

## TP5

### Objectifs

Consolider vos compétences en algorithme. Notion de complexité

**NB : On vous demande d'écrire en langage Java des programmes des tous ces Exercices**

### Exercice 1 :

Soient  $x$  un nombre réel et  $n$  un entier positif. On veut calculer  $x^n$

1. Ecrire un algorithme itératif.
2. Ecrire un algorithme Récursif.

Écrivez deux algorithmes (itératif et récursif) qui calculent le factoriel de  $n$  :

$$n! = 1 \times 2 \times 3 \times \dots \times (n-1) \times n.$$

Le programme demandera à l'utilisateur d'entrer la valeur de  $n$ .

### Exercice 2 :

Un tableau  $A$  contenant  $n$  éléments qui sont redondants. On veut supprimer tous les éléments dupliqués de  $A$ .

1. Ecrire un algorithme permettant de résoudre ce problème en utilisant deux boucles.
2. Supposons que le tableau  $A$  est trié dans l'ordre croissant. Ecrire un algorithme en utilisant qu'une seule boucle.

### Exercice 3 :

Soit  $A$  un tableau trié de  $n \geq 2$  éléments sans aucun élément dupliqué. On cherche deux éléments  $x$  et  $y$  dans  $A$  tels que  $x + y = 0$ .

1. Ecrire un algorithme en utilisant deux boucles.
2. Ecrire un algorithme en utilisant la recherche dichotomique.
3. Ecrire un algorithme en utilisant qu'une seule boucle.

### Exercice 4 :

Soit  $A$  un tableau de  $n$  éléments. On suppose que les éléments de  $A$  sont booléens (0 ou 1). On cherche à trier ce tableau.

1. Ecrire un algorithme en utilisant qu'une seule boucle.

### Exercice 5 :

On suppose que l'on a un tableau  $A$   $[1..n]$  ( $n \geq 3$ ) avec les propriétés suivantes :

$A[2] \leq A[1]$  et  $A[n-1] \leq A[n]$ . On dit qu'un élément  $A[i]$  est un minimum local, s'il est inférieure ou égal à ces deux voisins, ou plus formellement, si  $A[i] \leq A[i-1]$  et  $A[i] \leq A[i+1]$ .

1. Déterminer les minimums locaux de tableau ci-dessous :

$$A = \{9, 7, 7, 2, 1, 3, 7, 5, 4, 7, 3, 3, 4, 8, 6, 9\}$$

2. Un algorithme qui détermine un minimum local d'un tableau  $A[1...n]$  en utilisant qu'une seule boucle.
3. Un algorithme qui détermine un minimum local d'un tableau  $A[1...n]$  en utilisant la recherche dichotomique.

**Exercice 6 :**

On considère le problème du calcul de la suite de Fibonacci définie par :

$$F_0 = F_1 = 1 \text{ et } F_n = F_{n-1} + F_{n-2}, \text{ pour } n \geq 2.$$

1. Écrire un algorithme récursif  $Fibo1(n)$  qui calcule  $F_n$
2. Écrire un algorithme itératif  $Fibo2(n)$  qui calcule  $F_n$

**Exercice 7 :**

1. Ecrire un algorithme récursif résolvant la somme des  $N$  premiers entiers.
2. Ecrire un algorithme récursif pour déterminer le plus grand élément d'un tableau.

**Exercice 8 :**

1. Que font ces deux algorithmes

Fonction test (y, z: Entier) : Entier Var x: Entier; Début x:= 0; Tant Que(z > 0) Faire x:= x + y × (z% 2); y:= 2 × y; z:= z/ 2; //La partie inferieure de z/2 FinTQ Retourner(x); Fin	Procédure test1(x, y: Entier) Var aux: Entier; Début aux:= x; x:= y; y:= aux; Fin
----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------	-----------------------------------------------------------------------------------------------------