

## 알고리즘 정리

### □ 알고리즘 정의와 요건

1. 입출력 : 0개 이상의 외부 입력과 하나 이상의 출력이 있어야 한다.
2. 명확성 : 각 명령은 모호하지 않고 단순 명확해야 한다.
3. 유한성 : 한정된 수의 단계를 거친 후에는 반드시 종료해야 한다.
4. 유효성 : 모든 명령들은 실행 가능해야 한다.
5. 효율성 : 실용적인 측면에서 보는 것이다.(추가내용임)

### □ 자료구조 종류/정의와 구분

1. 선형구조 : 배열, 연결리스트, 큐, 스택
  - 배열 : 같은 성질의 자료를 기억, 자료형+배열명+(인덱스,원소)로 구성, 연속적으로 메모리에 할당 됨, 논리적 물리적 순서가 같음으로 접근이 빠르다. 순서를 유지해야 함으로 매번 자료의 이동이 필요한 단점이 있어 연결리스트로 구현 함.
  - 연결리스트 : 데이터+링크+주소
  - 큐 : FIFO , 스택 : LIFO
2. 비선형구조 : 비-트-그(트리, 그래프)
  - 트리 : 하나 이상의 노드로 구성된 구조,
  - 이진트리의 종류 : 전 이진트리(모든 노드의 차수가 0이거나 2인 이진트리), 포화이진트리(모든 잎의 경로가 같은 전 이진트리), 완전 이진트리(위에서 아래로, 왼쪽에서 오른쪽으로 차있는 트리), 균형 이진트리(모든 단말노드의 깊이 차이가 많아야 1인 트리)

### □ 그래프 용어

- 두 정점이 인접되어 있다, 두 정점이 부속되어 있는 것이 특징
- 무방향 그래프 :  $\{(1,2), (1,3)...\}$  ( )로 표현
- 방향그래프 :  $\{<1,2>, <1,3>...\}$  < >로 표현
- 인접, 부속 : 두 정점 사이에 간선이 있으면 u와 v는 이접, 해당 간선은 점점 u와 v에 부속
- 부분 그래프 :  $V(G') \leq V(G)$ 이고  $E(G') \leq E(G)$ 인 그래프 G'를 G의 부분 그래프라 한다. 즉 큰 쪽에 속해 있다는 뜻
- 경로 : 간선으로 연결 된 정점의 순서 리스트, 이때 경로에 존재하는 간선의 개수를 경로의 길이
- 차수 : 정점에 부속된 간선의 수, 진입차수는 들어오는 것←, 진출차수는 나가는 것→
- 단순경로 : 처음과 마지막 정점을 제외한 모든 정점이 서로 다른 경로
- 사이클 : 처음과 마지막 정점이 같은 단순 경로, 사이클이면서 경로가 1인 것을 루프(loop)라 함
- 강력연결 : 정점 u와 v의 모든 쌍에 대하여 u에서 v로의 방향경로와 v에서 u로 방향 경로가 존재

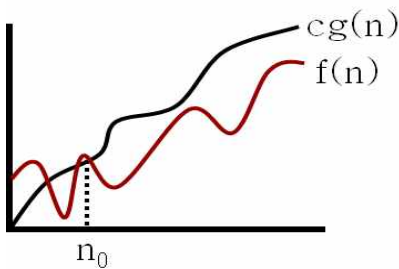
### □ 알고리즘 설계 기법과 적용된 알고리즘

- 분할정복 : 퀵, 합병, 이진탐색
- 욕심쟁이 : 거스름돈, 배낭, 크루스칼, 프림, 다이스트라, 각 단계에서 선택한 최적해들이 전체적인 최적해를 구성한다.
- 동적프로그래밍 : 플로이드, 스트링매칭, 연쇄행렬

## □ 시간복잡도 관련개념

- 컴퓨터 성능이나 언어의 특성에 의존하지 않고 수행 횟수를 계산하여 효율성 분석 함
- 단위 연산의 크기보다는 입력크기  $N$ 의 함수로 표현 함
- **입력상태의 상황에 따라 시간 복잡도에 영향을 받음**
- 시간복잡도는 최선이나 평균적으로 하지 않고 최악의 경우로 계산한다.
- 최고차항만 이용하고 나머지는 제거한다.
- $O(1) \rightarrow O(\log n) \rightarrow O(n) \rightarrow O(n \log n) \rightarrow O(n^2) \rightarrow O(n^3) \rightarrow O(2^n) \rightarrow O(n!)$

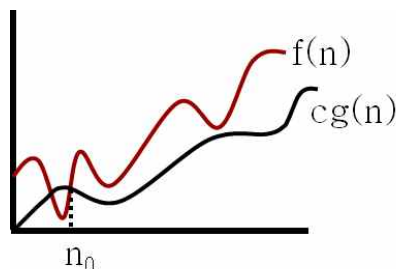
## □ O-표기법



<점근적 상한>

$f(n) \leq c \cdot g(n)$ 이면  $f(n) = O(g(n))$ 이다

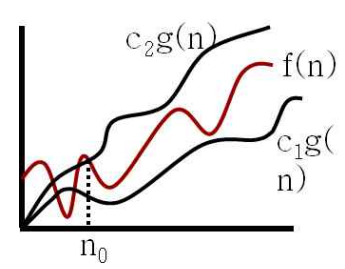
<참고>  $f(n)$ 보다  $O$ 가 위에 있다



<점근적 하한>

$f(n) \geq c \cdot g(n)$ 이면  $f(n) = \Omega(g(n))$ 이다

<참고>  $f(n)$ 보다  $O$ 가 아래에 있다



<점근적 상/하한>

$c_1 \cdot g(n) \leq f(n) \leq c_2 \cdot g(n)$  이면

$f(n) = \Theta(g(n))$ 이다

<참고>  $f(n)$ 이 센타(세타)에 있다

## □ 점화식과 폐쇄형

- $T(n) = T(n-1) + O(n) \rightarrow T(n) = O(n^2)$  : 최악의 경우 이진, 퀵 정렬, 평균적인 경우 삽입정렬
- $T(n) = T(n/2) + O(1) \rightarrow T(n) = O(\log n)$  : 이진탐색
- $T(n) = 2T(n/2) + O(n) \rightarrow T(n) = O(n \log n)$  : 퀵, 합병

## □ 안정적/제자리 정렬 알고리즘의 개념과 종류

- 안정적 : 동일한 키를 갖는 레코드 쌍의 상대적인 위치가 정렬 후에도 그대로 유지되는 방식  
(안정적 아닌 것은 기준 키 값을 비교 할 때 멀리 떨어진 원소와 비교함, 선택, 셀, 힙, 퀵)
- 제자리 : 입력배열 말고 별도의 원소를 저장하기 위하여 추가적으로 메모리를 필요로 하는 방식  
(비교기반의 합병, 분포기반의 계수, 버킷, 기수)

## □ 비교기반/분포기반 알고리즘의 종류

- 비교기반 : 선택, 버블, 삽입, 셀, 합병, 퀵, 히프
- 분포기반 : 계수, 버킷, 기수

## □ 선택정렬 및 버블정렬의 수행(처리) 방식

- 기준 키값을 미정렬 데이터 중, 맨 앞에 것으로 정한 후 미 정렬 데이터중에서 더 작은 것이 있다면  $\text{min} = j$ 를 기억 후,  $A[i]$ 와  $A[\text{min}]$ 을 교환하기 때문에 멀리 떨어진거와 교환 되는것이 특징 임.  
**모든 항목은 기껏해야 2번 이동 함, 실행시간이 입력자료에 민감하지 않다.**
- 버블 : 앞에서부터 이웃한 원소와 비교 하게되면 맨 뒤에 정렬 된 것이 예시로 보여 짐, 만약 앞쪽에 정렬된 예시로 보여지면 뒤쪽부터 비교하는 방식 임 , 둘 다 제자리 정렬이며,  $O(n^2)$ 임

## □ 삽입정렬 특징 및 성능(데이터의 입력 상태)

- 카드를 하나 뽑아서 바른 위치에 삽입하는 방식으로 제자리를 찾아 갈때까지 원소의 이동이 빈번하여 셀 정렬을 사용 함, 데이터의 입력이 거의 정렬되어 있는 경우는 빠른 수행을 하면서, **완전히 정렬된 데이터가 들어오면 가장 빠른 성능인  $O(n)$  됨**, 평균적인 경우와 최악의 경우  $O(n^2)$ 이며, 제자리, 안정적 정렬이다.

#### □ 셀 정렬의 개념

- 도날드 셀이 고안 함, 삽입정렬의 보완형태로 처음에는 멀리 떨어진 원소와 비교하여 교환, 점차 가까운 원소와 비교하여 교환, 간격 D의 크기(1, 4, 13, 40, 121, 364....에 39개의 데이터가 들어 올 때 왼쪽 순열에서 39보다 적은 13개의 부분으로 나누어 처리 함)에 따라 다양한 성능을 보임, 멀리 떨어진 원소와 비교함으로 안정적이지 못하며, 제자리 정렬,  $O(n^2)$ 이다.

#### □ 퀵정렬의 성능과 점화식

- 성능 : 한 번의 분할과 두 번의 재귀호출로 이루어짐, 재귀 호출시 배열 크기가 절반으로 줄어든다면 재귀 호출의 깊이는  $\log n$ 이 되고, 배열 크기가 1씩 줄어든다면 재귀호출의 깊이는 n번이 된다. 따라서 최선의 경우와 평균은  $O(n \log n)$ 이고, 미리 정렬되어 있는(피벗이 항상 부분 배열 최소일 때) 데이터의 경우 최악의 경우인데  $O(n^2)$ 이 된다. 불 안정적이며, 제자리 정렬이다

- 점화식

$$\blacktriangleright \text{최악의 경우 } T(n) = T(n-1) + O(n) \rightarrow T(n) = O(n^2)$$

$$\blacktriangleright \text{평균적/최선적 } T(n) = 2T(n/2) + O(n) \rightarrow T(n) = O(n \log n)$$

#### □ 힙정렬의 개념

- 완전이진트리로 구축, 최대값 삭제 및 새로운 원소 삽입 용이함, 1차원 배열로 구성 됨, 주어진 1차원 배열을 힙으로 만든 후 아래에서 위로, 왼쪽에서 오른쪽으로 구축하는 방법과 입력배열의 원소를 삽입하는 과정을 반복하면서 힙으로 구축하는 방법이 있음, 힙이 구축 되면 최대값 제거 후 다시 힙으로 구축하면 됨, 위 과정을 반복하여 정렬을 함. 제자리 정렬, 안정적이지 않음,  $O(n \log n)$  임.

#### □ 선형시간 알고리즘 종류와 특징, 처리과정

- 계수정렬 : 입력 키 값의 범위를 알고 이을 때 유용 함.
- 버킷정렬 : 주어진 키 값의 범위를 균등하게 나누어 버킷을 만듦, 입력데이터의 범위가 크지 않을 때 유용 함
- 기수정렬 : 자리수로 나누어 낮은 자리부터 높은 자리로 반복하여 정렬, 입력 키값의 자리수가 상수일 때 유용 함. 삽입정렬 방식 이용 함, d자리수 n개의 데이터 정렬하는 경우  $O(dn)$  이다.
- 모두 다  $O(n)$ , 제자리 정렬 아님, 안정적임

#### □ 정렬의 특징들

- 최악 시간 복잡도인 알고리즘 종류 기재하기
  - ▶  $O(n)$  : 계수, 버킷, 기수
  - ▶  $O(n \log n)$  : 합병, 퀵(최선의 경우 임), 힙
  - ▶  $O(n^2)$  : 선택, 버블, 삽입, 셀, 퀵(최악의 경우 임)
- 비교기반 : 선택, 버블, 삽입, 셀, 합병, 퀵, 힙
- 분포기반 : 계수, 버킷, 기수
- 안정적 정렬 : 버블, 삽입, 합병, 계수, 버킷, 기수
- 안정적이지 못한 정렬 : 선택, 셀, 퀵, 힙
- 제자리 정렬 : 선택, 버블, 삽입, 셀, 퀵, 힙
- 제자리 정렬 아닌 것 : 합병, 계수, 버킷, 기수

- 입력데이터가 역순으로 정렬 된 경우 최악 : 버블, 삽입, 퀵
- 부분배열로 나누는 것 : 셀, 합병, 퀵
- 내부적으로 다른 정렬을 하는 것 : 셀, 버킷, 기수

#### □ 탐색기법의 시간 복잡도

- 순차탐색 : 비 정렬 데이터 탐색에 적합  $\rightarrow O(n)$
- 이진탐색 : 정렬되어 있어야 함, 절반씩 나누어 탐색, 삽입/삭제 시 정렬 상태 유지하기 위해 자료 이동 필요,  $O(\log n) \rightarrow T(n) = T(n/2) + O(1)$
- 이진탐색트리 : 각 노드의 왼쪽 트리는 작고, 오른쪽은 큼, 평균 시간  $O(\log n)$ , 최악(경사진 경우)  $\rightarrow O(n)$

#### □ 이진탐색 트리의 최악의 경우

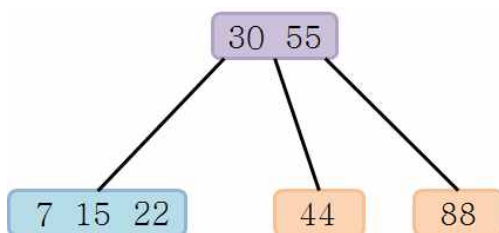
- 미리 정렬되어진 데이터 입력 시, 한 쪽으로 경사진 트리나 지그재그 인 트리이며,  $\rightarrow$  최악의 경우  $O(n)$ 이다. 요소를 해결하기 위하여 균형트리인 2-3-4트리가 나오고 복잡한 3-4노드를 해결하기 위하여 흑적트리가 등장 한다.

#### □ 이진탐색트리에서 successor 노드

- 석세스 노드란 후속자, 계승자를 의미하며, 숫자가 뒤 섞여 있더라도 임의의 노드를 선택한 후 석 세서 노드가 무엇이나 문제 나오면 그 숫자 다음 것이 된다. 예) 32, 46, 42, 40, 41 중에 32의 석세스 노드는 40이 된다.

#### □ 2-3-4트리의 노드 구성 및 4-노드의 분할

- 아래 그림에서 20이란 값을 삽입 시 루트에서 30보다 작기 때문에 왼쪽을 따라 탐색하기 된다.
- 7, 15, 22 짜리 4노드를 만나게 되면 가운데 2노드로 분할하고 가운데 값 15를 루트 노드로 보냄
- 22 왼쪽에 20을 삽입하여 3노드로 만든다.



#### □ 흑적트리의 개념과 성질 회전연산

- ▶ 개념 : 복잡한 2-3-4노드를 표현하기 어려워 흑적트리 등장 함
- ▶ 성질
  - 모든 노드는 흑색이거나 적색이다
  - 루트 노드는 흑색이다
  - 자식이 없는 경우 null 노드를 자식으로 가지며 흑색이다
  - 적색노드의 두 자식은 항상 흑색이다.
  - 임의의 노드부터 리프노드까지 경로 상에는 동일한 흑색노드 개수가 존재 한다.
- ▶ 연산
  - 탐색이 실패한 지점에 적색 노드로 추가 함.
  - 적색노드가 연달아 일어나면 흑적트리를 만족시키기 위하여 루트 노드 쪽으로 올라가면서 노드의

색깔을 변경하거나 회전 연산을 한다.

- <참고> 2-3-4트리를 흑적으로 바꾸게 되면 적색노드가 나타나는데, 3노드는 1개가 나타나고, 4노드는 2개가 나타남으로 위 그림에서 적색노드 개수는 3노드 1개, 4노드 1개가 구성되어 있으므로 총 3개의 적색 노드가 생성된다.

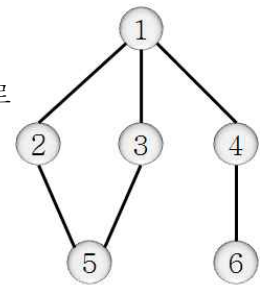
#### □ 그래프 순회방법의 종류와 개념

- DFS : 최근 정점을 주변으로 우선 방문, 스택사용, 시간복잡도  $O(|V| + |E|)$
- BFS : 주변 정점 중에서 오래된 것을 먼저 우선 방문, 큐 사용, 시간복잡도 DFS 같음
- ▶ 순회의 응용
  - 위상정렬 : 사이클이 없고 간선이 한 방향으로만 된 방향그래프이며 DFS에서 사용
  - 연결성분 : 무 방향 그래프에서 임의의 두 정점 간에 경로가 존재하는 최대 부분그래프 DFS/BFS사용
  - 강연결성분 : 방향그래프에서 임의의 두 정점을 연결하는 양 방향의 경로가 존재하는 최대의 부분 그래프, DFS사용

#### - DFS 방문순서

1 2 5 3 4 6 또는 1 4 6 2 5 3 또는 1 3 5 2 4 5

<주의> 대부분 왼쪽부터 탐색하는데 시험문제는 최근 정점을 기준으로 하기 때문 반드시 최근 정점을 알아야 함.



#### - BFS 방문순서

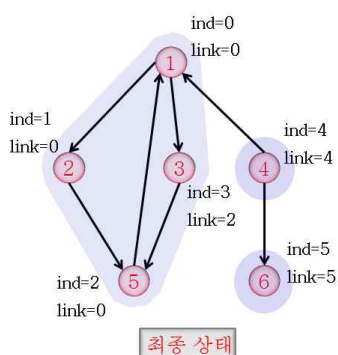
1 2 3 4 5 6, 또는 1 3 4 2 5 6 또는 1 4 3 2 6 5

<주의> 선택한지 오래 된 것부터 선택함.

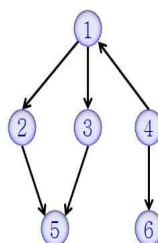
#### □ 그래프 순회의 응용(위상정렬, 연결성분, 강 연결성분)

- 위상정렬 : 사이클이 없고 간선이 한 방향으로만 된 방향그래프이며 DFS에서 사용
- 연결성분 : 무 방향 그래프에서 임의의 두 정점 간에 경로가 존재하는 최대 부분그래프 DFS/BFS사용
- 강연결성분 : 방향그래프에서 임의의 두 정점을 연결하는 양 방향의 경로가 존재하는 최대의 부분 그래프, DFS사용
- 강연결성분 개수 예제 : 정답 3개임

#### <강 연결 성분 예시>

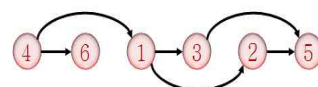


#### <위상정렬 예시>



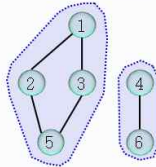
정렬 순서 4 6 1 3 2 5

위상 정렬 결과



## <연결성분 예시>

▶ 무방향 그래프에서 임의의 두 정점 간에 경로가 존재하는 최대의 부분 그래프



■ 그래프 탐색 방법(DFS, BFS)을 활용하여 구함

while (아직 탐색하지 않는 정점이 있는 동안)

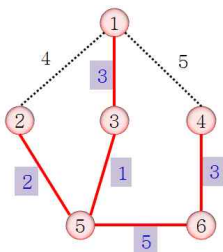
탐색을 수행하다가 큐/스택이 비게 되면 그때까지 탐색한 정점들을 하나의 연결 성분으로 구성

## □ 최소신장 트리 알고리즘과 구하기

### ▶ 최소비용 알고리즘

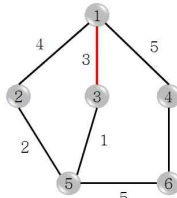
- 사이클이 있으면 안됨
- 크루스칼 : 선택정점은 신경 쓰지말고 가중치가 작은거 부터 구함,  $O(|E| \log |E|)$  간선의 개수임
- 프림 : 이미 선택된 정점에 속해있는 선택하지 않은 정점 V-S를 잇는 최소의 간선을 선택해 나감
- 둘다 욕심쟁이 기법이며 결과는 같은 값이 나온다.

#### <크루스칼>

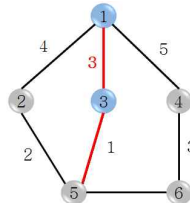


가중치의 합:  $1+2+3+3+5=14$

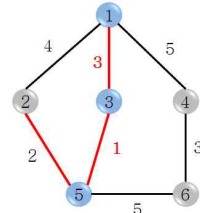
#### <프림1>



#### <프림2>



#### <프림3>



## □ 최단경로 알고리즘의 종류

### ▶ 데이크스트라(욕심쟁이)

- 특정 하나의 시작 정점에서 다른 모든 정점으로 경로를 구함
- 음의 가중치 없다고 가정, 있으면 제대로 값이 안 나옴
- 거리가 짧은 u를 선택하고 u와 경유하는 기리와 기존 거리 중 작은값을 새 거리 값으로 조정

### ▶ 플로이드(동적)

- 모든 쌍 간의 최단경로를 구함
- 음수의 사이클이 존재하지 않는다고 가정
- 1인경로부터 시작해서 V까지인 경로까지 단계적으로 해를 구해 나감.

## □ 스트링 매칭 알고리즘 종류와 기본 개념

### ▶ 종류

- 부루트-포스 : 직선적 검사, 텍스트의 모든 위치에서 시작되는 부분 스트링이 패턴과 일치하는지 검사,  $O(nm)$

예) 패턴 0001일 때 0000000001 제일 많이 비교, 1111111111 제일 적게 비교로 매칭 됨

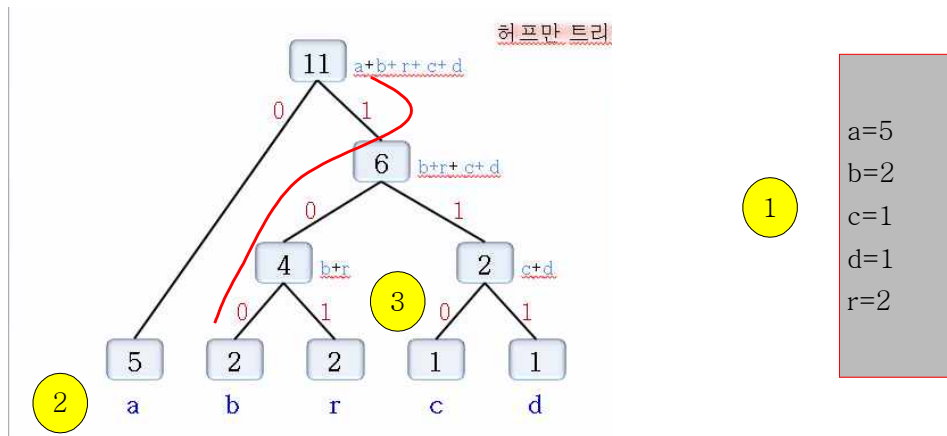
- 라빈카프 : 스트링을 해시 값으로 계산하여 매치 후보를 찾고, 후보에 대해서만 문자열로 비교해서 매치를 찾는방법,  $O(nm)$ , 최선의 경우  $O(n+m)$

- KMP : 패턴을 **전** 처리하여 **접미부**와 일치하는 **최대 접두부**를 구하고, 이 정보를 이용하여 매칭 함
- 보이어-무어 : **우측에서 좌측으로** 진행 함, 중복된 문자를 줄이기 위하여 **불일치 문자**와 **일치 접미부** 방법을 사용 함

스트링 매칭 알고리즘		
알고리즘	실행 시간	특징
브루트-포스 알고리즘	$O(m(n-m+1))$ $\rightarrow O(mn)$	텍스트와 패턴이 비슷할수록 비교 회수가 증가 최악: T의 매 위치마다 P의 모든 문자를 비교
라빈-카프 알고리즘	$O(m(n-m+1))$ 기대치 $O(m+n)$	스트링을 해시값으로 계산하여 매칭 modulo 연산 사용
KMP 알고리즘	$O(m+n)$	패턴 전처리 $\rightarrow$ 최대 접두부 이용
보이어-무어 알고리즘	최악: $O(m(n-m+1))$ 최선: $O(m+n/m)$	브루트-포스 알고리즘과 유사(단, 문자 비교 방향: 우측에서 좌측) 일치 접미부 방법, 불일치 문자 방법

#### □ 허프만 코드 구하기

- 스트링에서 각 문자가 나타나는 빈도에 따라 다른 길이를 부호를 부여하는 통계적 압축방법
- 빈도가 높은 문자  $\rightarrow$  짧은 문자로 표현, 빈도가 낮은 문자  $\rightarrow$  긴 코드로 사용



#### <설명>

1. 'abracadabra' 문자가 주어지면 노랑색 1번처럼 표를 만든다.
2. 노랑색 2번처럼 알파벳을 나열한다.(주의: 빈도수가 높은 순으로 나열 함)
3. 노랑색 3번처럼 좌측은 0, 우측은 1로 표시 하며 위쪽으로 올라간다.
4. 예를 들어 b를 구해보자, 최상위 루트부터 빨강색 선을 따라 내려오면 b=100이 된다(나머지 동일)
5. 결과 : a=0, b=100, c=110, d=111, r=101 완성 됨



### □ LZ77 알고리즘의 압축 과정

- 슬라이딩 윈도우로 진행되며 탐색버퍼와 전향버퍼로 구성 됨
- 토큰구성 : (차감거리<오프셋>, 일치거리, 다음입력문자)
- 디코딩 : 탐색 부분에서 일치된 부분과 토큰에 기록된 다음 입력문자를 출력하고, 출력된 문자열을 탐색버퍼 마지막에 추가 함
- 특징: 탐색버퍼는 최근의 문자열로 구성하기 때문에 가까운 부분에서 문자가 반복 될 때에는 좋은 성능을 보임, 일치하는 문자가 없을 경우 압축률이 저하 됨

예 > cabrabadabrarrarrad..... 결과 (3, 2, a)

전향버퍼(슬라이딩 윈도우의 오른쪽 부분, abadab)의 처음 두 문자(ab)가 탐색버퍼(슬라이딩 윈도우의 왼쪽 부분, cabr)에서 c와 r 사이의 문자와 일치 하는데, 이때 전향 버퍼의 맨 앞으로부터 탐색 버퍼의 일치되는 부분까지의 거리 차이는 3이다, 또한 전향 버퍼에서 2개의 문자가 일치하고, 일치된 두 문자 다음에는 a가 나타난다, 이런 정보를 종합해서 토큰을 구성하면, (3, 2, a)가 된다.

### □ JPEG 표준의 단계별 처리과정

- 순서 압기 : 블록화→DCT→양자화→엔트로피 코딩→허프만 이용 이미지 생성
- 블록화 : 2차원 테이블을 8x8 개로 블록으로 분할
- DCT : 블록 값을 픽셀을 이용하여 변환
- 양자화 : 큰 값을 작은 값으로 표현(손실이 발생 함)
- 엔트로피 코딩 : 지그재그 순서대로 나열하여 1차원 스트링으로 표현



### □ 동적프로그램 방법의 처리 과정과 해당 알고리즘의 종류

#### ▶ 처리 과정

- 반복된 분할과정을 통해, 얻어진 작은 문제에 대한 결과를 테이블에 저장
- 테이블을 통하여 더 큰 문제의 해를 점진적으로 만들어감.

#### ▶ 알고리즘 종류

- 플로이드 알고리즘 : 모든 쌍 최단경로 구하는문제,  $O(n^3)$
- 연쇄행렬 : n개의 행렬곱셈  $M_1, M_2 \dots M_n$ 에서 최소의 곱셈 횟수를 가진 행렬의 곱셈 순서를 갖는 문제
- 스트링 편집거리 : 두 문자열 X와 Y사이의 편집거리 비용 구하는 알고리즘

### □ NP-완전 문제의 종류와 기본 개념

#### ▶ 기본 개념

- 클래스 NP에 속하는 모든 문제가 주어진 어떤 문제로, 다항식 시간에 변환되고 그 문제가 클래스 NP에 속하는 경우에 주어진 문제를 NP-완전 문제라 함.
- 아직까지는 다항식 시간 안에 해결하는 알고리즘이 만들어 지지 않았지만 , 그렇다고 그 알고리즘이 존재하지 않는다고 증명도 안 되었다. 그래서 어려운 문제이다.

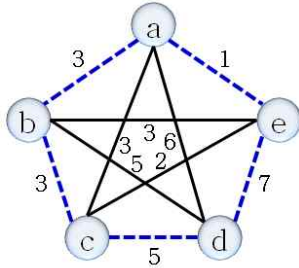
#### ▶ NP-완전문제 종류(8개)

- TSP(외판원 문제), 0/1 배낭 문제, CNF 만족성 문제, 해밀토니언 사이클 문제, 케 채우기 문제 파티션 문제, 클릭 판정 문제, 버택스 커버 문제

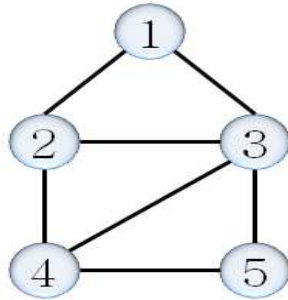


예)

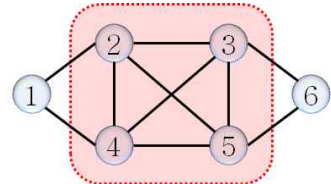
<외판원> 도시를 한번씩만 지나서 최소비용으로 출발했던 도시로 되돌아오는 문제(a b c d e a)



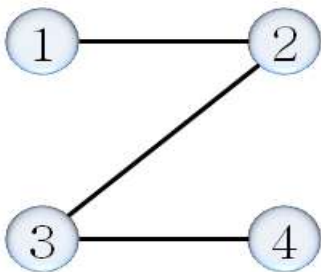
<해밀토니언 사이클> 무방향 그래프에서 모든 정점을 정확히 한 번만 통과 후 되돌아오는 문제 ( 1 2 4 5 3 1)



<클리크 판정> 빨강색 부분처럼 완전 부분 그래프 문제

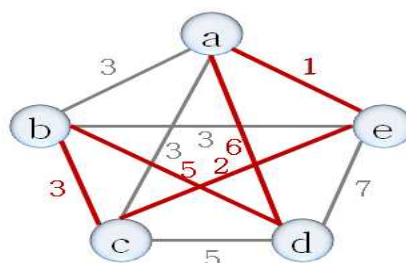


<버텍스 커버> 모든 간선이 최소한 하나 이상의 정점에 부수하는 정점의 부분 집합 크기 2 → {2,3}, {1,3}, {2,4}, {1,4}



□ NP-완전문제 용어

- 클래스 NP : **비결정론적** 튜링기계를 이용하여 다항식 시간에 해결할 수 있는 모든 판정문제의 집합
- 클래스 P : **결정론적** 튜링기계를 이용하여 다항식 시간에 해결할 수 있는 모든 판정문제의 집합
- 변환 : B에 대한 알고리즘으로 A문제를 풀 수 있을 때, 문제 A를 문제B로 **변환** 할 수 있다고 하며, 이러한 **변환**에 다항식 시간이 소요되면 **다항식 시간변환**이라 한다.
- NP-완전문제 : NP의 모든 문제가 어떤 문제 A로 다항식 시간내에 변환되고, A가 NP에 속하는 경우
- 최적화문제 : 아래 그림 결과 : 17



<근사알고리즘 최적화 외판원문제>  
모든 정점을 한 번씩만 지나가는 싸이클 가중치가 제일 작은 찾음

#### □ PRAM 모델의 종류와 특징

- CRCW(Conclusive Read Concurrent Write) : 가장 이상적이고 **강력한** 방식(C/C)
- CREW(Concurrent Read Exclusive Write) : 가장 **현실적인** 방식(C/R)
- ERCW(Exclusive Read Concurrent Write) : **현실성이 없는** 모델(E/C)
- EREW(Exclusive Read Exclusive Write) : 가장 **제한적인** 방식(E/E)
- 단어 뜻 Exclusive(독립적인), Concurrent(공존하는, 동시에 발생하는)

#### □ 병렬알고리즘의 효율성 평가 척도

- S(n) 정의 : 문제 크기 n에 대한 최선의 순차알고리즘의 수행 시간
- P(n) 정의 : 문제 크기 n에 대한 P개의 프로세서를 사용한 병렬 알고리즘의 수행시간

▶ 시간 효율성 공식 암기 
$$Efficiency = \frac{S(n)/p}{P(n)} = \frac{S(n)}{p \times P(n)}$$

- 시간 효율성은 0-1사이의 값을 가지며, 1인 경우 병렬과정에서 부가적인 시간이 전혀 없다.

- ▶ 속도 향상률 : 동일한 문제를 푸는 순차 알고리즘에 비하여 **몇 배의 속도를 낼 수 있느냐** 따진다.
- 속도 향상률 공식 :  $S(n) / P(n)$

- ▶ 작업량 : 작업량이 S(n)과 같으면 최적의 병렬 알고리즘

- 작업량 공식 :  $P \times P(n)$
- 예제) 병렬알고리즘 효율성을 평가하는 척도 중에서, 병렬 알고리즘이 사용한 프로세서의 개수와 그 알고리즘의 시간을 곱한 것을 무엇이라 하는가? **작업량**

#### □ 유전알고리즘의 주요 용어/개념

##### ▶ 용어

- 염색체 : 주어진 당면 문제의 탐색 공간에서 하나의 가능한 **해법을 함축하고 있음**.
- 개체군 : 해법의 집합

- ▶ 개념 : 염색체 정보의 결합을 통하여 부모보다 더 나은 자손을 생성하기 위해서 해를 선택적으로 키워 나가는 방법(**적자생존** 원칙에 따름)

#### □ 유전알고리즘의 처리 과정

- 처리과정 순서 : **선택 → 교차 → 변이 → 저장**
- 선택 : 적합도에 따라 개체군에서 두 부모 염색체를 선택
  - 룰렛휠 선택 : **염색체의 적합도에 비례하여** 개체군에서 다음 세대로 넘겨줄 부모를 선택
  - 순위 선택 : 순위를 정함
  - 토너먼트 선택 : 난수 0, 1발생하여, 기준값보다 작으면 좋은거 선택, 아님 낮은거 선택
  - 엘리트즘 선택 : 가장 좋은거 복사, 급격한 성능이 나타남.
- 교차 : 두 부모를 교차시켜 자손을 생성(**부모의 형질을 나누어 가짐**)
- 변이 : 확률에 따라 새 자손의 염색체의 선택된 위치의 값을 조정(**정상보다 빨리 나오지 못하게 억제**)
- 저장 : 새롭게 태어난 강한 자식을 새로운 개체군에 포함시킴