

第5章

含运算放大器的电路

5.1 集成运算放大器 Operational amplifier

5.2 理想运算放大器 Ideal op amp

5.3 运算放大电路 Op amp circuits

第5章

含运算放大器的电路

- 目标：**
- 1.了解实际运算放大器特性和电路模型。
 - 2.理解理想运放特性。
 - 3.熟练分析含理想运放的电路。
 - 4.掌握基本运算电路的设计。

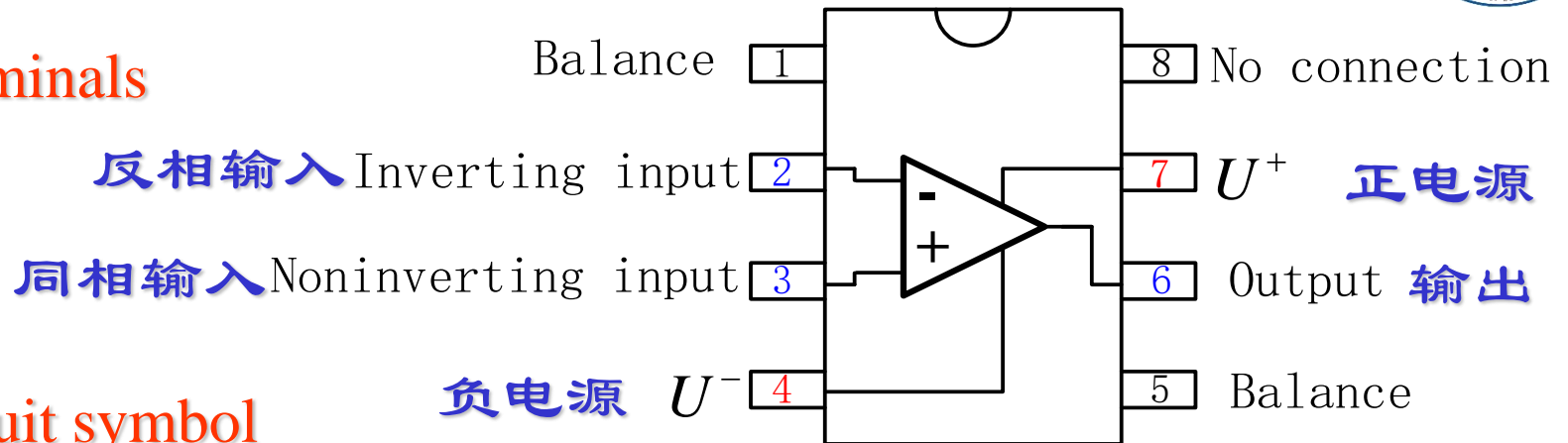
难点： 运算电路设计。

讲授学时： 1.5

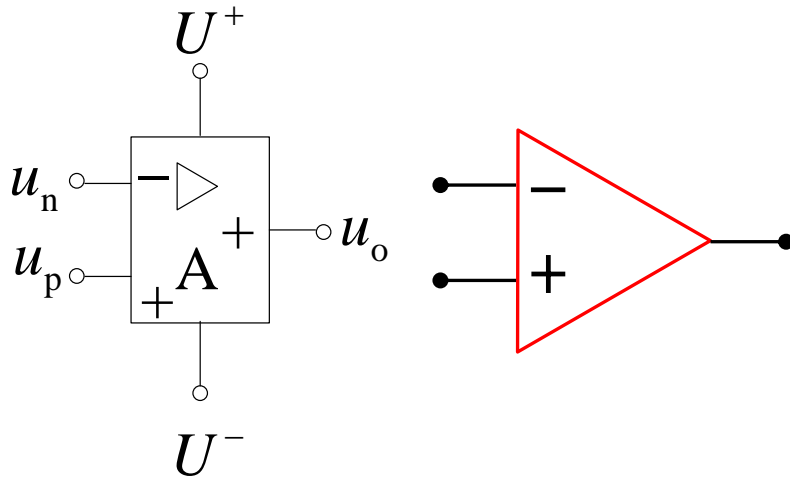
讨论学时： 0.5

5.1 集成运算放大器 operational amplifiers

1. Terminals

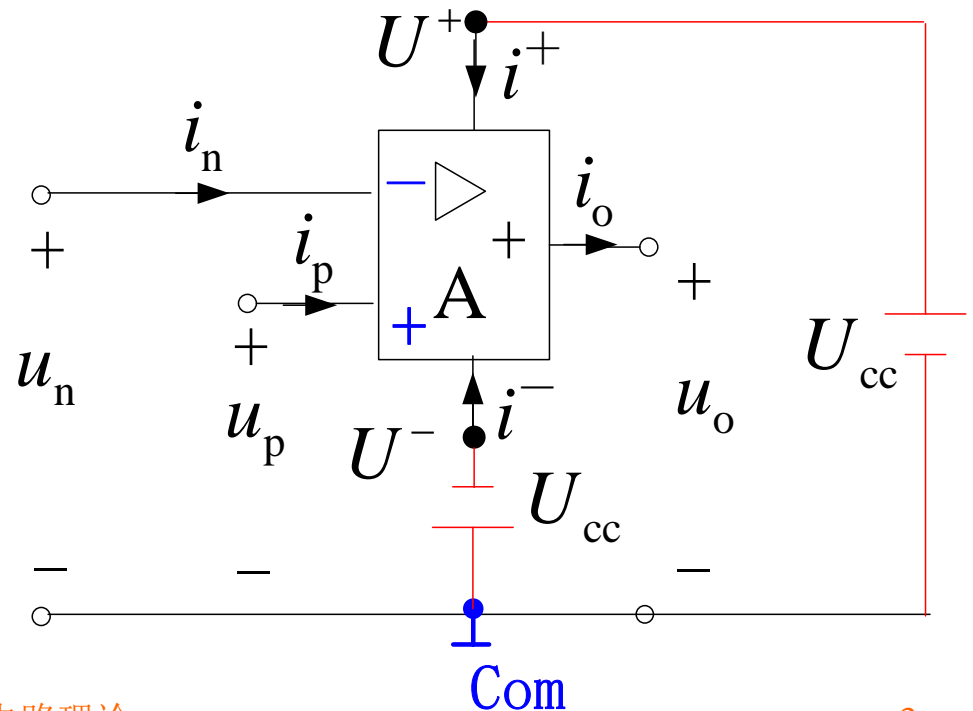


2. Circuit symbol

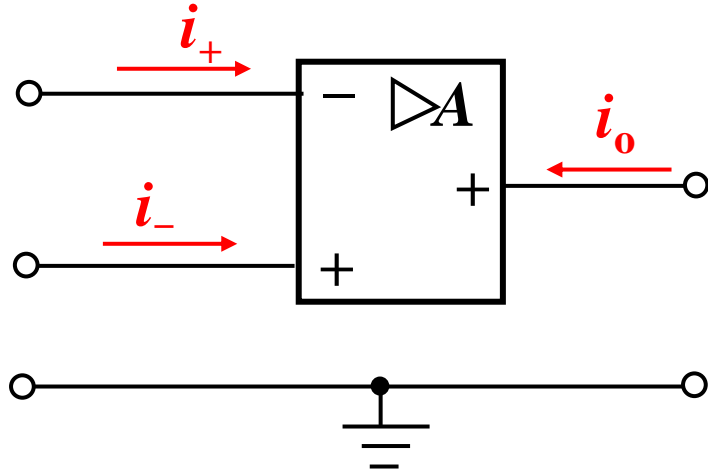


3. Voltage and current

$$i_n + i_p + i^+ + i^- - i_o = 0$$



当放大器工作在线性区时，端电压关系式中不出现直流电源电压。在电路符号中去掉电源端，以简化符号。



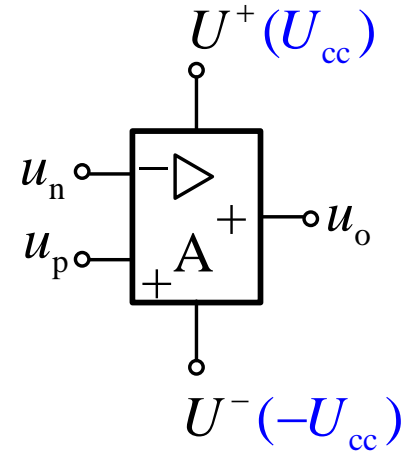
注意：端电流仍是 $i_+ + i_- + i_o + i_{us+} + i_{us-} = 0$

$$i_+ + i_- + i_o \neq 0$$

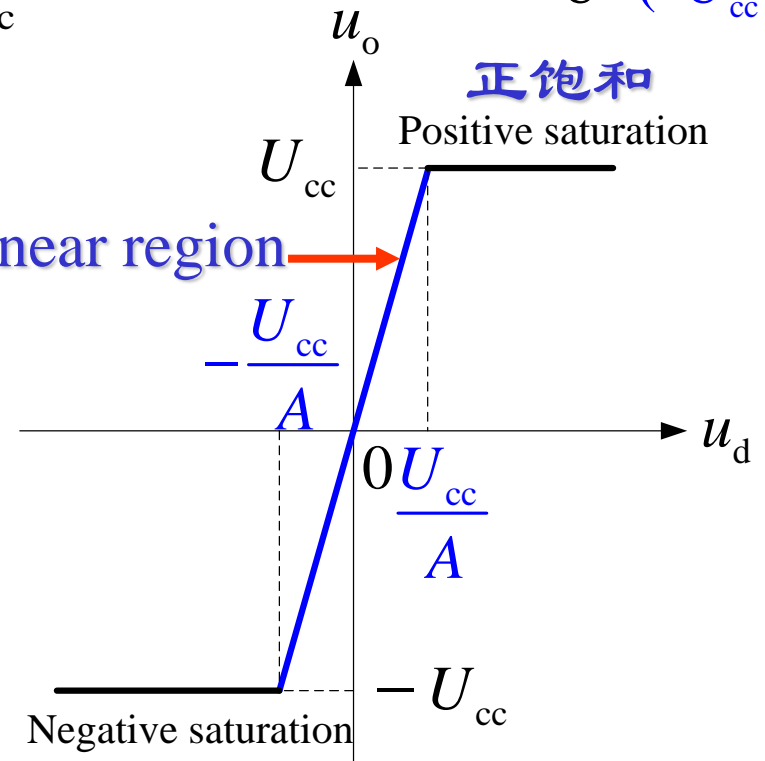
5.1 集成运算放大器 operational amplifiers

4. Characteristic (输出端开路时的特性)

$$u_o = \begin{cases} -U_{cc} & A(u_p - u_n) < -U_{cc} \\ A(u_p - u_n) & -U_{cc} < A(u_p - u_n) < U_{cc} \\ U_{cc} & A(u_p - u_n) > U_{cc} \end{cases}$$



线性区 Linear region

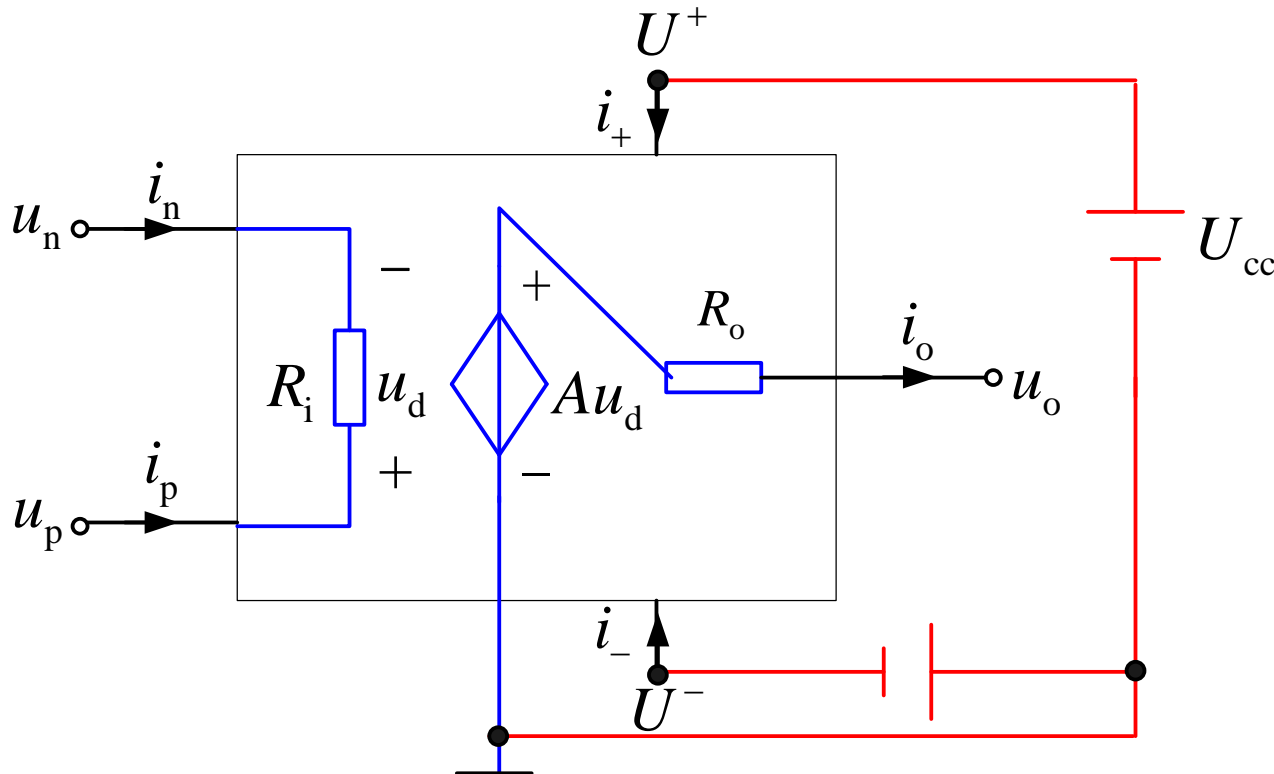
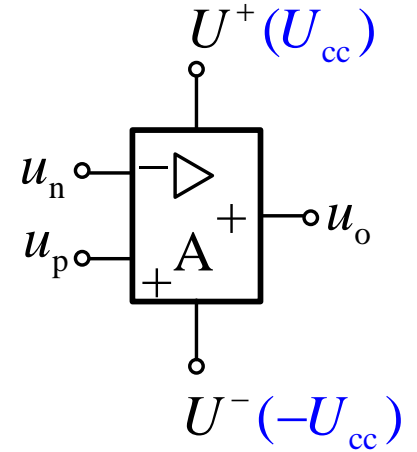


- A ——开环增益
- $u_d = u_p - u_n$ ——差分输入电压

5.1 集成运算放大器 operational amplifiers

5. Circuit model (linear region)

$$u_o = A(u_p - u_n) \quad -U_{cc} < A(u_p - u_n) < U_{cc}$$

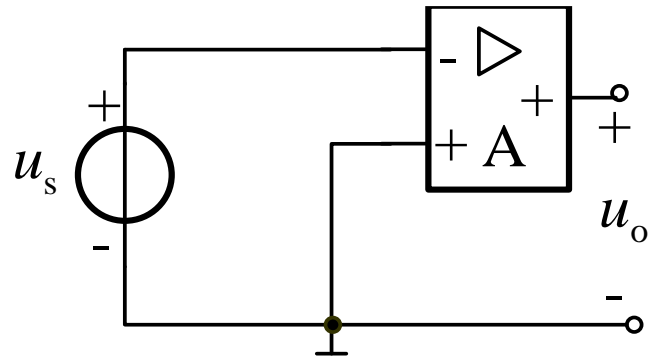


R_i : 运算放大器两输入端间的输入电阻, 通常为 $10^6\Omega$ - $10^{13}\Omega$ 。

R_o : 运算放大器的输出电阻, 通常为 10Ω - 100Ω 。

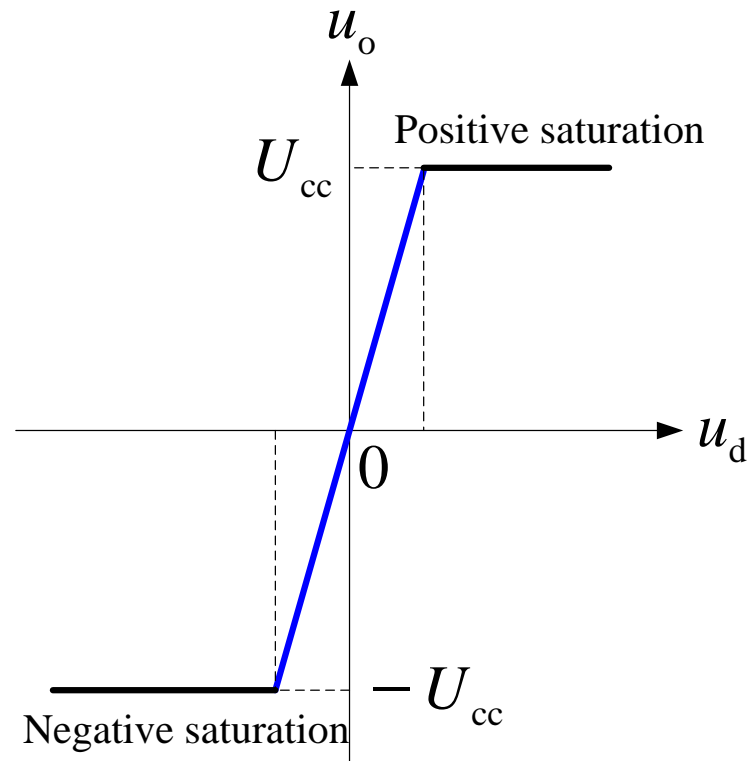
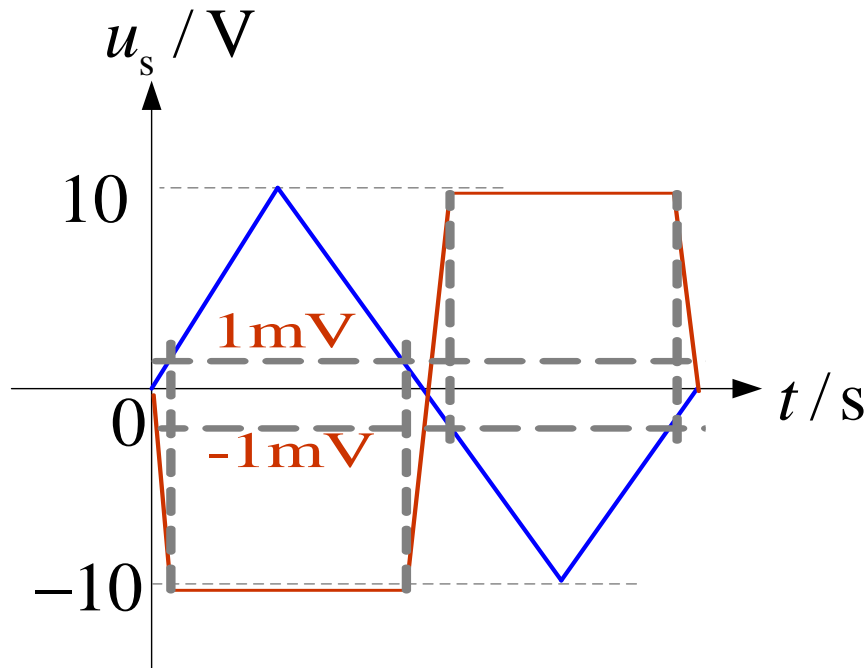
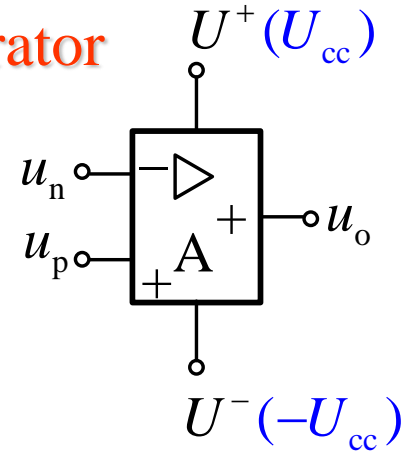
5.1 集成运算放大器 operational amplifiers

6. 开环工作——工作于饱和区——比较器 Comparator



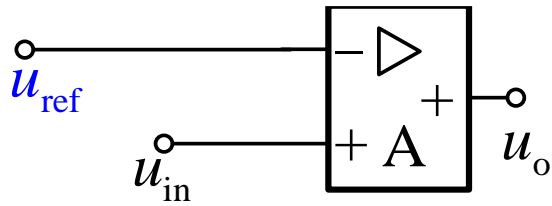
$$A = 10000$$

$$U_{cc} = 10V$$



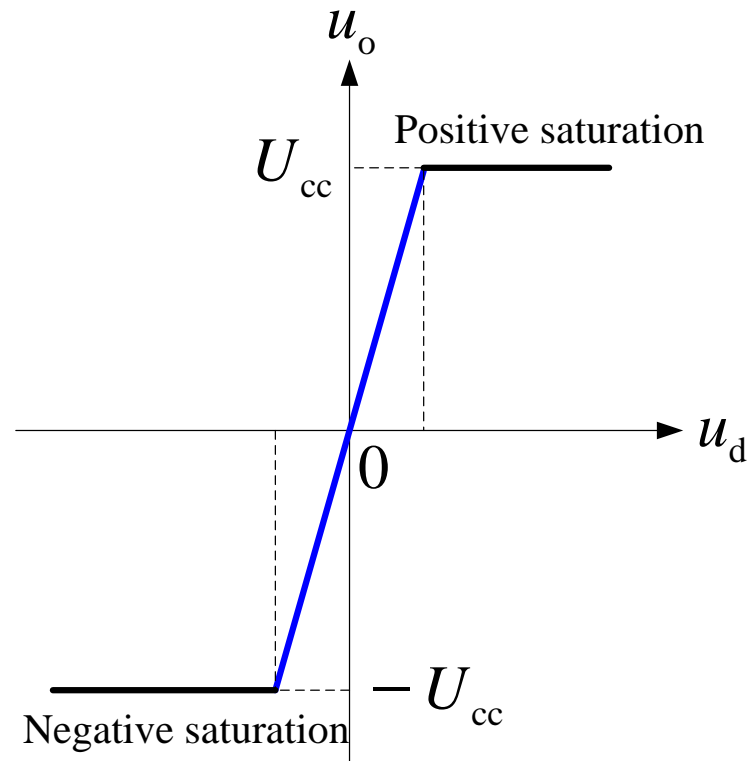
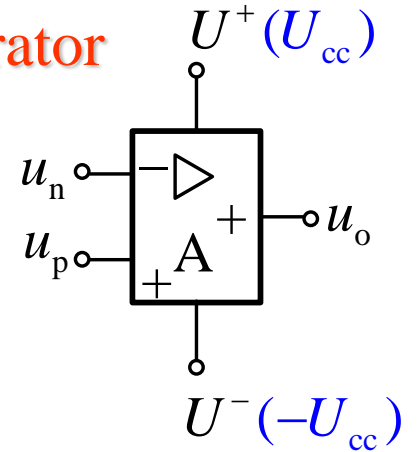
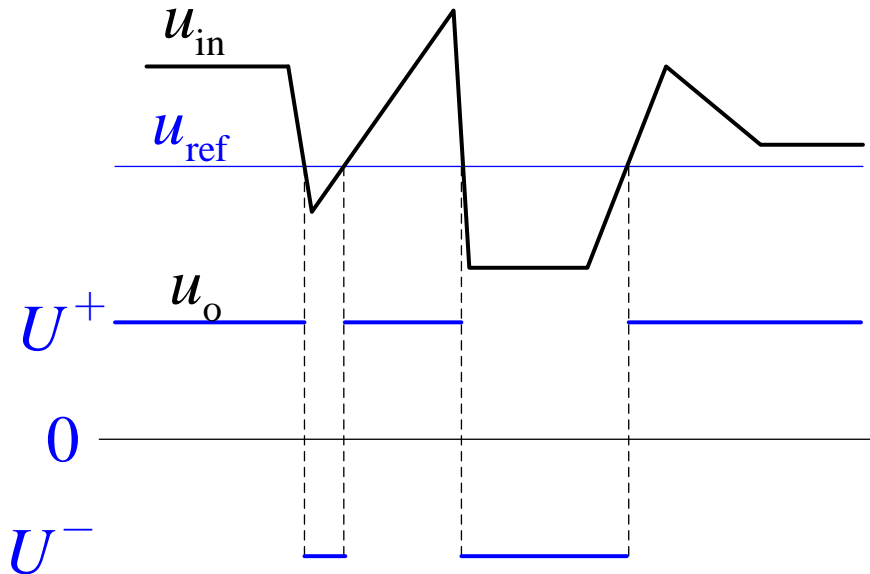
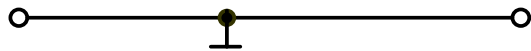
5.1 集成运算放大器 operational amplifiers

6. 开环工作——工作于饱和区——比较器 Comparator



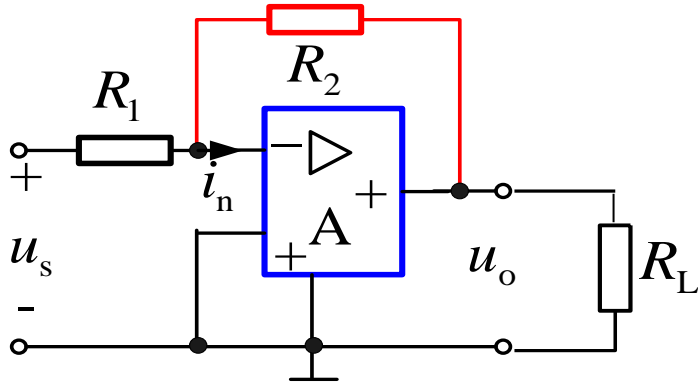
$$A = 10000$$

$$U_{cc} = 10V$$



5.1 集成运算放大器 operational amplifiers

6. 闭环工作——工作于线性区——放大器



$$A=50000$$

$$R_i=2\text{M}\Omega$$

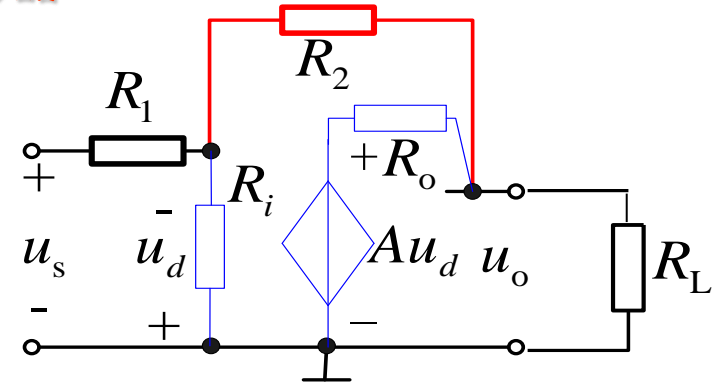
$$R_o=100\Omega$$

$$u_s=5\text{V}$$

$$R_1=100\Omega$$

$$R_2=200\Omega$$

$$R_L=200\Omega$$



$$\begin{cases} \left(\frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_i}\right)(-u_d) - \frac{1}{R_2}u_o = \frac{u_s}{R_1} \\ -\frac{1}{R_2}(-u_d) + \left(\frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_o} + \frac{1}{R_L}\right)u_o = \frac{Au_d}{R_o} \end{cases}$$

$$u_o = -1.9998u_s$$

$$u_d = -0.320\text{mV}$$

$$i_n = 1.60 \times 10^{-10}\text{mA}$$

$$A \rightarrow \infty \quad u_o \approx -\frac{R_2}{R_1}u_s = -2u_s$$

$$u_o = \frac{\frac{1}{R_1} \left(\frac{1}{R_2} - \frac{A}{R_o} \right)}{\left(\frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_i} \right) \left(\frac{1}{R_2} + \frac{1}{R_o} + \frac{1}{R_L} \right) + \frac{1}{R_2} \left(-\frac{1}{R_2} + \frac{A}{R_o} \right)} u_s$$

闭环增益 G

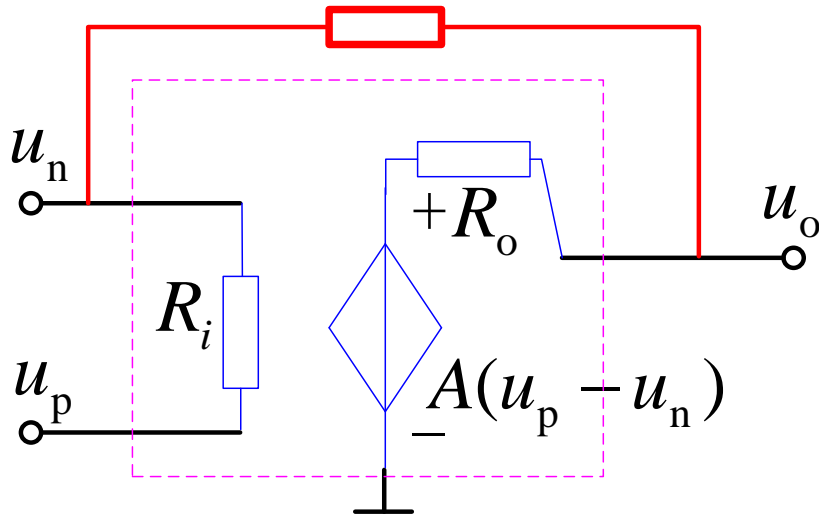
$$\bullet u_d \rightarrow 0$$

$$\bullet i_n \rightarrow 0$$

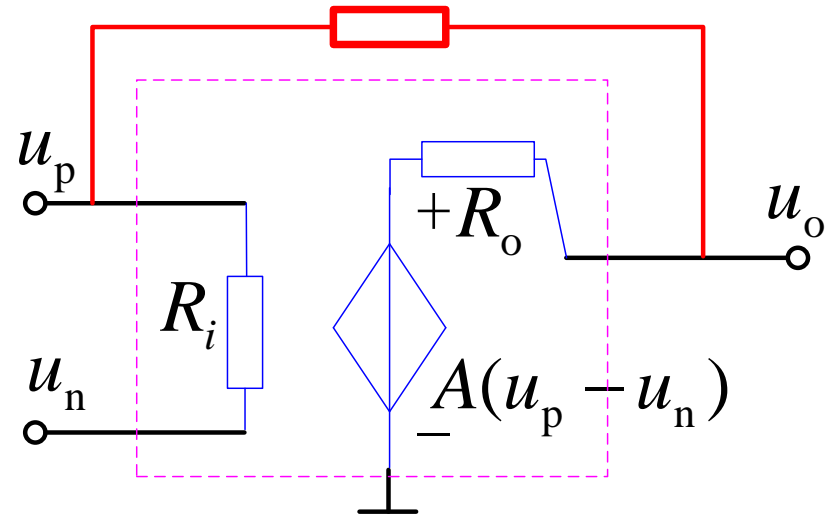
5.1 集成运算放大器 operational amplifiers

7. 正反馈与负反馈

负反馈：



正反馈：



负反馈：

扰动 $\rightarrow u_p \uparrow \rightarrow u_o = A(u_p - u_n) \uparrow \rightarrow u_n \uparrow \rightarrow (u_p - u_n) \downarrow \rightarrow u_o \downarrow$

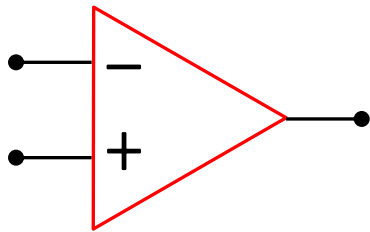
正反馈：

扰动 $\rightarrow u_p \uparrow \rightarrow u_o = A(u_p - u_n) \uparrow \rightarrow u_p \uparrow \uparrow \rightarrow (u_p - u_n) \uparrow \uparrow \rightarrow u_o \uparrow \uparrow$

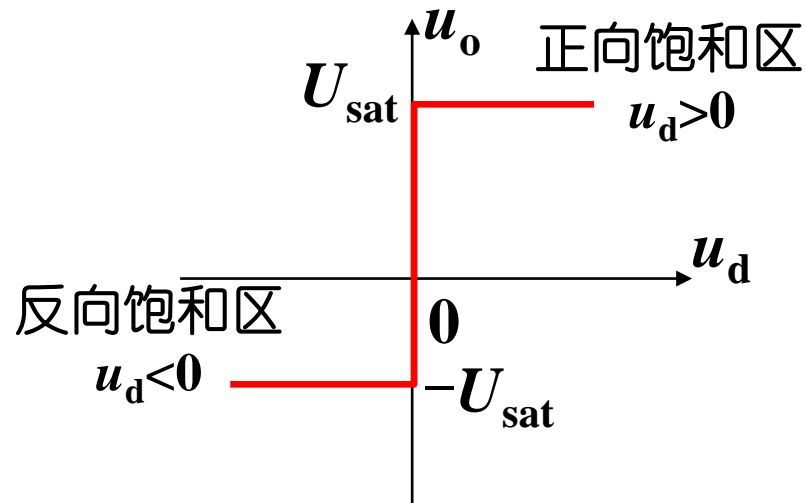
5.2 理想运放 ideal operational amplifiers

在线性放大区，将运放电路作如下的理想化处理：

- (1) $A \rightarrow \infty$ u_o 为有限值，则 $u_d = 0$ ，即 $u_+ = u_-$ ，两个输入端之间相当于短路(虚短)；
- (2) $R_i \rightarrow \infty$ ， $i_+ = 0$ ， $i_- = 0$ 。即从输入端看进去，元件相当于开路(虚断)。
- (3) $R_o \rightarrow 0$ ，输出端电压与负载无关，理想电压源。

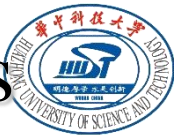


理想运放的电路符号



理想运放特性

5.2 理想运放 ideal operational amplifiers

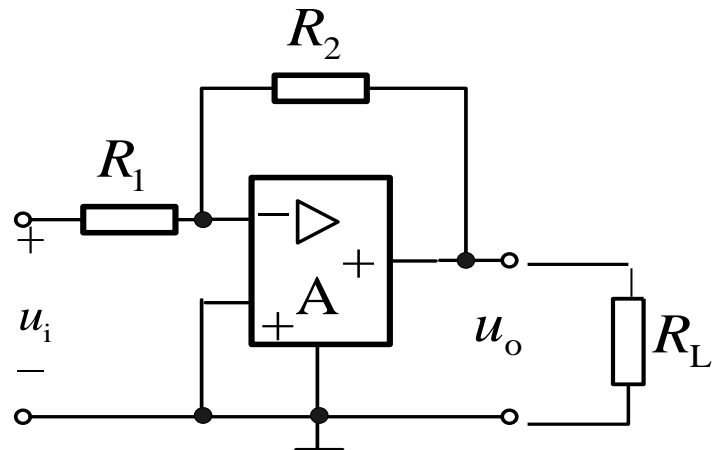


再求 u_o ，视为理想运放。

$$\frac{u_i - 0}{R_1} + \frac{u_o - 0}{R_2} = 0$$

$$u_o = -\frac{R_2}{R_1} u_i$$

Closed-loop gain G



反相放大器 Inverting amplifier——VCVS

注意：

当 R_1 和 R_f 确定后，为使 u_o 不超过饱和电压（即保证工作在线性区），对 u_i 有一定限制。

5.3 运算放大电路

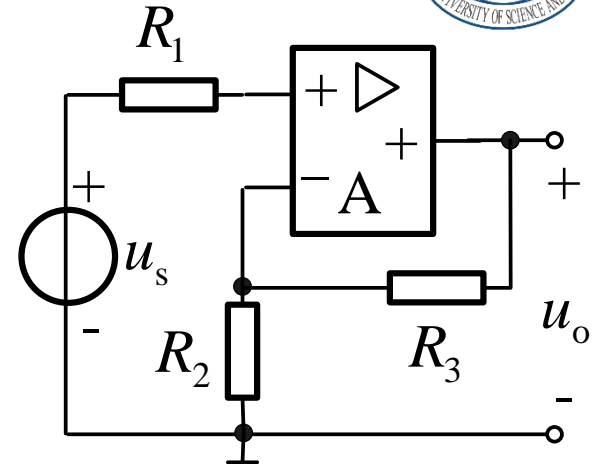
1. 反向放大器 Inverting amplifier
2. 同向放大器 Noninverting amplifier
3. 电压跟随器 Voltage follower
4. 加法器 Summing amplifier
5. 差分放大器 Difference amplifier——减法器 subtractor

5.3 运算放大电路

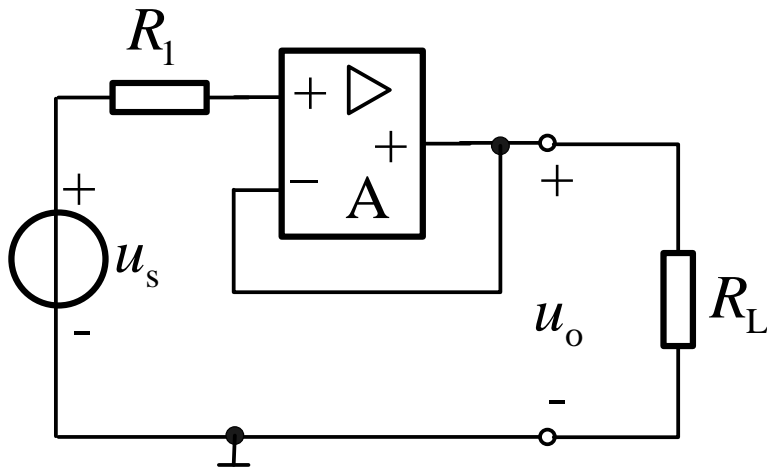
1. 反相比例放大器 Inverting amplifier

2. 同相比例放大器 Noninverting amplifier

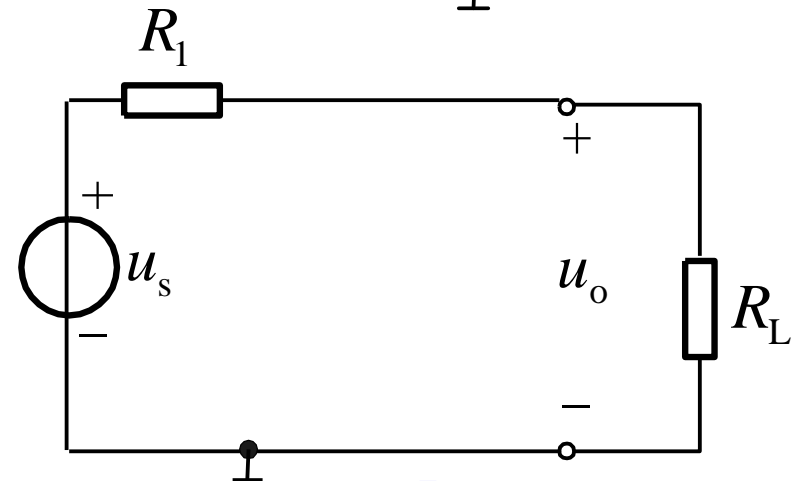
$$\frac{u_s - 0}{R_2} + \frac{u_s - u_o}{R_3} = 0 \quad u_o = \left(1 + \frac{R_3}{R_2}\right)u_s$$



3. 电压跟随器 Voltage follower



$$u_o = u_s$$



$$u_o = \frac{R_L}{R_L + R_1} u_s$$

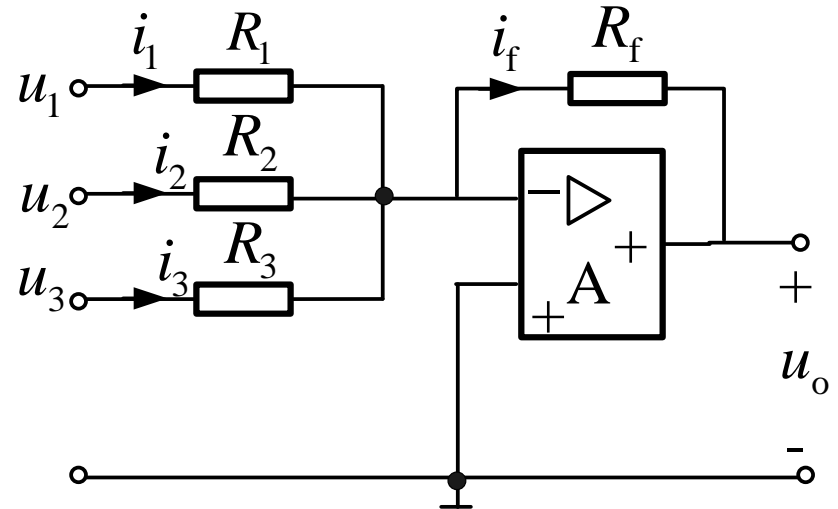
① 输入电阻无穷大（虚断）；

② 输出电阻为零；

应用：在电路中起隔离前后两级电路的作用。

5.3 运算放大电路

4. 求和放大器 (加法器) Summing amplifier



$$\frac{u_1 - 0}{R_1} + \frac{u_2 - 0}{R_2} + \frac{u_3 - 0}{R_3} + \frac{u_o - 0}{R_f} = 0$$

$$u_o = -\left(\frac{R_f}{R_1}u_1 + \frac{R_f}{R_2}u_2 + \frac{R_f}{R_3}u_3\right)$$

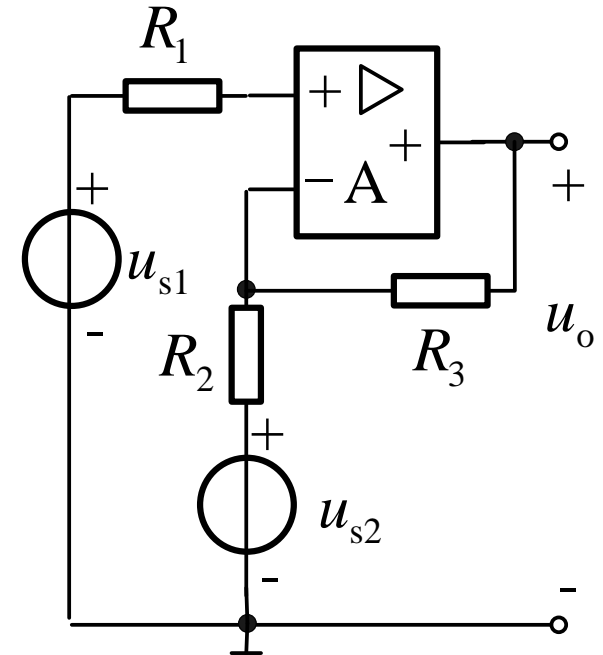
5.3 运算放大电路

5. 差分放大器 (减法器)

Difference amplifier (subtractor)

$$\frac{u_{s1} - u_{s2}}{R_2} + \frac{u_{s1} - u_o}{R_3} = 0$$

$$u_o = \left(1 + \frac{R_3}{R_2}\right)u_{s1} - \frac{R_3}{R_2}u_{s2}$$



目标3： 确定输出电压。

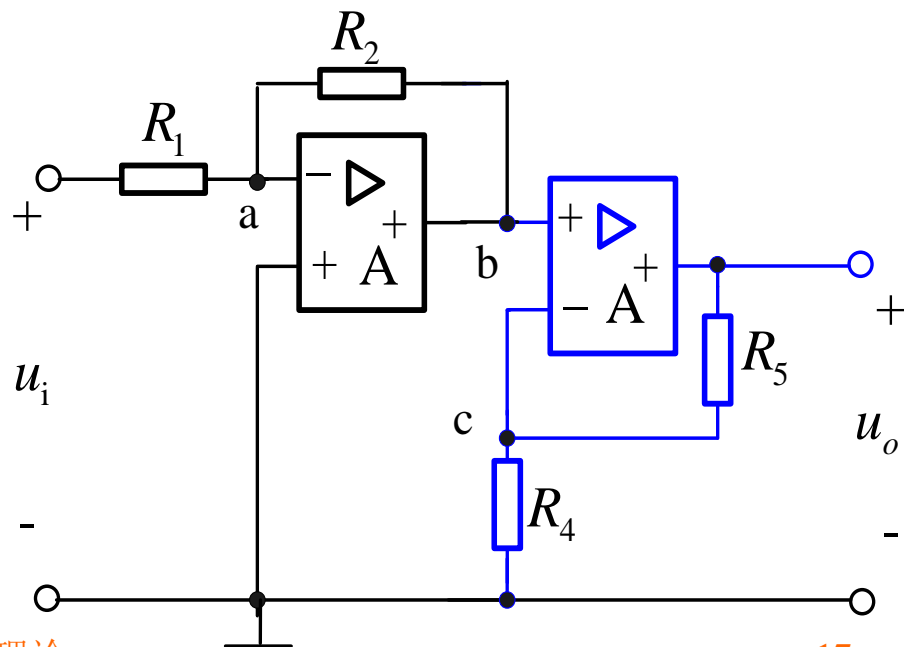
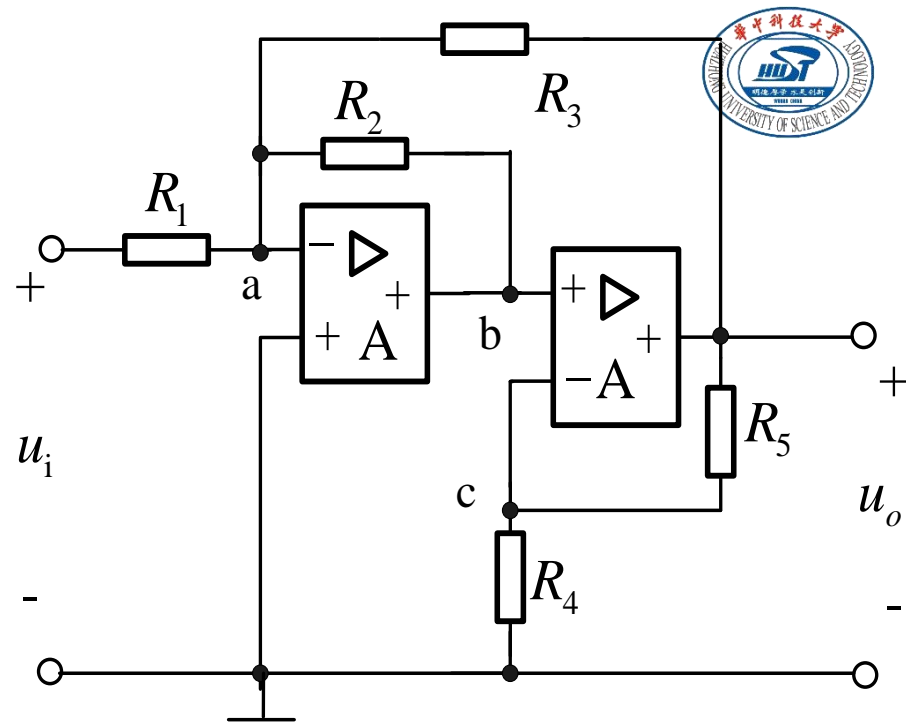
$$\begin{cases} \frac{u_i - 0}{R_1} + \frac{u_b - 0}{R_2} + \frac{u_o - 0}{R_3} = 0 \\ \frac{u_c}{R_4} + \frac{u_c - u_o}{R_5} = 0 \end{cases}$$

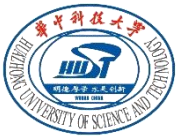
$$u_b = u_c$$

$$\frac{u_o}{u_i} = - \frac{R_2 R_3 (R_4 + R_5)}{R_1 (R_2 R_4 + R_2 R_5 + R_3 R_4)}$$

$$u_b = -\frac{R_2}{R_1} u_i \quad u_o = \left(1 + \frac{R_5}{R_4}\right) u_b$$

$$u_o = -\frac{R_2}{R_1} \left(1 + \frac{R_5}{R_4}\right) u_i$$





作业

- 5.2节: 5-2
- 5.3节: 5-6, 5-7, 5-10
- 5.4节: 5-13
- 5.5节: 5-22