



# 第4章

## 电路定理

---

4.1 叠加定理 Superposition Theorem

4.2 替代定理 Substitution Theorem

4.3 戴维南(诺顿)定理 Thevenin(Norton) Theorem

4.4 最大功率传输定理 Maximum Power Theorem

4.5 特勒根和互易定理

Tellegen's theorem & Reciprocity theorem



# 第4章

## 电路定理

---

- 目标：**
1. 熟练应用叠加定理。
  2. 熟练应用戴维南/诺顿定理。
  3. 熟练分析最大功率传输问题。
  4. 应用互易定理和特勒根定理。

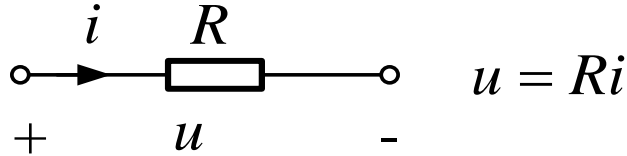
- 难点：**
1. 互易定理应用
  2. 电路定理综合应用问题分析。
  3. 选择合适的分析方法。

**讲授学时：** 4

**讨论学时：** 2

# 4.1 叠加定理 Superposition Theorem

## 1. 线性元件



If  $i' = ki$  , then  $u' = ku$  . Homogeneity property 齐次性

If  $i = i_1 + i_2$  , then  $u = u_1 + u_2$  . Additivity property 可加性

## 2. 线性电路

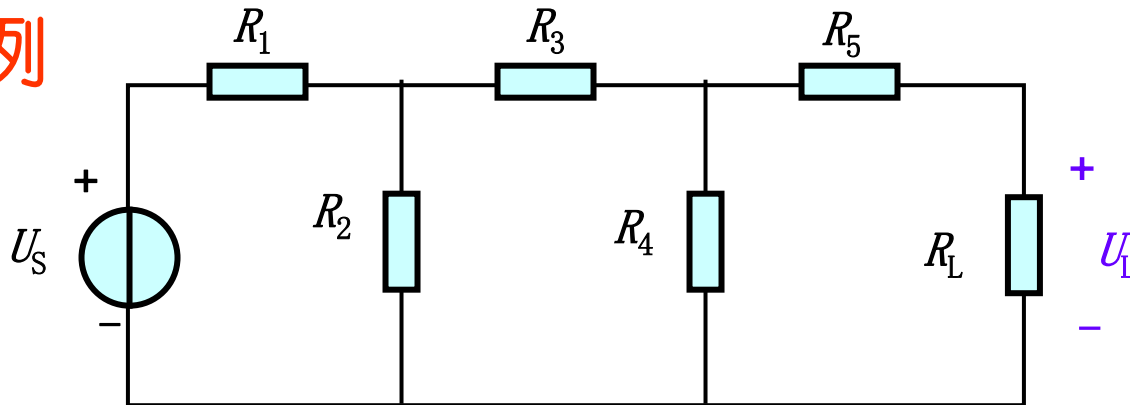
线性电路是指完全由线性元件（包括线性受控源）、独立源构成的电路。

## 齐次性原理

当电路中只有一个激励(独立源)时, 则响应(电压或电流)与激励成正比。

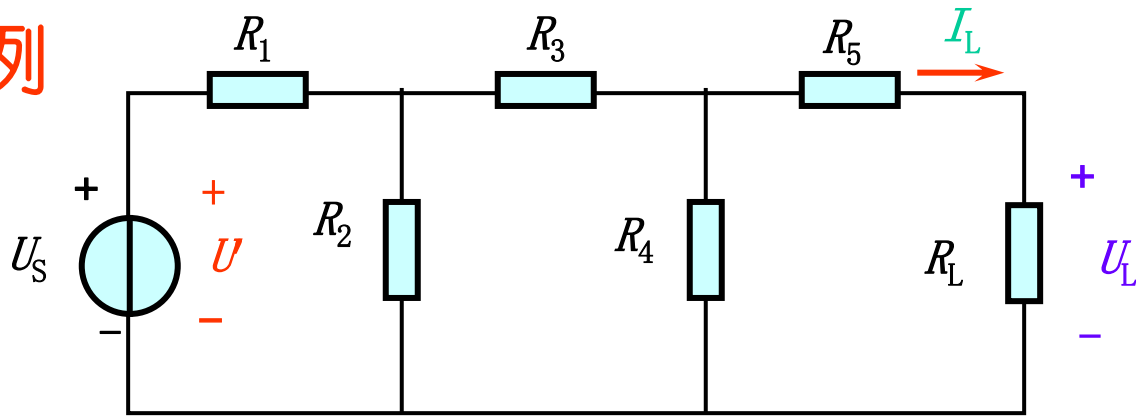


例



已知: 如图。  
求: 电压  $U_L$ 。

例



解

法一：节点法、网孔法。

法二：分压、分流。

法三：电源变换。

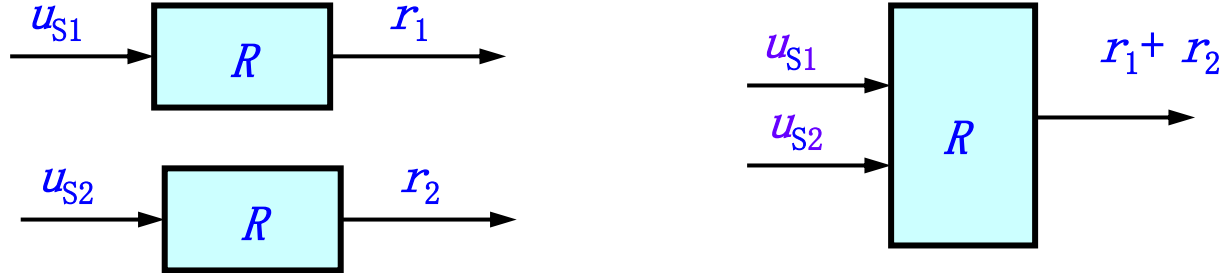
法四：用齐性原理（单位电流法）

设  $I_L = 1\text{A}$   $\longrightarrow U$

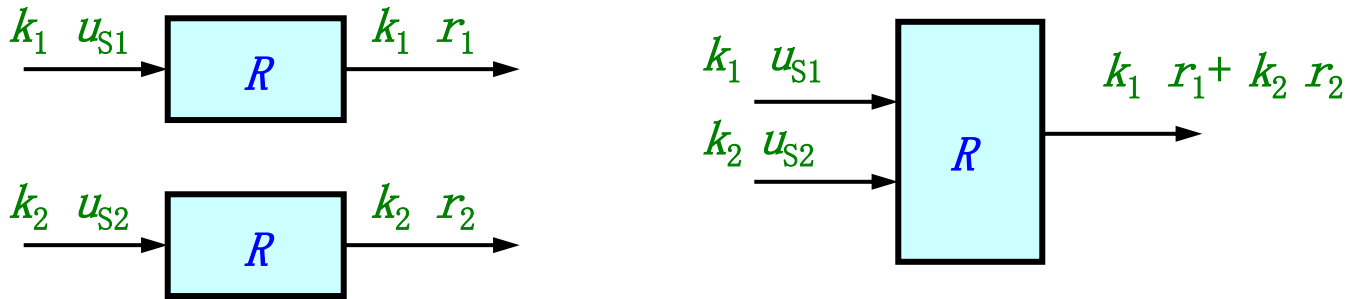
$$K = U_S / U \longrightarrow I_L = K \text{ A} \longrightarrow U_L = K R_L$$

# 可加性 (*additivity property*)

例



例



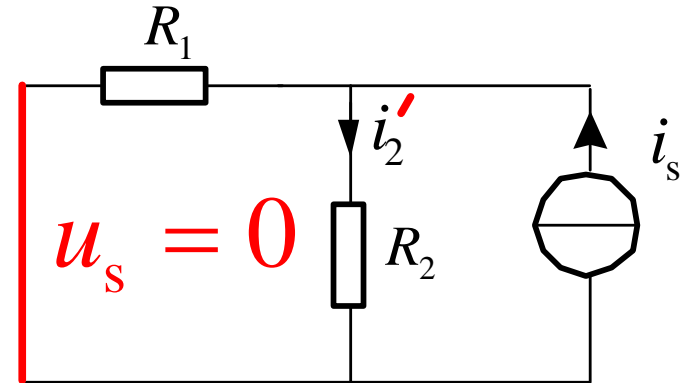
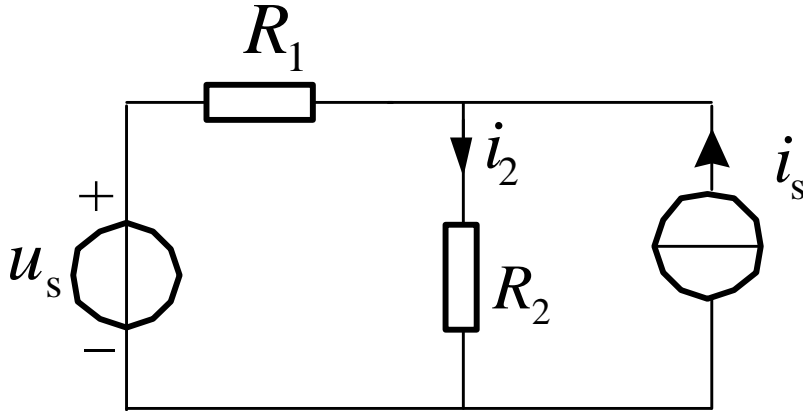
例



线性电路中，**所有**激励都增大(或减小)同样的倍数，  
则电路中响应也增大(或减小)同样的倍数。

# 4.1 叠加定理 Superposition Theorem

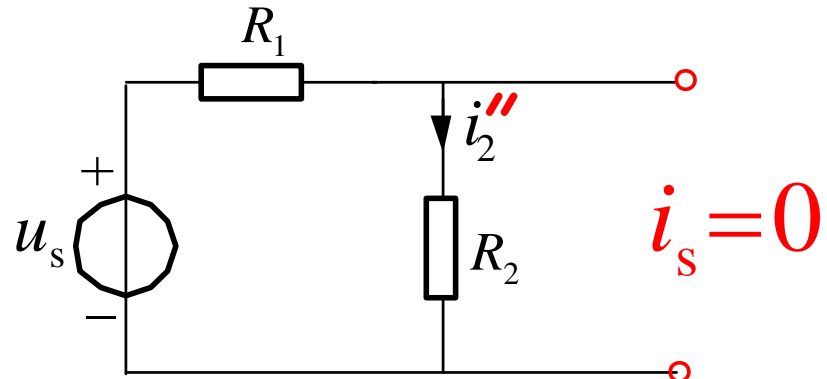
## 2. 线性电路



电流源单独作用  $i_2' = \frac{R_1}{R_1 + R_2} i_s$

$$\left(\frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2}\right) R_2 i_2 = i_s + \frac{1}{R_1} u_s$$

$$i_2 = \frac{R_1}{R_1 + R_2} i_s + \frac{1}{R_1 + R_2} u_s$$



电压源单独作用  $i_2'' = \frac{1}{R_1 + R_2} u_s$

# 4.1 叠加定理 Superposition Theorem

## 3. 叠加定理

线性电路中，多个**独立电源**共同激励下的响应（任意电流或电压），等于各独立电源单独激励下的响应的代数和。

**单独作用：一个电源作用，其余电源不作用**

不作用		电压源 ( $u_S=0$ )	短路
		电流源 ( $i_S=0$ )	开路



## 应用叠加定理时注意以下几点：

1. 叠加定理只适用于线性电路求**电压**和**电流**；



不能用叠加定理求**功率**（功率为电源的二次函数）。

不适用于非线性电路。

2. 应用时电路的结构参数必须**前后一致**。

3. 不作用的电压源**短路**；不作用的电流源**开路**。

4. 含受控源（线性）电路亦可用叠加，**受控源**应始终**保留**。

5. 叠加时注意**参考方向**下求**代数和**。

# 叠加定理的数学证明 (不要求)

推广到有  $l$  个回路的电路

$$\begin{cases} R_{11}i_1 + \cdots + R_{1j}i_j + \cdots R_{1l}i_l = u_{S11} \\ \vdots \\ R_{j1}i_1 + \cdots + R_{jj}i_j + \cdots R_{jl}i_l = u_{Sjj} \\ \vdots \\ R_{l1}i_1 + \cdots + R_{lj}i_j + \cdots R_{ll}i_l = u_{Sll} \end{cases}$$

第  $j$  个回路的回路电流

第  $j$  列

$$i_j = \frac{\begin{vmatrix} R_{11} & \cdots & u_{S11} & \cdots & R_{1l} \\ \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \vdots \\ R_{j1} & \cdots & u_{Sjj} & \cdots & R_{jl} \\ \vdots & \vdots & \vdots & \vdots & \vdots \\ R_{l1} & \cdots & u_{Sll} & \cdots & R_{ll} \end{vmatrix}}{\Delta}$$

$$= \frac{\Delta_{1j}}{\Delta} u_{S11} + \frac{\Delta_{2j}}{\Delta} u_{S22} + \cdots + \frac{\Delta_{jj}}{\Delta} u_{Sjj} + \cdots + \frac{\Delta_{lj}}{\Delta} u_{Sll}$$

$$= \frac{\Delta_{1j}}{\Delta} u_{s11} + \frac{\Delta_{2j}}{\Delta} u_{s22} + \cdots + \frac{\Delta_{jj}}{\Delta} u_{sjj} + \cdots + \frac{\Delta_{lj}}{\Delta} u_{sl}$$

式中的电压源项为实际电路中电压源和电流源的线性组合

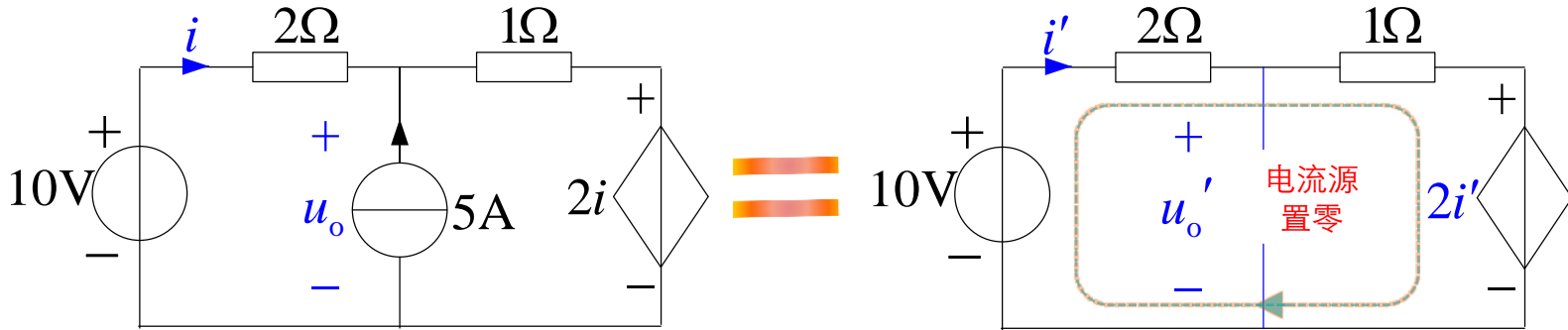
$$i_j = \sum_{i=1}^m G_{ji} u_{Si} + \sum_{i=1}^n R_{ji} i_{Si}$$

回路电流      实际电路中的电压源      实际电路中的电流源

- ✓ 回路电流是原电路中各电压、电流源的线性组合
- ✓ 支路电流是回路电流的线性组合

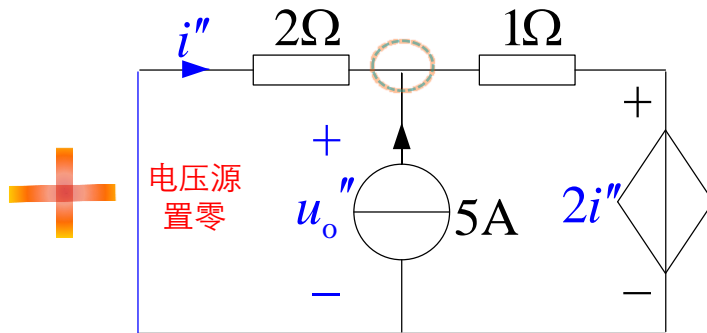
## 4. 定理应用 Applications

【例 1】确定电压  $u_o$  和 5A 电流源提供的功率。



$$\text{网孔方程: } (2+1)i' = 10 - 2i'$$

$$u_o' = 1 \times i' + 2i'$$



结点方程:

$$\left(\frac{1}{2} + \frac{1}{1}\right)u_o'' = 5 + \frac{2i''}{1}$$

$$u_o'' = -2i''$$

$$u_o = u_o' + u_o''$$

$$p_{5A} = 5u_o = 5u_o' + 5u_o'' \neq 5u_o''$$

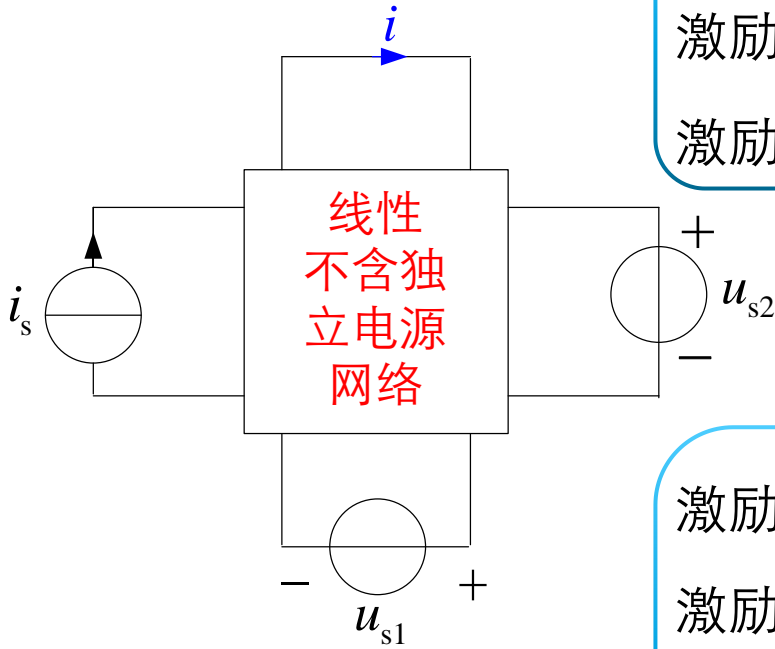
功率不符合叠加关系!

## 【例 2】确定电流 $i$ 。

已知条件

激励为 $i_s$ 和 $u_{s1}$ ( $u_{s2}$ 置零)	响应 $i = 2A$
激励为 $i_s$ 和 $u_{s2}$ ( $u_{s1}$ 置零)	响应 $i = -0.5A$
激励为 $i_s$ 、 $u_{s1}$ 和 $u_{s2}$	响应 $i = 1.2A$

确定



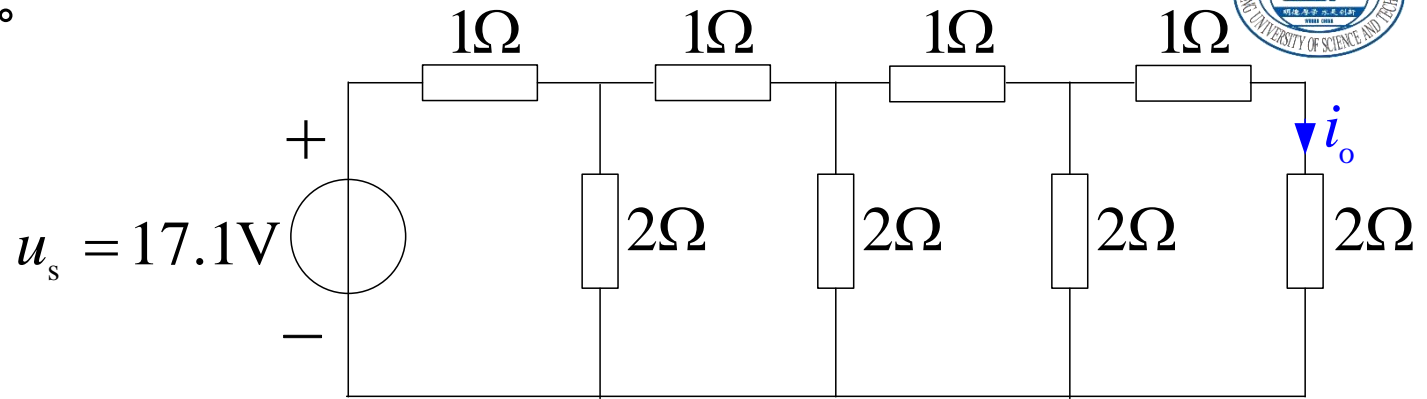
激励为 $i_s$	响应 $i = ?$	$i'$
激励为 $u_{s1}$	响应 $i = ?$	$i''$
激励为 $u_{s2}$	响应 $i = ?$	$i'''$
激励为 $0.5i_s$ 、 $2u_{s1}$ 和 $3u_{s2}$	响应 $i = ?$	$i$

$$\begin{cases} i' + i'' = 2 \\ i' + i''' = -0.5 \\ i' + i'' + i''' = 1.2 \end{cases}$$

解得  $i'$ 、 $i''$ 、 $i'''$

$$i = 0.5i' + 2i'' + 3i'''$$

【例3】确定  $i_o$ 。

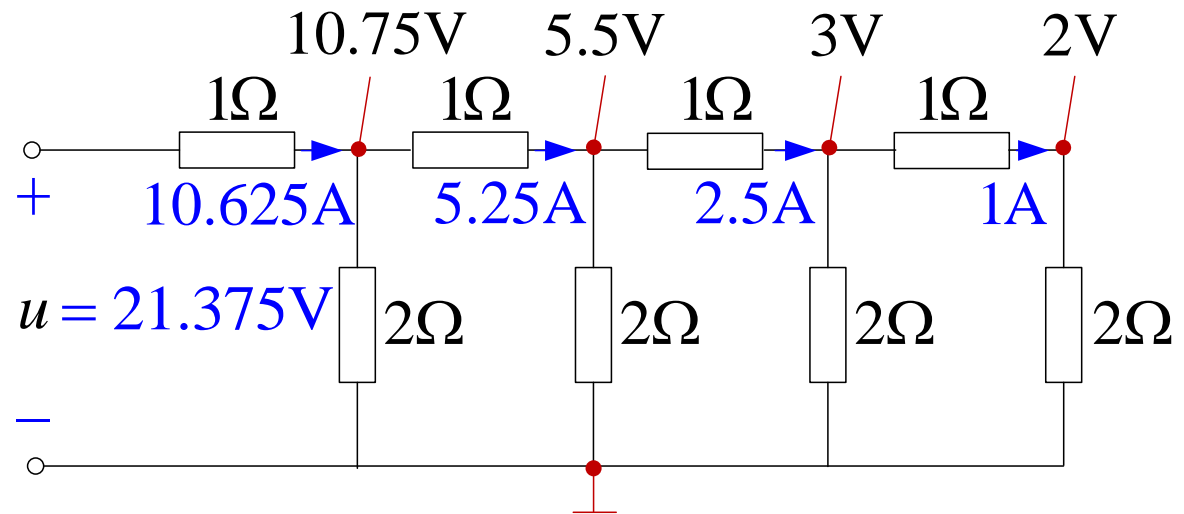


由此

$$u_s = 21.375V \rightarrow i_o = 1A$$

响应与激励的关系为

$$i_o = \frac{1}{21.375} u_s = \frac{8}{171} u_s$$



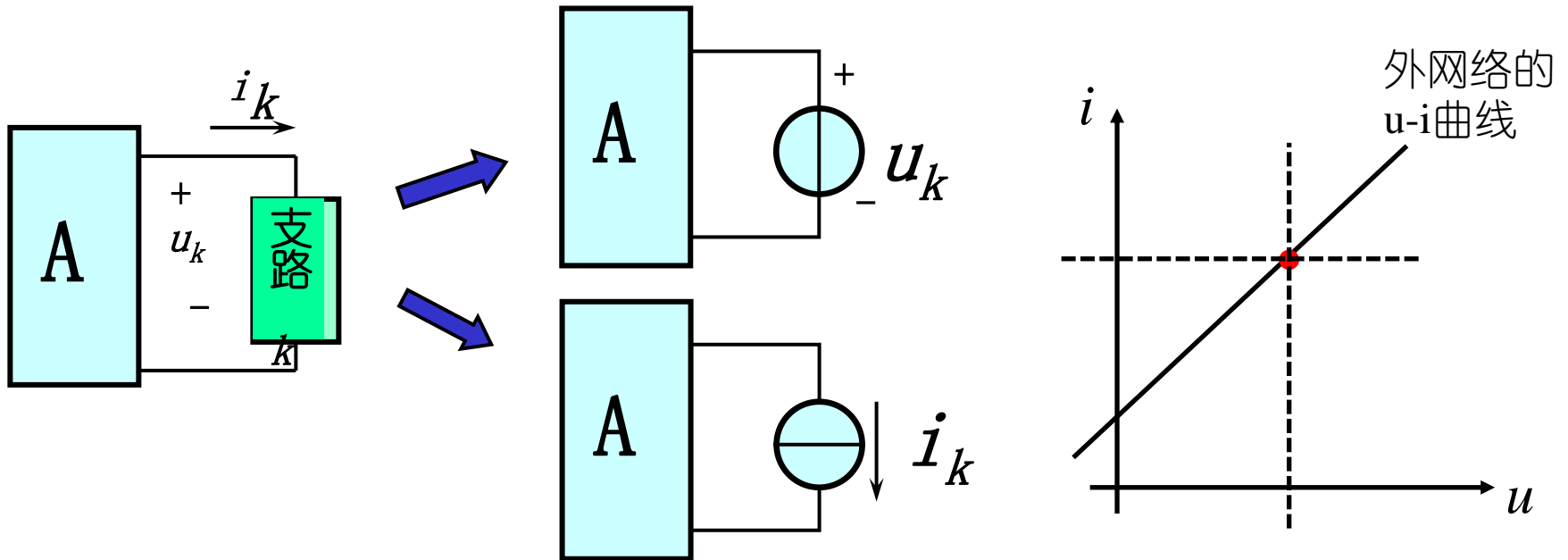
因此

$$u_s = 17.1V \rightarrow i_o = \frac{8}{171} \times 17.1 = 0.8A$$

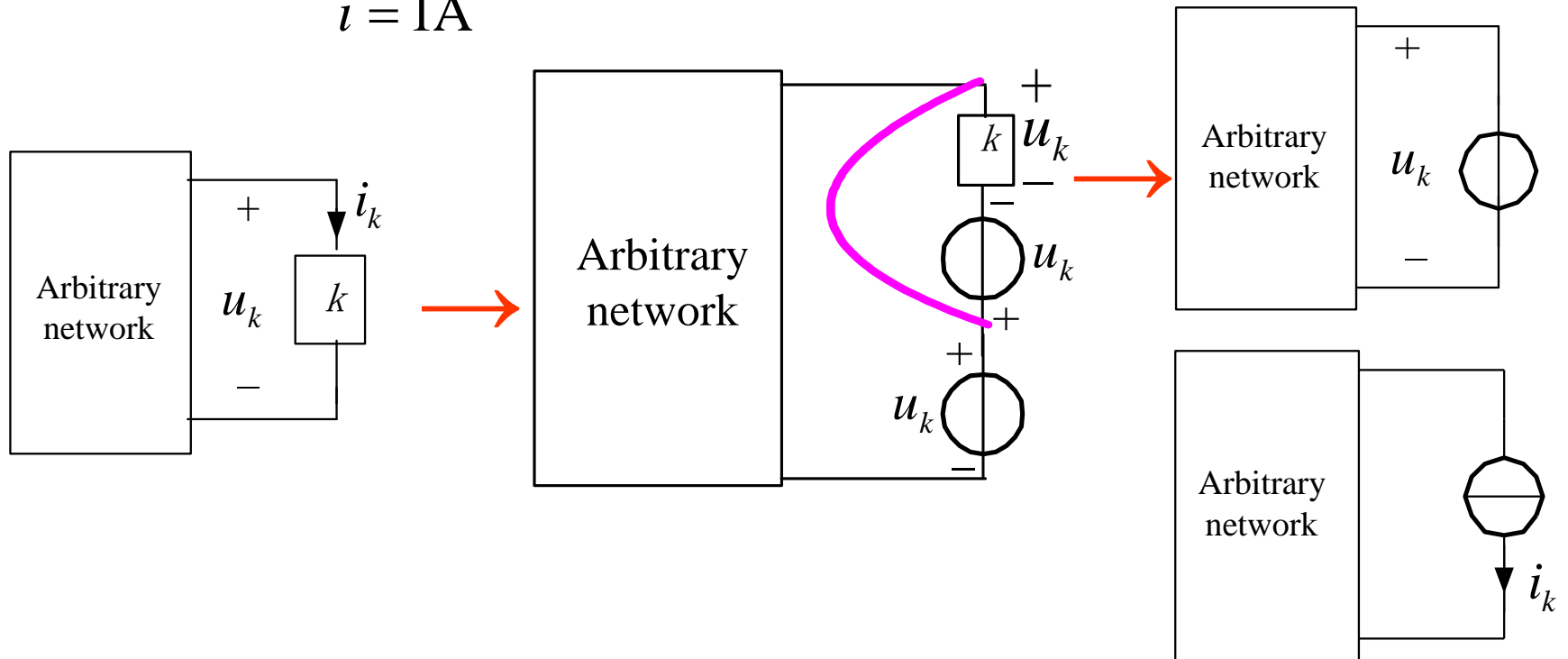
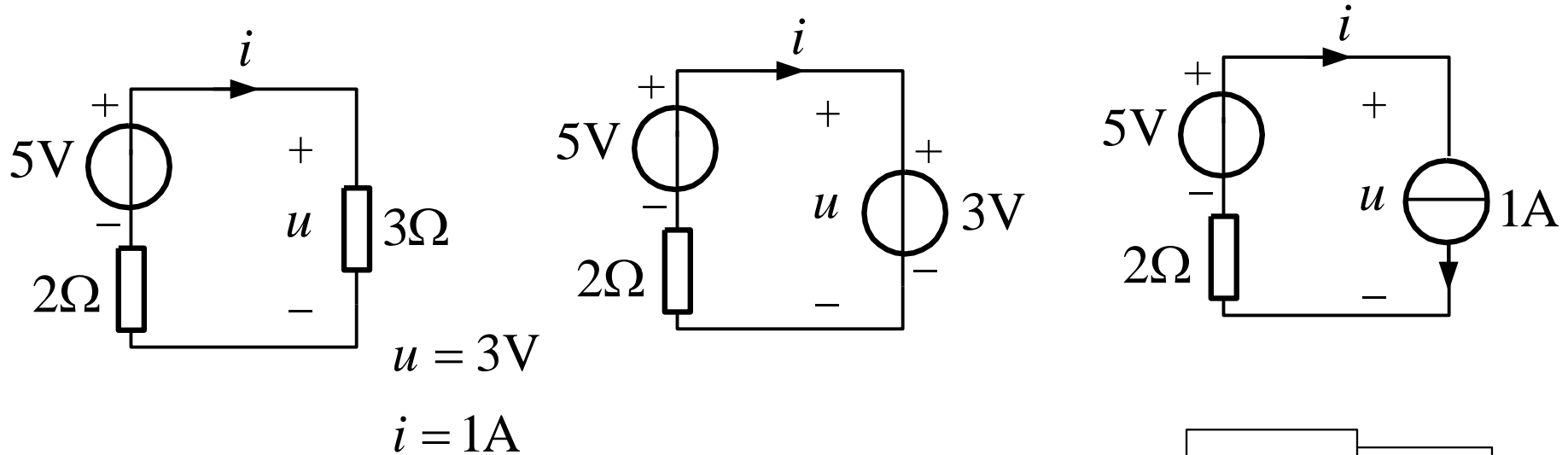
## 4.2 替代定理 Substitution Theorem

### 替代定理

任意一个线性电路，其中第 $k$ 条支路的电压已知为 $u_k$ （电流为 $i_k$ ），那么就可以用一个电压等于 $u_k$ 的理想电压源（电流等于 $i_k$ 的独立电流源）来替代该支路，替代前后（电路有唯一解）电路中各处电压和电流均保持不变。



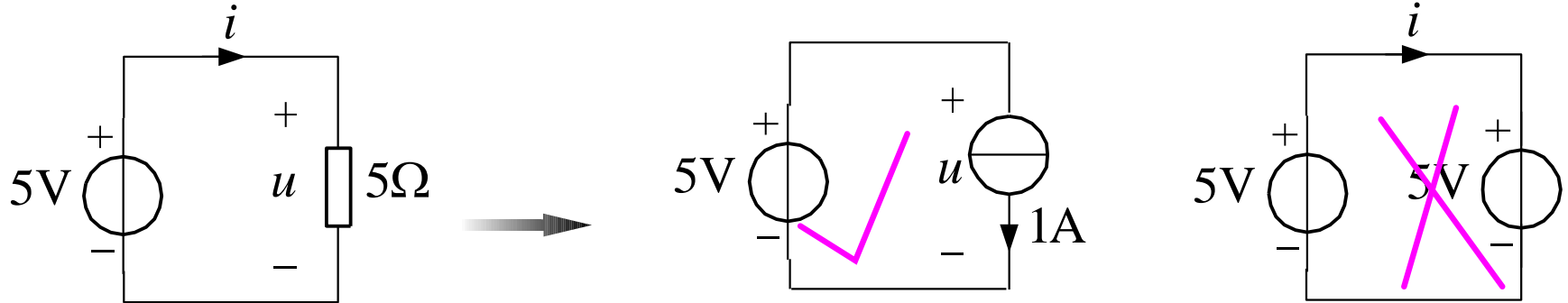
## 4.2 替代定理 Substitution Theorem



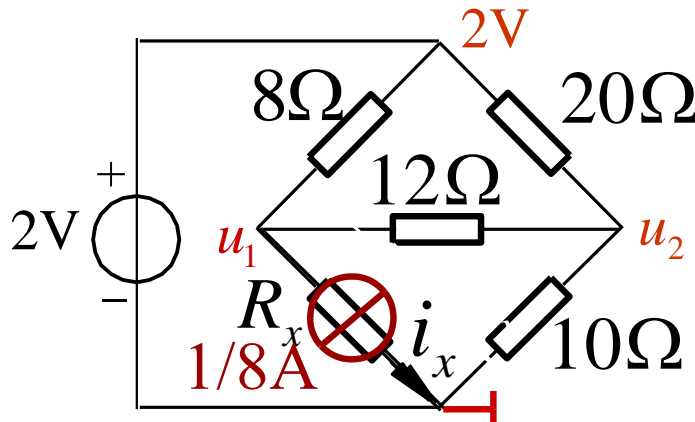


## 2. 定理应用 Applications

注意：支路电压、电流具有唯一解！



Assume  $i_x = 1/8$  A. Find the  $R_x$ .



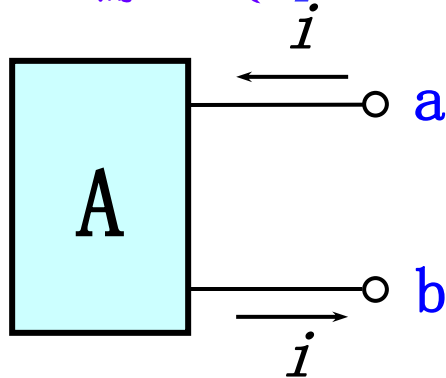
$$\begin{cases} (\frac{1}{8} + \frac{1}{12})u_1 - \frac{1}{12}u_2 - \frac{1}{8} = -\frac{1}{8} \\ -\frac{1}{12}u_1 + (\frac{1}{20} + \frac{1}{12} + \frac{1}{10})u_2 - \frac{1}{20} = 0 \end{cases}$$

$$R_x = u_1 / \frac{1}{8}$$

## 4.3 戴维南 - 诺顿定理 Thevenin-Norton Theorem

### 1. 几个名词

#### (1) 端口 ( *port* )



端口指电路引出的一对端钮，其中从一个端钮（如 **a**）流入的电流一定等于从另一端钮（如 **b**）流出的电流。

#### (2) 一端口网络 ( *network* )

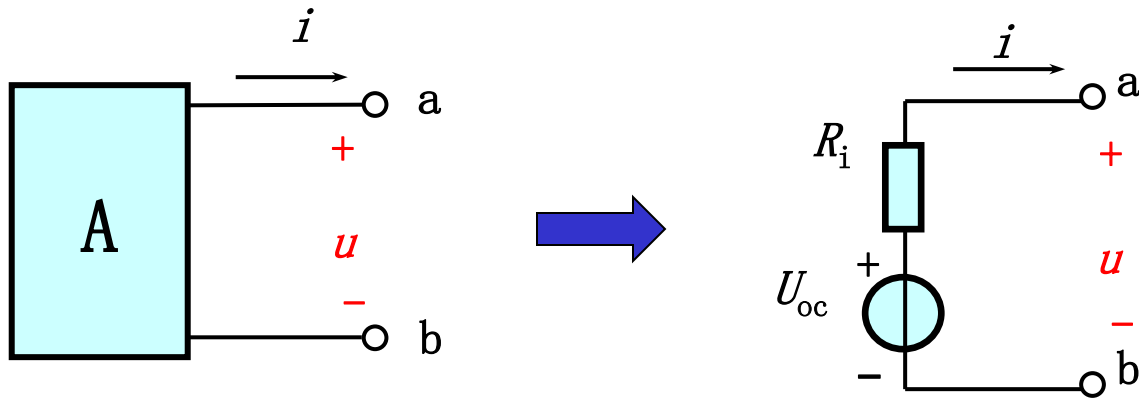
网络与外部电路只有一对端钮（或一个端口）联接。

#### (3) 二端口网络 ( *network* )

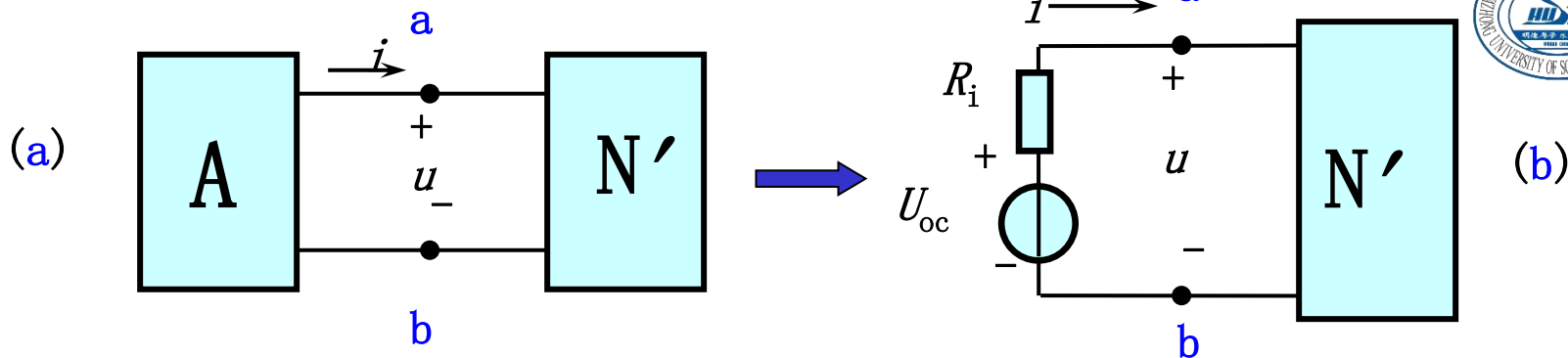
网络与外部电路有两对端钮（或两个端口）联接。

## 2. 戴维南定理

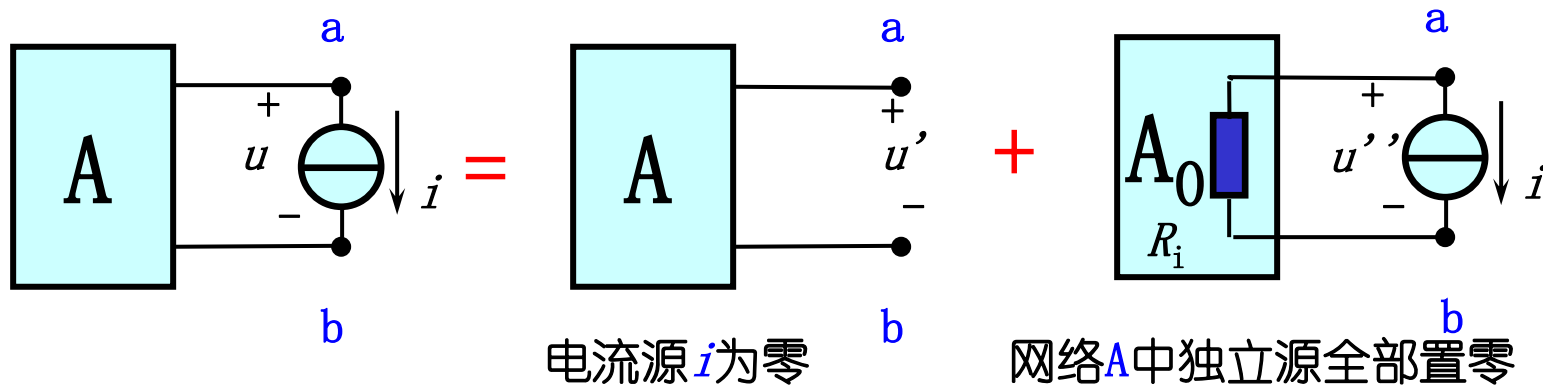
任何一个含有独立电源、线性电阻和线性受控源的一端口网络，对外电路来说，可以用一个电压源 ( $U_{oc}$ ) 和电阻  $R_i$  的串联组合来等效；此电压源的电压等于外电路断开时端口处的开路电压，而电阻等于一端口中全部独立电源置零后的端口等效电阻。



证明:



(对a) 利用替代定理, 将外部电路用电流源替代, 此时  $u$ 、 $i$  值不变。计算  $u$  值。(用叠加定理)



根据叠加定理, 可得

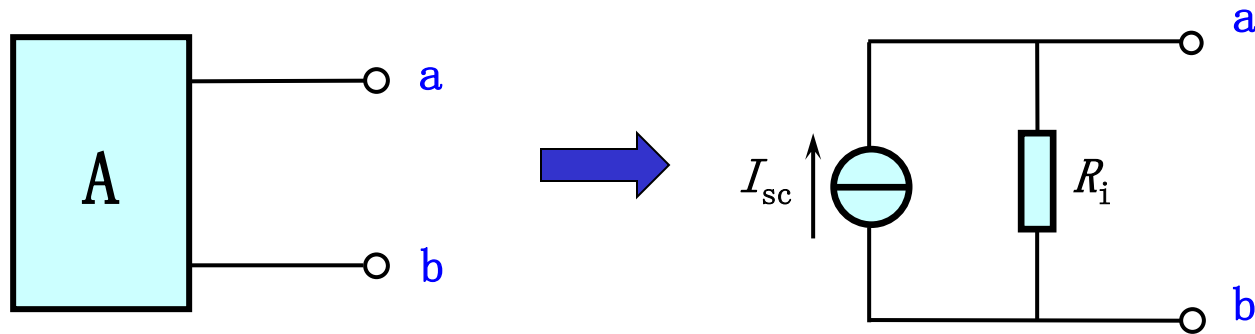
$$\begin{cases} u' = U_{oc} & (\text{外电路开路时 } a、b \text{ 间开路电压}) \\ u'' = -R_i i \end{cases}$$

则  $u = u' + u'' = U_{oc} - R_i i$

此关系式恰与图 (b) 电路相同。

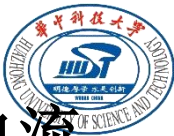
### 3. 诺顿定理

任何一个含独立电源，线性电阻和线性受控源的一端端口，对外电路来说，可以用一个电流源和电阻（电导）的并联组合来等效置换；电流源的电流等于该一端口的短路电流，而电阻（电导）等于把该一端口的全部独立电源置零后的输入电阻（电导）。



诺顿等效电路可由戴维南等效电路经电源等效变换得到。但须指出，诺顿等效电路可独立进行证明。证明过程从略。

## 小结:



(1) 戴维南等效：求开路电压；诺顿等效：求短路电流；  
 $U_{oc} = I_{sc} * R_{eq}$ ；

(2) 串联电阻为将一端口内部独立电源全部置零（电压源短路，电流源开路）后，所得一端口网络的等效电阻。

### 等效电阻的计算方法：

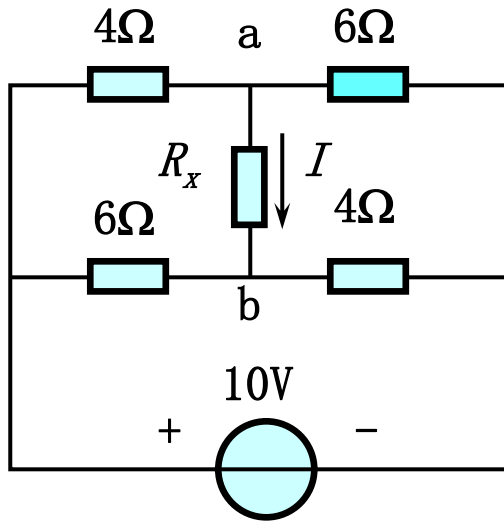
a. 当网络内部不含有受控源时可采用电阻串并联的方法计算；

b. 加压求流法：端口加电压求电流法或加电流求电压法（内部独立电源置零）。

c. 开路电压短路电流法：等效电阻等于端口的开路电压与短路电流的比（内部独立电源保留）。

(3) 当一端口内部含有受控源时，控制支路与受控源支路必须包含在被等效变换的同一部分电路中。

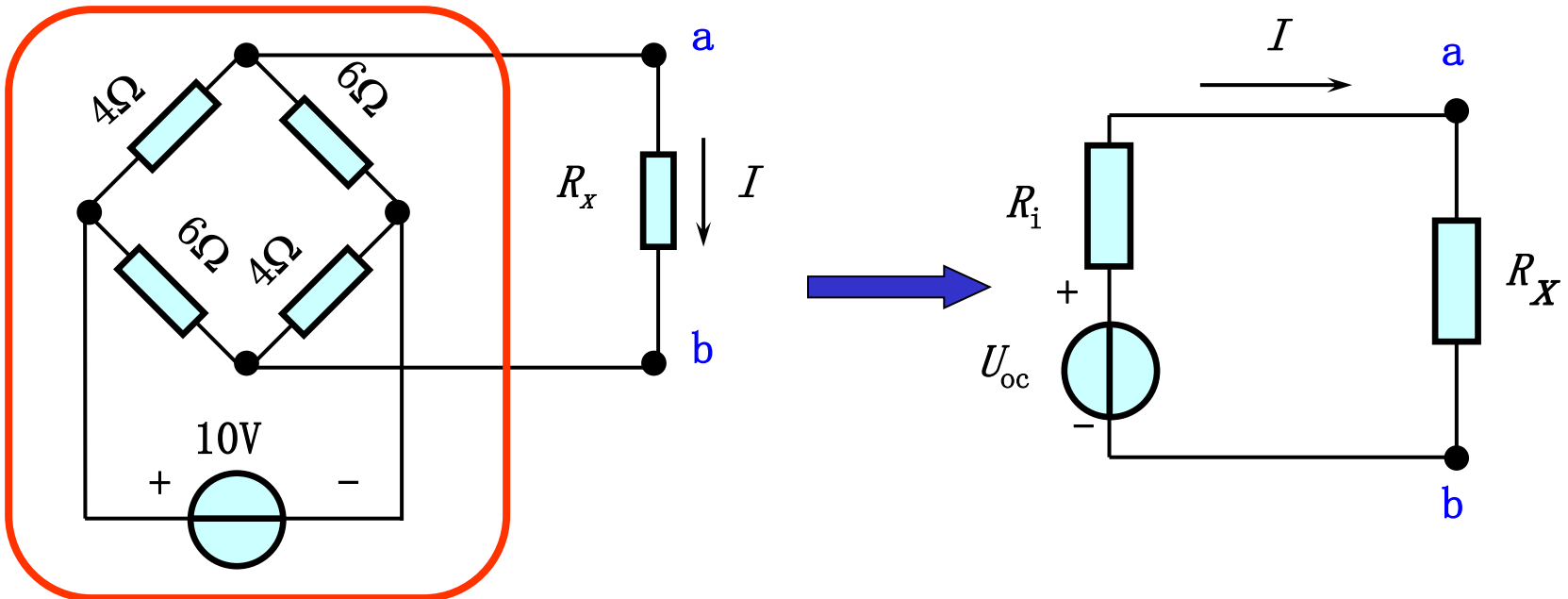
# 例1



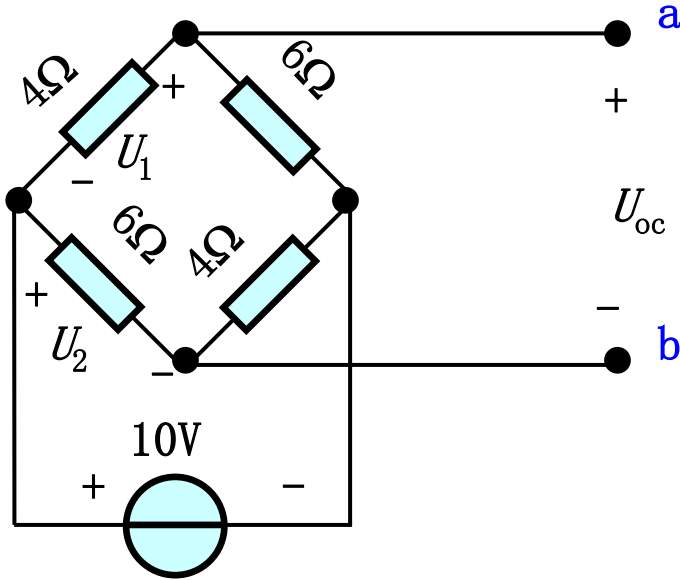
电路如图所示

- (1) 计算 $R_x$ 分别为 $1.2\Omega$ 、 $5.2\Omega$ 时的电流 $I$ ;
- (2)  $R_x$ 为何值时, 其上获最大功率?

解 保留 $R_x$ 支路, 将其余一端口化为戴维南等效电路:

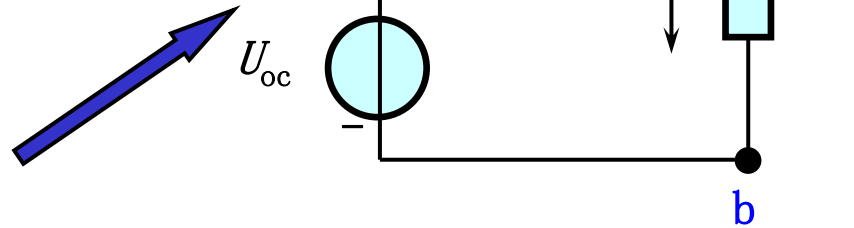
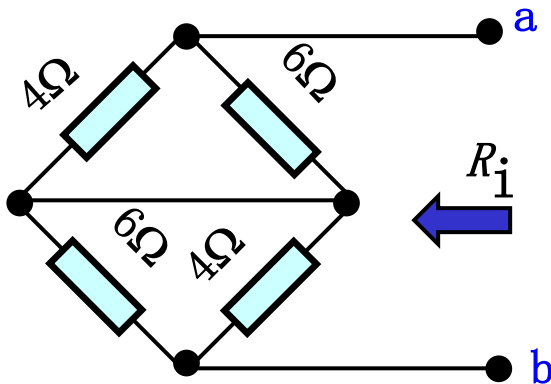


## (1) 求开路电压



$$\begin{aligned} U_{oc} &= U_1 + U_2 \\ &= -10 \times 4 / (4+6) + 10 \times 6 / (4+6) \\ &= -4 + 6 = 2V \end{aligned}$$

## (2) 求等效电阻 $R_i$



(3)  $R_X = 1.2\Omega$  时,  $I = U_{OC} / (R_i + R_X) = 0.333A$

$R_X = 5.2\Omega$  时,  $I = U_{OC} / (R_i + R_X) = 0.2A$

$$R_i = 4 // 6 + 6 // 4 = 4.8\Omega$$

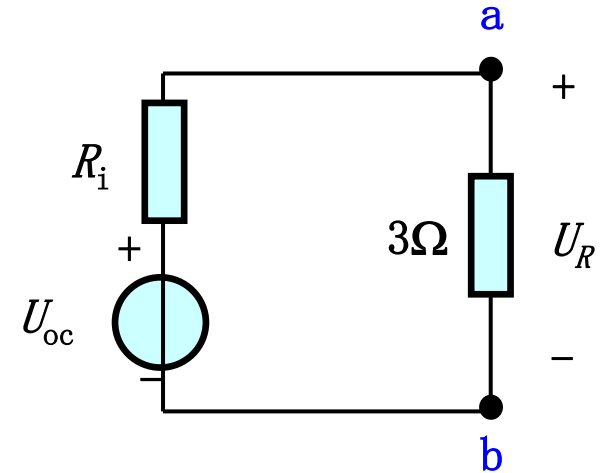
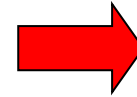
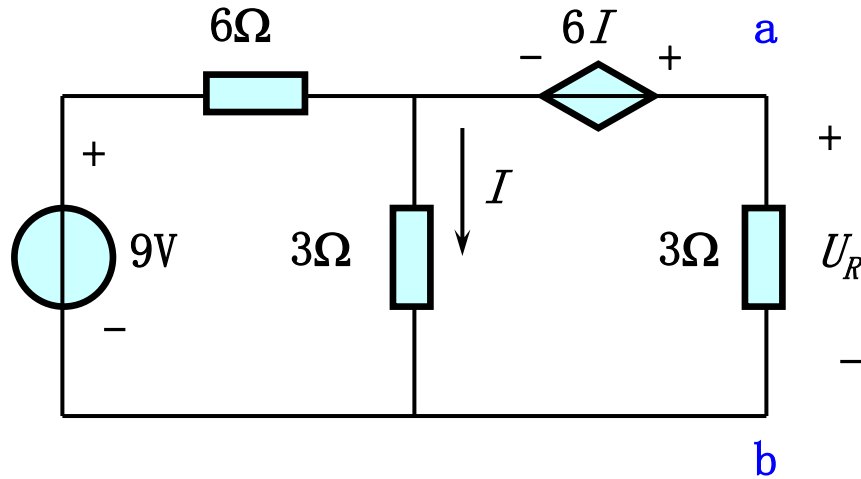
$R_X = R_i = 4.8\Omega$  时, 其上获最大功率。



# 含受控源电路戴维南定理的应用

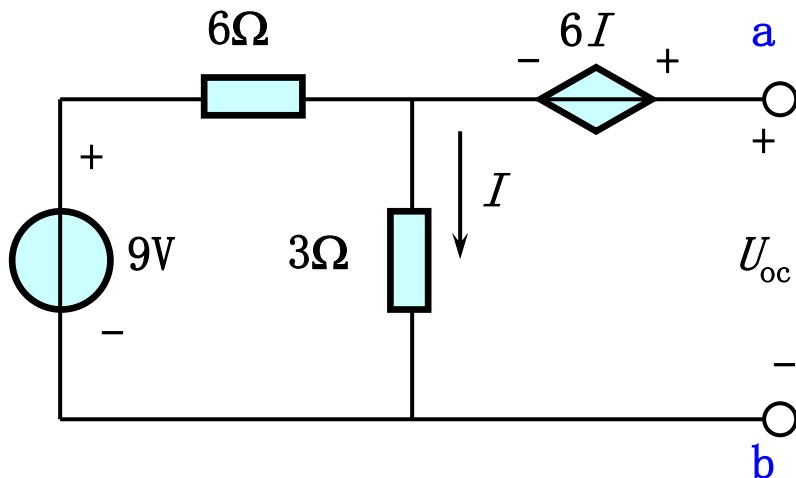
例2

电路如图所示，求电压  $U_R$ 。



解

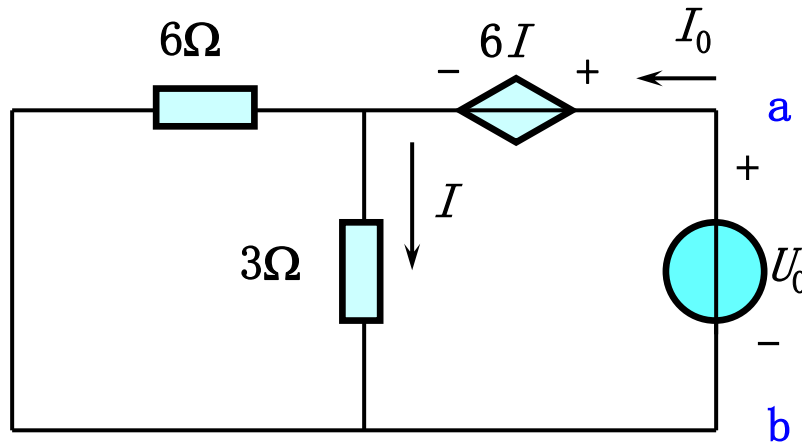
(1) 求开路电压  $U_{oc}$ 。



$$\begin{cases} U_{oc} = 6I + 3I \\ I = 9/9 = 1A \end{cases} \Rightarrow U_{oc} = 9V$$

## (2) 求等效电阻 $R_i$

方法1 端口加压求流 (内部独立电压源短路)

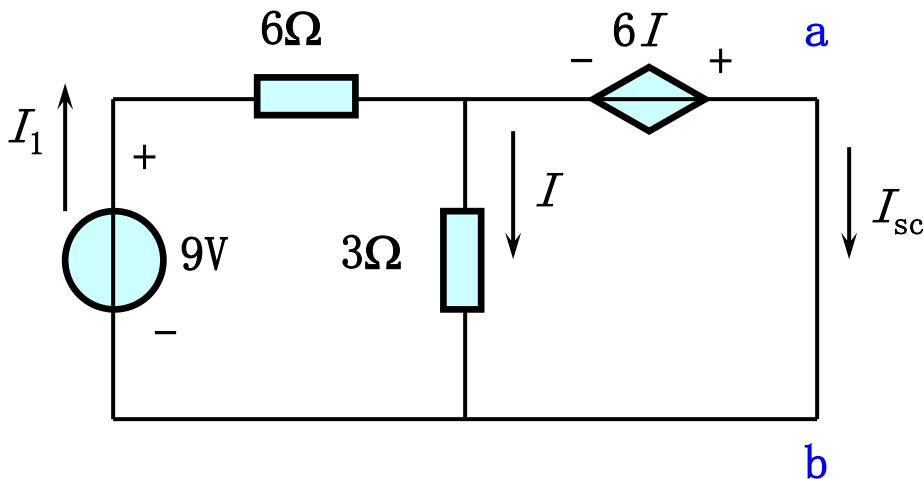


$$\begin{cases} U_0 = 6I + 3I = 9I \\ I = I_0 \times 6 / (6 + 3) = (2/3) I_0 \end{cases}$$

$$\Rightarrow U_0 = 9 \times (2/3) I_0 = 6 I_0$$

$$\Rightarrow R_i = U_0 / I_0 = 6 \Omega$$

方法2 开路电压、短路电流



$$(U_{OC} = 9V)$$

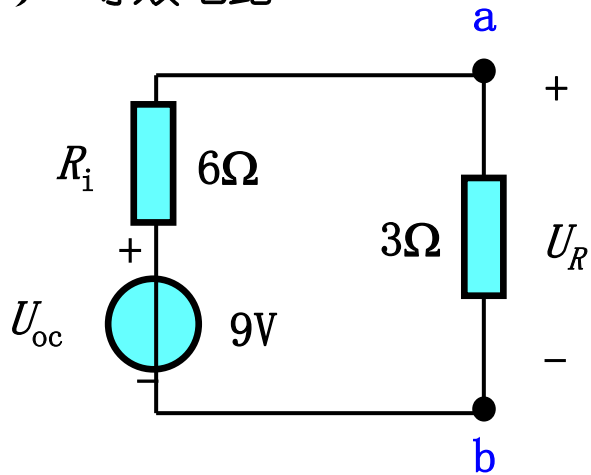
$$6 I_1 + 3 I = 9$$

$$I = -6 I / 3 = -2 I \Rightarrow I = 0$$

$$I_{sc} = I_1 = 9 / 6 = 1.5 A$$

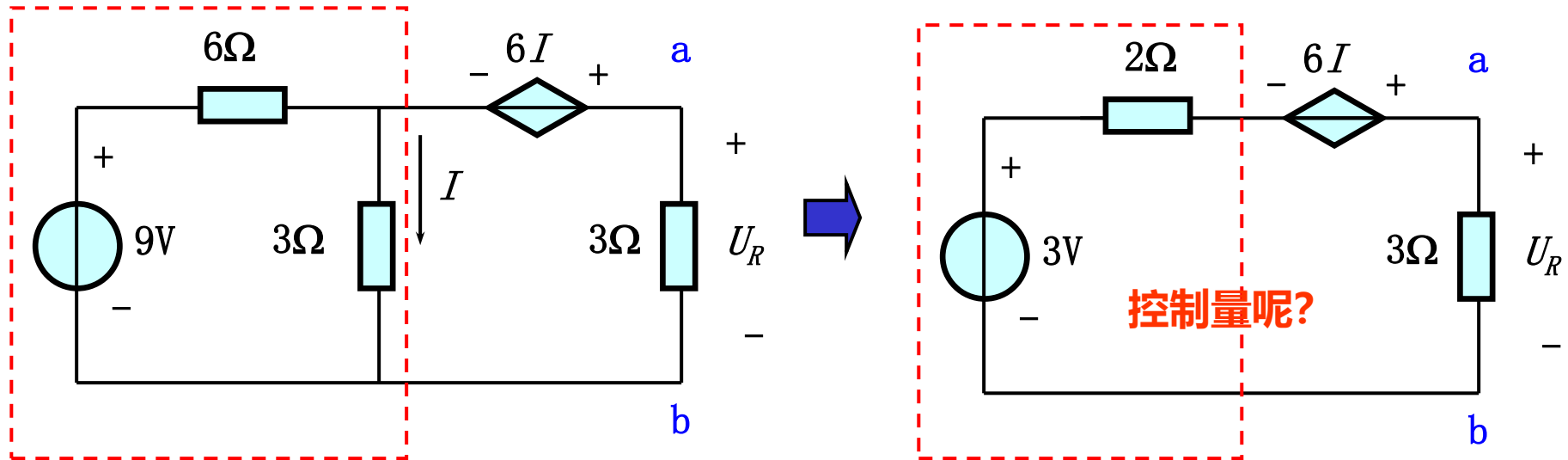
$$R_i = U_{OC} / I_{sc} = 9 / 1.5 = 6 \Omega$$

### (3) 等效电路

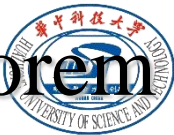


$$U_R = \frac{3}{6+3} \times 9 = 3V$$

下图电路经戴维南等效变换后将难于继续进行计算。



## 4.4 最大功率传输定理 Maximum Power Theorem

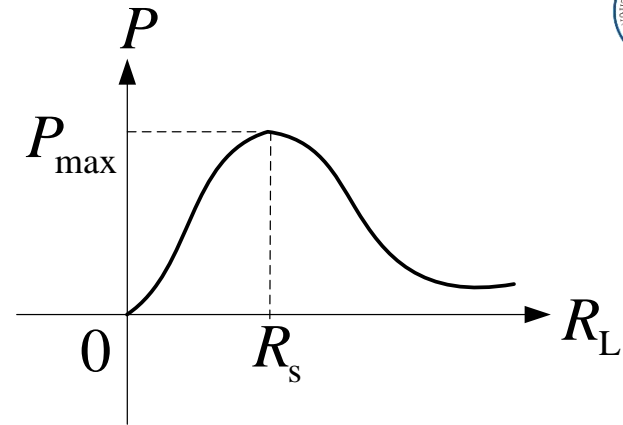


一个含源线性一端口电路，当所接负载不同时，一端口电路传输给负载的功率就不同，讨论负载为何值时能从电路获取最大功率，及最大功率的值是多少的问题是有工程意义的。



应用戴维南定理

$$P = R_L \left( \frac{u_{oc}}{R_{eq} + R_L} \right)^2$$



$P$ 对 $R_L$ 求导:

$$P' = u_{oc}^2 \frac{(R_{eq} + R_L)^2 - 2R_L(R_{eq} + R_L)}{(R_{eq} + R_L)^4} = 0$$



$$R_L = R_{eq}$$

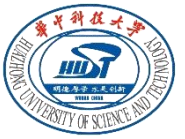


$$P_{\max} = \frac{u_{oc}^2}{4R_{eq}}$$

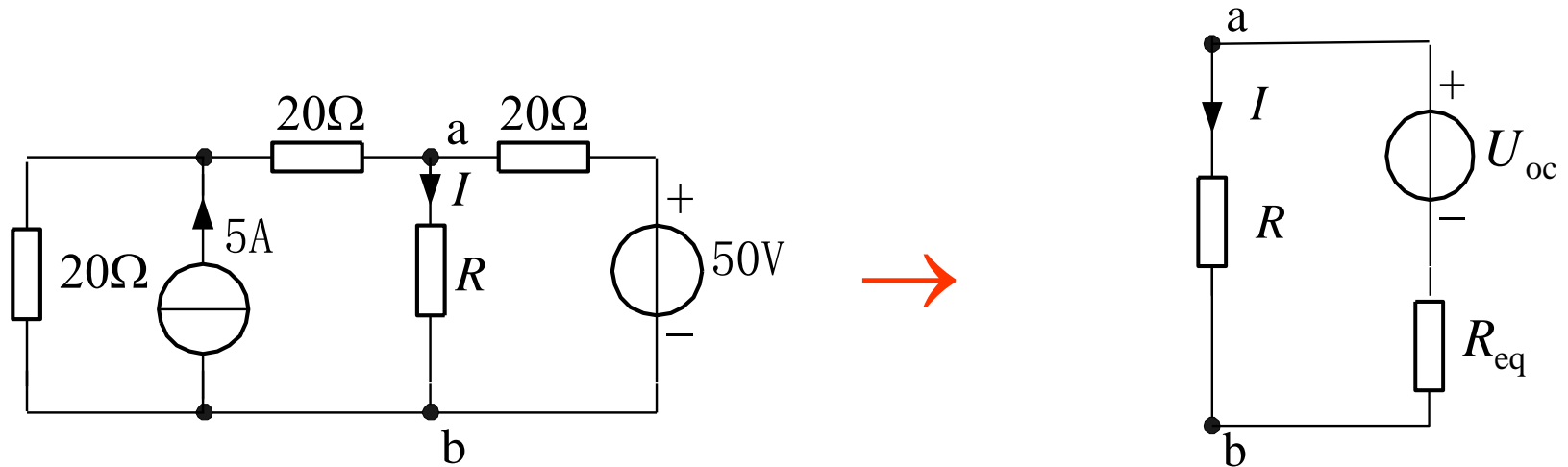
最大功率匹配条件

**负载与网络匹配 ( The source and load are matched )**

## 讨论 —— 目标3：最大功率问题分析



**例1:** Find the value of  $R$  for maximum power transfer in the circuit. Find the maximum power absorbed by  $R$ .

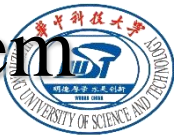


$$U_{oc} = \frac{20 \times 5}{20 + 40} \times 20 + \frac{40 \times 50}{20 + 40} = 66.7 \text{ V}$$

$$R_{eq} = 20 // (20 + 20) = 13.3 \Omega$$

$$R = R_{eq} \quad P_{max} = \frac{U_{oc}^2}{4R_{eq}} = 83.4 \text{ W}$$

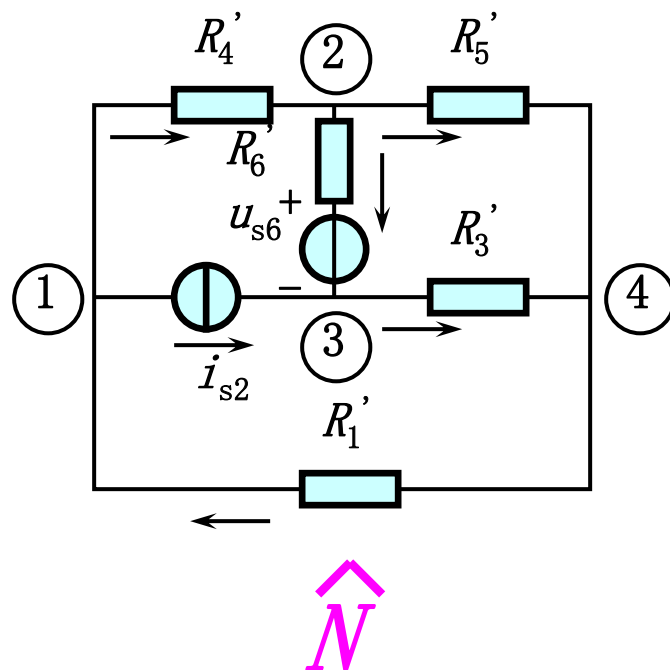
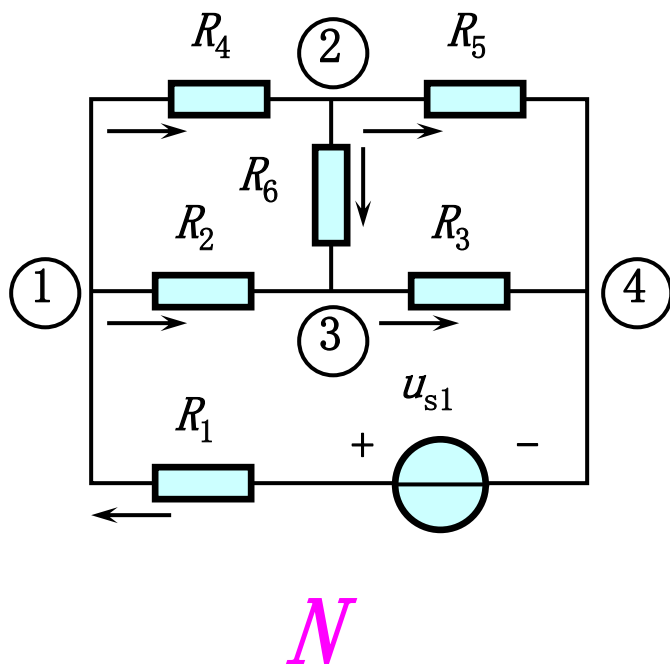
# 4.5 Tellegen's Theorem and Reciprocity Theorem

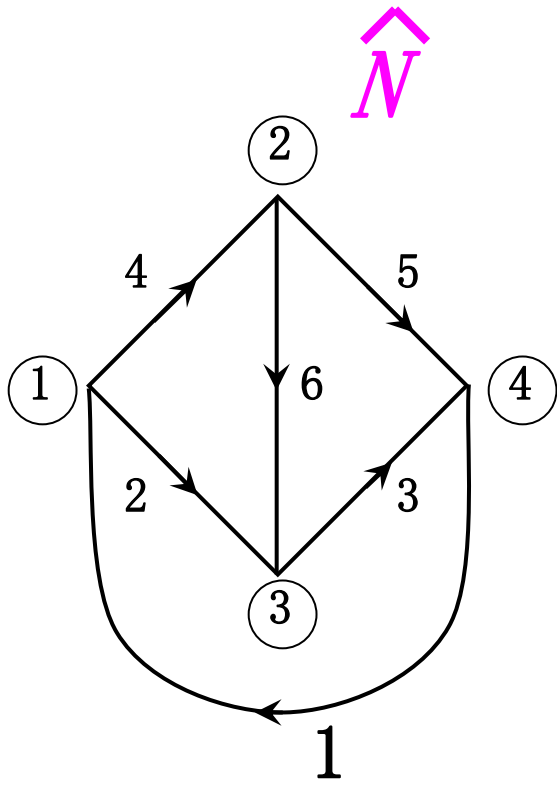
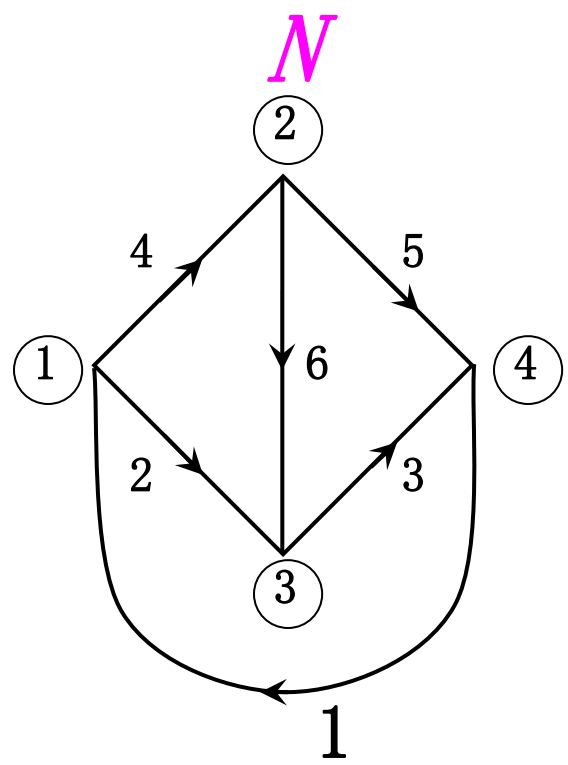
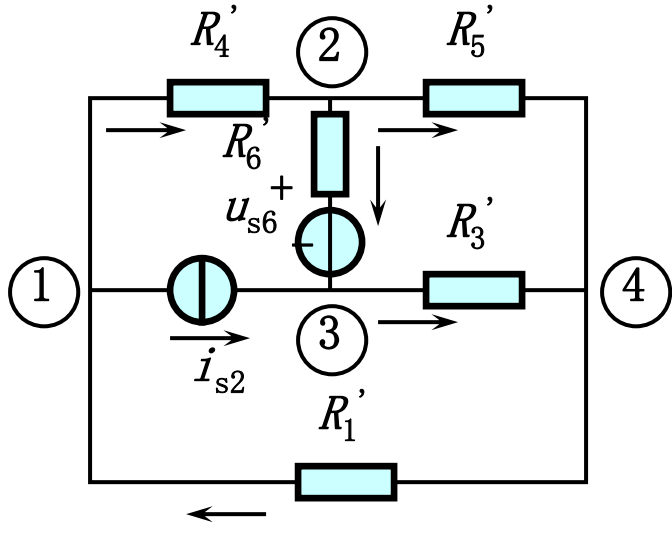
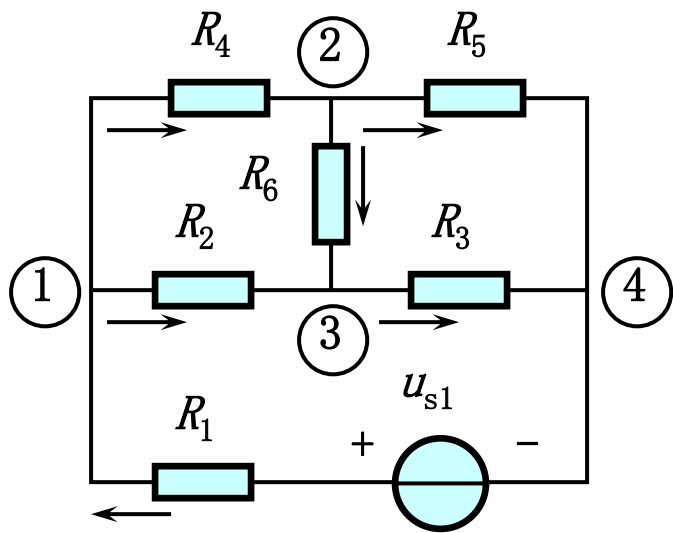


## 特勒根定理与互易定理

### 1. 具有相同拓扑结构的电路

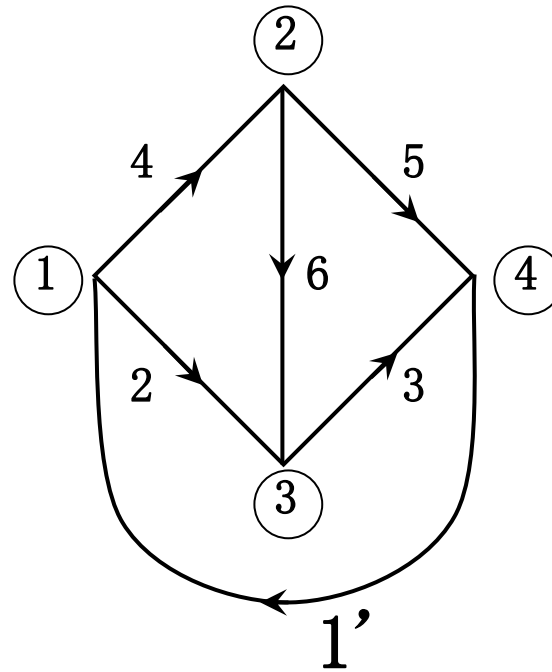
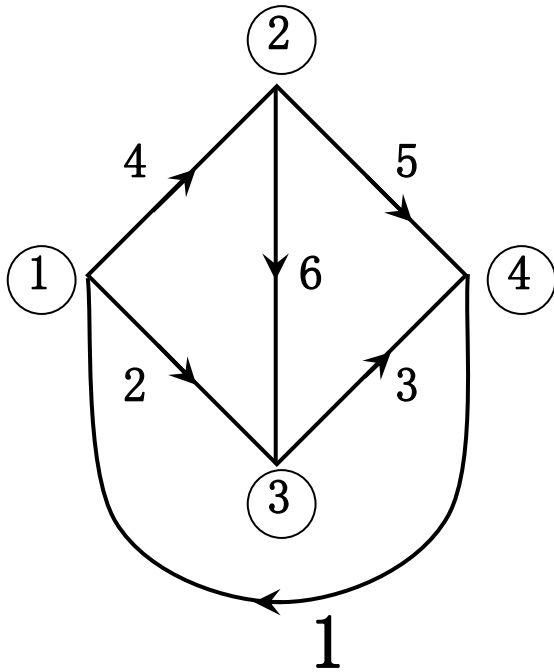
两个电路，支路数和节点数都相同，而且对应支路与节点的联接关系也相同，则这两个电路具有相同的有向图。







# 1. 特勒根定理

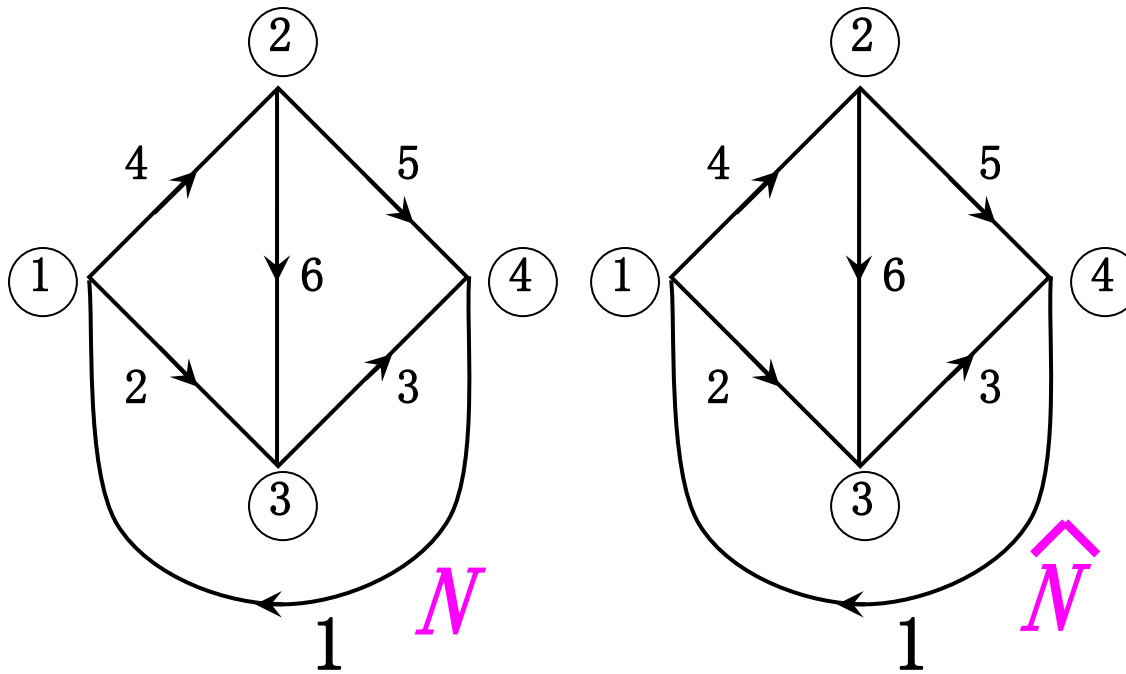


$$u_1 i_1 + u_2 i_2 + u_3 i_3 + u_4 i_4 = 0$$

$$\hat{u}_1 \hat{i}_1 + \hat{u}_2 \hat{i}_2 + \hat{u}_3 \hat{i}_3 + \hat{u}_4 \hat{i}_4 = 0$$

—— Conservation of power

例



$$\text{求} \sum_{k=1}^6 (u_k \hat{i}_k)$$

解

$$\begin{aligned} \sum_{k=1}^6 (u_k \hat{i}_k) &= u_1 \hat{i}_1 + u_2 \hat{i}_2 + u_3 \hat{i}_3 + u_4 \hat{i}_4 + u_5 \hat{i}_5 + u_6 \hat{i}_6 \\ &= (u_{n4} - u_{n1}) \hat{i}_1 + (u_{n1} - u_{n3}) \hat{i}_2 + (u_{n3} - u_{n4}) \hat{i}_3 \\ &\quad + (u_{n1} - u_{n2}) \hat{i}_4 + (u_{n2} - u_{n4}) \hat{i}_5 + (u_{n2} - u_{n3}) \hat{i}_6 \\ &= u_{n1} (-\hat{i}_1 + \hat{i}_2 + \hat{i}_4) + u_{n2} (-\hat{i}_4 + \hat{i}_5 + \hat{i}_6) \\ &\quad + u_{n3} (-\hat{i}_2 + \hat{i}_3 - \hat{i}_6) + u_{n4} (\hat{i}_1 - \hat{i}_3 - \hat{i}_5) = 0 \end{aligned}$$

## 2. 功率守恒定理

在任一瞬间，任一电路中的所有支路所吸收的瞬时功率的代数和为零，即

$$\sum_{k=1}^b p_k = \sum_{k=1}^b u_k i_k = 0$$

$$\begin{aligned} 2 \sum_{k=1}^b u_k i_k &= \sum_{p=1}^n \sum_{q=1}^n u_{pq} i_{pq} = \sum_{p=1}^n \sum_{q=1}^n (\varphi_p - \varphi_q) i_{pq} \\ &= \sum_{p=1}^n \sum_{q=1}^n (\varphi_p i_{pq} - \varphi_q i_{pq}) \\ &= \sum_{p=1}^n \varphi_p \sum_{q=1}^n i_{pq} - \sum_{q=1}^n \varphi_q \sum_{p=1}^n i_{pq} = 0 \end{aligned}$$

### 3. 特勒根定理 (似功率守恒)

两个具有相同拓扑结构的电路 $N$ 和 $\hat{N}$ 。电路 $N(\hat{N})$ 的所有支路中的每一支路的电压 $u_k(\hat{u}_k)$ 与电路 $\hat{N}(N)$ 中对应的支路中的电流 $\hat{i}_k(i_k)$ 的乘积之和为零, 即

$$\sum_{k=1}^b u_k \hat{i}_k = 0 \quad \text{和} \quad \sum_{k=1}^b \hat{u}_k i_k = 0 \quad (\text{似功率守恒关系})$$

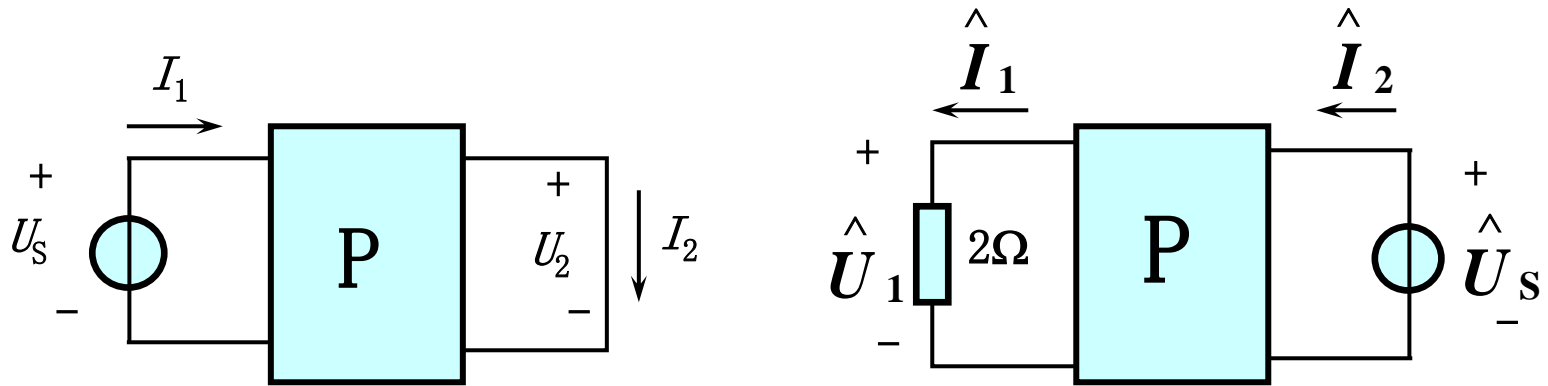
**注意** (1) 对应支路取相同的参考方向。

(2) 各支路电压、电流均取关联的参考方向。

**例** 图示两个电路中方框内为同一电阻网络。

已知：  $U_S=10V$ ,  $I_1=5A$ ,  $I_2=1A$  ,  $\hat{U}_s = 10V$

求：  $\hat{U}_1$  。



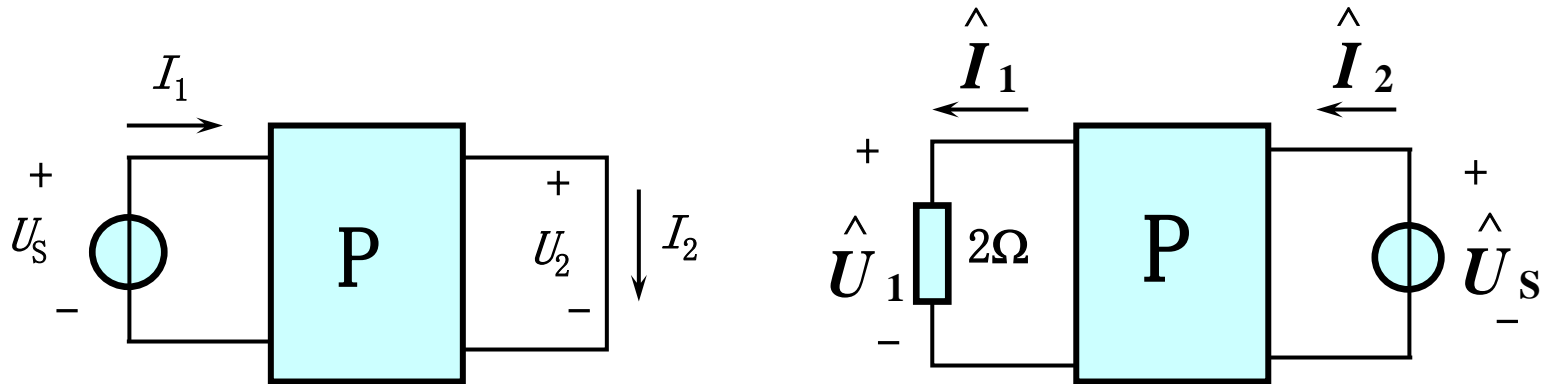
**解** 由特勒根定理

$$\left\{ \begin{array}{l} U_S \hat{I}_1 + U_2 (-\hat{I}_2) + \sum_{k=3}^b U_k \hat{I}_k = 0 \\ \hat{U}_1 (-I_1) + \hat{U}_S I_2 + \sum_{k=3}^b \hat{U}_k I_k = 0 \\ \hat{U}_1 = 2\hat{I}_1 \end{array} \right.$$

例 图示两个电路中方框内为同一电阻网络。

已知：  $U_S=10V$ ,  $I_1=5A$ ,  $I_2=1A$  ,  $\hat{U}_s = 10V$

求：  $\hat{U}_1$  。



$$\sum_{k=3}^b U_k \hat{I}_k = \sum_{k=3}^b I_k R_k \hat{I}_k = \sum_{k=3}^b I_k \hat{U}_k = \sum_{k=3}^b \hat{U}_k I_k$$

得

$$U_S \hat{I}_1 + U_2 (-\hat{I}_2) = \hat{U}_1 (-I_1) + \hat{U}_S I_2$$

$$U_S \times \frac{\hat{U}_1}{2} + 0 \times (-\hat{I}_2) = \hat{U}_1 (-I_1) + \hat{U}_S I_2$$

$$10 \times \frac{\hat{U}_1}{2} + 0 = \hat{U}_1 \times (-5) + 10 \times 1$$

$$\hat{U}_1 = 1V$$



非常重要!!!

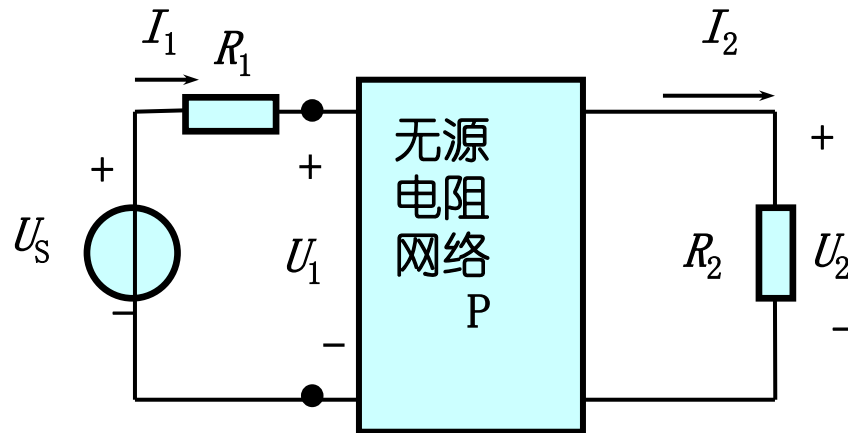
例

已知图中：

(1) 当 $R_1=R_2=2\Omega$ ,  $U_S=8V$ 时,  $I_1=2A$ ,  $U_2=2V$ 。

(2) 当 $R_1=1.4\Omega$ ,  $R_2=0.8\Omega$ ,  $U_S'=9V$ ,  $I_1'=3A$ 。

求 $U_2'$ 。



$$U_1=4V, \quad I_1=2A, \quad U_2=2V, \quad U_2/R_2=1A$$

$$\hat{U}_1 = 4.8V, \quad \hat{I}_1 = 3A, \quad \hat{I}_2 = \hat{U}_2/R_2 = (5/4)\hat{U}_2$$

$$U_1=4\text{V}, \quad I_1=2\text{A}, \quad U_2=2\text{V}, \quad U_2/R_2=1\text{A}$$

$$\hat{U}_1 = 4.8\text{V}, \quad \hat{I}_1 = 3\text{A}, \quad \hat{I}_2 = \hat{U}_2/R_2 = (5/4)\hat{U}_2$$

根据特勒根定理

$$U_1(-\hat{I}_1) + U_2\hat{I}_2 + \sum_3^b U_k \hat{I}_k = 0$$

$$\hat{U}_1(-I_1) + \hat{U}_2 I_2 + \sum_3^b \hat{U}_k I_k = 0$$

$$U_1(-\hat{I}_1) + U_2\hat{I}_2 = \hat{U}_1(-I_1) + \hat{U}_2 I_2$$

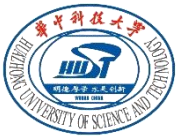
$$-4 \times 3 + 2 \times 1.25\hat{U}_2 = -4.8 \times 2 + \hat{U}_2 \times 1$$

$$\hat{U}_2 = 2.4/1.5 = 1.6\text{V}$$

$$\sum_{k=3}^b U_k \hat{I}_k = \sum_{k=3}^b \hat{U}_k I_k$$

思考：  
能否将R1合并到网络P中？





## 2. 互易定理 Reciprocity theorem

### 互易定理的表述：

对一个**仅含电阻**的二端口电路，其中一个端口加激励源，一个端口作响应端口，在只有一个激励源的情况下，当激励与响应互换位置时，同一激励所产生的响应相同。

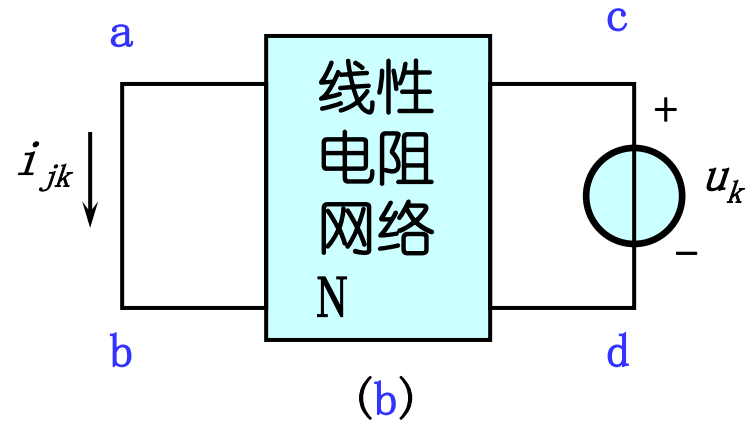
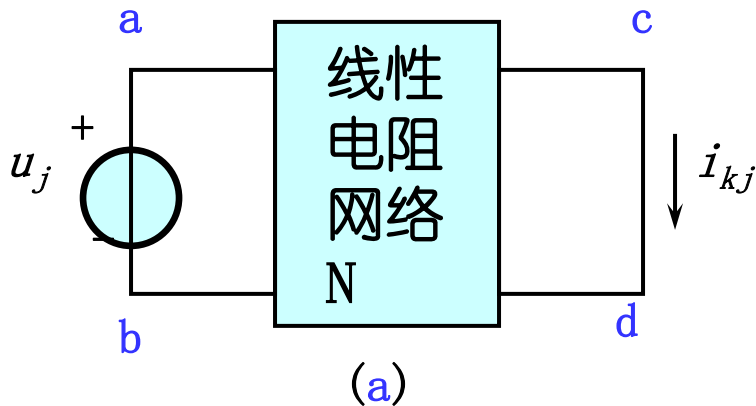
互易定理是对一类特殊网络的总结，其证明可由特勒根定理直接得到。

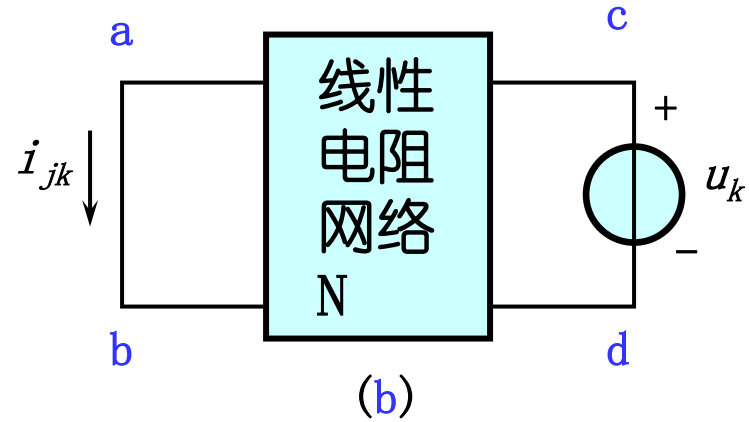
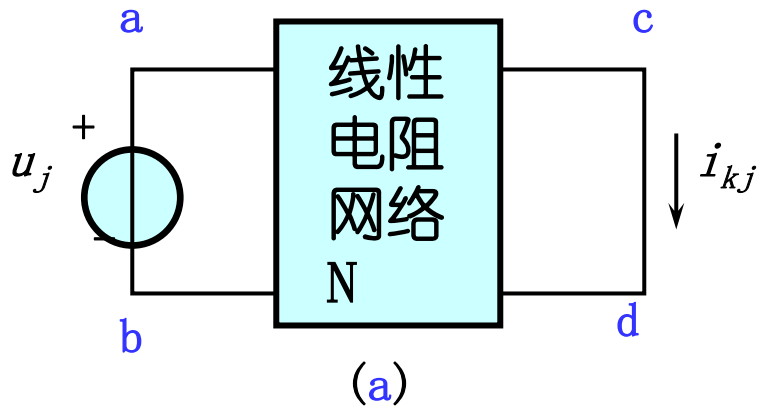
## 2. 互易定理 Reciprocity theorem

### 第一种形式:

激励 (*excitation*) 为电压源, 响应 (*response*) 为电流。

给定任一**仅由线性电阻构成**的网络 (见下图), 设支路  $j$  中有电压源  $u_j$ , 其在支路  $k$  中产生的电流为  $i_{kj}$  (图a); 若支路  $k$  中有电压源  $u_k$ , 其在支路  $j$  中产生的电流为  $i_{jk}$  (图b)。





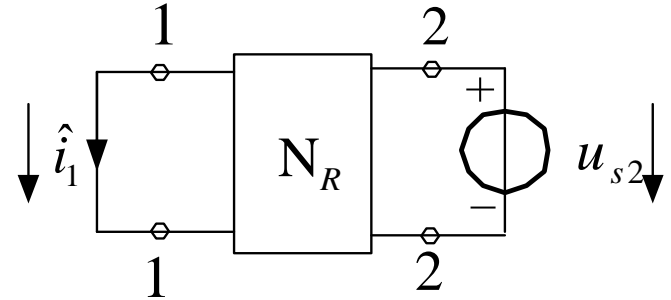
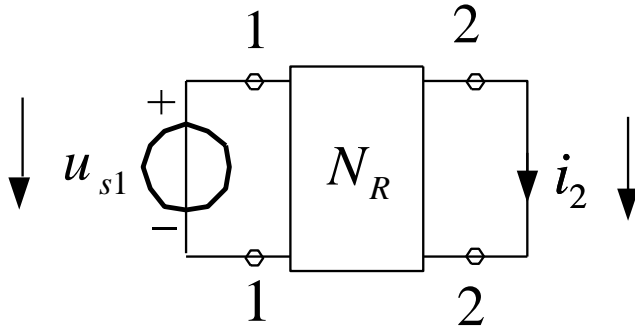
则两个支路中电压电流有如下关系：

$$\frac{i_{kj}}{u_j} = \frac{i_{jk}}{u_k} \quad \text{或} \quad u_k i_{kj} = u_j i_{jk}$$

当  $u_k = u_j$  时,  $i_{kj} = i_{jk}$ 。

## 2. 互易定理 Reciprocity theorem

### 第一种形式的证明

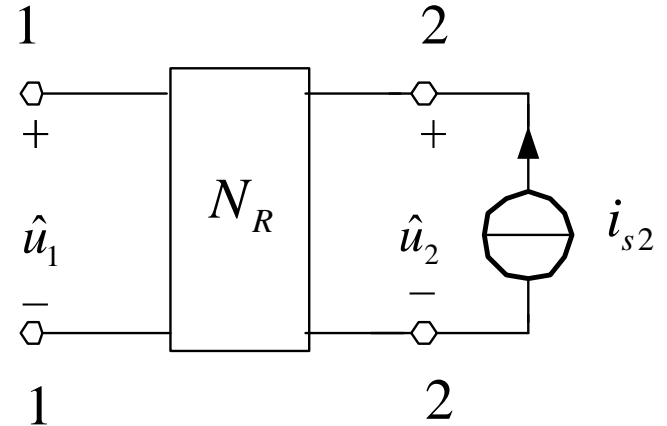
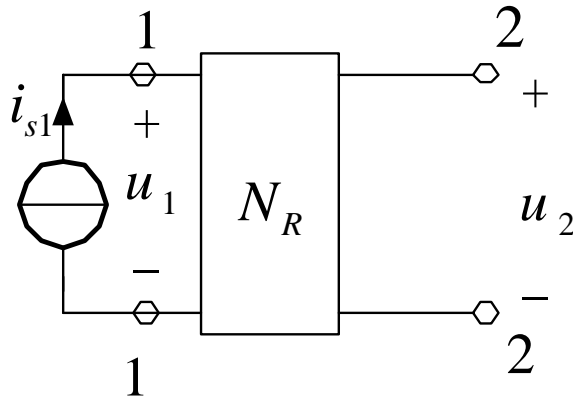


$N_R$ ——Consists of linear resistors only——reciprocity network

$$\begin{aligned}
 u_{s1} \hat{i}_1 + 0 + \sum_{k=3}^b u_k \hat{i}_k &= 0 \\
 0 + u_{s2} i_2 + \sum_{k=3}^b \hat{u}_k i_k &= 0
 \end{aligned}
 \left. \vphantom{\sum_{k=3}^b} \right\} \hat{u}_k i_k = R_k \hat{i}_k i_k = u_k \hat{i}_k \quad \longrightarrow \quad \boxed{\frac{u_{s1}}{i_2} = \frac{u_{s2}}{\hat{i}_1}}$$

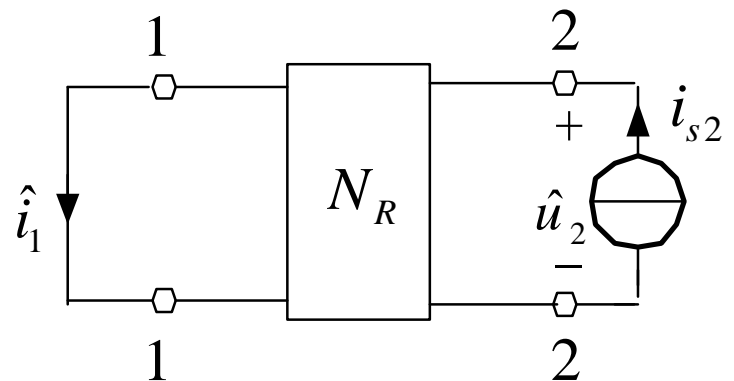
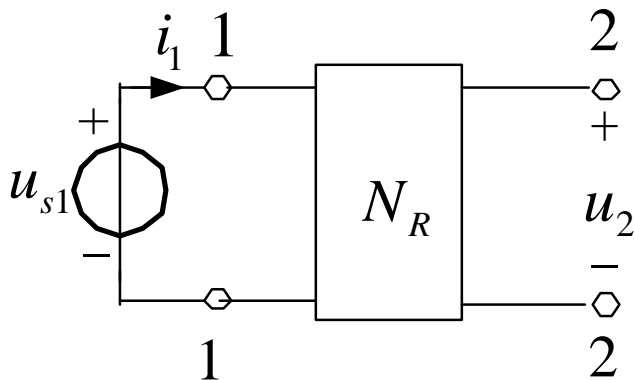
两电路的激励与响应之比相等

## 第二种形式：激励是电流源，响应是电压。



$$\frac{i_{s1}}{u_2} = \frac{i_{s2}}{\hat{u}_1}$$

## 第三种形式：电路1激励是电压源，响应是电压；电路2激励是电流源，响应是电流

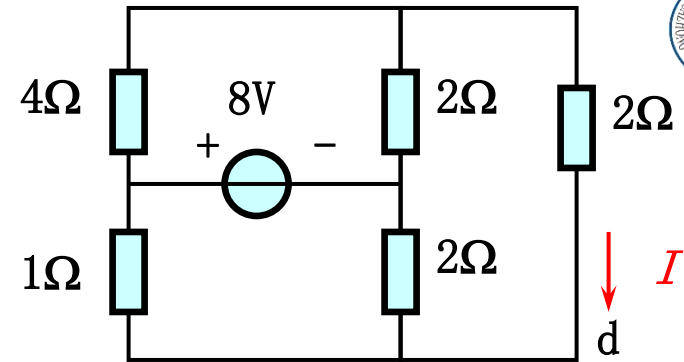


$$\frac{u_{s1}}{u_2} = \frac{i_{s2}}{\hat{i}_1}$$

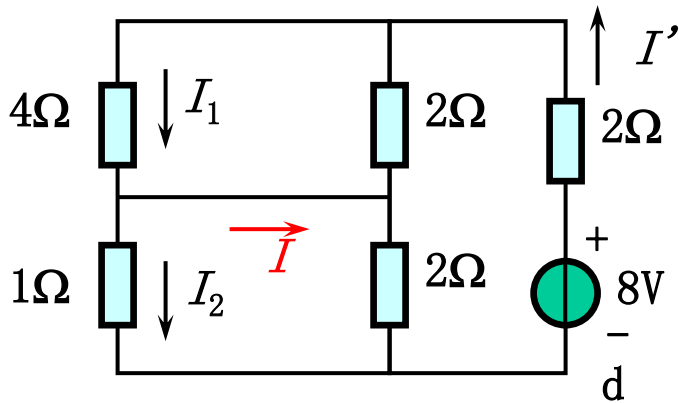
## 应用互易定理时应注意:

- I. 互易前后应保持网络的拓扑结构不变, 仅理想电源搬移;
- II. 互易前后端口处的激励和响应的极性保持一致 (要么都关联, 要么都非关联);
- III. 互易定理只适用于纯电阻网络在单一电源激励下, 端口两个支路电压电流关系;
- IV. 含有受控源的网络, 互易定理一般不成立。

例 电路如图所示，求电流  $I$ 。



解 利用互易定理，可得下图



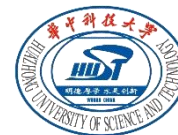
$$I' = \frac{8}{2 + 4 // 2 + 1 // 2} = \frac{8}{4} = 2\text{A}$$

$$I_1 = I' \times 2 / (4 + 2) = 2/3\text{A}$$

$$I_2 = I' \times 2 / (1 + 2) = 4/3\text{A}$$

$$I = I_1 - I_2 = -0.667\text{A}$$

# 作业



- 4.3节：4-10
- 4.4节：4-17
- 4.5节：4-25
- 4.6节：4-33
- 4.7节：4-37
- 综合：4-45