

# Índice general

<b>1. Ad-hoc</b>	<b>3</b>
1.1. Invertir Bytes . . . . .	3
1.2. Año bisiesto . . . . .	3
1.3. Doomsday . . . . .	3
<b>2. Estructuras</b>	<b>4</b>
2.1. Union - Find . . . . .	4
2.2. BIT . . . . .	4
2.3. Segment Tree . . . . .	5
2.4. Segment Tree con Lazy Propagación . . . . .	6
2.5. Trie . . . . .	7
<b>3. Complete Search</b>	<b>10</b>
3.1. El problema de las ocho reinas . . . . .	10
<b>4. Divide y venceras</b>	<b>11</b>
4.1. Búsqueda Binaria (Recursivo) . . . . .	11
4.2. Búsqueda Binaria (Iterativo) . . . . .	11
4.3. MergeSort . . . . .	12
4.4. Meet in the Middle . . . . .	13
<b>5. Programación Dinamica</b>	<b>15</b>
5.1. El problema de la mochila y Subset Sum . . . . .	15
5.2. Cambio de modenas . . . . .	16
5.3. LIS ( $O(n^2)$ ) . . . . .	16
5.4. LIS ( $O(n \log(n))$ ) . . . . .	16
5.5. Maxima submatriz de ceros . . . . .	17
5.6. Submatriz de suma maxima . . . . .	18
5.7. Distancia de edición (Algoritmo de Levenshtein) . . . . .	19
<b>6. Grafos</b>	<b>20</b>
6.1. BFS . . . . .	20
6.2. DFS . . . . .	20
6.3. Topological Sort . . . . .	21
6.4. Dijkstra . . . . .	21
6.5. BellmandFord . . . . .	22
6.6. Floyd Warshall . . . . .	23
6.7. Componentes Fuertemente Conexas . . . . .	23
6.8. Componentes Fuertemente Conexas (Kosaraju) . . . . .	24
6.9. Componentes Fuertemente Conexas (Tarjan $O(n + v)$ ) . . . . .	26
6.10. Minimum Spanning Tree (Kruskall) . . . . .	28
6.11. MaxFlow . . . . .	28

<b>7. Matemáticas</b>	<b>30</b>
7.1. GCD . . . . .	30
7.2. LCM . . . . .	30
7.3. Exponenciación rápida . . . . .	30
7.4. Criba de Erathostenes . . . . .	31
7.5. Triangulo de Pascal . . . . .	31
7.6. Combinaciones(Para numeros muy grandes) . . . . .	32
7.7. Polinomios . . . . .	32
7.8. Fibonacci ( $O(\log(n))$ ) . . . . .	33
7.9. Multiplicación entero por cadena . . . . .	33
7.10. Multiplicación de numeros grandes (Karatsuba) . . . . .	34
7.11. Integracion de Simpson . . . . .	34
7.12. Inverso modular . . . . .	35
<b>8. Cadenas</b>	<b>36</b>
8.1. Utilidades . . . . .	36
8.2. Boyer Moore . . . . .	36
8.3. Knuth Morris Pratt . . . . .	37
8.4. Iesima permutación . . . . .	38
8.5. Algoritmo de Manacher . . . . .	38
8.6. Trie . . . . .	39
<b>9. Geometria Computacional</b>	<b>42</b>
9.1. Intersección de rectangulos . . . . .	42
9.2. Distancia Punto - Segmento . . . . .	42
9.3. Distancia Punto - Recta . . . . .	43
<b>10. Utilitarios</b>	<b>44</b>
10.1. Plantilla . . . . .	44
10.2. Lectura rapida . . . . .	45
10.3. Espificadores de formato para printf y scanf . . . . .	45
10.4. Contar bits en 1 en un numero . . . . .	45
10.5. Busqueda binaria . . . . .	46

# Capítulo 1

## Ad-hoc

### 1.1. Invertir Bytes

```
1 // Entrada: Un entero sin signo de 32 bits
2 // Salida : El mismo numero pero con los bytes invertidos como si fuera una
   cadena
3 int reverse_bytes(unsigned int i) {
4     return ((i >> 24) ) |
5         ((i >> 8) & 0xFF00) |
6         ((i << 8) & 0xFF0000) |
7         ((i << 24));
8 }
```

### 1.2. Año bisiesto

```
1 bool esBisiesto(int y){
2     return ( ((y%4)==0 && (y%100)!=0) || (y%400)==0 );
3 }
```

### 1.3. Doomsday

```
1 //Entrada: Una fecha (ene = 1, ..., dic = 12) Salida: Dia de la semana
2 string vec[7] = {"DOM", "LUN", "MAR", "MIE", "JUE", "VIE", "SAB"};
3
4 string doomsday(int dia, int mes, int anio){
5     int a, y, m, d;
6     a = (14 - mes) / 12;
7     y = anio - a;
8     m = mes + 12 * a - 2;
9     d = (dia + y + y/4 - y/100 + y/400 + (31*m)/12) % 7;
10    return vec[d];
11 }
```

## Capítulo 2

# Estructuras

### 2.1. Union - Find

```
1 #define MAX 100010
2
3 using namespace std;
4
5 int padre[ MAX ];
6 int rango[ MAX ];
7
8 void MakeSet( int n ){for(int i = 0 ; i <= n ; ++i )padre[ i ] = i, rango[ i ] =
    0;}
9 int Find(int x){return (padre[x]==x?x:padre[x]=Find(padre[x]));}
10 bool sameComponent(int x, int y){ return Find(x) == Find(y);}
11
12 void Union( int x , int y ){
13     int xRoot = Find( x );
14     int yRoot = Find( y );
15     if( rango[ xRoot ] > rango[ yRoot ] )
16         padre[ yRoot ] = xRoot;
17     else{
18         padre[ xRoot ] = yRoot;
19         if( rango[ xRoot ] == rango[ yRoot ] )
20             rango[ yRoot ]++;
21     }
22 }
```

### 2.2. BIT

```
1 #include <iostream>
2 #include <cstring>
3
4 using namespace std;
5
6 #define MAXN 1000000
7
8 int T[MAXN + 1];
9 int A[MAXN];
10 int N;
11 int lowbit(int i) {
12     return (i & -i);
13 }
```

```

14 int sum(int i){
15     int value = 0;
16     for(; i > 0; i-= lowbit(i))
17         value+= T[i];
18     return value;
19 }
20 int sum(int i, int j){
21     return i > 1 ? sum(j) - sum(i-1) : sum(j);
22 }
23 void update(int i, int value){
24     for(; i <= N ; i += lowbit(i))
25         T[i] += value;
26 }
27 void build(){
28     memset(T, 0, sizeof(T));
29     for(int i=0; i < N; i++)
30         update(i+1, A[i]);
31 }
32 int main(){
33     cin >> N;
34     for(int i = 0; i < N; ++i)
35         cin >> A[i];
36
37     build();
38     cout << sum( 1, N ) << endl;
39     return 0;
40 }

```

## 2.3. Segment Tree

```

1  #include <iostream>
2  #include <cstdio>
3  #include <algorithm>
4  using namespace std;
5
6  #define MAXN 50001
7
8  struct nodo{
9      int sum;
10     nodo() { }
11     nodo(int _sum){
12         sum = _sum;
13     }
14 }T[MAXN*4];
15 int n, a[MAXN];
16
17 void update(int b, int e, int node, int i, int val){
18     if(i < b || i > e) return;
19
20     if( b == e ) T[node].sum = a[i] = val;
21     else{
22         int mid = (b + e)/2, le = 2*node, ri = 2*node+1;
23
24         update(b, mid, le, i, val);
25         update(mid + 1, e, ri, i, val);
26
27         T[node].sum = T[le].sum + T[ri].sum;

```

```

28     }
29 }
30
31 void init(int b, int e, int node){
32     if(b == e) T[node].sum = a[b];
33     else{
34         int mid = (b + e)/2, le = 2*node, ri = 2*node+1;
35         init(b, mid, le);
36         init(mid + 1, e, ri);
37
38         T[node].sum = T[le].sum + T[ri].sum;
39     }
40 }
41
42 nodo query(int b, int e, int node, int i, int j){
43     if(i <= b && e <= j) return T[node];
44
45     int mid = (b + e) / 2, le = 2*node + 1, ri = 2*node + 2;
46
47     if(j <= mid) return query(b, mid, le, i, j);
48     else if(mid < i) return query(mid + 1, e, ri, i, j);
49     else{
50         nodo ret1 = query(b, mid, le, i, j);
51         nodo ret2 = query(mid + 1, e, ri, i, j);
52
53         nodo ret;
54         ret.sum = ret1.sum + ret2.sum;
55         return ret;
56     }
57 }
58
59 int main(){
60     init(0, n, 0);
61     printf("%d\n", query(1, n, 1, x, y).sum);
62     update(1, n, 1, x, y);
63     return 0;
64 }

```

## 2.4. Segment Tree con Lazy Propagación

```

1  #include <iostream>
2  #include <cstdio>
3  #include <algorithm>
4  #include <cstring>
5  using namespace std;
6
7  struct Node{
8      long long sum; //suma de hijos
9      long long offset; //suma que no propaga de total nodo
10 }Tree[500000];
11
12 void Update(long long node, long long lo, long long hi, long long i, long long j,
13             long long val){
14     if(lo > j || hi < i)
15         return;
16     if(lo >= i && hi <= j){

```

```

17     Tree[node].sum+=(hi-lo+1)*val;
18     Tree[node].offset+=val;
19 }else{
20     long long mid=(lo+hi)>>1;
21     Update(2*node,lo,mid,i,j,val);
22     Update(2*node+1,mid+1,hi,i,j,val);
23     Tree[node].sum=Tree[2*node].sum+Tree[2*node+1].sum+(hi-lo+1)*Tree[node].
        offset;
24 }
25 }
26
27 long long Query(long long node,long long lo,long long hi,long long i,long long j
    ,long long offst){
28     if(lo>j || hi<i)
29         return 0;
30
31     if(lo>=i && hi<=j){
32         return offst*(hi-lo+1)+Tree[node].sum;
33     }else{
34         long long mid=(lo+hi)>>1;
35         offst+=Tree[node].offset;
36         long long q1=Query(2*node,lo,mid,i,j,offst);
37         long long q2=Query(2*node+1,mid+1,hi,i,j,offst);
38         return q1+q2;
39     }
40 }
41 void Clear(long long N){
42     for(long long i=0;i<4*N;i++){
43         Tree[i].offset=Tree[i].sum=0;
44     }
45 }
46
47 int main(){
48     int N,ofst=0;
49     Clear(N);
50     cout<<Query(1,1,N,x,y,ofst)<<endl;
51     Update(1,1,N,x,y,val);
52     return 0;
53 }

```

## 2.5. Trie

```

1 #include <iostream>
2 #include <vector>
3 #include <algorithm>
4 #include <cstdio>
5 #include <fstream>
6
7 using namespace std;
8 struct Trie{
9     Trie* hijos[26];
10    bool esfin;
11    vector<int> idhijos;
12    Trie(){
13        esfin = false;
14        for(int i = 0; i < 26; ++i)
15            hijos[i] = NULL;

```

```

16     }
17 };
18 void insertar(Trie* v, char* c){
19     if(c[0] == '\0')
20         v->esfin = true;
21     else{
22         int k = c[0] - 'a';
23         if(v->hijos[k] == NULL){
24             v->hijos[k] = new Trie();
25             (v->idhijos).push_back(k);
26         }
27         insertar(v->hijos[k], c+1);
28     }
29 }
30 void ordenarids(Trie *t){
31     sort((t->idhijos).begin(), (t->idhijos).end());
32     int tam = (t->idhijos).size();
33     for(int i = 0; i < tam; i++){
34         int k = t->idhijos[i];
35         ordenarids(t->hijos[k]);
36     }
37 }
38 bool haysol = false;
39 int tmp, caso;
40 char vacio[25]="";
41 string cad;
42 void mostrar(Trie* v, string p, char* pr){
43     if(pr[0] == '\0'){
44         if(v->esfin){
45             haysol = true;
46             puts(p.c_str());
47         }
48         int tam = (v->idhijos).size();
49
50         for(int i = 0; i < tam; ++i){
51             int k = v->idhijos[i];
52             mostrar(v->hijos[k], p + ((char)('a'+k)), vacio);
53         }
54     }
55     else{
56         int k = pr[0] - 'a';
57         if(v->hijos[k] != NULL){
58             bool aux = (v->hijos[k])->esfin;
59             (v->hijos[k])->esfin = false;
60
61             mostrar(v->hijos[k], p, pr+1);
62
63             (v->hijos[k])->esfin = aux;
64
65         }
66     }
67 }
68 int main(){
69     //freopen("entrada.in", "r", stdin);
70     Trie* t;
71     t = new Trie();
72     scanf("%d", &tmp);
73     char cadena[25];

```



```
74
75     while(tmp--){
76         scanf("%s", cadena);
77         insertar(t, cadena);
78     }
79     ordenarids(t);
80     cin >> tmp;
81     for(caso = 1; caso <= tmp; caso++){
82         scanf("%s", cadena);
83         cad = cadena;
84         haysol = false;
85         printf("Case #%d:\n", caso);
86         mostrar(t, cad, cadena);
87         if(!haysol)
88             puts("No match.");
89     }
90     return 0;
91 }
```

## Capítulo 3

# Complete Search

### 3.1. El problema de las ocho reinas

```
1
2 int sol[10];
3 bool sePuede(int fila, int col){
4     for(int i = col - 1 ; i >= 1; i--)
5         if(sol[i] == fila || (abs(sol[i] - fila) == abs(i - col)))
6             return false;
7     return true;
8 }
9 // Llamada solve(1)
10 void solve(int col){
11     if(col == 9){
12         for(int i = 1; i <= 8; i++)
13             printf(" %d", sol[i]);
14         printf("\n");
15         return ;
16     }
17     for(int i = 1; i <= 8; i++)
18         if(sePuede(i, col)){
19             sol[col] = i;
20             solve(col + 1);
21         }
22 }
```

## Capítulo 4

# Divide y vencerás

### 4.1. Búsqueda Binaria (Recursivo)

```
1  template <class T>
2  int binsearch(const T array[], int len, T what)
3  {
4      if (len == 0) return -1;
5      int mid = len / 2;
6      if (array[mid] == what) return mid;
7      if (array[mid] < what) {
8          int result = binsearch(array+mid+1, len-(mid+1), what);
9          if (result == -1) return -1;
10         else return result + mid+1;
11     }
12     if (array[mid] > what)
13         return binsearch(array, mid, what);
14 }
15
16 #include <iostream>
17 int main()
18 {
19     int array[] = {2, 3, 5, 6, 8};
20     int result1 = binsearch(array, sizeof(array)/sizeof(int), 4),
21         result2 = binsearch(array, sizeof(array)/sizeof(int), 8);
22     if (result1 == -1) std::cout << "4 not found!" << std::endl;
23     else std::cout << "4 found at " << result1 << std::endl;
24     if (result2 == -1) std::cout << "8 not found!" << std::endl;
25     else std::cout << "8 found at " << result2 << std::endl;
26
27     return 0;
28 }
29
30
31 }
```

### 4.2. Búsqueda Binaria (Iterativo)

```
1  template <class T>
2  int binSearch(const T arr[], int len, T what) {
3      int low = 0;
4      int high = len - 1;
5      while (low <= high) {
```

```

6         int mid = (low + high) / 2;
7         if (arr[mid] > what)
8             high = mid - 1;
9         else if (arr[mid] < what)
10            low = mid + 1;
11        else
12            return mid;
13    }
14    return -1; //indica que no esta
15 }
16

```

### 4.3. MergeSort

Primera implementacion:

```

1 //Entrada: p = indice del primer elemento a ordenar
2 //          r = indice del ultimo elemento a ordenar
3 //Salida: El vector "a" ordenado
4 int a[LIM], L[LIM/2 + 4], R[LIM/2 + 4];
5 void fusionar(long p, long q, long r) {
6     long i, j, k, ind1, ind2;
7     ind1 = ind2 = 1;
8     for(i = p; i <= q; i++)
9         L[ind1++] = a[i];
10    L[ind1] = inf;
11    for(i = q+1; i <= r; i++)
12        R[ind2++] = a[i];
13    R[ind2] = inf;
14    i = j = 1;
15    for(k = p; k <= r; k++)
16        if(L[i] > R[j]) {
17            a[k] = R[j];
18            j++;
19        } else {
20            a[k] = L[i];
21            i++;
22        }
23 }
24 void mergeSort(long p, long r) {
25     if(p < r) {
26         long q = (p+r)/2;
27         mergeSort(p, q);
28         mergeSort(q+1, r);
29         fusionar(p, q, r);
30     }
31 }

```

Segunda implementación:

```

1 //Entrada: Un array
2 //Salida: El vector "array" ordenado
3 //          La cantidad optima de intercambios
4 int array[MAXN];
5 int temp[MAXN];
6 int intercambios = 0;
7 int d = 0;
8 void mergesort(int inicio, int length) {

```

```

9      if(length<=1)
10         return;
11     mergesort(inicio, length/2);
12     mergesort(inicio+length/2, length-length/2);
13     int i = inicio;
14     int j = inicio+length/2;
15     int n = 0;
16     while(i<inicio+length/2 && j<inicio+length)
17         if(array[i]<array[j]) {
18             temp[n++] = array[i++];
19             intercambios+=d; //para contar los intercambios
20         } else {
21             temp[n++] = array[j++];
22             d++;
23         }
24     while(i<inicio+length/2) {
25         temp[n++] = array[i++];
26         intercambios+=d;
27     }
28     while(j<inicio+length)
29         temp[n++] = array[j++];
30     memcpy(array+inicio, temp, length*sizeof(int));
31 }

```

## 4.4. Meet in the Middle

Si generamos los subconjuntos de una lista de  $N$  elementos; sabemos que existen  $2^N$  subconjuntos, pero esta complejidad es demasiado cuando  $N$  es grande, digamos ( $N > 20$ ).

Problema.- Dado una secuencia de  $N$  ( $1 \leq N \leq 34$ ) números, determinar cuántos subconjuntos de esta secuencia tiene una suma entre  $A$  y  $B$ .

Esta técnica consiste en *dividir en dos listas por la mitad*, Luego generamos las sumatorias de los subconjuntos de cada lista y *los ordenamos*. Luego combinar ambos resultados.

Considerare la sumatoria de conjunto vacío como 0.

### Ejemplo:

$L = \{ 2, 5, 6, 1, 9 \}$ ;

$A=5, B=15$

**Los dividimos en las listas por la mitad.**

$X = \{ 2, 5, 6 \}$

$Y = \{ 1, 9 \}$

**Generamos los subconjuntos de cada lista.**

$X' = \{ 0, 2, 5, \{2,5\}, 6, \{2,6\}, \{5,6\}, \{2,5,6\} \}$

$Y' = \{ 0, 1, 9, \{1,9\} \}$

**Sumatorias de cada subconjunto de manera ordenada.**

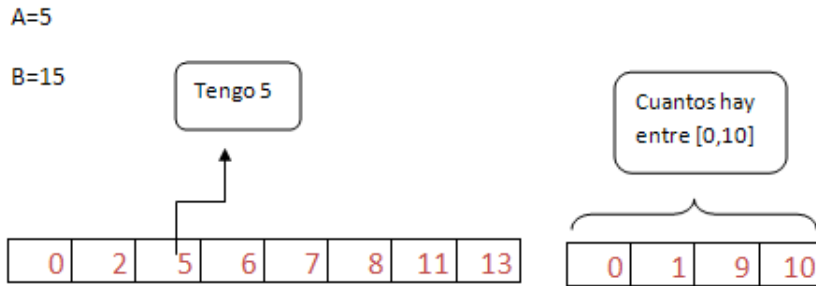
$X' = \{ 0, 2, 5, 6, 7, 8, 11, 13 \}$

$Y' = \{ 0, 1, 9, 10 \}$

**Combinar resultados**

Tenemos que recorrer la lista  $X'$  y ver cuánto nos falta para llegar al intervalo  $[A, B]$ .

- Si el primer elemento de  $X'$  tenemos 0 entonces en la lista  $Y'$  tenemos que buscar cuantos elementos existen entre 5 y 15.
- Si el segundo elemento de  $X'$  tenemos 2 entonces en la lista  $Y'$  buscamos cuantos existen entre 3 y 13.



x

Si bien se dan cuenta es muy importante tener ambas listas de una manera ordenada para poder buscar cuantos elementos existen en la segunda matriz entre ese intervalo.

El algoritmo sigue buscando hasta terminar con el último elemento de la primera lista.

```

1  #include <vector>
2  #include <algorithm>
3  #include <iostream>
4
5  #define all(v) (v).begin(), (v).end()
6  #define rall(v) (v).rbegin(), (v).rend()
7  #define sz size()
8
9  using namespace std;
10 vector<int> A, B;
11 void subsets(vector<int> v, vector<int> &ans) {
12     ans.clear();
13     int n=v.sz;
14     for(int mask=0; mask<(1<<n); mask++) {
15         int sum=0;
16         for(int j=0; j<v.sz; j++) if(mask & (1<<j)) sum+=v[j];
17         ans.push_back(sum);
18     }
19     sort(all(ans));
20 }
21
22 int main() {
23
24     int N, X, Y, n, nx;
25     cin>>N>>X>>Y;
26     vector<int> v(N);
27     for(int i=0; i<N; i++) cin>>v[i];
28     n=N/2;
29     subsets(vector<int> (v.begin(), v.begin()+n), A);
30     subsets(vector<int> (v.begin()+n, v.end()), B);
31     long long ans=0;
32     for(int i=0; i<A.sz; i++) {
33         int val=A[i];
34         int frs=X-val;
35         int scd=Y-val;
36         int x1=lower_bound(all(B), frs)-B.begin();
37         int y1=upper_bound(all(B), scd)-B.begin();
38         if(y1>=x1) ans+=(y1-x1);
39     }
40     cout<<ans<<endl;
41     return 0;
42 }

```

## Capítulo 5

# Programación Dinamica

### 5.1. El problema de la mochila y Subset Sum

Subset Sum:

$$OPT(j, W) = \max \begin{cases} OPT(j-1, W) & (w_j > W) \\ w_j + OPT(j-1, W - w_j) & (w_j \leq W) \end{cases}$$

0-1 Mochila

$$OPT(j, W) = \max \begin{cases} OPT(j-1, W) & (w_j > W) \\ v_j + OPT(j-1, W - w_j) & (w_j \leq W) \end{cases}$$

```
1  #include <stdio>
2  #include <cstring>
3
4  const int MAXITEMS = 2005;
5  const int MAXCAP   = 2005;
6
7  using namespace std;
8
9  int espaciolibre, elementos;
10 int peso[MAXITEMS], ganancia[MAXITEMS];
11
12 int dp[MAXITEMS][MAXCAP];
13 int mochila(int elem, int libre){
14     if(elem == -1)
15         return 0;
16     int &ans = dp[elem][libre];
17
18     if(ans == -1 )
19         if(peso[elem] <= libre) // ¿ el elemento elem cabe en el espacio libre
20             en la mochila ?
21             ans = max(mochila(elem - 1, libre), ganancia[elem] + mochila(elem -
22                 1, libre - peso[elem])); /* si cabe, asi que probamos cuando no
23                 tomamos el elemento y probamos si si metieramos el elemento */
24         else
25             ans = mochila(elem - 1, libre); /* no cabe, asi que lo ignoramos e
26                 intetamos meter los demas elementos */
27     return ans;
28 }
```

```
1  int main() {
2  scanf("%d%d", &espaciolibre, &elementos);
3  for(int i = 0; i < elementos; i++)
```

```

29     scanf("%d%d", &peso[i], &ganancia[i]);
30     memset(dp, -1, sizeof dp);
31     printf("%d\n", mochila( elementos -1, espaciolibre ));
32     return 0;
33 }

```

## 5.2. Cambio de monedas

```

1  #define clr(a)  memset(a,0,sizeof(a))
2  using namespace std;
3  long long int dp[30001];
4  int money[]={1,5,10,25,50};
5  void coinchange(int sum){
6      clr(dp);
7      dp[0]=1;
8      for(int i=0;i<5;i++){
9          for(int j=money[i];j<=sum;j++){
10             dp[j]+=dp[j-money[i]];
11         }
12     }
13 }

```

## 5.3. LIS ( $O(n^2)$ )

```

1  #include <stdio.h>
2  #define SIZE 200000
3  #define MAX(x,y) ((x)>(y)?(x):(y))
4
5  int best[SIZE];          // best[] holds values of the optimal sub-sequence
6
7  int main (void) {
8      int i, n, k, x, sol = -1;
9      scanf ("%d", &n);    // N = how many integers to read in
10     for (i = 0; i < n; i++) {
11         best[i] = -1;
12         scanf ("%d", &x);
13         for (k = 0; best[k] > x; k++)
14             ;
15         best[k] = x;
16         sol = MAX (sol, k + 1);
17     }
18     printf ("best is %d\n", sol);
19     return 0;
20 }

```

## 5.4. LIS ( $O(n \log(n))$ )

```

1  #include <stdio.h>
2  #define SIZE 200000
3  #define MAX(x,y) ((x)>(y)?(x):(y))
4
5  int best[SIZE];          // best[] holds values of the optimal sub-sequence

```



```

6
7 int main (void) {
8     int i, n, k, x, sol;
9     int low, high;
10
11     scanf ("%d", &n);    // N = how many integers to read in
12     // read in the first integer
13     scanf ("%d", &best[0]);
14     sol = 1;
15     for (i = 1; i < n; i++) {
16         best[i] = -1;
17         scanf ("%d", &x);
18
19         if(x >= best[0]) {
20             k = 0;
21             best[0] = x;
22         }
23         else {
24             // use binary search instead
25             low = 0;
26             high = sol-1;
27             for(;;) {
28                 k = (int) (low + high) / 2;
29                 // go lower in the array
30                 if(x > best[k] && x > best[k-1]) {
31                     high = k - 1;
32                     continue;
33                 }
34                 // go higher in the array
35                 if(x < best[k] && x < best[k+1]) {
36                     low = k + 1;
37                     continue;
38                 }
39                 // check if right spot
40                 if(x > best[k] && x < best[k-1])
41                     best[k] = x;
42                 if(x < best[k] && x > best[k+1])
43                     best[++k] = x;
44                 break;
45             }
46         }
47         sol = MAX (sol, k + 1);
48     }
49     printf ("best is %d\n", sol);
50     return 0;
51 }

```

## 5.5. Maxima submatriz de ceros

```

1 #include <vector>
2 #include <iostream>
3 #include <stack>
4 using namespace std;
5 int main(){
6     int n, m;
7     cin >> n >> m;
8     vector < vector<char> > a (n, vector<char> (m));

```

```

9      for (int i=0; i<n; ++i)
10         for (int j=0; j<m; ++j)
11             cin >> a[i][j];
12
13     int ans = 0;
14     vector<int> d (m, -1);
15     vector<int> dl (m), dr (m);
16     stack<int> st;
17     for (int i=0; i<n; ++i) {
18         for (int j=0; j<m; ++j)
19             if (a[i][j] == 1)
20                 d[j] = i;
21         while (!st.empty()) st.pop();
22         for (int j=0; j<m; ++j) {
23             while (!st.empty() && d[st.top()] <= d[j]) st.pop();
24             dl[j] = st.empty() ? -1 : st.top();
25             st.push (j);
26
27         }
28         while (!st.empty()) st.pop();
29         for (int j=m-1; j>=0; --j) {
30             while (!st.empty() && d[st.top()] <= d[j]) st.pop();
31             dr[j] = st.empty() ? m : st.top();
32             st.push (j);
33         }
34         for (int j=0; j<m; ++j)
35             ans = max (ans, (i - d[j]) * (dr[j] - dl[j] - 1));
36     }
37     cout << ans;
38     return 0;
39 }

```

## 5.6. Submatriz de suma maxima

```

1 void subMatriz_con_sumaMaxima (int m[n][n]) {
2     for (int i = 1; i <= n; i++) {
3         vector<int> vc(n + 1, 0); //para aplicar DP magico
4         for (int j = i; j <= n; j++) {
5             mn_temp = n * n;
6             for (int k = 1; k <= n; k++)
7                 vc[k] += m[j][k];
8
9             dp[0] = 0;
10            for (int i = 1; i <= n; i++) {
11                dp[i] = max(vc[i], dp[i-1] + vc[i]);
12                if (res < dp[i])
13                    res = dp[i];
14            }
15        }
16    }
17
18    printf("%d\n", res);
19 }

```

## 5.7. Distancia de edición (Algoritmo de Levenshtein)

```
1  #include <string>
2  #include <vector>
3  #include <algorithm>
4  #include <iostream>
5
6  using namespace std;
7  /*Encuentra la distancia de edicion entre 2 cadenas*/
8  /*
9  El numero minimos de cambios para transformar la cadena s1 en la cadena s2, con
    los siguientes cambios:
10
11 - Elimina una letra de una de las cadenas
12 - Inserta una letra en una de las cadenas
13 - Reemplaza una letra en una de las cadenas
14 */
15 int levenshtein(const string &s1, const string &s2)
16 {
17     int N1 = s1.size();
18     int N2 = s2.size();
19     int i, j;
20     vector<int> T(N2+1);
21
22     for ( i = 0; i <= N2; i++ )
23         T[i] = i;
24
25     for ( i = 0; i < N1; i++ ) {
26         T[0] = i+1;
27         int corner = i;
28         for ( j = 0; j < N2; j++ ) {
29             int upper = T[j+1];
30             if ( s1[i] == s2[j] )
31                 T[j+1] = corner;
32             else
33                 T[j+1] = min(T[j], min(upper, corner)) + 1;
34             corner = upper;
35         }
36     }
37
38     return T[N2];
39 }
40
41 int main() {
42     int casos;
43     cin >> casos;
44     string a, b;
45     while(casos--){
46         cin >> a >> b;
47         if(a.size() > b.size())
48             swap(a,b);
49         cout << levenshtein(a,b) << endl;
50     }
51     return 0;
52 }
```

# Capítulo 6

## Grafos

### 6.1. BFS

```
1  #include <queue>
2  #include <vector>
3  #include <cstring>
4
5  #define MAXN 1000
6
7  using namespace std;
8
9  vector<int> grafo[MAXN];
10 int d[MAXN];
11 queue<int> cola;
12
13 void BFS(int ini){
14     memset(d,-1, sizeof d);
15     cola.push(ini);
16     d[ini] = 0;
17     while(!cola.empty()){
18         int act = cola.front();cola.pop();
19         for(int i = 0; i < grafo[act].size(); i++){
20             int ady = grafo[act][i];
21             if(d[ady] == -1){
22                 d[ady] = d[act] + 1;
23                 cola.push(ady);
24             }
25         }
26     }
27 }
```

### 6.2. DFS

```
1  #define MAX 1001
2  #define pain 64
3  int n;
4  int mat[MAX][MAX];
5  bool visitado[MAX][MAX];
6  int di[]={1,1, 1,-1,-1,-1,0, 0};
7  int dj[]={1,0,-1, 1, 0,-1,1,-1};
8
9  void ff_dfs(int i, int j) {
```

```

10     visitado[i][j] = true;
11     for(int k=0; k<8; k++) {
12         int a = di[k] + i;
13         int b = dj[k] + j;
14         if(a >= 0 && b >= 0 && a < n && b < n && !visitado[a][b]) {
15             if(mat[a][b]==pain) ff_dfs(a,b);
16             else visitado[a][b]=true;
17         }
18     }
19 }

```

### 6.3. Topological Sort

G aciclico dirigido (DAG)

Las tareas no son independientes y la ejecución de una tarea sólo es posible si otras tareas que ya se han ejecutado.

Solo hay un orden

```

1  using namespace std;
2  vector<int> graph[110];
3  bool visitado[110];
4  vector<int> sol;
5  int n,m;
6  void dfs(int node) {
7      visitado[node] = true;
8      for (int i = 0; i < graph[node].size(); i++) {
9          if (!visitado[graph[node][i]])
10             dfs(graph[node][i]);
11     }
12     sol.push_back(node);
13 }
14 void lim() {
15     for(int i=0; i<=110; i++)
16         graph[i].clear();
17
18     clr(visitado);
19     sol.clear();
20 }
21 int main() {
22     //llenado
23     for (int i = 1; i <= n; i++)
24         if (!visitado[i]) dfs(i);
25     reverse(sol.begin(), sol.end());
26     //printsol
27     return 0;
28 }

```

### 6.4. Dijkstra

```

1  #define f first
2  #define s second
3  #define pb push_back
4  #define mp make_pair
5  using namespace std;
6
7  typedef int V;           //tipo coste

```

```

8  typedef pair<V,int> P;   //(coste,nodo)
9  typedef set<P> S;
10 int N;
11 vector<P>A[10001];      //COSTE NODO
12 V dijkstra(int s, int t){
13     S m;
14     vector<V>z(N,1000000000);
15     z[s]=0;
16     m.insert(mp(0,s));
17     while(m.size() > 0){
18         P p=*m.begin();
19         m.erase(m.begin());
20         if(p.s==t) return p.f;
21         for(int i=0 ;i<A[p.s].size();i++){
22             P q(p.f + A[p.s][i].f, A[p.s][i].s);
23             if(q.f < z[q.s]){
24                 m.erase(mp(z[q.s],q.s));
25                 m.insert(q);
26                 z[q.s]=q.f;
27             }
28         }
29     }
30     return -1;
31 }
32 int main(){
33     N=6;
34     //llenado
35     //A[a].pb(mp(c,b)); arista a,b coste c
36     A[0].pb(mp(2,1)); //arista(0,1) coste 2
37     //solucion
38     printf("%d\n",dijkstra(4,5));
39     return 0;
40 }

```

## 6.5. BellmandFord

Si un grafo contiene un ciclo de coste total negativo entonces este grafo no tiene solución

```

1  #include <cstdio>
2  #include <cstdlib>
3  #include <iostream>
4  #include <vector>
5  #define f first
6  #define s second
7  #define pb push_back
8  #define mp make_pair
9  using namespace std;
10
11 #define M 1000000000
12 typedef pair<pair<int,int>,int> P;
13 int N;
14 vector<P> v;
15 int bellmandford(int a, int b){
16     vector<int>d(N,M);
17     d[a]=0;
18     for(int i=0;i<N;i++){
19         for(int j=0;j<v.size();j++){

```

```

20         if(d[v[j].f.f]<M && d[v[j].f.f]+v[j].s < d[v[j].f.s]){
21             d[v[j].f.s] = d[v[j].f.f]+v[j].s;
22         }
23     }
24 }
25 for(int j=0;j<v.size();j++){
26     if(d[v[j].f.f] < M && d[v[j].f.f]+v[j].s < d[v[j].f.s]){
27         return -M; /// ciclo negativo
28     }
29 }
30 return d[b];
31 }
32 int main() {
33     N=5;
34     v.pb(mp(mp(0,1),-1));
35     v.pb(mp(mp(0,2),0));
36     v.pb(mp(mp(1,3),3));
37     v.pb(mp(mp(2,1),2));
38     v.pb(mp(mp(3,2),-6));
39     v.pb(mp(mp(3,4),-3));
40     printf("%d\n",bellmandford(0,4));
41     return 0;
42 }

```

## 6.6. Floyd Warshall

```

1  int dp[100][100]; //grafo matriz de ady
2
3  void floyd_warshall() {
4      for(int k=1;k<=n;k++)
5          for(int i=1;i<=n;i++)
6              for(int j=1;j<=n;j++)
7                  dp[i][j] = min(dp[i][j],dp[i][k] + dp[k][j]);
8  }

```

## 6.7. Componentes Fuertemente Conexas

```

1  #include <cstring>
2  #include <string>
3  #include <cstdio>
4  #include <cstdlib>
5  #include <vector>
6  #include <algorithm>
7  #include <iostream>
8
9  #define clr(a)  memset(a,0,sizeof(a))
10 #define pb push_back
11 using namespace std;
12 vector<int> grafo[N];
13 vector<int> gaux;
14 bool visitado[N];
15 void dfs(int u) {
16     visitado[u]=true;
17     for(int i=0;i<grafo[u].size();i++) {

```

```

18         if(!visitado[grafo[u][i]]) dfs(grafo[u][i]);
19     }
20 }
21 int main() {
22     //r(input);
23     int t;
24     int x,y;
25     int n,m;
26     sc("%d",&t);
27     while(t--){
28         sc("%d %d",&n,&m);
29         clr(visitado);
30         for(int i=0;i<=n;i++) grafo[i].clear();
31         gaux.clear();
32         while(m--){
33             sc("%d %d",&x,&y);
34             grafo[x].pb(y);
35         }
36         int M=0;
37         for(int i=1;i<=n;i++){
38             if(!visitado[i]){
39                 dfs(i),gaux.pb(i);
40             }
41         }
42         clr(visitado);
43         M=0;
44         for(int i=gaux.size()-1;i>=0;i--){
45             if(!visitado[gaux[i]]){
46                 dfs(gaux[i]);
47                 M++;
48             }
49         }
50         cout<<M<<endl;
51     }
52 }

```

## 6.8. Componentes Fuertemente Conexas (Kosaraju)

```

1  #include <stack>
2  #include <queue>
3  #include <vector>
4  #include <cstring>
5
6  #include <map>
7  #include <cstdio>
8  #include <iostream>
9
10 using namespace std;
11
12 /*
13 Algoritmo de Kosaraju para
14 Componentes Fuertemente Conexas
15 */
16
17 #define MAX_V 1000
18
19 int V,num_scc;

```



```

20 vector< vector<int> > G;
21 vector< vector<int> > GT;
22 bool visited[MAX_V];
23 stack<int> S;
24 queue<int> Q;
25
26 void dfs(int v) {
27     visited[v] = true;
28
29     for(int i=G[v].size()-1;i>=0;--i)
30         if(!visited[G[v][i]])
31             dfs(G[v][i]);
32
33     S.push(v);
34 }
35
36 void bfs(int v) {
37     Q.push(v);
38     visited[v] = true;
39
40     int aux;
41
42     while(!Q.empty()) {
43         aux = Q.front();
44         Q.pop();
45
46         for(int i=GT[aux].size()-1;i>=0;i--) {
47             if(!visited[GT[aux][i]]) {
48                 Q.push(GT[aux][i]);
49                 visited[GT[aux][i]] = true;
50             }
51         }
52     }
53 }
54 void SCC() {
55     memset(visited, false, sizeof(visited));
56
57     for(int i=0;i<V;++i) if(!visited[i]) dfs(i);
58
59     num_scc = 0;
60     int aux;
61
62     memset(visited, false, sizeof(visited));
63
64     for(int i=0;i<V;++i) {
65         aux = S.top();
66         S.pop();
67
68         if(!visited[aux]) {
69             bfs(aux);
70             ++num_scc;
71         }
72     }
73 }
74
75 int main() {
76     int E,u,v;
77     string s;

```

```

78     map<string, int> num;
79
80     while(true) {
81         scanf("%d %d", &V, &E);
82         if(V==0) break;
83
84         getline(cin, s);
85         num.clear();
86
87         for(int i=0; i<V; ++i) {
88             getline(cin, s);
89             num[s] = i;
90         }
91
92         G.clear(); G.resize(V);
93         GT.clear(); GT.resize(V);
94
95         for(int i=0; i<E; ++i) {
96             getline(cin, s);
97             u = num[s];
98             getline(cin, s);
99             v = num[s];
100
101             G[u].push_back(v);
102             GT[v].push_back(u);
103         }
104
105         SCC();
106
107         printf("%d\n", num_scc);
108     }
109
110     return 0;
111 }

```

## 6.9. Componentes Fuertemente Conexas (Tarjan $O(n + v)$ )

```

1  #include<iostream>
2  #include<vector>
3  #include<cstdio>
4
5  using namespace std;
6
7  typedef long long lli;
8  typedef pair<int, int> pii;
9  #define LENGTH(a) ((int)a.length())
10 #define SIZE(a) ((int)a.size())
11 int const MAX = 100;
12 int const INF = 10000000;
13
14 class Grafo
15 {
16 public:
17     vector<vector<int>> > L;
18     vector<int> num, low;
19     vector<bool> visitado;
20     vector<int> componente;

```

```

21     int nComponentes, numCnt;
22
23     Grafo(int n)
24     {
25         init(n);
26     }
27
28     void init(int n)
29     {
30         L = vector<vector<int> >(n);
31         num = vector<int>(n, -1);
32         low = vector<int>(n, 0);
33         visitado = vector<bool>(n, false);
34         componente.clear();
35         nComponentes = numCnt = 0;
36     }
37
38     void add(int a, int b)
39     {
40         L[a].push_back(b);
41     }
42
43     void ejecutarTarjan()
44     {
45         for (int i = 0; i < SIZE(L); ++i)
46             if (num[i] == -1)
47                 tarjan(i);
48     }
49
50     void tarjan(int u)
51     {
52         low[u] = num[u] = numCnt++;
53         visitado[u] = true;
54         componente.push_back(u);
55         for (int i = 0; i < SIZE(L[u]); ++i)
56         {
57             int v = L[u][i];
58             if (num[v] == -1)
59                 tarjan(v);
60             if (visitado[v])
61                 low[u] = min(low[u], low[v]);
62         }
63         if (num[u] == low[u])
64         {
65             nComponentes++;
66             int v;
67             do
68             {
69                 v = componente[SIZE(componente) - 1];
70                 visitado[v] = false;
71                 componente.erase(--componente.end());
72             }
73             while (v != u);
74         }
75     }
76 };
77
78 int main() {

```

```

79 int nodos;
80 cin>>nodos;
81 Grafo g(nodos);
82 //leer lados
83 g.ejecutarTarjan();
84 //g.nComponentes contiene el numero de SCC
85 return 0;
86 }

```

## 6.10. Minimum Spanning Tree (Kruskall)

```

1  #define lim 100000
2  using namespace std;
3  typedef vector<pair<int, pair<int, int> > > V;
4  int N, lider[lim];
5  V v;
6  void init() {
7      Sort(v);
8      for(int i=0; i<N; i++) lider[i]=i;
9  }
10 int find(int n) {
11     if(n==lider[n]) return n;
12     else return lider[n]=find(lider[n]);
13 }
14 int kruskall() {
15     int a, b, sum=0;
16     init();
17     for(int i=0; (int) i<v.sz; i++) {
18         a=find(v[i].s.f);
19         b=find(v[i].s.s);
20         if(a!=b) {
21             lider[b]=a;
22             sum+=v[i].f;
23         }
24     }
25     return sum;
26 }
27 //v.pb(mp(c, mp(a, b))); peso(c), arista(a, b)

```

## 6.11. MaxFlow

```

1  #include <algorithm>
2  #include <cstring>
3  #include <cstdio>
4  #include <limits>
5  #include <queue>
6
7  using namespace std;
8
9  #define N 1000 //maximo de nodos
10 //halla el flujo maximo desde el nodo s
11 //hasta el nodo t
12 //cap[][] almacena flujos parciales
13 int cap[N][N], padre[N], n, s, t;

```

```

14
15 bool bfs() {
16     queue<int> q;
17     q.push(s);
18     memset(padre, -1, sizeof padre);
19     padre[s] = s;
20     while (q.size()) {
21         int u = q.front();
22         q.pop();
23         if (u == t)
24             return true;
25         for (int v = 0; v < n; ++v)
26             if (padre[v] == -1 && cap[u][v])
27                 padre[v] = u, q.push(v);
28     }
29     return false;
30 }
31
32 int maxFlow() {
33     int mf = 0, f, v;
34     while (bfs()) {
35
36         v = t;
37         f = numeric_limits<int>::max();
38         while (padre[v] != v)
39             f = min(f, cap[padre[v]][v]), v = padre[v];
40
41         v = t;
42         mf += f;
43         while (padre[v] != v)
44             cap[padre[v]][v] -= f, cap[v][padre[v]] += f, v = padre[v];
45     }
46     return mf;
47 }
48
49
50 #define capacidad(i, j, c) cap[i][j] += c, cap[j][i] += c
51 int main() {
52     int c;
53     printf("ingrese el numero de nodos\n");
54     scanf("%d", &n);
55     printf("ingrese el inicio destino y nro nodos");
56     memset(cap, 0, sizeof cap);
57     scanf("%d %d %d", &s, &t, &c);
58     --s, --t;
59     printf("ingrese los lados x y & capacidad");
60     for (int i = 0, x, y, z; i < c; ++i)
61         scanf("%d %d %d", &x, &y, &z), capacidad(x - 1, y - 1, z);
62
63
64     printf("el flujo maximo entre s y t es %d\n", maxFlow());
65
66     return 0;
67 }

```

## Capítulo 7

# Matemáticas

### 7.1. GCD

```
1 //Entrada: Dos enteros a y b
2 //Salida: El maximo comun divisor entre a y b
3
4 #include <algorithm>
5 int gcd (int a, int b) {
6     __gcd(a,b);
7 }
8
9 int gcd (int a, int b) {
10     return b==0?a:gcd(b, a % b);
11 }
12
13 int gcd (int a, int b) {
14     int c = a % b;
15     while (c != 0) {
16         a = b;
17         b = c;
18         c = a % b;
19     }
20     return b;
21 }
```

### 7.2. LCM

```
1 //Entrada: Dos enteros a y b
2 //Salida: El minimo comun multiplo entre a y b
3 int lcm (int a, int b) {
4     return a / gcd (a, b) * b;
5 }
```

### 7.3. Exponenciación rapida

```
1 long long int pow(int b, int e) {
2     if(!e) return 1;
3
4     long long int ans = pow(b, e>>1);
5     ans *= ans;
```

```

6
7     if(e&1)
8         ans *= b;
9     return ans;
10 }
11
12 unsigned long long int modpow(long long int b, int e, int m){
13     if(!e) return 1;
14
15     unsigned long long int ans = modpow(b, e>>1, m);
16     ans = (ans * ans) % m; // cuidado con desborde en la multiplicacion
17
18     if(e&1)
19         ans = (ans * b) % m;
20     return ans;
21 }
22 //podemos utilizar una idea similar para evitar el desborde en la multiplicacion
23 int multi(long long a, long long b, long long mod){
24     if(b == 0) return 0;
25     long long int ans = (multi( a, b / 2, mod ) * 2) % mod;
26     if( b % 2 == 1 ) ans = (ans + a) % mod;
27     return ans;
28 }

```

## 7.4. Criba de Erathostenes

```

1 #include <vector>
2 #include <bitset>
3
4 #define MAXPRIME 3162300 // raiz de maximo numero que manejaremos
5
6 using namespace std;
7
8 bitset<MAXPRIME> criba;
9 vector<long long int> primos;
10
11 void llena_criba()
12 {
13     criba.set(); // marcamos todo como false
14     for (int i = 2; i < MAXPRIME; i++)
15         if (criba.test( i ))
16             {
17                 primos.push_back( i );
18                 for (int j= i + i; j<MAXPRIME; j += i)
19                     criba.reset( j );
20             }
21 }

```

## 7.5. Triangulo de Pascal

```

1 #define MAXN 100 // largest n or m
2
3 int n,m;
4 long binomial_coefficient(n,m){

```

```

5   int i, j;
6   long bc[MAXN][MAXN];
7   for (i=0; i<=n; i++) bc[i][0] = bc[i][i] = 1;
8   for (i=1; i<=n; i++)
9       for (j=1; j<i; j++)
10          bc[i][j] = bc[i-1][j-1] + bc[i-1][j];
11   return bc[n][m];
12
13 }
```

## 7.6. Combinaciones(Para numeros muy grandes)

```

1   unsigned long long C(int n, int k) {
2       k = min(k, n-k);
3       unsigned long long res = 1;
4       for(int i = 0; i < k; i++)
5       {
6           res *= (n-i);
7           res /= (i+1);
8       }
9       return res;
10 }
```

## 7.7. Polinomios

```

1   class Polinomio {
2       double[] coef;
3
4       // a0 + a1x + a2x^2 + ...
5       public Polinomio(double[] coef) {
6           this.coef = coef;
7       }
8
9       public double integrar(double a, double b) {
10          Polinomio integ = integral();
11          return integ.evaluar(b) - integ.evaluar(a);
12      }
13
14      public double evaluar(double x) {
15          double result = 0;
16          for (int i = coef.length - 1; i >= 0; i--)
17              result = coef[i] + x*result;
18          return result;
19      }
20
21      public Polinomio integral() {
22          double[] newCoef = new double[coef.length + 1];
23          newCoef[0] = 0;
24          for (int i = 1; i < newCoef.length; i++)
25              newCoef[i] = coef[i-1]/i;
26          return new Polinomio(newCoef);
27      }
28
29      public Polinomio cuadrado() {
```



```

30     double[] newCoef = new double[coef.length * 2 - 1];
31     for (int i = 0; i < newCoef.length; i++)
32         for (int j = 0; j <= i; j++)
33             if (j < coef.length && i - j < coef.length)
34                 newCoef[i] += coef[j] * coef[i-j];
35
36     return new Polinomio(newCoef);
37 }
38
39 public Polinomio multiplicar(double c) {
40     double[] newCoef = new double[coef.length];
41     for (int i = 0; i < newCoef.length; i++)
42         newCoef[i] = coef[i] * c;
43     return new Polinomio(newCoef);
44 }
45 }

```

## 7.8. Fibonacci ( $O(\log(n))$ )

```

1 //Entrada: Un entero n
2 //Salida: El n-esimo fibonacci en tiempo  $O(\log(n))$ 
3 long long int fibo(int n) {
4     long long int a,b,x,y,tmp;
5     a = x = tmp = 0;
6     b = y = 1;
7     while(n!=0)
8         if(n%2 == 0) {
9             tmp = a*a + b*b;
10            b = b*a + a*b + b*b;
11            a = tmp;
12            n = n/2;
13        } else {
14            tmp = a*x + b*y;
15            y = b*x + a*y + b*y;
16            x = tmp;
17            n = n-1;
18        }
19     // x = fibo(n-1)
20     return y; // y = fibo(n)
21 }

```

## 7.9. Multiplicación entero por cadena

```

1 //Entrada: Una cadena y un numero entero
2 //Salida: La multiplicacion de la cadena con el numero
3 #include <iostream>
4 #include <string.h>
5
6 using namespace std;
7
8 unsigned int c,i,n;
9 char res[1000];
10
11 void multi(int n){

```

```

12     for(c = i = 0; res[i]; i++){
13         c = (res[ i ] - '0') * n + c;
14         res[ i ] = c % 10 + '0';
15         c /= 10;
16     }
17     while( c ){
18         res[ i++ ] = '0' + c % 10;
19         c /= 10;
20     }
21     res[i] = 0;
22 }
23
24 int main(){
25     string cad;
26     int m;
27
28     cin >> cad;
29     cad = string(cad.rbegin(), cad.rend());
30     strcpy(res, cad.c_str());
31
32     multi(m);
33     string r(res);
34     string sal(r.rbegin(), r.rend());
35
36     cout << sal << endl;
37     return 0;
38 }

```

## 7.10. Multiplicación de numeros grandes (Karatsuba)

```

1 //Entrada: 2 BigInteger's x e y
2 //Salida: La multiplicacion de x e y
3 import java.math.BigInteger;
4 class Karatsuba {
5     private final static BigInteger ZERO = new BigInteger("0");
6     public static BigInteger karatsuba(BigInteger x, BigInteger y) {
7         int N = Math.max(x.bitLength(), y.bitLength());
8         if (N <= 2000) return x.multiply(y);
9         N = (N / 2) + (N % 2);
10        BigInteger b = x.shiftRight(N);
11        BigInteger a = x.subtract(b.shiftLeft(N));
12        BigInteger d = y.shiftRight(N);
13        BigInteger c = y.subtract(d.shiftLeft(N));
14        BigInteger ac = karatsuba(a, c);
15        BigInteger bd = karatsuba(b, d);
16        BigInteger abcd = karatsuba(a.add(b), c.add(d));
17        return ac.add(abcd.subtract(ac).subtract(bd).shiftLeft(N)).add(bd.
            shiftLeft(2*N));
18    }
19 }

```

## 7.11. Integracion de Simpson

```

1 double a[12];

```

```

2
3 int n;
4
5 double f(double x){
6     double ans = 0;
7     for(int i = 0; i <= n; i++)
8         ans += (a[i] * pow(x,i));
9     return ans*ans*PI;
10 }
11 double S(double a, double b, double c, double h){
12     return (h / 3.0) * ( f(a) + 4.0 * f(c) + f(b));
13 }
14 double SIMP(double a, double b, double E ){
15     double h = (b-a)/2.0,
16         c = (b+a)/2.0;
17
18     double a1 = a, b1 = c,
19         a2 = c, b2 = b;
20
21     double c1 = (b1+a1)/2.0,
22         c2 = (b2+a2)/2.0;
23
24     double L = (S(a1,b1, c1,h) + S(a2,b2,c2,h)) / 2.0;
25     if(0.1*abs(L-S(a,b,c,h)) < E)
26         return L;
27     else
28         return SIMP(a1,b1, E/2.0) + SIMP(a2,b2, E/2.0);
29 }

```

## 7.12. Inverso modular

Si queremos hallar  $a/b(mod p)$  donde  $p$  es *primo*, es lo mismo que:

$$(a * b^{-1})(mod p)$$

donde  $b^{-1}$  es el inverso modular de  $b$ .

Para hallar el inverso modular de un numero  $x$  modulo  $p$ :

$$x^{-1}(mod p) = modpow(x, p - 2, p)$$

Entonces, volviendo al problema:

$$a/b(mod p) = (a * modpow(b, p - 2, p)$$

## Capítulo 8

# Cadenas

### 8.1. Utilidades

```
1 #include <iostream>
2 #include <algorithm>
3
4 using namespace std;
5
6 bool is_palindrome(string &ss){
7     return equal(ss.begin(), ss.end(), ss.rbegin());
8 }
9
10 int main(int argc, char const *argv[])
11 {
12
13     return 0;
14 }
```

### 8.2. Boyer Moore

Encuentra todos los match de un patron en el texto.

```
1 #include <iostream>
2 #include <cstring>
3
4 using namespace std;
5
6 int M, N;
7
8 //M tamaño del patron
9 //N tamaño del texto
10
11 void preBM(char P[], int bmNext[])
12 {
13     for(int i = 0; i <= 255; i++)
14         bmNext[i] = M;
15     for(int i = 0; i < M; i++)
16         bmNext[P[i]] = M - 1 - i ;
17 }
18
19 void Boyer_Moore(char T[], char P[])
20 {
21 }
```

```

22     int i = M - 1;
23     int j = M - 1;
24     int bmNext[255];
25     preBM(P, bmNext);
26     while((i < N) && (j >= 0))
27     {
28         if(T[i] == P[j])
29         {
30             i--;
31             j--;
32         }
33         else
34         {
35             i += bmNext[T[i]];
36             j = M - 1;
37         }
38         if(j < 0)
39         {
40             cout<<"Match en: "<<(i + 1)<<endl;
41             i += M + 1;
42             j = M - 1;
43         }
44     }
45 }
46
47 int main()
48 {
49     char texto[100];
50     char patron[100];
51     cin>>texto;
52     cin>>patron;
53     M=strlen(patron);
54     N=strlen(texto);
55     Boyer_Moore(texto, patron);
56     return 0;
57 }

```

### 8.3. Knuth Morris Pratt

```

1 //Entrada: Una cadena S y el patron k
2 //Salida: El numero de ocurrencia del patron k en S
3 int KMP(string S, string K)
4 {
5     vector<int> T(K.size() + 1, -1);
6     for(int i = 1; i <= K.size(); i++)
7     {
8         int pos = T[i - 1];
9         while(pos != -1 && K[pos] != K[i - 1]) pos = T[pos];
10        T[i] = pos + 1;
11    }
12    vector<int> matches;
13    int sp = 0;
14    int kp = 0;
15    while(sp < S.size())
16    {
17        while(kp != -1 && (kp == K.size() || K[kp] != S[sp])) kp = T[kp];
18        kp++;

```

```

19         sp++;
20         if (kp == K.size()) matches.push_back(sp - K.size());
21     }
22     /* En el vector matches se guardan los Índices a cada una de las
        ocurrencias, por tanto el tamaño de dicho vector nos dirá; cuántas
        ocurrencias se han encontrado. */
23     return matches.size();
24 }

```

## 8.4. I-esima permutación

```

1  //Entrada: Una cadena cad(std::string), un long th
2  //Salida : La th-esima permutacion lexicografica de cad
3  string ipermutacion(string cad, long long int th){
4      sort(cad.begin(), cad.end());
5      string sol = "";
6      int pos;
7      for(int c = cad.size() - 1; c >= 0; c--){
8          pos = th / fact[c];
9          th %= fact[c];
10         sol += cad[pos];
11         cad.erase(cad.begin() + pos);
12     }
13     return sol;
14 }

```

## 8.5. Algoritmo de Manacher

El algoritmo guarda el tamaño del palindromo mas grande en LP[pos] que tiene como centro las posición *pos* en la cadena original

```

1  #include <iostream>
2  #include <vector>
3  #include <fstream>
4  #include <string.h>
5  #define MAXN 20100
6
7  using namespace std;
8  int N, i, j, izq, der, posi, dist;
9  string cad, tmp;
10 char v[MAXN];
11 int pos[MAXN];
12
13 void todoslosPalindromos(vector<int> &LP, int par){
14     izq = der = -1;
15     for(posi = 0; posi < N; posi++){
16         dist = 0;
17         if(posi <= der)
18             dist = min(der - posi + par, LP[izq+der-(posi+par)]) + 1;
19         while(posi-dist>=0 && posi+dist-par<N
20             && v[posi-dist]==v[posi+dist-par])
21             dist++;
22         LP[posi] = --dist;
23         if(posi+dist-par > der){
24             der = posi + dist - 1;

```

```

25         izq = posi - dist ;
26     }
27 }
28
29 }
30 int main() {
31     getline(fin, cad);
32     while(getline(fin, tmp))
33         cad += '\n' + tmp;
34     N = 0;
35     for(i = 0; i < cad.length(); i++)
36         if(isalpha(cad[i])){
37             v[N] = tolower(cad[i]);
38             pos[N] = i;
39             N++;
40         }
41     v[N] = '\0';
42     vector<int> LP(N, 0), LI(N, 0);
43     todoslosPalindromos(LP, 1);
44     todoslosPalindromos(LI, 0);
45     int SOL1 = 0, SOL2 = 0;
46     //primero en los de tamaño impar
47     for(int i = 0; i < N; i++)
48         if(LI[i]*2+1 > LI[SOL1]*2+1)
49             SOL1 = i;
50     //luego en los de tamaño par
51     for(int i = 0; i < N; i++)
52         if(LP[i]*2 > LP[SOL2]*2)
53             SOL2 = i;
54
55     if(LI[SOL1]*2+1 > LP[SOL2]*2) {
56         izq = SOL1 - LI[SOL1];
57         der = SOL1 + LI[SOL1];
58     } else {
59         izq = SOL2 - LP[SOL2];
60         der = SOL2 + LP[SOL2]-1;
61     }
62
63     fout << der - izq + 1 << endl;
64
65     izq = pos[izq];
66     der = pos[der];
67     fout << cad.substr(izq, der-izq+1) << endl;
68     return 0;
69 }

```

## 8.6. Trie

```

1 #include <iostream>
2 #include <vector>
3 using namespace std;
4 struct Node{
5     char content;
6     bool wordMarker;
7     vector<Node*> children;
8     Node() { content = ' '; wordMarker = false; }
9     void setContent(char c) { content = c; }

```

```
10     void setWordMarker() { wordMarker = true; }
11     Node* findChild(char c);
12     void appendChild(Node* child) { children.push_back(child); }
13 };
14
15
16 struct Trie {
17     Node* root;
18     Trie(){root=new Node();}
19     void addWord(string s);
20     bool searchWord(string s);
21     void deleteWord(string s);
22 };
23
24 Node* Node::findChild(char c){
25     for ( int i = 0; i < children.size(); i++ ){
26         Node* tmp = children.at(i);
27         if ( tmp->content == c )
28             {
29                 return tmp;
30             }
31     }
32
33     return NULL;
34 }
35
36
37 void Trie::addWord(string s){
38     Node* current = root;
39
40     if ( s.length() == 0 ){
41         current->setWordMarker();
42         return;
43     }
44
45     for ( int i = 0; i < s.length(); i++ ){
46         Node* child = current->findChild(s[i]);
47         if ( child != NULL ){
48             current = child;
49         }else{
50             Node* tmp = new Node();
51             tmp->setContent(s[i]);
52             current->appendChild(tmp);
53             current = tmp;
54         }
55         if ( i == s.length() - 1 )
56             current->setWordMarker();
57     }
58 }
59
60
61 bool Trie::searchWord(string s)
62 {
63     Node* current = root;
64
65     while ( current != NULL )
66     {
67         for ( int i = 0; i < s.length(); i++ )
```



```
68     {
69         Node* tmp = current->findChild(s[i]);
70         if ( tmp == NULL )
71             return false;
72         current = tmp;
73     }
74
75     if ( current->wordMarker )
76         return true;
77     else
78         return false;
79 }
80
81 return false;
82 }
83
84
85 int main() {
86     Trie* trie = new Trie();
87     trie->addWord("algo");
88     trie->addWord("ala");
89     trie->addWord("abeja");
90     trie->addWord("abel");
91     trie->addWord("trie");
92
93     if ( trie->searchWord("abel") )
94         cout << "Encontrado" << endl;
95     else cout << "No encontrado" << endl;
96
97
98     delete trie;
99 }
```

## Capítulo 9

# Geometria Computacional

### 9.1. Intersección de rectangulos

```
1  #include <iostream>
2  #include <vector>
3  #include <fstream>
4
5  using namespace std;
6  #define MAXC 2501
7
8  struct Rect{
9      int x1,y1, x2,y2;
10     int color;
11     int area;
12     Rect(int _x1, int _y1, int _x2, int _y2) {
13         x1 = _x1;
14         y1 = _y1;
15         x2 = _x2;
16         y2 = _y2;
17         getArea();
18     }
19     int getArea() {
20         if(x1>=x2 || y1>=y2) return area = 0;
21         return area = (x2-x1)*(y2-y1);
22     }
23 };
24
25 Rect interseccion(Rect t, Rect r){
26     int x1,y1,x2,y2;
27     x1 = max(t.x1,r.x1);
28     y1 = max(t.y1,r.y1);
29     x2 = min(t.x2,r.x2);
30     y2 = min(t.y2,r.y2);
31     Rect res(x1,y1,x2,y2);
32     return res;
33 }
```

### 9.2. Distancia Punto - Segmento

```
1  struct point{
2      double x,y;
3  };
```

```
4 inline double dist(const point &a, const point &b){
5     return sqrt((a.x-b.x)*(a.x-b.x) + (a.y-b.y)*(a.y-b.y));
6 }
7 inline double distsqr(const point &a, const point &b){
8     return (a.x-b.x)*(a.x-b.x) + (a.y-b.y)*(a.y-b.y);
9 }
10 double distance_point_to_segment(const point &a, const point &b, const point &
    pnt){
11     double u = ((pnt.x - a.x)*(b.x - a.x) + (pnt.y - a.y)*(b.y - a.y)) / distsqr
        (a, b);
12     point intersection;
13     intersection.x = a.x + u*(b.x - a.x);
14     intersection.y = a.y + u*(b.y - a.y);
15
16     if (u < 0.0 || u > 1.0)
17         return min(dist(a, pnt), dist(b, pnt));
18
19     return dist(pnt, intersection);
20 }
```

### 9.3. Distancia Punto - Recta

```
1 double distance_point_to_line(const point &a, const point &b, const point &pnt){
2     double u = ((pnt.x - a.x)*(b.x - a.x) + (pnt.y - a.y)*(b.y - a.y)) / distsqr
        (a, b);
3     point intersection;
4     intersection.x = a.x + u*(b.x - a.x);
5     intersection.y = a.y + u*(b.y - a.y);
6     return dist(pnt, intersection);
7 }
```

# Capítulo 10

## Utilitarios

### 10.1. Plantilla

```
1  #include <algorithm>
2  #include <iostream>
3  #include <iterator>
4  #include <cassert>
5  #include <sstream>
6  #include <fstream>
7  #include <cstdlib>
8  #include <cstring>
9  #include <utility>
10 #include <complex>
11 #include <string>
12 #include <cctype>
13 #include <cstdio>
14 #include <vector>
15 #include <bitset>
16 #include <stack>
17 #include <queue>
18 #include <cmath>
19 #include <deque>
20 #include <list>
21 #include <set>
22 #include <map>
23
24 #define ll long long
25 #define lld long long int
26 #define sc scanf
27 #define pf printf
28 #define pi 2*acos(0.0)
29 #define f first
30 #define s second
31 #define sz size()
32 #define mp make_pair
33 #define r(input) freopen("2966.in", "r", stdin)
34 #define w(output) freopen("output.txt", "w", stdout)
35 #define maxall(v) *max_element(v.begin(), v.end())
36 #define minall(v) *min_element(v.begin(), v.end())
37 #define Sort(v) sort(v.begin(), v.end())
38 #define un(v) Sort(v), v.erase(unique(v.begin(), v.end()), v.end())
39 #define clr(a) memset(a, 0, sizeof(a))
40 #define pb push_back
41 #define lim 100000
```

## 10.2. Lectura rapida

```

1  #include <cstdio>
2
3  using namespace std;
4
5  char line[4000000]; //OJO maximo mas 3 para el '\n' y el '\0'
6  int now = 0;
7  inline int getInt() {
8      int n;
9      while(1)
10         if(line[now] != 0) {
11             if(line[now] < '0' || line[now] > '9') {
12                 now++;
13                 continue;
14             }
15             n = 0;
16             while(line[now] >= '0' && line[now] <= '9') {
17                 n = n*10 + line[now] - '0';
18                 now++;
19             }
20             return n;
21         }
22         else {
23             gets(line);
24             now = 0;
25         }
26     return n;
27 }

```

## 10.3. Especificadores de formato para printf y scanf

Especificador	Tipo
%c	char
%s	cadena
%d, %i	int
%u	unsigned int
%ld	long int
%lu	unsigned long int
%lld	long long int
%llu	unsigned long long int
%e, %f, %g	float
%lf	double
%o	número octal
%x	número hexadecimal
%patron	patron

## 10.4. Contar bits en 1 en un numero

C++ :

```

1  __builtin_popcount(unsigned int)
2  __builtin_popcountll(unsigned long long)

```

**Java :**

```
1 Integer.bitCount(int)
```

## 10.5. Búsqueda binaria

C++'s Standard Template Library has four functions for binary search, depending on what information you want to get. They all need

```
#include <algorithm>
```

The **lower\_bound()** function returns an iterator to the first position where a value could be inserted without violating the order; i.e. the first element equal to the element you want, or the place where it would be inserted.

```
int *ptr = std::lower_bound(array, array+len, what);  
// a custom comparator can be given as fourth arg
```

The **upper\_bound()** function returns an iterator to the last position where a value could be inserted without violating the order; i.e. one past the last element equal to the element you want, or the place where it would be inserted.

```
int *ptr = std::upper_bound(array, array+len, what);  
// a custom comparator can be given as fourth arg
```

The **equal\_range()** function returns a pair of the results of **lower\_bound()** and **upper\_bound()**.

```
std::pair<int *, int *> bounds = std::equal_range(array, array+len, what);  
// a custom comparator can be given as fourth arg
```

Note that the difference between the bounds is the number of elements equal to the element you want.

The **binary\_search()** function returns true or false for whether an element equal to the one you want exists in the array. It does not give you any information as to where it is.

```
bool found = std::binary_search(array, array+len, what);  
// a custom comparator can be given as fourth arg
```