

会配大學 HEFEI UNIVERSITY



Programming with Python

7. Der Datentyp int

Thomas Weise (汤卫思) tweise@hfuu.edu.cn

Institute of Applied Optimization (IAO) School of Artificial Intelligence and Big Data Hefei University Hefei, Anhui, China 应用优化研究所 人工智能与大数据学院 合肥大学 中国安徽省合肥市

Programming with Python



Dies ist ein Kurs über das Programmieren mit der Programmiersprache Python an der Universität Hefei (合肥大学).

Die Webseite mit dem Lehrmaterial dieses Kurses ist https://thomasweise.github.io/programmingWithPython (siehe auch den QR-Kode unten rechts). Dort können Sie das Kursbuch (in Englisch) und diese Slides finden. Das Repository mit den Beispielprogrammen in Python finden Sie unter https://github.com/thomasWeise/programmingWithPythonCode.

Outline

- 1. Einleitung
- 2. Rechnen mit Ganzen Zahlen
- 3. Zusammenfassung







• Wir können Python-Programme im PyCharm Integrated Development Environment (IDE) und auch im Terminal ausführen.



- Wir können Python-Programme im PyCharm Integrated Development Environment (IDE) und auch im Terminal ausführen.
- Wir kennen bereits zwei Python Kommandos



- Wir können Python-Programme im PyCharm Integrated Development Environment (IDE) und auch im Terminal ausführen.
- Wir kennen bereits zwei Python Kommandos:
 - 1. print("Hello World!") druckt den Text "Hello World!" in das Terminal.



- Wir können Python-Programme im PyCharm Integrated Development Environment (IDE) und auch im Terminal ausführen.
- Wir kennen bereits zwei Python Kommandos:
 - 1. print("Hello World!") druckt den Text "Hello World!" in das Terminal.
 - 2. exit() beendet den Python-Interpreter.



- Wir können Python-Programme im PyCharm Integrated Development Environment (IDE) und auch im Terminal ausführen.
- Wir kennen bereits zwei Python Kommandos:
 - 1. print("Hello World!") druckt den Text ,,Hello World!" in das Terminal.
 - 2. exit() beendet den Python-Interpreter.
- Wäre es nicht komisch, wenn print nur "Hello World!" ausgeben könnte?



- Wir können Python-Programme im PyCharm Integrated Development Environment (IDE) und auch im Terminal ausführen.
- Wir kennen bereits zwei Python Kommandos:
 - 1. print("Hello World!") druckt den Text "Hello World!" in das Terminal.
 - 2. exit() beendet den Python-Interpreter.
- Wäre es nicht komisch, wenn print nur "Hello World!" ausgeben könnte?
- Das würde keinen Sinn ergeben.



- Wir können Python-Programme im PyCharm Integrated Development Environment (IDE) und auch im Terminal ausführen.
- Wir kennen bereits zwei Python Kommandos:
 - 1. print("Hello World!") druckt den Text "Hello World!" in das Terminal.
 - 2. exit() beendet den Python-Interpreter.
- Wäre es nicht komisch, wenn print nur "Hello World!" ausgeben könnte?
- Das würde keinen Sinn ergeben.
- print ist eine Funktion, die einen Parameter hat.



- Wir können Python-Programme im PyCharm Integrated Development Environment (IDE) und auch im Terminal ausführen.
- Wir kennen bereits zwei Python Kommandos:
 - 1. print("Hello World!") druckt den Text "Hello World!" in das Terminal.
 - 2. exit() beendet den Python-Interpreter.
- Wäre es nicht komisch, wenn print nur "Hello World!" ausgeben könnte?
- Das würde keinen Sinn ergeben.
- print ist eine Funktion, die einen Parameter hat.
- Dieser Parameter sollte ein Text sein¹

¹(zumindest nehmen wir das vereinfachend an)





- Auch die Funktion exit hat einen (optionalen) Parameter.
- Nämlich den Exit-Kode des Programmes¹⁰, eine Ganzzahl, wobei 0 für "Erfolg" steht.



- Auch die Funktion exit hat einen (optionalen) Parameter.
- Nämlich den Exit-Kode des Programmes¹⁰, eine Ganzzahl, wobei 0 für "Erfolg" steht.
- Wir erkennen: Es ergibt Sinn, verschiedene Datentypen zu unterscheiden.



- Auch die Funktion exit hat einen (optionalen) Parameter.
- Nämlich den Exit-Kode des Programmes¹⁰, eine Ganzzahl, wobei 0 für "Erfolg" steht.
- Wir erkennen: Es ergibt Sinn, verschiedene Datentypen zu unterscheiden.
- Manchmal wollen wir mit Text arbeiten.



- Auch die Funktion exit hat einen (optionalen) Parameter.
- Nämlich den Exit-Kode des Programmes¹⁰, eine Ganzzahl, wobei 0 für "Erfolg" steht.
- Wir erkennen: Es ergibt Sinn, verschiedene Datentypen zu unterscheiden.
- Manchmal wollen wir mit Text arbeiten.
- Manchmal wollen wir mit Zahlen rechnen.



- Auch die Funktion exit hat einen (optionalen) Parameter.
- Nämlich den Exit-Kode des Programmes¹⁰, eine Ganzzahl, wobei 0 für "Erfolg" steht.
- Wir erkennen: Es ergibt Sinn, verschiedene Datentypen zu unterscheiden.
- Manchmal wollen wir mit Text arbeiten.
- Manchmal wollen wir mit Zahlen rechnen.
- Manchmal brauchen wir nur Ja/Nein-Unterscheidungen.



- Auch die Funktion exit hat einen (optionalen) Parameter.
- Nämlich den Exit-Kode des Programmes¹⁰, eine Ganzzahl, wobei 0 für "Erfolg" steht.
- Wir erkennen: Es ergibt Sinn, verschiedene Datentypen zu unterscheiden.
- Manchmal wollen wir mit Text arbeiten.
- Manchmal wollen wir mit Zahlen rechnen.
- Manchmal brauchen wir nur Ja/Nein-Unterscheidungen.
- Datentypen unterstützen verschiedene Operationen



- Auch die Funktion exit hat einen (optionalen) Parameter.
- Nämlich den Exit-Kode des Programmes¹⁰, eine Ganzzahl, wobei 0 für "Erfolg" steht.
- Wir erkennen: Es ergibt Sinn, verschiedene Datentypen zu unterscheiden.
- Manchmal wollen wir mit Text arbeiten.
- Manchmal wollen wir mit Zahlen rechnen.
- Manchmal brauchen wir nur Ja/Nein-Unterscheidungen.
- Datentypen unterstützen verschiedene Operationen, Zahlen können z. B. addiert, subtrahiert, oder multipliziert werden



- Auch die Funktion exit hat einen (optionalen) Parameter.
- Nämlich den Exit-Kode des Programmes¹⁰, eine Ganzzahl, wobei 0 für "Erfolg" steht.
- Wir erkennen: Es ergibt Sinn, verschiedene Datentypen zu unterscheiden.
- Manchmal wollen wir mit Text arbeiten.
- Manchmal wollen wir mit Zahlen rechnen.
- Manchmal brauchen wir nur Ja/Nein-Unterscheidungen.
- Datentypen unterstützen verschiedene Operationen, Zahlen können z. B. addiert, subtrahiert, oder multipliziert werden, Texte können miteinender verkettet oder z. B. in Groß- bzw. Kleinschreibung umgewandelt werden.









- Nun wollen wir die einfachen Datentypen von Python kennenlernen:
 - int: der Datentyp für die ganzen Zahlen Z,
 - float: der Datentyp für eine Untermenge der reellen Zahlen \mathbb{R} ,
 - bool: Boolesche Werte, die entweder True (Wahr) oder False (Falsch) seien können



- Nun wollen wir die einfachen Datentypen von Python kennenlernen:
 - int: der Datentyp für die ganzen Zahlen Z,
 - ullet float: der Datentyp für eine Untermenge der reellen Zahlen $\mathbb R$,
 - bool: Boolesche Werte, die entweder True (Wahr) oder False (Falsch) seien können,
 - str: Text-fragmente beliebiger Länge



- Nun wollen wir die einfachen Datentypen von Python kennenlernen:
 - int: der Datentyp für die ganzen Zahlen Z,
 - float: der Datentyp für eine Untermenge der reellen Zahlen \mathbb{R} ,
 - bool: Boolesche Werte, die entweder True (Wahr) oder False (Falsch) seien können,
 - str: Text-fragmente beliebiger Länge, und
 - None: nichts, das Ergebnis einer Operation die keinen Rückgabewert hat.



- Nun wollen wir die einfachen Datentypen von Python kennenlernen:
 - int: der Datentyp für die ganzen Zahlen Z,
 - float: der Datentyp für eine Untermenge der reellen Zahlen R,
 - bool: Boolesche Werte, die entweder True (Wahr) oder False (Falsch) seien können,
 - str: Text-fragmente beliebiger Länge, und
 - None: nichts, das Ergebnis einer Operation die keinen Rückgabewert hat.
- Wir fangen mit int an.



• Das rechnen mit ganzen Zahlen ist das Erste, was man in der Grundschulmathematik lernen.

- Das rechnen mit ganzen Zahlen ist das Erste, was man in der Grundschulmathematik lernen.
- Es ist auch das Erste, dass Sie hier lernen.

- Das rechnen mit ganzen Zahlen ist das Erste, was man in der Grundschulmathematik lernen.
- Es ist auch das Erste, dass Sie hier lernen.
- Integer ist ein lateinisches Wort das "ganz" oder "intakt" bedeutet.

- Das rechnen mit ganzen Zahlen ist das Erste, was man in der Grundschulmathematik lernen.
- Es ist auch das Erste, dass Sie hier lernen.
- Integer ist ein lateinisches Wort das "ganz" oder "intakt" bedeutet.
- Die ganzen Zahlen umfassen daher die negativen Ganzzahlen, 0, und die positiven Ganzzahlen – alle ohne Kommastellen.

- Das rechnen mit ganzen Zahlen ist das Erste, was man in der Grundschulmathematik lernen.
- Es ist auch das Erste, dass Sie hier lernen.
- Integer ist ein lateinisches Wort das "ganz" oder "intakt" bedeutet.
- Die ganzen Zahlen umfassen daher die negativen Ganzzahlen, 0, und die positiven Ganzzahlen – alle ohne Kommastellen.
- Viele Programmiersprachen bieten verschiedene Datentypen mit verschiedenen Wertebereichen für Ganzzahlen.

- Das rechnen mit ganzen Zahlen ist das Erste, was man in der Grundschulmathematik lernen.
- Es ist auch das Erste, dass Sie hier lernen.
- Integer ist ein lateinisches Wort das "ganz" oder "intakt" bedeutet.
- Die ganzen Zahlen umfassen daher die negativen Ganzzahlen, 0, und die positiven Ganzzahlen – alle ohne Kommastellen.
- Viele Programmiersprachen bieten verschiedene Datentypen mit verschiedenen Wertebereichen für Ganzzahlen. In Java ist byte z.B. ein Ganzzahltyp mit Wertebereich $-2^7..2^7-1$ wohingegen long den Wertebereich $-2^{63}..2^{63}-1$ abdeckt.

- Das rechnen mit ganzen Zahlen ist das Erste, was man in der Grundschulmathematik lernen.
- Es ist auch das Erste, dass Sie hier lernen.
- Integer ist ein lateinisches Wort das "ganz" oder "intakt" bedeutet.
- Die ganzen Zahlen umfassen daher die negativen Ganzzahlen, 0, und die positiven Ganzzahlen alle ohne Kommastellen.
- Viele Programmiersprachen bieten verschiedene Datentypen mit verschiedenen
 Wertebereichen für Ganzzahlen. In Java ist byte z. B. ein Ganzzahltyp mit
 Wertebereich -2⁷..2⁷ 1 wohingegen long den Wertebereich -2⁶³..2⁶³ 1 abdeckt. Der
 C17-Standard für C listed mindestens zehn Ganzzahltypen¹⁵.

Der Datentyp int

- Das rechnen mit ganzen Zahlen ist das Erste, was man in der Grundschulmathematik lernen.
- Es ist auch das Erste, dass Sie hier lernen.
- Integer ist ein lateinisches Wort das "ganz" oder "intakt" bedeutet.
- Die ganzen Zahlen umfassen daher die negativen Ganzzahlen, 0, und die positiven Ganzzahlen alle ohne Kommastellen.
- Viele Programmiersprachen bieten verschiedene Datentypen mit verschiedenen
 Wertebereichen für Ganzzahlen. In Java ist byte z. B. ein Ganzzahltyp mit
 Wertebereich -2⁷..2⁷ 1 wohingegen long den Wertebereich -2⁶³..2⁶³ 1 abdeckt. Der
 C17-Standard für C listed mindestens zehn Ganzzahltypen¹⁵.
- Python 3 hat nur einen einzigen Datentyp für die Ganzzahlen: int.

Der Datentyp int

- Das rechnen mit ganzen Zahlen ist das Erste, was man in der Grundschulmathematik lernen.
- Es ist auch das Erste, dass Sie hier lernen.
- Integer ist ein lateinisches Wort das "ganz" oder "intakt" bedeutet.
- Die ganzen Zahlen umfassen daher die negativen Ganzzahlen, 0, und die positiven Ganzzahlen alle ohne Kommastellen.
- Viele Programmiersprachen bieten verschiedene Datentypen mit verschiedenen
 Wertebereichen für Ganzzahlen. In Java ist byte z. B. ein Ganzzahltyp mit
 Wertebereich -2⁷..2⁷ 1 wohingegen long den Wertebereich -2⁶³..2⁶³ 1 abdeckt. Der
 C17-Standard für C listed mindestens zehn Ganzzahltypen¹⁵.
- Python 3 hat nur einen einzigen Datentyp für die Ganzzahlen: int.
- Dieser Datentyp hat im Grunde einen unbegrenzten Wertebereich.

Der Datentyp int

- Das rechnen mit ganzen Zahlen ist das Erste, was man in der Grundschulmathematik lernen.
- Es ist auch das Erste, dass Sie hier lernen.
- Integer ist ein lateinisches Wort das "ganz" oder "intakt" bedeutet.
- Die ganzen Zahlen umfassen daher die negativen Ganzzahlen, 0, und die positiven Ganzzahlen alle ohne Kommastellen.
- Viele Programmiersprachen bieten verschiedene Datentypen mit verschiedenen
 Wertebereichen für Ganzzahlen. In Java ist byte z. B. ein Ganzzahltyp mit
 Wertebereich -2⁷..2⁷ 1 wohingegen long den Wertebereich -2⁶³..2⁶³ 1 abdeckt. Der
 C17-Standard für C listed mindestens zehn Ganzzahltypen¹⁵.
- Python 3 hat nur einen einzigen Datentyp für die Ganzzahlen: int.
- Dieser Datentyp hat im Grunde einen unbegrenzten Wertebereich.
- Naja, begrenzt durch den Speicher Ihres Computers.

Wir öffnen ein Terminal (unter Ubuntu Linux durch Drücken von Ctrl + Alt + T, unter Microsoft Windows durch Druck auf + R, dann Schreiben von cmd, dann Druck auf ↓).





• Der Python-Interpreter startet.



• Wir schreiben 4 + 3 und drücken ↓.



• Das Ergebnis erscheint.



Wir schreiben 7 * 5 und drücken ↓.



• Das Ergebnis erscheint.



Wir schreiben 4 + 3 * 5 und drücken ↓



• Das Ergebnis erscheint: Python beherrscht die Operatorreihenfolge!



Wir schreiben (4 + 3) * 5 und drücken ↓



• Das Ergebnis erscheint: Python beherrscht Klammerrechnung.

```
tweise@weise-laptop: ~
tweise@weise-laptop:~$ python3
Python 3.12.3 (main, Jun 18 2025, 17:59:45) [GCC 13.3.0] on linux
Type "help", "copyright", "credits" or "license" for more information.
>>> 4 + 3
>>> (4 + 3) * 5
35
>>>
```

Wir schreiben 4 - -12 und drücken ↓.

```
tweise@weise-laptop: ~
tweise@weise-laptop:~$ python3
Python 3.12.3 (main, Jun 18 2025, 17:59:45) [GCC 13.3.0] on linux
Type "help", "copyright", "credits" or "license" for more information.
>>> 4 + 3
>>> 7 * 5
>>> (4 + 3) * 5
35
```

• Das Ergebnis erscheint: Python beherrscht negative Zahlen.

```
tweise@weise-laptop: ~
Python 3.12.3 (main, Jun 18 2025, 17:59:45) [GCC 13.3.0] on linux
Type "help", "copyright", "credits" or "license" for more information.
>>> 4 + 3
>>> 7 *_5
>>> 4 + 3 * 5
19
>>> (4 + 3) * 5
>>> 4 - -12
16
```

Wir schreiben ((4 + 3) * (4 - -12) - 5) * 3 und drücken

```
tweise@weise-laptop: ~
Python 3.12.3 (main, Jun 18 2025, 17:59:45) [GCC 13.3.0] on linux
Type "help", "copyright", "credits" or "license" for more information.
>>> 4 + 3
>>> 7 * 5
>>> 4 + 3 * 5
19
>>> (4 + 3) * 5
>>> 4 - -12
16
>>> ((4 + 3) * (4 - -12) -<u>5)</u> * 3
```

• Das Ergebnis erscheint: = (7 * 16 - 5)* 3 = 107 * 3 = 321.

```
tweise@weise-laptop: ~
>>> (4 + 3) * 5
>>> 4 - -12
>>> ((4 + 3) * (4 - -12) - 5) * 3
321
```

• Wir schreiben die Ganzzahldivision 32 // 4 und drücken ...

```
tweise@weise-laptop: ~
>>> (4 + 3) * 5
>>> 4 - -12
>>> ((4 + 3) * (4 - -12) - 5) * 3
321
>>> 32 // 4
```

• Das Ergebnis 8 erscheint.

```
tweise@weise-laptop: ~
>>> 7 * 5
19
>>> (4 + 3) * 5
>>> 4 - -12
>>> ((4 + 3) * (4 - -12) - 5) * 3
321
>>> 32 // 4
```

• Wir schreiben die Ganzzahldivision 33 // 4 und drücken ...

```
tweise@weise-laptop: ~
>>> 7 * 5
>>> 4 + 3 <u>* 5</u>
>>> (4 + 3) * 5
>>> 4 - -12
>>> ((4 + 3) * (4 - -12) - 5) * 3
321
>>> 32 // 4
>>> 33 // 4
```

• Das Ergebnis 8 erscheint (der Rest wäre 1).

```
tweise@weise-laptop: ~
>>> (4 + 3) * 5
35
>>> 4 - -12
16
>>> ((4 + 3) * (4 - -12) - 5) * 3
321
>>> 32 // 4
>>> 33 // 4
```

• Wir schreiben die Ganzzahldivision 34 // 4 und drücken ...

```
tweise@weise-laptop: ~
>>> (4 + 3) * 5
35
>>> 4 - -12
16
>>> ((4 + 3) * (4 - -12) - 5) * 3
321
>>> 32 // 4
>>> 33 // 4
>>> 34 // 4
```

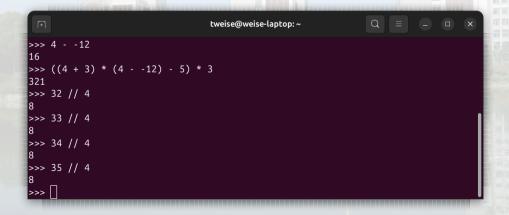
• Das Ergebnis 8 erscheint (der Rest wäre 2).

```
tweise@weise-laptop: ~
>>> (4 + 3) * 5
>>> 4 - -12
>>> ((4 + 3) * (4 - -12) - 5) * 3
321
>>> 32 // 4
>>> 33 // 4
>>> 34 // 4
```

• Wir schreiben die Ganzzahldivision 35 // 4 und drücken ...

```
tweise@weise-laptop: ~
>>> (4 + 3) * 5
>>> 4 - -12
16
>>> ((4 + 3) * (4 - -12) - 5) * 3
321
>>> 32 // 4
>>> 33 // 4
>>> 34 // 4
>>> 35 // 4
```

• Das Ergebnis 8 erscheint (der Rest wäre 3).



• Wir schreiben die Ganzzahldivision 36 // 4 und drücken ...



• Das Ergebnis 9 erscheint (der Rest wäre 0).



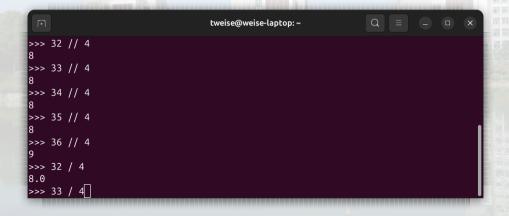
• Wir schreiben die Fließkommadivision 32 / 4 und drücken .

```
tweise@weise-laptop: ~
>>> ((4 + 3) * (4 - -12) - 5) * 3
321
>>> 32 // 4
>>> 33 // 4
>>> 34 // 4
>>> 35 // 4
>>> 36 // 4
>>> 32 / 4
```

• Das Ergebnis 8.0 erscheint (Fließkommazahlen lernen wir später).



• Wir schreiben die Fließkommadivision 33 / 4 und drücken .



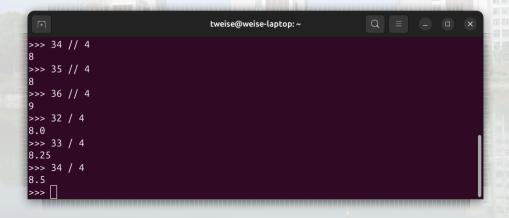
• Das Ergebnis 8.25 erscheint (Fließkommazahlen lernen wir später).



• Wir schreiben die Fließkommadivision 34 / 4 und drücken .



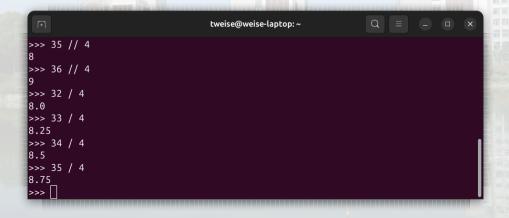
• Das Ergebnis 8.5 erscheint (Fließkommazahlen lernen wir später).



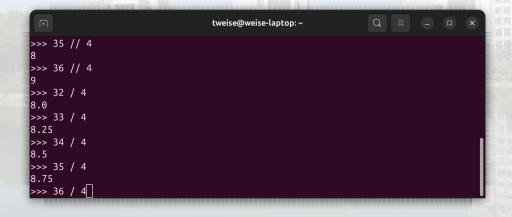
• Wir schreiben die Fließkommadivision 35 / 4 und drücken .



• Das Ergebnis 8.75 erscheint (Fließkommazahlen lernen wir später).



• Wir schreiben die Fließkommadivision 36 / 4 und drücken .



• Das Ergebnis 9.0 erscheint (Fließkommazahlen lernen wir später).

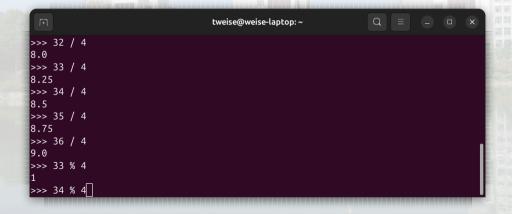


• Wir berechnen den Rest der Ganzzahldivision 33 % 4 und drücken .



• Das Ergebnis 1 erscheint.

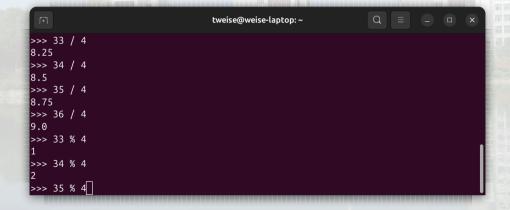




• Das Ergebnis 2 erscheint.



• Wir berechnen den Rest der Ganzzahldivision 35 % 4 und drücken .



• Das Ergebnis 3 erscheint.



• Wir berechnen den Rest der Ganzzahldivision 36 % 4 und drücken .



• Das Ergebnis O erscheint.



• Wir schreiben <code>exit()</code> um den Interpreter zu verlassen und drücken [].



• Wir sind zurück im normalen Terminal.





- In Python gibt es zwei Arten von Divisionen
 - 1. die Ganzzahldivision // liefert ganzzahlige Ergebnisse, wobei der Rest mit % berechnet werden kann

- In Python gibt es zwei Arten von Divisionen
 - 1. die Ganzzahldivision // liefert ganzzahlige Ergebnisse, wobei der Rest mit % berechnet werden kann,
 - 2. die Fließkommadivison liefert Ergebnisse, die keine int-Werte mehr sind und Kommastellen haben²³.

- In Python gibt es zwei Arten von Divisionen
 - 1. die Ganzzahldivision // liefert ganzzahlige Ergebnisse, wobei der Rest mit % berechnet werden kann,
 - 2. die Fließkommadivison liefert Ergebnisse, die keine int-Werte mehr sind und Kommastellen haben²³. Wir lernen den Datentyp float später kennen.

- In Python gibt es zwei Arten von Divisionen
 - 1. die Ganzzahldivision // liefert ganzzahlige Ergebnisse, wobei der Rest mit % berechnet werden kann,
 - 2. die Fließkommadivison liefert Ergebnisse, die keine int-Werte mehr sind und Kommastellen haben²³. Wir lernen den Datentyp float später kennen.

Gute Praxis

Seien Sie immer vorsichtig und passen gut auf, welchen Divisionsoperator Sie mit dem Datentyp int verwenden.

- In Python gibt es zwei Arten von Divisionen
 - 1. die Ganzzahldivision // liefert ganzzahlige Ergebnisse, wobei der Rest mit % berechnet werden kann,
 - 2. die Fließkommadivison liefert Ergebnisse, die keine int-Werte mehr sind und Kommastellen haben²³. Wir lernen den Datentyp float später kennen.

Gute Praxis

Seien Sie immer vorsichtig und passen gut auf, welchen Divisionsoperator Sie mit dem Datentyp int verwenden. Wenn Sie ein ganzzahliges Ergebnis brauchen, nutzen Sie immer 77.

- In Python gibt es zwei Arten von Divisionen
 - 1. die Ganzzahldivision // liefert ganzzahlige Ergebnisse, wobei der Rest mit % berechnet werden kann,
 - 2. die Fließkommadivison liefert Ergebnisse, die keine int-Werte mehr sind und Kommastellen haben²³. Wir lernen den Datentyp float später kennen.

Gute Praxis

Seien Sie immer vorsichtig und passen gut auf, welchen Divisionsoperator Sie mit dem Datentyp int verwenden. Wenn Sie ein ganzzahliges Ergebnis brauchen, nutzen Sie immer //. Merken Sie sich, dass / immer float-Werte zurückliefert, selbst wenn das Ergebnis eine Ganzzahl ist.

• In Python stellt der ** Operator das Potenzieren dar.



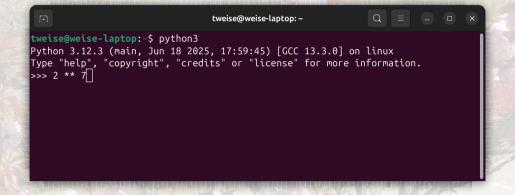
- In Python stellt der ** Operator das Potenzieren dar.
- a ** b ist equivalent zu a^b .



- In Python stellt der ** Operator das Potenzieren dar.
- a ** b ist equivalent zu a^b .
- Wir öffnen also wieder ein Terminal und starten eine interaktive Python-Session...



• 2⁷ kann als 2 ** 7 geschrieben werden.



• 2⁷ kann als 2 ** 7 geschrieben werden und ergibt 128.



• 7¹¹ kann als 7 ** 11 geschrieben werden.



• 7¹¹ kann als 7 ** 11 geschrieben werden und ergibt 1 977 326 743.



• In vielen Programmiersprachen sind die größten ganzzahligen Datentypen 64 bit breit.

```
Q =
                                 tweise@weise-laptop: ~
tweise@weise-laptop:~$ python3
Pvthon 3.12.3 (main. Jun 18 2025, 17:59:45) [GCC 13.3.0] on linux
Type "help", "copyright", "credits" or "license" for more information.
>>> 2 ** 7
128
>>> 7 ** 11
1977326743
>>> 2 ** 63
```

- In vielen Programmiersprachen sind die größten ganzzahligen Datentypen 64 bit breit.
- Sind sie vorzeichenbehaftet, ergibt dass den Wertebereich $-2^{63}...2^{63} 1$.



- In vielen Programmiersprachen sind die größten ganzzahligen Datentypen 64 bit breit.
- Sind sie vorzeichenbehaftet, ergibt dass den Wertebereich $-2^{63}...2^{63}-1$.
- Ohne Vorzeichen (immer positiv) haben sie den Wertebereich $0..2^{64} 1.$

```
tweise@weise-laptop: ~
                                                              Q ≡
tweise@weise-laptop:~$ python3
Python 3.12.3 (main. Jun 18 2025. 17:59:45) [GCC 13.3.0] on linux
Type "help", "copyright", "credits" or "license" for more information.
>>> 2 ** 7
128
>>> 7 ** 11
1977326743
>>> 2 ** 63
```

- In vielen Programmiersprachen sind die größten ganzzahligen Datentypen 64 bit breit.
- Ohne Vorzeichen (immer positiv) haben sie den Wertebereich $0..2^{64} 1.$
- Python's int ist vorzeichenbehaftet hat aber eine (theoretisch) unbegrenzte Größe.

```
tweise@weise-laptop: ~
tweise@weise-laptop:~$ python3
Python 3.12.3 (main, Jun 18 2025, 17:59:45) [GCC <u>13.3.0] on linux</u>
Type "help", "copyright", "credits" or "license" for more information.
>>> 2 ** 7
128
>>> 7 ** 11
1977326743
>>> 2 ** 63
```

- In vielen Programmiersprachen sind die größten ganzzahligen Datentypen 64 bit breit.
- Berechnen wir 2⁶³ als 2 ** 63.



- In vielen Programmiersprachen sind die größten ganzzahligen Datentypen 64 bit breit.
- Berechnen wir 2⁶³ als 2 ** 63, so bekommen wir 9 223 372 036 854 775 808.



- In vielen Programmiersprachen sind die größten ganzzahligen Datentypen 64 bit breit.
- Berechnen wir 2⁶³ als 2 ** 63, so bekommen wir 9 223 372 036 854 775 808.
- 2⁶⁴ kann als 2 ** 64 geschrieben werden.

```
tweise@weise-laptop: ~
                                                            Q = - - ×
tweise@weise-laptop:~$ python3
Pvthon 3.12.3 (main. Jun 18 2025, 17:59:45) [GCC 13.3.0] on linux
Type "help", "copyright", "credits" or "license" for more information.
>>> 2 ** 7
128
>>> 7 ** 11
1977326743
>>> 2 ** 63
9223372036854775808
>>> 2 ** 64
```

• 2⁶⁴ kann als 2 ** 64 geschrieben werden und ergibt 18 446 744 073 709 551 616.

```
tweise@weise-laptop: ~
                                                             Q ≡
tweise@weise-laptop:~$ python3
Pvthon 3.12.3 (main. Jun 18 2025, 17:59:45) [GCC 13.3.0] on linux
Type "help", "copyright", "credits" or "license" for more information.
>>> 2 ** 7
128
>>> 7 ** 11
1977326743
>>> 2 ** 63
9223372036854775808
>>> 2 ** 64
18446744073709551616
>>>
```

• Probieren wir mal eine wirklich große Zahl.



- Probieren wir mal eine wirklich große Zahl.
- 2¹⁰²⁴ kann als 2 ** 1024 geschrieben werden.



Potenzen von Ganzzahlen

- Probieren wir mal eine wirklich große Zahl.
- 2¹⁰²⁴ kann als 2 ** 1024 geschrieben werden und ergibt ... sehr viel.



Binäres Zahlensystem und Bit-weise Operatoren • Wie Sie ja wissen, werden alle Dinge im Computer elementar durch 0en und 1en dargestellt.

- Wie Sie ja wissen, werden alle Dinge im Computer elementar durch 0en und 1en dargestellt.
- Durch das sogenannte binäre Zahlensystem können beliebige dezimale Zahlen dargestellt werden.

- Wie Sie ja wissen, werden alle Dinge im Computer elementar durch 0en und 1en dargestellt.
- Durch das sogenannte binäre Zahlensystem können beliebige dezimale Zahlen dargestellt werden.
- binär-0 ist dezimal-0

- Wie Sie ja wissen, werden alle Dinge im Computer elementar durch 0en und 1en dargestellt.
- Durch das sogenannte binäre Zahlensystem können beliebige dezimale Zahlen dargestellt werden.
- binär-0 ist dezimal-0, binär-1 ist dezimal-1

- Wie Sie ja wissen, werden alle Dinge im Computer elementar durch 0en und 1en dargestellt.
- Durch das sogenannte binäre Zahlensystem können beliebige dezimale Zahlen dargestellt werden.
- binär-0 ist dezimal-0, binär-1 ist dezimal-1, binär-10 ist dezimal-2

- Wie Sie ja wissen, werden alle Dinge im Computer elementar durch 0en und 1en dargestellt.
- Durch das sogenannte binäre Zahlensystem können beliebige dezimale Zahlen dargestellt werden.
- binär-0 ist dezimal-0, binär-1 ist dezimal-1, binär-10 ist dezimal-2, binär-11 ist dezimal-3

- Wie Sie ja wissen, werden alle Dinge im Computer elementar durch 0en und 1en dargestellt.
- Durch das sogenannte binäre Zahlensystem können beliebige dezimale Zahlen dargestellt werden.
- binär-0 ist dezimal-0, binär-1 ist dezimal-1, binär-10 ist dezimal-2, binär-11 ist dezimal-3, binär-100 ist dezimal-4

- Wie Sie ja wissen, werden alle Dinge im Computer elementar durch 0en und 1en dargestellt.
- Durch das sogenannte binäre Zahlensystem können beliebige dezimale Zahlen dargestellt werden.
- binär-0 ist dezimal-0, binär-1 ist dezimal-1, binär-10 ist dezimal-2, binär-11 ist dezimal-3, binär-100 ist dezimal-4, binär-101 ist dezimal-5

- Wie Sie ja wissen, werden alle Dinge im Computer elementar durch 0en und 1en dargestellt.
- Durch das sogenannte binäre Zahlensystem können beliebige dezimale Zahlen dargestellt werden.
- binär-0 ist dezimal-0, binär-1 ist dezimal-1, binär-10 ist dezimal-2, binär-11 ist dezimal-3, binär-100 ist dezimal-4, binär-101 ist dezimal-5, binär-110 ist dezimal-6

- Wie Sie ja wissen, werden alle Dinge im Computer elementar durch 0en und 1en dargestellt.
- Durch das sogenannte binäre Zahlensystem können beliebige dezimale Zahlen dargestellt werden.
- binär-0 ist dezimal-0, binär-1 ist dezimal-1, binär-10 ist dezimal-2, binär-11 ist dezimal-3, binär-100 ist dezimal-4, binär-101 ist dezimal-5, binär-110 ist dezimal-6, und so weiter.

- Wie Sie ja wissen, werden alle Dinge im Computer elementar durch 0en und 1en dargestellt.
- Durch das sogenannte binäre Zahlensystem können beliebige dezimale Zahlen dargestellt werden.
- binär-0 ist dezimal-0, binär-1 ist dezimal-1, binär-10 ist dezimal-2, binär-11 ist dezimal-3, binär-100 ist dezimal-4, binär-101 ist dezimal-5, binär-110 ist dezimal-6, und so weiter.
- So weren auch die int-Werte in Python letztendlich als Binärzahlen dargestellt.











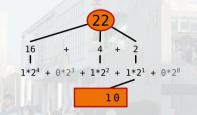






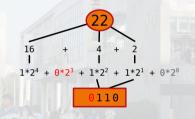












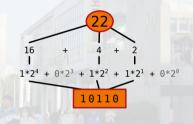




• Drückt man die Zahl 22 als Summe von Zweierpotenzen aus, so bekommt man $22 = 1 * 2^4 + 0 * 2^3 + 1 * 2^2 + 1 * 2^1 + 0 * 2^0$. Im Binärsystem ergibt das also 10110

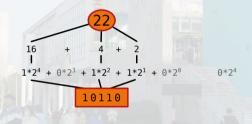


• Drückt man die Zahl 15 als Summe von Zweierpotenzen aus, so bekommt man $15 = 0 * 2^4 + 1 * 2^3 + 1 * 2^2 + 1 * 2^1 + 1 * 2^0$.

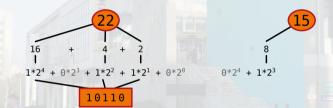


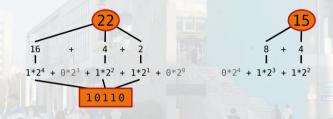
15

• Drückt man die Zahl 15 als Summe von Zweierpotenzen aus, so bekommt man $15 = 0 * 2^4 + 1 * 2^3 + 1 * 2^2 + 1 * 2^1 + 1 * 2^0$.



15





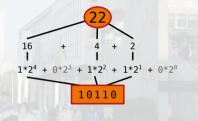


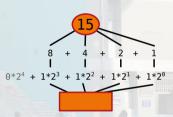
Va UNIVERS





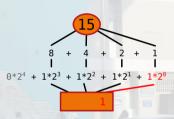
VI UNIVERS



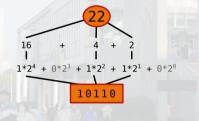


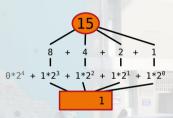
VI UNIVERSE



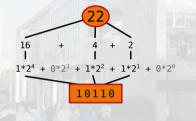


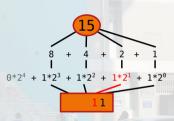
Vis UNIVERSE





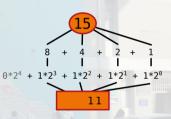
VI UNIVERS





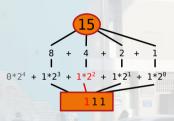
VI UNIVERSE



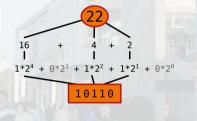


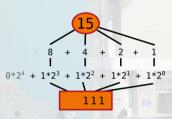
THE UNIVERSE



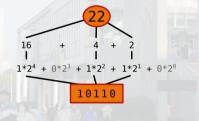


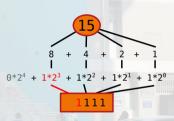
THE UNIVERSE



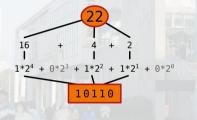


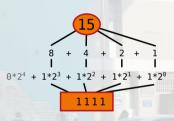
Ye O UNIVERSE



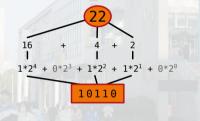


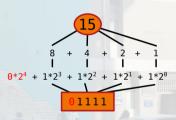
VI UNIVERSE



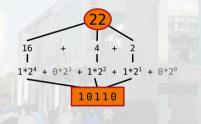


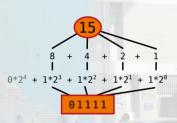
Vis UNIVERSE



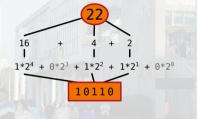


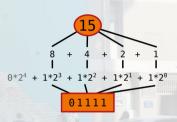
• Drückt man die Zahl 15 als Summe von Zweierpotenzen aus, so bekommt man $15 = 0 * 2^4 + 1 * 2^3 + 1 * 2^2 + 1 * 2^1 + 1 * 2^0$. Im Binärsystem ergibt das also 01111





• Auf solche Bitketten können logische Operatoren Bit-weise angewandt werden.

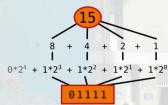




• Auf solche Bitketten können logische Operatoren Bit-weise angewandt werden.

 Werden zwei Bitketten mit bit-weisem "und", bit-weisem "oder", oder bit-weisem "exklusiven oder" verbunden, dann wird der Operator jeweils auf die Bits am gleichen Index angewendet.

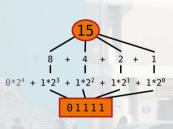




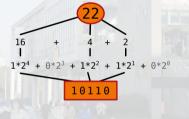
- Werden zwei Bitketten mit bit-weisem "und", bit-weisem "oder", oder bit-weisem "exklusiven oder" verbunden, dann wird der Operator jeweils auf die Bits am gleichen Index angewendet.
- Schauen wir uns das mal an.

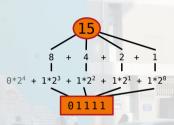
• Bit-weises "oder" in Python wird als I ausgedrückt.

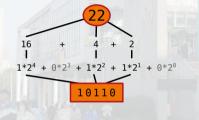


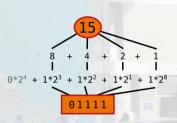


or



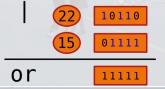




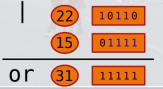




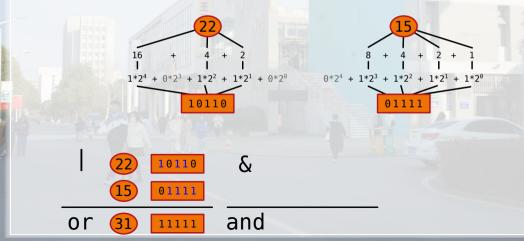


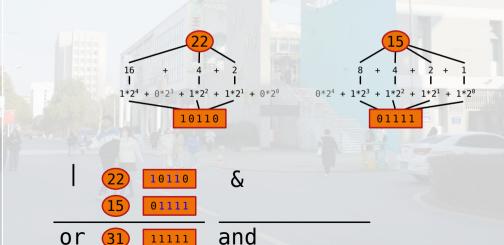


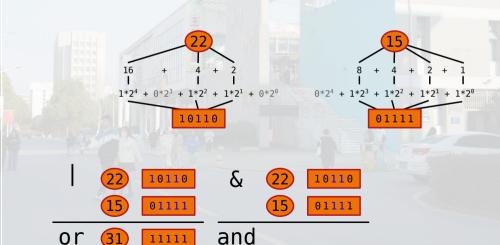


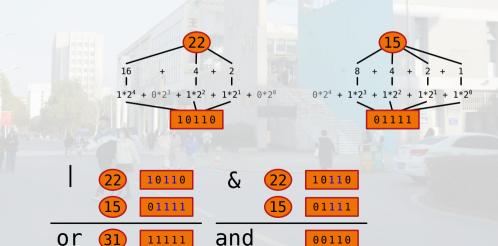


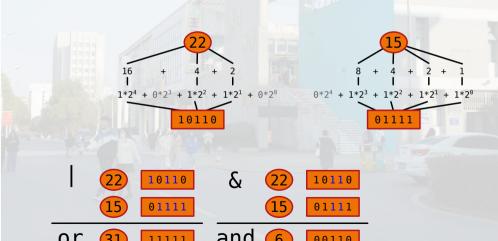
• Bit-weises "und" in Python wird als & ausgedrückt.



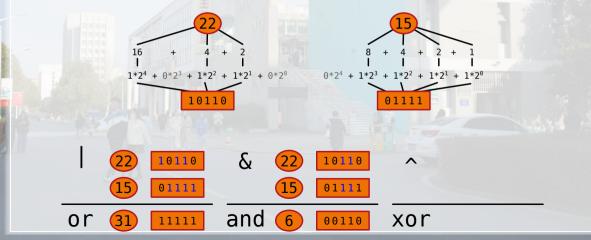


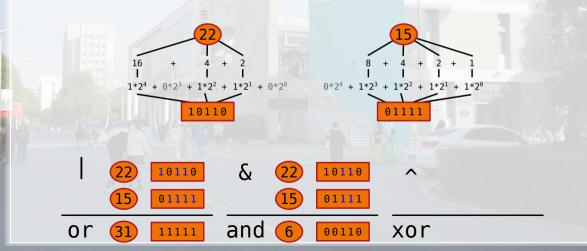


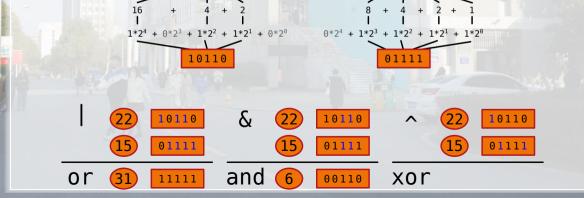


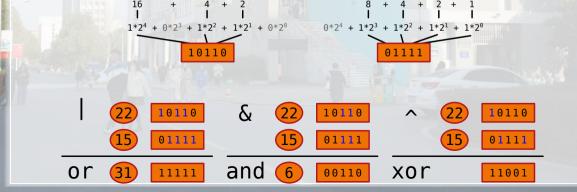


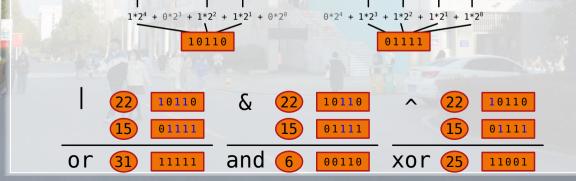
• Bit-weises "exklusives oder" in Python wird als ausgedrückt.

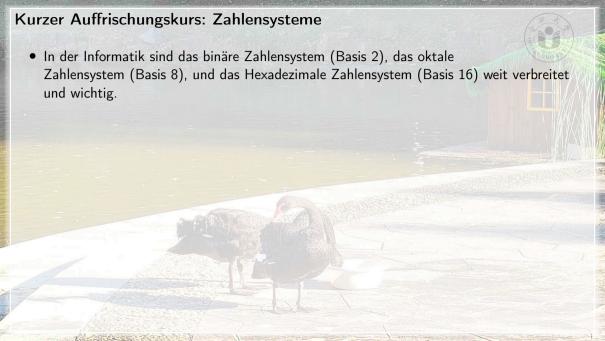












Kurzer Auffrischungskurs: Zahlensysteme

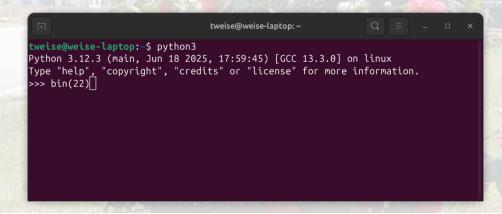
• Dezimal (dec), Binär (bin), Oktal (oct), und Hexadezimal (hex)

-	de	c		bin					oct hex				ex	d	ec	bin				10.15			oct			hex		dec		bin						oct			hex			
	10	1	64	32	16	8	4	2	1	64	8	1	16	1	10	1	64	32	16	8	4	2	1	64	8	1	16	1	10	1	64	32	16	8	4	2	1	64	8	1	16	1
	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0	0	0	1	0	0	1	0	1	0	2	0	0	0	0	0	1	0	0	0	2	0	2
	0	3	0	0	0	0	0	1	1	0	0	3	0	3	0	4	0	0	0	0	1	0	0	0	0	4	0	4	0	5	0	0	0	0	1	0	1	0	0	5	0	5
	0	6	0	0	0	0	1	1	0	0	0	6	0	6	0	7	0	0	0	0	1	1	1	0	0	7	0	7	0	8	0	0	0	1	0	0	0	0	1	0	0	8
	0	9	0	0	0	1	0	0	1	0	1	1	0	9	1	0	0	0	0	1	0	1	0	0	1	2	0	а	1	1	0	0	0	1	0	1	1	0	1	3	0	b
	1	2	0	0	0	1	1	0	0	0	1	4	0	С	1	3	0	0	0	1	1	0	1	0	1	5	0	d	1	4	0	0	0	1	1	1	0	0	1	6	0	e
	1	5	0	0	0	1	1	1	1	0	1	7	0	f	1	6	0	0	1	0	0	0	0	0	2	0	1	0	1	7	0	0	1	0	0	0	1	0	2	1	1	1
	1	8	0	0	1	0	0	1	0	0	2	2	1	2	1	9	0	0	1	0	0	1	1	0	2	3	1	3	2	0	0	0	1	0	1	0	0	0	2	4	1	4
	2	1	0	0	1	0	1	0	1	0	2	5	1	5	2	2	0	0	1	0	1	1	0	0	2	6	1	6	2	3	0	0	1	0	1	1	1	0	2	7	1	7
	2	4	0	0	1	1	0	0	0	0	3	0	1	8	2	5	0	0	1	1	0	0	1	0	3	1	1	9	2	6	0	0	1	1	0	1	0	0	3	2	1	a
	2	7	0	0	1	1	0	1	1	0	3	3	1	b	2	8	0	0	1	1	1	0	0	0	3	4	1	С	2	9	0	0	1	1	1	0	1	0	3	5	1	d
	3	0	0	0	1	1	1	1	0	0	3	6	1	е	3	1	0	0	1	1	1	1	1	0	3	7	1	f	3	2	0	1	0	0	0	0	0	0	4	0	2	0
	3	3	0	1	0	0	0	0	1	0	4	1	2	1	3	4	0	1	0	0	0	1	0	0	4	2	2	2	3	5	0	1	0	0	0	1	1	0	4	3	2	3
	3	6	0	1	0	0	1	0	0	0	4	4	2	4	3	7	0	1	0	0	1	0	1	0	4	5	2	5	3	8	0	1	0	0	1	1	0	0	4	6	2	6
	3	9	0	1	0	0	1	1	1	0	4	7	2	7	4	0	0	1	0	1	0	0	0	0	5	0	2	8	4	1	0	1	0	1	0	0	1	0	5	1	2	9
	4	2	0	1	0	1	0	1	0	0	5	2	2	a	4	3	0	1	0	1	0	1	1	0	5	3	2	b	4	4	0	1	0	1	1	0	0	0	5	4	2	С
	4	5	0	1	0	1	1	0	1	0	5	5	2	d	4	6	0	1	0	1	1	1	0	0	5	6	2	е	4	7	0	1	0	1	1	1	1	0	5	7	2	f
	4	8	0	1	1	0	0	0	0	0	6	0	3	0	4	9	0	1	1	0	0	0	1	0	6	1	3	1	5	0	0	1	1	0	0	1	0	0	6	2	3	2
	5	1	0	1	1	0	0	1	1	0	6	3	3	3	5	2	0	1	1	0	1	0	0	0	6	4	3	4	5	3	0	1	1	0	1	0	1	0	6	5	3	5

• Schauen wir uns noch ein paar weitere Beispiele für bit-weise Operatoren und Zahlensysteme in Python an.



• Die Funktion bin(x) wandelt die int-Zahl x in einen Text um, der den Wert als Binärzahl darstellt und das Präfix 0b hat.



• Die Funktion bin(x) wandelt die int-Zahl x in einen Text um, der den Wert als Binärzahl darstellt und das Präfix 0b hat.



• Eine solche Zahl – mit Präfix Ob – kann man einfach so in Python schreiben und sie wird dann als Binärzahl intepretiert.

```
tweise@weise-laptop: ~
                                                              Q ≡
tweise@weise-laptop:~$ python3
Python 3.12.3 (main, Jun 18 2025, 17:59:45) [GCC 13.3.0] on linux
Type "help", "copyright", "credits" or "license" for more information.
>>> bin(22)
 0b10110'
>>> 0b10110
```

• Eine solche Zahl – mit Präfix Ob – kann man einfach so in Python schreiben und sie wird dann als Binärzahl intepretiert.

```
tweise@weise-laptop: ~
                                                              Q ≡
tweise@weise-laptop:~$ python3
Python 3.12.3 (main, Jun 18 2025, 17:59:45) [GCC 13.3.0] on linux
Type "help", "copyright", "credits" or "license" for more information.
>>> bin(22)
 0b10110'
>>> 0b10110
22
>>>
```

• Die Funktion bin(x) wandelt die int-Zahl x in einen Text um, der den Wert als Binärzahl darstellt und das Präfix 0b hat.

```
Q =
                                 tweise@weise-laptop: ~
tweise@weise-laptop:~$ python3
Python 3.12.3 (main, Jun 18 2025, 17:59:45) [GCC 13.3.0] on linux
Type "help", "copyright", "credits" or "license" for more information.
>>> bin(22)
 0b10110'
>>> 0b10110
>>> bin(15)
```

```
Q =
                                 tweise@weise-laptop: ~
tweise@weise-laptop:~$ python3
Python 3.12.3 (main, Jun 18 2025, 17:59:45) [GCC 13.3.0] on linux
Type "help", "copyright", "credits" or "license" for more information.
>>> bin(22)
 0b10110'
>>> 0b10110
22
>>> bin(15)
'0b1111'
>>>
```

• Eine solche Zahl – mit Präfix Ob – kann man einfach so in Python schreiben und sie wird dann als Binärzahl intepretiert.

```
tweise@weise-laptop: ~
                                                              Q ≡
tweise@weise-laptop:~$ python3
Python 3.12.3 (main, Jun 18 2025, 17:59:45) [GCC 13.3.0] on linux
Type "help", "copyright", "credits" or "license" for more information.
>>> bin(22)
 0b10110'
>>> 0b10110
22
>>> bin(15)
'0b1111'
>>> 0b1111
```

• Eine solche Zahl – mit Präfix Ob – kann man einfach so in Python schreiben und sie wird dann als Binärzahl intepretiert.

```
tweise@weise-laptop: ~
                                                              Q =
tweise@weise-laptop:~$ python3
Python 3.12.3 (main, Jun 18 2025, 17:59:45) [GCC 13.3.0] on linux
Type "help", "copyright", "credits" or "license" for more information,
>>> bin(22)
 0b10110'
>>> 0b10110
22
>>> bin(15)
'0b1111'
>>> 0b1111
15
>>>
```

• Führen wir die bit-weise "oder"-Operation 22|15 == 31 aus.

```
tweise@weise-laptop: ~
                                                             Q = - - ×
tweise@weise-laptop:~$ python3
Python 3.12.3 (main, Jun 18 2025, 17:59:45) [GCC 13.3.0] on linux
Type "help", "copyright", "credits" or "license" for more information,
>>> bin(22)
 '0b10110'
>>> 0b10110
22
>>> bin(15)
'0b1111'
>>> 0b1111
>>> 22 | 15
```

Vid Wine of

• Führen wir die bit-weise "oder"-Operation 22 | 15 == 31 aus.

```
tweise@weise-laptop: ~
                                                             Q = - - ×
Python 3.12.3 (main, Jun 18 2025, 17:59:45) [GCC 13.3.0] on linux
Type "help", "copyright", "credits" or "license" for more information.
>>> bin(22)
'0b10110'
>>> 0b10110
>>> bin(15)
'0b1111'
>>> 0b1111
15
>>> 22 | 15
>>>
```

```
tweise@weise-laptop: ~
                                                              Q ≡
Python 3.12.3 (main, Jun 18 2025, 17:59:45) [GCC 13.3.0] on linux
Type "help", "copyright", "credits" or "license" for more information.
>>> bin(22)
 0b10110'
>>> 0b10110
>>> bin(15)
'0b1111'
>>> 0b1111
15
>>> 22 | 15
>>> bin(31)
```

```
Q ≡
                                  tweise@weise-laptop: ~
>>> bin(22)
 0b10110'
>>> 0b10110
22
>>> bin(15)
'0b1111'
>>> 0b1111
>>> 22 | 15
>>> bin(31)
 0b11111'
>>>
```

VI UNINE SS

• Führen wir die bit-weise "und"-Operation 22&15 == 6 aus.

```
Q = - - ×
                                 tweise@weise-laptop: ~
>>> bin(22)
'0b10110'
>>> 0b10110
22
>>> bin(15)
'0b1111'
>>> 0b1111
>>> 22 | 15
>>> bin(31)
'0b11111'
>>> 22 & 15
```

No Wine So

• Führen wir die bit-weise "und"-Operation 22&15 == 6 aus.

```
Q = - - ×
                                 tweise@weise-laptop: ~
>>> 0b10110
>>> bin(15)
'0b1111'
>>> 0b1111
15
>>> 22 | 15
>>> bin(31)
'0b11111'
>>> 22 & 15
```

```
Q =
                                  tweise@weise-laptop: ~
>>> 0b10110
>>> bin(15)
 0b1111'
>>> 0b1111
>>> 22 | 15
>>> bin(31)
'0b11111'
>>> 22 & 15
>>> bin(6)
```

```
Q ≡
                                  tweise@weise-laptop: ~
>>> bin(15)
 0b1111'
>>> 0b1111
15
>>> 22 | 15
>>> bin(31)
'0b11111'
>>> 22 & 15
>>> bin(6)
 0b110'
>>>
```

• Führen wir die bit-weise "exklusive oder"-Operation 22^15 == 25 aus.

```
Q = - - ×
                                 tweise@weise-laptop: ~
>>> bin(15)
'0b1111'
>>> 0b1111
15
>>> 22 | 15
>>> bin(31)
'0b11111'
>>> 22 & 15
>>> bin(6)
'0b110'
>>> 22 ^ 15
```

To Dave so

• Führen wir die bit-weise "exklusive oder"-Operation 22^15 == 25 aus.

```
Q = - ×
                                tweise@weise-laptop: ~
>>> 0b1111
>>> 22 | 15
31
>>> bin(31)
'0b11111'
>>> 22 & 15
>>> bin(6)
'0b110'
>>> 22 ^ 15
25
>>>
```

```
Q ≡
                                  tweise@weise-laptop: ~
>>> 0b1111
>>> 22 | 15
31
>>> bin(31)
'0b11111'
>>> 22 & 15
>>> bin(6)
'0b110'
>>> 22 ^ 15
25
>>> bin(25)
```

```
Q ≡
                                  tweise@weise-laptop: ~
>>> 22 | 15
>>> bin(31)
 0b11111'
>>> 22 & 15
>>> bin(6)
'0b110'
>>> 22 ^ 15
25
>>> bin(25)
 0b11001
>>>
```

• Den Bitstring 0b10110 einen Schritt nach links zu schieben, also 22<<1 zu berechnen, bedeutet ergibt 0b101100 – am rechten Ende wurde eine 0 angefügt. Das ist equivalent zu einer Multiplikation mit 2.

```
tweise@weise-laptop: ~
>>> 22 | 15
>>> bin(31)
 0b11111'
>>> 22 & 15
>>> bin(6)
'0b110'
>>> 22 ^ 15
>>> bin(25)
 0b11001'
>>> 22 << 1
```

• Den Bitstring 0b10110 einen Schritt nach links zu schieben, also 22<<1 zu berechnen, bedeutet ergibt 0b101100 – am rechten Ende wurde eine 0 angefügt. Das ist equivalent zu einer Multiplikation mit 2.

```
tweise@weise-laptop: ~
>>> bin(31)
 0b11111'
>>> 22 & 15
>>> bin(6)
 '0b110'
>>> 22 ^ 15
>>> bin(25)
'0b11001'
>>> 22 << 1
```

```
Q ≡
                                  tweise@weise-laptop: ~
>>> bin(31)
 0b11111'
>>> 22 & 15
>>> bin(6)
'0b110'
>>> 22 ^ 15
>>> bin(25)
'0b11001'
>>> 22 << 1
>>> bin(44)
```

```
Q =
                                  tweise@weise-laptop: ~
>>> 22 & 15
>>> bin(6)
 0b110'
>>> 22 ^ 15
>>> bin(25)
'0b11001'
>>> 22 << 1
>>> bin(44)
 0b101100'
>>>
```

• Den Bitstring 0b10110 zwei Schritte nach rechts zu schieben, also 22>>1 zu berechnen, bedeutet ergibt 0b101 – am die 10 am rechten Ende verschwinden. Das ist equivalent zu einer Ganzzahldivision durch 4.

```
tweise@weise-laptop: ~
>>> 22 & 15
>>> bin(6)
 0b110'
>>> 22 ^ 15
>>> bin(25)
'0b11001'
>>> 22 << 1
>>> bin(44)
 0b101100'
>>> 22 >> 2
```

• Den Bitstring 0b10110 zwei Schritte nach rechts zu schieben, also 22>>1 zu berechnen, bedeutet ergibt 0b101 – am die 10 am rechten Ende verschwinden. Das ist equivalent zu einer Ganzzahldivision durch 4.

```
tweise@weise-laptop: ~
>>> bin(6)
 0b110'
>>> 22 ^ 15
25
>>> bin(25)
'0b11001'
>>> 22 << 1
>>> bin(44)
 '0Ь101100'
>>> 22 >> 2
```

```
Q =
                                  tweise@weise-laptop: ~
>>> bin(6)
 0b110'
>>> 22 ^ 15
25
>>> bin(25)
'0b11001'
>>> 22 << 1
>>> bin(44)
'0b101100'
>>> 22 >> 2
>>> bin(5)
```

```
Q ≡
                                  tweise@weise-laptop: ~
>>> 22 ^ 15
>>> bin(25)
 0b11001'
>>> 22 << 1
>>> bin(44)
'0b101100'
>>> 22 >> 2
>>> bin(5)
 0b101'
>>>
```

 Das Hexadezimalsystem ist in der Informatik weit verbreitet. Es hat die Basis 16 und Ziffern 0123456789ABCDEF, wodurch sich Zahlen kompakt darstellen lassen und jede Ziffer 4 Bit entspricht.

```
Q ≡
                                  tweise@weise-laptop: ~
>>> 22 ^ 15
>>> bin(25)
 0b11001'
>>> 22 << 1
>>> bin(44)
'0b101100'
>>> 22 >> 2
>>> bin(5)
 0b101'
>>> hex(22)
```

 Das Hexadezimalsystem ist in der Informatik weit verbreitet. Es hat die Basis 16 und Ziffern 0123456789ABCDEF, wodurch sich Zahlen kompakt darstellen lassen und jede Ziffer 4 Bit entspricht.

• Die Funktion hex(x) übersetzt die Zahl x zu einem Text mit den hexadezimalen Ziffern und Priffix o

```
Q ≡
                                   tweise@weise-laptop: ~
>>> bin(25)
0b11001'
>>> 22 << 1
>>> bin(44)
'0Ь101100'
>>> 22 >> 2
>>> bin(5)
'0b101'
>>> hex(22)
0x16'
>>>
```

 Wir können Zahlen auch direkt im Hexadezimalsystem angeben, wobei wieder das Präfix 0x verwendet wird.

```
tweise@weise-laptop: ~
                                                                Q = -
>>> bin(25)
 0b11001'
>>> 22 << 1
>>> bin(44)
'0b101100'
>>> 22 >> 2
>>> bin(5)
'0b101'
>>> hex(22)
 0x16'
>>> 0x16
```

- Wir können Zahlen auch direkt im Hexadezimalsystem angeben, wobei wieder das Präfix 0x verwendet wird.
- Python interpretiert solche Zahlen dann als Hexadezimalzahlen und rechnet sie in entsprechende int-Werte um.

```
Q ≡
                                   tweise@weise-laptop: ~
>>> 22 << 1
>>> bin(44)
 0b101100'
>>> 22 >> 2
>>> bin(5)
'0b101'
>>> hex(22)
'0x16'
>>> 0x16
>>>
```

 Das Oktalsystem ist in der Informatik weit verbreitet. Es hat die Basis 8 und Ziffern 01234567, wodurch jede Ziffer 3 Bit entspricht.

```
Q = -
                                  tweise@weise-laptop: ~
>>> 22 << 1
>>> bin(44)
 0b101100'
>>> 22 >> 2
>>> bin(5)
'0b101'
>>> hex(22)
'0x16'
>>> 0x16
>>> oct(22)
```

- Das Oktalsystem ist in der Informatik weit verbreitet. Es hat die Basis 8 und Ziffern 01234567, wodurch jede Ziffer 3 Bit entspricht.
- Die Funktion oct(x) übersetzt die Zahl x zu einem Text mit den oktalen Ziffern und Präfix 0o.

```
Q ≡
                                   tweise@weise-laptop: ~
>>> bin(44)
 0b101100'
>>> 22 >> 2
>>> bin(5)
'0b101'
>>> hex(22)
'0x16'
>>> 0x16
22
>>> oct(22)
 0026'
>>>
```

• Wir können Zahlen auch direkt im Oktalsystem angeben, wobei wieder das Präfix 00 verwendet wird.

```
tweise@weise-laptop: ~
                                                               Q = -
>>> bin(44)
 0b101100'
>>> 22 >> 2
>>> bin(5)
'0b101'
>>> hex(22)
'0x16'
>>> 0x16
22
>>> oct(22)
0026
>>> 0026
```

- Wir können Zahlen auch direkt im Oktalsystem angeben, wobei wieder das Präfix 00 verwendet wird.
- Python interpretiert solche Zahlen dann als Oktalzahlen und rechnet sie in entsprechende int-Werte um.

```
tweise@weise-laptop: ~
                                                                 Q ≡
>>> 22 >> 2
>>> bin(5)
 0b101'
>>> hex(22)
'0x16'
>>> 0x16
>>> oct(22)
'0o26'
>>> 0026
>>>
```

• Sie werden sich nun vielleicht fragen: "Woher weiß ein int, dass es im hexadezimalen, dezimalen, binären, oder oktalen Format eingegeben wurde?"

- Sie werden sich nun vielleicht fragen: "Woher weiß ein int, dass es im hexadezimalen, dezimalen, binären, oder oktalen Format eingegeben wurde?"
- Das weiß es eben nicht!

- Sie werden sich nun vielleicht fragen: "Woher weiß ein int, dass es im hexadezimalen, dezimalen, binären, oder oktalen Format eingegeben wurde?"
- Das weiß es eben nicht!
- Diese Formate sind nur Textformate für die Ein- und Ausgabe von int-Werten.

- Sie werden sich nun vielleicht fragen: "Woher weiß ein int, dass es im hexadezimalen, dezimalen, binären, oder oktalen Format eingegeben wurde?"
- Das weiß es eben nicht!
- Diese Formate sind nur Textformate für die Ein- und Ausgabe von int-Werten.
- Sie k\u00f6nnen diese in Ihrem Programmkode verwenden, im Python-Interpreter, or in der Eingabe Ihrer Programme.

- Sie werden sich nun vielleicht fragen: "Woher weiß ein int, dass es im hexadezimalen, dezimalen, binären, oder oktalen Format eingegeben wurde?"
- Das weiß es eben nicht!
- Diese Formate sind nur Textformate für die Ein- und Ausgabe von int-Werten.
- Sie k\u00f6nnen diese in Ihrem Programmkode verwenden, im Python-Interpreter, or in der Eingabe Ihrer Programme.
- Sie werden alle in die selbe int Struktur umgerechnet.

Weitere Beispiele für Binärarithmetik und Zahlensysteme

- Sie werden sich nun vielleicht fragen: "Woher weiß ein int, dass es im hexadezimalen, dezimalen, binären, oder oktalen Format eingegeben wurde?"
- Das weiß es eben nicht!
- Diese Formate sind nur Textformate für die Ein- und Ausgabe von int-Werten.
- Sie k\u00f6nnen diese in Ihrem Programmkode verwenden, im Python-Interpreter, or in der Eingabe Ihrer Programme.
- Sie werden alle in die selbe int Struktur umgerechnet.
- Und danach spielt es gar keine Rolle mehr, in welchem Format die ursprünglich spezifiziert waren.





• Damit haben wir unseren ersten Datentyp in Python kennengelernt.



- Damit haben wir unseren ersten Datentyp in Python kennengelernt.
- int repräsentiert Ganzzahlen, die positiv oder negativ seien können und 0 einschließen.



- Damit haben wir unseren ersten Datentyp in Python kennengelernt.
- int repräsentiert Ganzzahlen, die positiv oder negativ seien können und 0 einschließen.
- Wir können mit diesen Zahlen normal rechnen, wobei Python die Operatorenrangfolge mathematisch korrekt beachtet.



- Damit haben wir unseren ersten Datentyp in Python kennengelernt.
- int repräsentiert Ganzzahlen, die positiv oder negativ seien können und 0 einschließen.
- Wir können mit diesen Zahlen normal rechnen, wobei Python die Operatorenrangfolge mathematisch korrekt beachtet.
- Zu beachten sind besonders die Divisionsoperatoren / und //



- Damit haben wir unseren ersten Datentyp in Python kennengelernt.
- int repräsentiert Ganzzahlen, die positiv oder negativ seien können und 0 einschließen.
- Wir können mit diesen Zahlen normal rechnen, wobei Python die Operatorenrangfolge mathematisch korrekt beachtet.
- Zu beachten sind besonders die Divisionsoperatoren 🗸 und 🖊: 🎵 führt eine Ganzzahldivision durch, wobei Nachkommastellen wegfallen.



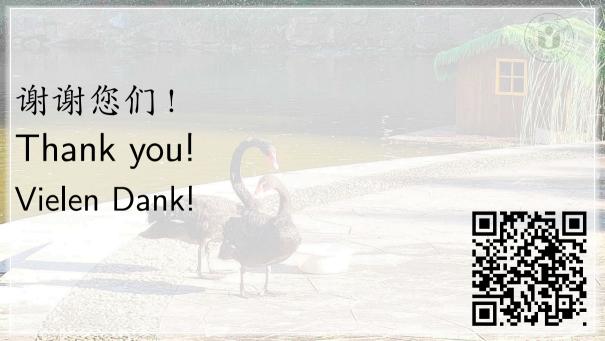
- Damit haben wir unseren ersten Datentyp in Python kennengelernt.
- int repräsentiert Ganzzahlen, die positiv oder negativ seien können und 0 einschließen.
- Wir können mit diesen Zahlen normal rechnen, wobei Python die Operatorenrangfolge mathematisch korrekt beachtet.
- Zu beachten sind besonders die Divisionsoperatoren / und //: // führt eine Ganzzahldivision durch, wobei Nachkommastellen wegfallen. / hingegen liefert immer Fließkommazahlen zurück (lernen wir später) und niemals ints²³.



- Damit haben wir unseren ersten Datentyp in Python kennengelernt.
- int repräsentiert Ganzzahlen, die positiv oder negativ seien können und 0 einschließen.
- Wir können mit diesen Zahlen normal rechnen, wobei Python die Operatorenrangfolge mathematisch korrekt beachtet.
- Zu beachten sind besonders die Divisionsoperatoren / und //: // führt eine Ganzzahldivision durch, wobei Nachkommastellen wegfallen. / hingegen liefert immer Fließkommazahlen zurück (lernen wir später) und niemals ints²³.
- Wir können auch mit der binären Repräsentation dieser Zahlen rechnen und sie in verschiedene Zahlensysteme, die Sie sicher aus Grundlagenvorlesungen kennen, umrechnen.



- Damit haben wir unseren ersten Datentyp in Python kennengelernt.
- int repräsentiert Ganzzahlen, die positiv oder negativ seien können und 0 einschließen.
- Wir können mit diesen Zahlen normal rechnen, wobei Python die Operatorenrangfolge mathematisch korrekt beachtet.
- Zu beachten sind besonders die Divisionsoperatoren / und //: // führt eine Ganzzahldivision durch, wobei Nachkommastellen wegfallen. / hingegen liefert immer Fließkommazahlen zurück (lernen wir später) und niemals ints²³.
- Wir können auch mit der binären Repräsentation dieser Zahlen rechnen und sie in verschiedene Zahlensysteme, die Sie sicher aus Grundlagenvorlesungen kennen, umrechnen.
- Und wieder sind wir einen Schritt weiter.



References I

- [1] Daniel J. Barrett. Efficient Linux at the Command Line. Sebastopol, CA, USA: O'Reilly Media, Inc., Feb. 2022. ISBN: 978-1-0981-1340-7 (siehe S. 231, 232).
- [2] Joshua Bloch. Effective Java. Reading, MA, USA: Addison-Wesley Professional, Mai 2008. ISBN: 978-0-321-35668-0 (siehe S. 231).
- [3] Ed Bott. Windows 11 Inside Out. Hoboken, NJ, USA: Microsoft Press, Pearson Education, Inc., Feb. 2023. ISBN: 978-0-13-769132-6 (siehe S. 231).
- [4] Ron Brash und Ganesh Naik. Bash Cookbook. Birmingham, England, UK: Packt Publishing Ltd, Juli 2018. ISBN: 978-1-78862-936-2 (siehe S. 231).
- [5] David Clinton und Christopher Negus. Ubuntu Linux Bible. 10. Aufl. Bible Series. Chichester, West Sussex, England, UK: John Wiley and Sons Ltd., 10. Nov. 2020. ISBN: 978-1-119-72233-5 (siehe S. 232).
- [6] Slobodan Dmitrović. Modern C for Absolute Beginners: A Friendly Introduction to the C Programming Language. New York, NY, USA: Apress Media, LLC, März 2024. ISBN: 979-8-8688-0224-9 (siehe S. 231).
- [7] Michael Hausenblas. Learning Modern Linux. Sebastopol, CA, USA: O'Reilly Media, Inc., Apr. 2022. ISBN: 978-1-0981-0894-6 (siehe S. 231).
- [8] Matthew Helmke. Ubuntu Linux Unleashed 2021 Edition. 14. Aufl. Reading, MA, USA: Addison-Wesley Professional, Aug. 2020. ISBN: 978-0-13-668539-5 (siehe S. 232).
- [9] John Hunt. A Beginners Guide to Python 3 Programming. 2. Aufl. Undergraduate Topics in Computer Science (UTICS). Cham, Switzerland: Springer, 2023. ISBN: 978-3-031-35121-1. doi:10.1007/978-3-031-35122-8 (siehe S. 231).
- [10] "exit Terminate a Process". In: POSIX.1-2024: The Open Group Base Specifications Issue 8, IEEE Std 1003.1^{mt}-2024 Edition. Hrsg. von Andrew Josey. Piscataway, NJ, USA: Institute of Electrical and Electronics Engineers (IEEE) und San Francisco, CA, USA: The Open Group, 8. Aug. 2024. URL: https://pubs.opengroup.org/onlinepubs/9799919799/functions/exit.html (besucht am 2024-10-30) (siehe S. 13-21).
- [11] Kent D. Lee und Steve Hubbard. Data Structures and Algorithms with Python. Undergraduate Topics in Computer Science (UTICS). Cham, Switzerland: Springer, 2015. ISBN: 978-3-319-13071-2. doi:10.1007/978-3-319-13072-9 (siehe S. 231).

References II

- [12] Marc Loy, Patrick Niemeyer und Daniel Leuck. Learning Java. 5. Aufl. Sebastopol, CA, USA: O'Reilly Media, Inc., März 2020. ISBN: 978-1-4920-5627-0 (siehe S. 231).
- [13] Mark Lutz. Learning Python. 6. Aufl. Sebastopol, CA, USA: O'Reilly Media, Inc., März 2025. ISBN: 978-1-0981-7130-8 (siehe S. 231).
- [14] Cameron Newham und Bill Rosenblatt. Learning the Bash Shell Unix Shell Programming: Covers Bash 3.0. 3. Aufl. Sebastopol, CA, USA: O'Reilly Media, Inc., 2005. ISBN: 978-0-596-00965-6 (siehe S. 231).
- [15] Programming Languages C, Working Document of SC22/WG14. International Standard ISO/31EC9899:2017 C17 Ballot N2176. Geneva, Switzerland: International Organization for Standardization (ISO) und International Electrotechnical Commission (IEC), Nov. 2017. URL: https://files.lhmouse.com/standards/ISO%20C%20N2176.pdf (besucht am 2024-06-29) (siehe S. 30-39, 231).
- [16] Ellen Siever, Stephen Figgins, Robert Love und Arnold Robbins. Linux in a Nutshell. 6. Aufl. Sebastopol, CA, USA: O'Reilly Media, Inc., Sep. 2009. ISBN: 978-0-596-15448-6 (siehe S. 231).
- [17] Linus Torvalds. "The Linux Edge". Communications of the ACM (CACM) 42(4):38-39, Apr. 1999. New York, NY, USA: Association for Computing Machinery (ACM). ISSN: 0001-0782. doi:10.1145/299157.299165 (siehe S. 231).
- [18] Bruce M. Van Horn II und Quan Nguyen. Hands-On Application Development with PyCharm. 2. Aufl. Birmingham, England, UK: Packt Publishing Ltd, Okt. 2023. ISBN: 978-1-83763-235-0 (siehe S. 231).
- [19] Sander van Vugt. Linux Fundamentals. 2. Aufl. Hoboken, NJ, USA: Pearson IT Certification, Juni 2022. ISBN: 978-0-13-792931-3 (siehe S. 231).
- [20] Thomas Weise (汤卫思). Programming with Python. Hefei, Anhui, China (中国安徽省合肥市): Hefei University (合肥大学), School of Artificial Intelligence and Big Data (人工智能与大数据学院), Institute of Applied Optimization (应用优化研究所, IAO), 2024–2025. URL: https://thomasweise.github.io/programmingWithPython (besucht am 2025-01-05) (siehe S. 231).
- [21] Kevin Wilson. Python Made Easy. Birmingham, England, UK: Packt Publishing Ltd, Aug. 2024. ISBN: 978-1-83664-615-0 (siehe S. 231).
- [22] Martin Yanev. PyCharm Productivity and Debugging Techniques. Birmingham, England, UK: Packt Publishing Ltd, Okt. 2022. ISBN: 978-1-83763-244-2 (siehe S. 231).

References III

- [23] Moshe Zadka und Guido van Rossum. Changing the Division Operator. Python Enhancement Proposal (PEP) 238. Beaverton, OR, USA: Python Software Foundation (PSF), 11. März–27. Juli 2001. URL: https://peps.python.org/pep-0238 (besucht am 2025-07-28) (siehe S. 40–91, 219–226).
- [24] Giorgio Zarrelli. Mastering Bash. Birmingham, England, UK: Packt Publishing Ltd, Juni 2017. ISBN: 978-1-78439-687-9 (siehe S. 231).

Glossary (in English) I

- Bash is a the shell used under Ubuntu Linux, i.e., the program that "runs" in the terminal and interprets your commands, allowing you to start and interact with other programs 4.14,24. Learn more at https://www.gnu.org/software/bash.
 - C is a programming language, which is very successful in system programming situations 6,15.
- IDE An Integrated Developer Environment is a program that allows the user do multiple different activities required for software development in one single system. It often offers functionality such as editing source code, debugging, testing, or interaction with a distributed version control system. For Python, we recommend using PyCharm.
 - IT information technology
- Java is another very successful programming language, with roots in the C family of languages^{2,12}.
- Linux is the leading open source operating system, i.e., a free alternative for Microsoft Windows^{1,7,16,17,19}. We recommend using it for this course, for software development, and for research. Learn more at https://www.linux.org. Its variant Ubuntu is particularly easy to use and install.
- Microsoft Windows is a commercial proprietary operating system³. It is widely spread, but we recommend using a Linux variant such as Ubuntu for software development and for our course. Learn more at https://www.microsoft.com/windows.
 - modulo division is, in Python, done by the operator % that computes the remainder of a division. 15 % 6 gives us 3.
 - PyCharm is the convenient Python IDE that we recommend for this course 18,21,22. It comes in a free community edition, so it can be downloaded and used at no cost. Learn more at https://www.jetbrains.com/pycharm.
 - Python The Python programming language 9,11,13,20, i.e., what you will learn about in our book 20. Learn more at https://python.org.

Glossary (in English) II

- terminal A terminal is a text-based window where you can enter commands and execute them 1,5. Knowing what a terminal is and how to use it is very essential in any programming- or system administration-related task. If you want to open a terminal under Microsoft Windows, you can Druck auf 1, dann Schreiben von cmd, dann Druck auf 1, Under Ubuntu Linux, Ctrl Alt + T opens a terminal, which then runs a Bash shell inside.
- Ubuntu is a variant of the open source operating system Linux 5.8. We recommend that you use this operating system to follow this class, for software development, and for research. Learn more at https://ubuntu.com. If you are in China, you can download it from https://ubuntu.com. If you are in China, you can download it from https://mirrors.ustc.edu.cn/ubuntu-releases.
 - i..j with $i,j \in \mathbb{Z}$ and $i \le j$ is the set that contains all integer numbers in the inclusive range from i to j. For example, 5..9 is equivalent to $\{5,6,7,8,9\}$
 - R the set of the real numbers.
 - \mathbb{Z} the set of the integers numbers including positive and negative numbers and 0, i.e., ..., -3, -2, -1, 0, 1, 2, 3, ..., and so on. It holds that $\mathbb{Z} \subset \mathbb{R}$.