

UNIVERSIDAD AUTÓNOMA DE NUEVO LEÓN FACULTAD DE INGENIERÍA MECÁNICA Y ELÉCTRICA

TIPO DE EXAMEN Y/O EVALUACIÓN: MEDIO CURSO

MATERIA/UNIDAD DE APRENDIZAJE: Matemáticas Discretas

SEMESTRE: 30

ACADEMIA: Software de Base

INSTRUCCIONES.—

Conteste los siguientes cuestionamientos; anote sus cálculos, ilustraciones y explicaciones en las hojas proporcionadas por la profesora sin escribir en el reverso de las hojas, anotando su número de matrícula en la esquina derecha superior de cada hoja, junto con la secuencia de hojas y la cantidad total de las mismas. No incluir su nombre ni ningún otro dato adicional aparte de las soluciones, indicando la pregunta y el apartado correspondiente. El examen es de libro cerrado, con calculadora sencilla y se contesta escrito a mano. La pura respuesta sin procedimiento vale cero puntos — incluir cálculos claros y completos, paso por paso. La pregunta 1 corresponde a la unidad temática 1. Lógica, la pregunta 3 a la unidad 2. Combinatoria, mientras la pregunta 2 combina conceptos de las dos unidades; se indica para cada actividad solicitada el puntaje máximo por su solución correcta. HAY QUE LEER TODA LA HOJA ANTES DE EMPEZAR A RESPONDER LAS PREGUNTAS.

TA /		
11/101	rriciii	\cdot
IVIA	trícul	ıa.

1. Evalúe en un árbol de decisión (2 pts) la expresión booleana $((x_1 \wedge x_2) \leftrightarrow \neg(x_3 \oplus \neg(\neg x_4 \rightarrow x_5) \vee \neg x_6))$ con la asignación $(\frac{1}{2}$ pt por valor de verdad),

$$x_1 \coloneqq \left\lceil \frac{33}{19} \right\rceil \ge \left\lfloor \frac{60}{15} \right\rfloor,$$

$$x_4 := \gcd(50, 20) \le 9$$
,

$$x_2 \coloneqq 55 \mod 28 < 2$$

 $x_5 := 1114_{10}$ tiene exactamente 5 dígitos en base 15,

$$x_3 := 4100_7 > 186_{14}$$

$$x_6 \coloneqq (25^10) \& ((33 \mid (24 << 2))) = [\log_2 65],$$

respetando las paréntesis presentes la *precedencia* (de mayor a menor) \neg , \rightarrow , \lor , \leftrightarrow , \oplus , \land (1 pt). Incluya las *tablas de verdad* para **cada** operador ($\frac{1}{3}$ pt por operador).

- 2. Explique en palabras propias la **relevancia** de los siguientes conceptos en la ingeniería, proporcionando *ejemplos concretos* de sus posibles **aplicaciones** en ella (1 pt por concepto). *Definiciones valen cero puntos ya que no se pide definirlas; ejemplos sencillos poco relacionados con aplicaciones concretas no otorgan puntos.*
 - (a) Bases mucho menores a diez.

(c) Bases mucho mayores a diez.

(b) Operaciones lógicas con enteros.

- (d) Operaciones con conjuntos.
- 3. Siendo X los números primos \in (3, 15) y Y los F_i para $i \in [2, 7]$, determine lo siguiente (1 pt por apartado).
 - (a) X, Y, x = |X| y y = |Y|.
 - (b) $A = X \cup Y \text{ y } |A|$.
 - (c) $B = Y \cap A \setminus |B|$.
 - (d) $C = B \setminus X \setminus Y \mid C \mid$.
 - (e) Las permutaciones de un $D \subseteq X$ con $|D| = \min\{4, |X|\}$.
 - (f) $2^E \vee |2^E|$ para un $E \subseteq Y$ con $|E| = \min\{4, |Y|\}$.
 - (g) $\alpha(x, f)$ para la cantidad de permutaciones de $F \subset X$, |F| = f.
 - (h) $\beta(y,g)$ para $|\{G \mid |G| < g \land G \subseteq Y\}|$.

PUNTOS EXTRA:

- i Un punto: ¿Cuál es el, aproximadamente, el código RGB hexadecimal de esta hoja?
- ii Si los estimados de puntaje que el participante proporcione al *entrar*, al *haber leido* y al *salir* del examen **no** difieren por más de un punto del resultado obtenido (sin tomar en cuenta posibles puntos extra), se otorga un medio punto extra por cada estimado preciso; en el caso que un estimado sea *exactamente* el resultado obtenido, se otorga un medio punto *adicional*, con la excepción que al sacar cero puntos no aplican estos puntos extra. Son tres puntos máximo en total por participante.
- iii Una vez entregado su propia examen a la profesora, hasta que termine la hora de clase, Usted se puede ofrecer a **ayudar** a los demás participantes (un ayudante por persona a la vez, ayudando a una sola persona a la vez); recibirá como comisión el equivalente al 7 % del puntaje que reciba la persona con su ayuda por ese inciso. La persona quien recibe la ayuda debe anotar claramente *en la hoja de preguntas* las **matrículas** de sus ayudantes al *margen inmediato* del inciso en cuestión en la hoja de preguntas con letra clara; en el caso de haber recibido ayuda de múltiples personas, la comisión se divide en partes iguales. En el caso que nadie obtenga una comisión mayor o igual a cinco puntos, se normalizan todas las comisiones de tal forma que el mayor comisionista recibe cinco puntos. La comisión acumulada se redondea a la duodécima parte más cercana.