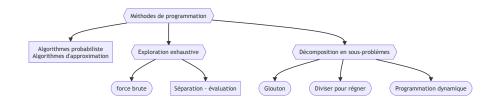
Programmation dynamique

Objectifs du cours:

- Cadre pour les techniques de programmation
- Programmation dynamique

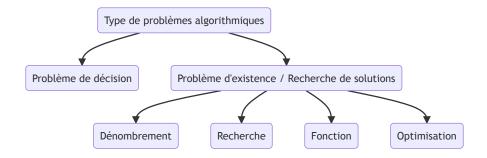
I. Introduction - Cadre pour l'algorithmique



Formulation d'un problème en algorithmique:

- Soit P un problème quelconque
- Soit A un algorithme résolvant le problème P

Quelles sont les familles de problèmes P?

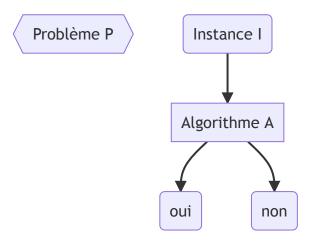


Problème de décision (ou reconnaissance)

Objectif: validation de l'existence d'une solution

A chaque instance du problème P, la réponse apportée par l'algorithme est oui ou non (résultat binaire)

Problème de classification



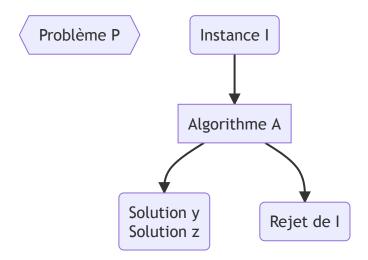
Exemple: soit n un entier naturel, déterminer si n est un nombre premier

Problème de recherche

Objectif: trouver une solution lorsqu'un algorithme n'est pas écrit mais que la spécification de la solution est connue.

Trouver, si elle existe, une solution associée à une instance d'entrée grace à une relation figurant dans l'énoncé de la recherche.

Problème de décision : restriction d'un problème de recherche



Exemple : trouver les facteurs premiers d'un entier naturel \boldsymbol{n}

Problème de dénombrement

Objectif: dénombrer les solutions

Déterniner le nombre de solutions à un problème de recherche

Sous-problème du problème de dénombrement et de décision :

- unicité d'une solution optimale
- énumération des solutions

Exemple: soit n un entier naturel, déterminer le nombre de facteurs premiers non triviaux de n

Problème d'optimisation

Objectif : recherche de la meilleure solution parmi toutes les solutions possibles d'un problème P sur une instance I

Détermination d'un jeu de paramètres en entrée d'une fonction donnant à cette fonction la valeur maximale ou minimale

Optimisation sous contrainte ou sans contrainte (méthode de descente, programmation linéaire, \dots)

Exemple: recherche du plus grand facteur premier non trivial d'un entier naturel \boldsymbol{n}

Problème de fonction

Objectif: engendrer les solution

Un seul résultat attendu pour chaque entrée

Plus complexe que le problème de décision car le résultat est une valeur plutot qu'un résultat binaire

Exemple: problème de régression \rightarrow prévision de valeur

II. Programmation dynamique: exemple

Découpe de barres d'acier

Entreprise \rightarrow achat et revent de barres d'acier

Coupe de barres d'acier pour optimiser les profits

Hypothèses:

- Découpe d'une barre en barres de $i=1,\ 2,\ \dots$ cm
- Prix des tronçons de i cm à la revente connus :

Longueure i	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
(cm) Prix	1	5	8	a	10	17	17	20	24	30