

进阶计划开营仪式 & 摸底考试讲评

洛谷网校 离散小波变换[°] 2023年1月





感谢所有报名计划的同学

小调查: 同学现在是几年级?

发在评论区就可以了。

防止出现混淆,初一是七年级(六三学制)或者六年级(五四学制),以此类推。



课程安排

寒假期间, 一周两节直播课。

直播课:讲解新的算法、数据结构以及其他知识点。

作业: 每节直播课后布置, 含必做作业和补充作业。

比赛是<mark>专题模拟赛</mark>。指定时间,使用<mark>在线提交</mark>的方式。 直播授课主要是讲解知识点和例题。

错过比赛或者直播,可以之后找时间补。 但最好按时参加。

课程安排

			1月					
日	_	=	Ξ	四	五	六		
1	2	3	4	5	6	7		
8	9	10	11	12	13	14	摸底测试1	讲评&开营
15	16	17	18	19	20	春	进阶算法思想1	进阶算法思
22	23	24	25	26	27	28	进阶搜索	
29	30	31					字符串算法	
			2月					
日	1	=	Ξ	四	五	汁		
			1	2	3	4	专题模拟赛1/讲评	基础数据结
5	6	7	8	9	10	11	基础数据结构2	
12	13	14	15	16	17	18	图论1	
19	20	21	22	23	24	25	图论2	
26	27	28					专题模拟赛2/讲评	
(绮	()授证	果时间	司: 1	14:00)-17:	00		
(黄)比赛时间: 14:00-18:00						00	* 时间和内容安排可	「能会少量说
108000				9:00				

共计: 11次直播授课(可回放), 3次模拟比赛及讲评 以及 刷题任务布置与指导+学习答疑

报名要求重申

课程面向已经熟练掌握基础算法的学生, 报名课程前,应当符合以下要求:

CSP-J 组拿到 200 分以上,或者同等水平;完成初中数学的学习。 熟练掌握《NOI 大纲》五级内算法知识点; 能完成部分"普及/提高-"难度的题目;这个难度及以上刷题量不少于60题

- 参与本计划学员应当具备以下能力:
 - 可以比较熟练的<mark>分析</mark>算法时间与空间<mark>复杂度</mark>。 对于已经学会的算法,仅阅读文字题解就可以<u>独立编写代码</u>。 能够自行对程序查错(本计划不协助调试代码错误)。 有良好的自制力,可独立参与线上课程的学习,主动提问、参与讨论交流。
- 如果学生以上知识/能力有所欠缺, 在学习本计划的过程中<mark>会遇到较大的困难</mark>。 遇到这种情况,建议选【基础提高衔接计划】、【基础算法计划】



报名要求重申

关于难度

- 完成复习题有困难, 建议更换为更简单的课程。
- 同学可能有缺漏需要自己补上。基础知识缺漏用《深入浅出基础篇》学习。
- 学生水平有差异,不需要太焦虑。
- 超越自我,不需要太在意排名。

退课政策

各计划开始后(或者报名后)完成5次直播课程(包括正课和模拟比赛讲评课)前,允许主动退出该计划。每上完一次直播课收取300元的学费后,退还剩余所有费用。



计划如何帮助同学提升

以下不仅是洛谷可以提供的清单,也对同学训练过程提出了要求。

- 授课: 以知识点讲解为主,包含原理和例题、习题。
- 作业: 非常重要, 从简单到困难的题目集合, 会进行竞争排名。
- 模拟比赛:帮助同学积累经验,查缺补漏,也会排名。大家尽量按时参加,赛后需要总结、订正。
- 答疑:帮助同学少走弯路。及时解决同学的问题。不协助调试代码,同学应当有自己调试代码的能力。
- 其他:以调试需要,向助教要一个题目的一个测试点(一次一个测试点,仅限公开题目)。以及可以寻求一些洛谷社区上的便利(改用户名等)。

同学们尽可能合理安排时间,尽可能多的参加这些内容。



计划提供的资源

- 视频授课(直播或者录播/回放)在网校课程页面
- 课程团队在右侧可以看到。
- QQ 群和加群方式也在右边可以看到。





关于专题模拟赛

定时比赛, 使用线上提交形式。

注意:

- 不使用文件输入输出;
- 考察的范围包含先前课程的知识点;
- 上传到洛谷进行评测。

比赛结束后,题目上传到团队中,可以自主练习。 正式比赛请务必遵守考场要求。



关于专题模拟赛



计划纪律

- 1. 认真参与课程, 学习所有的直播。
- 2. 无特殊情况,参加每一场模拟赛,不建议大片课程缺席。
- 3. 准备好草稿本, 笔记本(也可以记录电子版笔记)。
- 4. 不抄袭题解,不对照题解代码抄写,不背诵题解代码,少参考题解(对于一个题目,半小时思路没有进展再参考题解,只参考思路,不参考题解代码)。
- 5. <mark>认真完成作业</mark>,作业题会多少分写多少分,不一定要写满分。 遇到少量没学过的知识不用害怕,可以去学,也可以跳过。
- 6. 模拟赛后复盘,可以写总结(建议使用洛谷博客)。



模拟赛总结

- 1. 模拟比赛每道题的得分如: 0 + 100 + 50 +0。
- 2. 比赛过程中时间安排 如: 第2题花了2小时,导致后面的题没有时间做。第4题花了2小时尝试完成100分,但是没有调试出来,导致本题只有0分。
- 3. 比赛过程中犯的错误如:第1题因为忘记使用文件输入输出, 导致0分,第3题把 *m* 和 *n* 写反了。
- 4. 调整比赛策略如:第4题应当先完成暴力分30分,再尝试100分的做法。

学术诚信与作业要求

- 1. 一定要按时完成作业。根据实际能力和时间安排练习补充作业。
- 2. 作业不可以复制或改编题解或对照题解抄写,或者上课样例代码。
- 3. 需要在 IDE 里面写好、测试样例,再提交。
- 4. 有问题及时寻求帮助。
- 5. 抄袭题解者,第一次警告。第二次棕名并通告家长。
- 6. 在模拟比赛中作弊者,将直接公开批评。

代码调试与答疑

- 1. 学习录播课程 调试与对拍。
- 2. 仔细审题, 在草稿纸上记录题目中的重要信息, 大致思路。
- 3. 养成良好<mark>代码习惯</mark>,变量名应当有实际意义,不使用读入优化, 不使用宏定义(define)。
- 4. 代码中添加适量注释,帮助自己和他人理解。
- 5. 协助以提示为主,如提供错误样例。
- 6. 如需询问思路是否正确,请使用文字描述思路,而不是直接粘贴代码。
- 7. 互帮互助。在群中讨论,可能可以更快解决。



对于家长的建议

监督+信任

监督: 督促学生完成作业/比赛, 但尽力而为。

信任: 相信学生的努力和智慧。

不要焦虑。比赛中个别试题、补充作业试题同学写不出来是非常正常的。看看能不能找到原因。

家长有问题,多在微信群沟通。可以寻求助教的建议。

如果学生在学习过程中遇到较大困难,建议更换至更加基础的课程。

家长需要提供一些协助。文化课方面的权衡、学习练习时间的安排、家校沟通。

感谢大家报名课程

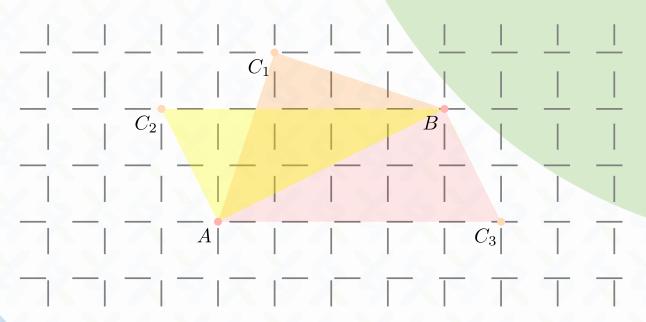
有问题可以多多提出。

后面是摸底考试讲评。



T1 冰雪聪明

题意: 给定两个整点坐标, 要求求出任意一个整点, 使得这三个整点可以形成直角三角形。



数据范围: $-10^9 \le x_1, y_1, x_2, y_2 \le 10^9$ 。找到的点的坐标同样应该符合该范围。

T1 冰雪聪明

分类讨论:

- 若 *AB* 不平行于坐标轴,则 *A,B* 可构成矩形,取矩形另外两个 顶点之一即可符合条件。
- 若 AB 平行于坐标轴,可取 A, B 中的任意一点往垂直于 AB 方向移动一格构成直角三角形。

移动时要注意不能移动出网格图。

构造方案不唯一。

入洛谷

```
#include<bits/stdc++.h>
using namespace std;
int main(){
    int a1, b1, a2, b2;
    scanf("%d%d", &a1, &b1);
    scanf("%d%d", &a2, &b2);
    if(a1 == a2) printf("%d %d\n", a1 == 1e9 ? a1 - 1 : a1 + 1,
b1); else
    if(b1 == b2) printf("%d %d\n", a1, b1 == 1e9 ? b1 - 1 : b1
+ 1); else
    printf("%d %d\n", a1, b2);
    return 0;
```



T2 脑袋空空

题意: 计算出 *n* 个数字所有重排方案组成的大整数的和, 结果对 998,244,353 取模。

数据范围: $1 \le n \le 10^6$ 。

部分分:

- 对于前 50% 数据, 1 ≤ *n* ≤ 10;
- 对于另外 20% 数据, $a_i = 1$ 。



T2 脑袋空空 / 50 分

使用搜索。直接枚举所有重排方案, 计算组成的大整数的值, 将结果相加即可。

```
const int MAXN = 100 + 3;
const int MOD = 998244353;
int n, A[MAXN], ans; bool V[MAXN];
void dfs(int u, int w){
    if(u == n){
        ans = (ans + w) \% MOD;
    } else {
        up(1, n, i) if(!V[i]){
            V[i] = true, dfs(u + 1, (w * 1011 + A[i]) % MOD),
V[i] = false;
```



T2 脑袋空空 / 70 分

注意到 $a_i = 1$,重排后的大整数<mark>只能是 11…1</mark>。同时重排方案一 共有 n! 种,所以答案是 $11…1 \times n!$ mod 998244353。

怎么计算 $11 \cdots 1 \mod 998244353$? 只要先取 s = 0,不断执行操作 $s \leftarrow (s \times 10 + 1) \mod 998244353$ 即可。



T2 脑袋空空 / 70 分

考虑解决另外 20% 的特殊性质部分分。

注意到 $a_i = 1$,重排后的大整数<mark>只能是 11…1</mark>。同时重排方案一共有 n! 种,所以答案是 $11…1 \times n!$ mod 998244353。

怎么计算 $11 \cdots 1 \mod 998244353$? 只要先取 s = 0,不断执行操作 $s \leftarrow (s \times 10 + 1) \mod 998244353$ 即可。

T2 脑袋空空 / 100 分

考虑 a_i 对答案造成的贡献。

 a_i 可以出现在第 1,2,…,n 上的每一位。当 a_i 出现在第 j 位上时,一共出现了 (n-1)! 次。在这一位上贡献为 $a_i \times 10^{j-1}$ 。

于是 a_i 对答案的总贡献为 $a_i \times (10^0 + 10^1 + \dots + 10^{n-1}) \times (n-1)!$ 。于是答案为:

$$(a_1 + a_2 + \dots + a_n) \times (10^0 + 10^1 + \dots + 10^{n-1}) \times (n-1)!$$

```
#include<bits/stdc++.h>
#define up(1, r, i) for(int i = 1, END##i = r;i <= END##<math>i;++ i)
#define dn(r, l, i) for(int i = r, END##i = l;i >= END##<math>i;-- i)
using namespace std;
typedef long long i64;
const int INF = 2147483647;
const int MOD = 998244353;
int n, s1 = 1, s2 = 1, t = 0;
int main(){
    scanf("%d%d", &n, &t);
    up(2, n, i){
        int x; scanf("%d", &x), t = (t + x) \% MOD;
        s1 = (111 * s1 * 10 + 1) \% MOD;
        s2 = 111 * s2 * (i - 1) % MOD;
    printf("%d\n", 111 * t * s1 % MOD * s2 % MOD);
    return 0;
```



T3 爷是阿吽

题意: 给定一棵有根树,点有点权和状态 0/1。有 m 次操作,每次操作选择一个点:

- 若状态为 0,则置为 1;
- 若状态为 1,则置为 0,同时将儿子节点的状态置为 1。

操作前以及每次操作后,输出所有状态为1的节点权值最大值。

数据范围: $1 \le n, m \le 2 \times 10^5$ 。

部分分:

- 对于前 60% 数据, $1 \le n \le 5000$;
- 对于另外 10% 数据, 原树是一条链;
- 对于另外 10% 数据, 原树是菊花图。



T3 爷是阿吽 / 60 分 / 70 分 / 80 分

对于前 60% 的数据,直接进行模拟。不过在模拟前需要对整棵树跑一遍 dfs 确定每个节点有哪些儿子。查询时只需要扫描所有点统计答案即可。

对于另外 10% 链的数据, 注意到每个节点最多只有一个儿子, 于是每次只会最多有两个节点状态反转。可以使用堆来维护最大值。

对于另外 10% 菊花数据,

- 对花瓣的修改操作只会影响一个点,继续用堆维护;
- 对花心的修改操作只会影响花瓣上状态为 0 的点,只要存哪些点状态为 0 并对这些点修改即可。



T3 爷是阿吽 / 100 分

每次修改最多将1个点的状态置为0。

我们只要存储,对于每个节点它哪些儿子的状态可能是 0 即可。可以使用 vector。

- 当把某个节点状态由 1 改成 0, 需要往父亲节点的 vector 里加入该节点序号。同时将该节点状态为 0 的儿子节点设为 1, 并清空 vector。
- 当把某个节点状态由 0 改成 1, 不需要从父亲节点的 vector 里查找并删除。只需要在父亲节点清空 vector 时检查这些曾经状态是 0 的节点现在状态是否为 1。

```
#include<bits/stdc++.h>
#define up(1, r, i) for(int i = 1, END##i = r; i <= END##i;++ i)
#define dn(r, l, i) for(int i = r, END##i = l;i >= END##<math>i;-- i)
using namespace std;
typedef long long i64; const int MAXN= 2e5 + 3;
vector <int> V[MAXN], P[MAXN];
int n, m, W[MAXN], F[MAXN]; bool S[MAXN]; void dfs(int u, int
f){
    for(auto &v : V[u]) if(v != f){
        F[v] = u; if(S[v] == 0) P[u].push_back(v);
        dfs(v, u);
using pii = pair<int, int>;
priority queue <pii > Q;
void add(int x){ S[x] = 1, Q.push(\{W[x], x\}); }
void del(int x){ S[x] = 0; }
int get(){
    while(S[Q.top().second] == 0) Q.pop();
    return Q.top().first;
```

```
int main(){
    n = qread(), m = qread(), W[0] = -1, add(0);
    up(1, n - 1, i){
        int u = qread(), v = qread();
        V[u].push_back(v);
        V[v].push_back(u);
    up(1, n, i) W[i] = qread();
    up(1, n, i) S[i] = qread(), S[i] ? add(i) : void();
    dfs(1, 0);
    printf("%d\n", get());
    up(1, m, i){
        int x = qread();
        if(S[x] == 0) S[x] = 1, add(x); else {
            del(x), P[F[x]].push back(x);
            for(auto &s : P[x]) if(S[s] == 0) add(s);
P[x].clear();
        printf("%d\n", get());
    return 0;
```



T4 这寺豪德

题意: 给定边长为 *n* 的三角形迷宫。询问从最上层三角形出发,可以到达多少个小三角形。

数据范围: $1 \le n \le 10^3$ 。

部分分:

- 对于前 30%的数据, $1 \le n \le 3$ 。
- 对于另外 10% 的数据,整个三角形只有外轮廓。



T4 这寺豪德 / 30 分 / 40 分

- 对于前 30% 的数据,可以试试手动模拟。但我没试过。
- 对于 10% 的特殊数据,容易发现可以到达大三角形内任意一个小三角形。于是答案就是 n^2 。



T4 这寺豪德 / 100 分

考虑使用 bfs。

原题已经给正三角形进行标号。但为了方便,我们还应该<mark>给倒三</mark> 角形进行标号。为了方便:

- 我们将第 *i* 行第 *j* 列正三角形记为 *A*(*i*, *j*);
- 我们将第 i 行第 j 列正三角形正下方的倒三角形记为 B(i,j)。

处理时,开两个数组 A,B 将 A(i,j),B(i,j) 映射到唯一序号。

记 P(x,0/1/2) 表示序号为 x 的三角形直接相连的三个三角形的序号。这是容易预处理的。 接着就可以愉快 bfs 了。

```
const int MAXN = 1e3 + 3;
const int MAXM = 4e6 + 3;
int A[MAXN][MAXN], B[MAXN][MAXN], M[MAXM], P[MAXM][3], o, n;
void pre(){
   up(1, n, i){
       up(1, i, j){
           M[A[i][j]] = qread();
           P[A[i][j]][0] = B[i - 1][j ];
           P[B[i - 1][j ]][0] = A[i][j];
           P[A[i][j]][1] = B[i][j];
                 ][j ]][1] = A[i][j];
           P[B[i
           P[A[i][j]][2] = B[i - 1][j - 1];
           P[B[i - 1][j - 1]][2] = A[i][j];
   up(1, n, i){
       up(1, i, j){
           int x = B[i][j];
           M[x] = (M[P[x][0]] \& 1) | (M[P[x][1]] \& 2) |
(M[P[x][2]] \& 4);
```

```
bool V[MAXM];
void bfs(){
    int cnt = 0; queue <int> Q; Q.push(A[1][1]), V[A[1][1]] =
true;
   while(!Q.empty()){
        int u = Q.front(); ++ cnt; Q.pop();
        up(0, 2, i) if(M[u] & (1 << i)){
            int v = P[u][i];
            if(!V[v]) V[v] = true, Q.push(v);
    printf("%d\n", cnt);
int main(){
    up(1, n , i) up(1, i, j) A[i][j] = ++ o;
    up(1, n - 1, i) up(1, i, j) B[i][j] = ++ o;
    n = qread(), pre(), bfs();
    return 0;
```



T5 提桶跑路

题意:给定大小为 $n \times m$ 的矩阵。要求选出一个子矩阵,并且从子矩阵找到通向大矩阵顶点的路径,使得所有涉及到的权值之和最大。

数据范围: $1 \le n \le 400$ 。

T5 提桶跑路

鉴定为二合一。

首先需要预处理出,从 (*i*,*j*) 开始,到左上角、左下角、右上角、右下角可以取得的最大权值。这里以到左上角为例:

- 记 $lu_{i,j}$ 表示从 (1,1) 只能向右或者向下走到 (i,j) 的最大权值。
- 容易得出状态转移方程式:

$$lu_{i,j} = \max(lu_{i-1,j}, lu_{i,j-1}) + w_{i,j}$$

其他三个方向同理:

$$ld_{i,j} = \max(ld_{i+1,j}, ld_{i,j-1}) + w_{i,j}$$

$$ru_{i,j} = \max(ru_{i-1,j}, ru_{i,j+1}) + w_{i,j}$$

$$rd_{i,j} = \max(rd_{i+1,j}, rd_{i,j+1}) + w_{i,j}$$

T5 提桶跑路 / 40 分 / 70 分 / 100 分

接着是第二部分,可以枚举这个子矩阵。

对于 $n \leq 50$,直接<mark>枚举矩阵的四角</mark>,再枚举计算矩阵内元素和,复杂度 $O(n^6)$,但是评测机很快且常数较小,可以通过这部分。

对于 $n \leq 80$,可以用二维前缀和快速计算子矩阵元素和。复杂度下降到 $O(n^4)$ 。

对于 $n \leq 400$, 则需要特别处理:

- 枚举子矩阵的第一行与最后一行的行号 p_1, p_2 ;
- 计算出行号在 p_1 , p_2 内,每一列元素的和 s_i 。得到关于列号 q_1 , q_2 的表达式:

$$val = s_{q_2} - s_{q_1-1} + lu_{p_1,q_1} + ld_{p_2,q_1} + ru_{p_1,q_2} + rd_{p_2,q_2} - a_{p_1,q_1} - a_{p_1,q_2} - a_{p_2,q_1} - a_{p_2,q_2}$$



T5 提桶跑路 100 分

$$val = s_{q_2} - s_{q_1-1} + lu_{p_1,q_1} + ld_{p_2,q_1} + ru_{p_1,q_2} + rd_{p_2,q_2} - a_{p_1,q_1} - a_{p_1,q_2} - a_{p_2,q_1} - a_{p_2,q_2}$$

整理后为:

$$val = (s_{q_2} + ru_{p_1,q_2} + rd_{p_2,q_2} - a_{p_1,q_2} - a_{p_2,q_2}) + (-s_{q_1-1} + lu_{p_1,q_1} + ld_{p_2,q_1} - a_{p_1,q_1} - a_{p_2,q_1})$$

第一个括号内只和 q_2 有关,第二个括号内只和 q_1 有关。

于是可以枚举 q_2 ,计算所有可能的 q_1 对应的价值的最大值。更新答案即可。

```
const int MAXN= 400 + 3;
int n, m, A[MAXN][MAXN];
i64 S[MAXN][MAXN], T[MAXN], L[MAXN], R[MAXN], ans = -1e18;
i64 LU[MAXN][MAXN], LD[MAXN][MAXN];
i64 RU[MAXN][MAXN], RD[MAXN][MAXN];
void pre(){
    up(1, n, i) up(1, m, j) S[i][j] = S[i - 1][j] + A[i][j];
    up(0, n + 1, i) up(0, m + 1, j)
        LU[i][j] = LD[i][j] = RU[i][j] = RD[i][j] = -INF;
    LU[1][1] = A[1][1], LD[n][1] = A[n][1];
    RU[1][m] = A[1][m], RD[n][m] = A[n][m];
    up(1, n, i) up(1, m, j) if(i!= 1 || j!= 1)
        LU[i][j] = max(LU[i - 1][j], LU[i][j - 1]) + A[i][j];
    dn(n, 1, i) up(1, m, j) if(i != n || j != 1)
        LD[i][j] = max(LD[i + 1][j], LD[i][j - 1]) + A[i][j];
    up(1, n, i) dn(m, 1, j) if(i!= 1 || j!= m)
        RU[i][j] = max(RU[i - 1][j], RU[i][j + 1]) + A[i][j];
    dn(n, 1, i) dn(m, 1, j) if(i != n || j != m)
        RD[i][j] = max(RD[i + 1][j], RD[i][j + 1]) + A[i][j];
```

```
void calc(){
    up(1, n, a) up(a + 1, n, b){
        up(1, m, i){
            T[i] = S[b][i] - S[a - 1][i] + T[i - 1];
        up(1, m, i)
    L[i] = -T[i - 1] + LU[a][i] + LD[b][i] - A[a][i] - A[b][i],
    R[i] = T[i] + RU[a][i] + RD[b][i] - A[a][i] - A[b][i];
        i64 w = -INF;
        up(1, m, i){
            if(i > 1) ans = max(ans, R[i] + w);
            w = max(w, L[i]);
int main(){
    n = qread(), m = qread();
    up(1, n, i) up(1, m, j) A[i][j] = qread();
    pre(), calc();
    printf("%11d\n", ans);
   return 0;
```



T6 醋溜便当

题意: 给定带权无向图。对每个结点询问,是否存在回路(可多次经过同一条边),长度在 [x,kx] 内。

数据范围: $1 \le n, m \le 2 \times 10^5$, $1 < k \le 10^9$, $1 \le x \le 10^9$, $1 \le w_i \le 10^9$ 。

T6 醋溜便当

容易发现,如果从x 出发有一条长度为a 的回路,那么可以不断绕回路走,走出长度为2a,3a,… 的回路。

题设范围是 [x,kx]。如果从 x 出发有一条长度不超过 x 且大于 0 的的回路,那么总可以不断重复,直到回路长度在 [x,kx] 内。于是问题转化为了,对每个点找一条最短的回路。

- 由于原图是无向图,因此总可以走到第一个正权边后,原路返回。于是若回路上有两种不同的正权,一定不优。
- 由于原图有零权边,因此有可能整个过程就经过一次正权边。可以用并查集维护。

```
const int MAXN = 2e5 + 3;
int F[MAXN], U[MAXN], V[MAXN], W[MAXN], A[MAXN];
int getfa(int x){return x == F[x] ? x : F[x] = getfa(F[x]);}
int main(){
    int n = qread(), m = qread(), x = qread();
    up(1, n, i) A[i] = INF, F[i] = i;
    up(1, m, i)
        U[i] = qread(), V[i] = qread(), W[i] = qread();
    up(1, m, i) if(W[i] == 0){
        int u = getfa(U[i]), v = getfa(V[i]);
        if(u != v) F[u] = v;
    up(1, m, i){
        int u = getfa(U[i]), v = getfa(V[i]), w = W[i];
        if(w != 0){
            if(u == v) A[u] = min(A[u], w);
                else A[u] = min(A[u], 2 * w), A[v] = min(A[v],
2 * w);
    up(1, n, i) printf("%c ", A[getfa(i)] <= x * k ? '1' :</pre>
'0');
    return 0;
```