

#### 主要教材:

颜秋容. 电路理论——基础篇. 高等教育出版社, 2017.

颜秋容. 电路理论——高级篇. 高等教育出版社, 2018.

#### 参考教材:

- 1. 邱关源, 罗先觉. 电路, 第五版. 高等教育出版社, 2006.
- 2. Charles K. Alexander, Matthew N. O. Sadiku. Fundamentals of Electric Circuits.清华大学出版社, 2000.
- 3. James W. Nilsson, Susan A. Riedel. Electric Circuits, Ninth Edition. 电子工业出版社, 2013.

#### 成绩评定标准:

- 课程成绩 (100%) = 平时成绩 (30%) + 期末考试成绩 (70%)
- ▶ 平时成绩 (30%) = 书面作业成绩 (20%) + MOOC学习成绩 (10%)
  - 期末考试要求: 150分钟闭卷考试, 10道计算大题。
  - 书面作业要求:每章1次交书面作业。按学校规定,缺交书面作业次数超过
     1/3者,不能参加期末考试(以助教统计为准,不接受补交)。

・ MOOC学习要求: 见下页。





邀请学生使用中国大学MOOC APP

或微信扫一扫

下载



- 账号使用真实姓名和学号,以保证期末导出数据时,助教可检索到本人MOOC成绩。
- ▷ 教学视频、课件、测验、考试已全部发布。<mark>测验、考试都有提交截止日期,错过了就</mark> 不能再提交,请务必注意。
- > MOOC成绩评定:课程总分100分,包含以下3个部分
  - 第1-5章、第7-16章的单元测验(共15个)占40%。每章1个单元测验,不包含电路仿真的单元测验。单元测验在左边菜单栏中的测验与作业模块内。
  - 期末考试占50%。期末考试在左边菜单栏中的考试模块内,同在该模块内的4个单元考试不计入总成绩,作为自测与模拟考试。
  - 3. 课堂讨论占10%。只统计在课堂交流区回答的问题,回答问题8个及以上得本部分的满分。课堂交流区在在左边菜单栏中的讨论区模块内。



# 陈曲珊

TEL: 15072497705

Email: chenqushan@hust.edu.cn

QQ: 1015332546

办公室: 西九楼216

# 第1章



- 1.1 电路模型 Circuits Model
- 1.2 基本变量 Basic Quantities
- 1.3 电路元件 Circuit Elements
- 1.4 基尔霍夫定律 Kirchhoff's Laws

# 第1章

# 电路模型和基本定律

自标: 1.熟练掌握电路的电功率计算。

- 2.熟练掌握独立电源、受控电源的特性。
- 3.理解KCL、KVL方程的独立性,准确列写KCL、KVL方程。

#### 难点:

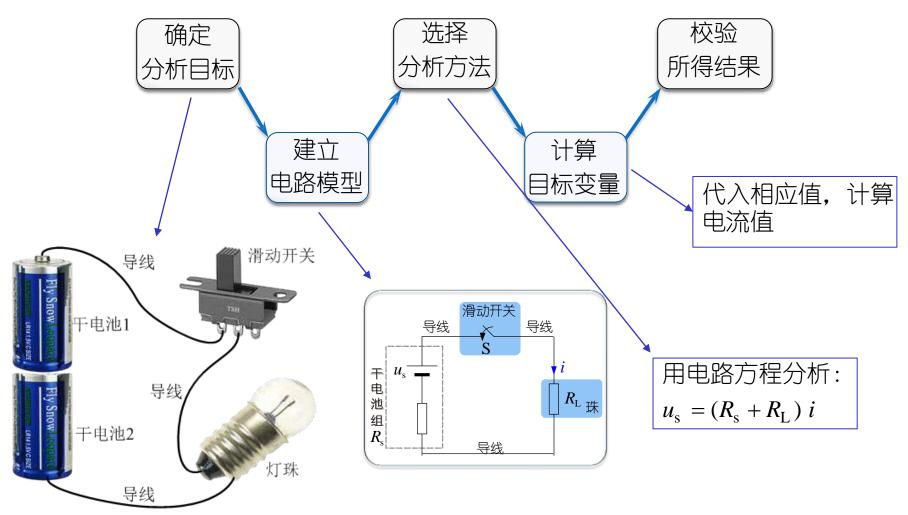
无



讲授学时: 4

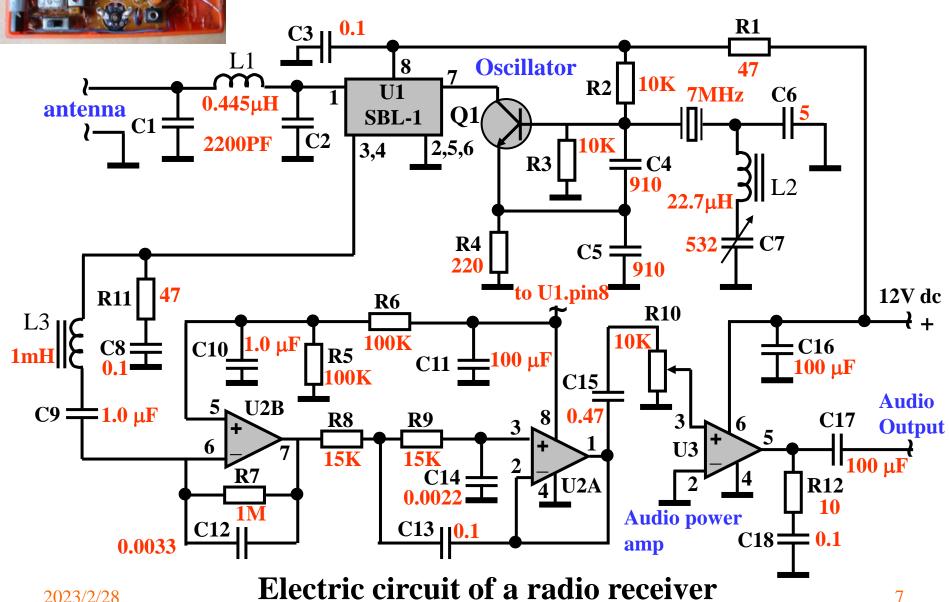


#### 电路分析的基本思路:











电路建模 一将实际电路中的电器件, 用对应的电路模型表示的过程

电路元件 Circuit Elements 定义理想元件

- 没有空间大小
- 只呈现一种电磁现象
- 特性可以用严格的数学表达式描述 f(u,i)=0

电阻Resistors: Consume electric energy

电容Capacitors: Establish electric field

电感Inductors: Establish magnetic field

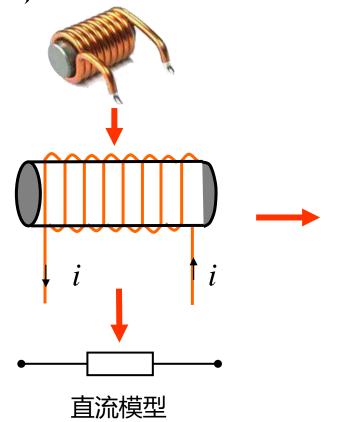
 $\begin{array}{cccc}
 & i & L \\
 & & & \\
 & + & u & - \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & & & \\
 & &$ 

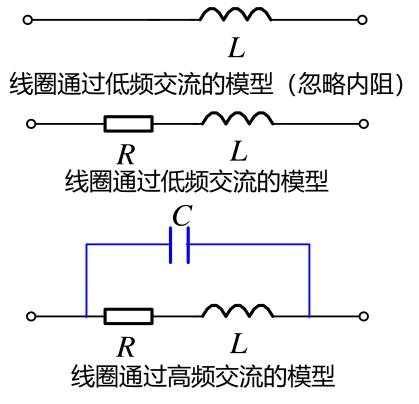
电源Source: Supply electric energy



电路模型是理想电路元件的相互连接,近似地描述实际电路的电气特性。

根据实际电路的不同工作条件以及对模型精确度的不同要求,应当用不同的电路模型模拟同一实际电路。





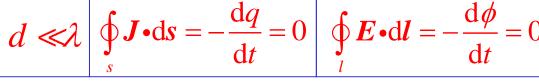


#### 电磁问题

#### 电路理论方法倾

分包含完整的器件)

#### 电磁学方法



- (1) 电磁波传播时间可忽略
- (2) 磁场仪由自由电流产生
- (3) 电场仪由自由电荷产生

#### 抽 理想电路元件 象为电路 果 集中参数元件 中 参 代 基尔霍夫定律 数 数 电 模 方 型 元件特性方程 程

#### 麦克斯韦方程

$$\nabla \times \boldsymbol{H} = \boldsymbol{J} + \partial \boldsymbol{D}/\partial t$$

$$\nabla \times \boldsymbol{E} = -\partial \boldsymbol{B}/\partial t$$

$$\nabla \cdot \boldsymbol{B} = 0$$

$$\nabla \cdot \boldsymbol{D} = \rho$$

$$\nabla \cdot \boldsymbol{J} = -\partial \rho / \partial t$$

# 媒质特性

$$D = \varepsilon E$$

$$B = \mu H$$

$$J = \sigma E$$

#### 边界衔接条件

## 集中参数Lumped Circuits和分布参数电路Distributed Circuits

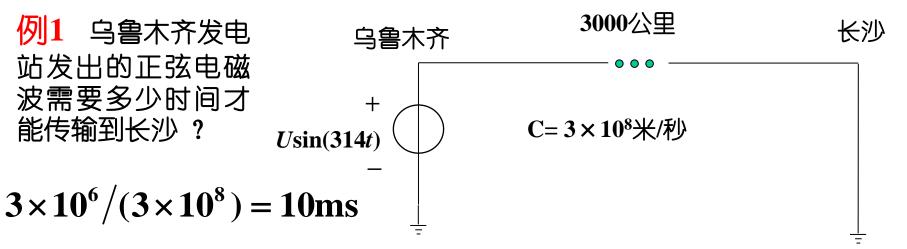


- 电路的尺寸远小于工作波长,不考虑电磁量的空间分布,相应的电路元件称为集中参数元件。由集中参数元件组成的电路,称为集中参数电路。
- 电磁量是时间和空间的函数,使得描述电路的方程是以时间和空间为自变量的代数方程或偏微分方程,则这样的电路模型称为分布参数电路。
- 电路集中化条件:实际电路的各向尺寸d远小于电路工作频率所对应的电磁波波长 $\lambda$ ,即  $d \ll \lambda$

工程上集中参数电路的标准为d<0.01 A



例1 乌鲁木齐发电 站发出的正弦电磁 波需要多少时间才 能传输到长沙?



50Hz的正弦波周期为20ms。经过10ms以后,乌鲁木齐 发出的电磁波刚刚到达长沙,而此时乌鲁木齐发电机的电 压与长沙的电压正好反相!

关键在哪里?

50Hz电磁波的波长  $\lambda = 3 \times 10^8 / 50 = 6000 \text{ km}$ 



# 音频信号

f: 20Hz~25kHz,  $\lambda$ =3×10<sup>8</sup>/25×10<sup>3</sup>=12000m 对实验室仪器而言,可不必考虑分布参数。

实验室电子仪器的尺寸 l: 3~30cm, 允许信号波长  $\lambda$ =300~3000cm, 则  $f = c/\lambda$ =3×10<sup>10</sup>/ $\lambda$ (cm)

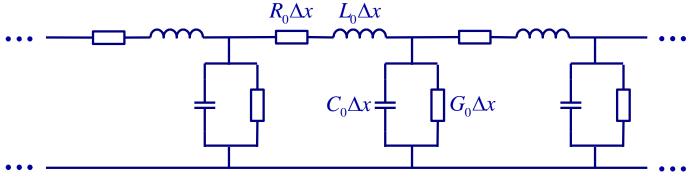
 $\Rightarrow$  f: 10<sup>7</sup>Hz~10<sup>8</sup>Hz (10兆~100兆)

在实验室,一般情况下50兆频率的信号,可作集中参数电路来处理。

## 分布参数电路



在电路中电阻、电容、电感是连续分布的,即在电路的任何部分都既有电阻,又有电容,又有电感。如两根并行导线:



△x分得愈小,就愈接近实际情况。 称这种连续分布的电路参数为分布参数, 这样的电路为分布参数电路。

思考题:手机信号天线用集中参数还是分布参数电路的分析方法?



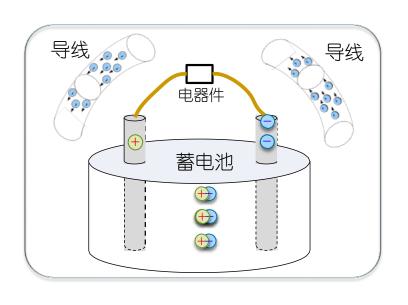
1. **电荷** (charge)

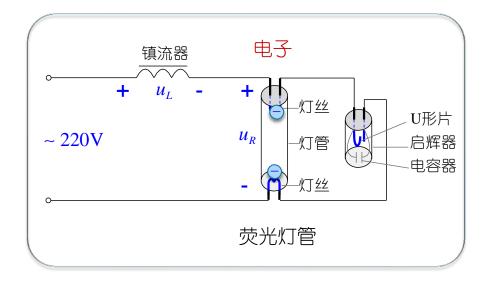
电荷及电荷的运动,是所有电磁现象的根源。 电荷是最基本的物理量,单位为库伦(())。

在导电物质中可以定向运动的自由电子或离子;

自由电荷: < 在半导体中可以定向运动的电子与空穴;

在真空或气体中 可以迁移运动的 带电粒子。







#### 2. 电流 (current)

电荷的定向运动形成电流。

电流的大小用电流强度表示。

电流强度:单位时间内通过导体横截面的电量。

$$i(t) = \lim_{\Delta t \to 0} \frac{\Delta q}{\Delta t} = \frac{\mathrm{d}q}{\mathrm{d}t}$$

单位名称:安[培] 符号: A

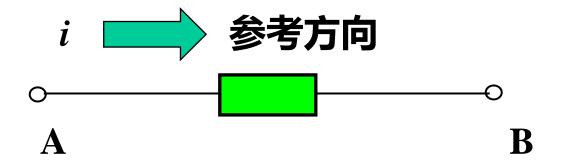
(Ampere, 安培; 1775 -1836, France)



电流的实际方向:净正电荷的流向



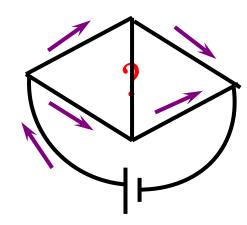
参考方向: 任意选定的一个方向即为电流的参考方向。



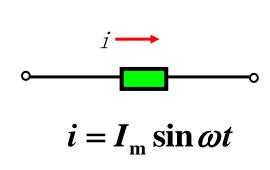


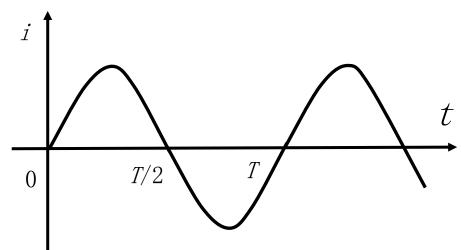
## 为什么要引入参考方向?

(a) 复杂电路的某些支路 事先无法确定实际方向。



(b) 电流是交变的





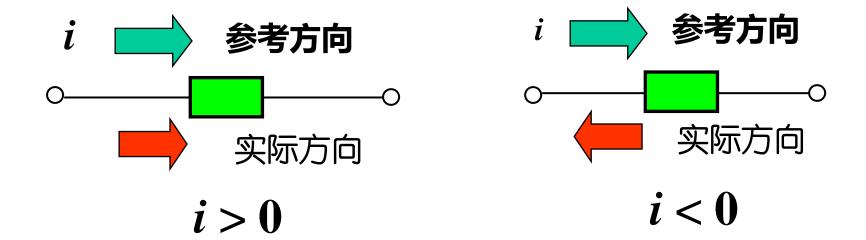
电流实际方向与参考方向相同

$$\stackrel{\square}{=} \frac{T}{2} < t < T$$
,  $i < 0$ 

电流实际方向与参考方向相反



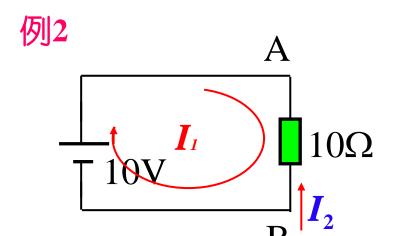
#### 电流的参考方向与实际方向的关系:



#### 电流参考方向的两种表示:

- 用箭头表示: 箭头的指向为电流的参考方向;
- 用双下标表示: 如  $i_{AB}$  ,电流的参考方向由A指向B。





电路中电流 I 的大小为IA, $10\Omega$  其方向为从A流向B。 (此为电流的实际方向)

若参考方向如  $I_1$  所示,则 $I_1=1A$ 

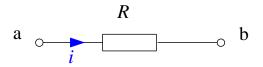
若参考方向如  $I_2$  所示,则 $I_2 = -1A$ 

因此, 同一支路的电流可用两种方法表示。



【例3】净正电荷流  $q(t) = 5\sin \pi t$  mC 从 b 向 a 流动。

- (1) 计算电流i。
- (2) 计算 1s 到 2s 之间流过电阻的电荷。



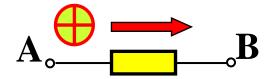
电流: 
$$i = -\frac{dq}{dt} = -\frac{d(5\sin \pi t)}{dt} = -5\pi\cos \pi t \text{ mA}$$



#### 3、电压 (voltage)

电场中某两点A、B间的电压(降) $U_{AB}$ 等于将点电荷q从A点移至B点电场力所做的功 $W_{AB}$ 与该点电荷q的比值,即

$$u_{AB} = \frac{dW_{AB}}{dq}$$

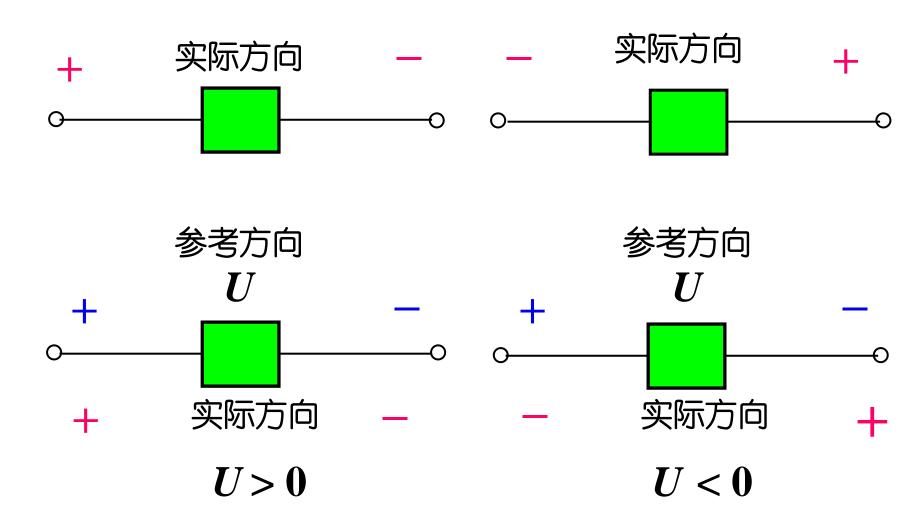


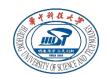
单位名称: 伏[特] 符号: V

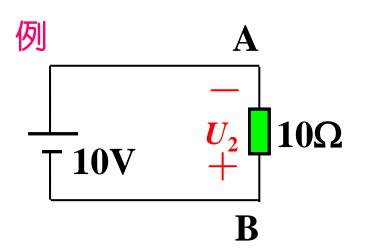
(Volt, 伏特; 1745-1827, Italian)

## 电压 (降) 的参考方向:









电路中电压 $U_{AB}=10V$ ,方向从A指向B(实际方向)。

若电压参考方向如  $U_1$  所示,电压参考方向与实际方向相同,则  $U_1=10$ V。

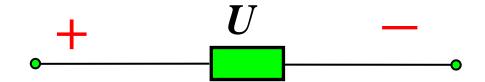
若电压参考方向如  $U_2$  所示,电压参考方向与实际方向相反,则  $U_2 = -10$  V。

## 电压参考方向的三种表示方式:



(1) 用正负极性表示:

由正极指向负极的方向为电(降)的参考方向。



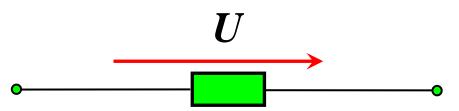
(2) 用双下标表示:

如 $U_{AB}$ ,由A指向B的方向为电(降)的参考方向。



(3) 用箭头表示:

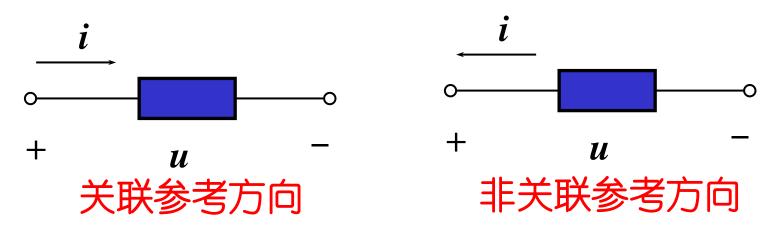
箭头指向为电压(降)的参考方向。



## 关于参考方向的小结:



- (1) 分析电路前必须选定电压和电流的参考方向。
- (2) 参考方向一经选定,必须在图中相应位置标注 (包括方向和符号),在计算过程中不得任意改变。
- (3) 参考方向不同时,其表达式符号也不同,但实际方向不变。
- (4) 元件或支路的*u*,*i*通常采用相同的参考方向(以减少公式中负号)称之为关联参考方向。反之,称为非关联参考方向。



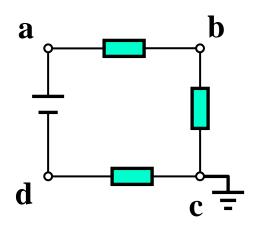
## 三、电位 (potential)



在分析电路问题时,常在电路中选一个点为参考点 (reference point),把任一点到参考点的电压(降)称为该点的电位。

参考点的电位为零,参考点也称为零电位点。

电位用 $\varphi$ (或U)表示,单位与电压相同,也是V(伏)。



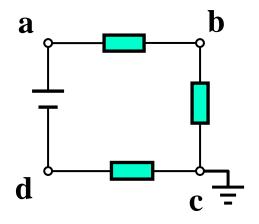
设c点为电位参考点,则  $\varphi_c=0$ 

$$\varphi_a = U_{ac}$$
,  $\varphi_b = U_{bc}$ ,  $\varphi_d = U_{dc}$ 



#### 两点间电压与电位的关系:

#### 前例



仍设c点为电位参考点,  $\varphi_c$ =0

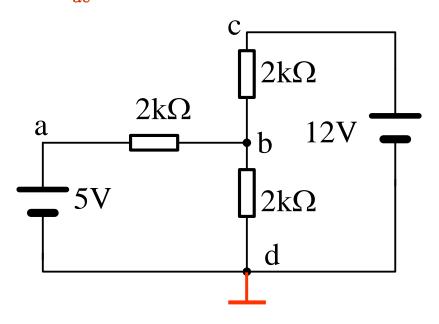
$$U_{\mathrm{ac}} = \varphi_{\mathrm{a}}$$
 ,  $U_{\mathrm{dc}} = \varphi_{\mathrm{d}}$ 

$$U_{\mathrm{ad}} = \varphi_{\mathrm{a}} - \varphi_{\mathrm{d}}$$

结论: 电路中任意两点间的电压等于该两点间的电位差 (potential difference)。



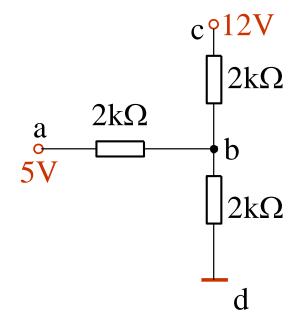
## **19**14 求U<sub>ac</sub>



$$U_{\rm ad} = 5V$$

$$U_{\rm cd} = 12 {\rm V}$$

选择d点为电位参考点,电路可以画为:



$$U_a = 5V$$

$$U_{\rm c} = 12V$$

$$U_{\rm ac} = U_{\rm a} - U_{\rm c}$$



# 4、 功率 (power) 单位时间内电场力所做的功。

$$p = \frac{\mathrm{d}w}{\mathrm{d}t}, \quad u = \frac{\mathrm{d}w}{\mathrm{d}q}, \quad i = \frac{\mathrm{d}q}{\mathrm{d}t}$$

$$p = \frac{\mathrm{d}w}{\mathrm{d}t} = \frac{\mathrm{d}w}{\mathrm{d}q} \frac{\mathrm{d}q}{\mathrm{d}t} = ui$$

功率的单位名称: 瓦[特] 符号: W

(Watt, 瓦特; 1736-1819, British)

能量的单位名称: 焦[耳] 符号: J

(Joule, 焦耳; 1818-1889, British)

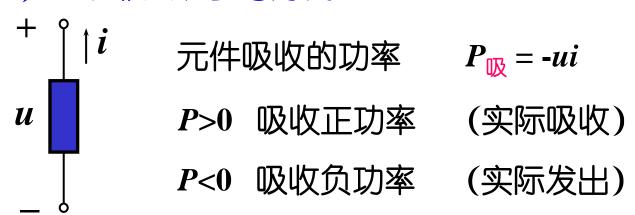


## 电压、电流采用参考方向时功率的计算和判断:

#### 1. u, i 取关联参考方向



#### 2. u, i 取非关联参考方向





#### 4. 能量守恒 (conservation of power)

能量 Energy

$$\Delta w(t) = \int_{t_0}^t p(t) dt \qquad w(t) = \int_{-\infty}^t p(t) dt$$

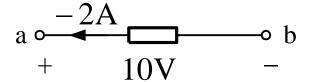
能量守恒得到功率守恒:

$$\sum_{k=1}^{b} p_k = 0$$

#### 讨论——目标1: 电功率

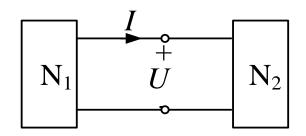


#### **1**5. The power of each circuit?



$$a \stackrel{-2A}{\longrightarrow} t$$

#### **1**列6. The power of each network?



$$I = -2A$$

#### 1.3 电路元件 Circuit Elements



无源元件 (Passive elements): 不能向电路提供电能的元件,即 在任何工作状态下,一个变化周期内均有

$$w = \int_{t_1}^{t_1+T} p(t) \mathrm{d}t \ge 0$$

有源元件 (Active elements): 可以向电路提供电能的元件,即 在任意变化周期内有:

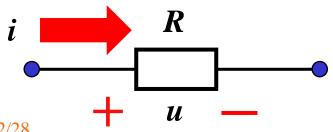
$$w = \int_{t_1}^{t_1+T} p(t) \mathrm{d}t \le 0$$

1、电阻(resistor)



欧姆定律 (Ohm's Law)

#### (1) 电压电流采用关联参考方向



$$u = R i$$

R 电阻 (resistance)单位:  $\Omega$  (欧)



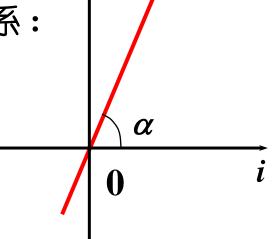
令
$$G = 1/R$$
  $G$  电导 (conductance)

单位: S(西) (Siemens, 西门子)

欧姆定律(关联参考方向下): i = G u

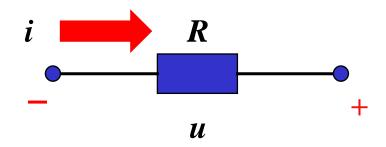
关联参考方向下线性电阻器的u-i关系:u = R i

 $R = \tan \alpha$ 





#### (2) 电压电流非关联参考方向



#### 欧姆定律:

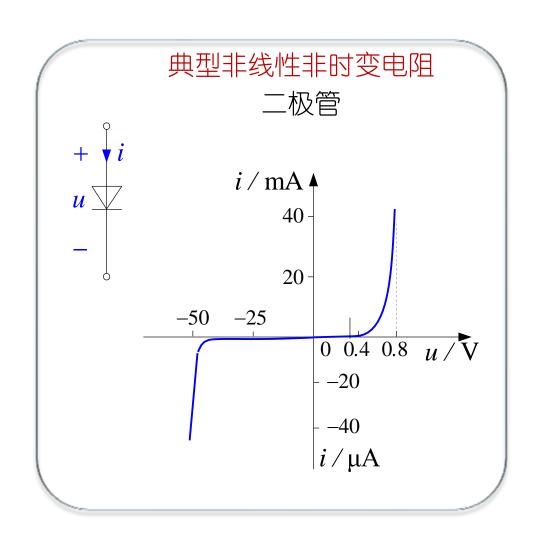
$$u = -Ri$$
  $\vec{Q}$   $i = -Gu$ 

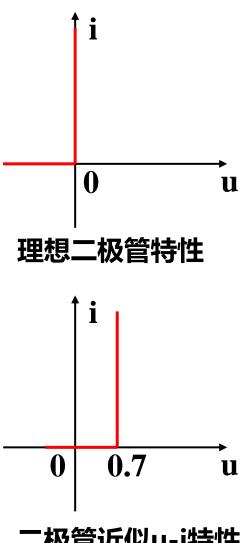


# 公式的列写必须根据参考方向!!

# 非线性电阻元件: 半导体二极管







二极管近似u-i特性

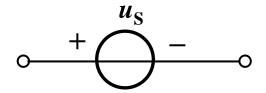
# 1.3 电路元件 Circuit Elements



# 2、电源

- 一、独立电源 (independent source)
  - 1. 理想电压源 (ideal voltage source)

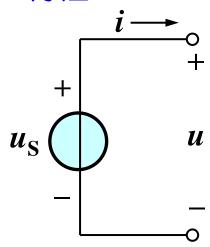
电路符号

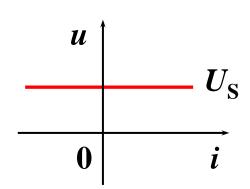


- (1) 特点
  - (a) 电源两端电压由电源本身决定, 与外电路无关;
  - (b) 通过它的电流由外电路决定。



### (2) U-I特性

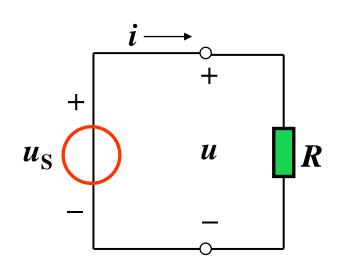




- 2. 若 $u_s$ 为变化的电源,则某一时刻的伏安关系也是平行于电流轴的直线。
- 3. 电压为零的电压源,伏安曲线与 *i* 轴重合,相当于短路状态。

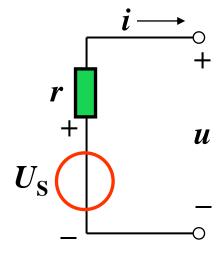
# (3) 理想电压源的开路与短路

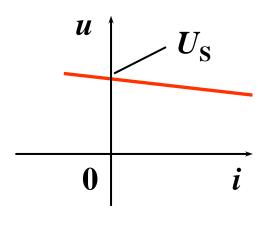




- A. 开路:  $R \rightarrow \infty$ , i=0,  $u=u_S$
- B. 理想电压源不允许短路(此时电路模型 不再存在)。

实际电压源

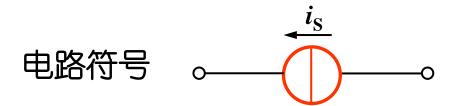




$$u=U_{\rm S}-ri$$

### 2. 理想电流源 (ideal current source)

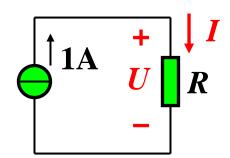




### 特点:

- A. 电源电流由电源本身决定, 与外电路无关;
- B. 电源两端电压由外电路决定。

例

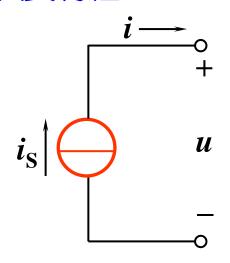


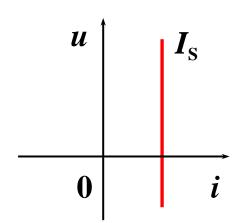
$$R = 1\Omega$$
,  $I = 1A$ ,  $U = 1V$ 

$$R = 10\Omega$$
,  $I = 1A$ ,  $U = 10V$ 

# 伏安特性



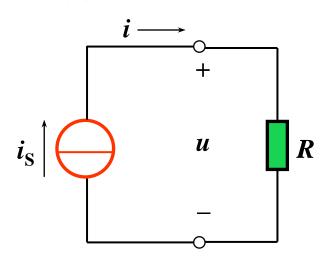




- 2. 若*i*<sub>s</sub>为变化的电源,则某一时刻的伏安关系也是平 行于电压轴的直线。
- 3. 电流为零的电流源,伏安特性曲线与 u 轴重合,相 当于开路状态。

# (3)理想电流源的短路与开路





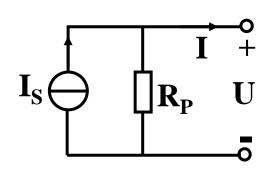
- 1. 短路: R=0,  $i=i_S$ , u=0, 电流源被短路。
- 理想电流源不允许开路(此时电路模型不再存在)

# (4)实际电流源的产生

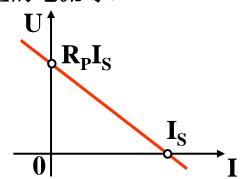
可由稳流电子设备产生,有些电子器件输出具备电流源特性;

晶体管的集电极电流与负载无关;

光电池在一定光线照射下光电池被激发产生一定值的电流等。



$$U=R_PI_S-R_PI$$





# 二、受控电源 (非独立源)

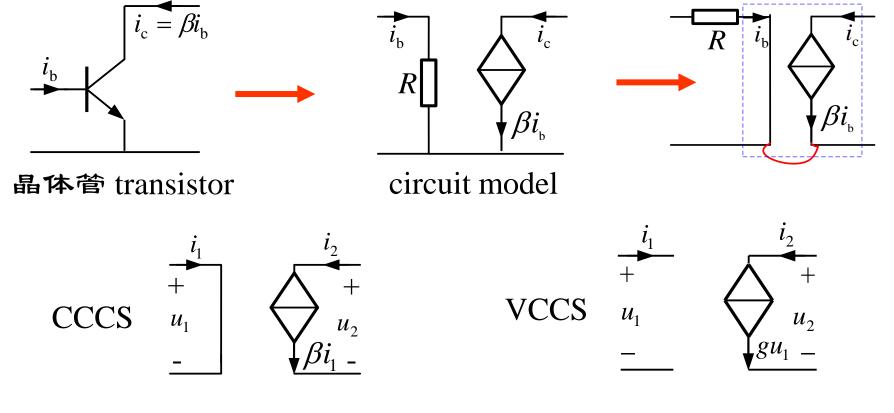
# (controlled source or dependent source)

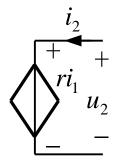
#### 1. 定义

电压源电压或电流源电流不是独立的,而是受电路中某个支路(或元件)的电压(或电流)的控制。

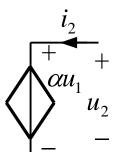
# 1.3 电路元件 Circuit Elements







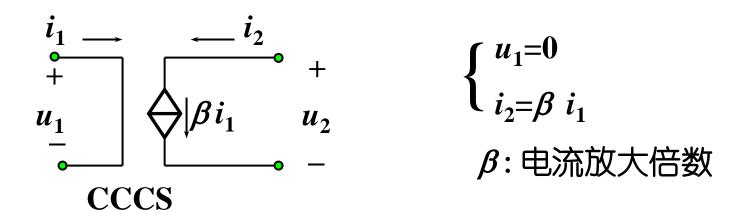
 $VCVS \quad u_1 \\ \underline{-}$ 



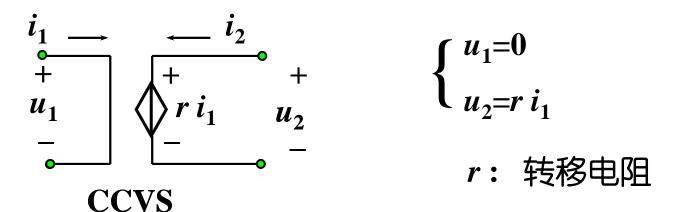
# 2. 分类



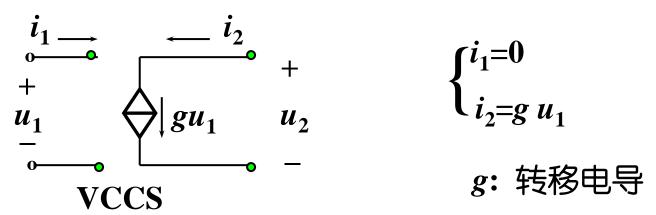
(1) 电流控制的电流源(Current Controlled Current Source)



(2) 电流控制的电压源 (Current Controlled Voltage Source)



(3) 电压控制的电流源 (Voltage Controlled Current Source)



(4) 电压控制的电压源 (Voltage Controlled Voltage Source)

$$i_1$$
  $i_2$   $i_1$   $i_2$   $i_1$   $i_2$   $i_1$   $i_2$   $i_1$   $i_2$   $i_2$   $i_2$   $i_1$   $i_2$   $i_2$   $i_2$   $i_3$   $i_4$   $i_4$   $i_4$   $i_5$   $i_4$   $i_5$   $i_4$   $i_5$   $i_4$   $i_5$   $i_5$ 



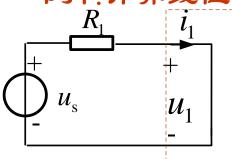
# 3. 受控源与独立源的比较

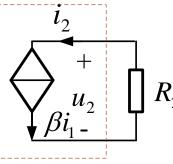
- (1) 独立源电压(或电流)由电源本身决定,与电路中其他电压、电流无关,而受控源电压(或电流)直接由控制量决定。
- (2) 独立源作为电路中"激励(excitation)",在电路中产生电压、电流,而受控源只是反映电压、电流之间的控制关系,在电路中不能作为"激励"。

### 目标2: 元件特性



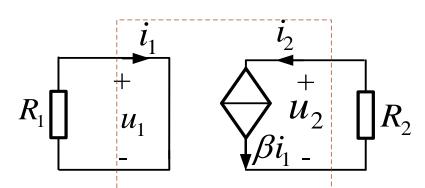
#### 例7.计算线性受控源的功率。





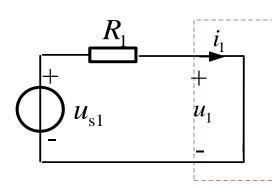
$$i_1 = \frac{u_{\rm s}}{R_1}$$

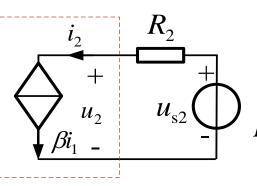
$$i_1 = \frac{u_s}{R_1}$$
  $p = u_2 i_2 = (-\beta i_1 R_2) (\beta i_1)$   $= -R_2 \beta^2 \frac{u_s^2}{R_1^2} < 0$  提供劝导



$$p = u_2 i_2 = -R_2 \beta i_1 i_2 = 0$$

功率为零





$$i_1 = \frac{u_s}{R_1}$$

$$i_1 = \frac{u_s}{R_1}$$
  $u_2 = u_{s2} - R_2 \beta i_1$ 

$$p = u_{2}i_{2} = (u_{s2} - R_{2}\beta \frac{u_{s1}}{R_{1}})\beta \frac{u_{s1}}{R_{1}}$$
也可吸收功率

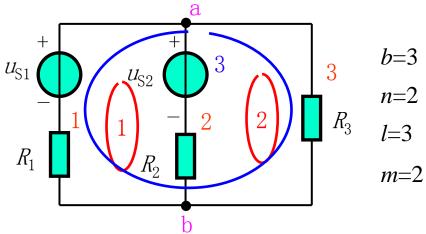
# 1.4 基尔霍夫定律 Kirchhoff's Laws



(Kirchhoff, 基尔霍夫; 1824-1887, Germany)

#### 一 、 几个名词





2. 结点 (node): 支路的交点称为结点。

3. 回路 (loop): 由支路组成的闭合路径。

4. 网孔 (mesh): 对平面电路,包围的平面内没有支路的回路即为

网孔。网孔是回路,但回路不一定是网孔。

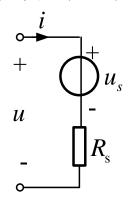
5. 平面电路:能够画在平面上,没有支路在空间交叉的电路。

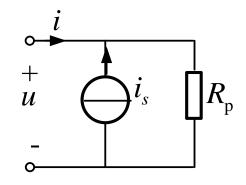
平面电路网孔个数=支路数-结点数+1 (m=b-n+1)

# §1.2 基尔霍夫定律



注意1: 两条特殊的支路:

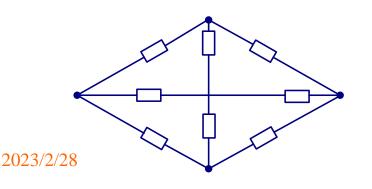


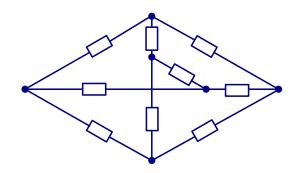


### 戴维南支路

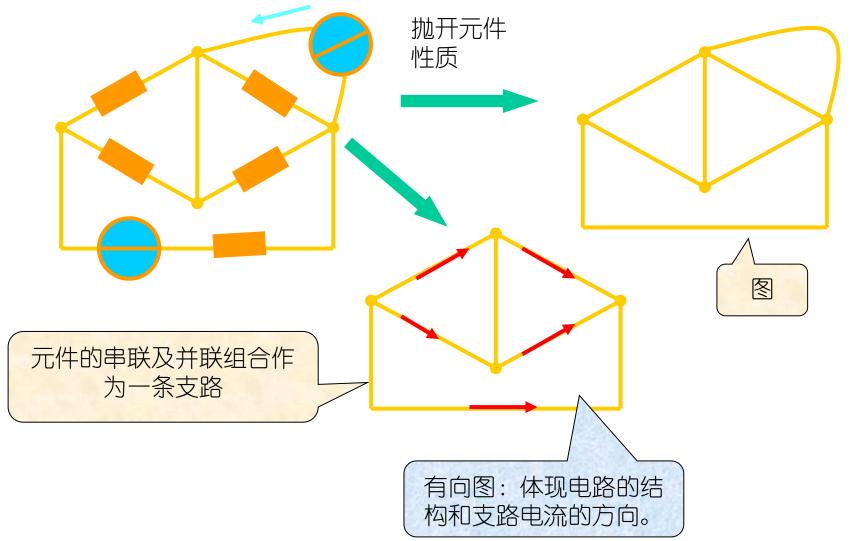
诺顿支路

注意2: 网孔的概念仅适用于<mark>平面电路</mark>。平面电路是指支路间没有交叉点的电路。左图为平面电路,右图为非平面电路。





有向图: 抛开元件性质,将结点用点表示,支路用线段表示,支路电流方向用箭头表示的图



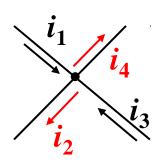
# 二、基尔霍夫电流定律(KCL)



集中参数电路中,在任一时刻,流出(流入)一个结点的支路电流的代数和为零。

$$\sum i(t) = 0$$

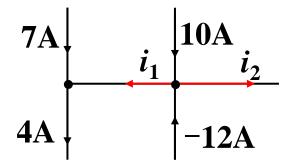
例



令电流流出为"+"

$$-i_1+i_2-i_3+i_4=0$$

$$i_1 + i_3 = i_2 + i_4$$

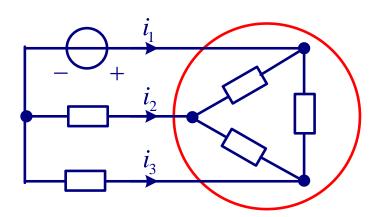


$$4-7-i_1=0 \rightarrow i_1=-3A$$

$$i_1+i_2-10-(-12)=0 \rightarrow i_2=1A$$



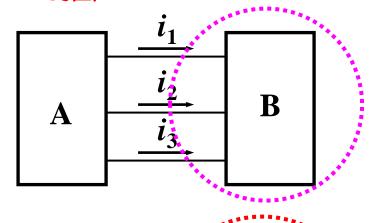
- KCL的物理实质是电荷守恒定律(电流连续性原理)
- KCL的重要性和普遍性还体现在该定律与电路中元件的性质无关,即不管电路中的元件是R、L、C
- KCL也适用于广义节点(super node),即适合于一个闭 合面。

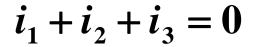


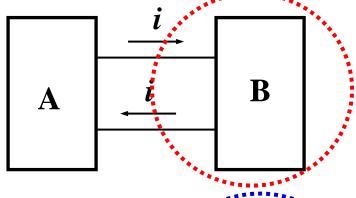
 $i_1 + i_2 + i_3 = 0$ 

# KCL的推广

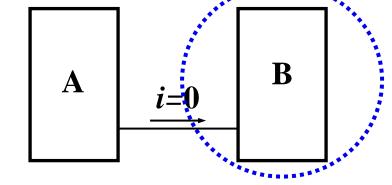








两条支路电流大小相等, 一个流入, 一个流出。



只有一条支路相连,则 i=0。

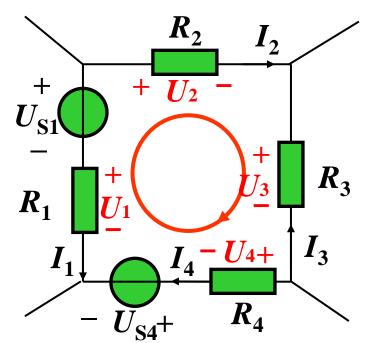
# 三、基尔霍夫电压定律(KVL)



集中参数电路中,在任一时刻,沿任一闭合路径(按固定绕向),各支路电压的代数和为零。

$$\sum u(t)=0$$

例 选定一个绕行方向:顺时针或逆时针。



取顺时针方向绕行:  $\sum U = 0$ 

$$-U_1-U_{S1}+U_2+U_3+U_4+U_{S4}=0$$

$$-U_1+U_2+U_3+U_4=U_{S1}-U_{S4}$$
即  $\sum U_R=\sum U_S$ 
电阻压降 电源压升

$$-R_1I_1-U_{S1}+R_2I_2-R_3I_3+R_4I_4+U_{S4}=0$$



- KVL实质上是能量守恒定律在集中参数电路中的反映。单位正电荷在电场作用下,由任一点出发,沿任意路经绕行一周又回到原出发点,它获得的能量(即电位升)必然等于在同一过程中所失去的能量(即电位降)。电场无旋,保守力场。
- KVL的重要性和普遍性也体现在该定律与回路中元件的性质无关。

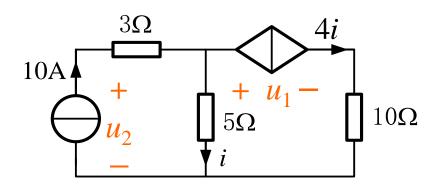


# KCL, KVL小结:

- 1. KCL是对连到节点的支路电流的约束,KVL是对回路中支路电压的约束。
- 2. KCL、KVL与组成支路的元件性质及参数无关。
- 3. KCL、KVL只适用于集中参数的电路。
- 4. 有n个结点、b条支路的电路,可列写n-1个独立的KCL 方程,b-n+1(网孔数)个独立的KVL方程。



例8: 计算受控电源、独立电流源的功率。



$$KCL:10 = 4i + i \Rightarrow i = 2A$$

$$KVL: u_1 = 5i - 10 \times 4i = -70V$$

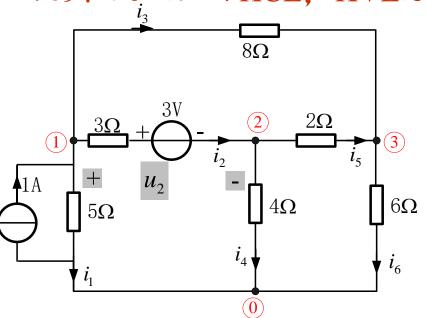
$$p_1 = 4i \times u_1 = -560 \text{W}$$
 发出560W

$$KVL: u_2 = 3 \times 10 + 5i = 40V$$

$$p_2 = -10 \times u_2 = -400 \text{W}$$
 发出 $400 \text{W}$ 



例9:列出全部KCL, KVL方程。 数目?



如何保证独立性? 列写方法?

KCL: n-1个, 独立结点

KVL:基本回路、网孔(平面电路)



#### 例10: 计算各独立电源的功率。

$$I_1 = 1 - 2 + 2 = 1A$$

$$P_1 = -2W(\text{suppling})$$

$$I_2 = 2 + 2 - 1 = 3A$$

$$P_2 = 6W(absorbing)$$

$$I_6 = 0$$
,  $I_7 = -4A$ ,  $I_8 = 4A$  <sub>2V</sub>

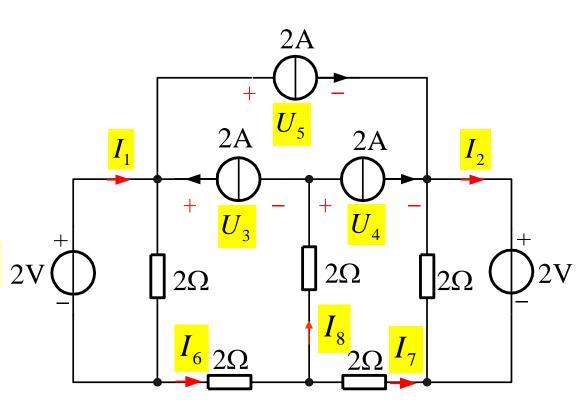
$$U_3 = 2 \times 1 + 4 \times 2 = 10 \text{V}$$

$$P_3 = -20$$
W(suppling)

$$U_4 = -2 \times 4 - 2 \times 4 - 2 \times 1 = -18V$$

$$P_4 = -36$$
W(suppling)

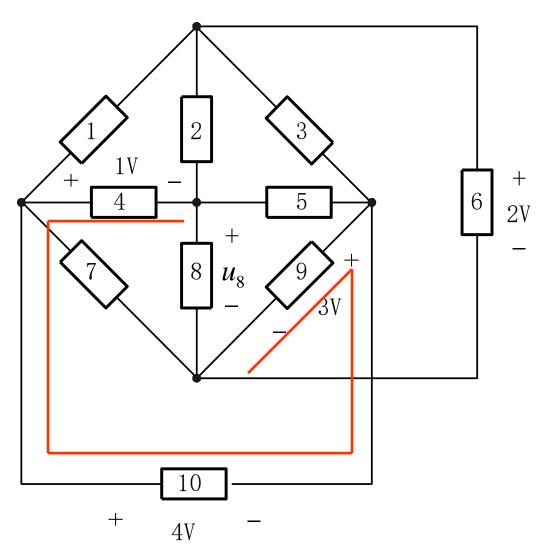
$$U_5 = U_3 + U_4 = -8V$$
,  $P_5 = -16W$ (suppling)





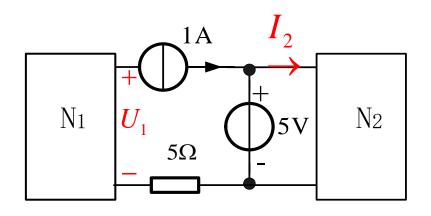
例11: 计算  $u_8$  支路电压。

$$u_8 = -1 + 4 + 3 = 6V$$





例12: N1 提供 10W, N2 吸收 15W, 计算各独立电源的功率。



$$U_1 = 10V$$

$$I_2 = 3A$$

$$P_{1A} = 1 \times (U_1 - 1 \times 5 - 5) = 0$$

$$P_{5V} = 5 \times (1 - I_2) = -10 \text{W}$$

1A current source: 0W

5V voltage source: supplies 10W

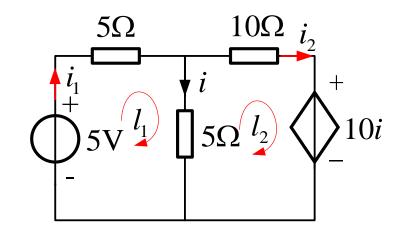


#### 例13.计算独立电源的功率。

KCL: 
$$i_1 = i + i_2$$

KVL: 
$$5 = 5i_1 + 5i$$
  
 $5i = 10i_2 + 10i$ 

$$i = \frac{2}{3}A$$
,  $i_1 = \frac{1}{3}A$ ,  $i_2 = -\frac{1}{3}A$ 



Supplied power: 
$$p_1 = -5i_1 = -\frac{5}{3}$$
 W

### 作业



1.3节: 1-8, 1-10

• 1.4节: 1-14

• 1.5节: 1-19

• 综合: 1-27, 1-30

• 作业要求: 抄题, 画电路图, 标明参考方向, 给出具体计算过程