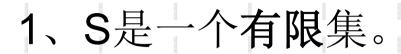


概览

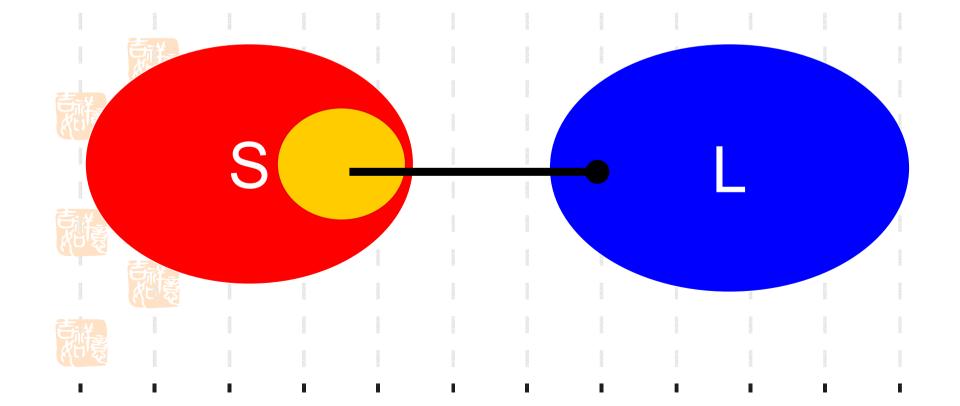
- ■第一部分: 拟阵的基本概念
- 第二部分: 拟阵的最优化问题
- 第三部分: 一个任务调度问题
- 第四部分:拟阵实例
- · 拓展部分: Shannon开关游戏

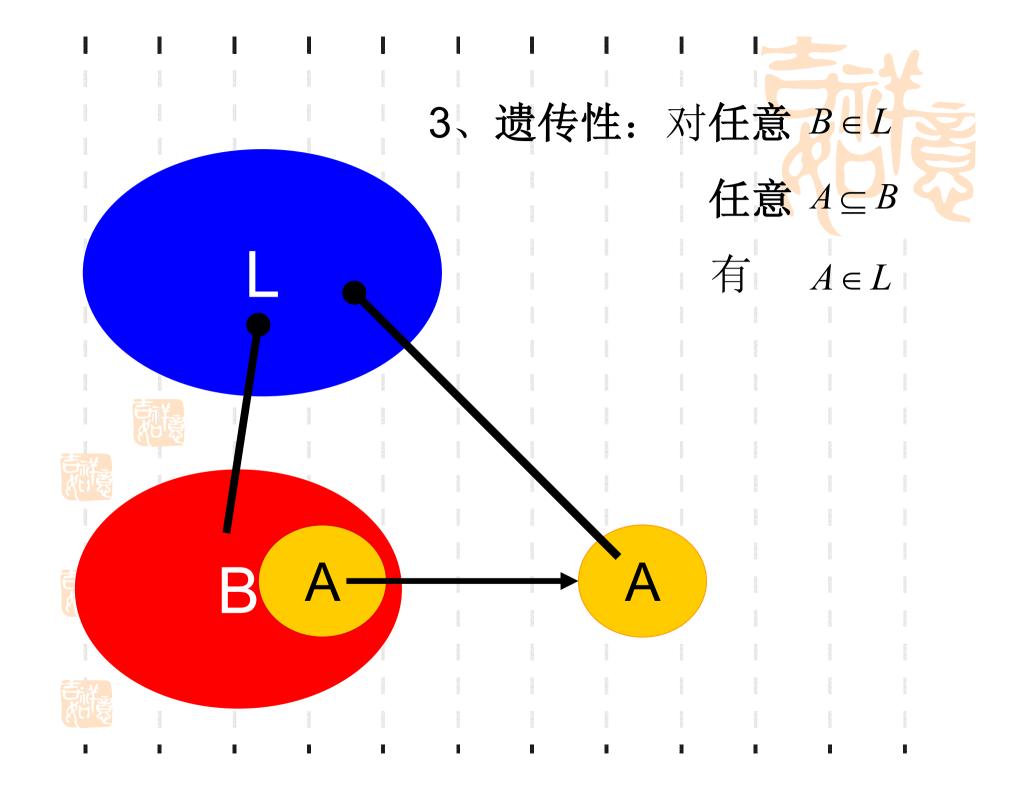


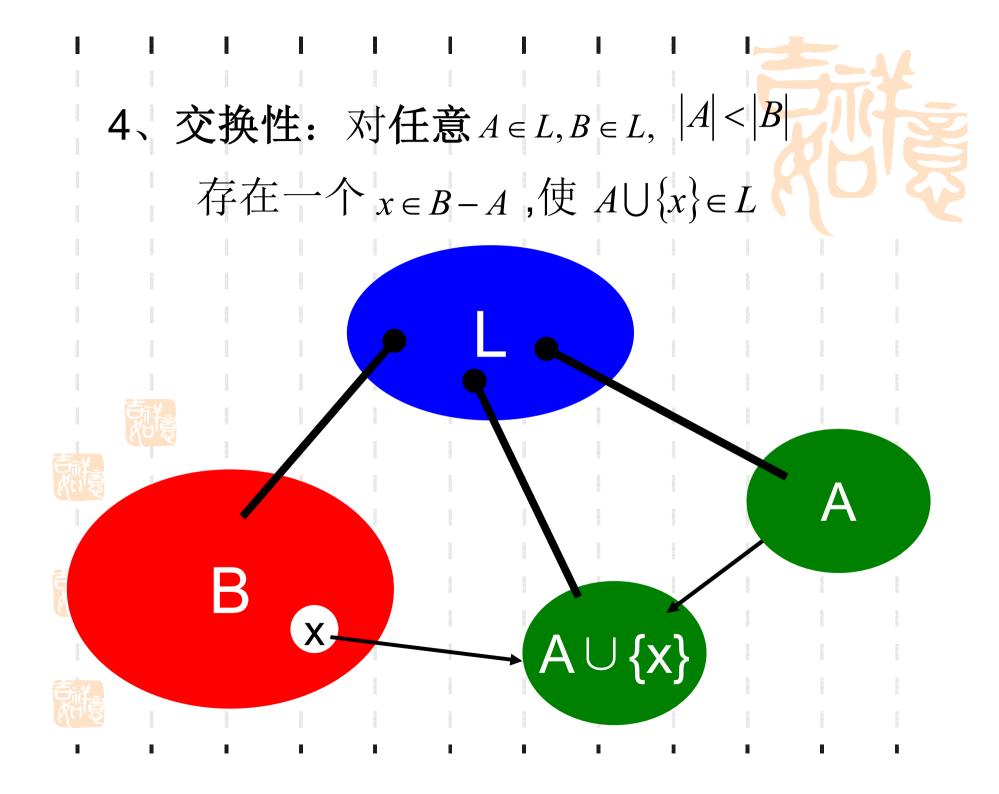
拟阵是一个二元组 M = (S, L)



2、L是个以集合作为元素的集合,且它的元素必须是S的子集







定义



- 1、S是一个有限集。
- 2、L是由S的一些子集组成的有限非空集
- 3、遗传性: 对任意 $B \in L$,任意 $A \subseteq B$

有 $A \in L$



存在一个 $x \in B \perp A$,使 $A \cup \{x\} \in L$







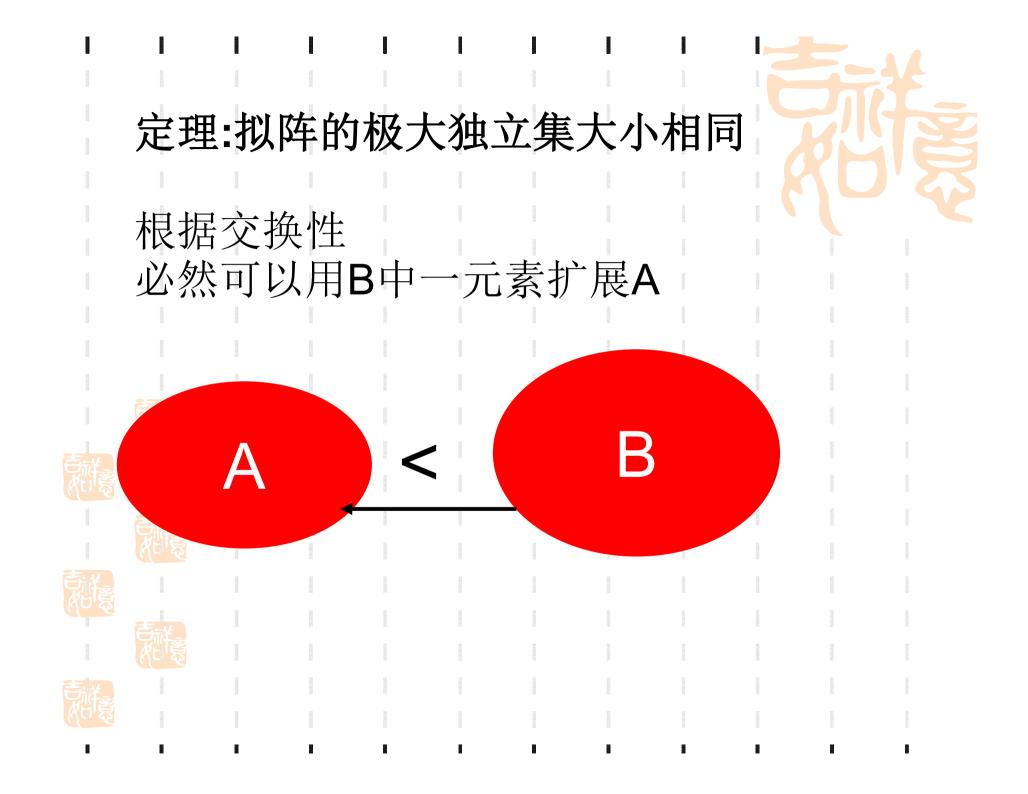
定义

对于 $U \subseteq S$ 如果 $U \in L$ 那么称U为独立集 对于独立集A,若存在 $x \in S - A$ 满足 $A \cup \{x\} \in L$ 则称A为可扩展的

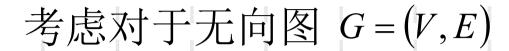
满足此条件的x称为A的一个可扩展元素







实例:图拟阵



定义
$$M = (S, L)$$
:





2、
$$L = \{x : x \subseteq E \exists x \text{组成的图无环}\}$$

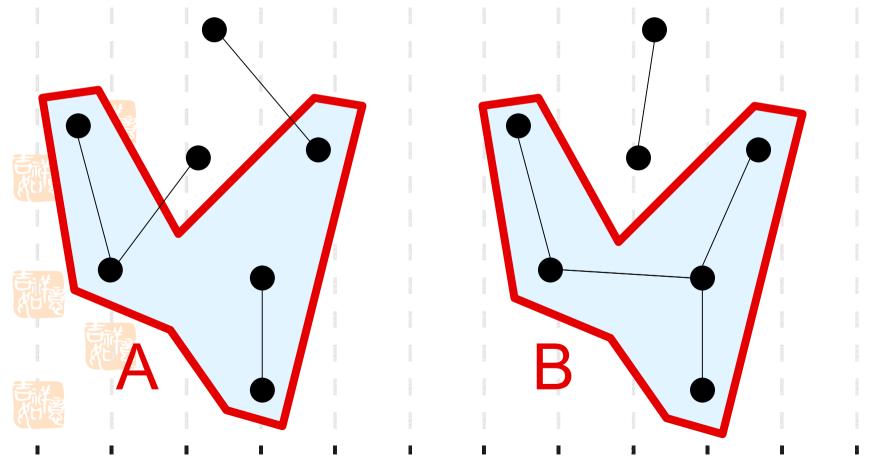


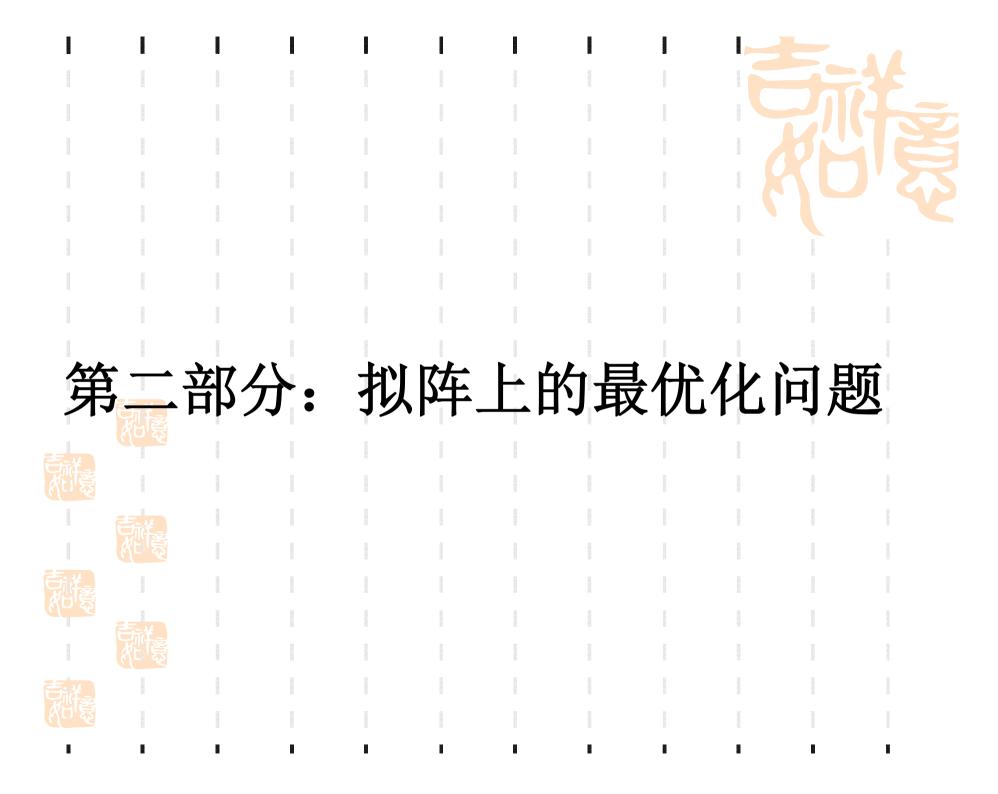
无环的边集的子集必然无环,故满足遗传性



頻果也集炼的边数達通集量/该分量在A中不连通 地海避成圍連通然糧数目錄起多放入A中不形成环 该边显然属于B-A。交换性成立

M是拟阵, 称为图拟阵





问题提出

对于拟阵 M = (S, L)

S的元素x有一个正整数权值w(x)



目标:求权值最大独立集。









贪心算法

Greedy(M,w)

A:=空集

根据w按递减顺序对S排序

for 每个 $x \in S$ 根据权w(x) 的递减顺序 do



if $(A \cup \{x\} \in L)$ then $A := A \cup \{x\}$



return A









时间复杂度



1 1	r .		_
七丁	L I	1	₹
17	ᅜ		→
1 1	/	J	

贪心

若判断需

总复杂度

$$\Theta(n \log n)$$

$$\Theta(f(n))$$

$$\Theta(n\log n + n \times f(n))$$











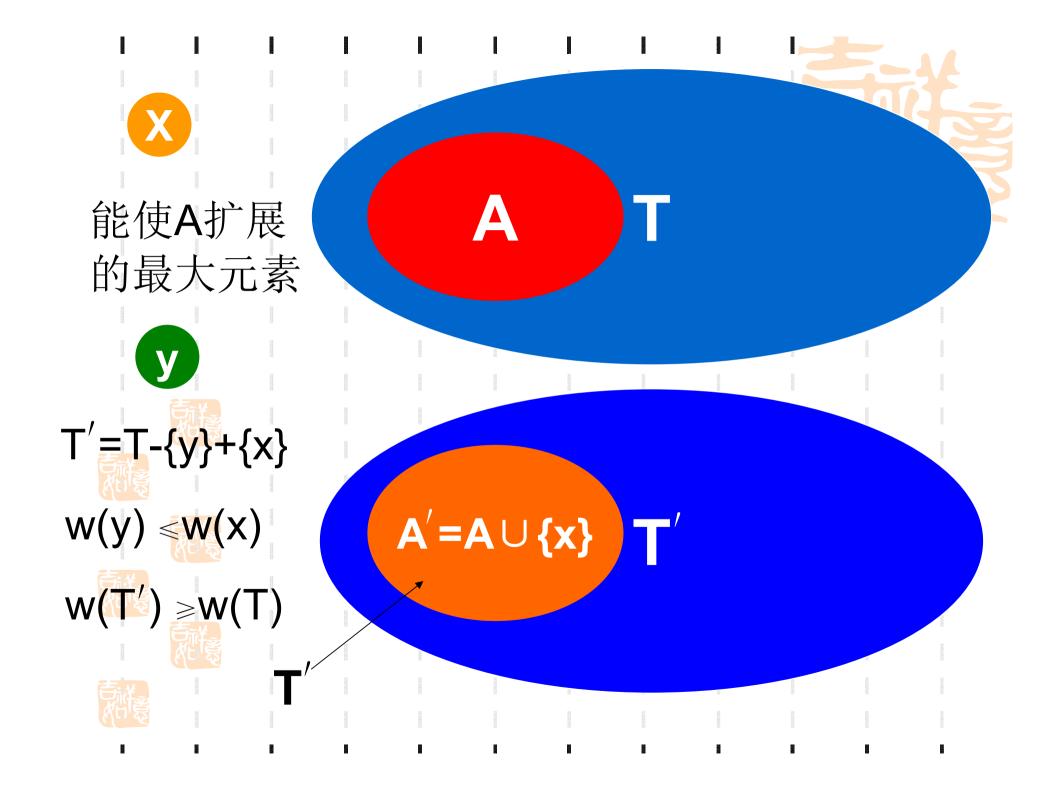
正确性证明

- 只需证明在算法的每一步A都是某个最优解的子集,那么当算法结束时A就是一个最优解
- 运用归纳思想
- 归纳基础:初始时A为空,满足要求
 - 归纳:只需证明一个最优解的子集A经过一 次循环后仍满足要求.





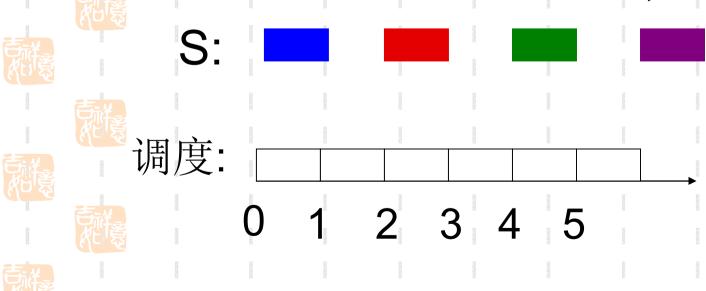






问题提出

- •给定一个单位时间任务的集合S
- ■S有n个任务1,2,...,n
- •对S的一个调度规定了各任务执行的顺序。
- ■该调度第i个任务开始于时刻i-1,结束于时刻i



问题提出

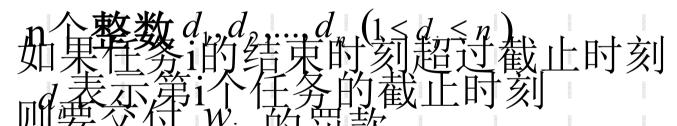
调度:

$$d_i$$
: 2 3 1 3

罚款:6+8=14







8



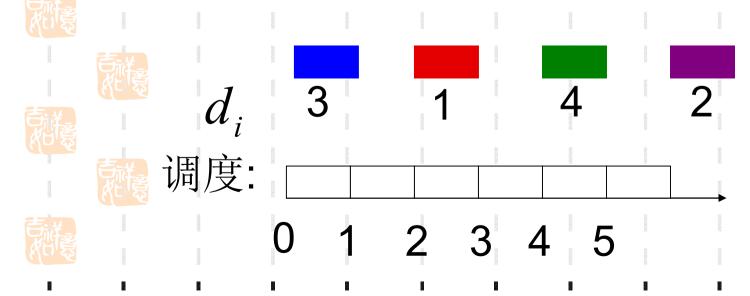






分析

- 考虑这么一个问题:对于S的子集A,是否 存在调度方案使A中的任务都被完成。
- 将A按任务的截止时刻从小到大排序作为 调度方案,如果按此调度无法全部完成A的 任务,则其他任意调度方案都无法完成。



拟阵结构

- 对于给定的任务集合A,能够有效地判断这 些任务能否全部完成
- 能全部完成的任务集合A称为可行的

定义
$$M = (S, L)$$



S就是所有任务的集合

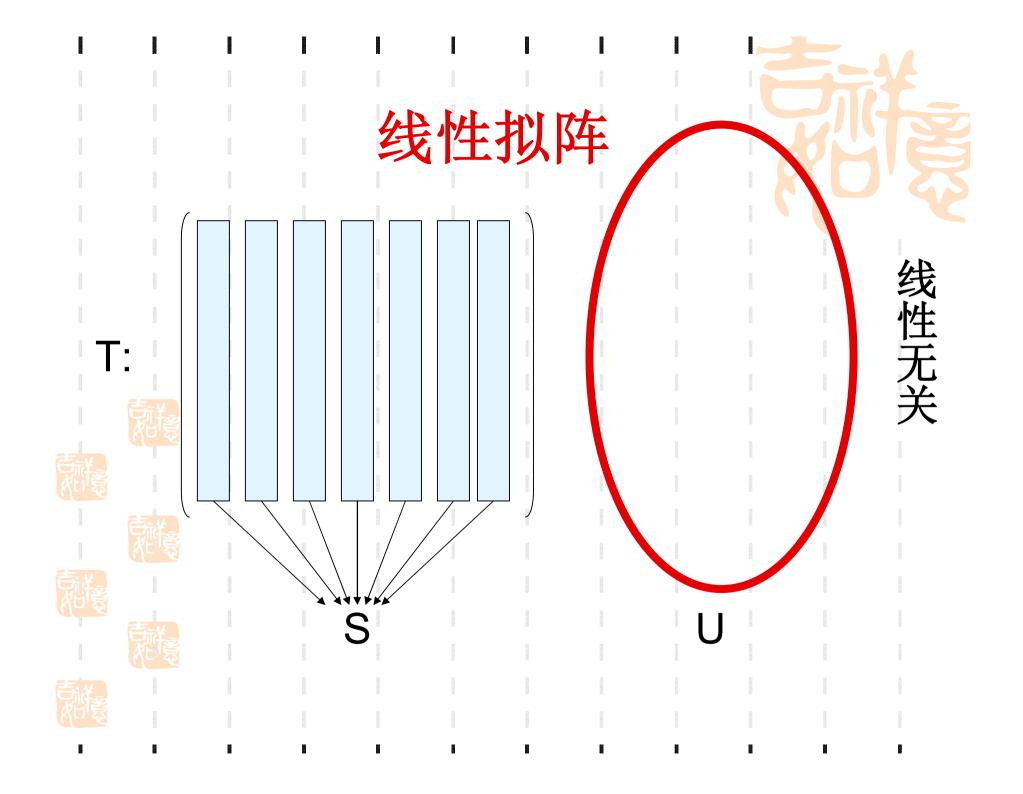






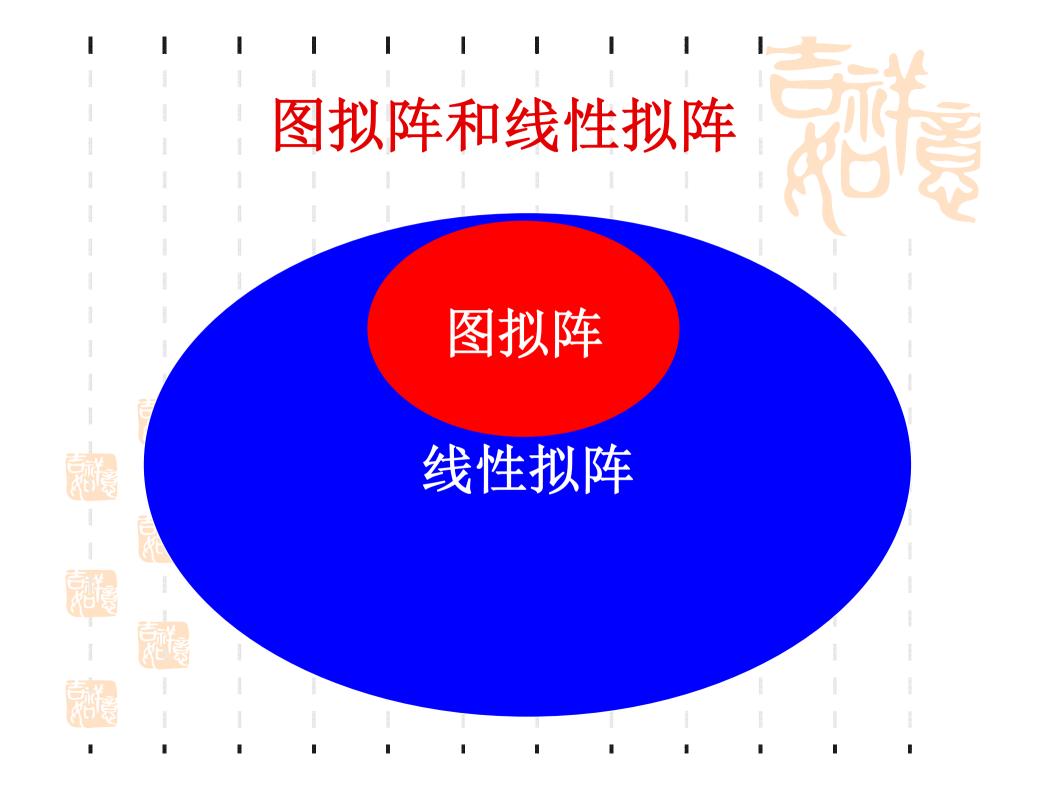












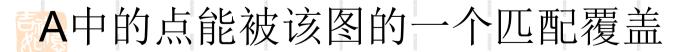
匹配拟阵

对于无向图 G = (V, E)

定义
$$M = (S, L)$$



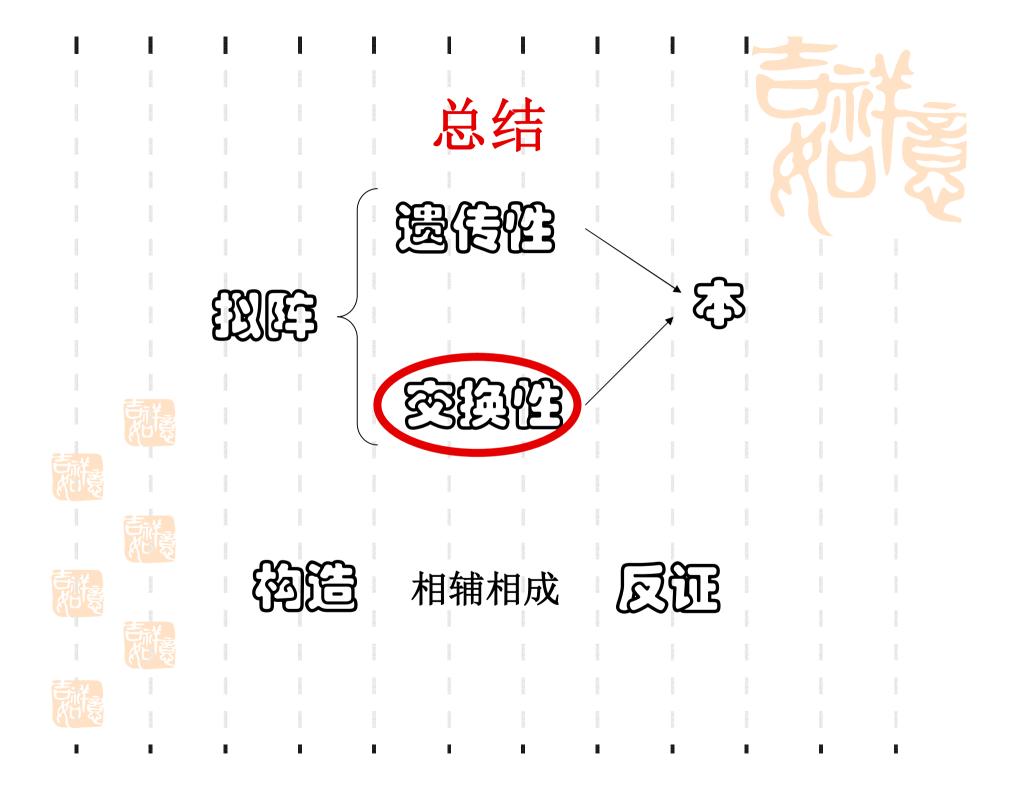


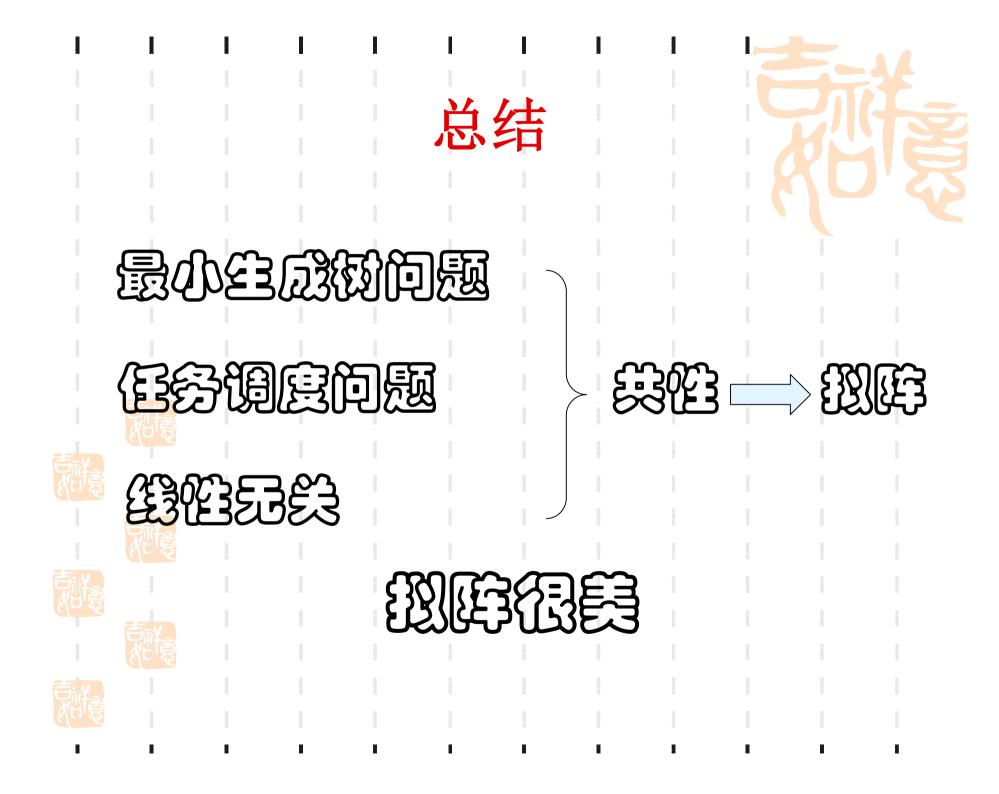














最小化问题转化为最大化问题

