



数据结构与算法 (Python版)

快速排序算法及分析

陈斌 北京大学 gischen@pku.edu.cn

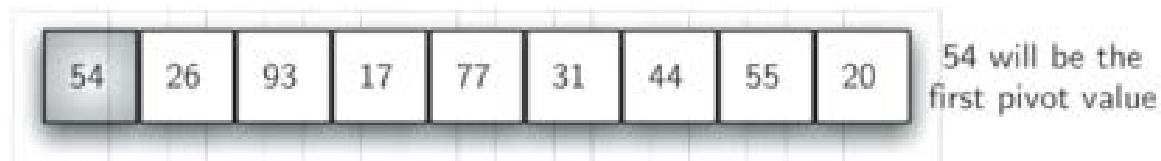
快速排序Quick Sort

❖ 快速排序的思路是依据一个“**中值**”数据项来把数据表分为**两半**：小于中值的一半和大于中值的一半，然后每部分分别进行快速排序（递归）

如果希望这两半拥有相等数量的数据项，则应该找到数据表的“中位数”

但找中位数需要计算开销！要想没有开销，只能随意找一个数来充当“中值”

比如，第1个数。



快速排序Quick Sort

- ❖ 快速排序的递归算法“递归三要素”如下
- ❖ **基本结束条件**：数据表仅有1个数据项，自然是排好序的
- ❖ **缩小规模**：根据“中值”，将数据表分为两半，最好情况是相等规模的两半
- ❖ **调用自身**：将两半分别调用自身进行排序（排序基本操作在分裂过程中）

快速排序：图示

❖ 分裂数据表的目标：找到“中值”的位置

❖ 分裂数据表的手段

设置左右标 (left/rightmark)

左标向右移动，右标向左移动

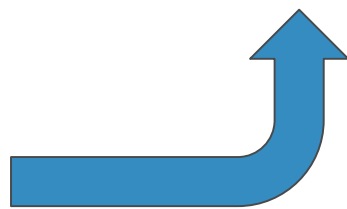
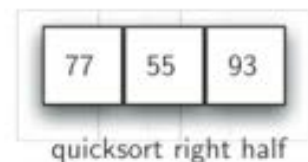
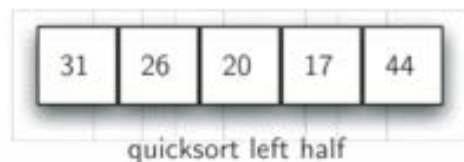
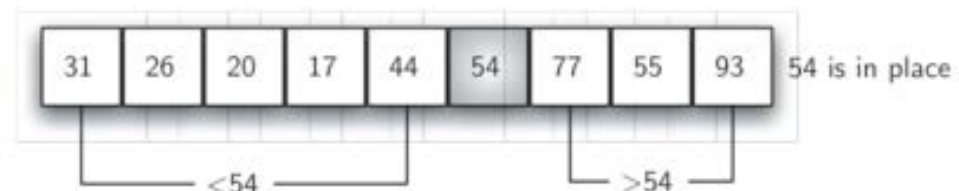
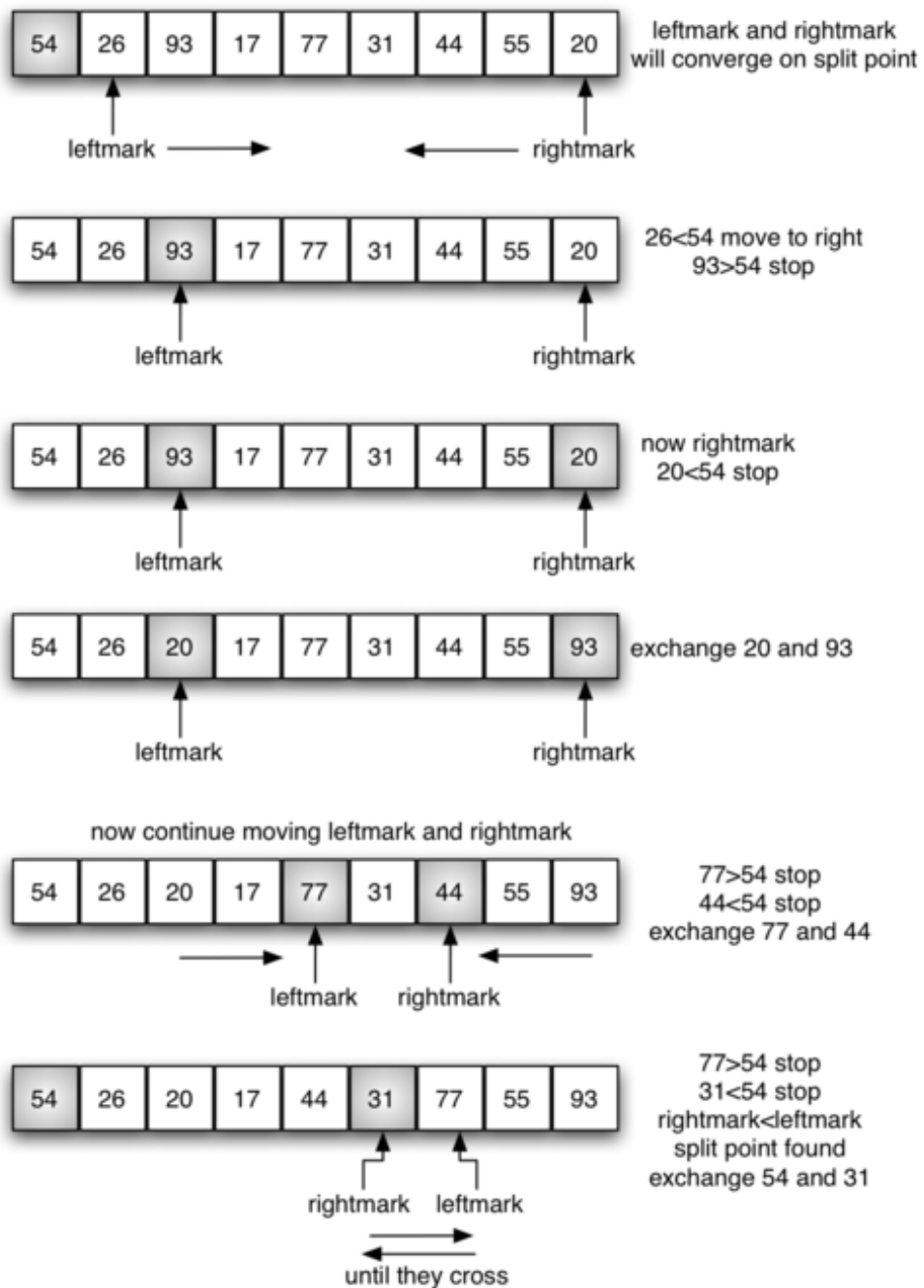
- 左标一直向右移动，碰到比中值大的就停止
- 右标一直向左移动，碰到比中值小的就停止
- 然后把左右标所指的数据项交换

继续移动，直到左标移到右标的右侧，停止移动

这时右标所指位置就是“中值”应处的位置

将中值和这个位置交换

分裂完成，左半部比中值小，右半部比中值大



快速排序：代码

```
def quickSort(alist):  
    quickSortHelper(alist,0,len(alist)-1)
```

```
def quickSortHelper(alist,first,last):  
    if first<last:
```

基本结束条件

分裂

```
        splitpoint = partition(alist,first,last)
```

```
        quickSortHelper(alist,first,splitpoint-1)  
        quickSortHelper(alist,splitpoint+1,last)
```

递归调用

```
alist = [54,26,93,17,77,31,44,55,20]  
quickSort(alist)  
print(alist)
```

```
def partition(alist, first, last):
    pivotvalue = alist[first]
```

选定“中值”

```
    leftmark = first+1
    rightmark = last
```

左右标初值

```
    done = False
    while not done:
```

```
        while leftmark <= rightmark and \
            alist[leftmark] <= pivotvalue:
            leftmark = leftmark + 1
```

向右移动左标

```
        while alist[rightmark] >= pivotvalue and \
            rightmark >= leftmark:
            rightmark = rightmark - 1
```

向左移动右标

```
    if rightmark < leftmark:
        done = True
```

两标相错就结束移动

```
    else:
```

```
        temp = alist[leftmark]
        alist[leftmark] = alist[rightmark]
        alist[rightmark] = temp
```

左右标的值交换

```
    temp = alist[first]
    alist[first] = alist[rightmark]
    alist[rightmark] = temp
```

中值就位

```
    return rightmark
```

中值点，也是分裂点

快速排序：算法分析

❖ 快速排序过程分为两部分：**分裂和移动**

如果分裂**总能**把数据表分为**相等**的两部分，那么就是 $O(\log n)$ 的复杂度；

而移动需要将每项都与中值进行比对，还是 $O(n)$

❖ 综合起来就是 $O(n \log n)$ ；

❖ 而且，算法运行过程中不需要额外的存储空间。

快速排序：算法分析

- ❖ 但是，如果不那么幸运的话，中值所在的分裂点过于偏离中部，造成左右两部分数量不平衡
- ❖ 极端情况，有一部分始终没有数据，这样时间复杂度就退化到 $O(n^2)$
还要加上递归调用的开销（比冒泡排序还糟糕）

快速排序：算法分析

- ❖ 可以适当改进下**中值**的选取方法，让中值更具有代表性

比如“三点取样”，从数据表的头、尾、中间选出中值

会产生额外计算开销，仍然不能排除极端情况

- ❖ 还有什么采样具有代表性？

