

# 二叉查找树实现及算法分析(下)

陈斌 北京大学 gischen@pku.edu.cn

# 二叉查找树的实现: BST.delete方法

❖有增就有减,最复杂的delete方法:
用\_get找到要删除的节点,然后调用remove来

删除, 找不到则提示错误

```
def delete(self,key):
 if self.size > 1:
     nodeToRemove = self._get(key,self.root)
    if nodeToRemove:
         self.remove(nodeToRemove)
         self.size = self.size-1
     else:
         raise KeyError('Error, key not in tree')
  elif self.size == 1 and self.root.key == key:
     self.root = None
     self.size = self.size - 1
  else:
     raise KeyError('Error, key not in tree')
```

# 二叉查找树的实现: BST.delete方法

❖ \_\_delitem \_\_特殊方法
实现del myZipTree['PKU']这样的语句操作
def \_\_delitem\_\_(self,key):
self.delete(key)

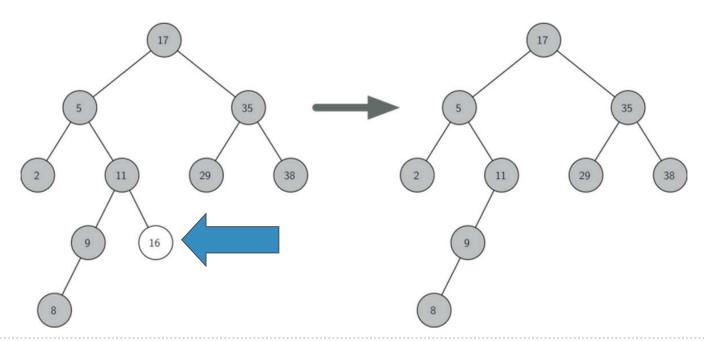
❖ 在delete中,最复杂的是找到key对应的 节点之后的remove节点方法!

**◇从BST中remove一个节点**,还要求仍然保持BST的性质,分以下3种情形:

这个节点没有子节点 这个节点有1个子节点 这个节点有2个子节点

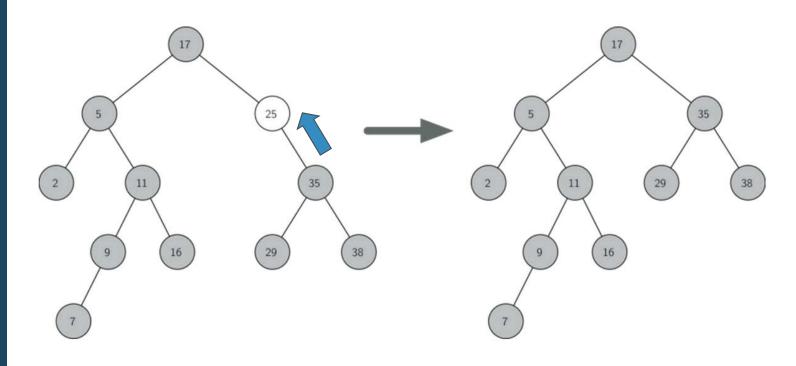
#### ❖ 没有子节点的情况好办,直接删除

```
if currentNode.isLeaf(): #leaf
  if currentNode == currentNode.parent.leftChild:
      currentNode.parent.leftChild = None
  else:
      currentNode.parent.rightChild = None
```



#### ❖ 第2种情形稍复杂:被删节点有1个子节点

解决: 将这个唯一的子节点上移, 替换掉被删节点的位置



**❖ 但替换操作需要区分几种情况:** 

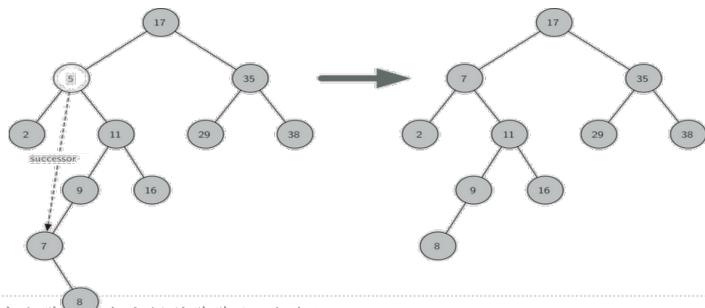
被删节点的子节点是左?还是右子节点?

被删节点本身是其父节点的左?还是右子节点?

被删节点本身就是根节点?

```
else: # this node has one child
                 if currentNode.hasLeftChild():
                   if currentNode.isLeftChild():
                       currentNode.leftChild.parent = currentNode.parent
                       currentNode.parent.leftChild = currentNode.leftChild
                   elif currentNode.isRightChild():
                       currentNode.leftChild.parent = currentNode.parent
                       currentNode.parent.rightChild = currentNode.leftChild
                   else:
                       currentNode.replaceNodeData(currentNode.leftChild.key,
                                          currentNode.leftChild.payload,
        恨节点删除
                                          currentNode.leftChild.leftChild,
                                          currentNode.leftChild.rightChild)
                 else:
                   if currentNode.isLeftChild():
                       currentNode.rightChild.parent = currentNode.parent
                       currentNode.parent.leftChild = currentNode.rightChild
                   elif currentNode.isRightChild():
                       currentNode.rightChild.parent = currentNode.parent
                       currentNode.parent.rightChild = currentNode.rightChild
                   else:
                       currentNode.replaceNodeData(currentNode.rightChild.key,
                                          currentNode.rightChild.payload,
                                          currentNode.rightChild.leftChild,
                                          currentNode.rightChild.rightChild)
北京大学地球与空间和
```

❖第3种情形最复杂:被删节点有2个子节点 这时无法简单地将某个子节点上移替换被删节点 但可以找到另一个合适的节点来替换被删节点, 这个合适节点就是被删节点的下一个key值节点, 即被删节点右子树中最小的那个, 称为"后继"

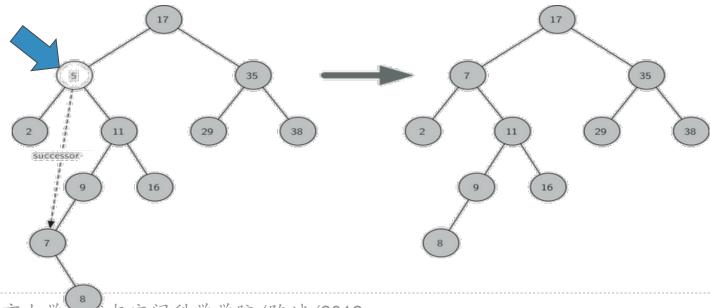


北京大学和承与空间科学学院/陈斌/2019

❖ 第3种情形最复杂:被删节点有2个子节点

可以肯定这个后继节点最多只有1个子节点(本身是叶节点,或仅有右子树)

将这个后继节点摘出来(也就是删除了),替换 掉被删节点。



北京大学地球与空间科学学院/陈斌/2019

**❖ BinarySearchTree类: remove方法** (情形3)

```
elif currentNode.hasBothChildren(): #interior
  succ = currentNode.findSuccessor()
  succ.spliceOut()
  currentNode.key = succ.key
  currentNode.payload = succ.payload
```

```
❖ TreeNode类: 寻找后继节点
         def findSuccessor(self):
           succ = None
           if self.hasRightChild():
               succ = self.rightChild.findMin()
           else:
               if self.parent:
                      if self.isLeftChild():
                          succ = self.parent
                      else:
                          self.parent.rightChild = None
                          succ = self.parent.findSuccessor()
                          self.parent.rightChild = self
           return succ
         def findMin(self):
           current = self
           while current.hasLeftChild():
               current = current.leftChild
           return current
```

```
❖ TreeNode类: 摘出节点spliceOut()
def spliceOut(self):
  if self.isLeaf():
      if self.isLeftChild():
             self.parent.leftChild = None
      else:
             self.parent.rightChild = None
  elif self.hasAnyChildren():
      if self.hasLeftChild():
             if self.isLeftChild():
                self.parent.leftChild = self.leftChild
             else:
                self.parent.rightChild = self.leftChild
             self.leftChild.parent = self.parent
       else:
             if self.isLeftChild():
                self.parent.leftChild = self.rightChild
             else:
                self.parent.rightChild = self.rightChild
             self.rightChild.parent = self.parent
```

# 二叉查找树: 算法分析 (以put为例)

- ❖其性能决定因素在于二叉搜索树的高度 (最大层次),而其高度又受数据项key 插入顺序的影响。
- ❖ 如果key的列表是随机分布的话,那么大于和小于根节点key的键值大致相等
- ◆ BST的高度就是log₂n (n是节点的个数),
  而且,这样的树就是平衡树
- ❖ put方法最差性能为O(log₂n)。

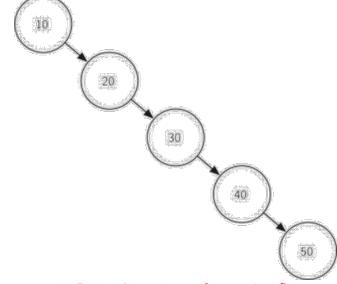
# 二叉查找树: 算法分析 (以put为例)

**❖但key列表分布<mark>极端情况</mark>就完全不同** 

按照从小到大顺序插入的话, 如下图

这时候put方法的性能为O(n)

其它方法也是类似情况



❖如何改进BST? 不受key插入顺序影响?

