



# Solution

---

清华大学

高天宇



# Box

---

- 题目大意：

- 有 $n$ 个盒子，每个盒子有一个载重量。将这 $n$ 个盒子摞成若干列，问最少多少列。

- 部分分：

- 搜索

- 正解：

- 先考虑这样一个问题，你现在有若干列盒子。现在有一个新的盒子，你只能挑一列，把新盒子放到最底下。为了后续策略最优，你应该怎么放？



# Box

---

- 显然是应该找（能放的）个数最多的那个放
- 因为这样放，对于后续的操作来说才是最优的。
- 比如原来是2, 3, 5，再放肯定要放在5的底下，变成2, 3, 6。对于后续的决策来说，2, 3, 6肯定比3, 3, 5或者2, 4, 5优。
- 所以我们就有了一种贪心的方法。先将所有的盒子按照承载量从小到大排序。



# Box

---

- 然后我们开一个数组，记录一下当前一共有多少列，每一列一共有多少个盒子。从小到大扫描所有的盒子，找到**能放下**的数量最多的列，放进去。如果没有任何一列能放下，则建一个新列。
- 如目前：2，4，6。新来了一个承载量5的盒子，就应该放在『4』那一列。
- 举例：0，1，1，2，2，3



# Castle

---

- 题目大意：有 $n$ 个点，每个点有一条出边。  
要求前 $k$ 个点能走到1号点，后 $k$ 个点不能走到一号点，问方案数。

# Castle



---

- $n \leq 8$ 
  - 直接爆搜每个点的出边指向谁，然后检查即可。
- $n \leq 10^5$ 
  - 我们发现，前 $k$ 个点肯定和前 $k$ 个点互相连边。后 $n-k$ 个点肯定不会连到前 $k$ 个点里面去。
  - 所以，我们只要爆搜前 $k$ 个点连接的方案，然后检查；后 $n-k$ 个点，只要连的是后 $n-k$ 个点，爱怎么连怎么连，方案数是 $(n-k)^{(n-k)}$ 。最后把两部分方案数乘起来就行。
- $n \leq 10^{18}$ 
  - 快速幂即可。

# Jump



---

- 最简单的DP比较好想
- 令 $f[i][j]$ 为从 $i$ 这个点开始，下一步走 $j$ 个，能够收集到的最多的宝藏
- $f[i][j] = a[i] + \max(f[i+j][j-1], f[i+j][j+1], f[i+j][j])$



# Jump



- 
- $n^2$ 复杂度，受不了
  - 如果移动步数可以固定就好了
  - 移动步数会发生偏移
    - 最多偏移多少呢？
  - 初始步数为1，每次多走1步，走n次
    - $n(n+1)/2$
  - 偏移量最多是 $\sqrt{2n}$ 量级的
  - 枚举时只需要枚举初始步数+最大偏移量即可