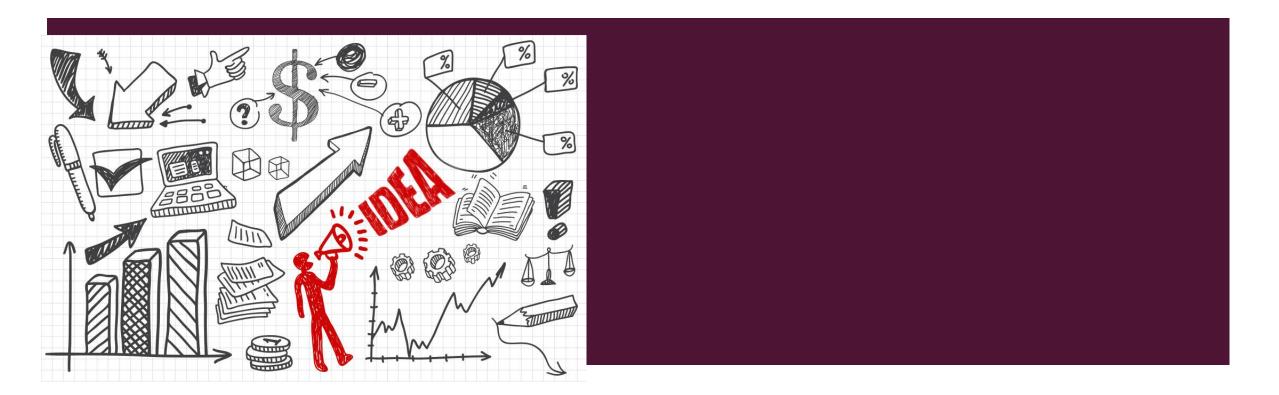
### MÉTODOS ESTADÍSTICOS BÁSICOS

GRADO II



# CONTENIDOS

- Referentes de aprendizaje
- Población, Muestra, Variable
- Medidas de tendencia central
- Medidas de dispersión
- Distribución de frecuencias
- Datos NO agrupados y agrupados
- Probabilidad
- Combinaciones y Permutaciones

### METODOS DE APRENDIZAJE

Estudio de un problema o pregunta de interés a la comunidad de la institución y/o ciudadanía.

#### Estándares

- Usar comprensivamente algunas medidas de centralización, localización, dispersión y correlación.
- Diseñar experimentos aleatorios para estudiar un problema o pregunta.

# REFERENTES DE APRENDIZAJE

### Propósitos

Reconocer la importancia del análisis estadístico, para manejar apropiadamente los conceptos e interpretaciones de medidas y representaciones de conjuntos de datos, y así aplicar los conocimientos adquiridos para la resolución de problemas de situaciones cotidianas.

### Desempeños

Comprende la importancia del análisis estadístico para la resolución de problemas de situaciones cotidianas, aplicando en forma acertada los conocimientos estadísticos para la interpretación e inferencia de tablas, gráficos y conjuntos de datos.

# MEDIDAS DE DISPERSIÓN

### Dispersión

- Las medidas de dispersión son números positivos, que informan sobre cuánto se alejan los datos del centro (promedio).
- Cuando los datos son iguales este valor es cero.
- Cuando los datos se vuelven más diversos este se incrementa.
- Determinación requiere cálculo de la media (obligatorio).

### Clases

Desviación media

$$D_m = \frac{\text{Suma valor absoluto de desviaciones}}{\text{Número total datos}}$$
$$= \frac{\sum |x - \bar{X}|}{n}$$

Desviación estándar

$$\sigma = \sqrt{\frac{\text{Suma cuadrado de desviaciones}}{\text{Número total datos}}}$$
$$= \sqrt{\frac{\sum (x - \bar{X})^2}{n}}$$

# DISTRIBUCIÓN DE FRECUENCIA

### Definición

- Método de recolección de datos según su magnitud y que indican el número de observaciones en cada una de ellas.
- Frecuencia (repetición)
- Clases:
  - Frecuencia absoluta (conteo)
  - Frecuencia relativa (porcentual respecto a total de datos)
  - Frecuencia acumulada (suma consecutiva dato anterior).
- Gráficos
  - Histograma
  - Polígono de frecuencias

### Ejemplo

Se indagó por el número de hermanos que tienen los 25 alumnos de un curso de grado sexto. Los resultados se presentan en la siguiente tabla.

No de	No de alumnos	% de alumnos	
hermanos	Frecuencia absoluta	Frecuencia relativa	Frecuencia Acumulada
0	3	12%	
I	8	32%	
2	6	24%	
3	4	16%	
4	2	8%	
5	2	8%	

# ANÁLISIS ESTADÍSTICO DE DATOS

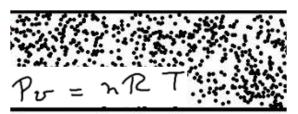
### NO agrupados

- Independiente de la Población (pequeño o grande).
- La muestra es menor a 20 30 elementos.
- La información está en bruto (no necesita clasificación).
- El manejo o tratamiento puede ser manual (a suela!).



### Agrupados

- Independiente de la Población (pequeño o grande).
- La muestra es mayor a 30 elementos.
- La información debe ser refinada: es aconsejable agrupar los datos en clases o categorías.
- El manejo o tratamiento debe ser metódico (fórmulas, tablas) y numérico (calculadora, programas informáticos).



Objetivo: resumir la información en tendencias numéricas (media, desviación, gráficos, ...).

### Definición: objeto

- Los elementos (datos) son clasificados por grupos o <u>intervalos</u> según su frecuencia.
- Con datos agrupados se <u>pierde detalle</u> de la información original, pero se <u>reduce la</u> <u>información</u> numérica.
- La información (muestra) es resumida en una distribución de frecuencia (tablas, gráficos).

### Clasificación: intervalo de clase

 En esencia, localizar y contar un dato dentro de los valores numéricos de un intervalo.

### Definición: objeto

- Los elementos (datos) son clasificados por grupos o <u>intervalos</u> según su frecuencia.
- Con datos agrupados se <u>pierde detalle</u> de la información original, pero se <u>reduce la</u> <u>información</u> numérica.
- La información (muestra) es resumida en una distribución de frecuencia (tablas, gráficos).

### Clasificación: intervalo de clase

 En esencia, localizar y contar un dato dentro de los valores numéricos de un intervalo.

### Ejemplo ilustrativo

Consumo bebidas en el PAE

Se necesita realizar un estudio sobre el número de bebidas (jugos, lácteos) que consume la comunidad educativa del colegio en un mes. De la población del colegio se elige una muestra de 100 personas.



### Distribución de frecuencia

Tabla de frecuencia				
Intervalo Frecuencia		Frecuencia		
de clase	Absoluta	acumulada		
Bebidas	Número de	Número de		
consumidas	estudiantes	estudiantes		
1 – 10				
11 - 20				
21 - 30				
31 - 40				
Total				

### Ejemplo ilustrativo

Consumo bebidas en el PAE

31	18	10	27	14	31	18	10	27	14
12	24	16	28	20	12	24	16	28	20
13	30	22	9	26	13	30	22	9	26
19	11	23	15	32	19	11	23	15	32
25	17	29	21	8	25	17	29	21	8
31	18	10	27	14	31	18	10	27	14
12	24	16	28	20	12	24	16	28	20
13	30	22	9	26	13	30	22	9	26
19	11	23	15	32	19	11	23	15	32
25	17	29	21	8	25	17	29	21	8

Intervalo de clase

Marca de clase (Mc)

Promedio de los límites de clase; es la medida representativa del intervalo.

Ancho de clase real (C)

Diferencia entre dos marcas de clase contiguas; puede ser (des)igual.

Con las marcas de clase y frecuencias relativas se calculan las medidas estadísticas.

### Ejemplo ilustrativo

Tabla de frecuencia				
Intervalo	Marca de			
de clase	Absoluta (fi)	clase (Mc)		
I — IO				
11 - 20				
21 - 30				
31 - 40				
Total				

### Cálculo de intervalos de clase

Tabla de frecuencia			
Intervalo	fi	Mc	
1 – 10			
11 - 20			
21 - 30			
31 - 40			
Total			

### Cálculo de intervalos de clase



### Cálculo de intervalos de clase

Rango (R)

Muestra el ancho numérico de variación de la muestra. Diferencia del dato máximo con el dato mínimo.

Número de clases (k)

Número de intervalos de agrupación; depende del total de datos (N).

- Elección empírica (justificada).
- Fórmula de Sturges (redondeada a un entero\*):

$$k = 1 + \frac{\ln N}{\ln 2}$$

• Regla de Rice (de arroz!) (redondeada a un entero\*):

$$k = 2\sqrt[3]{N}$$

Ancho de clase (C)

División del rango entre el número de clases: C=R/k.

Formar las clases

Poner como límite inferior del primer intervalo un valor un poco menor que el dato menor hallado en la muestra y posteriormente se suma a este el valor C; para hallar el límite superior del primer intervalo se "disminuye un poco" el límite inferior del siguiente intervalo (I unidad, I décima, etc.; puede disminuirse I en la última cifra significativa).

Se procede a obtener los límites del intervalo siguiente y así sucesivamente.

### Cálculo de medidas estadísticas

#### Notación - símbolos

La evaluación de las medidas, requiere una notación adecuada para el uso de fórmulas.

Estas fórmulas provienen de conceptos elementales de datos NO agrupados y algunos argumentos geométricos implementados sobre un histograma.

Símbolo	Descripción
$x_i$	(Léase x sub i) Cualquier marca de clase en la muestra
N	Total de elementos
$f_i$	Frecuencia absoluta
$h_i$	Frecuencia acumulada
C	Ancho de clase real
Δ	Resta o diferencia de valores
$\Sigma_i$	Sume los elementos desde 1ro. hasta el último

### Cálculo de medidas estadísticas

Media (promedio) aritmética

El valor típico o representativo del conjunto de datos.

$$\bar{X} = \frac{\sum_{i} f_{i} x_{i}}{N}$$

Símbolo	Descripción
$x_i$	Marca de clase
$f_i$	Frecuencia absoluta
N	Total de elementos

### Ejemplo. Media en el consumo de bebidas PAE

Tabla de frecuencia				
Intervalo fi xi fi xi			fi xi	
I – I0	12	5,5		
11 - 20	40	15,5		
21 - 30	40	25,5		
31 - 40	8	35,5		
Total	100			

### Cálculo de medidas estadísticas

#### Mediana

Es el valor (eje horizontal) que divide un histograma en dos partes de igual área.

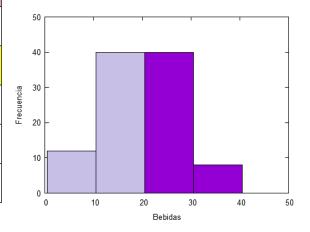
$$M_e = L_{\rm inf} + \frac{\frac{N}{2} - h_{\rm ant}}{f_{\rm med}}C$$

Símbolo	Descripción
$L_{\mathrm{inf}}$	Límite inferior (real)
	del intervalo mediano
N	Número total datos
$h_{ m ant}$	Frecuencia acumulada
	intervalo anterior al mediano
$f_{ m med}$	Frecuencia absoluta
	del intervalo mediano
C	Ancho de clase real

### Ejemplo. Mediana en el consumo de bebidas PAE

Tabla de frecuencia				
Intervalo fi xi hi				
1 – 10	12	5,5	12	
11 - 20	40	15,5	52	
21 - 30	40	25,5	92	
31 - 40	8	35,5	100	
Total				

Aquí, N/2=50



### Cálculo de medidas estadísticas

#### Moda

El valor más común de la muestra; el pico máximo de un polígono de frecuencia.

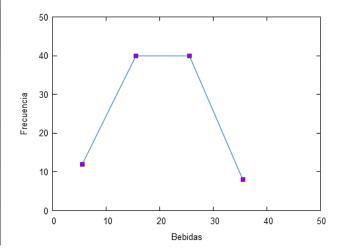
$$M_o = L_{\rm inf} + \frac{\Delta_{\rm ant}}{\Delta_{\rm ant} + \Delta_{\rm post}} C$$

Símbolo	Descripción
$L_{ m inf}$	Límite inferior (real)
	del intervalo modal
$\Delta_{ m ant}$	Diferencia de frecuencia entre el intervalo
	modal y frecuencia del intervalo anterior
$\Delta_{ m post}$	Diferencia de frecuencia entre el intervalo
	modal y frecuencia del intervalo posterior
C	Ancho de clase real

### Ejemplo. Moda en el consumo de bebidas PAE

Tabla de frecuencia				
Intervalo	fi	хi		
1 – 10	12	5,5		
11 - 20	40	15,5		
21 - 30	40	25,5		
31 - 40	8	35,5		
Total	100			

La distribución es bimodal.



### Cálculo de medidas estadísticas

Desviación estándar (típica)

El valor numérico (estadístico) de la dispersión de los datos respecto a la media.

$$\sigma = \sqrt{\frac{\sum_{i} f_{i} x_{i}^{2}}{N} - \bar{X}^{2}}$$

Símbolo	Descripción
$x_i$	Marca de clase
$f_i$	Frecuencia absoluta
N	Total de elementos
$\bar{X}$	Media

Ejemplo. Desviación estándar en el consumo de bebidas PAE

Tabla de frecuencia				
Intervalo	fi	xi	fi xi <sup>2</sup>	
1 – 10	12	5,5		
11 - 20	40	15,5		
21 - 30	40	25,5		
31 - 40	8	35,5		
Total	100			

# PROBABILIDAD

- Suceso (A). Un evento posible, real, cuantificable.
- Espacio de Muestras (S). El conjunto de TODOS modos en que se desarrolla un suceso.
- Concepto de Probabilidad (P). Medida de oportunidad de que ocurra un suceso respecto de un espacio de muestras.
- Cálculo de una probabilidad (Regla de Laplace). Asumiendo sucesos equiprobables, la probabilidad de ocurrencia de un suceso se obtiene dividiendo el número de modos que forman el suceso A entre el número de modos del espacio muestral.

### ¿CUÁL ES LA PROBABILIDAD DE SACAR UNA BOLA AZUL?



$$P(A) = \frac{N_A}{N_S}, \quad 0 \le P(A) \le 1$$
$$P(A') = 1 - P(A)$$

■ Expresada en forma decimal o porcentual (x100).

### PERMUTACIONES Y COMBINACIONES

- Factorial. n!=1.2.3...n
- Permutación. El número de grupos eligiendo k objetos de n objetos, teniendo en cuenta el orden (pueden repetirse).

$${}_{n}P_{k} = \frac{n!}{(n-k)!}$$

Combinaciones. El número de grupos eligiendo k objetos de n objetos, sin tener cuenta el orden.

$$_{n}C_{k} = \binom{n}{k} = \frac{n!}{k!(n-k)!}$$

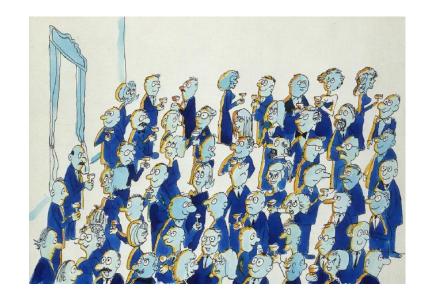
- Principio fundamental del conteo. "Contad y Multiplicad". Si una cosa se puede hacer de  $n_1$  modos, una segunda cosa de  $n_2$  modos, ..., una késima de  $n_k$  modos, entonces hay  $n_1 n_2 ... n_k$  modos de hacer las k cosas.
- Diagrama de árbol.

# EJEMPLOS

- Ejemplo I. ¿Cuántos números de 3 cifras se pueden formar con los números 4,5,6,7,8,9 sin repetir cifra? ¿Cuántas combinaciones hay?
- Ejemplo 2. En un restaurante local, las alas son la especialidad. El restaurante ofrece 3 tamaños de alas, 4 niveles de calor y salsa para untar ranchera o BBQ. ¿Cuántas órdenes diferentes son posibles?

### APLICACIONES: DESCUBRIENDO PARTÍCULAS!

- El bosón de Higss.
- Propuesta desde 1964 (teoría).
- Encargada de "dar masa" a las partículas.
- Cuánto pesa? masa=X







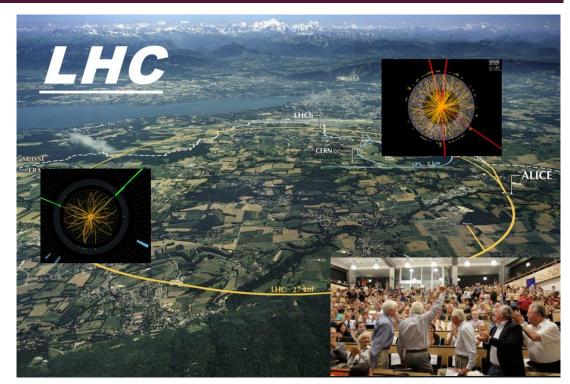
### APLICACIONES: DESCUBRIENDO PARTÍCULAS!

■ En física, una medida (estadística) se muestra como,

$$\bar{X} \pm \sigma$$

siempre y cuando el 99.999% de los datos experimentales se encuentren dentro del rango establecido.

- En el 2011, se detectó la partícula en un rango 115-140 GeV/c² con desviación estándar de 2.9, ocupando 99.998% del rango. NO HUBO CONFIRMACIÓN!
- En el 2012, nuevas revisiones estadísticas dejaron un rango de 122.5-127 GeV/c² y una desviación estándar de 0.5, dejando 99.999%. HUBO CONFIRMACIÓN!



Y EN EL 2013 HUBO PREMIO NOBEL!  $m_H = 125.3 \pm 0.6 ~{
m GeV}/c^2$ 

# ACTIVIDAD I

# Welcome to reality: el pasaje de TransMilenio costará 2400 pesos

En los próximos días, la noticia de la firma del decreto que aumentó en \$100 pesos el pasaje será una realidad

Mientras estamos en vacaciones se nos olvidan las responsabilidades del día a día: pagar un recibo, tomar un bus, hacer vueltas en la mañana. porque si no es así, se nos va la tarde, y de ese modo nos entregamos al descanso.

Diciembre tiene ese no se que que nos hace relajar. Puede ser el aire de un nuevo comienzo, un cambio de página y más de uno se 'va a curar el alma' a la playa. Pero dicho esto, la verdad es otra y enero se convierte en el mes de welcome to reality y más si vive en Bogotá.

Toda esa palabrería, como tal vez lo podra entender si lee estas páginas, es porque Publimetro incluyente



Nota disponible en audio, escaneando este código QR. Utilice la aplicación Igetax

Por supuesto no a todos de verdad este mes viene con les agrada esa bienvenida. A una dosis completa de reali- nadie le suena que le toquen dad -hay que revisar la sema- el bolsillo y menos por un na pasada para darse cuenta sistema que tiene serias dede que fue asi- y la falta de ficiencias. Su seguridad no



Tomado del diario gratuito Publimetro Bogotá, del 24 Enero 2019, pág 6.

# ACTIVIDAD I

# Welcome to reality: el pasaje de TransMilenio costará 2400 pesos

En los próximos días, la noticia de la firma del decreto que aumentó en \$100 pesos el pasaje será una realidad

Mientras estamos en vacaciones se nos olvidan las responsabilidades del día a día: pagar un recibo, tomar un bus. hacer vueltas en la mañana. porque si no es así, se nos va la tarde, y de ese modo nos entregamos al descanso.

Diciembre tiene ese no se que que nos hace relajar. Puede ser el aire de un nuevo comienzo, un cambio de página y más de uno se 'va a curar el alma' a la playa. Pero dicho esto, la verdad es otra y enero se convierte en el mes

Publimetro incluyente



Nota disponible en audio,

¿Un precio justo?

Esta Alcaldía ha dejado claro amás de una vez que el sistema tiene un déficit grande,

TransMilenio

VDJ-529

Tomado del diario gratuito Publimetro Bogotá, del 24 Enero 2019, pág 6.

Sin embargo, ese no es el único pero de los ciudadanos: el descontento que hay entre los bogotanos que usan el sistema es grande y todo se debe a que no encuentran un servicio de calidad.

# ACTIVIDAD I

Welcome to reality: el pasaje de

Tr

En los pró decreto qu

Mientras estat nes se nos olvi sabilidades de gar un recibo, hacer vueltas porque si no e la tarde, y de entregamos a

Diciembre se que que n Puede ser el vo comienzo página y más curar el alma dicho est o, la enero se con de welcome to

¿Un pro Esta Al más de



 Tomado del diario gratuito Publimetro Bogotá, del 24 Enero 2019, pág 6.

Sin embargo, ese no es el único pero de los ciudadanos: el descontento que hay entre los bogotanos que usan el sistema es grande y todo se debe a que no encuentran un servicio de calidad.

2400 pesos

pagas más

Y te estripan más

na tiene un dencit grande, -

# Aumento del pasaje de TM en los últimos 10 años

• 2019: \$2400

· 2018: \$2300

• 2017: \$2200

• 2016: \$2000

• 2015: \$1800

• 2014: \$1800 y \$1500

• 2013: \$1700 y \$1400

• 2012: \$1700

• 2011: \$1750

• 2010: \$1700



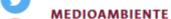
#### Resolver

- I. Medidas básicas estadísticas.
- Gráfico de barras: año vs. Precio.
- 3. Aumento porcentual entre años consecutivos (explicar).
- 4. Cambio porcentual entre 2010 y 2019.
- 5. Estimar una proyección debidamente argumentada para el 2020.



POLÍTICA ECONOMÍA INTERNACIONAL CIENCIA Y TECNOLOGÍA MEDIDAMBIENTE EDUCACIÓN SALUD ARTE Y CULTURA 📗 OTRAS 🔟









GONZALO DUQUE ESCOBAR PROFESOR EMÉRITO, UNIVERSIDAD NACIONAL DE COLOMBIA SEDE MANIZALES

Desde el sismo del sábado 26 de enero (de magnitud 5,4), asociado con el Nevado del Huila, se han presentado más de 8.500 eventos; el más fuerte, del lunes 28 en la tarde, se sintió especialmente en el centro y suroccidente del país. La vigilancia de este complejo volcánico impone desafíos como la optimización de estrategias para la gestión del riesgo.



El área glaciar forma parte de las territorialidades del resguardo Wila del pueblo Nasa y de los municipios de Páez (Cauca), Teruel (Huila) y Planadas (Tolima). Foto: Ideam.



POLÍTICA ECONOMÍA INTERNACIONAL CIENCIA Y TECNOLOGÍA MEDIOAMBIENTE EDUCACIÓN SALUD ARTE Y CULTURA 📗 OTRAS 🔟





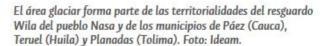




•

Enero ha sido un mes movido en Colombia, y no solo por los acontecimientos de la actualidad nacional e internacional, sino porque la tierra se ha estremecido tanto que ya genera preocupación. Por ejemplo el lunes 21 tembló en el Nevado del Ruiz, y desde el 26 se han presentado cientos de sismos en el del Huila. Aunque se trata de movimientos asociados con enjambres volcánicos, también se han presentado temblores asociados con fallas geológicas, como el del 22, en la Mesa de los Santos (Santander) –segundo nido sísmico del mundo después de la región del Hindú Kush (Afganistán)– y el del 28 en Casanare.

mas fuerte, del lunes 28 en la tarde, se sintio especialmente en el centro y suroccidente del país. La vigilancia de este complejo volcánico impone desafíos como la optimización de estrategias para la gestión del riesgo.















temblores asociado (Santander) -segun (Afganistán)– y el d

mas fuerte, del lunes 21 centro y suroccidente d

Enero ha sido un mes movido en Colombia, y no solo por los acontecimientos de la actualidad nacional e internacional, sino porque la tierra se ha estremecido tanto que ya genera preocupación. Por ejemplo el lunes 21 tembló en el Nevado del Ruiz, y desde el 26 se han presentado cientos de sismos en el del Huila. Aunque se trata de

movimientos asocia Por la juventud de sus montañas, los Andes son una zona de actividad vulcano-tectónica, ya que del Paleozoico al reciente estas han estado sometidas a procesos orogénicos, es decir a movimientos rápidos horizontales, responsables de su formación. Su geología se relaciona con el denominado "cinturón de Fuego del Pacífico"...

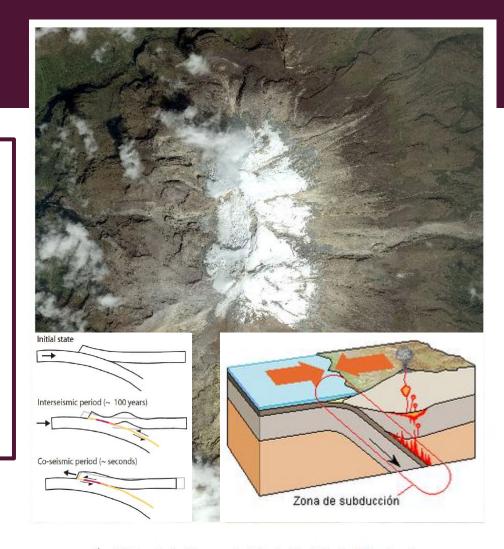
volcánico impone desafíos como la optimización de estrategias para la gestión del riesgo.

El área glaciar forma parte de las territorialidades del resguardo Wila del pueblo Nasa y de los municipios de Páez (Cauca), Teruel (Huila) v Planadas (Tolima). Foto: Ideam.

#### Una hoja de vida con potencial destructivo

Con 5.365 msnm, el Nevado del Huila es el volcán activo de mayor altura de los Andes colombianos. Su cubierta glaciar –en proceso de desglaciación– alcanza los 13 km². Su primera erupción histórica fue una pequeña explosión ocurrida a mediados del siglo XVI, entre los años 1550 y 1560.

A diferencia de los volcanes hawaianos, caracterizados por derrames fluidos de lava, el del Huila es explosivo y suele presentar lanzamiento violento y a gran presión de magma pulverizado y fragmentos de roca.



El área glaciar forma parte de las territorialidades del resguardo Wila del pueblo Nasa y de los municipios de Páez (Cauca), Teruel (Huila) y Planadas (Tolima). Foto: Ideam.

#### Resolver

- 1. Realizar una tabla de distribución de frecuencias para la magnitud de sismos registrados en el Volcán Nevado del Huila entre el 26 de Enero 2019 y el 30 de Enero 2019.
- 2. Encontrar el valor promedio y desviación típica estándar para los sismos registrados.
- 3. Respecto a las magnitudes mínima y máxima, hallar incremento sísmico porcentual.
- 4. Aunque los sismos no se pueden predecir como los eclipses, sí se pueden monitorear los eventos probables mediante un parámetro: suponga que una desviación estándar para magnitud sísmica debajo de 0.1 indica mayor probabilidad de ocurrencia de un evento. De acuerdo con los registros, ¿existe amenaza de probabilidad de ocurrencia?



El área glaciar forma parte de las territorialidades del resguardo Wila del pueblo Nasa y de los municipios de Páez (Cauca), Teruel (Huila) y Planadas (Tolima). Foto: Ideam.



Las rutas del SITP que más se demoran, según usuarios

Tomado de periódico el tiempo, Por: Sara Daniela Caicedo y Sharon Fontecha; II de agosto 2018 https://www.eltiempo.com/bogota/las-rutas-mas-demoradas-del-sitp-en-bogota-segun-los-usuarios-254350



Actualmente, **1'520.000 personas usan a diario el <u>SITP</u>** y para la mayoría de ellas se volvió parte de su rutina salir con hora y media de anticipación; unos 30 minutos para esperar el bus y una hora para llegar a su destino.

#### T11 Calle 222-Alpes

Los conductores que manejan esta ruta tardan seis horas y media en realizar el recorrido –ida y vuelta– que atraviesa la ciudad de norte (calle 222) a sur (Ciudad Bolívar), convirtiendo la ruta en una de las que más buses tiene en circulación en hora pico, pues sus operadores programan 66 vehículos a diario aproximadamente, los cuales salen cada seis minutos. Esta es otra de las rutas que utiliza un bus patrón, Masivo Capital S.A.S. y Suma son los operadores de la T11.

# Las rutas del SITP que más se demoran, según usuarios

Tomado de periódico el tiempo

Como es mencionado, en los últimos meses los Bogotanos han expresado su inconformismo con el servicio de transporte SITP, por la demora de las rutas. Consultando a 30 usuarios, se les pregunto "¿cuánto demora su ruta de transporte?". Ellos respondieron, danto su tiempo en minutos:

33 18 4 45 13 27 48 60 23 33

39 45 37 23 30 19 37 42 55 22

45 43 40 19 28 32 35 53 23 7

#### Realizar

- I. Tabla de distribución de frecuencias con las respectivas marcas de clase; hallar ancho de clase real.
- 2. Polígono de frecuencias; estime del gráfico la demora promedio.
- 3. ¿Qué porcentaje de tiempos consultados superan los 25 minutos?



Tiempo (min)	fi	Mc
I — IO		
11 – 20		
21 - 30		
31 – 40		
41 – 50		
5I – 60		

Realizar tabla de distribución de frecuencias completa y polígono de frecuencias para la situación del consumo de bebidas en el PAE

- 1. Usando la fórmula de Sturges.
- 2. Usando la regla de Rice.
- 3. Mencione las diferencias entre los métodos de clasificación.



31	18	10	27	14	31	18	10	27	14
12	24	16	28	20	12	24	16	28	20
13	30	22	9	26	13	30	22	9	26
19	11	23	15	32	19	11	23	15	32
25	17	29	21	8	25	17	29	21	8
31	18	10	27	14	31	18	10	27	14
12	24	16	28	20	12	24	16	28	20
13	30	22	9	26	13	30	22	9	26
19	11	23	15	32	19	11	23	15	32
25	17	29	21	8	25	17	29	21	8

Para el análisis de la situación de demoras de rutas del SITP (actividad 3), hallar

- I. Media
- 2. Mediana
- 3. Moda
- 4. Desviación estándar
- 5. ¿Qué porcentaje de Bogotanos preguntados se encuentra entre media-desviación y media+desviación?



Tiempo (min)	fi	Mc
I – I0		
11 – 20		
21 - 30		
31 – 40		
41 – 50		
5I – 60		

#### Probabilidad, análisis combinatorio

Baloto es una Lotería en línea de Colombia. Es un juego que consiste en acertar 5 números en cualquier orden de una bolsa del 1 al 43 y una balota adicional de 1 a 16.

- I. Encuentre el número de permutaciones para escoger.
- 2. Encuentre el número de combinaciones para escoger.
- 3. Suponga que cada tiquete tiene 100 paneles, es decir, puede apostar hasta en 100 juegos por tiquete. ¿Cuál es la probabilidad de pegarle al premio gordo?

### Principio fundamental de conteo

- I. Andrea quiere saber si puede pasar un mes sin usar el mismo atuendo dos veces. Tiene tres pantalones, cinco blusas y dos pares de zapatos. ¿Puede crear un atuendo único para cada día del mes? Usar diagrama de árbol.
- 2. Un bar de burritos ofrece un almuerzo de burrito especial. Los clientes pueden elegir una tortilla de harina o de maíz; pollo, bistec o carnitas; arroz blanco o integral; pimentón rojo o verde; queso, guacamole o crema agria y una de cuatro salsas a un precio especial. ¿Cuántos burritos diferentes se pueden hacer?

## REFERENCIAS

- [1] Blog de Abogados de El Salvador. (2015). Cómo trabajar con tablas de datos agrupados en Estadística. Recuperado el, 13 de febrero de 2019 de <a href="http://blogdeabogadosdeelsalvador.com/2015/02/21/como-trabajar-con-tablas-de-datos-agrupados-en-estadistica/">http://blogdeabogadosdeelsalvador.com/2015/02/21/como-trabajar-con-tablas-de-datos-agrupados-en-estadistica/</a>
- [2] Murray R. Spiegel. (2000). Estadística. Madrid: McGraw-Hill.
- [3] Portal Educativo. (2012). *Media, moda y mediana para datos agrupados*. Recuperado el, 13 de febrero de 2019 de <a href="https://www.portaleducativo.net/octavo-basico/792/Media-moda-y-mediana-para-datos-agrupados">https://www.portaleducativo.net/octavo-basico/792/Media-moda-y-mediana-para-datos-agrupados</a>
- [4] Tratamiento Para Datos Agrupados. Recuperado el, 13 de febrero de 2019 de <a href="http://www.itchihuahua.edu.mx/academic/industrial/sabaticorita/\_private/03Tratamiento%20para%20Datos%20Agrupados.htm">http://www.itchihuahua.edu.mx/academic/industrial/sabaticorita/\_private/03Tratamiento%20para%20Datos%20Agrupados.htm</a>

### **TAREAS**

- Tarea I
- ¿Qué es la frecuencia acumulada relativa?
- ¿Qué es el límite real superior/inferior de una clase?
- Tarea 2
- ¿Qué es la varianza?