

TP5

Objectifs

Consolider vos compétences en algorithme. Notion de complexité

NB : On vous demande d'écrire en langage Java des programmes des tous ces Exercices

Exercice 1 :

Soient x un nombre réel et n un entier positif. On veut calculer x^n

1. Ecrire un algorithme itératif.
2. Ecrire un algorithme Récursif.

Écrivez deux algorithmes (itératif et récursif) qui calculent le factoriel de n :

$$n! = 1 \times 2 \times 3 \times \dots \times (n-1) \times n.$$

Le programme demandera à l'utilisateur d'entrer la valeur de n .

Exercice 2 :

Un tableau A contenant n éléments qui sont redondants. On veut supprimer tous les éléments dupliqués de A .

1. Ecrire un algorithme permettant de résoudre ce problème en utilisant deux boucles.
2. Supposons que le tableau A est trié dans l'ordre croissant. Ecrire un algorithme en utilisant qu'une seule boucle.

Exercice 3 :

Soit A un tableau trié de $n \geq 2$ éléments sans aucun élément dupliqué. On cherche deux éléments x et y dans A tels que $x + y = 0$.

1. Ecrire un algorithme en utilisant deux boucles.
2. Ecrire un algorithme en utilisant la recherche dichotomique.
3. Ecrire un algorithme en utilisant qu'une seule boucle.

Exercice 4 :

Soit A un tableau de n éléments. On suppose que les éléments de A sont booléens (0 ou 1). On cherche à trier ce tableau.

1. Ecrire un algorithme en utilisant qu'une seule boucle.

Exercice 5 :

On suppose que l'on a un tableau $A[1..n]$ ($n \geq 3$) avec les propriétés suivantes :

$A[2] \leq A[1]$ et $A[n-1] \leq A[n]$. On dit qu'un élément $A[i]$ est un minimum local, s'il est inférieure ou égal à ces deux voisins, ou plus formellement, si $A[i] \leq A[i-1]$ et $A[i] \leq A[i+1]$.

1. Déterminer les minimums locaux de tableau ci-dessous :

$$A = \{9, 7, 7, 2, 1, 3, 7, 5, 4, 7, 3, 3, 4, 8, 6, 9\}$$



2. Un algorithme qui détermine un minimum local d'un tableau $A [1...n]$ en utilisant qu'une seule boucle.
3. Un algorithme qui détermine un minimum local d'un tableau $A[1...n]$ en utilisant la recherche dichotomique.

Exercice 6 :

On considère le problème du calcul de la suite de Fibonacci définie par :

$$F_0 = F_1 = 1 \text{ et } F_n = F_{n-1} + F_{n-2}, \text{ pour } n \geq 2.$$

1. Écrire un algorithme récursif $Fibo1(n)$ qui calcule F_n
2. Écrire un algorithme itératif $Fibo2(n)$ qui calcule F_n

Exercice 7 :

1. Ecrire un algorithme récursif résolvant la somme des N premiers entiers.
2. Ecrire un algorithme récursif pour déterminer le plus grand élément d'un tableau.

Exercice 8 :

1. Que font ces deux algorithmes

| | |
|--|--|
| <p>Fonction test (y, z: Entier) : Entier Var x: Entier; Début x:= 0; Tant Que(z > 0) Faire x:= x+ y ×(z% 2); y:= 2 × y; z:= z/ 2; //La partie inférieure de z/2 FinTQ Retourner(x); Fin</p> | <p>Procédure test1(x, y: Entier) Var aux: Entier; Début aux:= x; x:= y; y:= aux; Fin</p> |
|--|--|