

## Contents

|          |  |          |
|----------|--|----------|
| <b>1</b> | <b>Overview</b>  | <b>2</b> |
| 1.1      | Notations . . . . .  | 2        |
| 1.2      | Overview . . . . .   | 2        |
| <b>2</b> | <b>4-fuse.py</b>   | <b>6</b> |
| <b>3</b> | <b>ASTEC/ASTEC.py</b>                                      | <b>8</b> |
| 3.1      | compute_volumes() . . . . .                                | 8        |
| 3.2      | create_seed() . . . . .                                    | 8        |
| 3.3      | create_seeds() . . . . .                                   | 9        |
| 3.4      | cell_propagation() . . . . .                               | 10       |
| 3.5      | extract_seeds() . . . . .                                  | 10       |
| 3.6      | slices_dilation() . . . . .                                | 12       |
| 3.7      | to_u8() . . . . .  | 12       |
| 3.8      | get_seeds() . . . . .                                      | 12       |
| 3.9      | get_back_parameters() . . . . .                            | 14       |
| 3.10     | get_seeds_from_optimized_parameters() . . . . .            | 15       |
| 3.11     | perform_ac() . . . . .                                     | 19       |
| 3.12     | volume_checking() . . . . .                                | 20       |
| 3.13     | outer_correction() . . . . .                               | 29       |
| 3.14     | segmentation_propagation_seeds_init_and_deform() . . . . . | 30       |
| 3.15     | segmentation_propagation_from_seeds() . . . . .            | 30       |
| 3.16     | segmentation_propagation() . . . . .                       | 34       |

# 1 Overview

## 1.1 Notations

- $S_t^*$  : segmentation à  $t$
- $S_{t+\delta t \leftarrow t}^* = S_t^* \circ \mathcal{T}_{t \leftarrow t+\delta t}$  : segmentation à  $t$  projetée dans  $I_{t+\delta t}$ . C'est une nouvelle notation par rapport à [1], mais l'image est pas mal utilisée.
- $\tilde{S}_{t+1}$  : segmentation de  $I_{t+\delta t}$  par ligne de partage des eaux avec les graines  $S_{t+1 \leftarrow t}^e = S_t^e \circ \mathcal{T}_{t \leftarrow t+\delta t}$
- $\hat{S}_{t+1}$  : segmentation de  $I_{t+\delta t}$  par ligne de partage des eaux avec les graines  $\text{Seeds}_{t+1}$ . Cette image peut être amenée à changer
- $S_t^e$  : cellules de  $S_t^*$  érodées (pour servir de graines)
- $S_{t+\delta t \leftarrow t}^e = S_t^e \circ \mathcal{T}_{t \leftarrow t+\delta t}$  : cellules de  $S_t^*$  érodées (pour servir de graines) puis projetées dans  $I_{t+\delta t}$ .
- $\text{Seeds}_{t+1}$  : image des graines calculées avec les paramètres optimaux. Cette image peut être amenée à changer
- $\mathcal{T}_{t \leftarrow t+\delta t}$  : transformation non-linéaire permet tant de rééchantillonner  $I_t$  sur  $I_{t+\delta t}$

## 1.2 Overview

L'appel se fait par le fichier `4-fuse.py`. C'est là que se fait la boucle sur le temps pour segmenter successivement tous les points de temps.

La segmentation d'un point de temps  $t+\delta t$  se fait par l'appel de la fonction `segmentation_propagation()` (section 3.16, page 34) avec en paramètres les images fusionnées,  $I_t$  et  $I_{t+\delta t}$  ainsi que la segmentation à  $t$ ,  $S_t^*$ .

La plupart des paramètres (longueurs, volumes) sont en unité voxelique.

`segmentation_propagation()` (section 3.16, page 34) fait les opérations suivantes

- `non_linear_registration()` de `ASTEC/CommunFunctions/cpp_wrapping.py` qui calcule la transformation non-linéaire  $\mathcal{T}_{t \leftarrow t+\delta t}$ , à partir des images fusionnées
- `segmentation_propagation_seeds_init_and_deform()` (section 3.14, page 30), qui calcule  $S_t^e$  et  $S_{t+\delta t \leftarrow t}^e$

$$S_{t+\delta t \leftarrow t}^e = S_t^e \circ \mathcal{T}_{t \leftarrow t+\delta t}$$

sont les graines projetées (cellules de  $S_t^*$  érodées puis transformées dans  $I_{t+\delta t}$ ) [1, section 2.3.3.4]

- `apply_trsf()` de `ASTEC/CommunFunctions/cpp_wrapping.py` qui calcule  $S_{t+\delta t \leftarrow t}^* = S_t^* \circ \mathcal{T}_{t \leftarrow t+\delta t}$ , soit la segmentation à  $t$  projetée à  $t + \delta t$
- Une autre image d'intensité  $I_{t+\delta t}$  peut être calculée avec le rehaussement de membrane
- `segmentation_propagation_from_seeds()`, (section 3.15, page 30) avec en paramètres l'image de segmentation à  $t$ ,  $S_t^*$ , l'image d'intensité à  $t + \delta t$  sur un octet,  $I_{t+\delta t}$ ,  $S_{t+1 \leftarrow t}^e = S_t^e \circ \mathcal{T}_{t \leftarrow t+\delta t}$ , soit les graines projetées (cellules de  $S_t^*$  érodées puis transformées dans  $I_{t+\delta t}$ ). La transformation pourrait se faire en dehors de la fonction.

- Calcul de  $\tilde{S}_{t+1}$  (une première segmentation de  $I_{t+\delta t}$ ) par ligne de partage des eaux avec les graines  $S_{t+1 \leftarrow t}^e = S_t^e \circ \mathcal{T}_{t \leftarrow t+\delta t}$
- `get_seeds()` (section 3.8, page 12). Pour chaque cellule, et pour un ensemble de valeurs de  $h \in [h_{min}, h_{max}]$  (avec un pas de 2, paramètre en dur), `get_seeds()` calcule (avec `cell_propagation()`) le nombre de  $h$ -minima qui sont strictement inclus dans la cellule  $c$  de  $\tilde{S}_{t+1}$  ( $\text{Count}^h(c)$  de [1, section 2.3.3.5, page 71]). Cette opération de sélection des  $h$ -minima strictement inclus dans la cellule  $c$  de  $\tilde{S}_{t+1}$  est faite plusieurs fois, on peut donc la mutualiser.

- `get_back_parameters()` (section 3.9, page 14), qui détermine pour chaque cellule, selon les nombres de  $h$ -minima inclus, le nombre optimal de graines à considérer et les valeurs de paramètres  $(h, \sigma)$ , associés (on prend le plus grand  $h$  donnant ce nombre de graines). Pour cela, on compte le nombre de fois qu'un nombre de  $h$ -minima est atteint, soit les grandeurs

$$N_n(c) = \text{Card}\{h | \text{Count}^h(c) = n\} \quad N_{n^+}(c) = \text{Card}\{h | \text{Count}^h(c) \geq n\}$$

et on calcule le score

$$s(c) = N_{2^+}(c) \cdot N_2(c)$$

qui permet de déterminer le nombre optimal de graines  $\#seeds_{opt}$  (cf Alg. 1)

```

1 if  $N_1(c) > 0$  or  $N_2(c) > 0$  then
2   if  $N_{2^+}(c) \cdot N_2(c) \geq \tau$  then
3     // Rq: [1, page 72] utilise une inégalité stricte
4     //  $\tau$  est fixé à 25
5      $\#seeds_{opt} = 2$ 
6   else if  $N_1(c) > 0$  then
7      $\#seeds_{opt} = 1$ 
8   else
9      $\#seeds_{opt} = 2$ 
10  end
11 else if  $N_3(c) > 0$  then
12    $\#seeds_{opt} = 3$ 
13 else
14   // cas où  $N_1(c) = N_2(c) = N_3(c) = 0$ 
15    $\#seeds_{opt} = 0$ 
16 end

```

**Algorithm 1:** Choix du nombre de graines

Quelques remarques:

- \* Le score dépend du nombre de  $h$  utilisés pour le calcul des graines, donc de  $h_{min}$ , de  $h_{max}$  et du pas entre 2  $h$  successifs.
- \* Le nombre de  $h$ -minima est une fonction décroissante en fonction de  $h$  (qui est borné inférieurement par 1), donc on peut utiliser des longueurs d'intervalle plutôt que des dénombrements, et ainsi s'abstraire de  $h_{min}$  et du pas entre 2  $h$ . Reste la dépendance par rapport à  $h_{max}$
- `get_seeds_from_optimized_parameters()` (section 3.10, page 15), qui va construire une image de graines  $Seeds_{t+1}$  à partir des nombres de graines calculés par `get_back_parameters()`, et l'image de segmentation correspondante  $\hat{S}_{t+1}$ 
  - \* Pour les cellules qui ont des graines ( $\#seeds \neq 0$ , cf Alg. 1), on récupère les  $h$ -minima (pour les paramètres optimaux trouvés) inclus dans la cellule (on les recalcule donc avec `extract_seeds()` (section 3.5, page 10), qui numérote aussi les composantes).  
Rq: si  $\#seeds = 3$  on ne garde que les 2 premières composantes numérotées, ce qui me semble bizarre comme choix.
  - \* Pour le fond, on récupère (avec `cell_propagation()`) les  $h_{max}$ -minima strictement inclus dans le fond. Plutôt que de garder plusieurs numéros/labels pour ces graines, on pourrait toutes les mettre à 1, cela supprimerait des opérations (eg renumérotation de la segmentation) car ces graines ne seront pas remises en cause plus tard.
  - \* Pour les cellules sans graines ( $\#seeds = 0$ , cf Alg. 1, cas où  $N_1(c) = N_2(c) = N_3(c) = 0$ ), on regarde leur volume dans  $\tilde{S}_{t+1}$ . S'il est assez grand (supérieur à 100 voxels), on récupère la projection de la cellule mère érodée comme graine ( $S_{t+\delta t \leftarrow t}^e = S_t^e \circ \mathcal{T}_{t \leftarrow t+\delta t}$ )

- Un appel à l'algorithme de ligne de partage des eaux permet de calculer l'image de segmentation  $\hat{S}_{t+1}$  à partir des graines  $Seeds_{t+1}$ . Cet appel pourrait être sorti de la fonction.
- **volume\_checking()** (section 3.12, page 20). C'est une fonction assez complexe. Elle vise à corriger les erreurs faites à l'étape précédente. C'est plus ou moins bien décrit dans [1, section 2.3.3.6, page 73]. Une des préoccupations est que les tests (informatiques) sont mal faits, ce qui peut (en théorie) faire que des cas échappent aux traitements (ce qui est peut être voulu), ou que des cas soient traités deux fois (ce qui serait bizarre).
    - \* On classe les cellules (ou les couples (mère, fille(s))) selon les variations de volume entre la mère (calculé dans  $S_t^*$  ou issu du linéage), et le volume des filles (calculé dans  $\hat{S}_{t+1}$ ).
      - **bigger** contient les couples (mère, fille(s)) avec une augmentation de volume de plus de 10%
      - **lower** contient les couples (mère, fille(s)) avec une diminution de volume de plus de 10%
      - **to\_look\_at** contient les couples (mère, fille(s)) avec une diminution de volume de plus de 50% (c'est donc un sous-ensemble de **lower**)
      - **too\_little** contient les couples (mère, fille) où la fille a un volume de moins de 1000 voxels
    - \* Traitement de **to\_look\_at** (cf Alg. 2, [1, point (1), section 2.3.3.6, page 73]).
      - On recalcule le nombre de graines optimales  $\#seeds_{opt}$ , comme dans l'Alg. 1, pour les cas  $N_1(c) > 0$  or  $N_2(c) > 0$ , sauf que l'on garde le plus petit  $h$  donnant le nombre de graines  $\#seeds_{opt}$  (c'était le plus grand dans **get\_back\_parameters()**).
      - On peut maintenant avoir trois graines (liste **to\_fuse\_3** qui sera traitée plus tard).
      - la gestion des correspondances (filiation) est mal faite : des graines sont re-numérotées, mais les filiations précédentes ne sont pas effacées.
    - \* Traitement de **too\_little**. On enlève la graine correspondant à la fille de volume trop petit dans  $Seeds_{t+1}$ . Si c'est la seule fille, la mère n'a donc plus de descendance.
    - \* S'il y a eu des changements précédemment, on recalcule une image de segmentation  $\hat{S}_{t+1}$  et les volumes des cellules de  $\hat{S}_{t+1}$ . Sinon, on pourrait sortir de la fonction, ce qui n'est pas fait.
    - \* Recalcul de la liste **lower** (le seuil de 10% est en dur et non réglable par une variable). A priori, il faudrait recalculer aussi les autres listes.
    - \* Traitement de **lower**.
      - On fait la différence entre la cellule mère de  $S_{t+\delta t \leftarrow t}^*$  et les cellules filles de  $\hat{S}_{t+1}$ , et on regarde si le label majoritaire dans cette différence est le fond. Si c'est le fond, on va mettre le couple (mère, fille(s)) dans une liste **exterior\_correction**, sinon on ne fait rien.
      - Traitement de **exterior\_correction** [1, début du point (2), section 2.3.3.6, page 73] avec les morphosnakes dans des sous-images (**perform\_ac()**, section 3.11, page 19), c'est ce qui peut prendre du temps.  
 Dans **perform\_ac()**, on calcule une norme de gradient (vient de **cpp\_wrapping.py**), puis  $g(I) = \frac{1}{\sqrt{1+\alpha|\nabla G_{\sigma} * I|}}$  comme dans [2, Eq. (24)]. Toutefois, cette équation est faite pour avoir une image de potentiel avec de faibles valeurs pour les contours (ie les membranes). Elle n'est donc pas adaptées pour nos images,
      - Réincorporation des résultats dans  $\hat{S}_{t+1}$ .  
 Attention, s'il y avait plusieurs filles (une division), elles sont fusionnées et la filiation ne donne plus qu'une fille.
    - \* Traitement de **to\_fuse\_3**. On élimine la plus petite des 3 cellules et on l'affecte celle des 2 autres avec laquelle elle partage le plus de frontière.
  - **outer\_correction()** ([1, fin du point (2), section 2.3.3.6, page 73] ) (section 3.13, page 29) On réalise une ouverture morphologique sur le masque de l'embryon (un ouvert est toujours inclus

```

1  if  $N_1(c) > 0$  or  $N_2(c) > 0$  then
2    if  $N_{2+}(c).N_2(c) \geq \tau$  then
3       $\#seeds_{opt} = 2$ 
4    else if  $N_1(c) > 0$  then
5       $\#seeds_{opt} = 1$ 
6    else
7       $\#seeds_{opt} = 2$ 
8    end
9    if  $\#seeds_{opt} = 1$  and  $N_2(c) > 0$  then
10     // si on avait 1 graine optimale, mais des  $h$  donnant 2 graines
11     // on (re)calcule les graines ( $\#seeds$ ) pour le premier  $h$  qui donne 2 graines
12     // et on ne garde que les graines incluses dans la cellule
13     if  $\#seeds = 2$  and ... then
14       // la seconde partie de la condition me semble bizarre, et serait fausse
15       // tout le temps ...
16       // C'est censé détecter le cas où sur les 2 graines, l'une est en dehors de
17       // la cellule dans  $\hat{S}_{t+1}$ 
18       on passe à 2 graines
19     if  $(\#seeds_{opt} = 1$  or  $\#seeds_{opt} = 2)$  and  $\exists n \geq 3 | N_n(c) > 0$  then
20       // cette condition peut être vérifiée en même temps que la précédente
21       // si on a par exemple  $\#seeds_{opt} = 1$ ,  $N_2(c) > 0$  et  $N_3(c) > 0$ 
22       // une cellule peut être traitée 2 fois ...
23       on récupère les  $h_{min}$ -minima (il y en a donc au moins 3)
24     else if  $\#seeds_{opt} = 1$  then
25       // On a donc  $\forall n \geq 3 | N_n(c) = 0$ 
26       // cette condition peut être vérifiée en même temps que la première
27       // si on a par exemple  $\#seeds_{opt} = 1$  et  $N_2(c) > 0$ 
28       on récupère la graine correspondante de  $S_{t+\delta t \leftarrow t}^e$  // graine "projetée", censée être plus
29       grande
30   else if  $N_3(c) > 0$  then
31     // C'est le cas où il n'y a pas de  $h$  donnant 1 ou 2 graines. On avait auparavant
32     // pris les 2 premières graines.
33     on permet d'avoir 3 graines, et on en fusionnera 2 plus tard

```

**Algorithm 2:** Traitement de `to_look_at` dans `volume_checking()`.

dans l'objet de départ) et on enlève, pour les cellules filles de `exterior_correction`, les points enlevés par l'ouverture.

## 2 4-fuse.py

```
[...]
115 ### Building paths from nomenclature.py and parameters file
116
117 path_fuse_exp = replaceFlags(path_fuse_exp, p)
118 print "Fused data will be searched in directory %s"%replaceFlags(path_fuse_exp,
119                                                                    p)
120 assert os.path.isdir(path_fuse_exp), "Provided fuse directory '%s' not found"\
121                                     %path_fuse_exp
122 path_fuse_exp_files = replaceFlags(path_fuse_exp_files, p)
123
124 path_seg = replaceFlags(path_seg, p)
125 path_seg_exp = replaceFlags(path_seg_exp, p)
126 path_seg_exp_files = replaceFlags(path_seg_exp_files, p)
127 path_seg_exp_lineage = replaceFlags(path_seg_exp_lineage, p)
128 path_seg_exp_lineage_test = replaceFlags(path_seg_exp_lineage_test, p)
129 path_seg_exp_reconstruct=replaceFlags(path_seg_exp_reconstruct,p)
130 path_seg_exp_reconstruct_files=replaceFlags(path_seg_exp_reconstruct_files,p)
131 if not p.astec_keep_reconstruct_files:
132     path_seg_exp_reconstruct_files = None
133 path_log_file = replaceFlags(path_seg_logfile, p)
[.]
178 #####
179 ### Segmentation Propagation Stuff ###
180 #####
181
182 # ASTEC  segmentation propagation
183
184 # Read the lineage tree (in case it was previously created)
185 lin_tree_information=read_lineage_tree(path_seg_exp_lineage)
186
187 begin=p.begin+p.raw_delay
188 end=p.end+p.raw_delay
189
190 ####SAFETY CHECK AFTER RELAUNCH
[.]
228 ### PROCESS PROPAGATION SEGMENTATION
229 for t in range(begin, end):
230     time_segment=t+p.delta #Time point of Segmentation
231     print 'Starting the segmentation at ' + str(time_segment)
232     fused_file_ref=replaceTIME(path_fuse_exp_files, t) #Previous image file
233     fused_file=replaceTIME(path_fuse_exp_files, time_segment) #To be segmented
234     segmentation_file_ref=replaceTIME(path_seg_exp_files, t) #Prev. seg file
235     segmentation_file=replaceTIME(path_seg_exp_files, time_segment) #Output seg
236     reconstruct_file=None
237
238     if p.astec_keep_reconstruct_files:
239         reconstruct_file=replaceTIME(path_seg_exp_reconstruct_files, \
240                                     time_segment)
241     # TEMPORARY FOLDER
242     temporary_folder=replaceTIME(os.path.join(path_seg_exp,'TEMP_'+FLAG_TIME),\
```

```

243         t)
244     os.system("mkdir -p " + temporary_folder ) # Make temporary folder
245
246     vf_file=replaceTimes( \
247         os.path.join( \
248             temporary_folder, 'VF_t'+FLAG_TIMEREF+'_on_t'+FLAG_TIMEFLO+'.inr' \
249             ), {FLAG_TIMEREF:t,FLAG_TIMEFLO:time_segment})
250     h_min_files=replaceTIME(os.path.join(temporary_folder, \
251         'h_min_t$TIME_h$HMIN_s$SIGMA.inr'),time_segment)
252     seed_file=replaceTIME(os.path.join(temporary_folder, 'Seed_t$TIME.inr'),t)
253     print vf_file
254     print h_min_files
255     print seed_file
256
257     #PROCESS PROGATION SEGMENTATION
258     seg_from_opt_h, lin_tree_information=segmentation_propagation( \
259         t,fused_file_ref,segmentation_file_ref, fused_file, \
260         seed_file, vf_file, h_min_files, \
261         p.astec_h_min_min, p.astec_h_min_max, p.astec_sigma1, \
262         lin_tree_information, p.delta, p.astec_nb_proc, \
263         membrane_reconstruction_method=p.astec_membrane_reconstruction_method,\
264         fusion_u8_method=p.astec_fusion_u8_method, \
265         flag_hybridation=p.astec_flag_hybridation, \
266         RadiusOpening=p.astec_RadiusOpening, Thau=p.astec_Thau, \
267         MinVolume=p.astec_MinVolume, \
268         VolumeRatioBigger=p.astec_VolumeRatioBigger, \
269         VolumeRatioSmaller=p.astec_VolumeRatioSmaller, \
270         MorphosnakeIterations=p.astec_MorphosnakeIterations, \
271         NIterations=p.astec_NIterations, DeltaVoxels=p.astec_DeltaVoxels, \
272         rayon_dil=p.astec_rayon_dil, \
273         sigma_membrane=p.astec_sigma_membrane, \
274         manual=p.astec_manual, \
275         manual_sigma=p.astec_manual_sigma, \
276         hard_thresholding=p.astec_hard_thresholding, \
277         hard_threshold=p.astec_hard_threshold, \
278         sensitivity=p.astec_sensitivity, \
279         sigma_TV=p.astec_sigma_TV, \
280         sigma_LF=p.astec_sigma_LF, \
281         sample=p.astec_sample, \
282         keep_membrane=False, keep_all=False, nb_proc_ACE=p.astec_nb_proc_ace,\
283         min_percentile=p.astec_min_percentile, \
284         max_percentile=p.astec_max_percentile, \
285         min_method=p.astec_min_method, max_method=p.astec_max_method,\
286         sigma_hybridation=p.astec_sigma_hybridation, \
287         path_u8_images=reconstruct_file, \
288         verbose=True)

```

Appel à `segmentation_propagation()`, cf section 3.16, page 34

- $t$  : temps pour l'image de référence, on va segmenter l'image suivante, ie  $t + 1$
- `fused_file_ref` : nom de l'image d'intensité (fusionnée) à  $t$ ,  $I_t$
- `segmentation_file_ref` : nom de l'image de segmentation à  $t$ ,  $S_t^*$



- `fused_file` : nom de l'image d'intensité (fusionnée) à  $t + 1$ ,  $I_{t+1}$
- `seed_file` : nom de l'image des graines
- `vf_file` : nom de la transformation non-linéaire  $\mathcal{T}_{t \leftarrow t+1}$
- `h_min_files` : nom générique des images de  $h_{min}$  (paramétré par TIME, HMIN, et SIGMA)

```

290     #SAVE OUTPUT
291     print 'Write the segmentation in ' + segmentation_file
292     imsave(segmentation_file, seg_from_opt_h)
293     #Save the current lineage tree
294     write_lineage_tree(path_seg_exp_lineage, lin_tree_information)
295     os.system("rm -rf " + temporary_folder ) #delete temporary folder
296
297 print 'ASTEC SEGMENTATION DONE'
298
299 ### PROCESS LINEAGE TREE FILE VERIFICATION
300 print 'PROCESS LINEAGE TREE VERIFICATION'
301 image_dict_seg=imageDict(path_seg_exp_files.replace(FLAGS_TIME,"*"))
302 report=pk1_lineage_test(lin_tree_information, image_dict_seg, \
303                        file_out=path_seg_exp_lineage_test)
304 print report
305 print 'LINEAGE TREE FILE VERIFICATION DONE'

```

## 3 ASTEC/ASTEC.py

### 3.1 compute\_volumes()

```

14 def compute_volumes(im, labels = None, real = True):
15     """
16     Return a dictionary, { label: volume }
17     im : SpatialImage (label image)
18     labels : list of labels for which to compute the volumes (if None, all volumes are computed)
19     """
20     labels = np.unique(im)
21
22     volume = nd.sum(np.ones_like(im), im, index=np.int16(labels))
23     return dict(zip(labels, volume))

```

### 3.2 create\_seed()

```

26 def create_seed(parameters):
27     """
28     Erodes the label i in the binary image tmp
29     tmp : binary SpatialImage
30     max_size_cell : size max allow for a cell (here put at np.inf)
31     size_cell : size of the cell to erode
32     iterations : maximum number of iterations for normal cells
33     out_iterations : maximum number of iterations for exterior
34     bb : bounding box if tmp in the global image (necessary when computing in parallel)
35     i : label of the cell to erode
36     """
37     tmp, max_size_cell, size_cell, iterations, out_iterations, bb, i=parameters

```

```

38     nb_iter=iterations
39     if i==1:
40         nb_iter=out_iterations
41         opened=nd.binary_erosion(tmp, iterations=nb_iter)
42         while len(nd.find_objects(opened))!=1 and nb_iter>=0:
43             nb_iter-=1
44             opened=nd.binary_erosion(tmp, iterations=nb_iter)
45     else:
46         opened=nd.binary_erosion(tmp, iterations=nb_iter)
47         while len(nd.find_objects(opened))!=1 and nb_iter>=0:
48             nb_iter-=1
49             opened=nd.binary_erosion(tmp, iterations=nb_iter)
50     if max_size_cell<size_cell:
51         num=1
52     else:
53         num=i
54     return opened, num, bb

```

### 3.3 create\_seeds()

Retourne une **SpatialImage** où les cellules de taille supérieure à **min\_size\_cell** (1000) sont érodées d'au plus 10 itérations pour les cellules et 25 pour le fond.

```

57 def create_seeds(seg, max_size_cell=np.inf, min_size_cell=1000, iterations=10, out_iterations=25)
58     """
59     Erodes all the labels in the segmented image seg
60     seg : Segmentation to erode (SpatialImage)
61     max_size_cell : size maximum of a cell in number of voxels
62     min_size_cell : size minimum of a cell in number of voxels
63     iterations : maximum number of iterations for normal cells
64     out_iterations : maximum number of iterations for exterior
65     nb_proc : number maximum of processors allowed to be used
66     """
67     from multiprocessing import Process, Queue, Pool
68     bboxes=nd.find_objects(seg)
69     seeds=np.zeros_like(seg)
70     a=np.unique(seg)
71     pool=Pool(processes=nb_proc)
72     count=0
73     mapping=[]
74     for i in a:
75         tmp=seg[bboxes[i-1]]==i
76         size_cell=np.sum(tmp)
77         if size_cell>min_size_cell:
78             count+=1
79             mapping.append((tmp, \
80                             max_size_cell, size_cell, \
81                             iterations, out_iterations, \
82                             bboxes[i-1], i))
83     outputs=pool.map(create_seed, mapping)
84     pool.close()
85     pool.terminate()

```

```

86     for seed, num, bb in outputs:
87         seeds[bb][seed]=num
88     return SpatialImage(seeds, voxelsize=seg.voxelsize)

```

### 3.4 cell\_propagation()

Appelé par `get_seeds()` (section 3.8, page 12) et `get_seeds_from_optimized_parameters()` (section 3.10, page 15)

Pour une sous-image contenant une cellule et une sous-image correspondant contenant des minima étiquetés, sélectionne les minima strictement inclus dans la cellule, et renvoie leur nombre total. Cette procédure est similaire à `extract_seeds()` (section 3.5, page 10), toutefois `extract_seeds()` renvoie un nombre de graines d'au plus 3, et en sélectionne au plus 2.

```

92 def cell_propagation(parameters):
93     """
94     Return the seeds in seeds_not_prop stricly included in cell c in seg_c
95     seg_c : segmented image (SpatialImage)
96     c : label of the cell to process
97     seeds_not_prop : image of seeds (SpatialImage)
98     """
99     seg_c, c, seeds_not_prop=parameters

```

- `seg_c` : une sous-image où la cellule est à `c` et le reste à 1.
- `c` : le label de la cellule
- `seeds_not_prop` : la sous-image des  $h$ -minima étiquetés

```

100     if len(np.unique(seg_c))!=2: # DON'T MESS WITH THE SEEDS ! YOU NEED ONE AND ONLY ONE !!
101         return
102     seg_out=None
103     labels=list(np.unique(seeds_not_prop[seg_c==c]))

```

on récupère les labels qui sont dans la cellule

```

104     #if 0 in labels:
105     labels.remove(0)#TODO Check if 0 is inside labels list
106     final_labels=[]
107     for l in labels:
108         if (seg_c[seeds_not_prop==l]==c).all():

```

on vérifie que le  $h$ -minimum du label est entièrement dans la cellule

```

109         final_labels.append(l)
110     nb=len(final_labels)
111     return seg_out, nb, final_labels, c

```

Retourne `None`, le nombre de  $h$ -minima, la liste des labels des  $h$ -minima, le label de la cellule

### 3.5 extract\_seeds()

Appelé par `get_seeds_from_optimized_parameters()` (section 3.10, page 15) et `volume_checking()` (section 3.12, page 20). Cette procédure est similaire à `cell_propagation()` (section 3.4, page 10). Cependant `extract_seeds()` renvoie le nombre total de graines dans la cellule d'au plus 3, en en sélectionnant au plus 2, alors que `cell_propagation()` les dénombre toutes.

```
113 def extract_seeds(seg_c, c, path_seeds_not_prop=None, bb=None, accept_3_seeds=False):
```

Appelé par `get_seeds_from_optimized_parameters` (section 3.10, page 15). Il y a des similarités avec `cell_propagation()`

- `seg_c` : sous-image où la cellule est à `c` et le reste à 1
- `c` : label de la cellule
- `path_seeds_not_prop` : sous-image des *h*-minima, s'appelait `seeds_ex` lors de l'appel. Les *h*-minima ont été étiquetés par `find_local_minima()`

```
114     """
115     Return the seeds from seeds_not_prop stricly included in cell c from seg_c (the labels of the
116     seg_c : segmented image (SpatialImage)
117     c : label of the cell to process
118     seeds_not_prop : image of seeds (can be the path to the image or the SpatialImage)
119     bb : if seeds_not_prop is a path then bb is the bounding box of c in seeds_not_prop
120     accept_3_seeds : True if 3 seeds can be accepted as a possible choice
121     """
122     if type(path_seeds_not_prop)!=SpatialImage:
123         seeds_not_prop_out=imread(path_seeds_not_prop)
124         seeds_not_prop=seeds_not_prop_out[bb]
125     else: ## Then path_seeds_not_prop is the actual image we want to work with
126         from copy import deepcopy
127         seeds_not_prop=deepcopy(path_seeds_not_prop)
128     labels=list(np.unique(seeds_not_prop[seg_c==c]))
```

Récupère les labels des graines qui intersectent la cellule

```
129     labels.remove(0)
130     final_labels=[]
131     for l in labels:
132         if (seg_c[seeds_not_prop==l]==c).all():
133             final_labels.append(l)
```

Test si le label est entièrement inclus dans la cellule

```
134     if len(final_labels)==1:
135         return (1, (seeds_not_prop==final_labels[0]).astype(np.uint8))
136     elif len(final_labels)==2:
137         return (2, ((seeds_not_prop==final_labels[0]) +
138                     2*(seeds_not_prop==final_labels[1])).astype(np.uint8))
139     elif len(final_labels)==3 and not accept_3_seeds: # "too much seeds in the second extraction"
140         return (3, ((seeds_not_prop==final_labels[0]) +
141                     2*(seeds_not_prop==final_labels[1])).astype(np.uint8))
```

`accept_3_seeds` est à `False` par défaut, et ne peut pas être modifié lors de l'appel d'`extract_seeds()` par `get_seeds_from_optimized_parameters`, donc en cas de 3 graines, on ne numérote que les 2 premières, mais on renvoie un nombre de 3 graines quand même.

Les lignes ci-après ne sont utilisées que par `volume_checking()`. C'est le cas où il y a eu une grosse diminution de volume (plus de 50%) entre la mère et les filles, et qu'il n'existe pas de *h* donnant 1 ou 2 graines.

```
142     elif len(final_labels)==3 and accept_3_seeds: # "accept 3 seeds !"
143         return (3, ((seeds_not_prop==final_labels[0]) +
144                     2*(seeds_not_prop==final_labels[1]) +
145                     3*(seeds_not_prop==final_labels[2])).astype(np.uint8))
```

Retourne le nombre de labels, ainsi qu'une sous-image avec les graines étiquetées à partir de 1.

### 3.6 slices\_dilation()

```
147 def __slices_dilation(slices, maximum=[np.inf, np.inf, np.inf]):
148     return tuple([slice(max(0, s.start-1), min(s.stop+1, maximum[i])) for i, s in enumerate(slices)])
149
150 def slices_dilation(slices, maximum=[np.inf, np.inf, np.inf], iterations=1):
151     for i in range(iterations):
152         slices=__slices_dilation(slices, maximum)
153     return slices
```

### 3.7 to\_u8()

```
156 def to_u8(im, lt=0):
157     """
158     Return a SpatialImage in unsigned int
159     im : SpatialImage
160     lt : if the smallest value in the intensity image can be "predicted"
161     """
162     from copy import deepcopy
163     imcp=deepcopy(im)
164     tmp=imcp[:, :, imcp.shape[2]/3]
165     fper=np.percentile(tmp[tmp>=lt], 1)
166     nper=np.percentile(tmp[tmp>=lt], 99)
167     imcp[imcp<fper]=fper
168     imcp[imcp>nper]=nper
169     #im-=fper
170     np.subtract(imcp, fper, out=imcp, casting='unsafe')
171     return SpatialImage(np.uint8(np.linspace(0, 255, nper-fper+1), casting='unsafe')[imcp], voxelsize=im.voxelsize)
```

### 3.8 get\_seeds()

Appelé par `segmentation_propagation_from_seeds()`, section 3.15

Compte les  $h$ -minima strictement inclus dans la cellule pour un ensemble de valeurs de  $h$

```
174 def get_seeds(seg, h_min_min, h_min_max, sigma, cells, fused_file, path_h_min, bounding_boxes, nb_voxels):
```

Appel à `get_seeds()`, cf section 3.8, page 12.

- `seg` : image de segmentation  $\tilde{S}_{t+1}$ . S'appelait `segmentation` lors de l'appel
- `h_min_min` : plus petite valeur de  $h$  pour le calcul des  $h$ -minima
- `h_min_max` : plus grande valeur de  $h$  pour le calcul des  $h$ -minima
- `sigma` :  $\sigma$  pour le lissage gaussien avant le calcul des  $h$ -minima
- `cells` : liste des cellules
- `fused_file` : image originale  $I_{t+1}$
- `path_h_min` : nom générique pour les images de  $h$ -minima
- `bounding_boxes` : boîtes englobantes des cellules

```
175     """
176     Return the number of seeds found for each cell in seg for different h_min values (from h_min_min to h_min_max)
177     seg : Segmented image (SpatialImage)
178     h_min_max : starting maximum value of h_min
179     sigma : sigma of the gaussian smoothing (in voxels)
180     cells : cells contained in seg
```

```

181     fused_file : path (?) towards the fused image on which to perform the local minima detection
182     path_h_min : format of h minima file names
183     bounding_boxes : bounding boxes of the cells in seg (to fasten the computation)
184     verbose : verbose mode (False or True)
185     """
186     from multiprocessing import Pool
187     nb_cells={}
188     treated=[]
189     parameters={}
190     mask=None
191     temp_path_h_min=path_h_min.replace('$HMIN',str(h_min_max))
192     if not os.path.exists(temp_path_h_min):
193         seeds_not_prop, mask=find_local_minima(temp_path_h_min, fused_file, h_min_max, sigma=sig
194     else:
195         seeds_not_prop=imread(temp_path_h_min)

```

`find_local_minima()` fait successivement un lissage gaussien, un calcul des  $h$ -minima (renvoie une image de "différence"), puis un seuillage par hysteresis avec un seuil bas de 1 et un seuil haut à  $h$  (les composantes sont étiquetées). Renvoie `seeds_not_prop`, `SpatialImage` résultat du seuillage par hystérésis, et `mask`, image de "différence" résultat du calcul des  $h$ -minima. Du fait de la relation d'ordre pour les  $h$ -minima, on peut calculer les prochains (avec  $h$  plus petit) dans cette image. `find_local_minima()` est dans `ASTEC/CommunFunctions/cpp_wrapping.py`

```

196
197     h_min=h_min_max
198     tmp_nb=[]
199     checking=True
200     while (checking):
201         mapping=[]
202         tmp_nb=[]
203         for c in cells:
204             if not c in treated:
205                 bb=slices_dilation(bounding_boxes[c], maximum=seg.shape, iterations=2)
206                 seg_c=np.ones_like(seg[bb])
207                 seg_c[seg[bb]==c]=c
208                 mapping.append((seg_c, c, seeds_not_prop[bb]))

```

Pour chaque cellule  $c$ , on dilate sa boîte englobante, puis on construit une sous-image où la cellule est à  $c$  et le reste à 1.

```

209
210         pool=Pool(processes=nb_proc)
211         outputs=pool.map(cell_propagation, mapping)

```

on passe à `cell_propagation()` (section 3.4, page 10)

- `seg_c` : une sous-image où la cellule est à  $c$  et le reste à 1.
- `c` : le label de la cellule
- `seeds_not_prop[bb]` : la sous-image des  $h$ -minima étiquetés

```

212         pool.close()
213         pool.terminate()

```

`cell_propagation()` retourne

- `seg_c` : None,
- `nb` : le nombre de  $h$ -minima strictement inclus dans la cellule
- `labels` : liste des labels de ces  $h$ -minima
- `c` : le label de la cellule

```

214         for seg_c_p, nb, labels, c in outputs:
215             tmp_nb.append(nb)
216             nb_cells.setdefault(c, []).append(nb)
217             parameters.setdefault(c, []).append([h_min, sigma])
218
219         h_min-=2
220         checking=h_min>=h_min_min and (((np.array(tmp_nb)<=2) & (np.array(tmp_nb)!=0)).any() or
221         if checking :
222             temp_path_h_min=path_h_min.replace('$HMIN',str(h_min))
223             if not os.path.exists(temp_path_h_min):
224                 seeds_not_prop, mask=find_local_minima(temp_path_h_min,fused_file, h_min, mask=m
225             else:
226                 seeds_not_prop=imread(temp_path_h_min)
227             if seeds_not_prop is None:
228                 checking=False
229         return nb_cells, parameters

```

Retourne

- `nb_cells` : liste pour chaque cellule, du nombre de  $h$ -minima strictement inclus dans la cellule de  $\tilde{S}_{t+1}$
- `parameters` : liste pour chaque cellule, des paramètres de calcul des  $h$ -minima ( $h$  et  $\sigma$ )

### 3.9 get\_back\_parameters()

Appelé par `segmentation_propagation_from_seeds()`, section 3.15

```

232 def get_back_parameters(nb_cells, parameters, lin_tree, cells,Thau=25):

```

- `nb_cells` : liste pour chaque cellule, du nombre de  $h$ -minima strictement inclus dans la cellule de  $\tilde{S}_{t+1}$ . C'est le  $\text{Count}^h(c)$  de [1, section 2.3.3.5, page 71].
- `parameters` : liste pour chaque cellule, des paramètres de calcul des  $h$ -minima ( $h$  et  $\sigma$ )
- `lin_tree` : fichier de linéage
- `cells` : liste des cellules
- `Thau` :  $\tau$  pour le calcul du score  $s(c) = N_{2+}(c).N_2(c) > \tau$  [1, page 72].

```

233     """
234     Return the correct h-minima value for each cell
235     nb_cells : { cell: [#seeds, ] }: dict, key: cell, values: list of #seeds
236     parameters : { cell: [[h_min, sigma], ]}: dict matching nb_cells, key: cell, values: list of
237     """
238     lin_tree_back={ v:k for k, val in lin_tree.iteritems() for v in val }
239     right_parameters={}
240     cells_with_no_seed=[]
241     ## 2 plateau size vs noise ##
242     for c, s in nb_cells.iteritems():
243         nb_2=np.sum(np.array(s)==2)
244         nb_3=np.sum(np.array(s)>=2)
245         score=nb_2*nb_3

```

`nb_2` et `nb_3` représentent respectivement  $N_2(c)$  et  $N_{2+}(c)$ . La règle est donc

1. S'il existe des  $h$  donnant 1 ou 2 graines
  - (a) si le score  $s(c) = N_{2+}(c).N_2(c)$  est plus grand ou égal que  $\tau$  (la thèse dit strictement), alors on garde 2 graines
  - (b) sinon ( $s(c) = N_{2+}(c).N_2(c) < \tau$ ) et il existe des  $h$  donnant 1 graine, alors on garde une graine
  - (c) sinon ( $s(c) = N_{2+}(c).N_2(c) < \tau$  et il n'existe pas de  $h$  donnant 1 graine) on garde 2 graines
2. sinon (il n'existe pas de  $h$  donnant 1 ou 2 graines) et il existe des  $h$  donnant 3 graines, alors on garde 3 graines
3. sinon (il n'existe pas de  $h$  donnant 1 ou 2 ou 3 graines), on dit qu'il n'y a pas de graines

On récupère le premier  $h$  donnant le nombre choisi de graines. Comme les  $h$  sont parcourus par ordre décroissant, c'est donc le plus grand  $h$  donnant ce nombre de graines qui est retenu.

```

246         if (s.count(1) or s.count(2))!=0:
247             if score>=Thau:
248                 h, sigma=parameters[c][np.where(np.array(s)==2)[0][0]]
249                 nb_final=2
250             elif s.count(1)!=0:
251                 h, sigma=parameters[c][np.where(np.array(s)==1)[0][0]]
252                 nb_final=1
253             else:
254                 h, sigma=parameters[c][np.where(np.array(s)==2)[0][0]]
255                 nb_final=2
256             right_parameters[c]=[h, sigma, nb_final]
257         elif s.count(3)!=0:
258             h, sigma=parameters[c][s.index(3)]
259             right_parameters[c]=[h, sigma, 3]
260         else:
261             cells_with_no_seed.append(c)
262             right_parameters[c]=[0, 0, 0]
263     return right_parameters, cells_with_no_seed
264
```

Retourne un tableau avec, pour chaque cellule  $c$ , les valeurs de  $h$ ,  $\sigma$ , et le nombre de graines, ainsi que la liste des cellules sans graines (c'est redondant, puisque ce sont les cellules avec 0 graines).

### 3.10 get\_seeds\_from\_optimized\_parameters()

Appelé par `segmentation_propagation_from_seeds()`, section 3.15, page 30

```

266 def get_seeds_from_optimized_parameters(t, seg, cells, cells_with_no_seed, right_parameters, delta_t):

```

- $t$  : temps pour l'image de référence, on va segmenter l'image suivante, ie  $t + 1$
- $seg$  : image de segmentation  $\tilde{S}_{t+1}$ , `SpatialImage`. S'appelait `segmentation` lors de l'appel
- $cells$  : liste des cellules
- $cells\_with\_no\_seed$  : liste des cellules sans graines
- $right\_parameters$  :  $(H, \sigma, \text{nombre de graines})$  pour chaque cellule
- $\delta_t$  :
- $bounding\_boxes$  : boîtes englobantes pour les cellules
- $im\_ref$  :  $I_{t+1}$  sur un octet, `SpatialImage`. S'appelait `im_fused_8` lors de l'appel
- $seeds$  :  $S_{t+1 \leftarrow t}^e = S_t^e \circ \mathcal{T}_{t \leftarrow t+1}$ , soit les graines projetées (cellules de  $S_t^*$  érodées puis transformées dans  $I_{t+1}$ ), `SpatialImage`



- **parameters** : liste pour chaque cellule, des paramètres de calcul des  $h$ -minima ( $h$  et  $\sigma$ )

```

267     """
268     Return the seed image from the locally parametrized h-minima operator
269     t : time
270     seg : propagated segmentation (seg at t deformed on t+dt)
271     cells : list of cells in seg
272     cells_with_no_seed : list of cells with no correct parameters
273     right_parameters : dict of the correct parameters for every cells
274     delta_t : dt
275     bounding_boxes : bounding boxes of the cells in seg (to fasten the computation)
276     im_ref : Intensity image at time t+dt (on which to permorm the watershed)
277     seeds : Propagated seeds from segmentation at time t (when no correct parameters were found)
278     parameters : ?
279     h_min_max : starting maximum value of h_min
280     sigma : sigma of the gaussian smoothing (in voxels)
281     path_h_min : format of h minima file names
282     """
283     seeds_from_opt_h=np.zeros_like(seg, dtype=np.uint16)
284     label_max=2
285     corres={}
286     divided_cells=[]
287     h_min_information={}
288     sigma_information={}
289     sigma_done=[]
290     h_min_done=[]
291     seeds_images={}
292     for c in cells:
293         print 'get_seeds_from_optimized_parameters on '+str(c)
294         if c in cells_with_no_seed:
295             continue
296         if not seeds_images.has_key((right_parameters[c][0], right_parameters[c][1])):
297             path_seeds_not_prop=path_h_min.replace('$HMIN',str(right_parameters[c][0])).replace(
298                 seeds_images[(right_parameters[c][0], right_parameters[c][1])]=imread(path_seeds_not.
299             bb=slices_dilation(bounding_boxes[c], maximum=seg.shape, iterations=2)
300             seg_c=np.ones_like(seg[bb])
301             seg_c[seg[bb]==c]=c
302             seeds_ex=seeds_images[(right_parameters[c][0], right_parameters[c][1])][bb]

```

Pour chaque cellule (qui a des graines), on dilate sa boîte englobante, et on crée une sous-image, **seg\_c**, où la cellule est à  $c$  et le reste à 1. On récupère aussi la sous-image correspondante, **seeds\_ex**, des  $h$ -minima correspondant aux paramètres de la cellule. C'est tout-à-fait similaire à ce qui était fait dans **get\_seeds()** (section 3.8, page 12).

```

303         nb, seeds_c=extract_seeds(seg_c, c, seeds_ex)

```

Appel à **extract\_seeds()** (section 3.5, page 10)

- **seg\_c** : sous-image où la cellule est à  $c$  et le reste à 1
- **c** : label de la cellule
- **seeds\_ex** : sous-image des  $h$ -minima

**extract\_seeds()** (re)calcule les graines strictement incluses dans la cellule  $c$  et renvoie une sous-image des graines numérotées à partir de 1

- **nb** : le nombre de graines
- **seeds\_c** : sous-image des graines numérotées à partir de 1

Toutefois, le nombre de graines ne peut être que dans [1, 2, 3] et il ne peut y avoir au plus que 2 graines numérotées. C'est pour ça que le cas **nb==3** est identique au cas **nb==2** ci-dessous.

```

304     if nb==1:
305         corres[c]=[label_max]
306         h_min_information[(t+delta_t)*10**4+label_max]=right_parameters[c][0]
307         sigma_information[(t+delta_t)*10**4+label_max]=right_parameters[c][1]
308         seeds_from_opt_h[bb]+=seeds_c*label_max
309         label_max+=1
310     elif nb==2:
311         corres[c]=[label_max, label_max+1]
312         divided_cells.append((label_max, label_max+1))
313         seeds_from_opt_h[bb][seeds_c==1]=label_max
314         h_min_information[(t+delta_t)*10**4+label_max]=right_parameters[c][0]
315         sigma_information[(t+delta_t)*10**4+label_max]=right_parameters[c][1]
316         label_max+=1
317         seeds_from_opt_h[bb][seeds_c==2]=label_max
318         h_min_information[(t+delta_t)*10**4+label_max]=right_parameters[c][0]
319         sigma_information[(t+delta_t)*10**4+label_max]=right_parameters[c][1]
320         label_max+=1
321     elif nb==3:
322         corres[c]=[label_max, label_max+1]
323         divided_cells.append((label_max, label_max+1))
324         seeds_from_opt_h[bb][seeds_c==1]=label_max
325         h_min_information[(t+delta_t)*10**4+label_max]=right_parameters[c][0]
326         sigma_information[(t+delta_t)*10**4+label_max]=right_parameters[c][1]
327         label_max+=1
328         seeds_from_opt_h[bb][seeds_c==2]=label_max
329         h_min_information[(t+delta_t)*10**4+label_max]=right_parameters[c][0]
330         sigma_information[(t+delta_t)*10**4+label_max]=right_parameters[c][1]
331         label_max+=1

```

A la fin de cette étape, **seeds\_from\_opt\_h** contient les graines numérotées (la numérotation commence à 2, voir l'initialisation de **label\_max**) des cellules qui ont des graines (donc pas celles de la liste **cells\_with\_no\_seeds**).

```

332
333 print 'Create Background seed'
334     c=1
335     seg_c=np.ones_like(seg)
336     seg_c[seg!=c]=0
337     sigma_out=sigma
338     key_min = (h_min_max, sigma_out)
339     for k in seeds_images.iterkeys():
340         if k[0]<key_min[0]:
341             key_min = k

```

Pour la grain du fond, on récupère dans **seg\_c** la "cellule" fond de  $\tilde{S}_{t+1}$  (**seg\_c** a donc des 1 pour le fond et des 0 ailleurs), segmentation par ligne de partage des eaux de  $I_{t+1}$  avec les graines  $S_{t+1 \leftarrow t}^e = S_t^e \circ \mathcal{T}_{t \leftarrow t+1}$ . On lui affecte des paramètres fictifs ( $h_{max}, \sigma$ ).

```

342
343     print 'Cell propagation'
344     seeds_not_prop=seeds_images[key_min]
345     parameters=(seg_c, c,seeds_not_prop)
346     seg_c_p, nb, labels, c=cell_propagation(parameters)

```

On appelle `cell_propagation()` (section 3.4, page 10) avec les graines issues du calcul des  $h_{max}$ -minima. `cell_propagation()` retourne `None`, le nombre de  $h$ -minima, la liste des labels des  $h$ -minima, le label de la cellule

```

347     corres[1]=[]
348     exterior_corres=[]
349     for l in labels:
350         seeds_from_opt_h=seeds_from_opt_h.astype(np.uint16)

```

On caste `seeds_from_opt_h` en `uint16`, mais il avait été construit dans ce type : `seeds_from_opt_h=np.zeros_like(seg, dtype=np.uint16)`

```

351         exterior_corres.append(label_max)
352         seeds_from_opt_h[seeds_not_prop==1]=label_max
353         label_max+=1

```

On a récupéré ici toutes les graines correspondant au fond dans l'image des  $h_{max}$ -minima. Autre choix, on aurait pu toutes les mettre à 1.

```

354
355     print 'Cells with not Seed'
356     for c in cells_with_no_seed:
357         if np.sum(seg==c)>Volum_Min_No_Seed:
358             seeds_from_opt_h[seeds==c]=label_max
359             h_min_information[(t+delta_t)*10**4+label_max]=right_parameters[c][0]
360             corres[c]=[label_max]
361             label_max+=1

```

Pour les cellules "sans graines", on regarde si leur volume (dans  $\tilde{S}_{t+1}$ ) est suffisamment grand (supérieur à 100). Si oui, on récupère alors la graine correspondante dans  $S_{t+1 \leftarrow t}^e = S_t^e \circ \mathcal{T}_{t \leftarrow t+1}$  (cellules de  $S_t^*$  érodées puis transformées).

```

362
363     print 'Watershed '
364     seg_from_opt_h=watershed(SpatialImage(seeds_from_opt_h, voxelsize=seeds_from_opt_h.voxelsize))

```

Ligne de partage des eaux dans  $I_{t+1}$

```

365     for l in exterior_corres:
366         seg_from_opt_h[seg_from_opt_h==l]=1
367     corres[1]=[1]

```

On met les cellules correspondant au fond à 1. Cela n'aurait pas été nécessaire si toutes les graines du fond avaient été mises à 1.

```

368
369     return seeds_from_opt_h, seg_from_opt_h, corres, exterior_corres, h_min_information, sigma_i

```

Retourne

- `seeds_from_opt_h` : une `SpatialImage` contenant les graines

- `seg_from_opt_h` : une `SpatialImage` contenant la segmentation
- `corres` : un tableau contenant les filiations
- `exterior_corres` : une liste contenant la filiation pour le fond (inutile ?)
- `h_min_information` : une liste contenant les valeurs de  $h$  utilisés pour chaque cellule
- `sigma_information` : une liste contenant les valeurs de  $\sigma$  utilisés pour chaque cellule
- `divided_cells` : une liste contenant les couples de cellules soeurs
- `label_max` : le plus grand label utilis (+1)

### 3.11 `perform_ac()`

Appelé par `volume_checking()` (section 3.12, page 20).

```

372 def perform_ac(parameters):
373     """
374     Return the shape resulting of morphosnake operation on image I using image S as an initialis
375     m : label of the cell to work on
376     daughters : list of the daughters of cell m (to keep track when working in parallel)
377     bb : bounding boxe of m
378     I : intensity image to perform active contours on (SpatialImage)
379     S : segmented image to perform active contours from (SpatialImage, must contain the label m)
380     """
381
382
```

- `m` : label de la cellule mère
- `daughters` : labels des cellules filles
- `bb` : boîte englobante de la cellule mère transformée et dilatée (15 fois)
- `I` : sous-image de l'image originale définie par la boîte englobante (ce n'est pas nécessairement une image sur 2 octets). S'appelait `im_ref_tmp`
- `S` : sous-image de  $S_t^*$  transformée dans  $I_{t+1}$ , soit  $S_t^* \circ \mathcal{T}_{t \leftarrow t+1}$ . S'appelait `seg_ref_tmp`
- `MorphosnakeIterations` : `MorphosnakeIterations=10`
- `NIterations` : `NIterations=200`
- `DeltaVoxels` : `DeltaVoxels=10**3`

```

383     m, daughters, bb, I, S, MorphosnakeIterations, NIterations, DeltaVoxels=parameters
384     import os
385     from scipy import ndimage as nd
386     import morphsnakes
387     cell_num=m

```

On érode le complémentaire de la mère ?

```

388     Sb=nd.binary_erosion(S!=cell_num, iterations=MorphosnakeIterations, border_value=1)#[:, :, sl]
389     image_input='tmp_'+str(cell_num)+'_inr'
390     gradient_output='tmp_out_'+str(cell_num)+'_inr'
391     imsave(image_input, I)

```

On calcule une norme de gradient (vient de `cpp_wrapping.py`), puis on calcule

$$g(I) = \frac{1}{\sqrt{1 + \alpha |\nabla G_\sigma * I|}}$$

c'est l'eq. (24) de [2]. Toutefois, le design de cette fonction  $g()$  est d'être faible aux contours. Si on considère que l'image des membranes est une image de norme de gradient, il aurait suffi de l'inverser.

```

392     gradient_norm(image_input,gradient_output)
393     gI = imread(gradient_output)
394     os.system('rm -f '+image_input+' '+gradient_output)
395     gI=1./np.sqrt(1+100*gI)
396
397
398     macwe = morphsnakes.MorphGAC(gI, smoothing=3, threshold=1, balloon=1)
399     macwe.levelset = Sb
400     bef=np.ones_like(Sb)
401     from copy import deepcopy
402     for i in xrange(Niterations):
403         beff=deepcopy(bef)
404         bef=deepcopy(macwe.levelset)
405         macwe.step()
406         if np.sum(bef!=macwe.levelset)<DeltaVoxels or np.sum(beff!=macwe.levelset)<DeltaVoxels:
407             break
408     out=macwe.levelset
409     tmp=nd.binary_fill_holes(out)
410     cell_out=(out.astype(np.bool) ^ tmp)
411     return m, daughters, bb, cell_out

```

### 3.12 volume\_checking()

Appelé par `segmentation_propagation_from_seeds()` (section 3.15, page 30)

```

414 def volume_checking(t,delta_t,seg, seeds_from_opt_h, seg_from_opt_h, corres, divided_cells, bound
415     label_max, exterior_corres, parameters, h_min_information, sigma_information, segmentation_f
416     nb_proc=26,Thau= 25,MinVolume=1000,VolumeRatioBigger=0.5,VolumeRatioSmaller=0.1,MorphosnakeI

```

- **t** : temps pour l'image de référence, on va segmenter l'image suivante, ie  $t + 1$
- **delta\_t** :
- **seg** : image de segmentation  $\tilde{S}_{t+1}$ , **SpatialImage**. S'appelait **segmentation** lors de l'appel. C'est la segmentation de  $I_{t+1}$  avec les graines projetées  $S_{t+1 \leftarrow t}^e = S_t^e \circ \mathcal{T}_{t \leftarrow t+1}$ ,
- **seeds\_from\_opt\_h** : une **SpatialImage** contenant les graines (obtenues avec les paramètres optimaux pour chaque cellule)
- **seg\_from\_opt\_h** : une **SpatialImage** contenant la segmentation obtenue avec les graines de **seeds\_from\_opt\_h**
- **corres** : un tableau contenant les filiations de chaque cellule de la segmentation à  $t$
- **divided\_cells** : une liste contenant les couples de cellules soeurs
- **bounding\_boxes** : boites englobantes pour les cellules
- **right\_parameters** : ( $h$ ,  $\sigma$ , nombre de graines) optimaux pour chaque cellule
- **im\_ref** :  $I_{t+1}$  sur un octet, **SpatialImage**. S'appelait **im\_fused\_8** lors de l'appel
- **im\_ref16** :  $I_{t+1}$  sur un ou deux octet, **SpatialImage**. Peut être identique à **im\_ref**. S'appelait **im\_fused** lors de l'appel.
- **seeds** :  $S_{t+1 \leftarrow t}^e = S_t^e \circ \mathcal{T}_{t \leftarrow t+1}$ , soit les graines projetées (cellules de  $S_t^*$  érodées puis transformées dans  $I_{t+1}$ ) **SpatialImage**
- **nb\_cells** : liste pour chaque cellule, du nombre de  $h$ -minima strictement inclus dans la cellule de  $\tilde{S}_{t+1}$ . C'est le  $\text{Count}^h(c)$  de [1, section 2.3.3.5, page 71].
- **label\_max** : le plus grand label utilis pour les graines (+1)
- **exterior\_corres** : une liste contenant la filiation (les labels des graines) pour le fond (inutile ?)
- **parameters** : liste pour chaque cellule, de tous les paramètres de calcul des  $h$ -minima ( $h$  et  $\sigma$ )
- **h\_min\_information** : une liste contenant les valeurs de  $h$  utilisées pour chaque cellule

- `sigma_information` : une liste contenant les valeurs de  $\sigma$  utilisés pour chaque cellule
- `segmentation_file_ref` : nom de l'image de segmentation à  $t$ ,  $S_t^*$
- `segmentation_file_trsf` : nom de l'image de segmentation  $S_t^*$  transformée dans  $I_{t+1}$ , soit  $S_t^* \circ \mathcal{T}_{t \leftarrow t+1}$ . S'appelait `path_seg_trsf` lors de l'appel.
- `path_h_min` : nom générique pour les images de  $h$ -minima
- `volumes_t_1` : liste des volumes des cellules à  $t$
- ...

```

417     """
418     Return corrected final segmentation based on conservation of volume in time
419     seg : propagated segmentation (seg at t deformed on t+dt) (SpatialImage)
420     seeds_from_opt_h : optimized seeds (SpatialImage)
421     seg_from_opt_h : segmented image from seeds_from_opt_h (SpatialImage)
422     corres : mapping of cells at time t to cells at t+dt in seg_from_opt_h
423     divided_cells : list of cells that have divided between t and t+dt
424     bounding_boxes : bounding boxes of the cells in seg (to fasten the computation)
425     right_parameters : list of parameters used to create seeds_from_opt_h
426     im_ref : image to segment at time t+dt 8 bits (SpatialImage)
427     im_ref16 : image to segment at time t+dt in 16 bits (SpatialImage)
428     seeds : Propagated seeds from segmentation at time t
429     nb_cells : { cell: [#seeds, ] }: dict, key: cell, values: list of #seeds
430     label_max : maximum label in seg_from_opt_h
431     exterior_corres : list of cells that have been corrected for issue in exterior
432     parameters : { cell: [[h_min, sigma], ]}: dict matching nb_cells, key: cell, values: list of
433     h_min_information : { cell: h_min}: dict associating to each cells the h_min that allowed it.
434     sigma_information : { cell: sigma}: dict associating to each cells the sigma that allowed it.
435     segmentation_file_ref : path to the segmentation at time t
436     segmentation_file_trsf : path to the segmentation at time t resampled at t+1
437     vf_file : path to the vector field that register t into t+dt
438     path_h_min : format of h-minima files
439     volumes_t_1 : cell volumes at t (provient de la lecture du lin\'eage)
440     """
441
442     # seg_origin : original segmentation (SpatialImage)
443
444     seg_origin=imread(segmentation_file_ref)
445
446     volumes_from_opt_h=compute_volumes(seg_from_opt_h)
447     if volumes_t_1=={}:
448         volumes=compute_volumes(seg_origin)
449     else:
450         volumes=volumes_t_1

```

- `volumes_from_opt_h` : volumes des cellules de la segmentation `seg_from_opt_h` à  $t + 1$
- `volumes` : volumes des cellules de la segmentation `segmentation_file_ref` à  $t$  (a priori provient de la lecture du linéage lors de l'appel : `volumes_t_1`).

```

451
452     bigger=[]
453     lower=[]

```

```

454     to_look_at=[]
455     too_little=[]
456     for mother_c, sisters_c in corres.iteritems():
457         if mother_c!=1:
458             volume_ratio=1-(volumes[mother_c]/np.sum([volumes_from_opt_h.get(s, 1) for s in sisters_c]))
459             if not (-VolumeRatioSmaller<volume_ratio<VolumeRatioSmaller):
460                 if (volume_ratio>0) and (volumes_from_opt_h.get(s, 1)!=1):
461                     bigger.append((mother_c, sisters_c))
462                 elif volumes_from_opt_h.get(s, 1)!=1 :
463                     lower.append((mother_c, sisters_c))
464                 if volume_ratio<-VolumeRatioBigger:
465                     to_look_at.append(mother_c)
466             else :
467                 for s in sisters_c:
468                     if volumes_from_opt_h[s]<MinVolume:
469                         too_little.append((mother_c, s))

```

Calcule  $volume_{ratio} = 1 - vol(mother) / \sum vol(daughter)$

1. Si  $vol(mother) / \sum vol(daughter) \geq 1 + VRS$  ou  $1 - VRS > vol(mother) / \sum vol(daughter)$  (variation de volume de plus de 10%)
  - (a) Si  $\sum vol(daughter) > vol(mother)$ , on met le couple (mère, liste des filles) dans **bigger**
  - (b) sinon (si  $\sum vol(daughter) \leq vol(mother)$ ), on met le couple (mère, liste des filles) dans **lower**
  - (c) Si  $vol(mother) / \sum vol(daughter) \geq 1 + VRB$  (variation de volume de plus de 50%), on ajoute la mère dans **to\_look\_at**
2. sinon, si une cellule fille  $s$  a un trop petit volume ( $< 1000$ ), alors on ajoute le couple (mère, fille) dans **too\_little**

Notes:

- Les mères dans **to\_look\_at** sont aussi dans **lower**
- Le cas  $vol(mother) / \sum vol(daughter) \leq 1 + VRB$  n'est pas considéré

```

470
471     to_fuse_3=[]
472     change_happen=False

```

**to\_look\_at** contient la liste des cellules de  $S_t^*$  dont les filles ont une grande diminution de volume (plus de 50%). **nb\_cells** contient le nombre de graines (de  $h$ -minima) pour les différentes valeurs de  $h$ . **nb\_cells** a été calculé par **get\_seeds()** (section 3.8, page 12).

```

473     for c in to_look_at:
474         s=nb_cells[c]
475         nb_2=np.sum(np.array(s)==2)
476         nb_3=np.sum(np.array(s)>=2)
477         score=nb_2*nb_3
478         if (s.count(1) or s.count(2))!=0:
479             if score>=Thau:
480                 h, sigma=parameters[c][np.where(np.array(s)==2)[0]-1]]
481                 nb_final=2
482             elif s.count(1)!=0:
483                 h, sigma=parameters[c][np.where(np.array(s)==1)[0]-1]]

```

```

484         nb_final=1
485     else:
486         h, sigma=parameters[c][np.where(np.array(s)==2)[0][-1]]
487         nb_final=2
488     right_parameters[c]=[h, sigma, nb_final]

```

On recalcule le score  $s(c) = N_{2+}(c).N_2(c) > \tau$  (déjà calculé dans `get_back_parameters()` (section 3.9, page 14). Les premières lignes (479 à 488) sont identiques aux lignes (247 à 256) de `get_back_parameters()`, excepté que c'est le plus petit  $h$  qui donne ce nombre de graines qui est retenu (plutôt que le plus grand – l'indice [-1] au lieu de [0])

1. Si le score donne une graine (`nb_final = 1`) et il existe des  $h$  qui donnent 2 graines, on récupère le premier  $h$  qui donne 2 graines et on passe donc à 2 graines (mais il y a un test bizarre)
2. Si le score donne une ou deux graine(s) (`nb_final = 1` or `nb_final = 2`) et il existe un  $h$  qui donne plus de 2 graines, on récupère les paramètres liés au plus petit  $h$  (`parameters[c][-1]`), donc forcément plus de 2 graines. Notons que le cas où `nb_final = 1` et qu'il y a des  $h$  qui donnent 2 et plus graines est traité 2 fois.

```

489         if nb_final==1 and s.count(2)!=0:
490             h, sigma=parameters[c][s.index(2)]

```

Premier cas : la sélection optimale donne 1 graine, et il existe des  $h$  qui donnent 2 graines, on récupère le premier  $h$  qui donne 2 graines, donc le plus grand d'entre eux.

```

491         path_seeds_not_prop=path_h_min.replace('$HMIN',str(h)).replace('$SIGMA',str(sigma))
492         bb=slices_dilation(bounding_boxes[c], maximum=seg.shape, iterations=2)
493         seg_c=np.ones_like(seg[bb])
494         seg_c[seg[bb]==c]=c
495         nb, seeds_c=extract_seeds(seg_c, c, path_seeds_not_prop, bb)

```

Comme dans `get_seeds_from_optimized_parameters()` (section 3.10, page 15), on crée une sous-image, `seg_c`, où la cellule est à  $c$  et le reste à 1. `extract_seeds()` renvoie le nombre de graines ainsi qu'une sous-image avec ces graines étiquetées.

```

496         if nb==2 and (seg_from_opt_h[bb][seeds_c!=0]==0).any(): #If we can found 2 seeds

```

On vérifie que l'on a bien 2 graines (ce doit être le cas, ce sont les mêmes opérations que pour `get_seeds()`, et que `seg_from_opt_h[bb][seeds_c!=0]==0).any()` : on prend la sous-image `seg_from_opt_h[bb]`, on la masque par `[seeds_c!=0]`, on a donc un tableau avec la liste des labels de `seg_from_opt_h[bb]` "en-dessous" des graines de `seeds_c` et on regarde s'il y a des points à 0, ce qui est a priori nécessairement faux, puisque les labels vont de 1 (le fond) à `label_max-1` ...

Sans doute il aurait fallu tester avec `seeds_from_opt_h`, auquel cas on aurait bien testé l'apparition d'une nouvelle graine (par rapport à une graine (avec un  $h$  grand) qui se divise en 2 graines (avec un  $h$  petit).

Si oui, on efface dans les graines `seeds_from_opt_h` la graine précédente (`corres[c][0]`) et on y ajoute les 2 nouvelles graines. On met à jour l'information des paramètres dans `h_min_information` et `sigma_information`. Notons qu'il aurait fallu y enlever les informations liées à `corres[c][0]`.

ex: `del h_min_information[(t+delta_t)*10**4+corres[c][0]]`

```

497         change_happen=True
498         seeds_from_opt_h[seeds_from_opt_h==corres[c][0]]=0
499         corres[c]=[label_max, label_max+1]
500         divided_cells.append((label_max, label_max+1))
501         seeds_from_opt_h[bb][seeds_c==1]=label_max

```



```

502         h_min_information[(t+delta_t)*10**4+label_max]=h
503         sigma_information[(t+delta_t)*10**4+label_max]=sigma
504         label_max+=1
505         seeds_from_opt_h[bb][seeds_c==2]=label_max
506         h_min_information[(t+delta_t)*10**4+label_max]=h
507         sigma_information[(t+delta_t)*10**4+label_max]=sigma
508         label_max+=1
509     if (nb_final==1 or nb_final==2) and (np.array(s)>2).any():
510         h, sigma=parameters[c][-1]

```

Second cas : la sélection optimale donne 1 graine ou 2 graines, et il existe des  $h$  qui donnent plus de 2 graines, on récupère le dernier  $h$  (le plus petit testé, donc  $h_{min}$ ) qui donne forcément plus de graines.

Les cas où l'ensemble des  $h$  donne 1, 2 et plus graines est vérifié par les 2 conditions, et est donc traité 2 fois ?!

```

511         path_seeds_not_prop=path_h_min.replace('$HMIN',str(h)).replace('$SIGMA',str(sigma))
512         seeds_image=imread(path_seeds_not_prop)
513         bb=slices_dilation(bounding_boxes[c], maximum=seg.shape, iterations=2)
514         seg_c=np.zeros_like(seg_from_opt_h[bb])
515         for daughter in corres[c]:
516             seg_c[seg_from_opt_h[bb]==daughter]=1

```

On crée une sous-image **seg\_c** de 0 pour la cellule  $c$  dans laquelle on met à 1 les cellules filles de  $c$  (rappel, il y a une diminution de volume de plus de 50% entre la mère et les filles)

```

517         seeds_c=np.zeros_like(seg_from_opt_h[bb])
518         seeds_c[(seg_c==1) & (seeds_image[bb]!=0)]=1
519         seeds_c[(seg[bb]==c) & (seg_c!=1) & (seeds_image[bb]!=0)]=2

```

On crée une sous-image **seeds\_c** de 0 pour la cellule  $c$  dans laquelle on met à

- 1 : l'intersection des cellules filles de  $c$  (marquées dans **seg\_c**) et des  $h_{min}$ -minima
- 2 : l'intersection de la cellule  $c$  de  $\tilde{S}_{t+1}$  et des  $h_{min}$ -minima (qui ne sont pas dans les cellules filles). Ces points sont donc des graines en-dehors des cellules filles.

```

520         if 2 in seeds_c:

```

Si il existe des graines en dehors des cellules filles (donc des graines permettant de "récupérer" plus de matière), on efface dans les graines **seeds\_from\_opt\_h** les graines des filles précédentes (**corres[c]**) et on y ajoute les 2 ensembles de nouvelles graines. On met à jour l'information des paramètres dans **h\_min\_information** et **sigma\_information**. Notons qu'il aurait fallu y enlever les informations liées à **corres[c]**.

ex: `del h_min_information[(t+delta_t)*10**4+corres[c][0]]`

Par ailleurs, on a forcément plus de 3 graines : les graines à l'intérieur des cellules filles auront un label, et celles à l'extérieur un autre. La division cellulaire est réalisée ainsi (alors qu'il pouvait déjà y avoir une division cellulaire (cas **nb\_final == 2**) !)

```

521         change_happen=True
522         for daughter in corres[c]:
523             seeds_from_opt_h[seeds_from_opt_h==daughter]=0
524             corres[c]=[label_max, label_max+1]
525             divided_cells.append((label_max, label_max+1))
526             seeds_from_opt_h[bb][seeds_c==1]=label_max
527             h_min_information[(t+delta_t)*10**4+label_max]=h

```

```

528         sigma_information[(t+delta_t)*10**4+label_max]=sigma
529         label_max+=1
530         seeds_from_opt_h[bb][seeds_c==2]=label_max
531         h_min_information[(t+delta_t)*10**4+label_max]=h
532         sigma_information[(t+delta_t)*10**4+label_max]=sigma
533         label_max+=1
534     elif nb_final==1:

```

On est donc dans le cas où  $(\text{np.array}(s)>2).\text{any}()$  est faux, donc il n'y a que une ou deux graines. S'il y a deux graines, cela a déjà été traité dans le premier test (ligne 489). On efface alors la graine de `seeds_from_opt_h` et on la remplace par la graine projetée de `seeds` ( $S_{t+1 \leftarrow t}^e = S_t^e \circ \mathcal{T}_{t \leftarrow t+1}$ )

```

535         change_happen=True
536         seeds_from_opt_h[seeds_from_opt_h==corres[c][0]]=0
537         seeds_from_opt_h[seeds==c]=corres[c][0]
538         label_max+=1
539     elif s.count(3)!=0:

```

cas où il y a 0 ou trois graines (ou plus) dans tous les  $h$ -minima (s'il y a 0 ou 4 graines ou plus, cela chappe au test).

```

540         h, sigma=parameters[c][s.index(3)]

```

Premier cas : on récupère le premier 3 qui donne 2 graines, donc le plus grand d'entre eux. Si les premiers  $h$  ne donnent pas 0 graines, c'est donc  $h_{max}$ .

```

541         path_seeds_not_prop=path_h_min.replace('$HMIN',str(h)).replace('$SIGMA',str(sigma));
542         bb=slices_dilation(bounding_boxes[c], maximum=seg.shape, iterations=2)
543         seg_c=np.ones_like(seg[bb])
544         seg_c[seg[bb]==c]=c
\begin{verbatim}
540         h, sigma=parameters[c][s.index(3)]

```

Appel à `extract_seeds()` (section 3.5, page 10), avec `accept_3_seeds=True`. On va donc numéroter les 3 graines.

```

545         nb, seeds_c=extract_seeds(seg_c, c, path_seeds_not_prop, bb, accept_3_seeds=True)
546         change_happen=True
547         #addition to correct 0-boolean error when len(corres[c])>1
548         for ci in range(len(corres[c])):
549             seeds_from_opt_h[seeds_from_opt_h==corres[c][ci]]=0
550         #seeds_from_opt_h[seeds_from_opt_h==corres[c]]=0
551         divided_cells.append((label_max, label_max+1))
552         seeds_from_opt_h[bb][seeds_c==1]=label_max
553         h_min_information[(t+delta_t)*10**4+label_max]=h
554         sigma_information[(t+delta_t)*10**4+label_max]=sigma
555         label_max+=1
556         seeds_from_opt_h[bb][seeds_c==2]=label_max
557         h_min_information[(t+delta_t)*10**4+label_max]=h
558         sigma_information[(t+delta_t)*10**4+label_max]=sigma
559         label_max+=1
560         seeds_from_opt_h[bb][seeds_c==3]=label_max
561         h_min_information[(t+delta_t)*10**4+label_max]=h
562         sigma_information[(t+delta_t)*10**4+label_max]=sigma

```

```

563         label_max+=1
564         to_fuse_3.append([c, (label_max-1, label_max-2, label_max-3)])
565

```

`to_fuse_3` contient donc les couples (mère, triplets de labels des filles) lorsqu'il y a 3 soeurs.

```

566
567

```

On traite les cas où une fille a un trop petit volume. On enlève cette fille des graines de `seeds_from_opt_h`. Si c'était la seule fille, on enlève le mère de la table des correspondances.

```

568     if too_little!=[]:
569         for c in too_little:
570             #for d in corres[c]:
571                 seeds_from_opt_h[seeds_from_opt_h==c[1]]=0
572             tmp=corres[c[0]]
573             tmp.remove(c[1])
574             if tmp==[]:
575                 corres.pop(c[0])
576             else:
577                 corres[c[0]]=tmp
578             change_happen=True
579

```

S'il y a eu des changements dans les graines, on recalcule une image de segmentation. Sinon on pourrait arreter là.

`bigger` n'a pas été utilisé, `lower` non plus, et va être recalculé.

```

580     if change_happen:
581         seg_from_opt_h=watershed(SpatialImage(seeds_from_opt_h,voxelsize=seeds_from_opt_h.voxelsize))
582         for l in exterior_corres:
583             seg_from_opt_h[seg_from_opt_h==l]=1
584
585         volumes_from_opt_h=compute_volumes(seg_from_opt_h)
586

```

On recalcule `lower` (on rappelle que les cellules présentes dans `to_look_at` étaient aussi dans `lower`, il y a donc eu des changements dans la liste (s'il y a eu des changements dans les graines).

A priori, cela est inutile s'il n'y a pas eu de changements.

Note : il aurait fallu utiliser `VolumeRatioSmaller` et non `0.1`

```

587     lower=[]
588     for mother_c, sisters_c in corres.iteritems():
589         if mother_c!=1:
590             volume_ratio=1-(volumes[mother_c]/np.sum([volumes_from_opt_h.get(s, 1) for s in sisters_c]))
591             if not (-.1<volume_ratio<.1):
592                 if (volume_ratio<0) and volumes_from_opt_h.get(s, 1)!=1 :
593                     lower.append((mother_c, sisters_c))
594

```

On regarde donc s'il y a des diminutions de volumes de plus de 10%.

```

595     exterior_correction=[]
596     if lower!=[]:

```

```

597         from copy import deepcopy
598         #tmp=apply_trsf(segmentation_file_ref, vf_file, nearest=True, lazy=False)
599         tmp=imread(segmentation_file_trsf)

```

`segmentation_file_trsf` :  $S_t^*$  transformée dans  $I_{t+1}$ , soit  $S_t^* \circ \mathcal{T}_{t \leftarrow t+1}$ .

```

600         old_bb=nd.find_objects(tmp)
601         for mother_c, sisters_c in lower:

```

- `cell_before` : sous-image booléenne écrivant la cellule  $c$  dans  $S_t^*$
- `cell_after` : sous-image booléenne écrivant les cellules filles de  $c$  dans la nouvelle segmentation `seg_from_opt_h`
- `lost` : masque de la sous-image de `seg_from_opt_h` masquée par le XOR de `cell_before` et `cell_after`, c'est donc à la fois ce qui a été perdu et ce qui a été gagné [Rq: sur ma machine, le XOR se comporte comme un OR ...]

```

602             cell_before=tmp[old_bb[mother_c-1]]==mother_c
603             cell_after=np.zeros_like(cell_before)
604             for c in sisters_c:
605                 cell_after+=seg_from_opt_h[old_bb[mother_c-1]]==c
606             lost=seg_from_opt_h[old_bb[mother_c-1]][cell_after^cell_before]
607             max_share=0
608             share_lab=0
609             size={}

```

`lost` contient les labels de la différence. On cherche donc à vérifier si le plus grand label est le fond, ce qui suppose que c'est le fond qui a gagné sur la cellule.

```

610             for v in np.unique(lost):
611                 size[v]=np.sum(lost==v)
612                 if np.sum(lost==v)>max_share:
613                     max_share=np.sum(lost==v)
614                     share_lab=v

```

On vérifie que 1 (le fond) est bien le label le plus représenté dans la partie perdue. On vérifie aussi que le fond était présent dans la boîte englobante de la cellule mère déformée (il aurait fallu vérifier que le fond était adjacent à la cellule mère). Si oui, on va lancer des corrections.

```

615             if share_lab==1 and 1 in tmp[old_bb[mother_c-1]]:
616                 exterior_correction.append((mother_c, sisters_c))
617             from multiprocessing import Pool
618             pool=Pool(processes=nb_proc)
619             mapping=[]
620             for m, daughters in exterior_correction:
621                 bb=slices_dilation(old_bb[m-1], maximum=im_ref.shape, iterations=15)
622                 im_ref_tmp=deepcopy(im_ref16[bb])
623                 seg_ref_tmp=deepcopy(tmp[bb])
624                 mapping.append((m, daughters, bb, im_ref_tmp, seg_ref_tmp, MorphosnakeIterations, NIter

```

Appel à `perform_ac()`, cf section 3.11, page 19.

- `m` : label de la cellule mère
- `daughters` : labels des cellules filles
- `bb` : boîte englobante de la cellule mère transformée et dilatée (15 fois)

- `im_ref_tmp` : sous-image de l'image originale définie par la boîte englobante (ce n'est pas nécessairement une image sur 2 octets)
- `seg_ref_tmp` : sous-image de  $S_t^*$  transformée dans  $I_{t+1}$ , soit  $S_t^* \circ \mathcal{T}_{t \leftarrow t+1}$
- `MorphosnakeIterations` : `MorphosnakeIterations=10`
- `NIterations` : `NIterations=200`
- `DeltaVoxels` : `DeltaVoxels=10**3`

On récupère ensuite le résultat du morphosnake. S'il y a plusieurs cellules filles, on n'en garde qu'une (la division n'est plus considérée). Note : si le morphosnake est appliqué deux cellules adjacentes, les parties communes dans le fond atteintes par les 2 morphosnakes seront attribuées à la première qui sera traitée.

Le cas de 3 cellules filles n'est pas considéré.

```

625         outputs=pool.map(perform_ac, mapping)
626         pool.close()
627         pool.terminate()
628         for m, daughters, bb, cell_out in outputs:
629             seg_from_opt_h[bb][seg_from_opt_h[bb]==1 & cell_out]=daughters[0]
630             if len(daughters)==2:
631                 seg_from_opt_h[bb][seg_from_opt_h[bb]==daughters[1]]=daughters[0]
632                 if tuple(daughters) in divided_cells:
633                     divided_cells.remove(tuple(daughters))
634             corres[m]=[daughters[0]]

```

Traitement de `to_fuse_3` : couples (mère, triplets de labels des filles) lorsqu'il y a 3 soeurs. On élimine le plus petit label et on l'attribue au label avec lequel il a la plus grande frontière.

```

635         for c, tf in to_fuse_3:
636             bb=slices_dilation(bounding_boxes[c], maximum=seg.shape, iterations=2)
637             seg_c=np.ones_like(seg_from_opt_h[bb])
638             seg_c[seg_from_opt_h[bb]==tf[0]]=tf[0]
639             seg_c[seg_from_opt_h[bb]==tf[1]]=tf[1]
640             seg_c[seg_from_opt_h[bb]==tf[2]]=tf[2]
641             v1=np.sum(seg_c==tf[0])
642             v2=np.sum(seg_c==tf[1])
643             v3=np.sum(seg_c==tf[2])
644             vol_cells_to_f=[v1, v2, v3]
645             cell_to_f=np.argmin(vol_cells_to_f)
646             tmp=nd.binary_dilation(seg_c==tf[cell_to_f])
647             p1=tf[np.argsort(vol_cells_to_f)[1]]
648             p2=tf[np.argsort(vol_cells_to_f)[2]]
649             im_tmp=np.zeros_like(seg_c)
650             im_tmp[seg_c==p1]=p1
651             im_tmp[seg_c==p2]=p2
652             im_tmp[tmp==False]=0
653             p1_share=np.sum(im_tmp==p1)
654             p2_share=np.sum(im_tmp==p2)
655             if p1_share>p2_share:
656                 seg_from_opt_h[seg_from_opt_h==tf[cell_to_f]]=p1
657             else:
658                 seg_from_opt_h[seg_from_opt_h==tf[cell_to_f]]=p2
659             corres[c]=[p1, p2]
660             divided_cells.append((p1, p2))
661
662         return seg_from_opt_h, bigger, lower, to_look_at, too_little, corres, exterior_correction

```

- `seg_from_opt_h` : image de segmentation
- `bigger` : liste des couples (mère, filles) où les filles ont un volume plus grand (de plus de 10%) de celui de la mère
- `lower` : liste des couples (mère, filles) où les filles ont un volume plus petit (de plus de 10%) de celui de la mère
- `to_look_at` : liste des couples initiaux (mère, filles) où les filles avaient un volume plus petit (de plus de 50%) de celui de la mère. A priori, les filles ont été recalculées, donc cette liste n'est plus à jour.
- `too_little` : liste des couples initiaux (mère, fille) où la fille avait un petit volume (inférieur à 1000 voxels). Ces filles ont a priori disparu.
- `corres` : table des correspondances (mère, filles), il peut y rester des incohérences.
- `exterior_correction` : liste des couples (mère, filles) où les filles ont un volume plus petit (de plus de 10%) de celui de la mère, et proches du fond, sur lesquels on lancera le morphosnake.

### 3.13 `outer_correction()`

Appelé par `segmentation_propagation_seeds_init_and_deform()` (section 3.15, page 30).

```

665 def outer_correction(seg_from_opt_h, exterior_correction, segmentation_file_ref, RadiusOpening=20)
666     """
667     Return an eroded segmentation correcting for potential errors in the morphsnake
668     seg_from_opt_h : segmented image (SpatialImage)
669     exterior_correction : list of cells that have been corrected using morphsnake algorithm

```

- `seg_from_opt_h` : image de segmentation
- `exterior_correction` : liste des couples (mère, filles) où les filles ont un volume plus petit (de plus de 10%) de celui de la mère, et proches du fond, sur lesquels on a lancé le morphosnake.
- `segmentation_file_ref` : nom de l'image de segmentation à  $t$ ,  $S_t^*$
- `RadiusOpening` : `RadiusOpening= 20`

```

670     """
671     if exterior_correction!=[]:
672         image_input=segmentation_file_ref.replace('.inr', '.seg_from_opt_h.inr')
673         imsave(image_input, SpatialImage(seg_from_opt_h!=1, voxelsize=seg_from_opt_h.voxelsize).
674         image_output=segmentation_file_ref.replace('.inr', '.seg_out_h.inr')

```

Ouverture morphologique (érosion puis dilatation) du masque de l'embryon, cela va lisser les cellules touchant le fond par l'extérieur.

```

675         morpho(image_input, image_output, ' -ope -R '+str(RadiusOpening))
676         opened=imread(image_output)
677         cells_to_correct=[i for j in exterior_correction for i in j[1]]
678         os.system('rm -f '+image_input+' '+image_output)

```

XOR entre le masque de l'embryon et son ouverture (qui y est inclus). La différence se trouve donc uniquement dans les cellules de `seg_from_opt_h`.

```

679         to_remove=opened^(seg_from_opt_h>1)
680

```

Plutôt que de faire une boucle sur les cellules, on pourrait juste les cellules à corriger de `seg_from_opt_h` par le masque de l'ouverture ?

```

681         for c in cells_to_correct:
682             seg_from_opt_h[((seg_from_opt_h==c) & to_remove).astype(np.bool)]=1
683     return seg_from_opt_h

```

### 3.14 segmentation\_propagation\_seeds\_init\_and\_deform()

```
686 def segmentation_propagation_seeds_init_and_deform(t, segmentation_ref, fused_file, seeds_file, v
```

- $t$  : temps pour l'image de référence, on va segmenter l'image suivante, ie  $t + 1$
- $segmentation\_ref$  : image (ie `SpatialImage`) de segmentation à  $t$ ,  $S_t^*$
- $fused\_file$  : nom de l'image d'intensité (fusionnée) à  $t + 1$ ,  $I_{t+1}$
- $vf\_file$  : nom de la transformation non-linéaire  $\mathcal{T}_{t \leftarrow t+1}$
- $\delta t$  : pas de temps, l'image à segmenter est  $I_{t+\delta t}$ , généralement  $\delta t = 1$

```
687     """
688     Steps 2 to 3 of segmentation propagation:
689     create seeds from reference segmentation, then resample it by transformation application
690     -> generation of seeds_file containing the image of seeds which will be used for segmentation
691     """
692     print 'Create The Seeds from '+str(t)
693
694     seeds_ref=create_seeds(segmentation_ref, max_size_cell=np.inf)
```

Appel à `create_seeds()`, cf section 3.3, page 9.  $seeds\_ref$  est la `SpatialImage`  $S_t^e$  [1, section 2.3.3.4] où les cellules de taille supérieure à `min_size_cell` (1000) sont érodées d'au plus 10 itérations pour les cellules et 25 pour le fond.

```
695     imsave(seeds_file, SpatialImage(seeds_ref, voxelsize=seeds_ref.voxelsize))
696
697     print 'Deform Seeds with vector fields from '+str(t)+' to '+str(t+delta_t)
698     apply_trsf(seeds_file, vf_file , path_output=seeds_file, template=fused_file,nearest=True, l
```

La dernière ligne calcule  $S_{t+1 \leftarrow t}^e = S_t^e \circ \mathcal{T}_{t \leftarrow t+1}$  [1, section 2.3.3.4].

### 3.15 segmentation\_propagation\_from\_seeds()

```
702 def segmentation_propagation_from_seeds(t, segmentation_file_ref, fused_file, fused_file_u8 , s
703     RadiusOpening=20,Thau=25,MinVolume=1000,VolumeRatioBigger=0.5,VolumeRatioSmaller=0.1,Morphos
704     verbose=False):
```

- $t$  : temps pour l'image de référence, on va segmenter l'image suivante, ie  $t + 1$
- $segmentation\_file\_ref$  : nom de l'image de segmentation à  $t$ ,  $S_t^*$
- $fused\_file$  : ce peut être l'image originale  $I_{t+1}$  ou l'image à segmenter sur 1 octet. S'appelait `graylevel_file` lors de l'appel
- $fused\_file\_u8$  : c'est l'image à segmenter sur 1 octet. S'appelait `graylevel_file_u8` lors de l'appel
- $seeds\_file$  : nom de l'image  $S_{t+1 \leftarrow t}^e = S_t^e \circ \mathcal{T}_{t \leftarrow t+1}$ , soit les graines projetées (cellules de  $S_t^*$  érodées puis transformées dans  $I_{t+1}$ )
- $path\_seg\_trsf$  : nom de l'image de segmentation  $S_t^*$  transformée dans  $I_{t+1}$ , soit  $S_t^* \circ \mathcal{T}_{t \leftarrow t+1}$
- $path\_h\_min$  : nom générique des images de  $h_{min}$  (paramétré par `TIME`, `HMIN`, et `SIGMA`),

```
705     """
706     Steps 4 to 9 of segmentation propagation:
707     - initial watershed
708     - computation of h-minima (get_seeds method)
709     - optimal h selection for each cell (get_back_parameters method)
```

```

710     - build a seeds image from previous information and new segmentation by watershed (get_seeds)
711     - morphosnake if needed (called from volume_checking method)
712     - last corrections with a morphological opening (outer_correction method)
713     Returns seg_from_opt_h, lin_tree_information
714         seg_from_opt_h : SpatialImage of the segmentation at t+delta_t
715         lin_tree_information : updated lineage tree
716     """
717     from copy import deepcopy
718     lin_tree=lin_tree_information.get('lin_tree', {})
719     tmp=lin_tree_information.get('volumes_information', {})
720     volumes_t_1={k%10**4: v for k, v in tmp.iteritems() if k/10**4 == t}
721     h_min_information={}
722
723
724     print 'Perform watershed with the seeds from method "segmentation_propagation_seeds_init_and'
725     im_fused=imread(fused_file)
726     im_fused_8=imread(fused_file_u8)
727
728
729
730     segmentation=watershed(seeds_file, im_fused_8, temporary_folder=os.path.dirname(path_seg_trsf))

```

Calcule la segmentation  $\tilde{S}_{t+1}$  par ligne de partage des eaux de  $I_{t+1}$  avec les graines  $S_{t+1 \leftarrow t}^e = S_t^e \circ \mathcal{T}_{t \leftarrow t+1}$ .  
**segmentation** est une **SpatialImage**

```

731     seeds=imread(seeds_file)
732     if delSeedsASAP:
733         cmd='rm %s'%seeds_file
734         if verbose:
735             print cmd
736         os.system(cmd)
737     cells=list(np.unique(segmentation))
738     cells.remove(1)
739     bounding_boxes=dict(zip(range(1, max(cells)+1), nd.find_objects(segmentation)))

```

Calcul des bounding boxes pour les cellules

```

740     treated=[]
741
742     print 'Estimation of the local h-minimas at '+str(t+delta_t)
743     nb_cells, parameters=get_seeds(segmentation, h_min_min,h_min_max, sigma, cells, fused_file, )

```

Appel à `get_seeds()`, cf section 3.8, page 12.

- **segmentation** : image de segmentation  $\tilde{S}_{t+1}$
- **h\_min\_min** : plus petite valeur de  $h$  pour le calcul des  $h$ -minima
- **h\_min\_max** : plus grande valeur de  $h$  pour le calcul des  $h$ -minima
- **sigma** :  $\sigma$  pour le lissage gaussien avant le calcul des  $h$ -minima
- **cells** : liste des cellules
- **fused\_file** : image originale  $I_{t+1}$
- **path\_h\_min** : nom générique pour les images de  $h$ -minima
- **bounding\_boxes** : boites englobantes des cellules

Retourne



- **nb\_cells** : liste pour chaque cellule, du nombre de  $h$ -minima strictement inclus dans la cellule de  $\tilde{S}_{t+1}$ . C'est le  $\text{Count}^h(c)$  de [1, section 2.3.3.5, page 71].
- **parameters** : liste pour chaque cellule, des paramètres de calcul des  $h$ -minima ( $h$  et  $\sigma$ )

744

745     **right\_parameters, cells\_with\_no\_seed**=**get\_back\_parameters**(nb\_cells, parameters, lin\_tree, cel

Appel à **get\_back\_parameters()**, cf section 3.9, page 14.

- **nb\_cells** : liste pour chaque cellule, du nombre de  $h$ -minima strictement inclus dans la cellule de  $\tilde{S}_{t+1}$ . C'est le  $\text{Count}^h(c)$  de [1, section 2.3.3.5, page 71].
- **parameters** : liste pour chaque cellule, de tous les paramètres de calcul des  $h$ -minima ( $h$  et  $\sigma$ )
- **lin\_tree** : fichier de linéage
- **cells** : liste des cellules
- **Thau** :  $\tau$  pour le calcul du score  $s(c) = N_{2+}(c).N_2(c) > \tau$  [1, page 72].

Retourne un tableau avec, pour chaque cellule  $c$ , les valeurs de  $h$ ,  $\sigma$ , et le nombre de graines, ainsi que la liste des cellules sans graines (c'est redondant, puisque ce sont les cellules avec 0 graines).

746

Appel à **get\_seeds\_from\_optimized\_parameters()**, cf section 3.10, page 15.

- **t** : temps pour l'image de référence, on va segmenter l'image suivante, ie  $t + 1$
- **segmentation** : image de segmentation  $\tilde{S}_{t+1}$ , **SpatialImage**
- **cells** : liste des cellules
- **cells\_with\_no\_seed** : liste des cellules sans graines
- **right\_parameters** : ( $h$ ,  $\sigma$ , nombre de graines) optimaux pour chaque cellule
- **delta\_t** :
- **bounding\_boxes** : boîtes englobantes pour les cellules
- **im\_fused\_8** :  $I_{t+1}$  sur un octet, **SpatialImage**
- **seeds** :  $S_{t+1 \leftarrow t}^e = S_t^e \circ \mathcal{T}_{t \leftarrow t+1}$ , soit les graines projetées (cellules de  $S_t^*$  érodées puis transformées dans  $I_{t+1}$ ), **SpatialImage**
- **parameters** : liste pour chaque cellule, des paramètres de calcul des  $h$ -minima ( $h$  et  $\sigma$ )

747     **print** 'Applying volume correction '+str(t+delta\_t)

748     **seeds\_from\_opt\_h, seg\_from\_opt\_h, corres, exterior\_corres, h\_min\_information, sigma\_informat**

749     **right\_parameters, delta\_t, bounding\_boxes, im\_fused\_8, seeds, parameters, h\_min\_max, pat**

Retourne

- **seeds\_from\_opt\_h** : une **SpatialImage** contenant les graines
- **seg\_from\_opt\_h** : une **SpatialImage** contenant la segmentation
- **corres** : un tableau contenant les filiations
- **exterior\_corres** : une liste contenant la filiation pour le fond (inutile ?)
- **h\_min\_information** : une liste contenant les valeurs de  $h$  utilisés pour chaque cellule
- **sigma\_information** : une liste contenant les valeurs de  $\sigma$  utilisés pour chaque cellule
- **divided\_cells** : une liste contenant les couples de cellules soeurs
- **label\_max** : le plus grand label utilis (+1)

750

751     **print** 'Perform volume checking '+str(t+delta\_t)

Appel à **volume\_checking()**, cf section 3.12, page 20.

- **t** : temps pour l'image de référence, on va segmenter l'image suivante, ie  $t + 1$
- **delta\_t** :
- **segmentation** : image de segmentation  $\tilde{S}_{t+1}$ , **SpatialImage**
- **seeds\_from\_opt\_h** : une **SpatialImage** contenant les graines (obtenues avec les paramètres optimaux pour chaque cellule)
- **seg\_from\_opt\_h** : une **SpatialImage** contenant la segmentation obtenue avec les graines de **seeds\_from\_opt\_h**
- **corres** : un tableau contenant les filiations de chaque cellule de la segmentation à  $t$
- **divided\_cells** : une liste contenant les couples de cellules soeurs
- **bounding\_boxes** : boites englobantes pour les cellules
- **right\_parameters** : ( $h$ ,  $\sigma$ , nombre de graines) optimaux pour chaque cellule
- **im\_fused\_8** :  $I_{t+1}$  sur un octet, **SpatialImage**
- **im\_fused** :  $I_{t+1}$  sur un ou deux octet, **SpatialImage**
- **seeds** :  $S_{t+1 \leftarrow t}^e = S_t^e \circ \mathcal{T}_{t \leftarrow t+1}$ , soit les graines projetées (cellules de  $S_t^*$  érodées puis transformées dans  $I_{t+1}$ ) **SpatialImage**
- **nb\_cells** : liste pour chaque cellule, du nombre de  $h$ -minima strictement inclus dans la cellule de  $\tilde{S}_{t+1}$ . C'est le  $\text{Count}^h(c)$  de [1, section 2.3.3.5, page 71].
- **label\_max** : le plus grand label utilis pour les graines (+1)
- **exterior\_corres** : une liste contenant la filiation (les labels des graines) pour le fond (inutile ?)
- **parameters** : liste pour chaque cellule, de tous les paramètres de calcul des  $h$ -minima ( $h$  et  $\sigma$ )
- **h\_min\_information** : une liste contenant les valeurs de  $h$  utilisées pour chaque cellule
- **sigma\_information** : une liste contenant les valeurs de  $\sigma$  utilisées pour chaque cellule
- **segmentation\_file\_ref** : nom de l'image de segmentation à  $t$ ,  $S_t^*$
- **path\_seg\_trsf** : om de l'image de segmentation  $S_t^*$  transformée dans  $I_{t+1}$ , soit  $S_t^* \circ \mathcal{T}_{t \leftarrow t+1}$
- **path\_h\_min** : nom générique pour les images de  $h$ -minima
- **volumes\_t\_1** : liste des volumes des cellules à  $t$  (provient de la lecture du linéage)
- ...

```

752     seg_from_opt_h, bigger, lower, to_look_at, too_little, corres, exterior_correction = volume_
753         im_fused_8, im_fused, seeds, nb_cells, label_max, exterior_corres, parameters, h_min_inf
754         nb_proc=nb_proc,Thau=Thau, MinVolume=MinVolume,VolumeRatioBigger=VolumeRatioBigger,Volume

```

**volume\_checking()** retourne

- **seg\_from\_opt\_h** : image de segmentation
- **bigger** : liste des couples (mère, filles) où les filles ont un volume plus grand (de plus de 10%) de celui de la mère
- **lower** : liste des couples (mère, filles) où les filles ont un volume plus petit (de plus de 10%) de celui de la mère
- **to\_look\_at** : liste des couples initiaux (mère, filles) où les filles avaient un volume plus petit (de plus de 50%) de celui de la mère. A priori, les filles ont été recalculées, donc cette liste n'est plus à jour.
- **too\_little** : liste des couples initiaux (mère, fille) où la fille avait un petit volume (inférieur à 1000 voxels). Ces filles ont a priori disparu.
- **corres** : table des correspondances (mère, filles), il peut y rester des incohérences.
- **exterior\_correction** : liste des couples (mère, filles) où les filles ont un volume plus petit (de plus de 10%) de celui de la mère, et proches du fond, sur lesquels on lancera le morphosnake.

```

755
756     print 'Perform Outer Correction '+str(t+delta_t)

```

Appel à **outer\_correction()** (section 3.13, page 29)

- **seg\_from\_opt\_h** : image de segmentation

- **exterior\_correction** : liste des couples (mère, filles) où les filles ont un volume plus petit (de plus de 10%) de celui de la mère, et proches du fond, sur lesquels on a lancé le morphosnake.
- **segmentation\_file\_ref** : nom de l'image de segmentation à  $t$ ,  $S_t^*$  (le nom sert juste pour créer des noms d'images intermédiaires qui seront effacées)
- **RadiusOpening** : RadiusOpening= 20

```

757     seg_from_opt_h = outer_correction(seg_from_opt_h, exterior_correction,segmentation_file_ref,
758
759     print 'Compute Volumes'+str(t+delta_t)
760     volumes=compute_volumes(seg_from_opt_h)
761     volumes_information={}
762     for k, v in volumes.iteritems():
763         volumes_information[(t+delta_t)*10**4+k]=v
764     for m, d in corres.iteritems():
765         if m!=1:
766             daughters=[]
767             for c in d:
768                 if c in volumes:
769                     daughters.append(c+(t+delta_t)*10**4)
770             else:
771                 print str(c) + ' is not segmented'
772         if len(daughters)>0:
773             lin_tree[m+t*10**4]=daughters
774     lin_tree_information['lin_tree']=lin_tree
775     lin_tree_information.setdefault('volumes_information', {}).update(volumes_information)
776     lin_tree_information.setdefault('h_mins_information', {}).update(h_min_information)
777     lin_tree_information.setdefault('sigmas_information', {}).update(sigma_information)
778
779     return seg_from_opt_h, lin_tree_information

```

### 3.16 segmentation\_propagation()

```

782 def segmentation_propagation(t, fused_file_ref, segmentation_file_ref, fused_file , seeds_file,vf_file,
783     membrane_reconstruction_method=None, fusion_u8_method=0, flag_hybridation=False,
784     RadiusOpening=20,Thau=25,MinVolume=1000,VolumeRatioBigger=0.5,VolumeRatioSmaller=0.1,Morphosnake=0.1,
785     rayon_dil=3.6, sigma_membrane=0.9, manual=False, manual_sigma=7, hard_thresholding=False, ha
786     keep_membrane=False, keep_all=False, path_u8_images=None, nb_proc_ACE=7,
787     min_percentile=0.01, max_percentile=0.99, min_method='cellinterior', max_method='cellborder',
788     verbose=False):

```

- **t** : temps pour l'image de référence, on va segmenter l'image suivante, ie  $t + 1$
- **fused\_file\_ref** : nom de l'image d'intensité (fusionnée) à  $t$ ,  $I_t$
- **segmentation\_file\_ref** : nom de l'image de segmentation à  $t$ ,  $S_t^*$
- **fused\_file** : nom de l'image d'intensité (fusionnée) à  $t + 1$ ,  $I_{t+1}$
- **seeds\_file** : nom de l'image des graines (s'appelait **seed\_file** lors de l'appel)
- **vf\_file** : nom de la transformation non-linéaire  $\mathcal{T}_{t \leftarrow t+1}$
- **path\_h\_min** : nom générique des images de  $h_{min}$  (paramétré par TIME, HMIN, et SIGMA), s'appelait **h\_min\_files** lors de l'appel

```

789     '''
790     Return the propagated segmentation at time t+dt and the updated lineage tree and cell information
791     t : time t
792     fused_file_ref : path format to fused images
793     segmentation_file_ref : path format to segmented seeds_images
794     fused_file : fused image at t+dt
795     vf_file : path format to transformation
796     path_h_min : path format to h-minima files
797     h_min_max : maximum value of the h-min value for h-minima operator
798     sigma : sigma value in voxels for gaussian filtering
799     lin_tree_information : dictionary containing the lineage tree dictionary, volume information
800     delta_t : value of dt (in number of time point)
801     nb_proc : number maximum of processors to allocate
802
803     # Modules choice
804
805     membrane_reconstruction_method : if not set or set to 0, the input fused_file is not processed
806                                     if set to 1, the GLACE reconstruction method is going to be used
807                                     if set to 2, the GACE reconstruction method is going to be used
808
809     fusion_u8_method : select method to convert fused_file into a 8 bits images for the segmentation
810                       if set to 0 (default), calling the historical "to_u8" method
811                       if set to 1, calling the mc_adhocFuse function which enhances the fused image
812                       knowing the segmentation propagation from previous time point
813
814     flag_hybridation : if set to True and if the membrane_reconstruction_method parameter is provided
815                       then the reconstructed gray level image
816                       used for segmentation_propagation_from_seeds is going to be a hybridation
817                       of fused_file and the result of image reconstruction by the specified method
818
819     path_u8_images : default is None. If provided, saves a copy of the u8 image used for watershed
820
821
822
823     # Glace Parameters (if membrane_reconstruction_method is set to 1 or 2):
824     # membrane_reinforcement
825     sigma_membrane=0.9 # membrane enhancement parameter (in real units, a
826                       # priori 0.9 um is a good choice for data like
827                       # Patrick/Ralph/Aquila)
828     # anisotropicHist /\ critical step
829     sensitivity=0.99 # membrane binarization parameter, /\ if failure,
830                     # one should enter in "manual" mode of the function
831                     # anisotropicHist via activation of 'manual' option
832
833     manual=False # By default, this parameter is set to False. If
834                 # failure, (meaning that thresholds are very bad,
835                 # meaning that the binarized image is very bad),
836                 # set this parameter to True and relaunch the
837                 # computation on the test image. If the method fails
838                 # again, "play" with the value of manual_sigma...
839                 # and good luck.

```

```

840 manual_sigma=15      # Axial histograms fitting initialization parameter
841                      # for the computation of membrane image binarization
842                      # axial thresholds (this parameter is used iif
843                      # manual = True).
844                      # One may need to test different values of
845                      # manual_sigma. We suggest to test values between 5 and
846                      # 25 in case of initial failure. Good luck.
847
848 hard_thresholding=False # If the previous membrane threshold method
849                      # failed, one can force the thresholding with a
850                      # "hard" threshold applied on the whole image.
851                      # To do so, this option must be set to True.
852 hard_threshold=1.0     # If hard_thresholding = True, the enhanced
853                      # membranes image is thresholded using this
854                      # parameter (value 1 seems to be ok for
855                      # time-point t001 of Aquila embryo for example).
856
857 # Tensor voting framework
858 sigma_TV=3.6          # parameter which defines the voting scale for membrane
859                      # structures propagation by tensor voting method (real
860                      # coordinates).
861                      # This parameter should be set between 3 um (little cells)
862                      # and 4.5 um (big gaps in the binarized membrane image)
863 sigma_LF=0.9          # Smoothing parameter for reconstructed image (in real
864                      # coordinates). It seems that the default value = 0.9 um
865                      # is ok for classic use.
866 sample=0.2           # Parameter for tensor voting computation speed
867                      # optimisation (do not touch if not beware)
868 rayon_dil=3.6         # dilatation ray for propagated ROI from time t to t+1
869                      # (default: 3.6, in real coordinates)
870
871 nb_proc_ACE=7        # number of processors for ACE (7 is recommended)
872
873 '''
874 segmentation_ref=imread(segmentation_file_ref);
875
876
877 print 'Compute Vector Fields from '+str(t)+' to '+str(t+delta_t)
878 non_linear_registration(fused_file_ref,\
879                      fused_file, \
880                      vf_file.replace('.inr','_affine.inr'), \
881                      vf_file.replace('.inr','_affine.trsf'),\
882                      vf_file.replace('.inr','_vector.inr'),\
883                      vf_file);

```

Calcul de la transformation non-linéaire  $T_{t \leftarrow t+1}$ . `non_linear_registration()` est dans `ASTEC/CommunFunctions/cpp-wrappi`

```

884
885 cmd='rm -f '+vf_file.replace('.inr','_affine.inr')+' '+vf_file.replace('.inr','_affine.trsf')
886 if verbose:
887     print cmd

```

```

888     os.system(cmd)
889
890     segmentation_propagation_seeds_init_and_deform(t, segmentation_ref, fused_file, seeds_file, v

```

Appel à `segmentation_propagation_seeds_init_and_deform()`, cf section 3.14, page 30. `seeds_file` est le nom de l'image  $S_{t+1 \leftarrow t}^e = S_t^e \circ \mathcal{T}_{t \leftarrow t+1}$  [1, section 2.3.3.4], soit les graines projetées (cellules de  $S_t^*$  érodées puis transformées dans  $I_{t+1}$ ).

```

891
892
893     # graylevel image construction for segmentation propagation
894
895     # defining temporary file paths
896     graylevel_file=vf_file.replace('.inr','_graylevel.inr')           # The first input gray level
897     graylevel_file_u8=vf_file.replace('.inr','_graylevel_u8.inr')     # The second input gray level
898     fused_file_u8=vf_file.replace('.inr','_fuse_u8.inr')             # Temporary file
899     path_seg_trsf=vf_file.replace('.inr','_seg_trsf.inr')             # Temporary file
900
901     # segmentation propagation
902     apply_trsf(segmentation_file_ref, path_trsf=vf_file, path_output=path_seg_trsf, template=fused

```

`path_seg_trsf` est le nom de l'image de segmentation  $S_t^*$  transformée dans  $I_{t+1}$ , soit  $S_t^* \circ \mathcal{T}_{t \leftarrow t+1}$

```

903
904     # transformation file deletion
905     cmd='rm -f '+vf_file
906     if verbose:
907         print cmd
908     os.system(cmd)
909
910
911     # fused file u8 vconversion if needed
912     if flag_hybridation or not membrane_reconstruction_method:
913         if fusion_u8_method==1:
914             mc_adhocFuse(fused_file, path_seg_trsf, fused_file_u8, min_percentile=min_percentile,
915                         min_method=min_method, max_method=max_method, sigma=sigma_hybridation, v
916         else:
917             imsave(fused_file_u8, to_u8(imread(fused_file)))
918
919     # Switch membrane_reconstruction_method
920     if not membrane_reconstruction_method:
921         copy(fused_file_u8, graylevel_file_u8, verbose=verbose)
922         copy(fused_file, graylevel_file, verbose=verbose)
923     if membrane_reconstruction_method == 1:
924         # GLACE reconstruction
925         GLACE_from_resampled_segmentation(fused_file, path_seg_trsf, labels_of_interest='all', b
926         path_output=graylevel_file, rayon_dil=rayon_dil,
927         sigma_membrane=sigma_membrane, manual=manual, manual_sigma=manual_sigma, hard_thresholdi
928         hard_threshold=hard_threshold, sensitivity=sensitivity, sigma_TV=sigma_TV, sigma_LF=sigma
929         keep_membrane=keep_membrane, keep_all=keep_all, nb_proc=nb_proc_ACE, verbose=verbose)
930     if membrane_reconstruction_method == 2:
931         # GACE reconstruction
932         out=GACE(fused_file, binary_input=False, path_output=graylevel_file,

```

```

933     sigma_membrane=sigma_membrane, manual=manual, manual_sigma=manual_sigma, hard_threshold=
934     hard_threshold=hard_threshold, sensitivity=sensitivity, sigma_TV=sigma_TV, sigma_LF=sigma_LF,
935     keep_membrane=keep_membrane, keep_all=keep_all, verbose=verbose)
936
937
938
939     # reconstructed image and fused image hybridation if needed
940     if membrane_reconstruction_method:
941         if flag_hybridation:
942             Arit(fused_file_u8, graylevel_file, graylevel_file, Mode='max', Type='-o 1', verbose=
943             copy(graylevel_file, graylevel_file_u8, verbose=verbose)
944
945     # temporary images deletion
946     if os.path.exists(fused_file_u8):
947         cmd='rm -f '+fused_file_u8
948         if verbose:
949             print cmd
950         os.system(cmd)
951
952     # u8 image copy if asked
953     if path_u8_images:
954         copy(graylevel_file_u8, path_u8_images, verbose=verbose)
955
956     # segmentation propagation stuff from seeds
957     seg_from_opt_h, lin_tree_information = segmentation_propagation_from_seeds(t, segmentation_f
958                                     path_h_min, h_min,
959                                     RadiusOpening=RadiusOpening,
960                                     VolumeRatioSmaller=VolumeRatioSmaller,
961                                     NIterations=NIterations,
962                                     delSeedsASAP=True)

```

Appel à `segmentation_propagation_from_seeds()`, cf section 3.15, page 30.

- $t$  : temps pour l'image de référence, on va segmenter l'image suivante, ie  $t + 1$
- `segmentation_file_ref` : nom de l'image de segmentation à  $t$ ,  $S_t^*$
- `graylevel_file` : ce peut être l'image originale  $I_{t+1}$  ou l'image à segmenter sur 1 octet
- `graylevel_file_u8` : c'est l'image à segmenter sur 1 octet
- `seeds_file` : nom de l'image  $S_{t+1 \leftarrow t}^e = S_t^e \circ \mathcal{T}_{t \leftarrow t+1}$ , soit les graines projetées (cellules de  $S_t^*$  érodées puis transformées dans  $I_{t+1}$ )
- `path_seg_trsf` : nom de l'image de segmentation  $S_t^*$  transformée dans  $I_{t+1}$ , soit  $S_t^* \circ \mathcal{T}_{t \leftarrow t+1}$
- `path_h_min` : nom générique des images de  $h_{min}$  (paramétré par TIME, HMIN, et SIGMA),

```

963
964     # temporary images deletion
965     if os.path.exists(path_seg_trsf):
966         cmd='rm -f '+path_seg_trsf
967         if verbose:
968             print cmd
969         os.system(cmd)
970
971     if os.path.exists(graylevel_file):
972         cmd='rm -f '+graylevel_file

```

```

973         if verbose:
974             print cmd
975         os.system(cmd)
976
977     if os.path.exists(graylevel_file_u8):
978         cmd='rm -f '+graylevel_file_u8
979         if verbose:
980             print cmd
981         os.system(cmd)
982
983     return seg_from_opt_h, lin_tree_information

```

## References

- [1] Léo Guignard. *Quantitative analysis of animal morphogenesis : from high-throughput laser imaging to 4D virtual embryo in ascidians*. Theses, Université Montpellier, December 2015.
- [2] P. Màrquez-Neila, L. Baumela, and L. Alvarez. A morphological approach to curvature-based evolution of curves and surfaces. *IEEE Transactions on Pattern Analysis and Machine Intelligence*, 36(1):2–17, Jan 2014.