

二分查找算法及分析

陈斌 北京大学 gischen@pku.edu.cn

二分查找

- ◇那么对于有序表,有没有更好更快的查找 算法?
- ◇在顺序查找中,如果第1个数据项不匹配 查找项的话,那最多还有n-1个待比对的 数据项
- ◇那么,有没有方法能利用有序表的特性, 迅速缩小待比对数据项的范围呢?

#

二分查找

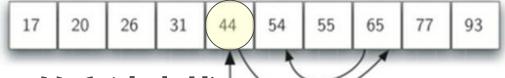
❖ 我们从列表中间开始比对!

如果列表中间的项匹配查找项,则查找结束如果不匹配,那么就有两种情况:

- 列表中间项比查找项大,那么查找项只可能出现在前半部分
- 列表中间项比查找项小,那么查找项只可能出现在后半部分

无论如何, 我们都会将比对范围缩小到原来的一

半: n/2



❖继续采用上面的方法查找

每次都会将比对范围缩小一半

二分查找: 代码

```
def binarySearch(alist, item):
             first = 0
             last = len(alist)-1
             found = False
             while first<=last and not found:
                 midpoint = (first + last)//2
                 if alist[midpoint] == item:
中间项比对
                     found = True
                 else:
                     if item < alist[midpoint]:</pre>
                         last = midpoint-1
缩小比对范围
                     else:
                         first = midpoint+1
             return found
         testlist = [0, 1, 2, 8, 13, 17, 19, 32, 42,]
         print(binarySearch(testlist, 3))
         print(binarySearch(testlist, 13))
```

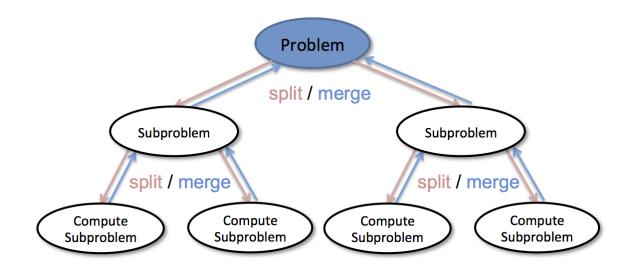
二分查找:分而治之

◇二分查找算法实际上体现了解决问题的典

型策略:分而治之

将问题分为若干更小规模的部分

通过解决每一个小规模部分问题,并将结果汇总得到原问题的解



二分查找: 分而治之

❖显然,递归算法就是一种典型的分治策略 算法,二分法也适合用递归算法来实现

```
def binarySearch(alist, item):
    if len(alist) == 0:
        return False
else:
    midpoint = len(alist)//2
    if alist[midpoint]==item:
        return True
else:
    if item<alist[midpoint]:
        return binarySearch(alist[:midpoint],item)
else:
        return binarySearch(alist[midpoint+1:],item)
```

二分查找: 算法分析

❖由于二分查找,每次比对都将下一步的比对范围缩小一半

❖每次比对后剩余数据项如下表所示:

Comparisons	Approximate Number of Items Left
1	n/2
2	n/4
3	n/8
•••	
i	n/2 ⁱ

二分查找: 算法分析

- ❖ 当比对次数足够多以后,比对范围内就会 仅剩余1个数据项
- ❖无论这个数据项是否匹配查找项,比对最终都会结束,解下列方程:

得到: i=log₂(n)

$$\frac{n}{2^i} = 1$$

❖ 所以二分法查找的算法复杂度是O(log n)

二分查找: 进一步的考虑

- ❖虽然我们根据比对的次数,得出二分查找 的复杂度O(log n)
- ❖但本算法中除了比对,还有一个因素需要 注意到:

binarySearch(alist[:midpoint],item)

这个递归调用使用了列表切片,而切片操作的复杂度是O(k),这样会使整个算法的时间复杂度稍有增加;

当然,我们采用切片是为了程序可读性更好,实际上也可以不切片,而只是传入起始和结束的索引值即可,这样就不会有切片的时间开销了。

二分查找: 进一步的考虑

- ❖ 另外,虽然二分查找在时间复杂度上优于顺序查找
- ◇但也要考虑到对数据项进行排序的开销 如果一次排序后可以进行多次查找,那么排序的 开销就可以摊薄

但如果数据集经常变动,查找次数相对较少,那么可能还是直接用无序表加上顺序查找来得经济

❖ 所以,在算法选择的问题上,光看时间复杂度的优劣是不够的,还需要考虑到实际应用的情况。

