontrarse en el 5% de frutas más pesadas de sus respectivas distribuciones.

Solución

La probabilidad ahora es 0.95 (1 - 0.05 al tratarse del 5% más pesado o más a la derecha), por lo que se busca el valor de z que tenga dicha probabilidad y es 1.65. Sabiendo z, se despeja de la ecuación de estandarización para obtener el valor de x_m gramos a partir del cual se encuentran el 5% de manzanas más pesadas

$$x_m = z_m \sigma_m + \mu_m = 1.65 \times 30 + 200 = \boxed{249.5g} \tag{7}$$

Ahora se obtiene el valor de x_n gramos a partir del cual se encuentran el 5% de naranjas más pesadas:

$$x_n = z_n \sigma_n + \mu_n = 1.65 \times 45 + 150 = \boxed{224.25g}$$
 (8)

Por lo tanto, una manzana debe pesar 249.5 gramos o más para encontrarse en el 5% de manzanas más pesadas, y una naranja debe pesar 224.25 gramos o más para encontrarse en el 5% de naranjas más pesadas.