# Aplicaciones de la geometría plana y espacial

Geometría Grado 9 2023



# Contenido

01

Generalidades

Herramientas y preconceptos 02

Metas

Propósitos y desempeños

03

Sobre la longitud

Longitud, sistema métrico y perímetro 04

Figuras básicas

Descripción y elementos

05

Área figuras 2D

Conceptos y cálculos

# Contenido

s.s.n

**Actividades** 

Ejercicios y tareas

XX

Theme

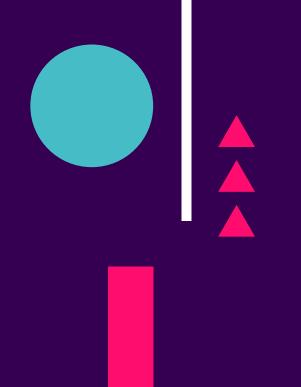
keywords

Fin

Referencias

Más información

# Generalidades



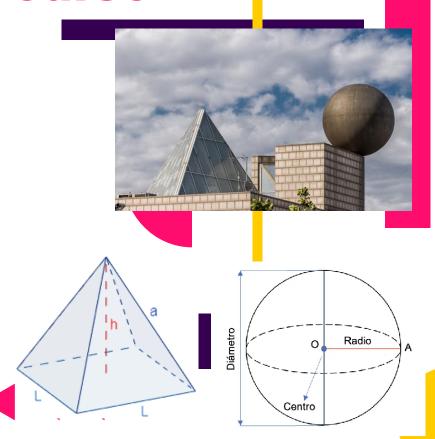
# Generalidades del curso

### **Herramientas**

•Medidas: regla, transportador

### Pre-conceptos

- Comprensión lectora
- Identificación de elementos particulares
- Manejo de Fórmulas (valor numérico) y despeje variables
- Verificación/Estimación de resultados





# Propósito

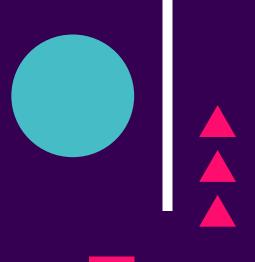
 Conocer las propiedades de perímetro y área de figuras 2D, así como las propiedades de volumen y superficie de figuras 3D elementales para realizar aplicaciones cotidianas.

 Aplicaré las propiedades de perímetro y área (figuras 2D), como las de volumen y superficie (figuras 3D) para resolver situaciones cotidianas.

# Desempeño

# O3 Sobrola la

Sobre la longitud



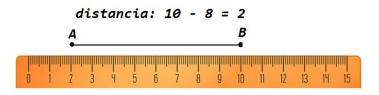
# Sobre la longitud

### Conceptos y precisiones

- ■Concepto. Es una medida unidimensional (1D) sobre un objeto (recto o curvo).
- Segmento (Euclides). Porción delimitada de una línea recta.
- Distancia. Asignar un valor numérico (real positivo) a la longitud de un segmento.
- Resumen (Postulado). La medición de la longitud asigna un número positivo a un segmento.

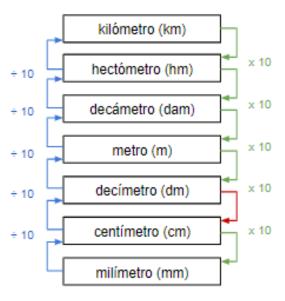
### Sistema de medición, usos

- Origen. Requiere un patrón universal.
- <u>Unidad de longitud.</u> El metro (SI). La pulgada (sistema anglosajón o inglés).
- Sub/Múltiplos. De mayor a menor SI: km, dam, dm, cm, mm s. inglés: milla, yarda, pie
- Perímetro. Distancia 1D alrededor de un contorno abierto (segmento) o cerrado (figura).
- ■En problemas, todas las medidas se expresan en una misma unidad.



# Sobre la longitud: ejemplos

### Ejemplo 1. Conversión de unidades



### Ejemplo 2. Distancia

Un segmento tiene una distancia de 4,3 dm. Si su extremo final coincide con la marca 85 cm de una regla de un metro, ¿Qué medida marca en cm el extremo inicial?

### Ejemplo 3. Perímetro

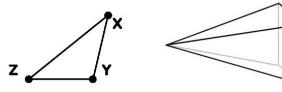
Con un tubo cuadrado de 6 m de largo se necesita diseñar el marco de una ventana con altura 90 cm ¿Cuál es la anchura máxima de la ventana sin desperdiciar material?



# Figuras básicas

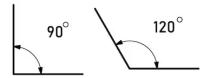
### **Definiciones**

- **Concepto.** Colecciones de puntos continuos abiertos o cerrados.
- •<u>Figura 2D.</u> Todos los puntos en un mismo plano, pero no todos en una recta.
- •<u>Figura 3D.</u> No todos los puntos están en un mismo plano.
- <u>Características.</u> Vértices, lados, aristas, caras.
- Perímetro. Suma de la longitud de los lados.

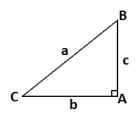


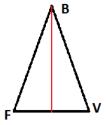
### Las esenciales

■Ángulo. Unión de 2 semisegmentos en un mismo extremo; medida de la abertura. Ejemplo: el ángulo recto (90°).



■ Triángulo. Unión de 3 segmentos por 3 puntos no colineales. Ejemplo: el triángulo rectángulo, isósceles.



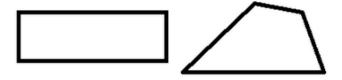




# Figuras básicas

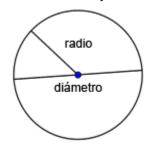
### Las esenciales

**<u>Cuadrilátero.</u>** Unión de 4 segmentos en 4 puntos, donde 3 de ellos no son colineales. **Ejemplo:** el rectángulo.

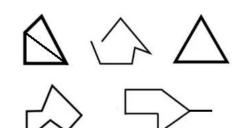


■Polígono. Unión de segmentos donde: (1) máximo 2 segmentos se encuentran en un punto y (2) cada segmento toca únicamente a otros 2. Ejemplo: el triángulo rectángulo, isósceles.

<u>Círculo.</u> Conjunto de puntos que están a una distancia de un punto fijo (centro).



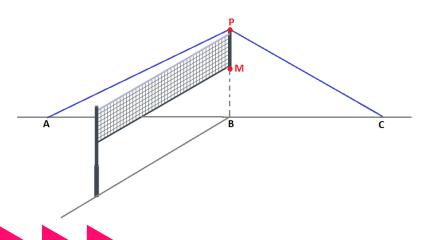
¿Cuáles son polígonos?



# Figuras básicas

### Ejemplos de Aplicación.

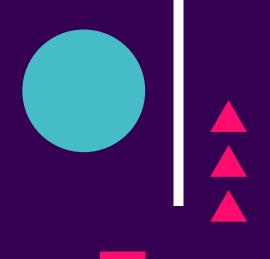
- **■Ejemplo 2.** ¿Qué letras del alfabeto pueden dibujarse como un polígono?
- **■Ejemplo 3.** Dibujar un cuadrilátero inscrito en un circulo con pares de líneas paralelas ¿Qué figura se forma?



- ■Ejemplo 4. El extremo de una red de voleibol está sujeto a la pared en los puntos P y M. La distancia reglamentaria AC=18 m; el alto de la red es 1 m y PB=2,24 m para mujeres.
- ■¿Qué figuras se identifica?
- ■¿Porqué PM es perpendicular a AC?
- ■¿Es la distancia PA igual la distancia PC?
- ¿Cuánto vale la distancia AB?
- ¿Cuánto vale la distancia MB?

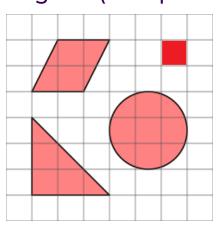
# 05

Área de figuras 2D

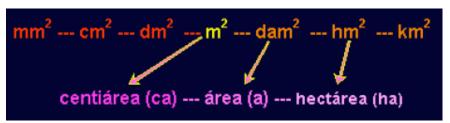


### Conceptos generales

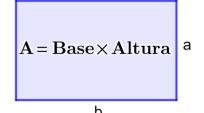
- Pre-Definición: la región plana.
- Aquella figura de <u>2D</u> cerrada y delimitada por un polígono o curva.
- ■Concepto de área (postulado). Es un número positivo que se le asigna a una región plana con un sistema de unidades de longitud (área patrón).
- ■Ejemplo.
  Cuadrito
  Rojo es un
  Área patrón:
  1 u²



- ■Unidades SI. Es el metro cuadrado: m<sup>2</sup>.
- Las unidades varían de 100 en 100.
- ■Es común usar la **hectárea**: región plana cuadrada con 100 m de lado.

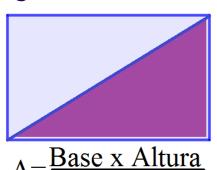


■Área del rectángulo (postulado). Es el producto de las medidas del largo y el ancho.

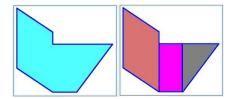


### Métodos de cálculo

- ■Suma de áreas. Si una región plana es la unión de X regiones planas que no se solapan, su área es la suma de las X regiones.
- •Área del triángulo. Es la mitad del área del área del rectángulo.



■1) Descomposición en triángulos o cuadriláteros.
Usado en figuras irregulares que permiten
descomponer y obtener las medidas necesarias de
un triángulo o cuadrilátero. A veces ...

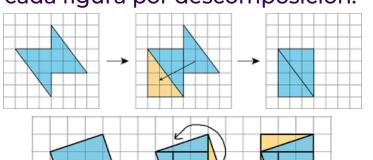


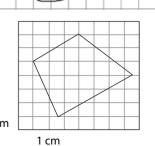
**•2)** Mediante tablas. Usada en figuras regulares donde se conocen las longitudes características (puede requerir conocimientos adicionales: trigonometría).



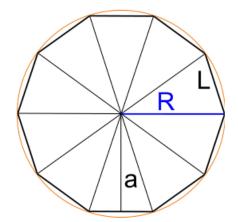
### Ejemplos de cálculo

**Ejemplo 1.** Hallar el área exacta de cada figura por descomposición.





■Ejemplo 2.Una empresa fabrica sombrillas para la playa. Para ello usa tela cortada en forma de polígono regular de 10 lados. Calcular la cantidad de tela necesaria para fabricar una sombrilla si se sabe que el lado mide 173 cm y su apotema mide 2.66 m.



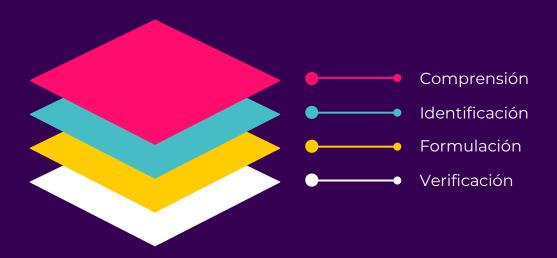
### Tabla de formulas

CUADRO DE FÓRMULAS DE ÁREA Y PERÍMETRO DE FIGURAS PLANAS						
NOMBRE	FIGURA	ELEMENTOS	AREA	PERIMETRO		
PARALELOGRAMO	h b	b= base h = altura	A = b.h	P = suma de lados		
TRIANGULO	h	b= base h = altura	$A = \frac{b.h}{2}$	P = suma de lados		
TRIÁNGULO EQUILÁTERO	x	x = lado	$A = \frac{x^2 \sqrt{3}}{4}$	P = 3x		

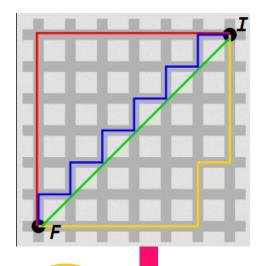
### Tabla de formulas

CHARDO DE FÓRMANIAC DE ÁREA V REPÚMETRO DE FICURAC RIANAC						
CUADRO DE FÓRMULAS DE ÁREA Y PERÍMETRO DE FIGURAS PLANAS						
NOMBRE	FIGURA	ELEMENTOS	AREA	PERIMETRO		
ROMBO	d D	D = diagonal mayor d = diagonal menor	$A = \frac{D.d}{2}$	P = suma de lados		
TRAPECIO	h B	B = base mayor b = base menor h = altura	$A = \left(\frac{B+b}{2}\right)h$	P = suma de lados		
POLÍGONO REGULAR	l la	a = apotema x = lado n = N° lados p = perímetro	$A = \frac{P \cdot a}{2}$	P = n.x		
CÍRCULO	r	r = radio C = longitud de circunferencia o perímetro	$A = \pi r^2$	$C = 2\pi r$		

# Actividades

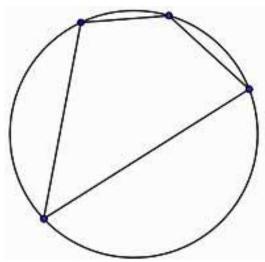


1. En la figura cada cuadrado es una manzana residencial de una ciudad delimitada con carreras (líneas horizontales) y calles (líneas verticales). A) Asumiendo que un lado del cuadrado vale 1 unidad de longitud, estime la distancia desde / hasta F por las rutas de color rojo, azul y amarillo. B) Si cada lado equivale a 80 m, estime la distancia en km. ¿cuál es la ruta más corta?

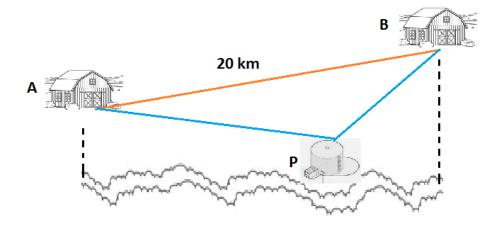


2. Sobre una vía vehicular se va delimitar con color amarillo la acera para la zona de parada de los buses SITP. La vía de esquina a esquina mide 96 m y la franja tiene un perímetro de 1,2 dam. Sí la franja debe iniciar en la tercera parte de la vía ¿a que distancia inicia y finaliza la franja desde una esquina?

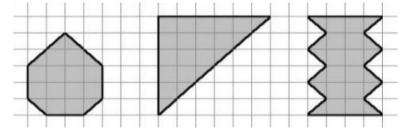
1. Dibujar en un circulo inscrito de diámetro de 10 cm un pentágono (polígono de 5 lados) con la condición, de que según la medida del primer lado, la medida del segundo lado debe ser del doble del primero y el tercer lado debe ser el triple del primero; el resto de lados de medida libre. Encontrar la medida del perímetro del pentágono en milímetros.



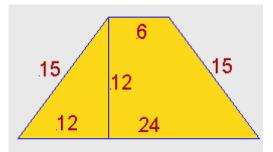
- 2. Dos ciudades necesitan un servicio adicional de agua. Ellas decidieron construir una planta purificadora junto a un río cercano y canalizar el agua a cada ciudad con el acuerdo que cada ciudad financiara equitativamente los gastos; esto implica que la longitud de la tubería debe ser la misma y la planta debe ubicarse a la misma distancia entre ciudades, a pesar que una ciudad está más cerca del río que la otra.
- a) Dibuje una mapa de la situación y halle la ubicación más idónea de la planta.
- b) Halle la distancia de la planta a cada ciudad en cm usando una regla.
- c) Plantee una estrategia de conversión de cm a km junto con la medida de distancia entre ciudades (ver figura).



1. Hallar el área y perímetro exactos de cada figura plana. Asumir que cada cuadrito tiene 1 cm de lado.



2. Calcular el área y perímetro del cuadrilátero de la figura de abajo; medidas en mm.



- 3. Se tiene que embaldosar el patio interior de un edificio con baldosas cuadradas de 30 cm de lado. El patio es rectangular y sus medidas son 10 m por 12 m. ¿Cuántas baldosas se necesitarán?
- 4. Una vela triangular de una barca se ha estropeado y hay que sustituirla por otra. Para confeccionar la nueva vela se cobran 45 euros por m2. ¿Cuánto costará esa nueva vela si debe tener 8.5 m de alto y 4.25 m de base?



# Referencias

- Clemens S., O'Daffer P. y Cooney T.. (1998). *Geometría*. México D.F.: Addison Wesley.
- Ramos, J., Peña, Á., Franco, L., & Paéz, N. (2000). Supermat 9. Bogotá: Voluntad.
- Wikipedia. (2023). Longitud. Recuperado (2023, Febrero 6) https://es.wikipedia.org/wiki/Longitud

