

Las Proposiciones



Matemáticas

Grado 7

2023

Contenidos

1 Para pensar...

2 Metas

3 Proposiciones

4 Notación

5 Proposiciones compuestas

6 Conectores lógicos

7 Actividades



Para pensar - problema 1 ...

Es posible conseguir medir 4 litros exactos con estos recipientes?



Para pensar – problema 2 ...

Son “lógicas” estas operaciones?

$$3+1 = 24$$

$$5+2 = 37$$

$$7+2 = 59$$

$$8+1 = 79$$

$$7+5 = 212$$

$$15+3 = 1218$$

Metas periodo 2: Proposiciones

Propósitos

- Conocer las características y propiedades de la lógica proposicional.
- Expresar matemáticamente las operaciones entre enunciados haciendo uso de la lógica de proposiciones.

Desempeños

- Clasificaras enunciados en proposiciones simples y compuestas, determinando el valor de verdad.
- Determinaras enunciados lógicos y utilizaras sus propiedades para resolver situaciones problema del entorno.



Proposiciones

- Qué es una proposición?

Es un *enunciado* que puede ser evaluado de forma lógica.

- Valor de las proposiciones

Sólo puede ser verdadero (V) o falso (F).

- Clases

Simples: un enunciado.

Compuestas: más de un enunciado con conectores lógicos.

- Lenguaje

Palabras clave: todos, algunos, ningún.



Notación de las proposiciones

Se denotan con letras minúsculas,

$\underbrace{\text{Selección Colombia sub-20 gano campeonato suramericano.}}_p$	$\underbrace{(F)}_F$
$\underbrace{\text{Selección Colombia sub-20 NO gano campeonato suramericano.}}_{\sim p}$	$\underbrace{(V)}_V$

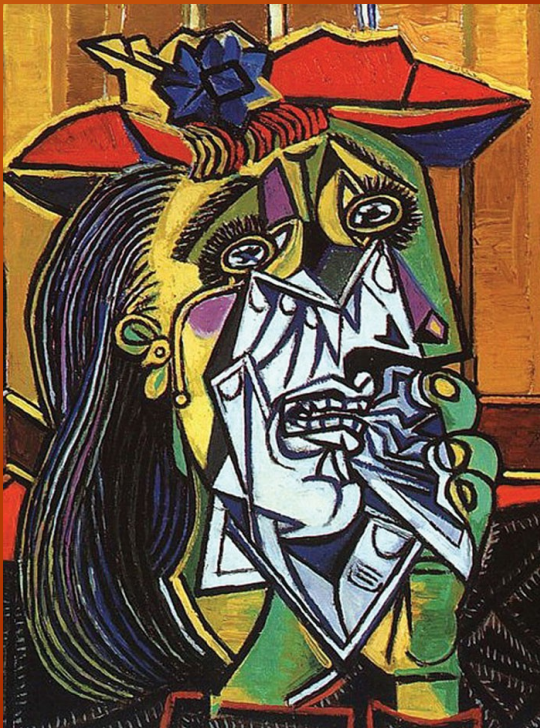
Proposiciones compuestas

Es la unión de dos o más proposiciones simples. Las palabras que permiten unir las se llaman conectores lógicos:

"y" "o" "si, entonces" "si y solo si"

Valor de proposiciones compuestas

El valor depende de cada proposición simple y del conector usado. El manejo de posibilidades se hace en una *tabla de verdad*.



La imagen contiene una cara p y conector dos bocas. q

p	q	Valor conector
V	V	
V	F	
F	V	
F	F	

La conjunción (“y”)

La proposición compuesta es verdadera solo si cada proposición simple es verdadera; en cualquier otro caso es falsa.

p	q	$p \wedge q$
V	V	V
V	F	F
F	V	F
F	F	F

La disyunción (“o”)

La proposición compuesta formada por la disyunción siempre es verdadera, excepto cuando todas las proposiciones simples son falsas.

p	q	$p \vee q$
V	V	V
V	F	V
F	V	V
F	F	F

La condicional (“si o entonces”)

El valor de la proposición compuesta por el condicional depende del valor que tenga la condición; sólo es falsa si el antecedente es verdadero y el consecuente falso.

p	q	$p \Rightarrow q$
V	V	V
V	F	F
F	V	V
F	F	V

p : antecedente, q : consecuente

La condicional (“si o entonces”)

Ejemplos de la condicional.

- Si $1+1 = 2$, entonces el sol sale por el oriente.
- Si llueve, entonces llevo un paraguas.
- Si la luna es hecha de queso verde, entonces soy el Profesor de recreo.
- Si mi abuela tuviera ruedas, entonces ella sería un autobús.



La bicondicional: “sí y sólo sí”

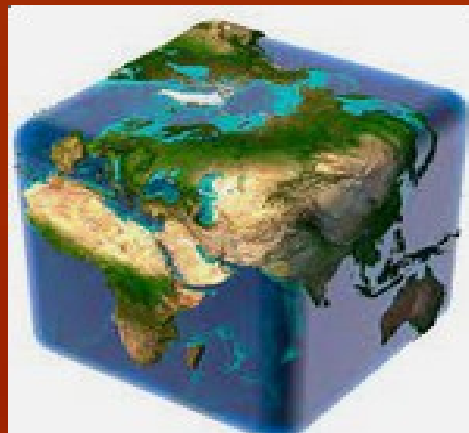
El valor de la proposición compuesta con bicondicional sólo depende del valor de las proposiciones simples.

p	q	$p \Leftrightarrow q$
V	V	V
V	F	F
F	V	F
F	F	V

La bicondicional: “si y sólo si”

Ejemplos de la bicondicional.

- Enseño matemáticas si y solo si me pagan una suma de dinero.
- El Sol es una estrella si y sólo si $1+2=4$.
- La Tierra es cúbica si y sólo si $2+2=4$.
- $1+1=3$ si y solo si Marte es una estrella.



Tablas de verdad

- Es la representación de los valores de proposiciones compuestas con uno o más conectores.
- La elaboración se inicia desde los conectores fundamentales hasta los complejos.

- **Ejemplo.** Resolver:

$$\sim (p \wedge q)$$

Tablas de verdad

- Es la representación de los valores de proposiciones compuestas con uno o más conectores.
- La elaboración se inicia desde los conectores fundamentales hasta los complejos.

- **Ejemplo.** Resolver:

$$\sim (p \wedge q)$$

$$\sim (p \wedge q)$$

$$\underbrace{\qquad\qquad\qquad}_2$$

p	q	$p \wedge q$	$\sim (p \wedge q)$
V	V		
V	F		
F	V		
F	F		

Tablas de verdad

- **Ejemplo.** Resolver y analizar el resultado.
En electrónica F->0, V->1.

$$(p \vee q) \Rightarrow (\sim q \Rightarrow p)$$

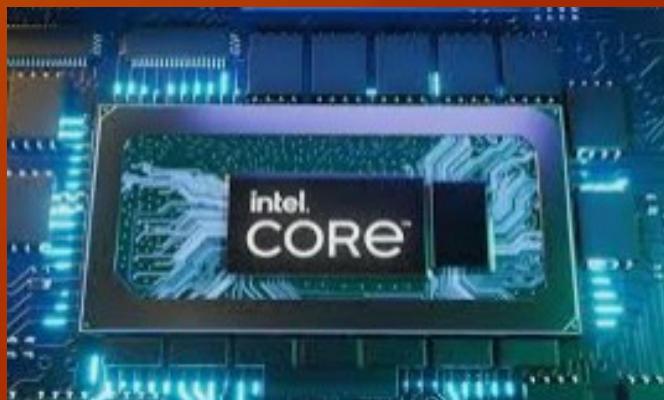
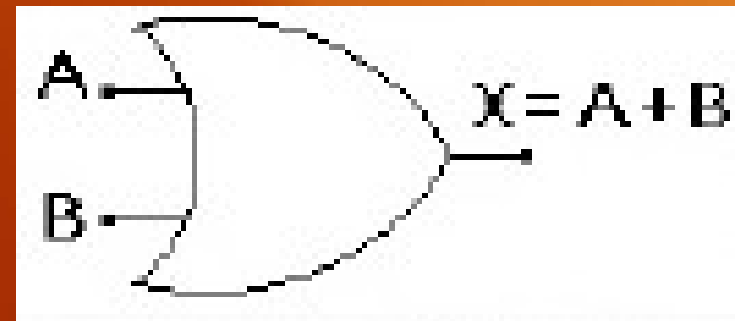
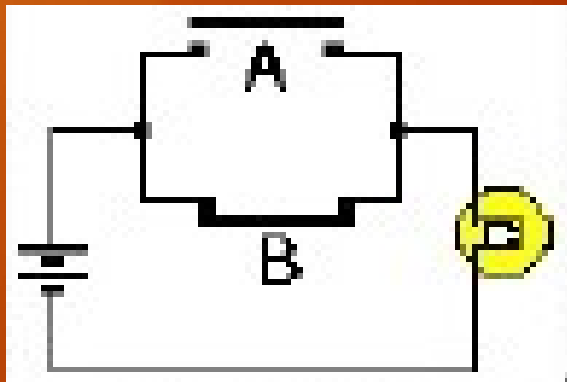
$$\underbrace{(p \vee q)}_3 \Rightarrow \underbrace{(\sim q \Rightarrow p)}_2$$

4

p	q	$\sim q$	$\sim q \Rightarrow p$	$p \vee q$	$(p \vee q) \Rightarrow (\sim q \Rightarrow p)$
1	1				
1	0				
0	1				
0	0				

Aplicación de las Tablas de verdad

- **Ejemplo de aplicación.** En circuitos electrónicos las proposiciones se denominan *compuertas lógicas*.



A	B	$X = A \wedge B$
1	1	1
1	0	1
0	1	1
0	0	0

Referencias

- Ramos, J., Ortiz, L., García, G., & Ardila, V. (2000). *Supermat 6*. Voluntad, Bogotá D.C., Colombia.
- Wikipedia (2023). **Proposición**.
<https://es.wikipedia.org/wiki/Proposici%C3%B3n>. Recuperado Junio 2022.
- Wikipedia (2023). **Lógica proposicional**.
https://es.wikipedia.org/wiki/L%C3%B3gica_proposicional.
Recuperado Junio 2022.

