# mcm2024审题与选题

- Start
  - 选题
    - 如果你拿到一份数学建模的题目,你会注意哪些部分以 及他的哪些提示作用?接下来你会怎么做?
    - 请你给我把这篇材料翻译成中文, 并且总结材料要点
    - 如上是我给出你的第一道数学建模的题目材料,请你仔细分析得出材料的如下内容,然后用中文回答我
      - 1. 问题陈述
      - 2. 数据和变量
      - 3. 问题类型
      - 4. 模型假设
      - 5. 已知条件
    - 然后给出你认为的关键定义、可选模型、数学建模过程 中会用到的代码算法以及解题思路与步骤,用中文回答 我
  - Select
    - 接下来我会给你三道数学建模题的描述,请你仔细分析 他们各自的代码实现思路与技术难点,并给出选题建议

# A题

对于这个数学建模问题,我们将通过将其分解成指定的类别来进行分析:

# 1. 问题陈述

任务是开发一个数学模型,调查资源可用性基础上的海洋七鳃鳗性别比例的适应性变化对更大生态系统的影响,以及这些变化如何影响七鳃鳗种群本身和生态系统的稳定性。模型应考虑对七鳃鳗种群及更广泛的生态群落的优势和劣势。

### 2. 数据和变量

- **性别比例变化**:在不同环境条件下的七鳃鳗种群的性别比例变化。
- **食物可用性**: 食物资源的存在或缺乏如何影响幼虫生长速率以及 随后的性别比例。
- 幼虫阶段的生长速率,影响成为雄性或雌性的概率。
- 环境条件:温度、食物可用性及其他可能影响七鳃鳗发展和性别 比例的因素。
- **生态系统影响指标**:生态系统健康和稳定性的测量指标,包括生物多样性、各种物种的种群动态和生态平衡的指标。

# 3. 问题类型

这个问题是生物建模和环境科学的结合体,包括概率和统计学的方面,用于模拟性别比例的变化,以及生态模型,以评估对生态系统的影响。它需要将生物数据与数学框架集成,以模拟性别比例调整的动态及其生态后果。

# 4. 模型假设

- 性别比例调整仅基于幼虫生长期间的食物可用性。
- 除食物可用性外的恒定环境条件(例如,温度、捕食压力)简化 起见,除非需要更多复杂性。
- 无迁移效应:模型最初假设七鳃鳗种群是封闭系统,没有显著的 移入或移出,以专注于内部动态。
- **性别比例变化的即时影响**:模型假设性别比例的变化对种群和生态系统有相对即时的影响,忽略长期的进化适应。

### 5. 已知条件

• 在不同食物可用性条件下的基线性别比例(食物可用性低时为78%的雄性,食物可用性高时为56%的雄性)。

- **七鳃鳗的生态角色**:作为捕食者(寄生阶段)和猎物(在不同的生命阶段)。
- **生态系统特征**:模型可能需要指定或假设七鳃鳗所在的湖泊或河流生态系统的某些特征,如典型物种组成和食物网动态。

开发这个模型需要收集关于七鳃鳗生长率、性别决定机制和生态影响的数据,以及制定这些过程的数学表示。模型应能模拟不同的食物可用性情景,并预测结果性别比例和生态效应,提供一个工具,用于理解和管理七鳃鳗种群及其环境影响。

#### 2 / 2

给出你认为的关键定义、可选模型、数学建模过程中会用到的代码算法 以及解题思路与步骤,用中文回答我

针对海洋七鳃鳗性别比例变化及其对生态系统影响的数学建模问题,以下是关键定义、可选模型、可能使用的代码算法以及解题思路与步骤的详细说明:

# 关键定义

- 性别比例 (Sex Ratio): 在七鳃鳗种群中,雄性与雌性的比例。
- **资源可用性 (Resource Availability)** : 影响七鳃鳗幼虫生长速率的环境因素,主要是食物的可用性。
- **生态系统稳定性** (Ecosystem Stability) : 生态系统在面对扰 动时保持其结构和功能不变的能力。
- **种群动态** (Population Dynamics) : 种群数量和结构随时间变化的过程。

# 可选模型

- 1. Logistic生长模型:用于模拟七鳃鳗种群的生长和资源限制下的饱和效应。
- 2. Lotka-Volterra**方程**(捕食者-猎物模型):分析七鳃鳗与其猎物或宿主之间的相互作用。

- 3. **性别决定模型**:基于资源可用性与幼虫生长速率关系的概率模型,预测性别比例。
- 4. **代理模型 (Agent-based Model)** : 模拟七鳃鳗个体行为及其对环境变化的反应,以及这些行为如何影响整个种群的性别比例和生态系统。

# 代码算法

- 1. **数据分析**: 使用Python中的Pandas和NumPy库进行数据清洗和 预处理,分析基础数据。
- 2. **参数估计**: 利用最小二乘法或最大似然估计 (MLE) ,使用SciPy 库估计模型参数。
- 3. 模拟算法:
  - 利用Python的Matplotlib和Seaborn库进行可视化分析。
  - 使用Monte Carlo方法模拟不确定性和随机性。
  - 利用Differential Evolution算法进行多参数优化,找到最 佳解。
- 4. **系统动力学模拟**:使用Python的SciPy库中的 odeint 或 solve\_ivp 函数模拟生态系统中的动态过程。

# 解题思路与步骤

- 1. **文献回顾和数据收集**: 搜集关于七鳃鳗生长、性别比例变化和生态系统影响的相关研究和数据。
- 2. **定义模型框架**:根据问题陈述,选择适当的数学模型和方法来表达性别比例的变化及其生态效应。
- 3. **参数估计与模型校准**:使用现有数据估计模型参数,并通过比较模型预测和实际观测数据来校准模型。
- 4. **模型模拟**:运行模型模拟,分析不同条件下的性别比例变化对七 鳃鳗种群和生态系统的影响。
- 5. **灵敏度分析**:评估模型对关键参数的敏感性,确定哪些参数对模型输出影响最大。

- 6. **结果分析与解释**:分析模拟结果,解释七鳃鳗性别比例变化对生态系统的可能影响,并讨论模型的限制和不确定性。
- 7. **撰写报告**:根据分析结果撰写详细的报告,包括模型描述、模拟 结果、结论和建议。

通过遵循以上步骤,可以系统地解决海洋七鳃鳗性别比例变化及其生态 影响的数学建模问题,为理解和管理这一现象提供科学依据。

# B题

# 1. 问题陈述

Maritime Cruises Mini-Submarines (MCMS),一家总部位于希腊的公司,制造能够搭载人类前往海洋最深处的潜水器。这些潜水器可以在没有与主船连接的情况下,被移动到特定位置并部署下水。MCMS现在希望使用他们的潜水器,带领游客探索爱奥尼亚海底的沉船遗迹。然而,在此之前,他们需要通过开发安全程序来获得监管机构的批准,以应对失去与主船通信和可能出现的机械故障,包括潜水器推进力的丧失。特别是,他们希望你开发一个模型,预测潜水器随时间的位置。不同于在陆地或海面上的典型搜救,出现故障的潜水器可能会位于海底,或在水下的某个中性浮力点。其位置可能进一步受到海流、海水密度差异以及海底地形的影响。

# 2. 数据和变量

- 潜水器的当前位置和深度
- 海流的速度和方向
- 水的密度(可能随深度和地理位置变化)
- 海底地形
- 潜水器的速度、方向和浮力状况
- 潜水器内部和外部的通信能力

# 3. 问题类型

• 动态系统建模: 预测潜水器随时间变化的位置。

- 概率模型:考虑不确定性因素,如通信失效、机械故障和环境变化。
- **搜索与救援模型**:基于潜水器可能的位置和运动路径,开发搜索模式。

# 4. 模型假设

- 潜水器在失去推进力后,仍能通过其浮力控制系统维持中性浮力 或改变浮力以上升或下沉。
- 海流在短时间内相对稳定,且其速度和方向可以通过历史数据或 实时监测得知。
- 潜水器可以定期向主船发送其位置、深度和其他相关数据。
- 潜水器和主船之间的通信可能会中断,但潜水器内部的定位系统 仍能正常工作。

# 5. 已知条件

- 潜水器的设计和操作参数,包括其最大深度、速度和浮力调节能力。
- 爱奥尼亚海的海洋环境数据,如海流、水温和海底地形。
- 可用于搜救的技术和设备,包括声纳和定位设备。
- 成本因素,包括设备的可用性、维护、准备和使用成本。

这个分析框架为解决MCMS面临的挑战提供了一个结构化的方法,确保 安全探索海底世界的同时,也满足监管机构的要求。

然后给出你认为的关键定义、可选模型、数学建模过程中会用到的代码算法以及解题思路与步骤,用中文回答我

# 关键定义

- 潜水器动态模型:描述潜水器在水下环境中运动的数学模型,包括其位置、速度、浮力等。
- 中性浮力: 潜水器在水中既不上升也不下沉的状态。
- 海流影响:海流对潜水器位置和轨迹的影响。

• **通信丢失模型**:描述潜水器与主船通信中断后,如何预测潜水器 位置的模型。

# 可选模型

- 1. **粒子滤波器**:一种适用于处理非线性和非高斯噪声系统的序贯蒙特卡洛方法,可用于预测潜水器的位置和轨迹。
- 2. **卡尔曼滤波**: 适用于线性动态系统的最佳估计方法,用于预测和修正潜水器的位置和速度。
- 3. **动态系统模型**:使用微分方程描述潜水器的运动,考虑到浮力、 海流和其他外力的影响。
- 4. 概率图模型:用于处理不确定性,如通信失效和机械故障对位置预测的影响。

# 数学建模过程中会用到的代码算法

- **粒子滤波算法**:模拟一系列潜水器可能的状态(粒子),根据观测数据更新这些状态的权重,然后根据权重推断潜水器的最可能位置。
- **卡尔曼滤波算法**: 迭代预测和更新潜水器的状态,使用观测数据修正预测结果,以减少估计误差。
- **数值积分方法**:如欧拉法或龙格-库塔法,用于求解描述潜水器运动的微分方程。

# 解题思路与步骤

### 1. 问题理解与定义:

• 理解任务要求, 定义关键的物理量和环境因素。

### 2. 数据收集与分析:

• 收集关于潜水器性能、海流数据、海底地形等的信息。

### 3. 模型选择与开发:

- 根据问题的特点选择适合的模型(如粒子滤波器、卡尔曼滤波等)。
- 开发动态系统模型,包括潜水器的运动方程和海流的影响。

### 4. 模型实现:

- 编写代码实现所选模型。
- 使用模拟或实际数据测试模型的有效性。

### 5. 结果分析与验证:

- 分析模型输出,评估模型预测的准确性和可靠性。
- 调整模型参数或模型本身以提高性能。

### 6. 安全与救援方案制定:

- 基于模型预测,制定潜水器失联后的搜索与救援方案。
- 推荐必要的搜索设备和技术,以提高搜救效率。

### 7. 扩展与泛化:

- 考虑模型在其他海域(如加勒比海)的应用。
- 考虑多潜水器同时运行时的动态互动和安全策略。

### 8. 报告撰写:

- 撰写详细的报告,包括模型描述、实现方法、结果分析和安全救援建议。
- 准备向监管机构提交的备忘录,以证明方案的有效性和安全性。

通过这一步骤,可以为MCMS提供一个全面的解决方案,不仅预测潜水器的位置,还确保了潜水旅行的安全性和应对突发事件的准备。

然后给出你认为的关键定义、可选模型、数学建模过程中会用到的代码 算法以及解题思路与步骤,用中文回答我

在解决Maritime Cruises Mini-Submarines (MCMS) 提出的问题中,我们需要开发一个模型来预测潜水器在失去通信或发生机械故障时的位置,并制定相应的搜索与救援计划。以下是解题过程中的关键定义、可选模型、代码算法以及解题思路与步骤。

# 关键定义

1. **潜水器位置预测模型**:一种数学或计算模型,用于根据潜水器的当前状态(位置、速度、方向)和环境因素(海流、水密度、海

底地形) 预测其未来位置的模型。

- 2. **中性浮力**: 潜水器在水中的状态, 其中它不上浮也不下沉, 其密度等于周围水的密度。
- 3. **海流模型**:描述海水流动速度和方向的数学模型,对潜水器的运动轨迹有重要影响。

# 可选模型

- 1. **动态系统模型**: 考虑潜水器动力学和外部环境因素(如海流)来 预测其运动的模型。
- 2. **卡尔曼滤波**:一种有效的预测和估计潜水器未来位置的算法,尤 其适用于处理有噪声的数据和系统不确定性。
- 3. **粒子滤波器**:一种基于蒙特卡洛方法的滤波器,适用于非线性和 非高斯噪声系统的状态估计,可以用来预测潜水器位置。

# 数学建模过程中会用到的代码算法

- 1. 海流数据处理算法:分析海流数据,为潜水器位置预测模型提供实时环境输入。
- 2. **潜水器动态模拟算法**:模拟潜水器在不同条件下的运动,包括浮力变化、推进力丧失等情况。
- 3. 搜索模式优化算法:根据潜水器可能的位置分布,设计高效的搜索模式来最小化搜索时间。

# 解题思路与步骤

- 1. **理解和定义问题**:明确潜水器可能遇到的情况,包括失去通信和机械故障,以及需要预测其位置的要求。
- 2. **数据收集**: 搜集关于海流、水密度、海底地形等环境数据,以及潜水器的性能参数。

### 3. 模型开发:

- 选择适合的模型(如动态系统模型、卡尔曼滤波、粒子滤波器)。
- 开发或调整模型以适应潜水器位置预测的需求。

- 4. **算法实现**:编写代码实现选定的模型和算法,包括数据预处理、模型计算和结果分析。
- 5. **模型测试与验证**:使用历史数据或模拟数据测试模型的准确性和可靠性。
- 6. **救援方案制定**:基于模型预测结果,制定潜水器失联后的搜索与 救援方案。
- 7. **报告撰写**:整理所有工作过程和结果,撰写详细报告,并准备向监管机构提交的简要备忘录。

通过上述步骤,我们可以为MCMS提供一个科学、系统的解决方案,不仅能够有效预测潜水器在特定情况下的位置,还能够制定出高效的搜索与救援计划。

# C题

### 1. 问题陈述

本题目要求使用提供的2023年温布尔登网球锦标赛男子单打比赛数据,开发一个模型来捕捉比赛中的得分流动,以及识别在比赛特定时刻表现更佳的选手及其表现的优势程度。此外,模型还需要评估"动量"(比赛中一方连续得分的势头)的存在与否,并探讨是否有因素能预测比赛中优势的转换。基于模型的分析结果,提供教练员关于比赛动量及准备策略的建议。

### 2. 数据和变量

提供的数据集包含温布尔登锦标赛2023男子单打第二轮之后的所有比赛的每一分的数据,其中包括比赛ID、集数编号、得分和其他可能与选手表现和比赛结果相关的信息。此外,还有数据字典和数据示例来帮助理解数据集。

### 3. 问题类型

本题目属于数据分析和预测模型类别,旨在通过数据驱动的方法理解和预测网球比赛中的得分动态和"动量"现象。

### 4. 模型假设

比赛中存在"动量"现象,即选手在某段时间内连续得分能够 影响比赛结果。

- 选手发球有更高的得分概率,可能影响比赛的得分流动。
- 比赛中的得分变化可以用来衡量选手的表现优势。
- 比赛中可能存在可以预测得分变化和动量转换的因素。

### 5. 已知条件

- 比赛数据包括2023年温布尔登网球锦标赛男子单打第二轮之 后的所有比赛点数数据。
- 比赛规则和得分系统详细描述了如何计算得分、赢得游戏、 集数和比赛。
- 提供了关于动量定义和网球比赛得分系统的参考资料。

然后给出你认为的关键定义、可选模型、数学建模过程中会用到的代码 算法以及解题思路与步骤,用中文回答我

# 关键定义

- **动量 (Momentum)** : 指在比赛中,由于连续得分或赢得几个游戏而产生的心理和比分上的优势。动量可以反映为一个选手在比赛中的表现突然提高,或是能够连续赢得多个点数或游戏。
- **得分流动** (Flow of Play) : 比赛中得分变化的过程,包括每个点的胜负,以及这些变化如何叠加成游戏和集数的胜负。
- 表现优势 (Performance Advantage) : 通过比较两位选手的得分、赢球方式 (如直接得分、对手失误)等因素,确定哪位选手在某段时间内表现更佳。

# 可选模型

- **时间序列分析**:考虑得分随时间的变化,分析比赛中动量的存在和变化。
- 状态转移模型:使用马尔可夫链或其他状态转移模型来模拟比赛中的得分流动和动量转换。
- 机器学习预测模型:利用决策树、随机森林或梯度提升机等算法 预测比赛中的得分变化和动量转换。

# 数学建模过程中会用到的代码算法

- 数据预处理:清洗数据,包括处理缺失值、异常值,以及将数据 转换为适合模型的格式。
- 特征工程:从原始数据中提取或构造反映选手表现和比赛动态的特征,如连续得分点数、发球胜率、破发点转换率等。
- 模型训练与验证:使用交叉验证等技术来训练和评估模型,确定模型参数和结构。

# 解题思路与步骤

- 1. **数据探索**:分析提供的数据集,了解数据结构和关键统计特性。 识别可能影响比赛动量和结果的因素。
- 2. **特征选择与工程**:基于比赛规则和网球比赛的一般知识,选择和 构造反映比赛动态和选手表现的特征。

### 3. 模型构建:

- 构建时间序列分析模型来探索比赛中得分的时间动态。
- 应用状态转移模型来模拟比赛得分的变化过程。
- 开发机器学习模型来预测得分变化和动量转换。
- 4. **模型评估与选择**:通过比较不同模型的预测性能,选择最合适的模型。使用诸如准确率、召回率等评估指标来衡量模型性能。

### 5. 模型应用与分析:

- 应用选定的模型分析特定比赛,识别动量变化和决定比赛结果的关键时刻。
- 探讨动量的存在及其对比赛结果的影响,评估教练的观点是否成立。
- 使用模型预测其他比赛中的得分变化和动量转换,评估模型的泛化能力。
- 6. **报告撰写**:编写报告总结模型的开发过程、结果分析,以及对教 练和选手的建议。报告应包括模型说明、分析结果和结论。

通过上述步骤,可以构建一个能够捕捉网球比赛动态和预测比赛结果的模型,为教练和选手提供实用的指导和策略。

# 选题

针对三个数学建模题目,我们可以总结以下建议:

# A题 - 海洋七鳃鳗性别比例变化及其生态系统影响

### 技术难点:

- 集成多个生态学和生物学变量到一个统一的数学模型中,特别是模拟性别比例随环境变化的动态。
- 数据收集可能是一个挑战,尤其是关于七鳃鳗幼虫生长速率和性 别比例的精确数据。
- 生态系统模型的复杂性,需要准确反映七鳃鳗对其生态环境的影响。

#### 选题建议:

- 如果有兴趣于生态学和生物多样性保护,且能接触到相关的生物 学和环境数据,这个题目将是一个很好的选择。
- 需要较强的跨学科合作能力,特别是生物学和生态学的知识,以 及数据分析和数学建模技能。

# B题 - 潜水器失联位置预测与搜索救援策略

### 技术难点:

- 动态系统模型的构建和海流数据的处理,需要准确模拟潜水器在水下的行为。
- 粒子滤波器或卡尔曼滤波算法实现,特别是在处理非线性问题和 不确定性时的应用。
- 搜索模式的优化,需要考虑潜水器可能的位置分布,设计高效的 搜索策略。

### 选题建议:

- 对动态系统建模和优化算法有深入了解的团队,将会发现这个题目具有挑战性和实用价值。
- 需要良好的编程技能和算法知识,尤其是在模拟和优化方面。

# C题 - 温布尔登网球锦标赛得分流动与动量模型

### 技术难点:

- 处理和分析大量的时间序列数据,特别是识别和量化比赛中的动量现象。
- 开发机器学习模型来预测得分变化和动量转换,需要选择合适的 特征和算法。
- 模型评估和验证,确保模型能准确反映比赛动态和提供有效的策略建议。

#### 选题建议:

- 如果团队对数据分析和机器学习有兴趣和经验,这个题目提供了 一个实际应用场景来展示技术能力。
- 需要强大的数据处理能力和对体育比赛动态有深入理解的团队成员。

# 总结

每个题目都有其独特的挑战和学习机会。团队应根据自身的技能、兴趣和可获取的资源来选择题目。成功的关键在于理解问题的核心,有效地利用数据和技术,以及跨学科的合作。