



SOMADORES DE PALAVRAS BINÁRIAS

1 SOMADORES DE BITS

1.1 Somador Parcial

Um somador parcial, ou meio somador, é um circuito que recebe dois bits na entrada, A e B, e retorna na saída a soma binária correspondente, com dois bits: S, que representa o resultado da soma A+B, e C_{out} , que representa o "vai-um" da soma (carry-out em inglês). Sua tabela verdade é apresentada na Tabela 1.

entradas		saídas	
A	В	$\mathbf{C}_{ ext{out}}$	S
0	0	0	0
0	1	0	1
1	0	0	1
1	1	1	0

Tabela 1 - Tabela-verdade do somador parcial.

1.2 Somador Completo

Um somador completo é um circuito que recebe três bits na entrada, A, B e C_{in} , (este último é chamado de "vem-um", ou *carry-in* em inglês) e retorna na saída a soma binária correspondente, com dois bits: S, que representa o resultado da soma $A+B+C_{in}$, e C_{out} , que representa o "vai-um" da soma (*carry-out* em inglês). Sua tabela verdade é apresentada na Tabela 2.

entradas			saídas	
C_{in}	A	В	Cout	S
0	0	0	0	0
0	0	1	0	1
0	1	0	0	1
0	1	1	1	0
1	0	0	0	1
1	0	1	1	0
1	1	0	1	0
1	1	1	1	1

Tabela 2 - Tabela-verdade do somador completo.

2 SOMADOR DE PALAVRAS BINÁRIAS

A soma de números binários (isto é, de palavras binárias) é realizada de maneira análoga à soma de números decimais.

Imagine, por exemplo, a soma do número decimal $A_3A_2A_1A_0$ =8397 com o número decimal $B_3B_2B_1B_0$ =4256. Iniciamos o processo realizando a soma entre os dois dígitos menos significativos, A_0 =7 e B_0 =6. O resultado, 13, pode ser representado por dois dígitos: o resultado S_0 =3 e o "vai-um" C_1 =1. A seguir, somamos o "vem-um" obtido na soma anterior com os dois próximos dígitos, isto é, fazemos C_1 + A_1 + B_1 = 1+9+5. O resultado, 15, pode novamente ser representado por dois dígitos: o resultado S_1 =5 e o "vai-um" C_2 =1. Somamos então este novo "vem-um" com os dois próximos dígitos, isto é, fazemos C_2 + A_2 + B_2 = 1+3+2. O resultado, 6, pode mais uma vez ser representado por dois dígitos: o resultado S_2 =6 e o "vai-um" C_3 =0. Finalmente, somamos o "vem-um" obtido na soma anterior com os dois últimos dígitos, isto é, fazemos C_3 + A_3 + B_3 = 0+8+4. O resultado, 12, também pode ser representado por dois dígitos: o resultado S_3 =2 e o "vai-um" C_4 =1. Entretanto, se o resultado da soma será representado pela palavra $S_4S_3S_2S_1S_0$, então podemos afirmar que S_4 = C_4 , pois o último "vai-um", C_4 , seria





somado aos zeros à esquerda A_4 =0 e B_4 =0, de modo que, invariavelmente, S_4 = C_4 + A_4 + B_4 = C_4 . O resultado seria então $S_4S_3S_2S_1S_0$ = 12653. Este exemplo é ilustrado na Figura 1.

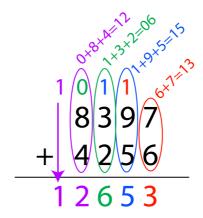


Figura 1 – Soma de números decimais.

Imagine agora a soma do número binário A₃A₂A₁A₀=1011 (ou 11 em decimal) com o numero binário $B_3B_2B_1B_0=1001$ (ou 9 em decimal). Iniciamos o processo realizando a soma entre os dois bits menos significativos, $A_0=1$ e $B_0=1$. O resultado, 1+1=2 (ou 10 em binário), pode ser representado por dois bits: o resultado S_0 =0 e o "vai-um" C_1 =1. Note que essa soma, com dois bits de entrada e dois bits de saída, poderia ter sido realizada com um somador parcial. A seguir, somamos o "vem-um" obtido na soma anterior com os dois próximos bits, isto é, fazemos $C_1+A_1+B_1=1+1+0$. O resultado, 2 (ou 10 em binário), pode novamente ser representado por dois bits: o resultado S_1 =0 e o "vai-um" C_2 =1. Note que essa soma, com três bits de entrada e dois bits de saída, poderia ter sido realizada com um somador completo. Somamos então este novo "vem-um" com os dois próximos bits, isto é, fazemos $C_2+A_2+B_2=1+0+0$. O resultado, 1, pode mais uma vez ser representado por dois dígitos: o resultado S_2 =1 e o "vai-um" C_3 =0. Note que essa soma também poderia ter sido realizada com um somador completo. Finalmente, somamos o "vem-um" obtido na soma anterior com os dois últimos dígitos, isto é, fazemos $C_3+A_3+B_3=0+1+1$. O resultado, 2, também pode ser representado por dois bits: o resultado $S_3=0$ e o "vai-um" $C_4=1$. Essa soma também poderia ter sido realizada com um somador completo. Entretanto, se o resultado da soma será representado pela palavra $S_4S_3S_2S_1S_0$, então podemos afirmar que $S_4=C_4$, pois o último "vai-um", C_4 , seria somado aos zeros à esquerda A_4 =0 e B_4 =0, de modo que, invariavelmente, S_4 = $C_4+A_4+B_4=C_4$. O resultado seria então $S_4S_3S_2S_1S_0=10100$ (ou 20, em decimal). Este exemplo é ilustrado na Figura 2.

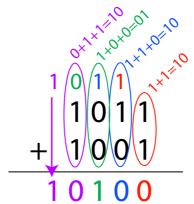


Figura 2 – Soma de números binários.

De modo geral, a soma de palavras binárias de 4 bits pode ser representada conforme ilustrado na Figura 3. Note que é possível implementar essa soma usando três somadores completos e um somador parcial. De modo geral, a soma de palavras binárias de n+1 bits pode ser implementada por meio n somadores completos e um somador parcial, conforme ilustrado na Figura 4. O somador parcial pode, se desejado, ser substituído por um somador completo com $C_{in} = 0$.





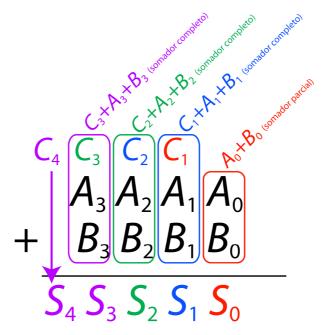


Figura 3 – Soma de palavras binárias de 4 bits. Note que é possível implementar essa soma usando três somadores completos e um somador parcial.

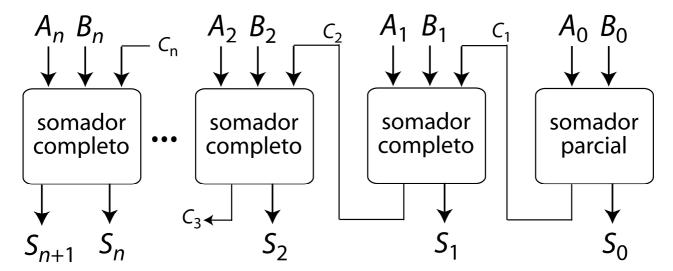


Figura 4 – Diagrama de blocos de um somador de palavras binárias de n+1 bits, implementado usando n somadores completos e um somador parcial.