### ČESKÉ VYSOKÉ UČENÍ TECHNICKÉ V PRAZE FAKULTA JADERNÁ A FYZIKÁLNĚ INŽENÝRSKÁ

Katedra softwarového inženýrství v ekonomii Obor: Inženýrská informatika Zaměření: Softwarové inženýrství v ekonomii



# Modely zátěže výpočetních serverů Computational requirements modelling

BAKALÁŘSKÁ PRÁCE

Vypracoval: Dmitriy Burdin Vedoucí práce: Ing. Jan Doubek

Rok: 2014

Před svázáním místo téhle stránky  $\fbox{vložíte zadání práce}$ s podpisem děkana a do pdf verze oskenované zadání.

Prohlášení	
Prohlašuji, že jsem svou bakalářskou práci vypracoval sam pouze podklady (literaturu, projekty, SW atd.) uvedené v přil	
V Praze dne	
	Dmitriy Burdin

Poděkování
Děkuji Ing. Janu Doubkovi za vedení mé bakalářské práce a za podnětné návrhy, které ji obohatily.
Dmitriy Burdin

Název práce:

#### Modely zátěže výpočetních serverů

Autor: Dmitriy Burdin

Obor: Inženýrská informatika

Druh práce: BAKALÁŘSKÁ PRÁCE

Vedoucí práce: Ing. Jan Doubek

CISCO Systems s.r.o.

Abstrakt: Cílem této práce je efektivně modelovat časovou, výpočetní a paměťovou náročnost distribuovaných úloh. Implementace modelů na základě časových řad výsledků minulých úloh. Výsledkem práce bude studie použitelnosti ekonometrických metod v prostředí velkých data center. Dále návrh algoritmů pro implementaci studovaných metod. Výstupní modely budou použity pro lepší plánování rozvržení výpočetních zdrojů.

Klíčová slova: Časová řada, ekonometrie, predikce, analýza, server

Title:

#### Computational requirements modelling

Author: Dmitriy Burdin

Abstract: The goal of this thesis is to effectively make a model of temporal, computational and memory requirements of distributed tasks. Model implementation based on time series results of past tasks. The result of the thesis will be a study of applicability of econometric methods in large scale data centres. In addition, design of algorithms for implementation of the studied methods. Output models will be used for better planning of computational sources arrangement.

Key words: Times series, econometrics, forecasting, analysis, server

## Obsah

Ú١	/od					7
1.	Teo	retická část				8
	1.1.	Časové řady				8
		1.1.1. Úvod a charakteristika				8
		1.1.2. Analýza časových řad				9
		1.1.3. Predikce				12
	1.2.	Regresní analýza				12
		1.2.1. Úvod				12
		1.2.2. Lineární regresní model				12
		1.2.3. Nelineární regresní model				12
	1.3.	Softwarová aplikace				12
		1.3.1. Základní předpoklady				12
		1.3.2. Programovací jazyk a nástroje				12
2.	Pral	ktická část			-	13
	2.1.	Úvod				13
	2.2.	Implementace				13
		2.2.1. Datová vrstva				13
		2.2.2. Aplikační vrstva				13
		2.2.3. Prezentační vrstva				13
	2.3.	Testování aplikace				13
		2.3.1. Testovací data				13
		2.3.2. Zpracování a analýza dat				13
		2.3.3. Predikce				13
		2.3.4. Vizualizace				13
Zá	věr				-	14
Lit	terati	ura			-	15
Př	ílohy	,			-	16
A. Název přílohy						

## Úvod

Obrovské a rostoucí množství informací zaplavují dnešní podniky. To se stavá hlavně kvůli rostoucímu počtu lidí, firem a zařízení připojených k internetu. Kolem třetiny světové populace má dnes přístup k internetu. Velké množství informace, jinak řečeno - velká data, představuje rychle rostoucí sféru, ve které se pro maximální efektivitu vyžaduje vhodná kombinace softwaru, hardwaru a navíc speciální úpravy s ohledem na oblast působnosti. Tyto fakty vedou k výraznému zaměření na velká data a na nové metody správy a analýzování tohoto proudu informací.

Důležitým prvkem řešení této problematiky je datacentrum. Jsou to specializované prostory pro umístění a zajištění stabilního provozu výpočetní a serverové techniky. Většinou se tato technika skládá z počítačových clusterů, což je několik spolupracujícich počítačů propojených počítačovou sítí. Clustery se využívají pro výpočet komplikovaných početních úloh. Jeden z hlavních parametrů kvalitních datacenter je správné planování distribuovaných úloh pro rychlé zpracování dat. Při stále se zvětšujícím množstvím dat se tento problém komplikuje. Proto je potřeba vědět v jakém pořadí zpracovávat určité úlohy a jak dlouho to bude trvat.

Cílem této bakalářské práce bylo navrhnout a vytvořit softwarovou aplikaci pro analytické zpracování dat, se kterými pracjuí výpočetní servery. Podstatou aplikace je predikce budoucího chování určitých hodnont na základě analýzy minulých výsledků. Protože velká data obvykle obsahují dynamické systémy dat, které se mění s časem, zkoumaná data se předpokládají být ve formě časových řad. Proto se v této práci nejdřív věnuje způsobům zpracování, analýzy a predikce časových řad. Poté následjue popis algoritmu používání vybraných postupů pro vhodnou analýzu a implementace příslušného algoritmu. Na závěr je demonstrováno využítí aplikace na příkladových datech.

### 1. Teoretická část

### 1.1. Časové řady

#### 1.1.1. Úvod a charakteristika

Jak již bylo zmíněno, časové řady jsou základním zkoumaným prvkem při analýze různých dynamických systémů obsahující chronologicky uspořádaná data. Časové řady jsou vlastně soubory jednoznačně uspořádáných podle času pozorování v příslušném systému. Data ve formě časových řad vznikají v úplně různých odvětvích bud' to fyzikální věda, biologie, společenská věda, medicína atd.

Například ve společenských vědách, časové řady jsou užitečné při popsání počtu obyvatel, porodnosti, nemocnosti. V ekonomii teorie časových řad je jednou z nejdůležitějších metod při analýze ekonomických procesů. Mohou popisovat vývoj určitého ukazatele jako objem výroby, produktivita práce, nezaměstnanost nebo spotřeba surovin. V technice časové řady mohou představovat průběh signálu, spolehlivost nebo intenzitu zatížení elektrického zařízení.

Pro lepší porozumění určitého mechanismu nebo procesu, popsaného časovou řadou, existuje analýza časových řad skládající se z různých metod. Tyto metody pomáhají vytvořit vhodný model popisující chování pozorovaných hodnot. Znalost takového modelu umožňuje kontrolovat činnost a sledovat vývoj určitého systému. Jako důsledek spravné provedené analýzy stavá se možným predikovat budoucí chování systému.

Časové řady se skládají ze dvou prvků:

- časový úsek, během kterého byly udělány pozorování
- hodnoty příslušných ukazatelů časové řady

Podle časového úseku časové řady se člení do dvou typů. Jedním je okamžiková časová řada, jejíž pozorování jsou naměřena v jisté časové okamžiky a sčítání hodnot příslušných pozorování nedává smysl. Příkladem může být řada udávající počet zaměstnanců ve firmě na začátku roku. Druhým typem je intervalová časová řada. Pozorování v intervalových časových řadách jsou závislé na délce časového intervalu sledování a v tomto případě už sčítání hodnot ukazatele časové řady dává smysl, nebot' hodnotu ukazatele za větší interval lze získat sčítáním hodnot za jednotlivé části příslušného intervalu. Například porodnost ve státě za rok.

Časové úseky jsou obvykle stejnoměrně rozděleny, což znamená, že mezi jednotlivými pozorování stejné časové intervaly. V opačném případě pozorování jsou rozděleny různorodě a tím se analýza časových řad komplikuje.

Obvykle rozlišujeme dva základní modely časových řad:

- Determenistický model, ve kterém časová řada nemá náhodné prvky a je generována známou matematickou funkcí. Důsledkem je srovnatelně jednoduchá analýza časové řady.
- Stochastický model popisuje náhodný proces a časová řada obsahuje náhodný prvek. Většina běžně se vyskytujících časových řad v praxi mají stochastické modely.

Jedna z dalších důležitých charakteristik časových řad, vyplývající ze stochastického modelu, je jejich stacionarita, případně nestacionarita. Při stacionaritě střední hodnota a rozptyl časové řady se v čase nemění, což nelze říct o nestacionárních časových řadách, ve kterých se objevují změny ve střední hodnotě či rozptylu. Říká se proto, že nestacionární časové řady mají určitý trend vývoje. I když stacionarita je běžným předpokladem většiny metod analýzy časových řad, některé modely se omezují na modely stacionárních procesů.

#### 1.1.2. Analýza časových řad

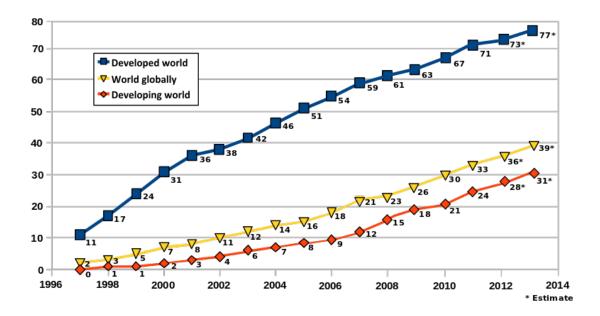
#### Grafická analýza časových řad

Jedním ze základních prostředků prezentace časových řad je jejich graf. Nejčastěji se graficky znázorňují původní hodnoty časové řady, nebo kumulativní časové řady, které vznikají postupným načítáním (kumulováním) jednotlivých hodnot (u okamžikových časových řad nemají smysl, neboť výše jejich hodnot nezávisí na daném časovém intervalu). Často se ale časové řady zobrazují tak, aby více vynikly jejich charakteristické vlastnosti a rysy. K tomu slouží speciální typy grafů jako jsou například spojnicové grafy jedné nebo více časových řad, krabičkové grafy, grafy sezónních hodnot.

Prvotní informace pro analýzu časových řad získáme ze **spojnicových grafů**. Jejich princip spočívá v zakreslení jednotlivých hodnot časové řady do souřadných os, na kterých jsou vyznačeny příslušné stupnice. Na osu horizontální se vynáší časová proměnná a na osu vertikální hodnoty časové řady nebo její funkce.

Do spojnicového grafu můžeme zakreslit i více časových řad. V případě, že zobrazujeme např. dvě časové řady lišící se měřítkem, je možné použít kromě levé i pravou vertikální osu.

V některých případech je užitečné provést detailnější pohled na časovou řadu. Krabičkový graf na rozdíl od jiných grafů obsahuje souhrnné charakteristiky zkoumané časové řady. Tento graf umožní odhalit některé důležité vlastnosti řady, které z jiných grafů nejsou zřetelné. Jeho základním prvkem je krabička, jejíž dolní a horní hrana je tvořena 25% a 75% kvartilem, uvnitř je vyznačen medián a symbolem "+" aritmetický průměr. Na koncích svislých čar vycházejících z krabičky leží hodnoty minima a maxima. Protože délka této svislé čáry může být maximálně 1,5x delší než krabička, jsou hodnoty přesahující tyto hranice označovány jako odlehlé a jsou zakresleny jako samostatné body.



Obrázek 1.1.: Počet uživatelů Internetu na 100 obyvatel ve světě. (Příklad spojnicového grafu se třemi časovými řadami)

#### Dekompozice časových řad

Abychom mohli s řadou pracovat, ve smyslu něco předpovídat, dělat odhady (ať už intervalové či bodové) apod., potřebujeme mít alespoň stacionární časovou řadu. Respektivě alespoň slabě stacionární časovou řadu.

Většina pozorovaných časových řad není řadou nezávislých stejně rozdělených náhodných veličin ani stacionární časovou řadou. Ale mnoho kdy se nám může podařit vhodným očistěním řady, získat stacionární řadu. Eliminace jednotlivých složek časové řady, která se při dekompozici provádí, může mít různé cíle:

- 1. Zajímavé poznatky může přinést samotné studium oddělených (eliminovaných) složek časové řady, neboť tak lze objevit některé zákonitosti chování sledované řady, rozpoznat vnější vlivy působící na její průběh a provést účinné srovnání průběhu několika časových řad. Např. pomocí trendové složky lze posuzovat tempo rozvoje dvou přibuzných průmzslových odvětví nebo pomocí sezónní složky lze posoudit průběh poptávky po určitém druhu zboží během roku.
- 2. Podle bodu 1 je úkolem dekompozice časové řady proniknout hlouběji do podstaty historického průběhu řady. Neméně důležitým cílem dekompozice je ale také cíl extrapolační, kdy nás zajímá budoucí vývoj jednotlivých složek časové řady (např. jaké bude budoucí tempo růstu letecké přepravy) a nebo konstruujeme předpověď v celé časové řadě tak, že ji složíme z předpovědí v jednotlivých složkách, které se obvykle sestrojí poměrně jednoduše a přesně.
- 3. Často je vzhledem k podstatě řešeného problému výhodné znát chování časové řady "očištěné" od některých jejich složek. V ekonomických časových řadách se například velice často provádí tzv. sezónní očišťování, kdy z řady odstraňjeme sezónní fluktuace.

Klasická analýza ekonomických časových řad vychází z předpokladu, že časovou řadu  $y_t$  pro t = 1, 2, ..., T je možné rozložit na čtyři složky: trendovou, cyklickou, sezónní a nesystematickou.

 $Trendová složka (T_t)$  vyjadřuje dlouhodobou tendenci vývoje zkoumaného jevu. Je výsledkem faktorů, které dlouhodobě působí stejným směrem např. technologie výroby, demografické podmínky, podmínky na trhu apod.

 $Cyklická složka (C_t)$  vyjadřuje kolísání okolo trendu, ve kterém se střídají fáze růstu a poklesu. Jednotlivé cykly (periody) se vytvářejí za období delší než jeden rok a mají nepravidelný charakter, tj. různou délku a amplitudu. Cykly jsou v ekonomických časových řadách způsobeny ekonomickými a neekonomickými faktory. V posledních letech se věnuje pozornost zejména technologickým, inovačním či demografickým cyklům.

 $Sez \acute{o}nn \acute{i} složka (S_t)$  vyjadřuje pravidelné kolísání okolo trendu v rámci kalendářního roku. Sez onní výkyvy se opakují každoročně ve stejných obdobích (délka periody je jeden rok) a vznikají v důsledku střídání ročních období nebo vlivem různých institucionalizovaných zvyků, jako jsou např. svátky, dovolené apod.

Poslední složkou časové řady je nesystematická složka ( $I_t$  nebo  $a_t$ ). Tato složka vyjadřuje nahodilé a jiné nesystematické výkyvy, ale také chyby měření apod.

Dekompozice časové řady může být:

1. aditivní, hodnoty časové řady se dají určit jako součet hodnot jednotlivých složek, tj.

$$y_t = T_t + C_t + S_t + I_t (1.1)$$

2. multiplikativní, hodnoty časové řady se dají určit jako součin hodnot jednotlivých složek

$$y_t = T_t \cdot C_t \cdot S_t \cdot I_t \tag{1.2}$$

Po aditivní dekompozici jsou jednotlivé složky časové řady ve stejných měrných jednotkách jako původní časová řada. Aditivní dekompozice se používá v případě, že variabilita hodnot časové řady je přibližně konstantní v čase.

Po multiplikativní dekompozici je trendová složka časové řady ve stejných měrných jednotkách jako původní časová řada, ale ostatní složky časové řady (cyklická, sezónní a nesystematická) jsou v relativním vyjádření. Multiplikativní dekompozice se používá v případě, že variabilita časové řady roste v čase, nebo se v čase mění. V praxi se dekompozice časových řad často používá z těchto důvodů:

- a) analýzou jednotlivých složek řady lze odhalit určité zákonitosti vývoje zkoumaného jevu,
- b) časové řady je možné očistit od sezónnosti, tj. z časové řady se odstraní sezónní složka, což umožňuje porovnávat trend několika časových řad současně,
- c) časové řady lze očistit od trendu, tj. z řady se odstraní trendová složka, což umožňuje lépe modelovat sezónnost, protože charakter sezónnosti je výraznější,

d) často umožňuje přesněji určit předpovědi nejen jednotlivých složek časové řady, ale v konečném důsledku také samotné časové řady, v tom smyslu, že předpovědi jednotlivých složek se sečtou anebo vynásobí podle toho, který typ dekompozice jsme použili.

#### 1.1.3. Predikce

- 1.2. Regresní analýza
- 1.2.1. Úvod
- 1.2.2. Lineární regresní model
- 1.2.3. Nelineární regresní model
- 1.3. Softwarová aplikace
- 1.3.1. Základní předpoklady
- 1.3.2. Programovací jazyk a nástroje

### 2. Praktická část

- 2.1. Úvod
- 2.2. Implementace
- 2.2.1. Datová vrstva
- 2.2.2. Aplikační vrstva
- 2.2.3. Prezentační vrstva
- 2.3. Testování aplikace
- 2.3.1. Testovací data
- 2.3.2. Zpracování a analýza dat
- 2.3.3. Predikce
- 2.3.4. Vizualizace

## Závěr

## Literatura

- [1] Fumio Hayashi. Econometrics. Princeton. Princeton University Press. 2000.
- [2] RNDr. Tomáš Cipra, CSc. Analýza časových řad s aplikacemi v ekonomii. Praha. SNTL Nakladatelství technické literatury. 1986.

# A. Název přílohy