# 山东大学计算机科学与技术学院

# 数据结构与算法课程设计报告

学号: 201700140056 | 姓名: 李港 | 班级: 17.4

上机学时: 4 日期: 2020.04.11

课程设计题目: 残缺棋盘问题

软件环境: VS2019

## 报告内容:

## 一、需求描述

### 1.1 问题描述

残缺棋盘(defective chessboard): 是一个有  $2k \times 2k$  个方格的棋盘,其中恰有一个方格残缺。对于任意 k,恰好存在 22k 种不同的残缺棋盘。

在残缺棋盘中,要求用三格板(triominoes)覆盖残缺棋盘。在覆盖中,任意两个三格板不能重叠,任意一个三格板不能覆盖残缺方格,但三格板必须覆盖其他所有方格。

## 1.2 基本要求

- 1. 输入棋盘大小和残缺方格的位置。
- 2. 输出覆盖后的棋盘,输出棋盘时要着色,共享同一边界的覆盖应着不同的颜色。
- 3. 棋盘是平面图,要求使用最少的颜色覆盖着色。

## 1.3 输入说明

1. 输入设计:

采用终端输入或文件进行输入, 仅需输入一个数字和一个坐标。

2. 输入数据样例:



## 1.4 输出说明

输出界面设计

采用色彩+数字的形式进行输出,残缺部分为0号。

需要注意,彩色输出在不同平台上有不同实现。需要具体情况具体分析。

#### 输出数据样例



## 二、分析与设计

### 2.1 问题分析

需要设计两个大部分,解题函数与输出函数。

### 2.2 主程序设计

主程序进行输入, 计算, 输出一系列过程。

### 2.3 设计思路

- 1. 对于解题函数,采用四路递归设计。
- 2. 对于每一层递归,分成四个子象限。
- 3. 对于每个子象限, 先进行残缺判断, 若不残缺则向靠近棋盘中部的一个格子填充当前三格板 编号, 然后调用递归; 若残缺, 则直接递归。

## 2.4 数据及数据类(型)定义

```
int total num = 1;
int Board[2048+10][2048+10];
```

int total num = 1: //表示三格板编号,最终等于三格板总数量

int Board[2048+10][2048+10]; //表示棋盘,每格数值为三格板编号

### 2.5. 算法设计及分析

### 递归设计:

- 1. 对于解题函数,采用四路递归设计。
- 2. 对于每一层递归,分成四个子象限。
- 3. 对于每个子象限, 先进行残缺判断, 若不残缺则向靠近棋盘中部的一个格子填充当前三格板 编号,然后调用递归;若残缺,则直接递归。

## 三、测试



可见,程序运行正常。

### 四、分析与探讨

- 1. 本实验较为简单,代码简洁,逻辑清晰。
- 2. 这次实验中我学习了终端的彩色输出方式,收货非常大。

```
五、附录:实现源代码
#pragma warning(disable:4996)
#include <cstdio>
#include<iostream>
#include <cmath>
#include <iomanip>
//#define OS_TYPE_WINDOWS_CC
#include"ColorfulConsoleIO.h"
void ChessBoard(int tr, int tc, int dr, int dc, int size);
void OutputBoard(int size);

      int total_num = 1;
      //表示三格板编号,最终等于三格板总数量

      int Board[2048+10][2048+10];
      //表示棋盘,每格数值为三格板编号

int main(){
   int n, a, b;
   std::cout << R"(
)";
   std::cout << "请输入递归次数: ";
   scanf("%d", &n);//输入2的幂次
   int sum;
   sum = pow(2, n);
   std::cout << "请输入两个数字代表残缺点: ";
   scanf("%d %d", &a, &b);
   Board[sum - a - 1][b - 1] = 0;
   std::cout << "开始递归计算。\n";
   ChessBoard(0, 0, a - 1, b - 1, sum);
   std::cout << "递归计算完成。\n";
   OutputBoard(sum);
   std::cout << "输出完成。";
   return 0;
}
//残缺棋盘的递归程序
void ChessBoard(int tr, int tc, int dr, int dc, int size){
   if (size == 1) return;
   int num = total_num++;
                            //所使用的三格板的编号
   int sub_size = size / 2;//象限大小
   //对于左上象限
   if (dr < tr + sub_size && dc < tc + sub_size) {//残缺方格位于本象限
       ChessBoard(tr, tc, dr, dc, sub_size);
   }else{//本象限中没有残缺方格,把三格板 num 号放在右下角,这样四个象限均有一个残缺
       Board[tr + sub_size - 1][tc + sub_size - 1] = num;
       ChessBoard(tr, tc, tr + sub_size - 1, tc + sub_size - 1, sub_size);
   }
   //右上象限
   if (dr = tc + sub_size) {//残缺方格位于本象限
       ChessBoard(tr, tc + sub_size, dr, dc, sub_size);
           //本象限中没有残缺方格,把三格板 t 放在左下角
   }else {
      Board[tr + sub_size - 1][tc + sub_size] = num;
       ChessBoard(tr, tc + sub_size, tr + sub_size - 1, tc + sub_size, sub_size);
   }
   //左下象限
   if (dr >= tr + sub_size && dc < tc + sub_size) {</pre>
       ChessBoard(tr + sub_size, tc, dr, dc, sub_size);
   }else{
       Board[tr + sub_size][tc + sub_size - 1] = num;
       ChessBoard(tr + sub_size, tc, tr + sub_size, tc + sub_size - 1, sub_size);
```

```
}
    //右下象限
   if (dr >= tr + sub_size && dc >= tc + sub_size) {
       ChessBoard(tr + sub_size, tc + sub_size, dr, dc, sub_size);
   }else{
       Board[tr + sub_size][tc + sub_size] = num;
       ChessBoard(tr + sub_size, tc + sub_size, tr + sub_size, tc + sub_size, sub_size);
   }
}
//彩色显示输出
void OutputBoard(int size){
   for (int i = 0; i < size; i++){</pre>
       for (int j = 0; j < size; j++) {
   std::wcout << (ConsoleBackgroundColor)(Board[i][j]%10) <<(ConsoleColor)((Board[i][j]+1) %</pre>
10)<<std::setw(2) << Board[i][j];</pre>
       std::wcout << ConsoleBackgroundColor::None;</pre>
       std::wcout << ConsoleColor::None;</pre>
       printf("\n");
     std::wcout << ConsoleBackgroundColor::None;</pre>
     std::wcout << ConsoleColor::None;</pre>
}
```