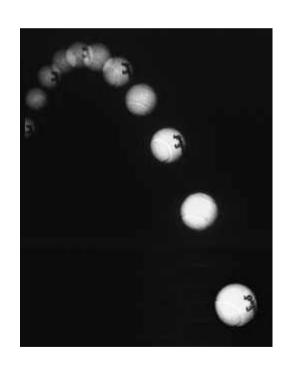
Funciones cuadráticas



Matemáticas Grado 9 2019



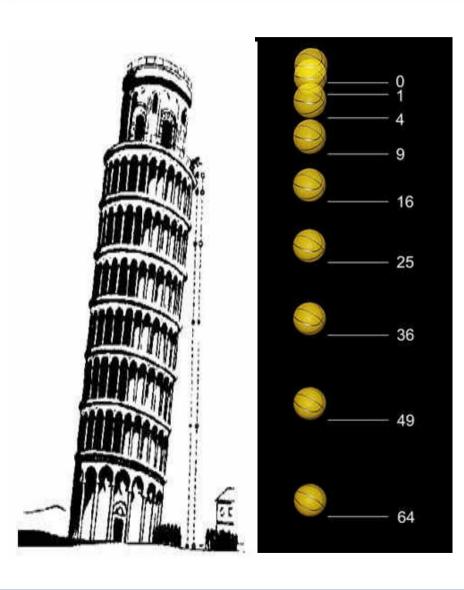
Contenidos

- Situaciones particulares
- Definición y Gráfica
- Interpretación geométrica de los coeficientes
- Aplicación: los cometas
- Partes
- Actividades





Situaciones particulares



 Experimento de Galileo Galilei: la caída libre



Altura recorrida en función del tiempo



Situaciones particulares

 Economía: funciones de oferta y demanda; el precio de un artículo depende de la producción y del consumo.



Función cuadrática: definición

 Una función cuadrática es aquella que tiene la forma:

$$y = ax^2 + bx + c$$

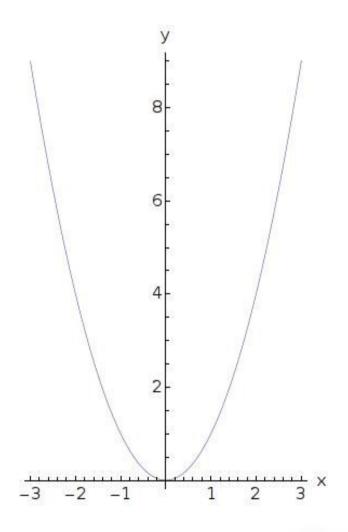
donde a, b y c son números.

Término	Descripción
a	Coeficiente cuadrático
b	Coeficiente lineal
c	Coeficiente constante



Gráfica de la función cuadrática

- La gráfica de una función cuadrática es una curva denominada parábola.
- Es una curva en forma de "U".





La parábola y los coeficientes

El coeficiente a

- Muestra información sobre las ramas de la "U".
- Si a es positivo (+), la parábola tiene forma de "U".
- Si a es negativo (-), la parábola tiene forma " \cap ".
- El valor de a indica que tan abiertas están las ramas.

La parábola y los coeficientes

El coeficiente b

- Muestra información sobre el desplazamiento de la "U" respecto a los ejes.
- Con *a* positivo, *b* mueve la parábola hacia abajo.
 - Si b es (+), se mueve a la izquierda.
 - Si *b* es (-), se mueve a la derecha.
- Con *a* negativo, *b* mueve la parábola hacia arriba.
 - Si b es (+), se mueve a la derecha.
 - Si *b* es (-), se mueve a la izquierda.



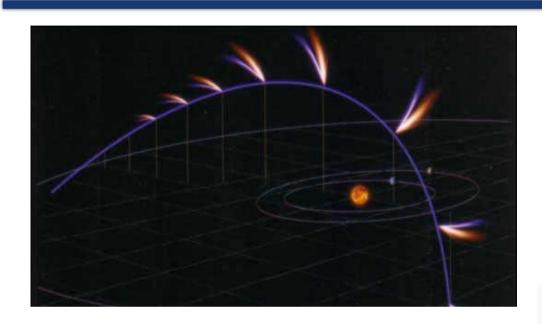
La parábola y los coeficientes

El coeficiente c

- Muestra información del punto de corte de una rama con el eje y.
- Si c es positivo (+), la parábola corta en el eje y positivo.
- Si c es negativo (-), la parábola corta en el eje y negativo.



Aplicación de la parábola



 Los cometas siguen un camino o trayectoria parabólica respecto al plano del sistema solar. Trayectoria del Cometa Lovejoy rozando el Sol en su trayectoria parabólica (Dic. 15-18 del 2011).

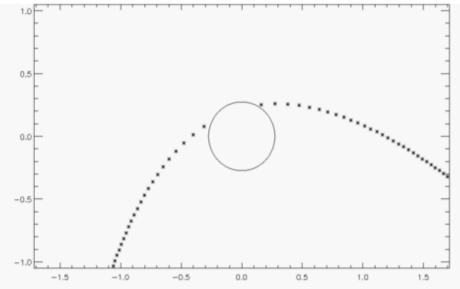
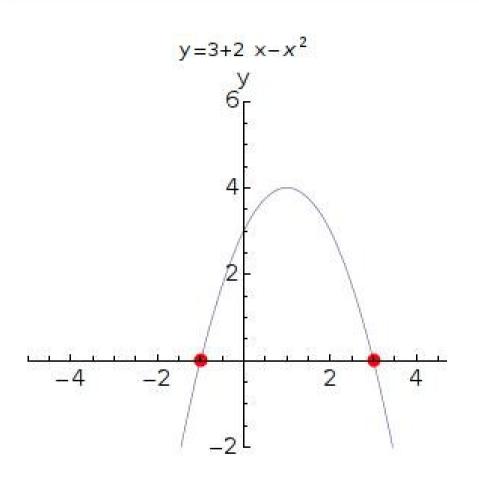


Imagen Observatorio Solar y Heliosférico (vídeo aquí).

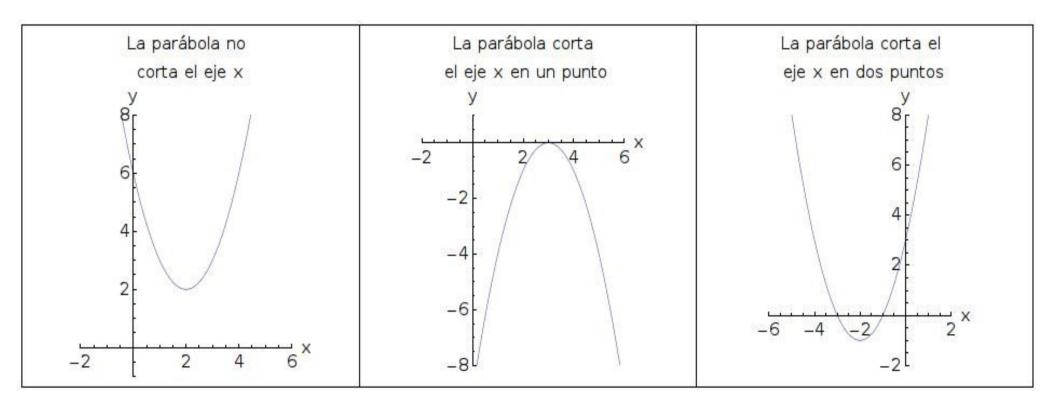
La parábola y sus partes



- Vértice. Es el punto mínimo o máximo de la parábola.
- Raíces. Son aquellos valores que toma la variable x y que hacen y=0.
- Las raíces son los puntos de corte de la parábola con el eje horizontal (x).

La parábola y sus partes

Visualización gráfica de las raíces de una función cuadrática.





Ejercicios 1

 Para cada función cuadrática hallar los coeficientes y realizar la gráfica rápida.

1.
$$y = 4x^2$$

2.
$$y = -\frac{1}{2}x^2 - x + \frac{1}{2}$$

3.
$$y = \frac{13}{4} - \frac{1}{2}x + \frac{1}{4}x^2$$

4.
$$y = x^2 - 2x + 3$$

5.
$$y = -x^2 - 6x - 11$$

6.
$$y + x^2 = 0$$

7.
$$(x+3)^2 = -2(y-2)$$



Ejercicios 2

Encontrar el vértice y las raíces de las funciones cuadráticas representadas en cada parábola.

