## **Algoritmos**

## Grado en Ingeniería Informática

## Práctica 1

Fecha límite de entrega: viernes, 30 de septiembre

La sucesión de Fibonacci se define inductivamente del modo siguiente:

fib(n)= 
$$\begin{vmatrix} 0 & \sin n=0; \\ 1 & \sin n=1; \\ \text{fib(n-1)+fib(n-2)} & \sin n>=2. \end{vmatrix}$$

El objetivo de la práctica es comprobar empíricamente el análisis teórico de la eficiencia de tres algoritmos diferentes que permiten calcular esta sucesión, familiarizándose además con el problema de la medición de tiempos.

```
Algoritmo fib1: O(\phi^n), \phi = \frac{1+\sqrt{5}}{2}
                                                    Algoritmo fib3: O(\log n)
función fib1 (n);
                                                    función fib3 (n);
   si n<2 entonces devolver n
                                                        i := 1; j := 0; k := 0; h := 1; t := 0
   sino devolver fib1(n-1) + fib1(n-2)
                                                        mientras n>0 hacer
   fin si
                                                           si n es impar entonces
fin función
                                                                t := jh;
                                                                i := ih + ik + t;
                                                               i := ik + t
Algoritmo fib2: O(n)
                                                            fin si:
                                                            t := h^2;
                                                            h := 2kh + t;
función fib2 (n);
                                                            k := k^2 + t;
   i := 1; j := 0;
                                                            n := n \text{ div } 2
   para k := 1 hasta n hacer
       j := i + j; i := j - i
                                                        fin mientras;
   fin para;
                                                        devolver i
   devolver j
                                                    fin función
fin función
```

- 1. Implemente en C (véanse las figuras 1 y 2) los tres algoritmos.
- 2. Valide que los algoritmos funcionan correctamente.
- 3. Compare sus tiempos de ejecución, tomando como referencia para el cálculo de Fib1 los valores: 2, 4, 8, 16 y 32; y para Fib2 y Fib3: 1.000, 10.000, 100.000, 1.000.000 y 10.000.000 (nota: la sucesión de Fibonacci crece muy deprisa: fib(100) tiene ya 21 cifras. Para efectos de esta práctica no es necesario tener en cuenta los problemas de desbordamiento).
- 4. Analice los resultados obtenidos realizando una comprobación empírica de la complejidad teórica. Igualmente se realizará una comprobación empírica utilizando un cota subestimada y otra sobreestimada para cada algoritmo:
  - En el caso del primero algoritmo,  $O(\phi^n)$  con  $\phi = \frac{1+\sqrt{5}}{2}$ , use la función  $f(n) = 1,1^n$  para la cota subestimada, y  $f(n) = 2^n$  para la sobreestimada.
  - En el segundo algoritmo O(n) se proponen  $f(n) = n^{0.8}$  y  $f(n) = n \log(n)$  como cotas subestimada y sobreestimada.
  - Y en el tercero  $O(\log n)$ , use  $f(n) = \sqrt{(\log(n))}$  para la cota subestimada, y  $f(n) = n^{0.5}$  para la sobreestimada.
- 5. Deposite en /PRACTICAS/GEI/Alg/P1/ (existe un directorio para cada estudiante) los ficheros C y el informe con el estudio empírico de la complejidad.

```
#include <sys/time.h>
#include <stdio.h>

/* obtiene la hora actual en microsegundos */
double microsegundos() {
   struct timeval t;
   if (gettimeofday(&t, NULL) < 0 )
      return 0.0;
   return (t.tv_usec + t.tv_sec * 1000000.0);
}</pre>
```

Figura 1: Módulo del control de tiempo

```
#include <stdio.h>
#include <math.h>
int fib3(int n) {
 int i, j, k, h, t;
  i = 1; j = 0; k = 0; h = 1;
  while (n > 0) {
    if ((n % 2) != 0) {
     t = j * h;

j = (i * h) + (j * k) + t;

i = (i * k) + t;
    t = h * h;
   h = (2 * k * h) + t;
   k = (k * k) + t;
   n = n / 2;
  }
 return j;
int main() {
 int n;
 double t1, t2, t, x, y, z;
 n=1000000;
 t1 = microsegundos();
  fib3(n);
  t2 = microsegundos();
  t = t2-t1;
 x = t / sqrt(log(n));

y = t / log(n);
 z = t / pow(n, 0.5);
 printf("%12d%15.3f%15.6f%15.6f%15.6f\n", n, t, x, y, z);
```

Figura 2: función fib3