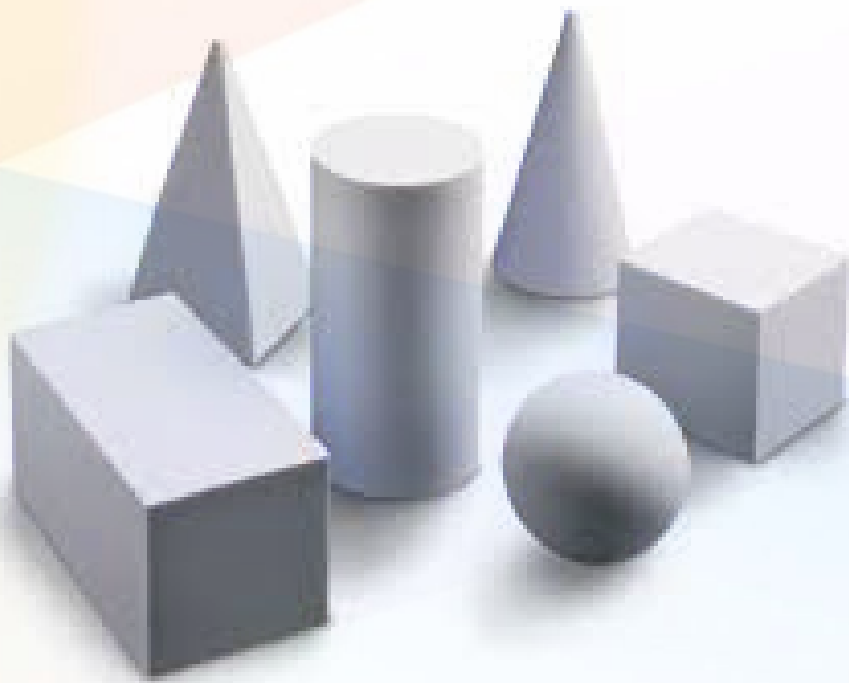


# Sólidos: la geometría del espacio



**Grado 7  
2021**

# Contenido

- Sólidos geométricos en la cotidianidad
- ¿Qué son?
- Clasificación de los sólidos
- Poliedros y Cuerpos Redondos
- Teorema de Euler para poliedros
- Ejemplos

# Sólidos geométricos en la cotidianidad

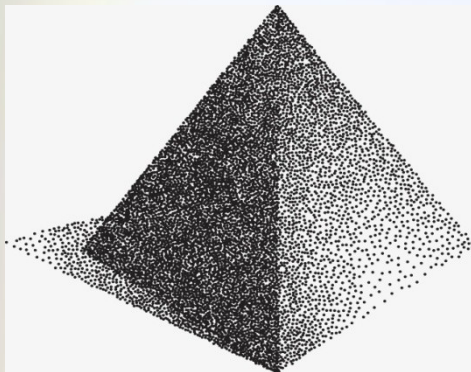
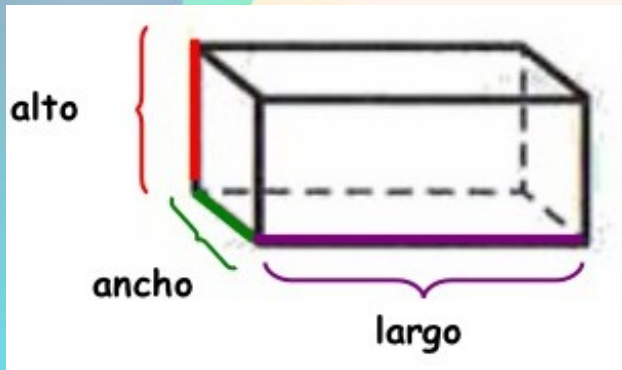
Los objetos se pueden cualificar por su forma:

- planos
- redondos



# ¿Qué son los sólidos?

## Definición



- Un *sólido* es un cuerpo geométrico con 3 dimensiones: ancho, largo o profundo, y alto.
- Por ocupar un lugar en el espacio indica la noción de *volumen*.
- Un *sólido* está delimitado por superficies (áreas) en el espacio real.

# Clasificación de los sólidos geométricos



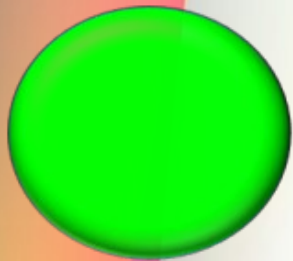
Cubo



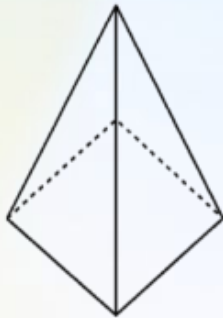
cono



Prisma  
cuadrangular



Esfera



Pirámide  
cuadrangular

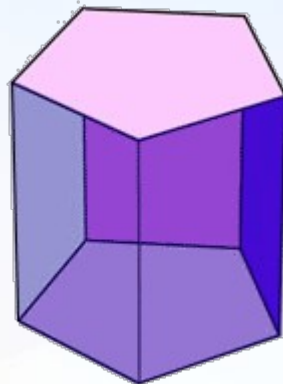
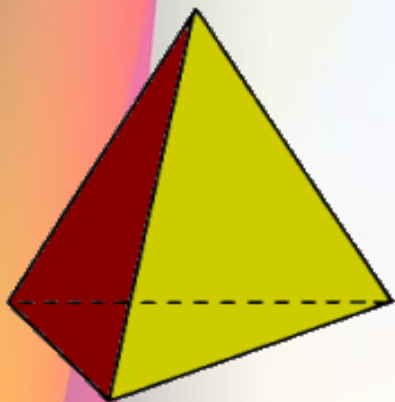
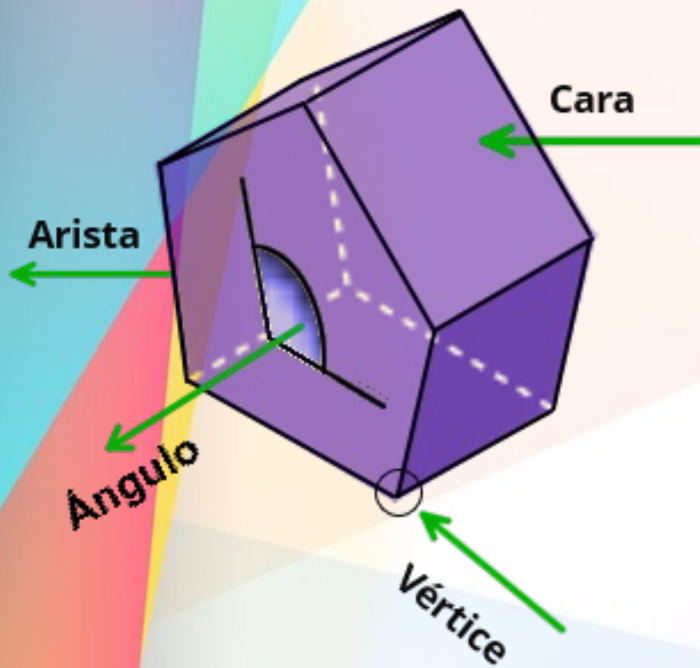


toro

- Se dividen fundamentalmente en 2 clases según sus caras:
  - **Poliedros:** por sus caras planas
  - **Cuerpos Redondos:** por sus caras curvas.
- Cada clase contiene a su vez otras subclases de acuerdo a la forma geométrica de las caras.



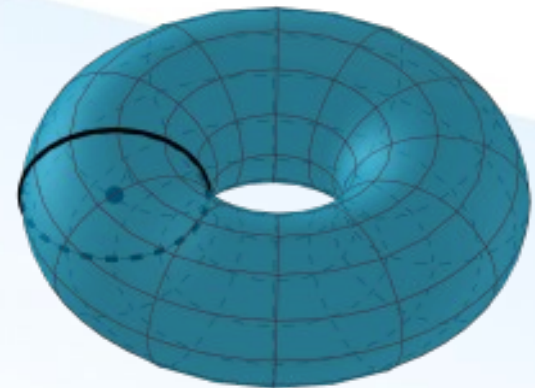
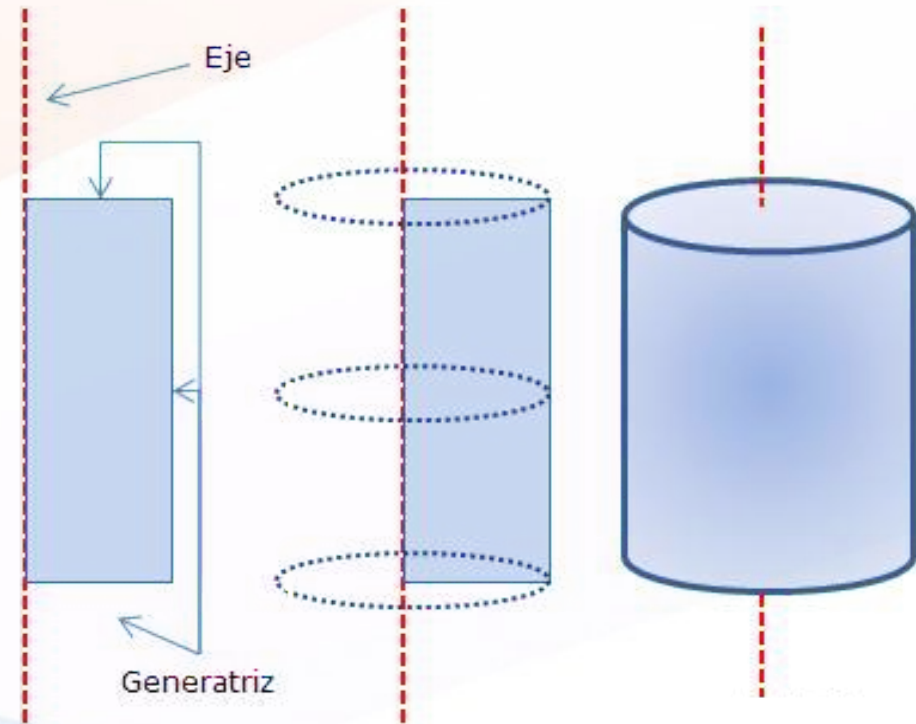
# Poliedros



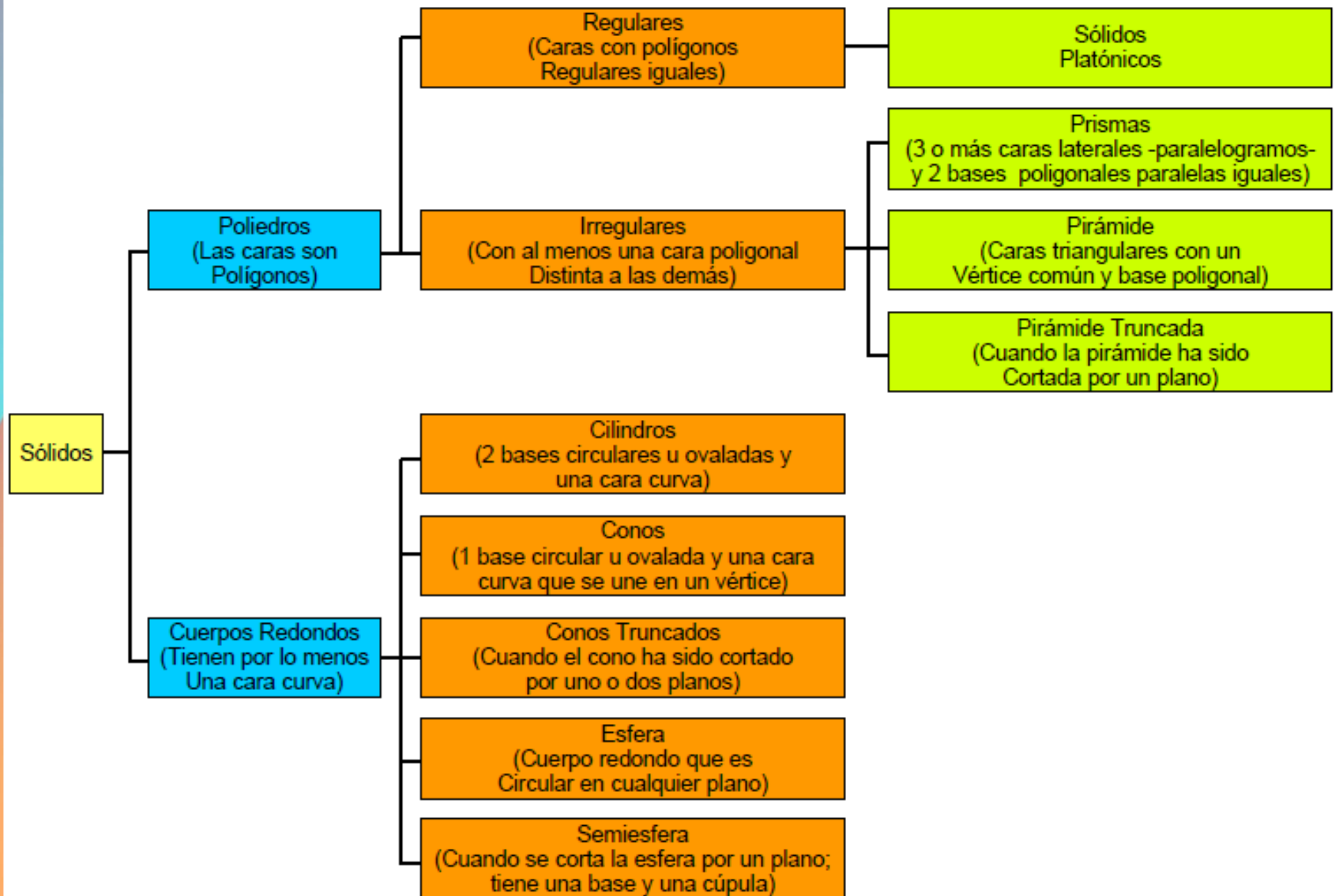
- Denominados así: *Polys*, muchos. *Edra*, caras
- Tienen cuatro elementos:
  - Caras
  - Aristas
  - Vértices
  - Ángulos
- Aquellos que están formados por polígono regulares se les llama *poliedros regulares*.
- Aquellos que no, pues ... *poliedros irregulares*.

# Cuerpos redondos

- Pueden poseer curvas y planos (total o parcialmente).
- También son llamados *sólidos de revolución* porque las superficies curvas se originan a partir del giro de una figura plana alrededor de un eje principal.



# Síntesis clasificación sólidos



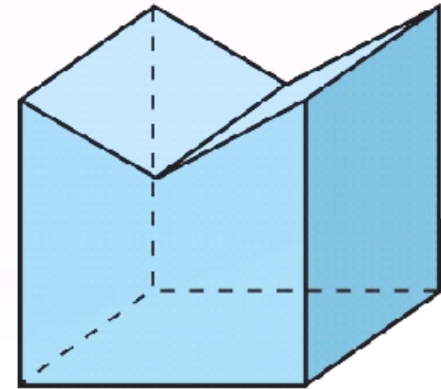


# Teorema de Euler para poliedros

- *L. Euler* estableció una relación entre el número de caras ( $C$ ), aristas ( $A$ ) y vértices ( $V$ ) que se cumple en algunos los poliedros.
- Ejemplo.



**Caras = 7**  
**Vértices = 10**  
**Aristas = 15**  
 **$C + V = A + 2$**



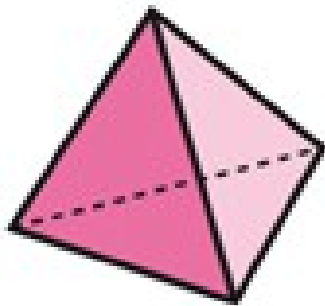
$$C + V = A + 2$$



# Ejemplos

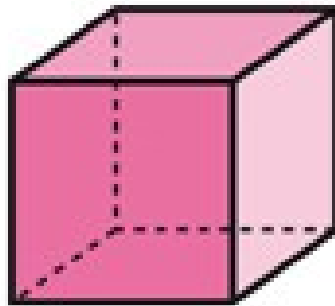
- Los 5 únicos poliedros regulares: los sólidos platónicos.

Tetraedro



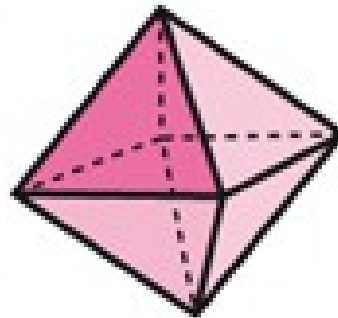
4 caras  
que son  
triángulos  
regulares

Cubo



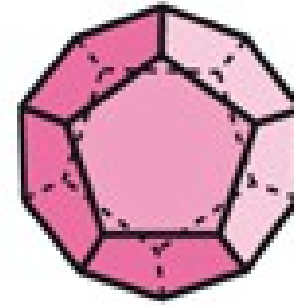
6 caras  
que son  
cuadrados

Octaedro



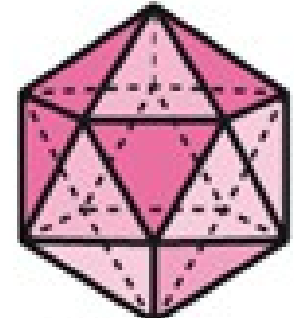
8 caras  
que son  
triángulos  
regulares

Dodecaedro



12 caras  
que son  
pentágonos  
regulares

Icosaedro

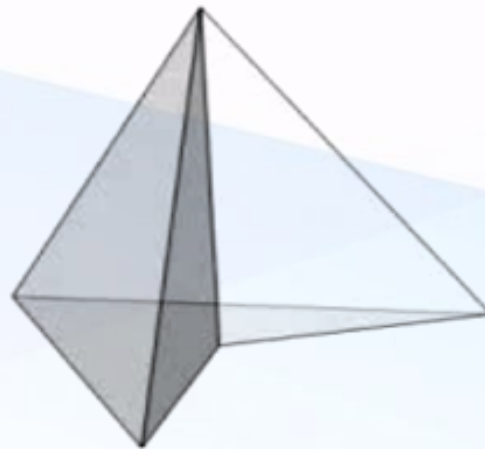


20 caras  
que son  
triángulos  
regulares

# Ejemplos

Para cada sólido:

- Contar las caras, vértices y aristas.
- Verificar el teorema de Euler.
- Clasificar el sólido



# Referencias

- Blanca Torres & Ludwig Ortiz, *Supermat 7*, Ed. Voluntad, 2000.
- Javier Cayetano Rodríguez, *Fórmula de Euler y Poliedros "con agujeros"*, <https://www.geogebra.org/m/R5p8ZFjk>. Consultado 6 mar 2021.
- Wikipedia, *Teorema de Euler para poliedros*, [https://es.wikipedia.org/wiki/Teorema\\_de\\_Euler\\_para\\_poliedros](https://es.wikipedia.org/wiki/Teorema_de_Euler_para_poliedros), 2020. Consultado 6 mar 2021.

