算法

动归

Kadane算法——求解最大连续子数组和

对于一个线性列表a,维护两个变量s1和s2。其中s1记录了选当前列时最大的和,后者记录了选到当前列的最大和。

```
a = [1, -2, 3, 5, -4, 10, -22, 4, 22, -4, 0, -14]
s1 = 0
s2 = a[1]
for i in a:
    s1 = max(s1 + i, i)
    s2 = max(s1, s2)
print(s2)
```

前缀和优化

在进行线性连续的大量累加运算的时候,可以提前计算从头开始的部分和,计算其他部分和只需要用两个前缀和相减。

包括反向的差分。

欧拉筛

```
def oula(a):
    zhishu=[]
    zhishu1=[True]*(a+1)
    for i in range(2,a+1):
        if zhishu1[i]:
            zhishu.append(i)
        for h in zhishu:
            if h*i<=a:
                zhishu1[h*i]=False
    zhishu=set(zhishu)
    return zhishu</pre>
```

字符匹配算法KMP

```
def kmp(s1,s2):
   n,m=len(s1),len(s2)
   x,y=0,0
   nt=nextarray(s2,m)
   while x<n and y<m:
       if s1[x]==s2[y]:
           x+=1
           y+=1
       elif y==0:
           x+=1
       else:
           y=nt[y]
   return x-y if y==m else -1
def nextarray(s,m):
   # 返回一个列表a, 其中a[i]记录了s[:i + 1]的最长公共真前后子缀的长度-1
   if m==1:
       return [-1]
   nt=[0]*m
   nt[0],nt[1]=-1,0
   i,cn=2,0
   while i<m:
       if s[i-1]==s[cn]:
           cn+=1
           nt[i]=cn
           i+=1
       elif cn>0:
           cn=nt[cn]
       else:
           nt[i]=0
           i+=1
   return nt
```

优先队列

使用最小堆实现

```
# 这是个人实现
class BinaryHeap:
    def __init__(self):
        self.heap = [None]
        self.size = 0
    def put(self, num):
        self.heap.append(num)
        self.size += 1
        self.float(self.size)
        return None
    def float(self, ind):
        while ind > 1:
            if self.heap[ind] < self.heap[ind // 2]:</pre>
                self.heap[ind], self.heap[ind // 2]\
                     = self.heap[ind // 2], self.heap[ind]
            else:
                break
            ind //= 2
        return None
    def pop(self):
        num = self.heap[1]
        if self.size > 1:
            self.heap[1] = self.heap.pop()
            self.size -= 1
            self.sink(1)
        else:
            self.heap.pop()
            self.size -= 1
        return num
    def sink(self, ind):
        while ind * 2 <= self.size:
            needbreak = True
            if self.heap[ind] > self.heap[ind * 2]:
                self.heap[ind], self.heap[ind * 2] = \
                    self.heap[ind * 2], self.heap[ind]
                ind1 = ind * 2
                needbreak = False
            if ind * 2 + 1 <= self.size and self.heap[ind] \</pre>
                > self.heap[ind * 2 + 1]:
```

而heapg库可以解决这个问题

```
import heapq heappush(heap, item) # 将元素item添加到列表heap中,并保持堆的特性。 heapq.heappop(heap) # 从堆heap中弹出并返回最小的元素,同时保持堆的特性。 heapq.heapify(x) # 将列表x转换成一个堆,这是一个原地操作,时间复杂度为线性。 heapq.heappushpop(heap, item) # 将元素item放入堆中,然后弹出并返回堆中 # 的最小元素。这个组合操作比单独调用heappush()后再调用heappop()更高效。 heapq.heapreplace(heap, item) # 弹出并返回堆中最小的元素,同时将新元素 # item推入堆中。这个操作在使用固定大小的堆时非常适用。
```

图的拓扑排序

- 1. 利用图的DFS实现,将节点按结束时间从大向小排序就可以得到,先做什么后做什么的线性排序。
- 2. 每次选出入度为0的点,然后更新其相连节点的入度。

如果某一步有不止一个入度为0的点,说明排序不唯一 如果某一步还没有排完所有的点,但是没有入度为0的点,说明有圈。

各种排序

冒泡

稳定;时间 $O(n^2)$;空间O(1)

选择

不稳定; 时间 $O(n^2)$; 空间O(1)

是冒泡的优化,比较次数相同但是交换次数减少,多用了一个变量来缓存。

插入

每次通过二分等方法为新的数据寻找位置,得到排列完成的子列表。

稳定;

谢尔

将列表分为间隔等距的一些子列表,分别插入排序,再整体插入排序

不稳定;

归并

分成两个子列表,排序完成后再合并

稳定;

快速

找到中值,把比他小的放一边,比他大的放一边

不稳定;

考察中值点的选择和不同的实现:霍尔法、三指针法、挖坑法

```
def quicksort(arr, left, right):
    if left < right:</pre>
        mid = partition(arr, left, right)
        quicksort(arr, left, mid - 1)
        quicksort(arr, mid + 1, right)
def partition(arr, left, right):
    i = left
    j = right - 1
    pivot = arr[right]
    while i <= j:
        while i <= right and arr[i] < pivot:</pre>
            i += 1
        while j >= left and arr[j] >= pivot:
            j -= 1
        if i < j:
            arr[i], arr[j] = arr[j], arr[i]
    if arr[i] > pivot:
        arr[i], arr[right] = arr[right], arr[i]
    return i
```

分配

语法

常用的库

```
# 堆
import heapq
# 队列(default字典)
from collections import deque(defaultdict)
# 递归上限
from sys import setrecursionlimit
# 缓存
from functools import lru_cache
'''数学***math库***: 最常用的sqrt,对数log(x[,base])、 三角sin()、 反三角
asin()也都有; 还有e,pi等常数, inf表示无穷大; 返回小于等于x的最大整数
floor(),大于等于ceil(),判断两个浮点数是否接近
isclose (a, b, *,rel_tol=1e-09, abs_tol=0.0); 一般的取幂pow(x, y)
,阶乘factorial(x) 如果不符合会ValueError,组合数comb(n, k)
`math.radians()`将度数转换为弧度, `math.degrees()`将弧度转换为度数。'''
import math
# 二分库
import bisect
bisect.bisect right(a,6)
# 返回在a列表中若要插入6的index(有重复数字会插在右边)
bisect.insort(a,6)#返回插入6后的列表a
# conuter
from collections import Counter
```

类的定义方法

init 构造函数,创建对象时自动调用 del 析构函数,对象删除前调用 str 控制 print(obj) 时的输出 repr 控制对象在解释器中的表现 len 支持 len(obj) getitem 支持 obj[key]

```
setitem 支持 obj[key] = value iter 使对象可迭代(如用于 for 循环)next 支持迭代器的下一个元素 call 使对象可以像函数一样调用 enter / exit 用于上下文管理器(with 语句)eq,lt,gt,ne,le,ge 比较运算 add,sub,mul,等等 支持算术运算符重载 | eq(self, other) | == | 判断相等 | | ne(self, other) | != | 判断是否小于 | | lt(self, other) | <= | 判断是否小于 | | gt(self, other) | > | 判断是否大于 | | ge(self, other) | >= | 判断是否大于等于 |
```

格式化字符串

未知行输入

```
import sys
for line in sys.stdin:
    line = line.strip()
    # 去掉每行最后的换行符,制表符和回车符
```

提示

二分法

二分试根的左右范围应当扩大,精度要求应该缩小。不要为了省事把第三种直接得到解的情况省略。左右指针精度要求应该强一些。

RE常见原因

- 1. 指针爆了
- 2. 数组太长爆了

- 3. 变量名错了
- 4. 栈爆了 使用代码

from sys import setrecurisonlimit setrecursionlimit(10000) # python 默认 200

模版

多项式加法和乘法

```
class node:
    def __init__(self, xishu, cishu):
        self.xishu = xishu
        self.cishu = cishu
class poly:
    def __init__(self, dan = None):
        self.pdict = dict()
       # 按次数储存系数
        if dan != None:
            self.pdict[dan.cishu] = dan
    def padd(self, dan):
        '''向多项式中添加单项式'''
        k = self.pdict.get(dan.cishu, node(0, dan.cishu))
        k.xishu += dan.xishu
        self.pdict[dan.cishu] = k
        return None
def add(a:poly, b:poly):
    k = poly()
    for i in a.pdict:
        k.padd(a.pdict[i])
    for i in b.pdict:
        k.padd(b.pdict[i])
    return k
def mul(a:poly, b:poly):
    k = poly()
    for i in a.pdict:
        i = a.pdict[i]
       for j in b.pdict:
            j = b.pdict[j]
            k.padd(node(i.xishu * j.xishu, i.cishu + j.cishu))
    return k
```

```
def strforpoly(a:poly):
    ind = list(a.pdict.keys())
    ind.sort(reverse=True)
    ans = ''
    for i in ind:
       x = a.pdict[i].xishu
       y = a.pdict[i].cishu
       if x != 0:
           if x > 0 and ans != '':
               ans += '+'
           if x == 1 and y != 0:
               pass
           elif x == -1 and y != 0:
               ans += '-'
            else:
               ans += str(x)
           if y != 0:
               ans += 'x'
               if y != 1:
                    ans += '^'
                   ans += str(y)
    if ans == '':
        ans = '0'
    return ans
```

图与图的深搜

```
class VertBase:
   有向带权图的顶点
   当自定义类的对象用作字典的键值时,缺省使用系统hash()函数,
   它基于id()函数实现,
   也就是说,一个对象的哈希值在它的生命周期期间是固定的。
   def __init__(self, key):
       self.id = key
       self.connectedTo = {}
       self.inDegree = self.outDegree = 0
   def addNeighbor(self, nbr, weight=1):
       添加从当前节点到nbr节点的有向边
       添加重复边会更新其权值,不影响节点的出/入度。
       if nbr not in self.connectedTo:
          self.outDegree += 1
          nbr.inDegree += 1
       self.connectedTo[nbr] = weight
   def delNeighbor(self, nbr):
       删除有向边
       ....
       if nbr in self.connectedTo:
          self.outDegree -= 1
          nbr.inDegree -= 1
          del(self.connectedTo[nbr])
   def __str__(self):
       return f"{self.id}({self.inDegree}:{self.outDegree})\
          -->{[x.id for x in self.connectedTo]}"
   __repr__ = __str__
   def getConnections(self):
       取得所有指向的节点
```

```
return self.connectedTo.keys()
   def getId(self):
       return self.id
   def getWeight(self, nbr):
       取得指向某节点边的权重
       return self.connectedTo[nbr]
import os
class Graph:
   有向带权图,不支持重复边
   0.00
   def __init__(self, Vert=VertBase, other=None):
       Vert: 顶点类型,需要继承基础顶点Vertex
       other: 复制other中所有的顶点和边
       assert issubclass(Vert, VertBase)
       self.Vertex = Vert
       self.vertList = {}
                         #其实是一个字典
       if other:
           for v in other:
               self.addVertex(v.getId())
               for u in v.getConnections():
                   self.addEdge(v.getId(), u.getId(),
                          v.getWeight(u))
   def T(self):
       获取有向图的转置图
       0.00
       ng = Graph()
       for v in self:
           ng.addVertex(v.getId())
           for u in v.getConnections():
               ng.addEdge(u.getId(), v.getId())
       return ng
```

0.00

```
def addVertex(self, key):
   if key not in self:
        self.vertList[key] = Vertex(key)
   return self.vertList[key]
def getVertex(self, key):
   try:
       return self.vertList[key]
   except KeyError:
        return None
def delVertex(self, key):
   删除一个顶点, 先删掉它所有的入边、出边, 再删本身
   if key in self:
       v = self.getVertex(key)
       for f in self:
           f.delNeighbor(v)
       for t in [t for t in v.getConnections()]:
           v.delNeighbor(t)
        del(self.vertList[key])
def __contains__(self, key):
    return key in self.vertList
def addEdge(self, f, t, weight=0):
   if f not in self:
        self.addVertex(f)
   if t not in self:
        self.addVertex(t)
    self.vertList[f].addNeighbor(self.vertList[t], weight)
def getVertices(self):
   返回所有顶点的key
   return self.vertList.keys()
def __iter__(self):
    0.00
    返回所有顶点本身
```

```
return iter(self.vertList.values())
   def __len__(self):
       return len(self.vertList)
   def __str__(self):
       0.00
       每个顶点各占一行。
       s = ""
       for v in self:
           nbrs = " ".join([str(u.getId()) \
               for u in v.getConnections()])
           s += f"{v}: {nbrs}{os.linesep}"
       return s
#对VertBase进行扩充,
#增加了distance, color, pred
#和discovery, finish属性,
#从而对BFS/DFS搜索算法进行支持。
import sys
class Vertex(VertBase):
   def __init__(self, key):
       super().__init__(key)
       self.color = 'white'
       self.distance = sys.maxsize
       self.pred = None
       0.00
       self.pred = []
       前驱可能有多个值,用一个列表来存放。
       这样可以通过BFS算法找出所有的最短路径。
       ....
       self.discovery = None
       self.finish = None
   def setDiscovery(self, t):
       self.discovery = t
   def setFinish(self, t):
       self.finish = t
   def getDistance(self):
```

0.00

```
return self.distance
   def setDistance(self, dist):
       self.distance = dist
   def setPred(self, pred):
       self.pred = pred
   def getPred(self):
       return self.pred
   def getColor(self):
       return self.color
   def setColor(self, color):
       self.color = color
# 图的深搜
class DFSGraph(Graph):
   def __init__ (self, other = None):
       super().init(Vertex, other)
       self.time = ∅ # 不是物理时间,而是算法执行步数
   def dfs(self):
       for aVertex in self:
           aVertex.setColor('white') # 颜色初始化
           aVertex.setPred(None)
       # 从每一个顶点开始遍历
       for aVertex in self:
           if aVertex.getColor() == 'white':
               self.dfsvisit(aVertex) # 建立一个以aVertex为根的树。
               # 如果有多棵树,则形成森林
   def dfsvisit(self, startVertex):
       startVertex.setColor('gray')
       self.time += 1 # 记录算法的步数
       startVertex.setDiscovery(self.time)
       for nextVertex in startVertex.getConnections():
           if nextVertex.getColor()=='white':
               nextVertex.setPred(startVertex)
               self.dfsvisit(nextVertex) # 深度优先递归访问
       startVertex.setColor('black')
```

```
self.time += 1
startVertex.setFinish(self.time)
```

表达式树

目前会wa模考第六题,不知道哪里有问题,感觉正确,可以尝试使用

```
class node:
    def __init__(self, data):
        self.data = data
        self.leftson = None
        self.rightson = None
def buildtree(line):
    # 从中缀表达式建树
    num = 0
    i = 0
    numstack = []
    opstack = []
    pre_is_num = False
    while i < len(line):</pre>
        stack = []
        if line[i] != '(':
            if line[i] == '*':
                opstack.append('*')
                pre_is_num = False
            elif line[i] == '+':
                if not opstack:
                    opstack.append('+')
                    pre_is_num = False
                else:
                    x = opstack.pop()
                    if x == '+':
                        opstack.append('+')
                        opstack.append('+')
                        pre_is_num = False
                    else:
                        b = numstack.pop()
                        a = numstack.pop()
                        n = node('*')
                        n.leftson = a
                        n.rightson = b
                        numstack.append(n)
                        # 把应当优先计算的子表达式树压入numstack
                        opstack.append('+')
                        pre_is_num = False
            else:
                if pre_is_num:
                    x = numstack.pop()
                    x.data += line[i]
```

```
numstack.append(x)
               else:
                   numstack.append(node(line[i]))
                   pre_is_num = True
           i += 1
       else:
           num += 1
           j = i + 1
           while num:
               if line[j] == ')':
                   num -= 1
               elif line[j] == '(':
                   num += 1
               stack.append(line[j])
               j += 1
           stack.pop()
           numstack.append(buildtree(stack))
           # 得到了括号内的子表达式树,压入numstack
           i = j
           pre_is_num = False
    # numstack与opstack维护完毕,现在构建表达式树
   while opstack:
       op = opstack.pop()
       b = numstack.pop()
       a = numstack.pop()
       n = node(op)
       n.leftson = a
       n.rightson = b
       numstack.append(n)
    # 最后一个n就是整个树
    return numstack.pop()
def write(tree):
   if tree.data == '+':
       return write(tree.leftson) + '+' + write(tree.rightson)
   if tree.data == '*':
       ans = ''
       1 = tree.leftson
       r = tree.rightson
       if 1.data == '+':
           ans += '(' + write(1) + ')'
       else:
           ans += write(1)
```

```
ans += '*'
if r.data == '+':
    ans += '(' + write(r) + ')'
else:
    ans += write(r)
    return ans
return tree.data
```